

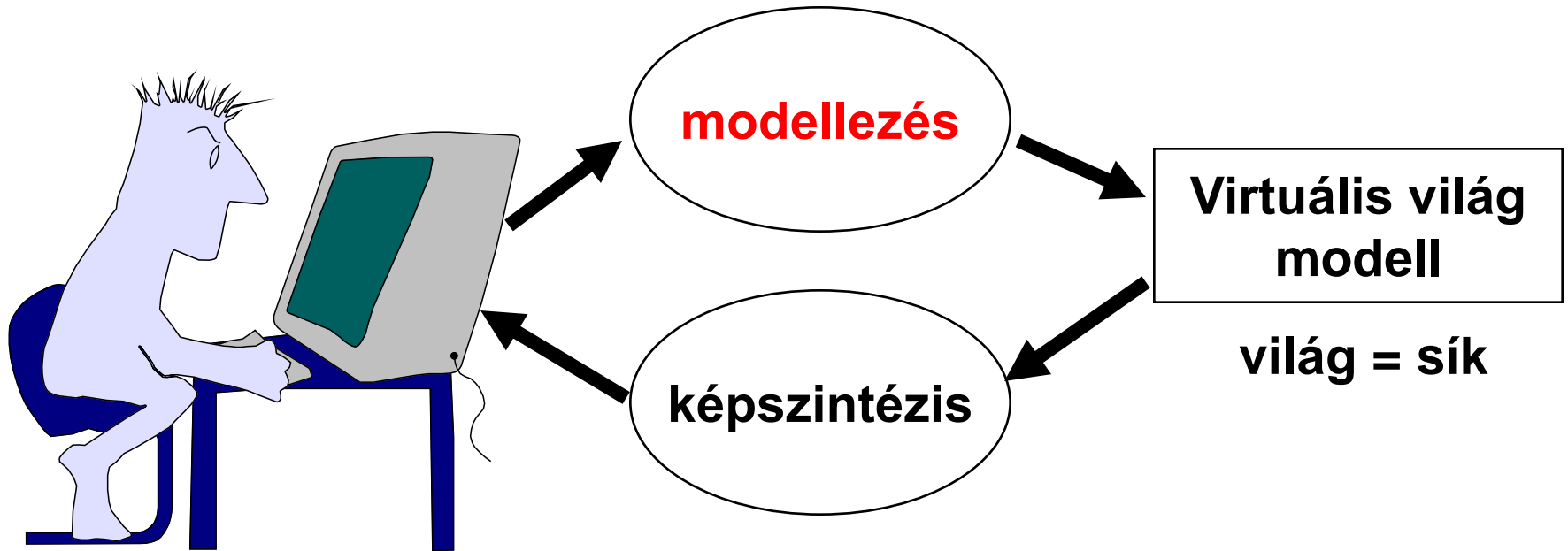
A számítógépes grafika alapjai

Animációk/1

Előadó: Benedek Csaba

Tananyag : Szirmay-Kalos László, Benedek Csaba

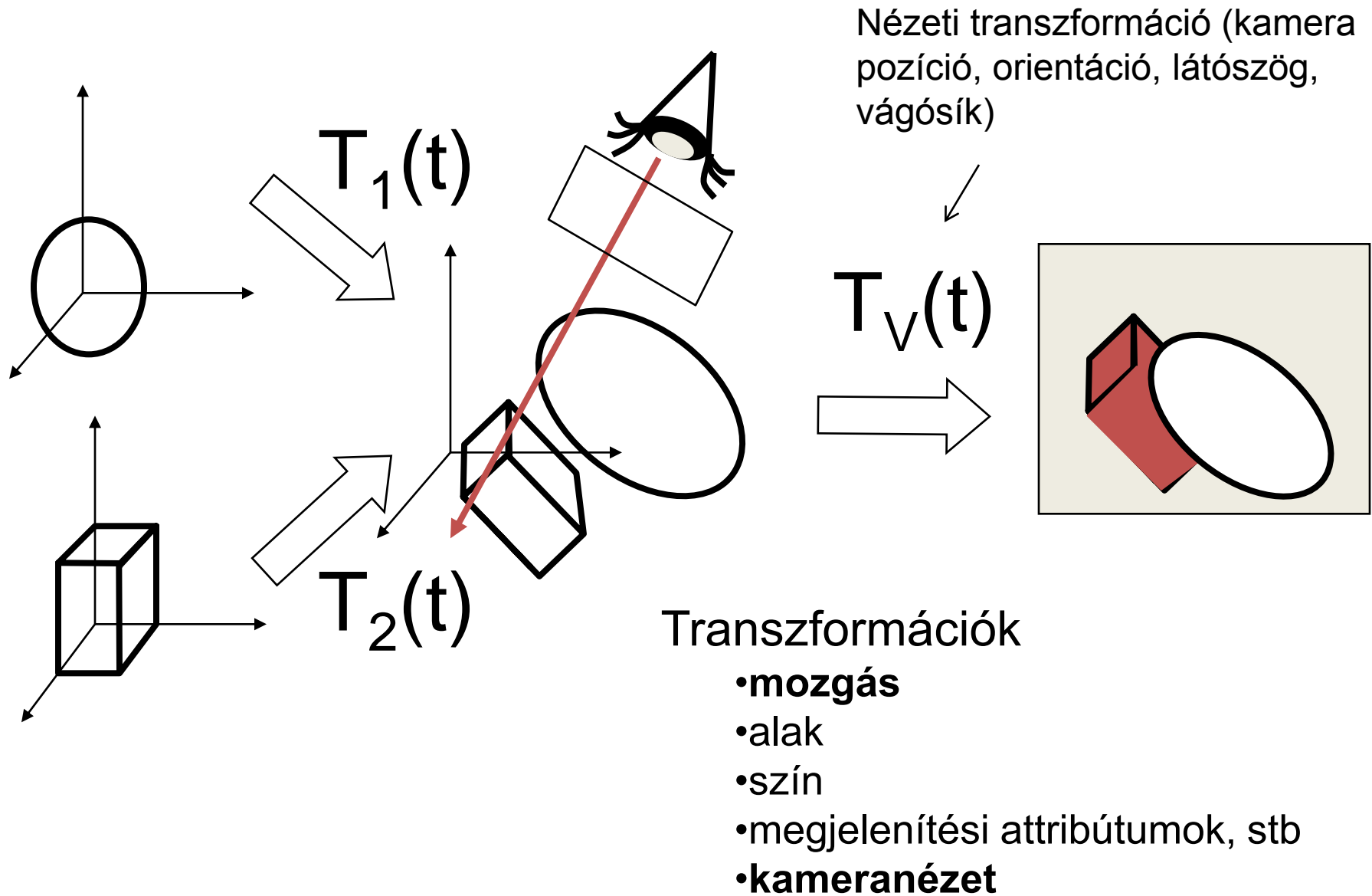
ANIMÁCIÓ



Metafórák:

- 2D rajzolás

Animáció = időfüggés



Valós idejű animáció

Óra inicializálás (t_{start})
do

$t = \text{Óra leolvasás}$

Nézeti transzformáció: $T_V = T_V(t)$

for each object o:

modellezési transzf $T_{M,o} = T_{M,o}(t)$

endfor

Képszintézis

while ($t < t_{\text{end}}$)

Legalább 15 ciklus
másodpercenként

Folyamatás mozgatás - OpenGL

- Követelmények:
 - animáció folyamatosan fusson (azaz a felhasználónak ne kelljen minden lépésnél „léptetni”)
 - a rendszer reagáljon a felhasználói beavatkozásra (pl leállítás, lövés...)
 - nem jó egyszerű végtelen ciklus-hurok!
- Megoldás:
 - olyan ciklus, amely felváltva hajt végre egy-egy lépést a rendszer eseménykezelő hurkából és a program szimulációs hurkából

