

Деревья

Семинар

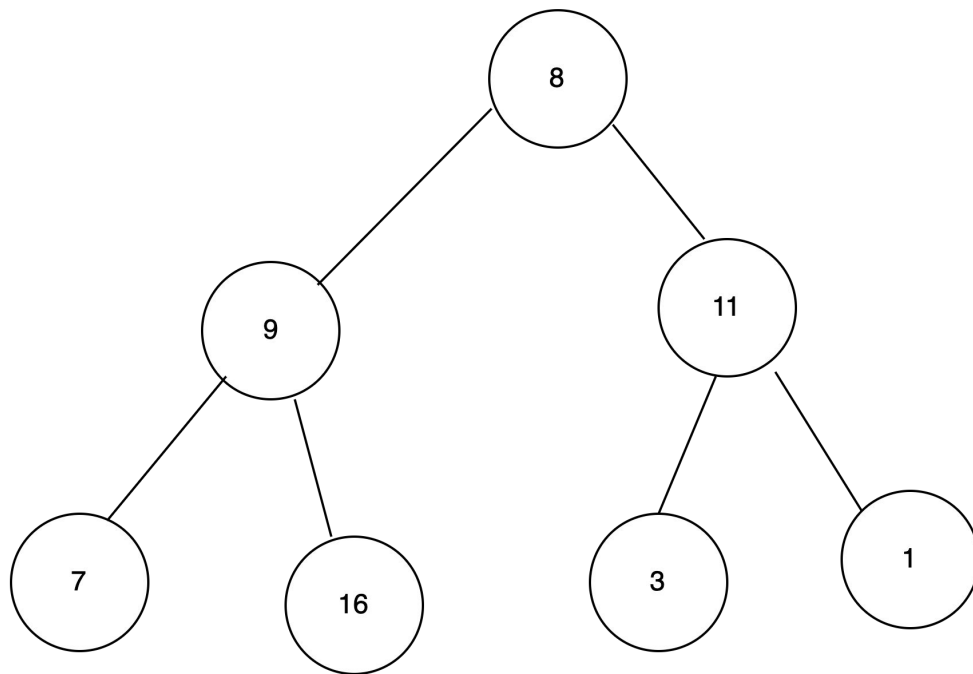
Восстановление бинарного дерева из массива
Проверка на симметричность бинарного дерева
Поиск минимальной глубины
Произведение минимального и максимального значения
Сравнение двух деревьев



Восстановить бинарное дерево из массива

Необходимо реализовать функцию, которая будет принимать на вход массив и выстраивать из него бинарное дерево.

8	9	11	7	16	3	1
---	---	----	---	----	---	---



Восстановить бинарное дерево из массива

```
class TreeNode:
    function TreeNode(val = 0, left = null, right = null) {
        this.data = val
        this.left = left
        this.right = right
    }
```

```
function buildTree(arr) {
    // определяем базовые кейсы
    // создаем узел
    // добавляем ему левого потомка
    // добавляем ему правого потомка

    return root
}
```

Восстановить бинарное дерево из массива

- необходимо рекурсивно для каждого узла достраивать бинарное дерево
- для этого расширим сигнатуру **buildTree** добавив туда индекс, для которого строим поддерево
- Строить дерево начинаем с корня, то есть с нулевого индекса

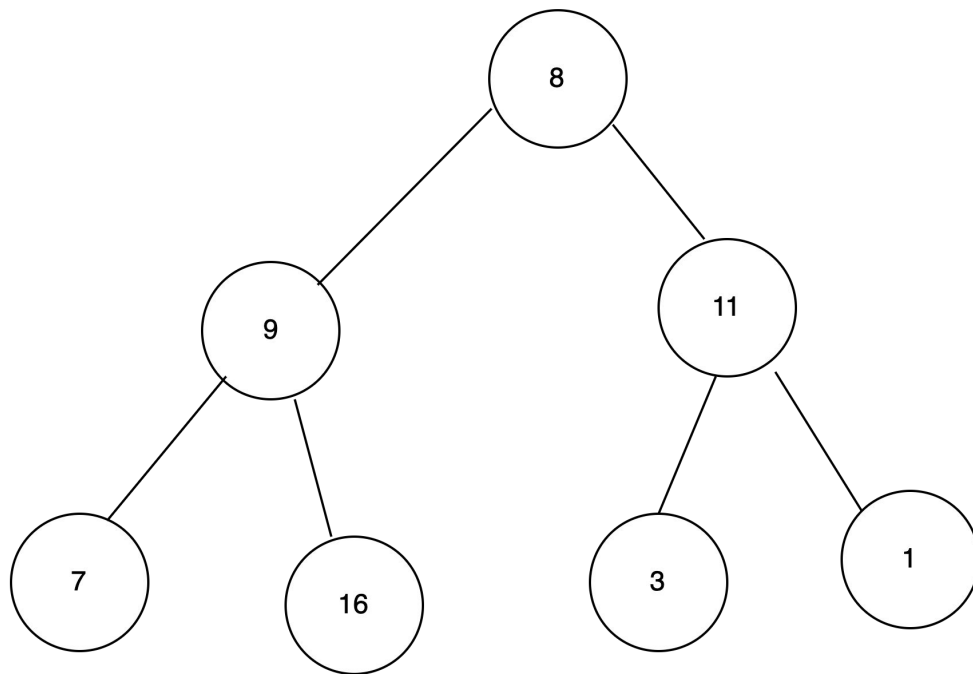
```
function buildTree(arr, i) {  
    if i >= len(arr) {  
        return null  
    }  
  
    root = TreeNode(arr[i])  
    // добавляем ему левого потомка  $2*i + 1$   
    // добавляем ему правого потомка  $2*i + 2$   
  
    return root  
}
```

Восстановить бинарное дерево из массива

- Рекурсивно вызываем buildTree для каждого узла

```
function buildTree(arr, i) {  
  if i >= len(arr) {  
    return null  
  }  
  
  root = TreeNode(arr[i])  
  root.left = buildTree(arr, 2 * i + 1)  
  root.right = buildTree(arr, 2 * i + 2)  
  
  return root  
}
```

8	9	11	7	16	3	1
---	---	----	---	----	---	---



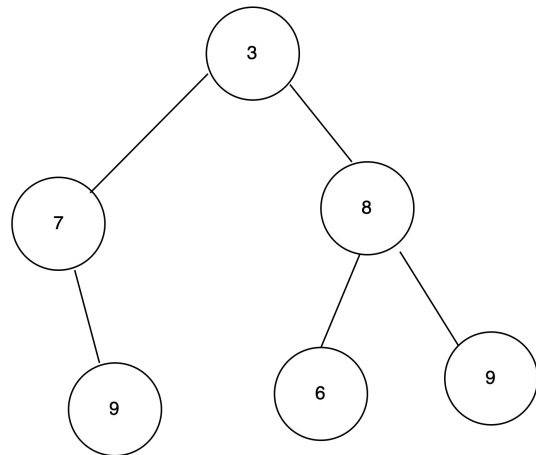
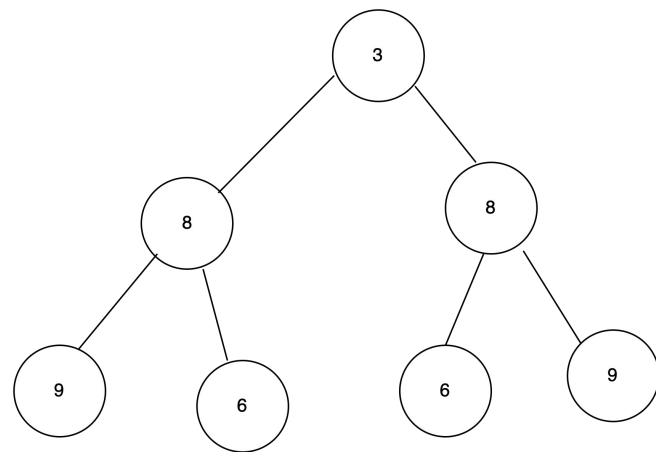
Симметричное дерево

На вход функции подается
бинарное дерево.

