

# AD Aufgabe 3 Dokumentation

Anton Tchekov, Haron Nazari  
Praktikums Gruppe 3, Team 2

December 2023

## 1 Abstract

In dieser Dokumentation geht es um verschiedene Datenstrukturen an denen Algorithmen angewendet wurden. Die Datenstrukturen umfassen Binary Trees, Binary Search Trees und Graphen. Wir haben bei dem Graphen die Laufzeit der Suchalgorithmen getestet und beim Binary Search Tree die durchschnittliche Pfadlänge bestimmt.

// TODO ergebnis

## 2 Einführung

Die angewendeten Algorithmen für den Graphen umfassen:

1. Tiefensuche
2. Breitensuche
3. Kürzeste Pfade nach Dijkstra

Für den Binary Seach Tree wurde nur die durschnittliche Pfadlänge für unterschiedliche Baumgrößen von  $n = 100$  bis  $n = 10\,000$  (in 100er Schritten) berechnet und in einem Graphen geplottet und mit der Funktion  $1.39 * \log_2(x)$  -  $1.85$  verglichen.

## 3 Dokumentation

### 3.1 Beschreibung von Verfahren/Implementation

**Graphen** Der Graph wurde mit Adjazenzlisten implementiert

```
public class Vertex<E>
{
    private E content;
    private HashMap<Vertex<E>, Integer> neighbours;

    [...]
}
```

Jeder Knoten hat eine Liste von seinen Nachbarn inklusive des Gewichts der Kante zu dem jeweiligen Nachbarn.

**Breitensuche** Die Breitensuche wurde mithilfe einer Queue implementiert. Man eingereiht den Startknoten und überprüft ob dieser das Ziel ist, falls nicht dann werden alle Nachbarn in die Queue gepackt und nacheinander wie der Startknoten abgesucht. Falls man das Element findet beendet sich die Suchalgorithmen

**Tiefensuche** Die Tiefensuche wurde wie die Breitensuche implementiert jedoch wurde statt einer Queue ein Stack verwendet.

#### Dijkstra

1. Beim Dijkstra wird eine PriorityQueue verwendet, die nach Summe des Gewichtes sortiert ist Aufsteigend. Es wird zuerst das Startelement in die Queue eingereiht mit den Parametern: Kein vorheriger Knoten, der zugehörige Knoten und das Gesamtgewicht bis zu diesem Knoten.

2. Es wird dann aus der Queue ein Element genommen, falls dieses nicht das gesuchte Element ist, wird von dem genommenen Element alle Nachbarn mit folgenden Parametern eingereiht: Das jetzige Element, Der jeweilige Nachbar-knoten und die Summe des Gewichtes bis zum jetzigen Knoten. Es wird das Element mit der kleinsten Summe aus der Liste genommen und Schritt 2 wird wiederholt bis das Element gefunden wurde. Es wird anschließend der Pfad zurückgegeben.

### 3.2 Validierung und Tests

**Dijkstra Algorithmus Laufzeit Testung** Die Laufzeit vom Dijkstra Algorithmus wurde mit 3 Verschiedenen Szenarien getestet

1. Ein Worst-case Szenario. in welchem ein Quadratischer Graph, der aufgebaut ist wie ein Schachfeld. Ganzen unten links wurde der Startpunkt gesetzt und ganz oben rechts der Endpunkt, zudem haben alle Kanten die Gewichtung 1. Das führt dazu das der Dijkstra jeden Knoten besucht bevor es den Zielknoten erreicht. Die Laufzeit wurde dabei geplottet. Siehe Figur 1.