GLUT

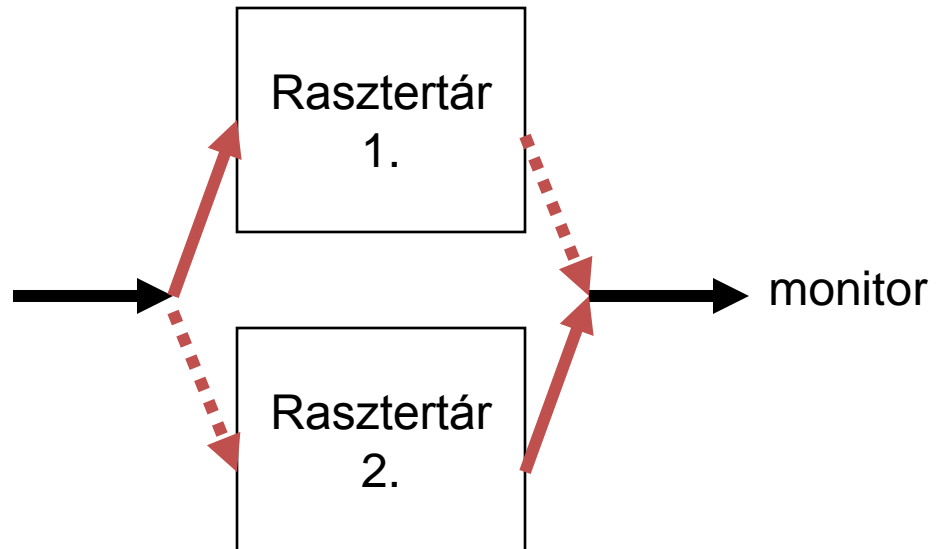
- Üresjáratí eseménykezelő függvény:
 - **glutIdleFunc** (myIdleFunc)
- Idő lekérdezés:
 - **glutGet** (GLUT_ELAPSED_TIME)

- Minta program:

```
long oldTime;  
void IdleFunc(void) {  
    long newTime=glutGet(GLUT_ELAPSED_TIME);  
    myStepFunction(newTime-oldTime);  
    oldTime=newTime;  
}
```