Необходимо понять, является ли
это дерево симметричным

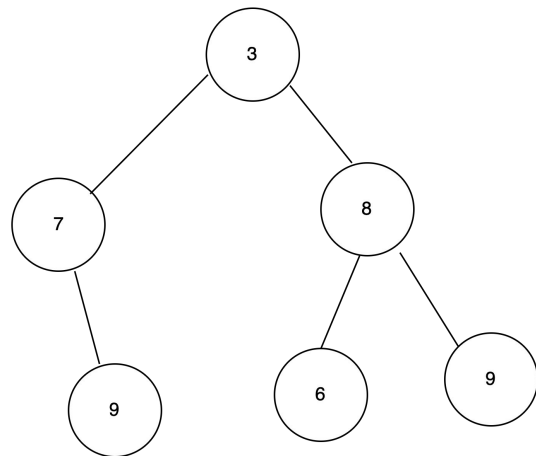
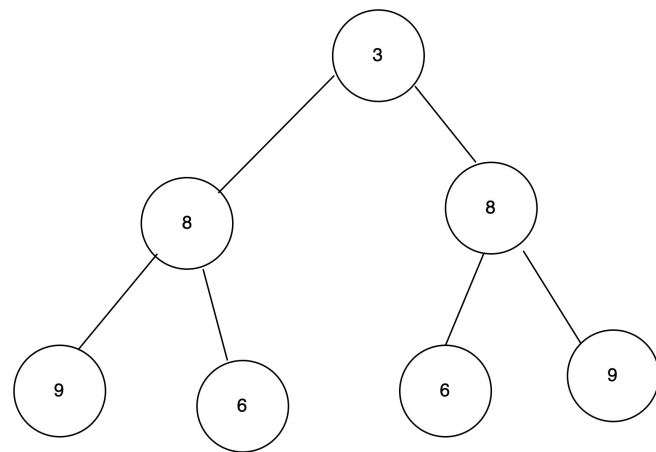
Дерево сверху - симметричное

Дерево снизу - нет



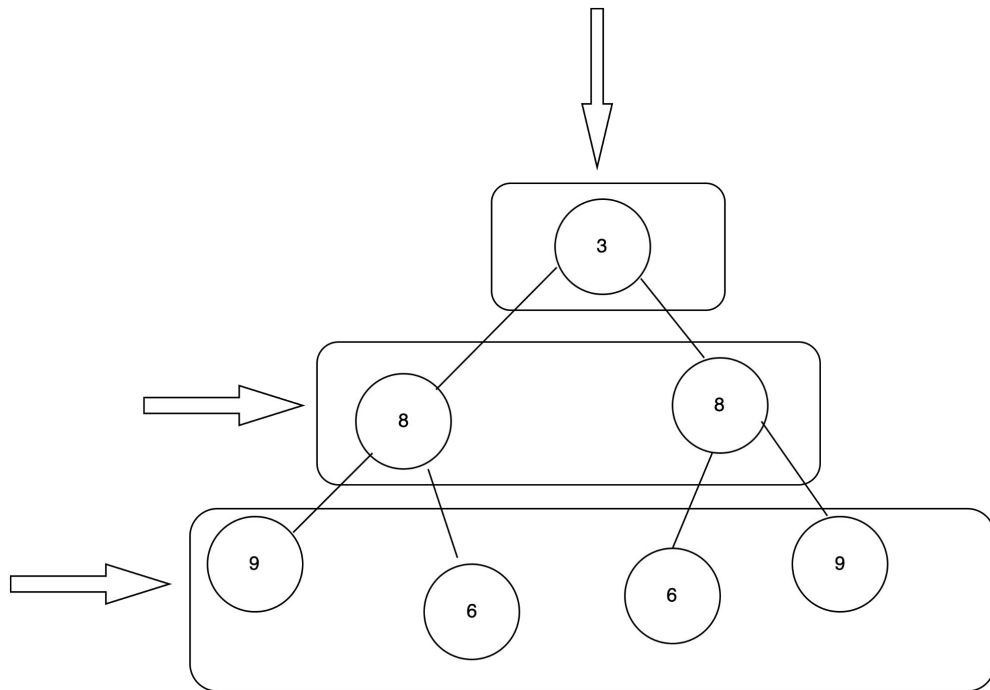
Симметричное дерево

- Обход в ширину
- Можно решить двумя способами
- Итеративно или рекурсивно



Симметричное дерево BFS

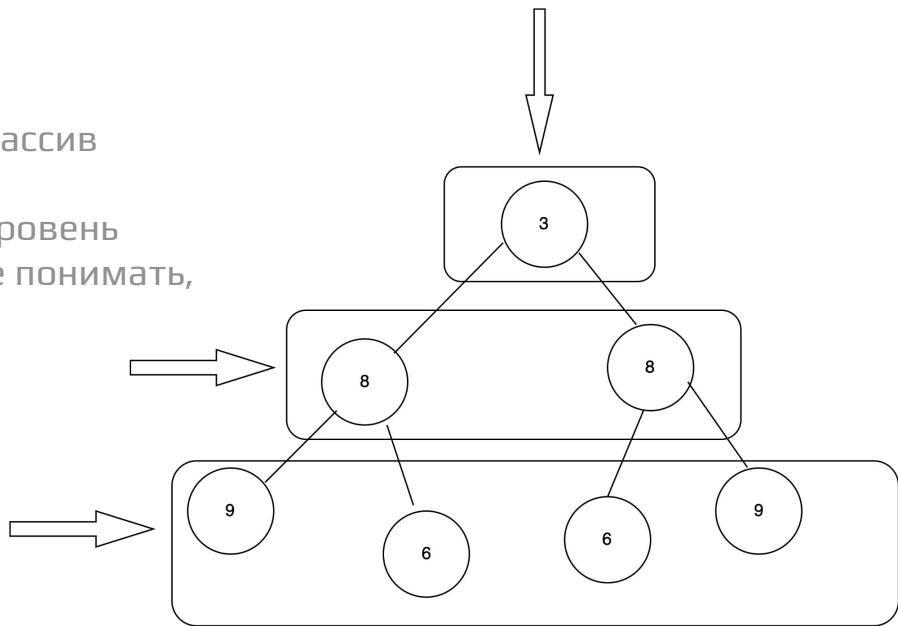
Сверху вниз, слева направо, сверху
вниз проходим последовательно
все уровни



