



UNIVERSIDADE FEDERAL DA BAHIA  
INSTITUTO DE COMPUTAÇÃO  
MATA53 - TEORIA DOS GRAFOS

PROBLEMA DE COLOCAÇÃO ÓTIMA DE CÂMERAS DE  
SEGURANÇA NO BAIRRO DA ONDINA

ANTONIEL MAGALHÃES  
JOÃO LEAHY  
LUIS FELIPE

Salvador - Bahia  
12 DE JANEIRO DE 2025

# PROBLEMA DE COLOCAÇÃO ÓTIMA DE CÂMERAS DE SEGURANÇA NO BAIRRO DA ONDINA

ANTONIEL MAGALHÃES  
JOÃO LEAHY  
LUIS FELIPE

Projeto final entregue ao professor Islame Felipe  
da Costa Fernandes como método avaliativo da  
disciplina MATA53 - Teoria dos grafos

Salvador - Bahia  
12 de janeiro de 2025

# Sumário

<b>1</b>	<b>Introdução</b>	<b>1</b>
1.1	Contextualização e Motivação . . . . .	1
1.2	Justificativa . . . . .	1
1.3	Objetivo Geral e Específicos . . . . .	2
1.4	Metodologia . . . . .	2
1.5	Organização do Trabalho . . . . .	3
1.6	Trabalhos Correlatos . . . . .	3
<b>2</b>	<b>Descrição Formal do Problema</b>	<b>5</b>
2.1	Formalização . . . . .	5
2.2	Restrições do Problema . . . . .	5
2.3	Função Objetivo . . . . .	5
2.4	Modelagem em Grafos . . . . .	5
<b>3</b>	<b>Solução Algorítmica</b>	<b>6</b>
3.1	Pseudo-Código . . . . .	6
3.2	Detalhes de Implementação . . . . .	6
3.2.1	Classes, Diagramas, Estruturas . . . . .	6
<b>4</b>	<b>Experimentos</b>	<b>7</b>
4.1	Metodologia . . . . .	7
4.1.1	Instâncias . . . . .	7
4.1.2	Parâmetros . . . . .	7
4.1.3	Testes e Critérios de Análise . . . . .	7
4.2	Resultados . . . . .	7
4.2.1	Avaliação dos Resultado . . . . .	7
<b>5</b>	<b>Considerações Finais</b>	<b>8</b>
5.1	Conclusão . . . . .	8
	<b>Referências Bibliográficas</b>	<b>9</b>

# Capítulo 1

## Introdução

### 1.1 Contextualização e Motivação

A teoria dos grafos oferece um poderoso conjunto de ferramentas matemáticas para modelar e resolver problemas complexos de otimização em redes. No contexto da segurança pública, o problema de posicionamento de câmeras de vigilância pode ser elegantemente modelado como um problema de cobertura mínima de vértices (Minimum Vertex Cover). Nesta abordagem, os vértices do grafo representam possíveis localizações de câmeras, e as arestas representam as áreas que precisam ser monitoradas. O bairro de Ondina, em Salvador, apresenta um cenário ideal para aplicação deste conceito, por concentrar pontos estratégicos como a Universidade Federal da Bahia, estabelecimentos comerciais, hotéis e áreas residenciais, além de um intenso fluxo turístico devido às suas praias.

### 1.2 Justificativa

A aplicação de conceitos fundamentais da teoria dos grafos, como cobertura de vértices, dominação e problemas de localização de facilidades, fornece uma base teórica sólida para abordar o problema de posicionamento de câmeras. Este trabalho permite explorar na prática diversos algoritmos e técnicas estudados na disciplina MATA53 - Teoria dos Grafos, como algoritmos gulosos, programação dinâmica e métodos de otimização em grafos. A escolha do bairro de Ondina como objeto de estudo possibilita uma aplicação real desses conceitos, contribuindo tanto para o aprendizado acadêmico quanto para uma possível solução prática de segurança pública.

## 1.3 Objetivo Geral e Específicos

O objetivo geral deste trabalho é aplicar conceitos e algoritmos da teoria dos grafos para desenvolver uma solução que otimize o posicionamento de câmeras de segurança no bairro de Ondina, Salvador.