Képszintézis és megjelenítés

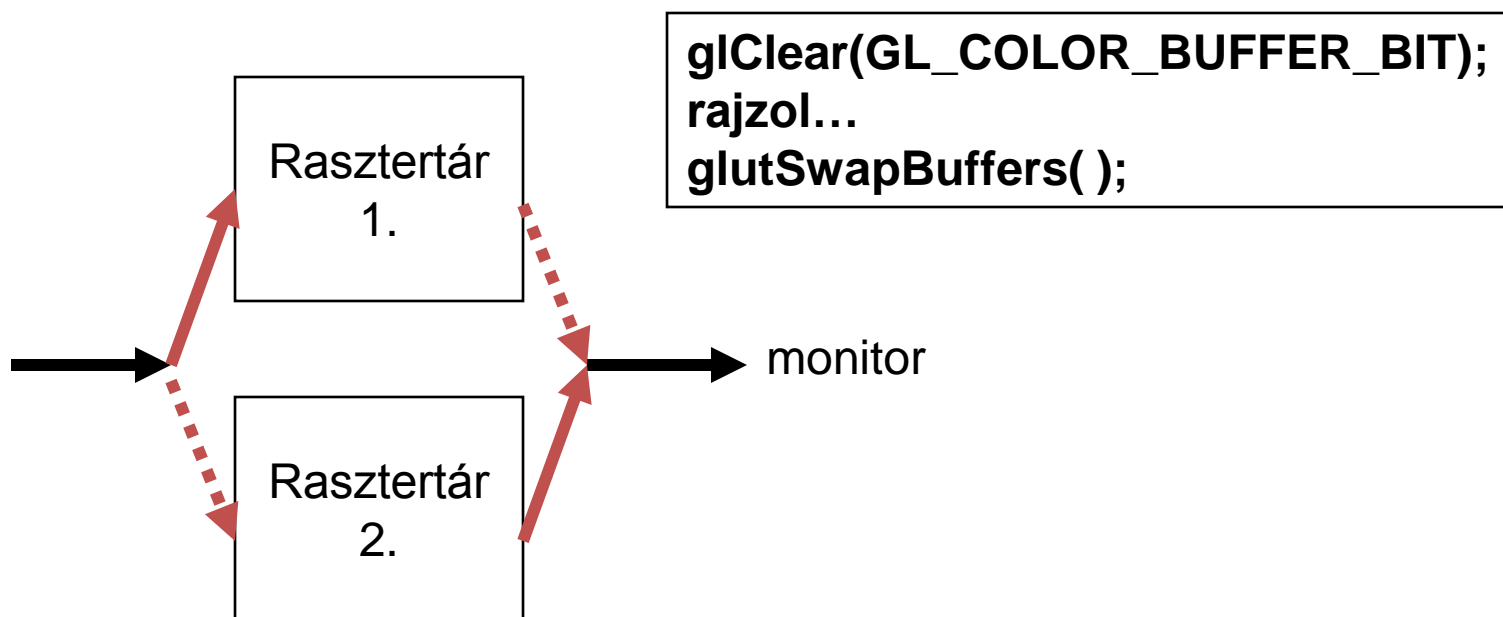
- Animációs hurok: képek előállítása és megjelenítése ciklikusan ismételve
 - Inkrementális képszintézis eljárások villogáshoz vezethetnek (képet fokozatosan építjük fel)
 - Megoldás: két külön rasztertár
 - Egyikben készül a kép, míg a másikat jelenítjük meg
 - Új képkocka megjelenítése: a két rasztertár gyors kicserélése



Dupla buffer animációhoz (GLUT)

Inicializálás:

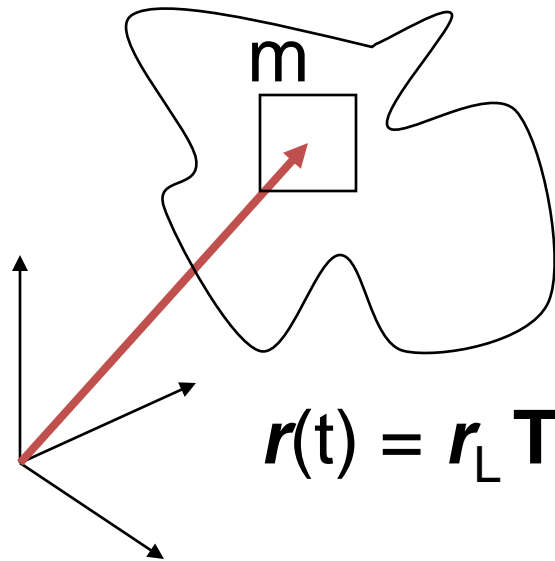
```
glutInitDisplayMode(GLUT_RGBA | GLUT_DOUBLE);
```



Valószerű mozgás

- Fizikai törvények:
 - Newton törvény
 - ütközés detektálás és válasz: impulzus megmaradás
- Fiziológiai törvények
 - csontváz nem szakad szét
 - meghatározott szabadságfokú ízületek
 - bőr rugalmasan követi a csontokat
- Energiafelhasználás minimuma

Newton törvény



$$\mathbf{F}/m = \frac{d^2}{dt^2} \mathbf{r}$$

$$= \mathbf{r}_L \frac{d^2}{dt^2} \mathbf{T}_M(t)$$

Az erő rugalmas mechanizmuson keresztül hat, azaz folytonosan változik

$\mathbf{T}_M(t)$ C^2 folytonos

$T_M(t)$: Mozgástervezés

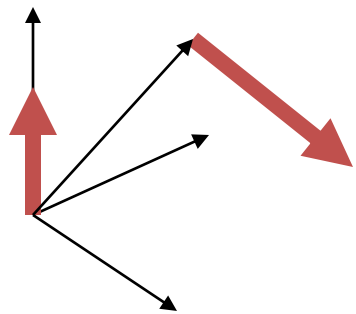
- Követelmény: ált. C^2 , néha (C^1, C^0) folytonosság
- Mozgás = a transzformációs elemek időbeli változtatása
- Tetszőleges pozíció+orientáció megadható az alábbi mátrixsal:

$$T_M(t) = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & 0 \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & 0 \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & 0 \\ p_x & p_y & p_z & 1 \end{bmatrix}$$

