KOMPRESI CITRA BERBASIS MULTI-LEVEL THRESHOLDING MENGGUNAKAN DIFFERENTIAL EVOLUTION

I Gusti Lanang Arda Narendra¹, I Gusti Ngurah Putu Krisna Adi¹, Yobel Christanto Nadeak¹, I Made Oka Widyantara², Dewa Made Wiharta²

Mahasiswa Program Studi Teknik Elektro, Fakultas Teknik, Universitas Udayana
 Dosen Program Studi Teknik Elektro, Fakultas Teknik, Universitas Udayana
 Program Studi Teknik Elektro, Fakultas Teknik, Universitas Udayana, Jalan Raya Kampus Unud Jimbaran, Bali

<u>ardanarendr@gmail.com</u>, <u>ngurah.krisna5@gmail.com</u>, <u>yobelnadeak13@gmail.com</u>, oka.widyantara@unud.ac.id, wiharta@unud.ac.id

ABSTRAK

Kompresi pada data citra perlu dilakukan untuk mengelola ruang penyimpanan agar dapat digunakan secara efisien. Pada penelitian ini kompresi citra dilakukan menggunakan algoritma Differential Evolution (DE) sebagai pendekatan untuk mencapai ambang batas yang optimal dalam mengelompokkan piksel pada citra. Unjuk kerja metode kompresi citra ini dievaluasi berdasarkan parameter Peak Signal-to-Noise Ratio (PSNR) dan Structural Similarity Index Measure (SSIM). PSNR kompresi citra DE adalah 27 dB hingga 40 dB dengan level threshold antara 10 sampai dengan 40. Sedangkan SSIM bernilai 0,83 hingga 0,97 pada level threshold 10 sampai dengan 40. PSNR dan SSIM pada kompresi citra DE bernilai baik serta menghasilkan visual citra terkompresi yang mendekati citra aslinya seiring dengan kenaikan level threshold yang ditetapkan.

Kata kunci: Kompresi Citra, Thresholding, Differential Evolution, PSNR, SSIM.

ABSTRACT

Compression in image data needs to be done to manage storage space efficiently. In this study, image compression is performed using the Differential Evolution (DE) algorithm as an approach to achieve an optimal threshold for pixel clustering in images. The performance of this image compression method is evaluated based on the Peak Signal-to-Noise Ratio (PSNR) and Structural Similarity Index Measure (SSIM) parameters. The PSNR of DE image compression ranges from 27 dB to 40 dB with threshold levels between 10 to 40. Meanwhile, the SSIM ranges from 0.83 to 0.97 at threshold levels of 10 to 40. The PSNR and SSIM of DE image compression are both at a good level, resulting in compressed image visuals that closely resemble the original image as the threshold levels increase.

Key Words: Image compression, Thresholding, Differential Evolution, PSNR, SSIM.

1. PENDAHULUAN

Kebutuhan media penyimpanan di era digital semakin meningkat akibat kemajuan teknologi yang memungkinkan pengguna untuk mengakses dan mengunduh data dengan ukuran file yang besar. Seperti pada sistem presensi wajah di perkantoran, penggunaan wajah sebagai validasi dan verifikasi presensi memerlukan ruang lebih besar untuk menyimpan data citra wajah tiap pegawai dalam kurun waktu tertentu. Data citra digital yang tidak dikelola dengan baik

menyebabkan ruang penyimpanan menjadi penuh dan tidak dapat digunakan secara efisien. Hal tersebut dapat diatasi dengan melakukan kompresi terhadap data citra. Kompresi citra dilakukan untuk mengurangi ukuran data citra sehingga mengefisienkan ruang penyimpanan dan waktu transfer menjadi lebih singkat [1].

Kompresi citra terdiri dari dua jenis, yaitu kompresi *lossless* dan kompresi *lossy*. Kompresi *lossless* menghasilkan citra hasil kompresi yang serupa dengan citra aslinya.

Sedangkan kompresi *lossy* menghasilkan citra terkompresi yang kurang serupa dengan citra aslinya karena sebagian informasinya dihapus ketika proses kompres-dekompresi [2]. Teknik kompresi citra yang selama ini digunakan umumnya berbasis spasial pada logika pengkodean berdasarkan pemrosesan citra dengan membaginya menjadi blok-blok yang lebih kecil [3].