Os objetivos específicos incluem:

- Modelar a região de Ondina como um grafo, onde vértices representam possíveis localizações de câmeras e arestas representam conexões visuais ou físicas entre pontos;
- Implementar e comparar diferentes algoritmos estudados na disciplina para resolver o problema de cobertura mínima;
- Analisar a complexidade computacional e eficiência dos algoritmos implementados;
- Avaliar a aplicabilidade das soluções teóricas em um cenário real de implementação.

## 1.4 Metodologia

**Modelagem do Problema:** O problema de localização de câmeras de segurança será abordado como um problema de **cobertura de vértices**, onde:

- Os **vértices** do grafo representam os pontos de interesse a serem monitorados e os potenciais locais de instalação das câmeras.
- As **arestas** representam a visibilidade ou alcance de uma câmera para um determinado ponto de interesse.

**Construção do Grafo:** A região de Ondina será mapeada, identificando pontos estratégicos e possíveis locais de instalação. Um grafo será construído com base nesse mapeamento. Matrizes de adjacência ou listas de adjacência podem ser usadas para representar o grafo.

**Seleção de Algoritmos:** Serão implementados e comparados algoritmos para resolver o problema de cobertura mínima de vértices. Isso incluirá:

- Algoritmos **heurísticos** para o problema de cobertura de vértices que oferecem soluções aproximadas em tempo polinomial [TODO].
- Algoritmos de **busca em grafos**, como busca em profundidade e largura, que podem ser úteis na identificação de conexões e componentes do grafo [TODO].
- Algoritmos para a determinação de **conjuntos independentes** [TODO].

**Implementação e Análise:** Os algoritmos serão implementados e testados em instâncias geradas a partir do mapeamento da região de Ondina. A complexidade computacional e a eficiência de cada algoritmo serão analisadas.

**Avaliação da Aplicabilidade:** A solução obtida será avaliada em um cenário real, considerando a viabilidade prática e a adequação dos resultados.

## 1.5 Organização do Trabalho

TODO

## 1.6 Trabalhos Correlatos

O problema de cobertura mínima de vértices tem sido extensivamente estudado na literatura, tanto em sua forma teórica quanto em aplicações práticas. Esta seção apresenta uma revisão dos principais trabalhos relacionados, focando em resultados teóricos fundamentais e aplicações similares ao nosso problema de posicionamento de câmeras.

### Conceitos Fundamentais

- **Cobertura de Vértices:** Um conjunto de vértices  $\hat{C}$  de um grafo  $G$  é considerado uma cobertura de vértices se toda aresta de  $G$  tem pelo menos uma extremidade em  $\hat{C}$ . O objetivo é encontrar a cobertura de vértices com a menor cardinalidade possível, denotada por  $b(G)$  [2].
- **Cobertura de Arestas:** Similarmente, um conjunto  $\hat{E}$  de arestas é uma cobertura de arestas se todo vértice de  $G$  é incidente a pelo menos uma aresta de  $\hat{E}$ . A cobertura mínima de arestas é denotada por  $a(G)$  [2].
- **Complexidade:** Encontrar uma cobertura de arestas em um grafo sem características particulares é um problema polinomial, enquanto encontrar uma cobertura de vértices mínima em um grafo sem características particulares é um problema NP-Difícil [2].

### Resultados Teóricos

- A dificuldade de solucionar o problema de cobertura de vértices tem sido objeto de estudo. Dinur e Safra [1] estudam a dificuldade de solução deste problema, enquanto que, se  $P \neq NP$ , a melhor aproximação possível para esse problema é 1.36 [1].

- O problema da cobertura conexa mínima admite um fator de aproximação igual a 2 [2].

## Aplicações Similares

Vários trabalhos aplicam modelos de localização de facilidades para posicionar recursos de segurança, o que se relaciona com o problema de cobertura de vértices. Por exemplo, no contexto do posicionamento de câmeras de segurança, o objetivo pode ser encontrar um número mínimo de câmeras para cobrir todos os pontos de interesse, ou maximizar a cobertura dada um certo número de câmeras.