- De az orientáció (A mátrix) szabadsági foka csak 3!
 - szabályos orientáció: sorvektorok egymásra merőleges egységvektorok

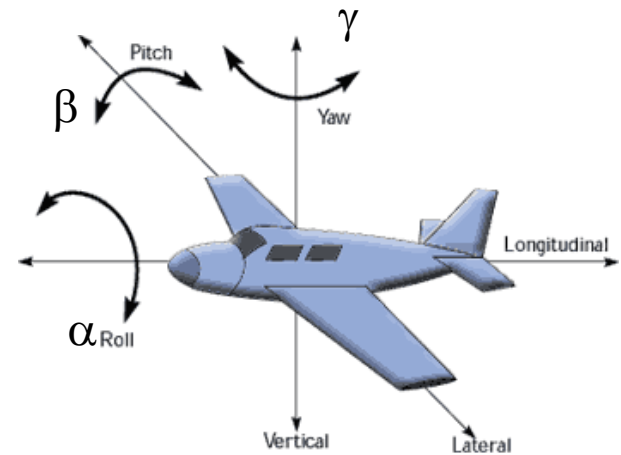
$T_M(t)$: Mozgástervezés

- $T_M(t)$ mátrixelemek nem függetlenek!
 - Tervezés független paraméterek terében



pozíció: p_x, p_y, p_z
orientáció: α, β, γ

$$\mathbf{p}(t) = [p_x, p_y, p_z, \alpha, \beta, \gamma](t)$$



$$T_M(t) =$$

$$\begin{bmatrix} \cos\alpha & \sin\alpha & & & \\ -\sin\alpha & \cos\alpha & & & \\ & & 1 & & \\ & & & 1 & \\ & & & & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos\beta & -\sin\beta & & & \\ & 1 & & & \\ \sin\beta & \cos\beta & & & \\ & & & 1 & \\ & & & & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & & & & \\ & \cos\gamma & \sin\gamma & & \\ & -\sin\gamma & \cos\gamma & & \\ & & & 1 & \\ 1 & & & & \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & & & & \\ & 1 & & & \\ & & 1 & & \\ & & & 1 & \\ p_x, p_y, p_z, & 1 \end{bmatrix}$$

Orientáció tervezés – gondok...

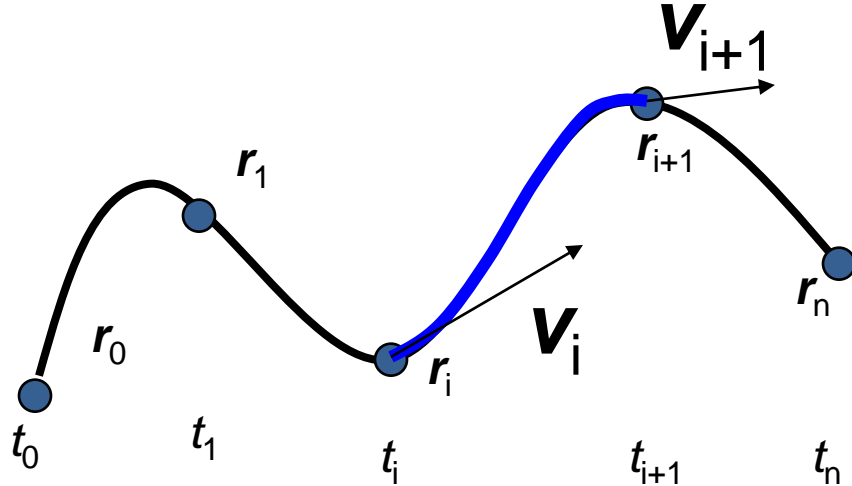
- Változó orientáció-animálás a α , β , γ csavaró-billentő-forduló szögek független interpolációjával
 - PRO: minden pillanatban érvényes orientációt kapunk
 - KONTRA: képzeletbeli tengelyek körül forgatunk, ezért a mozgás nem lesz valósszerű ☹
 - a paraméterek egyenletes változtatása egyenetlen mozgást eredményez, a képzeletbeli tengelyek láthatóvá válnak
 - megoldás: interpoláció kvaterniókkal
 - (érdeklődőknek részletek: Szirmay-Kalos László et. al. „Háromdimenziós grafika, animáció és játékfejlesztés” 312 oldal – lásd könyvtárban)

