

## Examen LFA

### Exercițiul 1

1. Un LA este un automat finit care funcționează pe principiul DFA-ului (Determinist Finite Automata) și are în plus o listă de elemente din care poate scoate și adăuga elemente, deci are memorie în plus față de DFA. Definiția formală a LA-ului este următoarea:

Un LA este un DFA cu o listă de elemente ~~absolți~~ format dintr-un 6-tuplu  $(Q, \Sigma, L_E, \delta, q_0, F)$ , unde  $Q, \Sigma, L_E$  și  $F$  sunt mulțimi finite.

1.  $Q$  este mulțimea stărilor
2.  $\Sigma$  este alfabetul intrării
3.  $L_E$  este ~~lista~~ alfabetul listei care conține  $\epsilon$
4.  $\delta: Q \times \Sigma \times L_E \rightarrow Q \times L_E \times L_E$

este funcția de tranziție care este definită pe produsul cartezian dintre mulțimea stărilor, alfabetul intrării și alfabetul listei și care ia ca valori în mulțimea formată din produsul cartezian dintre mulțimea stărilor, alfabetul listei, alfabetul listei

5.  $q_0 \in Q$  este starea de start
6.  $F \subseteq Q$  este mulțimea stărilor de accept

2. Un LA  $M = (Q, \Sigma, L_E, \delta, q_0, F)$  va accepta un input  $w$  dacă  $w$  poate fi scris astfel  $w = w_1 w_2 \dots w_m$  unde  $w_i \in \Sigma$ , secvența de stări  $r_0, r_1, \dots, r_m \in Q$  și  $s_0, s_1, \dots, s_m \in L_E$  satisfac următoarele condiții:

a)  $r_0 = q_0$

$s_0 = \epsilon$

Automatul să înceapă din starea de start și în listă să afle  $\epsilon$ .

b) Pentru  $i = \overline{0, m-1}$   $(r_{i+1}, b, c) \in \delta(r_i, w_{i+1}, a)$  unde  ~~$s_i$  poate conține~~  $a$  poate aparține lui  $s_i$  și  $s_{i+1} = b \cdot t$  pentru  $a, b, c \in L_E$  și  $t \in L_E^*$ .  
Când  $M$  se află în starea  $r_i$ , citeste următorul simbol  $w_{i+1}$  și ~~va~~ caută pe  $a$  în listă, va trece la următoarea stare  $r_{i+1}$ , îl va scoate pe  $b$  din listă dacă  $b \neq \epsilon$  și îl va adăuga în listă pe  $c$ .

c)  $r_m \in F$

Adică starea de acceptat este ultima.

d) Pentru  $w_i = w_m$   $L_E = \{\epsilon\}$

Adică atunci când am ajuns la finalul inputului lista rămâne doar cu simbolul  $\epsilon$ .