Симметричное дерево

BFS

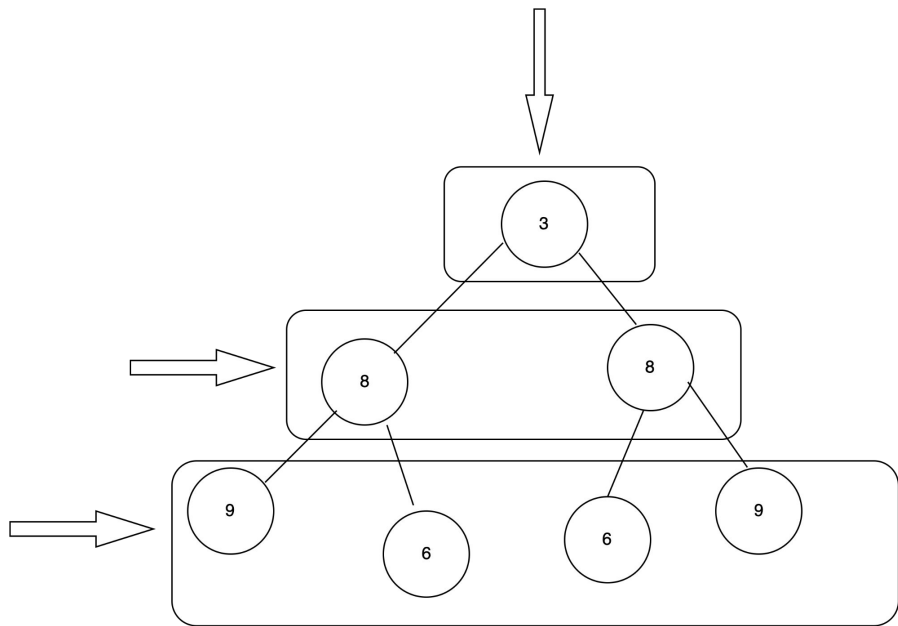
```
function isSymmetricBFS(bt) {  
  // в цикле по каждому узлу собираем потомков в массив  
  // сохраняя их последовательность слева направо  
  // в результирующем массиве получаем текущий уровень  
  // задача сводится к тому, чтобы на каждом уровне понимать,  
  // является ли массив симметричным  
  ...  
  return true  
}
```



Симметричное дерево

BFS

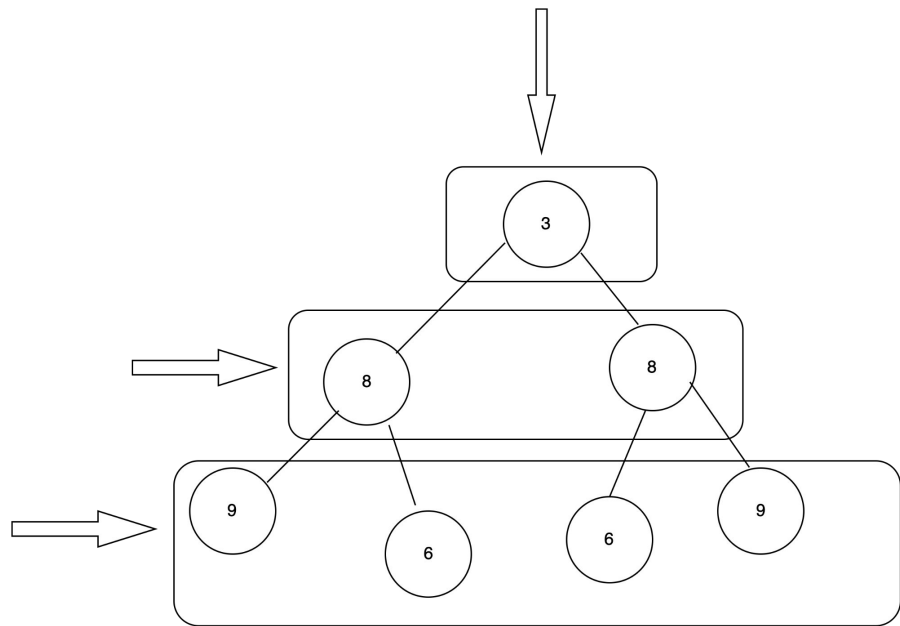
```
function isSymmetricBFS(bt) {  
  ...  
  // будем решать это посредством two pointers  
  ...  
  return true  
}
```



Симметричное дерево

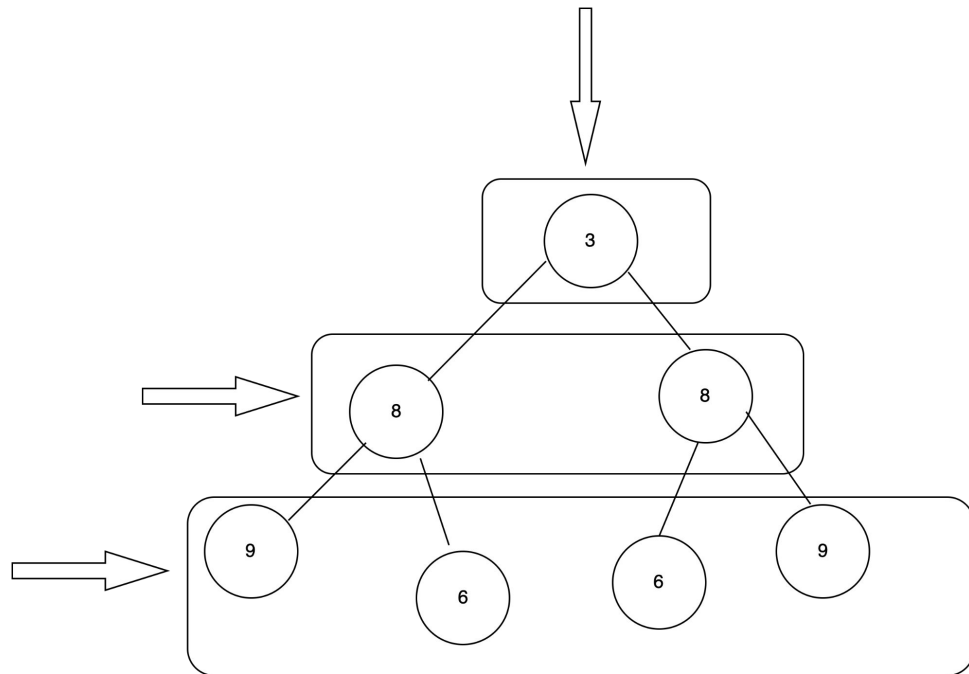
BFS

```
function isSymmetricBFS(bt) {  
    // создаем массив узлов дерева  
    // чтобы можно было по нему итерироваться  
    // на первой итерации в массиве только корень  
    // для каждого уровня создаем очередь из узлов  
    // в которую будем складывать всех детей  
    // текущего уровня. То есть для 2 уровня (8 и 8)  
    // в очереди будут храниться узлы 9, 6, 6, 9  
    // после того как мы собрали всех детей в очередь  
    // проверяем её на симметричность. Если она  
    // симметрична - начинаем итерироваться по ней  
    ...  
  
    return true  
}
```