Seiring dengan kemajuan teknologi di bidang pengolahan citra, beberapa metode kompresi citra telah dikembangkan dan dikombinasikan untuk mencapai hasil terbaik. Penelitian [3], yaitu penelitian mengenai kompresi citra berbasis histogram yang menggunakan metode multi-level thresholding [3]. Metode thresholding umumnya digunakan pada segmentasi citra yang merupakan proses penentuan ambang batas nilai piksel dengan membagi citra menjadi beberapa bagian berdasarkan tingkat intensitas skala keabuannya [4]. Ketika nilai threshold meningkat, perkiraan frekuensi penyebaran nilai intensitas piksel pada citra menjadi lebih akurat dan hampir sesuai dengan nilai sebenarnya. Pada saat yang sama, variasi nilai piksel semakin berkurang dan dengan ini kompresi citra dapat dicapai [3].

Teknik optimasi seperti Differential Evolution merupakan algoritma komputasi evolusioner berbasis populasi yang meningkatkan kandidat solusi secara iteratif berdasarkan proses evolusi. Dalam hal ini, Differential Evolution digunakan sebagai pendekatan untuk mencari ambang batas yang optimal dalam mengelompokkan piksel citra pada metode multi-level thresholding.

Penelitian ini mengusulkan metode multi-level thresholding menggunakan algoritma Differential Evolution sebagai pendekatan dalam melakukan kompresi citra. Hasil kompresi citra kemudian dianalisis berdasarkan parameter Peak Signal-to-Noise Ratio (PSNR) dan Structural Similarity Index Measure (SSIM)

untuk mengevaluasi kinerja dari algoritma serta kualitas citra terkompresi.

2. LANDASAN TEORI

2.1 Thresholding

Metode thresholding digunakan untuk melakukan segmentasi pada citra dengan tujuan membedakan antara objek dengan background dalam citra berdasarkan perbedaan intensitas atau tingkat kecerahan pada citra tersebut. Thresholding bekerja dengan cara menentukan nilai threshold (th) atau nilai ambang batas sehingga piksel yang nilai intensitasnya lebih tinggi dari (th) diberi label sebagai satu kelas [5]. Thresholding dibedakan menjadi bi-level thresholding dan multi-level thresholding. Bilevel thresholding membagi citra menjadi dua kelas hanya berdasarkan satu nilai threshold, sedangkan pada multi-level thresholding memerlukan lebih dari dua nilai threshold dan membagi piksel citra menjadi beberapa kelas [4].

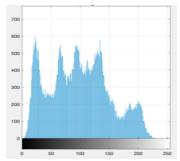
2.2 Histogram Citra

Histogram adalah representasi grafis dari persebaran nilai-nilai intensitas piksel dari suatu citra [6]. Histogram citra dapat menunjukkan frekuensi kemunculan dari intensitas, kecerahan, dan kontras dari sebuah citra. Secara matematis, histogram citra dapat dihitung menggunakan persamaan (1) [7].

$$p_r(r_k) = \frac{n_k}{n}$$
; $0 \le r_k \le 1$; $k = 0,1,...L 1$ (1)

dengan L merupakan jumlah level, $p_r(r_k)$ merupakan probabilitas dari kemunculan level ke-k, n_k merupakan jumlah kemunculan level k pada citra, dan n adalah total jumlah piksel pada citra [7].

Gambar 1 adalah contoh dari histogram citra, dengan sumbu-x pada histogram tersebut merepresentasikan rentang dari intensitas yang dimiliki oleh piksel pada citra, sedangkan sumbu-y mewakili jumlah piksel pada citra dengan nilai yang sama.



Gambar 1. Contoh histogram citra

2.3 Differential Evolution (DE)

Differential **Evolution** merupakan algoritma pengoptimalan berdasarkan populasi. Pada algoritma DE, vektor parameter atau individu (i) dari populasi pada generasi waktu (t) adalah vektor dimensi-D yang memuat sekumpulan parameter pengoptimalan D. Adapun persamaannya dirumuskan dengan persamaan (2) [8].

$$\overrightarrow{Z_i}(t) = [Z_{i,1}(t), Z_{i,2}(t), \dots, Z_{i,D}(t)]$$
 (2)