- **Localização de Câmeras:** O trabalho apresentado em [4] busca otimizar a localização de câmeras de segurança em um campus universitário. Nesse contexto, o trabalho aplica variações do Problema de Localização de Facilidades (PLF) e aborda a complexidade do problema devido ao grande tamanho do campus, optando por uma abordagem local. Os modelos aplicados incluem o Problema de Localização com Cobertura Completa (PLCC) e o Problema de Localização com Cobertura Máxima (PLCM), que são usados para determinar o número mínimo de câmeras necessárias para cobrir toda a área e para maximizar a cobertura com um número limitado de câmeras, respectivamente [4].
- **Outras Aplicações do PLF:** Problemas de localização de facilidades são encontrados em diversas áreas, tais como a localização de sirenes de alertas de tornados, poços de petróleo conectados a plataformas no mar, hubs para transporte aéreo, escolas, e unidades de saúde [4].

# Capítulo 2

## Descrição Formal do Problema

### 2.1 Formalização

TODO - Definir o problema matematicamente, considerando um grafo  $G = (V, E)$ , onde os vértices representam locais possíveis para câmeras e as arestas representam conexões entre pontos.

### 2.2 Restrições do Problema

TODO - Descrever as restrições, como orçamento limitado, número máximo de câmeras, áreas prioritárias, etc.

### 2.3 Função Objetivo

TODO - Definir a função que deve ser otimizada, como maximizar a cobertura de áreas críticas ou minimizar o custo total.

### 2.4 Modelagem em Grafos

TODO - Explicar como o problema pode ser representado como um problema em teoria dos grafos, como problemas de cobertura de vértices ou problemas de localização de facilidades.



# Capítulo 3

## Solução Algorítmica

### 3.1 Pseudo-Código

TODO - Apresentar um algoritmo de alto nível, como um GRASP ou uma abordagem baseada em programação linear.

### 3.2 Detalhes de Implementação

#### 3.2.1 Classes, Diagramas, Estruturas

TODO - Detalhar a estrutura do código, como organização das classes e métodos.

# Capítulo 4

## Experimentos

### 4.1 Metodologia

#### 4.1.1 Instâncias

TODO - Descrever os dados utilizados, como mapas do bairro da Ondina e pontos potenciais para câmeras.

#### 4.1.2 Parâmetros

TODO - Explicar os parâmetros ajustados nos experimentos, como alcance das câmeras, custo, etc.

#### 4.1.3 Testes e Critérios de Análise

TODO - Detalhar como os resultados serão avaliados (tempo de execução, cobertura alcançada, etc.).

### 4.2 Resultados

TODO - Apresentar os resultados dos experimentos em gráficos ou tabelas.

#### 4.2.1 Avaliação dos Resultado

TODO - Analisar os resultados obtidos, comparando as soluções encontradas com os critérios de avaliação.

# Capítulo 5

## Considerações Finais

### 5.1 Conclusão

TODO - Resumir as contribuições e os resultados obtidos.

# Referências Bibliográficas

- [1] Irit Dinur and Samuel Safra. On the hardness of approximating minimum vertex cover. *Annals of Mathematics*, 162:439–485, 2005.
- [2] Marco Goldbarg and Elizabeth Goldbarg. *Grafos: Conceitos, algoritmos e aplicações*. Elsevier, Rio de Janeiro, 2012.
- [3] George Karakostas. A better approximation ratio for the vertex cover problem. *Dept. of Computing and Software, McMaster University*, October 2004.
- [4] Luiz Augusto Silva Veloso, Letícia Alves da Silva, and Fábio Pires Mourão. Aplicação do problema de localização de facilidades à alocação de meios de segurança. In *IX Seminário de Iniciação Científica do IFMG*. Instituto Federal de Minas Gerais (IFMG), July 2021. Autores: Luiz Augusto Silva Veloso (Engenharia da Computação, IFMG Campus Bambuí, Bambuí - MG, [luiz.veloso99@hotmail.com](mailto:luiz.veloso99@hotmail.com)), Letícia Alves da Silva (Pesquisadora do IFMG, Campus Bambuí, [leticia.alves@ifmg.edu.br](mailto:leticia.alves@ifmg.edu.br)), Fábio Pires Mourão (Pesquisador do IFMG, Campus Bambuí, [fabio.mourao@ifmg.edu.br](mailto:fabio.mourao@ifmg.edu.br)).