Симметричное дерево BFS

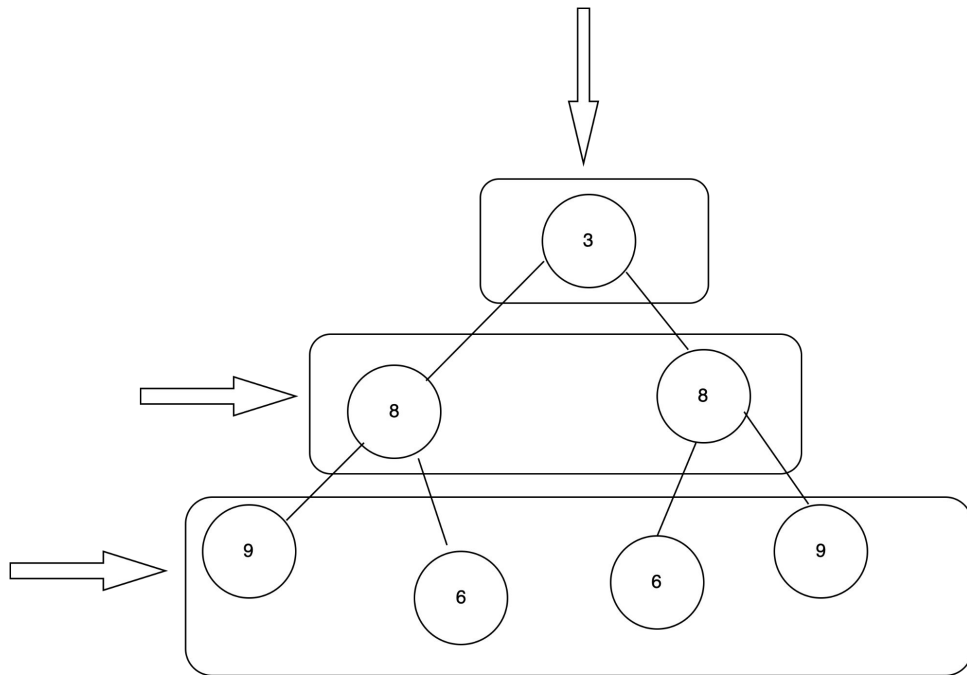
```
function isSymmetricBFS(bt) {  
  nodes = [bt]  
  while len(nodes) != 0 {  
    ...  
  }  
  ...  
  return true  
}
```



Симметричное дерево

BFS

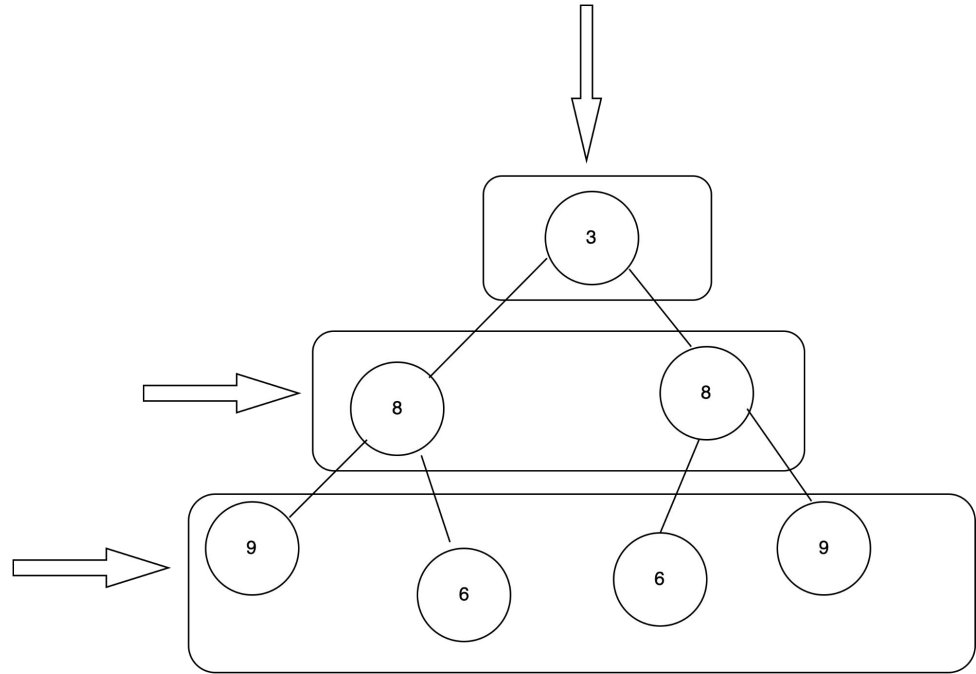
```
function isSymmetricBFS(bt) {  
  nodes = [bt]  
  while nodes {  
    queue = []  
    for current in nodes {  
      // заполняем очередь  
      // слева направо  
    }  
    nodes = queue  
    ...  
  }  
  return true  
}
```



Симметричное дерево

BFS

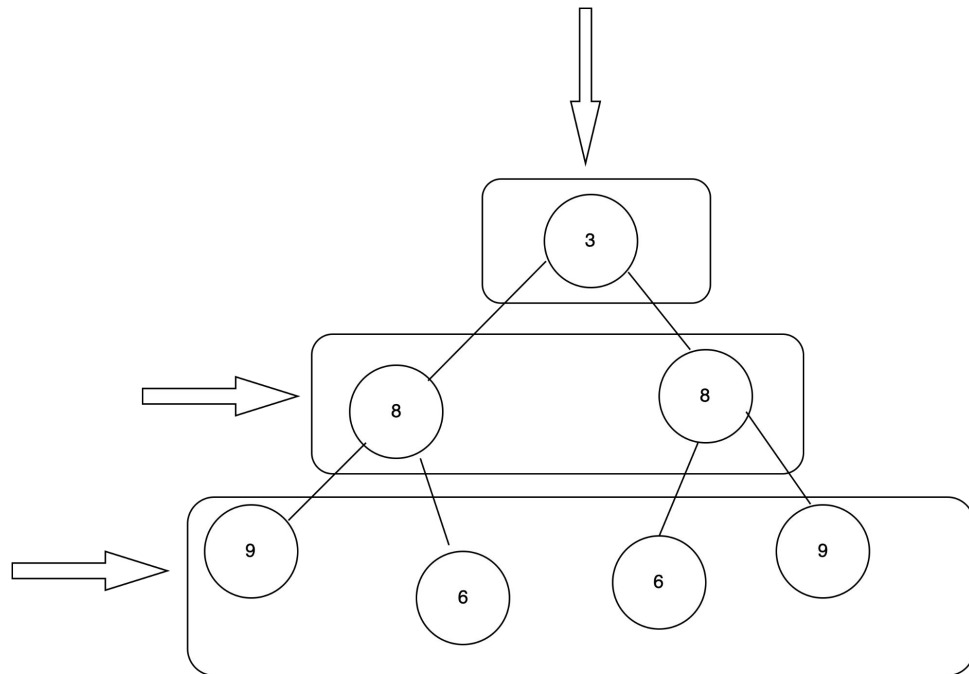
```
function isSymmetricBFS(bt) {  
  nodes = [bt]  
  while len(nodes) != 0 {  
    queue = []  
    for current in nodes {  
      if current.left {  
        queue.append(current.left)  
      }  
      if current.right {  
        queue.append(current.right)  
      }  
    }  
    // проверяем queue на симметричность  
    nodes = queue  
  
    return true  
  }  
}
```