Anggota populasi diubah dari $\overrightarrow{Z_i}(t)$ menjadi vektor pembagi $\overrightarrow{Y_i}(t)$ pada setiap generasi. Pembuatan vektor pembagi inilah yang membedakan masing-masing skema dari DE. Salah satu varian DE dinamakan skema DE/rand/1 yang menghasilkan vektor pembagi pada setiap individu (i) dengan parameter lain (misalkan vektor r_1 , r_2 , r_3 sehingga r_1 , r_2 , $r_3 \in [1,NP]$ dan $r_1 \neq r_2 \neq r_3$) dipilih random dari populasi saat ini. Vektor pembagi $\overrightarrow{Y_i}(t)$ kemudian didapat dari mengalikan perbedaan antara dua dari tiga bilangan dengan bilangan skalar F. Komponen j^{th} dan vektor i^{th} dapat dinyatakan pada persamaan (3) [8].

$$\overleftrightarrow{Y}_{i,j}(t) = Z_{r_{1,j}}(t) + F Z_{r_{2,j}}(t) - Z_{r_{3,j}}(t)$$
 (3)

Proses persilangan binomial atau *crossover* bertujuan untuk mengoptimalkan keragaman populasi. *Crossover* binomial dilakukan di tiap variabel D. Angka yang dipilih secara *random* berkisar 0 dan 1 yang berada pada nilai C_r . Setiap vektor target $\overrightarrow{Z_t}(t)$ dan vektor percobaan $\overrightarrow{R_t}(t)$ dirumuskan dengan persamaan (4) [8].

$$R_{i,j}(t) \mathop{=}_{=Z_{i,j}(t)}^{=Y_{i,j}(t)} jika\, r\, dan\, j\, (0,1) \leq C_r\, atau\, j = rn(i) \\ = Z_{i,1}(t)\, adalah\, sebaliknya \tag{4}$$

Dengan j = 1, 2, ...D dan $rand_i(0,1) \in$ [0,1] merupakan evaluasi random namun seragam ke-*j*, $rn(i) \in [1,2,...,D]$ merupakan indeks yang dipilih secara random untuk meyakinkan bahwa $\overrightarrow{R}_i(t)$ memperoleh minimal satu komponen dari $\overrightarrow{Z}_{i}(t)$. Proses selanjutnya yaitu melakukan proses pemilihan akhir untuk menentukan mana yang akan tetap berada pada generasi selanjutnya. Apabila vektor percobaan memperoleh nilai fitness function atau nilai kesesuaian yang lebih baik, maka akan menggeser vektor targetnya pada generasi selanjutnya. Jika nilai fitness function yang diperoleh tidak lebih baik, maka vektor induk pada generasi sebelumnya akan tetap berada dalam populasi yang dirumuskan pada persamaan (5) [8].

$$\overrightarrow{Z_I}(t+1) = \overrightarrow{R_I}(t) \ \text{jika} \ f(\overrightarrow{R_I}(t)) > f(\overrightarrow{Z_I}(t)) \\ = \overrightarrow{Z_I}(t) \ \text{jika} \ f(\overrightarrow{R_I}(t)) \le f(\overrightarrow{Z_I}(t))$$
 (5)

dengan f adalah fungsi yang harus diminimalkan. Tahap di atas dilanjutkan sampai kriteria penghentian atau jumlah iterasi terpenuhi.

2.4 Peak Signal-to-Noise Ratio (PSNR)

Peak Signal-to-Noise Ratio (PSNR) merupakan perbandingan antara nilai maksimum dari sinyal yang diukur dengan besarnya derau (noise) yang berpengaruh pada sinyal tersebut [2]. Adapun rumus untuk menghitung PSNR ditunjukkan pada persamaan (6) [2].

$$PSNR = 20\log_{10} \frac{Max_i[P_i]}{\sigma^2}$$
 (6)

dengan $Max_i[P_i]$ adalah nilai maksimum yang diambil dari elemen atau piksel suatu citra, dan σ^2 adalah perbedaan kesalahan kuadrat rerata antara nilai piksel asli dan nilai piksel yang dikompresi [9].

Umumnya, nilai PSNR untuk kompresi citra dan video *lossy* berada pada rentang 30 dB hingga 50 dB dan jika lebih tinggi maka akan lebih baik. Nilai di atas 40 dB

dianggap sangat baik dan di bawah 20 dB biasanya tidak dapat diterima [10].