Mozgástervezés a paraméterterben

- $\mathbf{p}(t)$ elemei ált. C^2 , néha (C^1, C^0) folytonosak
- $\mathbf{p}(t)$ elemeinek a definíciója:
 - görbével direkt módon (**spline**)
 - képlettel: **script animation**
 - pl: origóból (v_x, v_y) kezdősebességgel kilőtt lövedék mozgása
 $x(t) = v_x t$, $y(t) = v_y t - g t^2/2$
 - kulcsokból interpolációval: **keyframe animation**
 - görbével indirekt módon: **path animation**
 - mechanikai modellből az erők alapján: **physical anim.**
 - mérésekből: **motion capture animation**

Interpoláció: 3-d rendű spline

$$\mathbf{r}(t) = \mathbf{a}_i (t - t_i)^3 + \mathbf{b}_i (t - t_i)^2 + \mathbf{c}_i (t - t_i) + \mathbf{d}_i \quad \text{ha } t_i \leq t < t_{i+1}$$



$$\begin{aligned} \mathbf{r}(t_i) &= \mathbf{r}_i, \\ \mathbf{r}'(t_i) &= \mathbf{v}_i \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \mathbf{r}(t_{i+1}) &= \mathbf{r}_{i+1}, \\ \mathbf{r}'(t_{i+1}) &= \mathbf{v}_{i+1} \end{aligned}$$

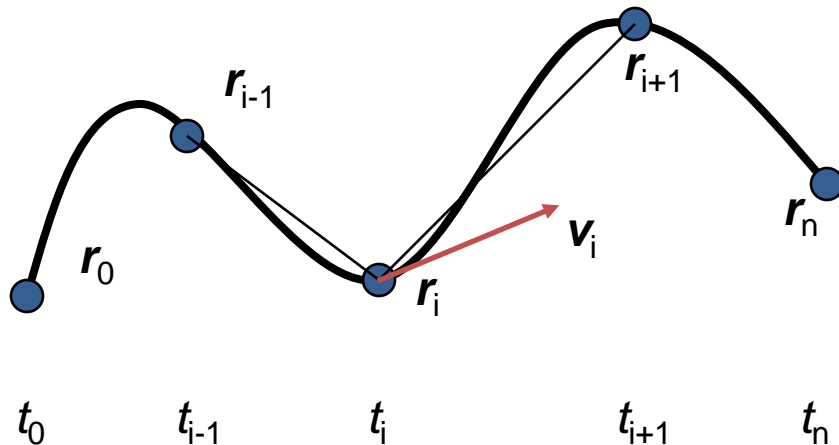
- C^2 folytonosság követelményéből: spline
- Ismeretlen \mathbf{v}_i -k meghatározása:
 - $\mathbf{r}_i''(t_{i+1}) = \mathbf{r}_{i+1}''(t_{i+1})$ + sebesség a kezdő és végpontban
 - bonyolult lineáris egyenletrendszer megoldását igényli ☹
- Tervezési paraméterek alapján: Kohane-Bartels, Catmull-Rom
 - Feladjuk a C^2 folytonosság követelményét a görbeszegmensek kapcsolódási pontjaiban
 - Legalább szép sima legyen a pálya...