Симметричное дерево

BFS

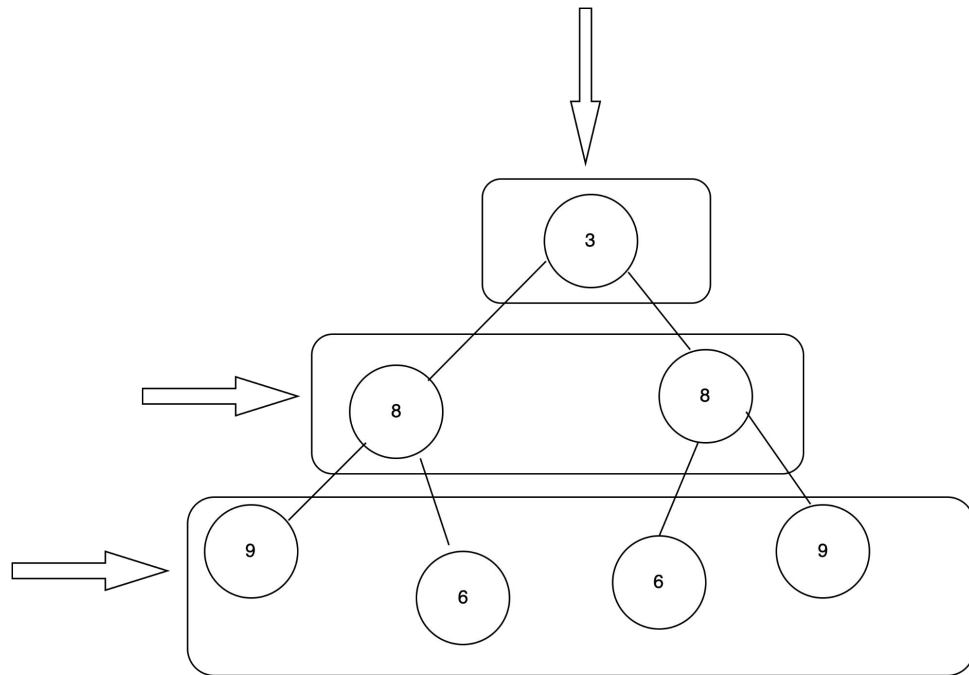
```
function isSymmetricBFS(bt) {  
  nodes = [bt]  
  while len(nodes) != 0 {  
    queue = []  
    for current in nodes {  
      if current.left {  
        queue.append(current.left)  
      }  
      if current.right {  
        queue.append(current.right)  
      }  
    }  
    // в цикле сравниваем нулевой и последний  
    // элементы, далее первый и предпоследний  
    // пока не дойдем до середины массива  
  
    nodes = queue  
  
    return true  
  }  
}
```



Симметричное дерево

BFS

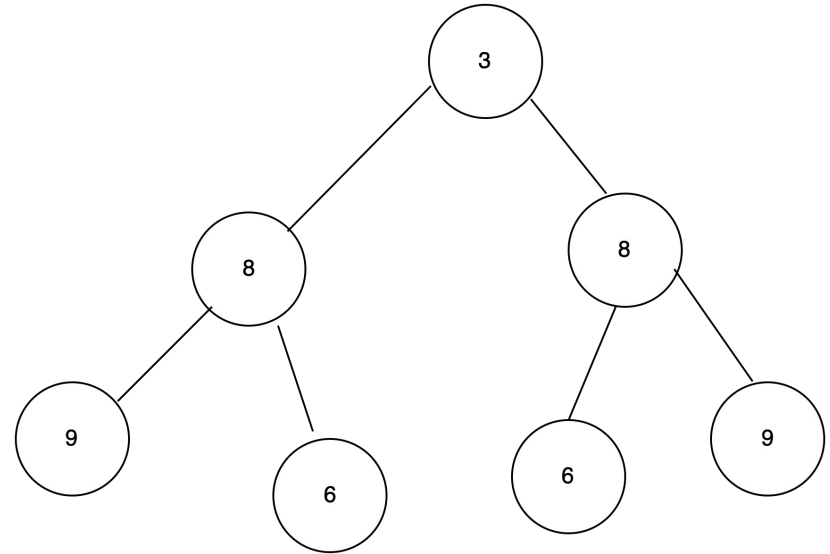
```
function isSymmetricBFS(bt) {  
  nodes = [bt]  
  while len(nodes) != 0 {  
    queue = []  
    for current in nodes {  
      if current.left {  
        queue.append(current.left)  
      }  
      if current.right {  
        queue.append(current.right)  
      }  
    }  
    j = len(queue) - 1  
    for i = 0; i < len(queue)/2; i++ {  
      if queue[i].data != queue[j].data {  
        return false  
      }  
      j--  
    }  
    nodes = queue  
  }  
  return true  
}
```



Симметричное дерево

DFS

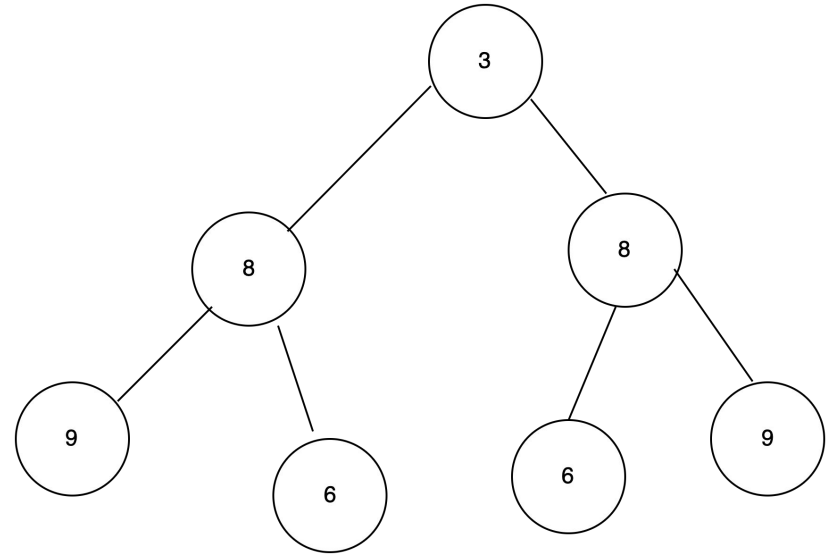
- Какой вариант обхода DFS тут подойдет?
- LNR RNL NLR ...



Симметричное дерево

DFS

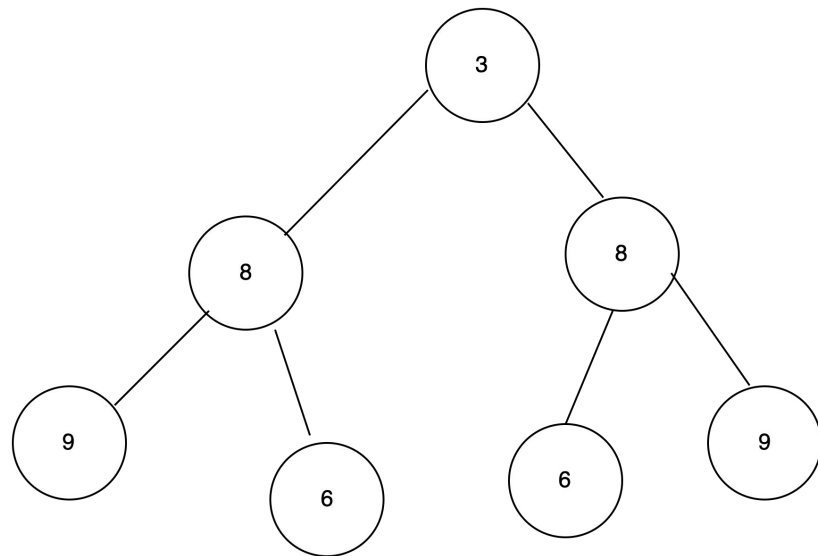
- Самый простой вариант - вариант при котором, если бы проходились по бинарному дереву поиска, то мы бы получили отсортированный массив **LNR**
- **[9, 8, 6, 3, 6, 8, 9]**