2.5 Structure Similarity Index Measure (SSIM)

Parameter Structure Similarity Index Measure (SSIM) adalah indeks penilaian kualitas citra untuk mengukur kesamaan struktural dari citra asli dengan citra hasil kompresi. Rentang nilai SSIM adalah 0 sampai dengan 1 [11]. Nilai SSIM yang mendekati 1 menandakan citra yang dibandingkan memiliki keselarasan dan memiliki kualitas citra yang baik, begitupun untuk sebaliknya. Adapun rumus untuk menghitung SSIM ditunjukkan pada persamaan (7) [7].

$$SSIM(x,y) = \frac{(2\mu_x\mu_y + c_1)(2\sigma_{xy} + c_2)}{(\mu_x^2 + \mu_y^2 + c_1)(\sigma_x^2 + \sigma_y^2 + c_2)}$$
(7)

dengan μ_x dan μ_y adalah intensitas rata-rata citra *input* dan *output*, σ_x^2 dan σ_y^2 adalah standar deviasi, σ_{xy} didefinisikan sebagai kovarian, sedangkan c_1 dan c_2 adalah konstanta.

3. METODOLOGI PENELITIAN

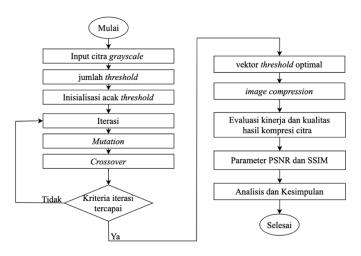
Penelitian ini menggunakan kerangka kerja kompresi citra berbasis metode *multi-level thresholding* menggunakan algoritma *Differential Evolution*. Proses kompresi citra dilakukan menggunakan perangkat lunak Matlab. Adapun parameter yang digunakan pada algoritma *Differential Evolution* ditampilkan pada Tabel 1.

Tabel 1. Parameter Algoritma DE

Parameter	Nilai
Faktor Pembobotan (F)	0,5
Probabilitas Persilangan (Cr)	0,9
Populasi DE (NP)	10
Maksimum generasi	100
Batas minimum - maksimum	0-255

Gambar 2 adalah diagram alir tahapan kompresi citra berbasis *multi-level thresholding* dengan algoritma *Differential Evolution* dijelaskan sebagai berikut.

- 1. Masukkan citra wajah *grayscale* dan nilai *threshold* pada program Matlab.
- 2. Lakukan inisialisasi parameter pada algoritma *Differential Evolution*.
- Lakukan proses mutation dan crossover pada algoritma Differential Evolution untuk menghasilkan kandidat solusi terbaik dalam populasi hingga mencapai kriteria iterasi yang ditentukan.
- Lakukan proses kompresi citra menggunakan algoritma Differential Evolution dengan vektor threshold image berdasarkan histogram citra.
- Lakukan evaluasi dan analisis terhadap hasil dari kualitas citra terkompresi beserta kinerja algoritma kompresi citra dengan parameter PSNR dan SSIM.
- Kesimpulan dibuat berdasarkan hasil evaluasi kinerja algoritma Differential Evolution pada kompresi citra berbasis multi-level thresholding.

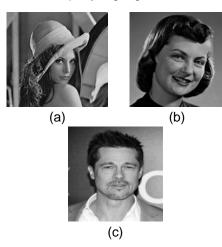


Gambar 2. Diagram alir penelitian

4. HASIL DAN PEMBAHASAN

4.1 Citra Input

Citra yang digunakan sebagai input pada penelitian ini merupakan citra wajah *greyscale* dengan ukuran 8 bit per piksel (256 x 256). Citra tersebut dikompresi dengan empat level *threshold* yang berbeda yaitu level 10, 20, 30, dan 40. Gambar 3 adalah citra input yang digunakan.



Gambar 3. (a) Citra wajah 1, (b) Citra wajah 2, (c) Citra wajah 3.

4.2 Evaluasi Kompresi Citra

Hasil citra terkompresi kemudian dievaluasi menggunakan parameter PSNR dan SSIM untuk meninjau kualitas visual dan kemiripan citra terkompresi dengan citra aslinya. Hasil dari kompresi citra berbasis metode multi-level thresholding menggunakan algoritma Differential Evolution ditunjukkan pada Tabel 2.