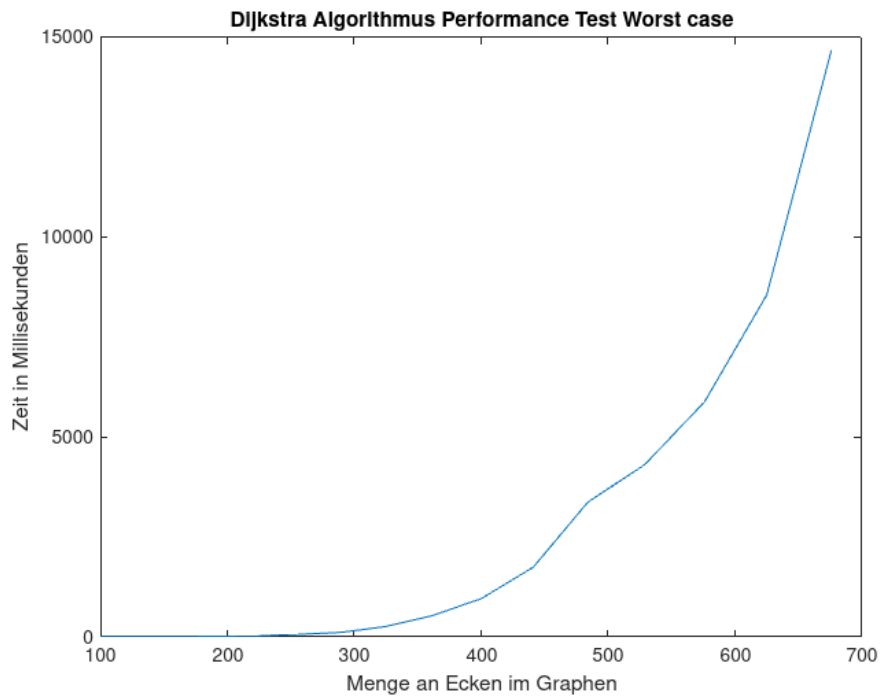


Figure 1: Laufzeit des beschriebenen Worst-case Szenarios

2. Ein Average-Worst-case Szenario, in welchem das gleiche Szenario wie 1. herrscht, jedoch hat jede Kante eine Zufällige Gewichtung von 0-10. Für jeden Messpunkt wurde 3 mal getestet. Die Laufzeit wurde auch hier geplottet. Siehe Figur 2.

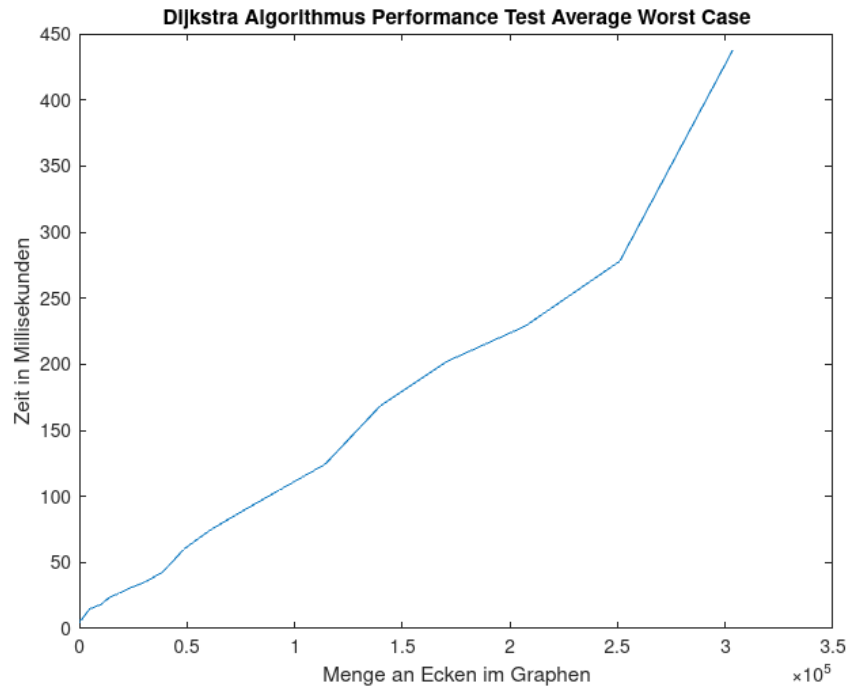


Figure 2: Laufzeit des beschriebenen Average-Worst-case Szenarios

3. Ein Random Non-Dense-case, in welchem ein Zufälliger Graphen erstellt wurde auf folgender weise: Es wird ein neuer Knoten erstellt und mit bis zu 15 von den vorherigen Knoten mit einem zufälligen Gewicht zwischen 0 und 15 verbunden. Dies wird dann wiederholt bis die erwünschte Menge an Knoten erstellt wurde. Auf diese weise ist der Graph weniger Dicht als in den ersten beiden Szenarios. Für jeden Messpunkt wurden 10 Messung durchgeführt und das Maximum genommen. Siehe Figur 3.