Симметричное дерево

DFS

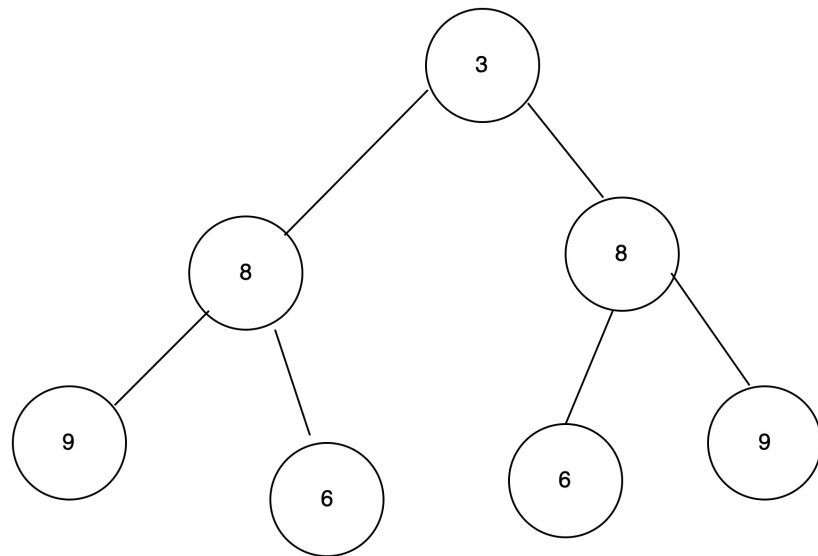
```
function deptSearch(root, res) {  
  if root == null:  
    return  
  
  // в начале левое поддеревов  
  deptSearch(root.left, res)  
  res.append(root.data)  
  // затем правое  
  deptSearch(root.right, res)  
}
```



Симметричное дерево

DFS

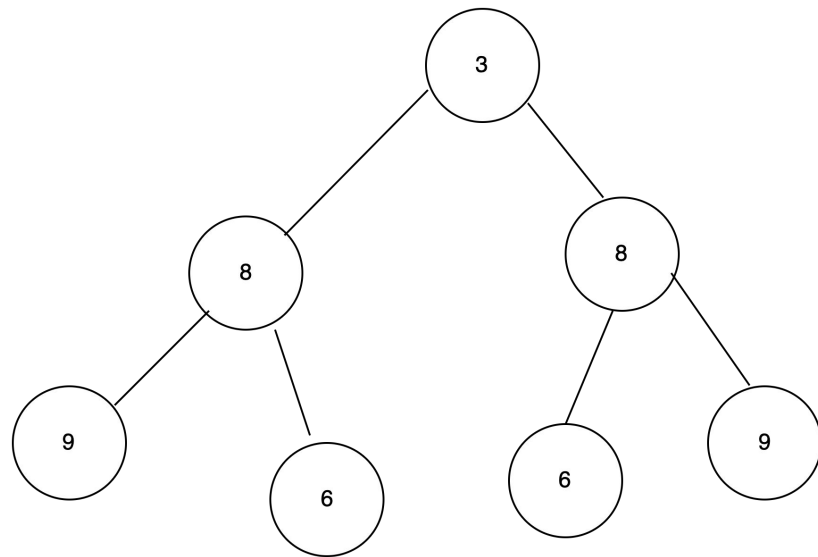
```
function isSymmetricDFS(root) {  
  // если корень пустой, считаем что  
  // дерево симметрично.  
  
  // обходим дерево сохраняя  
  // в массив результат обхода.  
  
  // как раньше проверяли очередь -  
  // проверяем массив на симметричность  
  
  return true  
}
```



Симметричное дерево

DFS

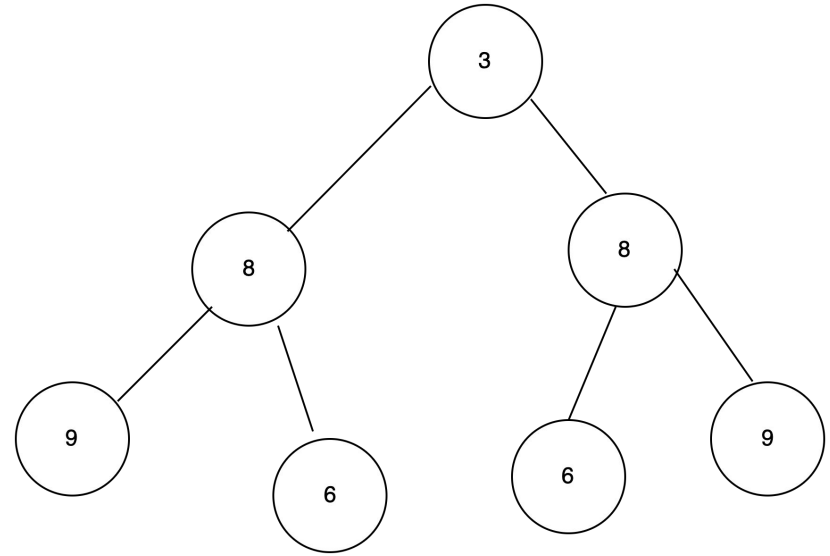
```
function isSymmetricDFS(root) {  
  if root == null {  
    return true  
  }  
  data = []  
  deptSearch(root, data)  
  // как раньше проверяли очередь  
  // проверяем массив на симметричность  
  
  return true  
}
```



Симметричное дерево

DFS

```
function isSymmetricDFS(root) {  
  if root == null {  
    return true  
  }  
  data = []  
  deptSearch(root, data)  
  j = len(data) - 1  
  for i = 0; i < len(data)/2; i++ {  
    if data[i] != data[j] {  
      return false  
    }  
    j--  
  }  
  
  return true  
}
```



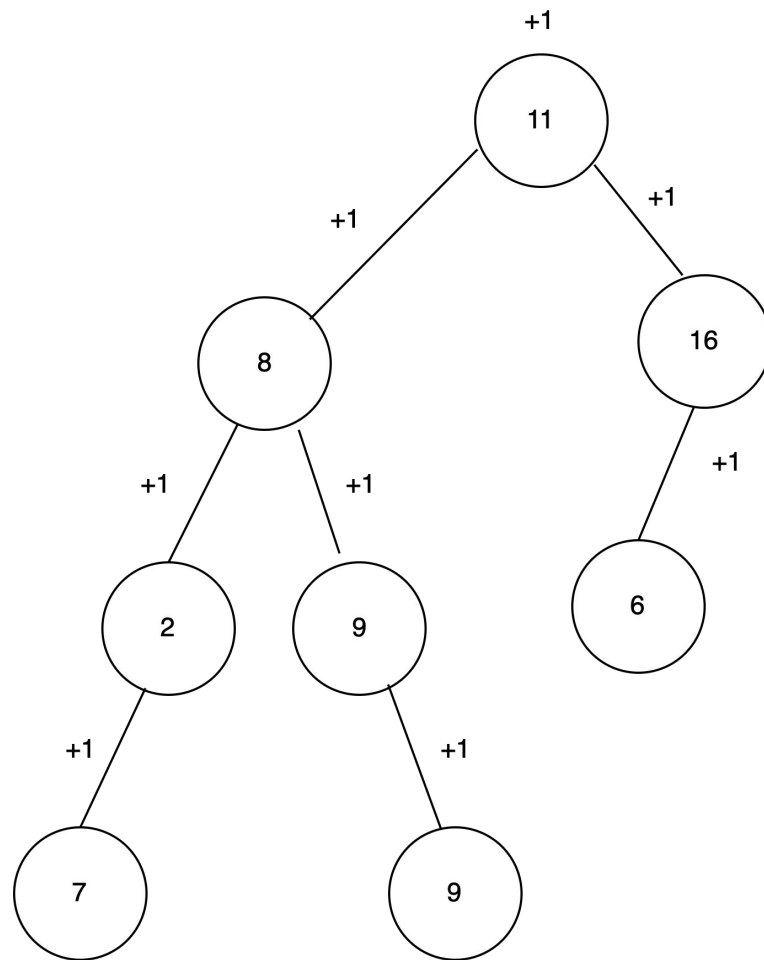
[9, 8, 6, 3, 6, 8, 9]

Поиск минимальной глубины бинарного дерева

На вход функции подается
бинарное дерево. Необходимо
найти минимальную глубину дерева

Минимальная глубина — это
количество узлов на кратчайшем
пути от корневого узла до
ближайшего листового узла.