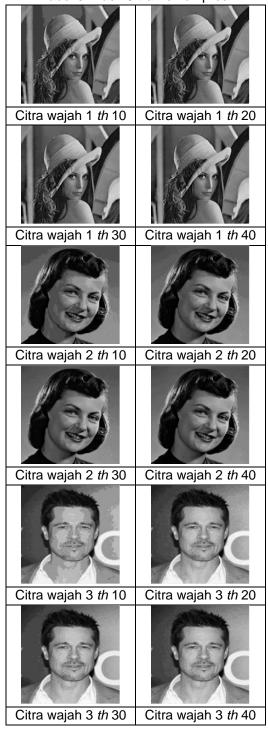
Tabel 2. Hasil Kompresi Citra DE

raber z. riasii Nompresi Olira DE			
Citra Input	Level th	PSNR	SSIM
Citra Wajah 1	10	27,9013	0,8380
	20	34,4413	0,9332
	30	38,4006	0,9666
	40	39,9306	0,9763
Citra Wajah 2	10	29,2085	0,8635
	20	34,8871	0,9343
	30	38,3753	0,9589
	40	40,7358	0,9744
Citra Wajah 3	10	29,5993	0,8420
	20	35,7298	0,9281
	30	37,3026	0,9448
	40	38,2655	0,9591

4.3 Evaluasi Hasil Citra Terkompresi

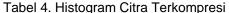
Hasil citra terkompresi dari kompresi citra menggunakan algoritma *Differential Evolution* dengan input citra wajah ditunjukkan pada Tabel 3.

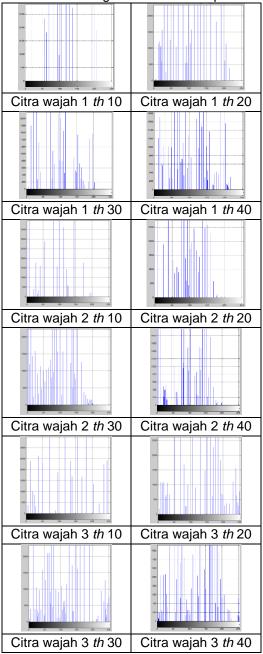
Tabel 3. Hasil Citra Terkompresi



4.4 Evaluasi Histogram

Histogram hasil kompresi citra menggunakan algoritma *Differential Evolution* dengan input citra wajah ditunjukkan pada Tabel 4.





4.5 Analisis PSNR

Grafik PSNR berdasarkan hasil penelitian pada Tabel 2 dari ketiga input citra wajah yang digunakan pada kompresi citra DE ditunjukkan pada Gambar 4.



Gambar 4. Grafik PSNR DE

Berdasarkan grafik **PSNR** pada Gambar 4, nilai PSNR di setiap citra mengalami peningkatan ketika level threshold yang tetapkan semakin tinggi. Citra wajah 1 menunjukkan bahwa nilai PSNR yang diperoleh meningkat dari 27,90 dB pada level threshold 10 mencapai 39,93 dB pada level threshold 40. Nilai PSNR pada Citra wajah 2 meningkat dari 29,20 dB pada level threshold 10 dan mencapai 40,73 dB pada level threshold 40. Nilai PSNR pada Citra wajah 3 adalah 29,59 dB pada level threshold 10 dan meningkat menjadi 38,26 dB pada level threshold 40. Hasil ini menunjukkan bahwa nilai PSNR meningkat seiring dengan kenaikan level threshold yang ditetapkan. Begitupun sebaliknya, jika level threshold yang digunakan semakin rendah, nilai PSNR akan rendah,

Nilai PSNR untuk kompresi citra *lossy* menunjukan hasil yang baik apabila memiliki rentang nilai berkisar antara 30 dB hingga 50 dB. Nilai PSNR di atas 40 dB dianggap sangat baik dan di bawah 20 dB biasanya tidak dapat diterima [10]. Nilai PSNR yang diperoleh dari kompresi citra dengan inputan citra wajah berkisar dari 27 dB hingga 40 dB, bergantung pada level *threshold* yang digunakan. Merujuk pada standar PSNR tersebut, hasil kompresi citra menggunakan algoritma *Differential Evolution* dengan inputan citra wajah dinilai telah memperoleh nilai PSNR yang baik.

4.6 Analisis SSIM

Grafik SSIM berdasarkan hasil penelitian pada Tabel 2 dari ketiga input citra wajah yang digunakan pada kompresi citra DE ditunjukkan pada Gambar 5.



