Vizsgáljuk meg, hogy az alábbi függvényeknek hol lehet lokális szélsőértéke! Van-e szélsőérték? Ha létezik, az maximum vagy minimum?

1. 
$$f(x,y) = x^3 + 3xy + y^3$$

2. 
$$f(x,y) = x^2 - 3xy + y^2 + 12$$

3. 
$$f(x,y) = x^2y^3(6-x-y)$$

4. 
$$f(x,y) = f(x,y) = x^4 - 4xy + y^4$$

5. 
$$f(x,y) = 3x^2 + 2y^2 - 4xy + 6x - y + 2$$

6. 
$$f(x,y) = 4x^2 + 3y^2 + 6xy + 5x$$

7. 
$$f(x,y) = x^4 + y^4 - x^2 - 2xy - y^2$$

8. 
$$f(x,y) = y^3 - x^2 - 4y^2 + 2xy$$

## Szöveges feladatok

- 9. Határozzuk meg azt a három pozitív számot, melyek összege 100 és szorzatuk maximális!
- 10. Határozzuk meg azt a három pozitív számot, melyek összege 100 és szorzatuk minimális!
- 11. Egy fedél nélküli karton doboz felülete  $1.2m^2$ . Mekkore lehet a maximális térfogat?
- 12. Határozza meg a 2x y + z síknak azt a pontját, amelyik legközelebb van a (-4,1,3) ponthoz!
- 13. Egy pont elektromos potenciálját a  $V(x,y) = \ln \sqrt{x^2 + y^2}$  függvény adja meg,  $(x,y) \neq (0,0)$ .
  - (a) Írja fel V(x,y) adott  $\alpha$  irányú iránymenti deriváltját  $\alpha$  függvényében, tetszőleges pontban.
  - (b) Mutassa meg, hogy V változása azon egyenes mentén lesz maximális, amely metszi az origót!