Для данного дерева минимальная
глубина 3: узел 11 -> узел 16 -> узел
6



Поиск минимальной глубины бинарного дерева DFS

```
function minDepth(root) {
```

```
    // если root не существует, значит на этом
```

```
    // уровне глубина равна нулю
```

```
    // если у узла есть и левый и правый потомок
```

```
    // а значит есть и левое и правое поддеревы
```

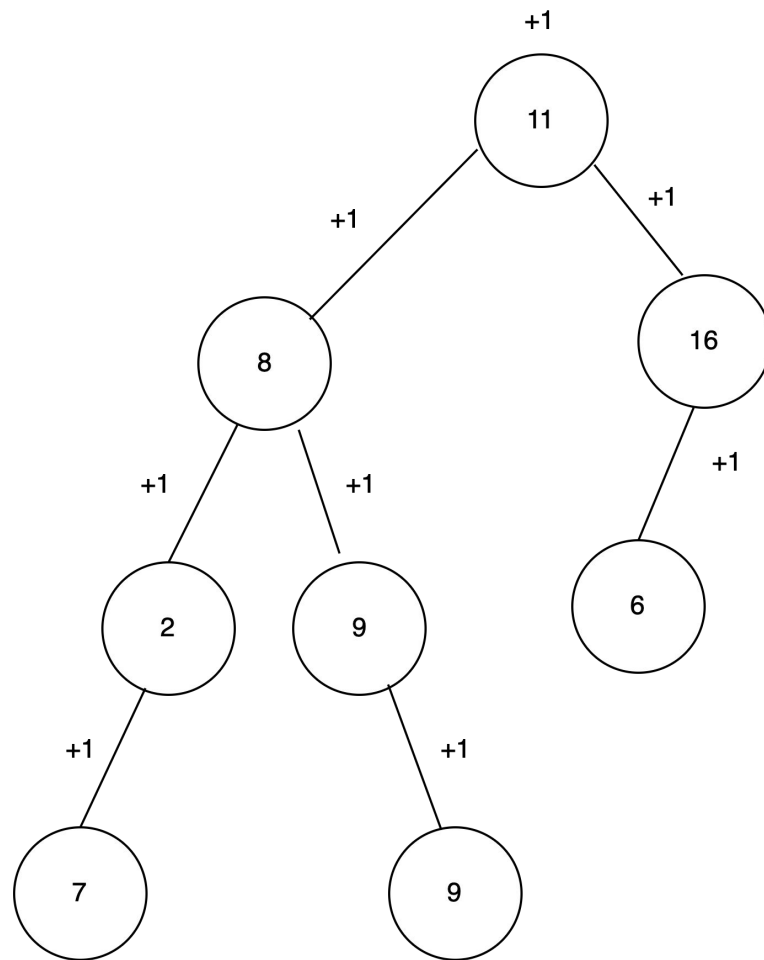
```
    // мы должны вернуть минимальную глубину из
```

```
    // этих поддеревьев
```

```
    // к результату мы должны прибавить 1
```

```
    // чтобы учесть корневой уровень
```

```
}
```



Поиск минимальной глубины бинарного дерева DFS

```
function minDepth(root) {
```

```
...
```

```
// если есть только левое поддерево
```

```
// продолжаем поиск только по нему
```

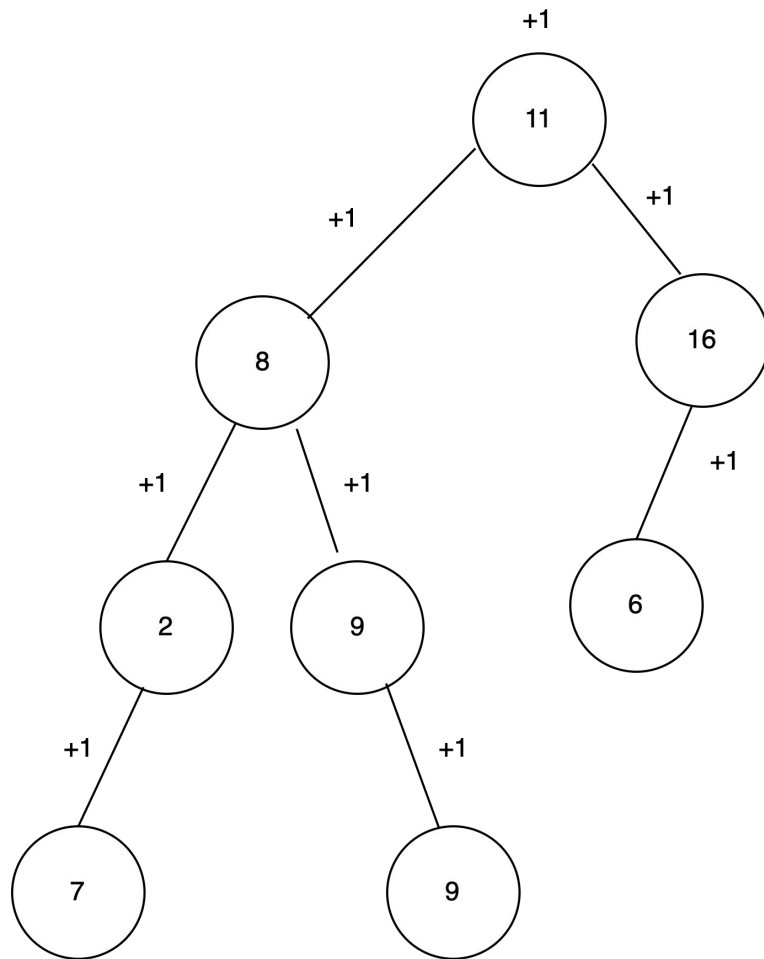
```
// плюс корневой уровень
```

```
// если есть только правое поддерево
```

```
// продолжаем поиск только по нему
```