Gambar 5. Grafik SSIM DE

Grafik yang ditampilkan pada Gambar 5 menunjukkan bahwa ketiga citra wajah yang diujikan mengalami peningkatan nilai SSIM yang signifikan terhadap kenaikan level threshold yang ditetapkan. Pada citra wajah 1, nilai SSIM yang diperoleh meningkat dari 0,83 pada level threshold 10 mencapai 0,97 pada level threshold 40. Nilai SSIM pada Citra wajah 2 adalah 0,86 pada level threshold 10 dan meningkat menjadi 0,97 pada level threshold 40. Nilai SSIM pada Citra wajah 3 adalah 0,84 pada level threshold 10 dan meningkat sampai 0,95 pada level threshold 40. Hasil kompresi citra dengan level threshold yang rendah menghasilkan nilai SSIM yang lebih rendah. Sedangkan pada level threshold yang lebih tinggi, kompresi citra menghasilkan nilai SSIM yang lebih tinggi hingga mendekati nilai 1.

Merujuk pada teori, nilai SSIM yang mendekati nilai 1 menandakan citra yang dibandingkan memiliki korelasi kemiripan struktur dan kualitas citra yang baik. Sehingga dapat dikatakan bahwa hasil kompresi citra menggunakan algoritma Differential Evolution dengan inputan citra wajah memiliki korelasi atau kemiripan struktur dan kualitas citra yang baik seiring dengan peningkatan level threshold yang digunakan. Sebaliknya, ketika level threshold vang digunakan lebih rendah, hasil kompresinya kurang memiliki korelasi atau kemiripan struktur seperti citra aslinya.

4.7 Analisis Citra Terkompresi

Berdasarkan hasil kompresi citra pada Tabel 3, citra terkompresi yang dihasilkan menunjukkan visual yang semakin baik seiring dengan peningkatan level *threshold* yang ditetapkan. Hasil citra yang dikompresi dengan *threshold* level 10 memiliki kualitas

visual yang kurang baik jika dibandingkan dengan hasil citra yang dikompresi dengan threshold level 20, 30, dan 40. Hal ini juga sejalan dengan nilai PSNR dan SSIM yang diperoleh. Citra yang dikompresi dengan threshold level 10 memiliki nilai PSNR dan SSIM yang lebih rendah dibandingkan dengan citra yang dikompresi dengan threshold level 20, 30, dan 40. Dari hasil tersebut dapat dikatakan bahwa citra terkompresi menunjukkan hasil yang semakin baik atau mendekati dengan citra inputannya ketika level threshold yang digunakan meningkat.

4.8 Analisis Histogram

Berdasarkan hasil histogram citra terkompresi yang ditunjukkan pada Tabel 4, citra yang dikompresi dengan level threshold 10 memiliki jumlah persebaran intensitas piksel yang lebih sedikit. Hal ini dikarenakan piksel di bawah nilai ambang batas yang ditentukan diubah menjadi nilai bit 0 (hitam), sedangkan piksel di atas nilai ambang batas diubah menjadi nilai bit 1 (putih). Oleh sebab itu, persebaran intensitas piksel pada level threshold 10 menjadi lebih sedikit dan tidak dapat merepresentasikan citra aslinya dengan maksimal. Ketika citra dikompresi dengan level threshold 40 atau level threshold yang ditetapkan meningkat, frekuensi persebaran nilai intensitas piksel pada citra menjadi lebih beragam dan dapat merepresentasikan citra aslinya dengan lebih baik.

Hal ini sejalan dengan teori yaitu metode thresholding membuat perkiraan histogram citra dengan memilih set threshold dengan tepat. Ketika threshold atau ambang batas meningkat, maka perkiraan nilai frekuensi histogram menjadi lebih akurat dan lebih sesuai dengan nilai sebenarnya [3]. Ketika level threshold meningkat, nilai PSNR dan SSIM juga meningkat karena persebaran intensitas piksel pada citra semakin mendekati aslinya dan menghasilkan citra terkompresi dengan visual yang juga semakin baik dan menyerupai citra aslinya. Berdasarkan hal tersebut, dapat dikatakan bahwa hasil

kompresi citra algoritma *Differential Evolution* dengan inputan citra wajah menghasilkan grafik histogram dengan persebaran nilai intensitas piksel yang lebih baik seiring dengan peningkatan level *threshold* yang ditetapkan.