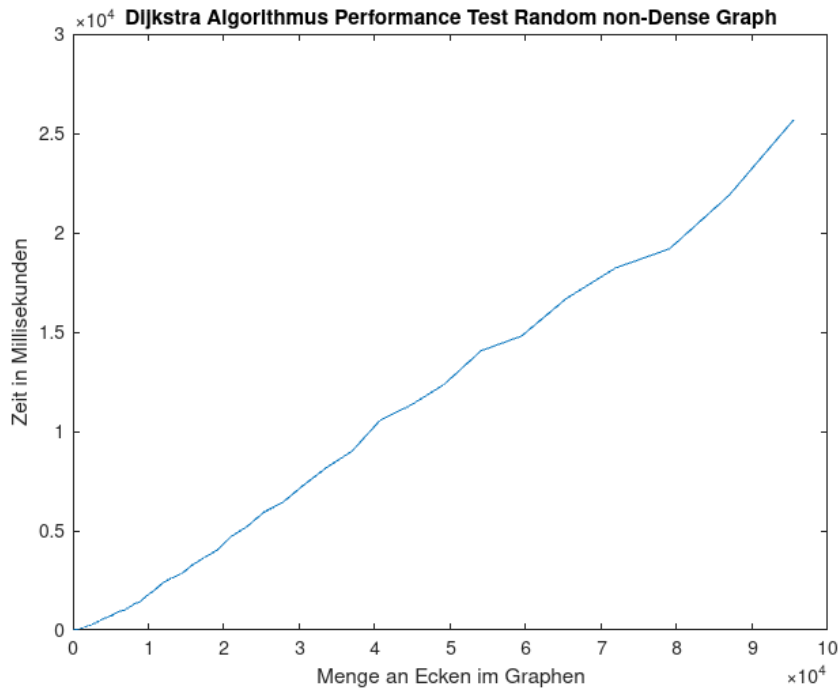


Figure 3: Laufzeit des beschriebenen Random Non-Dense-case Szenarios

**Fazit Dijkstra** Die Laufzeit von Szenario 1 und 2 richten sich nach  $O(n^2)$ , das Szenario 3 jedoch nach  $O(n)$ . Die Laufzeit ist bei den ersten beiden Szenarien wie erwartet, beim dritten Szenario scheint der Algorithmus einen linearen Weg zu finden zum Ziel.

**Pfadlaenge des Binary Search Trees** Um die durchschnittliche Pfadlänge zu bestimmen, haben wir eine Operation zu dem binären Suchbaum hinzugefügt, welche ein Element findet und dabei die Anzahl der traversierten Kanten zählt.

In einer Schleife werden  $N$  zufällig generierte Schlüssel in den Baum und in eine Liste eingefügt und dann wird für alle Elemente in der Liste die Pfadlänge bestimmt summiert. Das Resultat der Summe ist die interne Pfadlänge, die danach durch die Anzahl der Schlüssel im Baum geteilt wird und um 1 erhöht wird um die durchschnittliche Pfadlänge zu bestimmen. Für jedes  $N$  wird dieser Vorgang 1000 mal wiederholt und daraus das arithmetische Mittel gebildet um zufällige Abweichungen auszugleichen.

Der Ergebnisgraph stimmt mit der angegebenen Funktion stark überein. Siehe Figur 4.

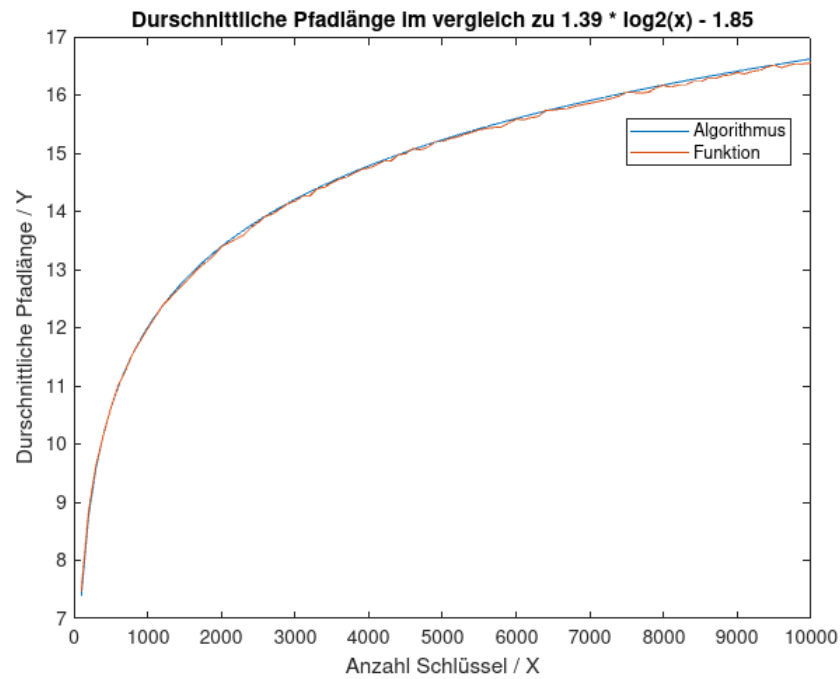


Figure 4: Vergleich zwischen der durschnittlichen Pfadlaenge bei einer gegebenen menge an Schluesselementen und der Funktion  $1.39 * \log_2(x) - 1.85$

## 4 Quellen

Trust me bro.