Catmull-Rom „spline”

$$\mathbf{r}(t) = \mathbf{a}_i (t - t_i)^3 + \mathbf{b}_i (t - t_i)^2 + \mathbf{c}_i (t - t_i) + \mathbf{d}_i \quad \text{ha } t_i \leq t < t_{i+1}$$

Sebességek előírása:

$$\mathbf{r}'(t_i) = \mathbf{v}_i \quad \mathbf{r}'(t_{i+1}) = \mathbf{v}_{i+1}$$



$$\mathbf{a}_i = \frac{\mathbf{v}_{i+1} + \mathbf{v}_i}{(t_{i+1} - t_i)^2} - \frac{2(\mathbf{r}_{i+1} - \mathbf{r}_i)}{(t_{i+1} - t_i)^3}$$

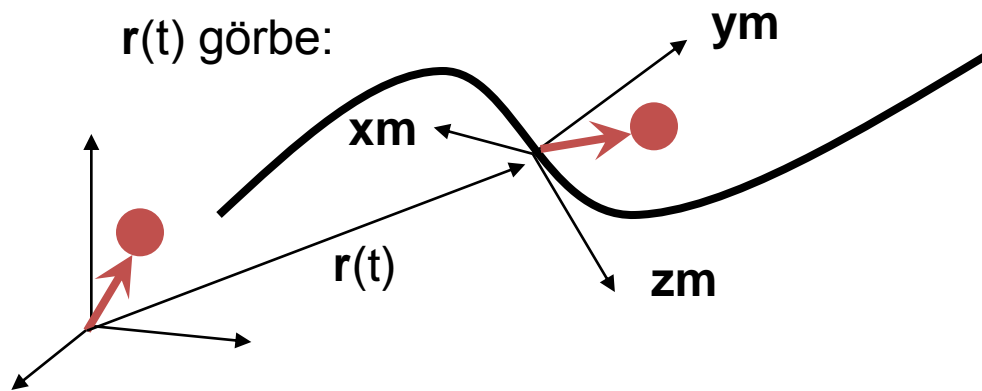
$$\mathbf{b}_i = \frac{3(\mathbf{r}_{i+1} - \mathbf{r}_i)}{(t_{i+1} - t_i)^2} - \frac{\mathbf{v}_{i+1} + 2\mathbf{v}_i}{(t_{i+1} - t_i)}$$

$$\mathbf{c}_i = \mathbf{v}_i$$

$$\mathbf{d}_i = \mathbf{r}_i$$

$$\mathbf{v}_i = \frac{1}{2} \left[\frac{\mathbf{r}_{i+1} - \mathbf{r}_i}{t_{i+1} - t_i} + \frac{\mathbf{r}_i - \mathbf{r}_{i-1}}{t_i - t_{i-1}} \right]$$

Pálya animáció: Transzformáció



$$\mathbf{T}_M = \begin{bmatrix} \mathbf{x}^0(t) & 0 \\ \mathbf{y}^0(t) & 0 \\ \mathbf{z}^0(t) & 0 \\ \mathbf{r}(t) & 1 \end{bmatrix}$$

Explicit up vektor

$$\mathbf{z}_m = \mathbf{r}'(t)$$

$$\mathbf{x}_m = \mathbf{z}_m \otimes \mathbf{u}_p$$

$$\mathbf{y}_m = \mathbf{z}_m \otimes \mathbf{x}_m$$

Frenet keretek:

$$\mathbf{z}_m = \mathbf{r}'(t)$$

$$\mathbf{x}_m = \mathbf{z}_m \otimes \mathbf{r}''(t) = \mathbf{r}'(t) \otimes \mathbf{r}''(t)$$

$$\mathbf{y}_m = \mathbf{z}_m \otimes \mathbf{x}$$

A függőleges,
amerre az erő hat