5. KESIMPULAN

Analisis penelitian ini menunjukkan bahwa metode multi-level thresholding algoritma Differential menggunakan **Evolution** (DE) dilakukan sebagai pendekatan dalam mempartisi citra ke dalam beberapa level ambang batas untuk mencapai kompresi citra dan tetap mempertahankan kualitas visual citra terkompresi. Kompresi citra DE menghasilkan nilai PSNR mencapai rentang antara 27 dB hingga 40 dB. Nilai PSNR yang meningkat diperoleh seiring dengan kenaikan level threshold yang ditetapkan dan telah mencapai nilai standar untuk kompresi citra lossy.

Kompresi citra DE menghasilkan nilai SSIM dengan rentang 0,83 hingga 0,97. Nilai SSIM yang diperoleh mendekati nilai 1 seiring dengan kenaikan level threshold yang menunjukkan kemiripan struktur antara citra input dengan citra terkompresi. Grafik histogram citra terkompresi dari penelitian ini menunjukkan persebaran nilai intensitas piksel yang semakin luas ketika level threshold meningkat dan berpengaruh terhadap kualitas visual yang dihasilkan pada citra terkompresi semakin baik.

6. KESIMPULAN

- [1] V. Lusiana, I. H. Al Amin, and F. A. Sutanto. 2022. Pengaruh Peningkatan Kualitas Citra Menggunakan Modifikasi Kontras Pada Kompresi Data RLE. Building of Informatics, Technology and Science (BITS), 4(1), 270-276.
- [2] S. I. Murpratiwi and I. M. O. Widyantara. 2018. Pemilihan Algoritma Kompresi Optimal untuk Citra Digital Bitmap. *Majalah Ilmiah Teknologi Elektro*, vol. 17, no. 1, pp. 94–101.
- [3] S. Paul and B. Bandyopadhyay. 2014. A novel approach for image compression based on multi-level image thresholding using Shannon Entropy and Differential Evolution. IEEE TechSym 2014 - 2014 IEEE Students' Technol. Symp., no.

- February 2014, pp. 56-61.
- [4] S. A. Rather and P. S. Bala, 2021. Constriction coefficient based particle swarm optimization and gravitational search algorithm for multilevel image thresholding. *Expert Syst.*, vol. 38, no. 7, pp. 1–36.
- [5] S. Kotte, P. Rajesh Kumar, and S. K. Injeti. 2018. An efficient approach for optimal multilevel thresholding selection for gray scale images based on improved differential search algorithm. *Ain Shams Eng. J.*, vol. 9, no. 4, pp. 1043–1067.
- [6] E. Maria, Y. Yulianto, Y. P. Arinda, J. Jumiaty, and P. Nobel. 2018. Segmentasi Citra Digital Bentuk Daun Pada Tanaman Di Politani Samarinda Menggunakan Metode Thresholding. J. Rekayasa Teknol. Inf., vol. 2, no. 1, p. 37.
- [7] I. K. A. B. Adnyana, I. M. O. Widyantara, and N. D. Wirastuti. 2021. Analisa Metode Shannon Entropy Dan Differential Evolution Untuk Kompresi Gambar. Jurnal SPEKTRUM vol. 8, no. 2, pp. 221–228.
- [8] S. Sarkar, S. Paul, R. Burman, S. Das, and S. S. Chaudhuri. 2015. A fuzzy entropy based multi-level image thresholding using differential evolution. Lect. Notes Comput. Sci. (including Subser. Lect. Notes Artif. Intell. Lect. Notes Bioinformatics), vol. 8947, no. August, pp. 386–395.
- [9] U. Sara, M. Akter, and M. S. Uddin. 2019. Image Quality Assessment through FSIM, SSIM, MSE and PSNR—A Comparative Study. J. Comput. Commun., vol. 07, no. 03, pp. 8–18.
- [10] F. Z. David R.Bull. 2021. *Intelligent Image and Video Compression*.
- [11]L. Li, A. A. Abd El-Latif, X. Yan, S. Wang, and X. Niu. 2012. A lossless secret image sharing scheme based on steganography. Proc. 2012 2nd Int. Conf. Instrum. Meas. Comput. Commun. Control. IMCCC 2012, no. May 2014, pp. 1247–1250.