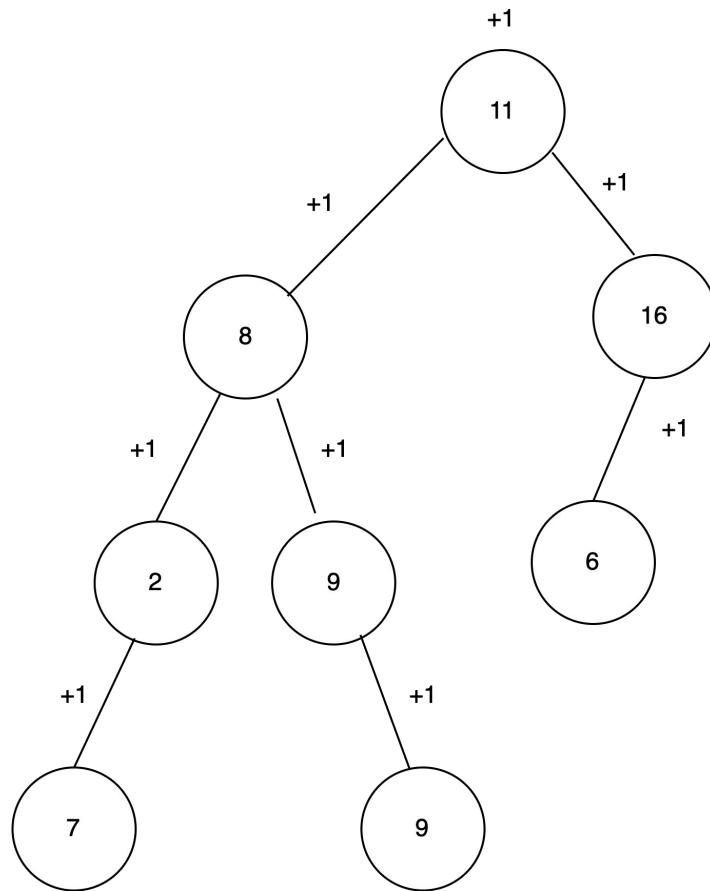
```
// плюс корневой уровень
```

```
}
```



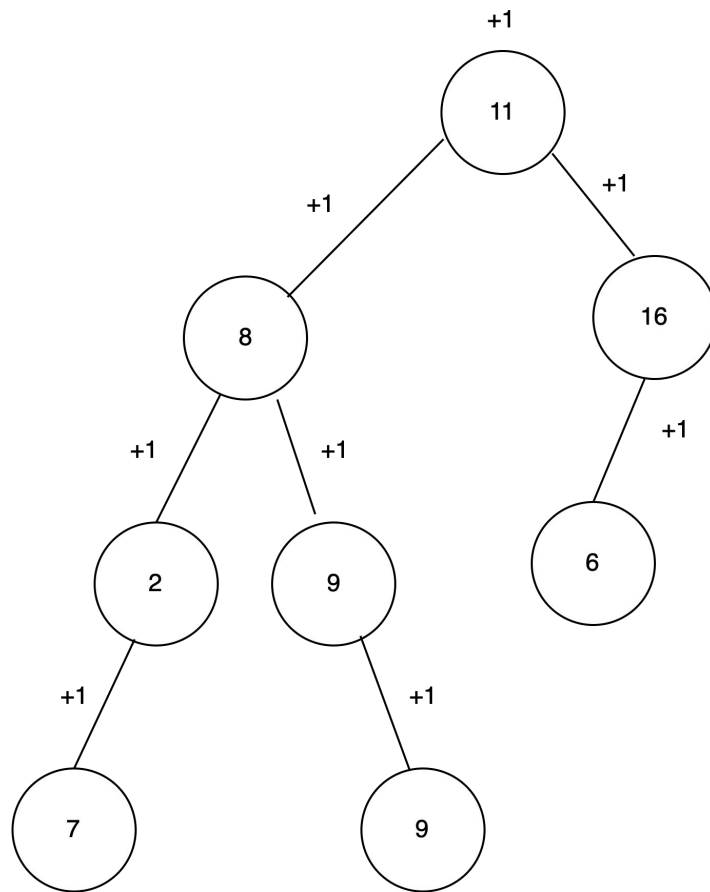
Поиск минимальной глубины бинарного дерева DFS

```
function minDepth(root) {  
  if not root {  
    return 0  
  }  
  
  if root.left != null and root.right != null {  
    return 1 + min(minDepth(root.left), minDepth(root.right))  
  }  
  
  ...  
}
```



Поиск минимальной глубины бинарного дерева DFS

```
function minDepth(root) {  
  if not root {  
    return 0  
  }  
  if root.left != null and root.right != null {  
    return 1 + min(minDepth(root.left), minDepth(root.right))  
  }  
  if root.left != null {  
    return 1 + minDepth(root.left)  
  }  
  if root.right != null {  
    return 1 + minDepth(root.right)  
  }  
}
```



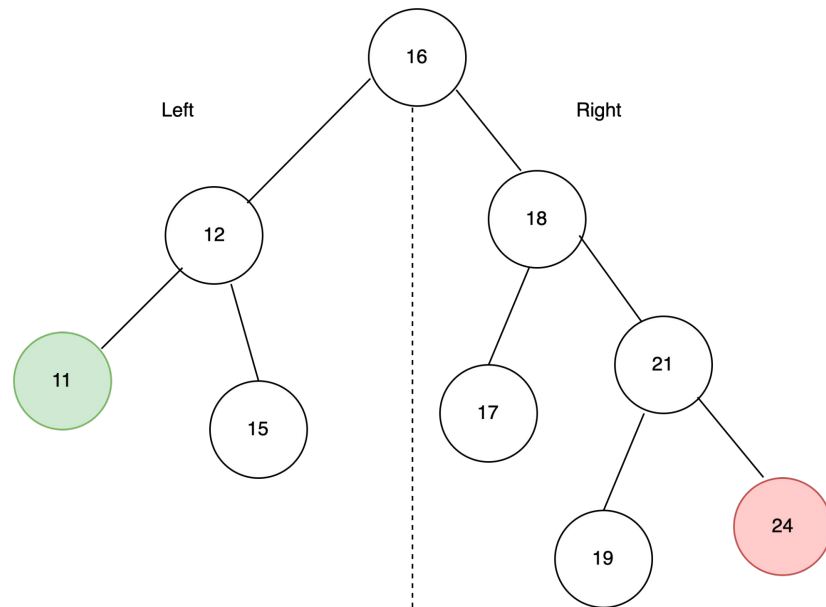
Поиск произведения максимального и минимального элементов

Дано бинарное дерево поиска в виде массива. Необходимо найти произведение минимального и максимального значений.

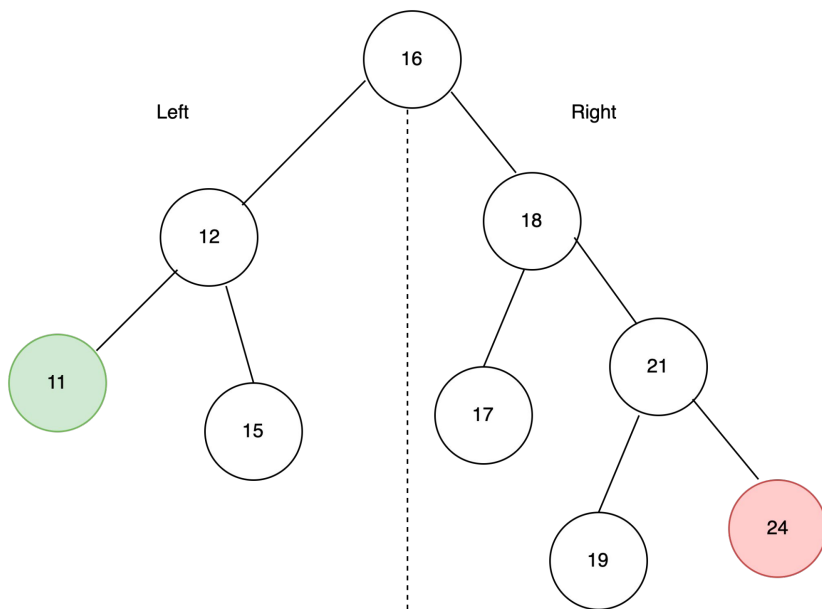


Поиск максимального произведения

```
function maxMinMultiplication(data) {  
    if length(data) == 1 {  
        return -1  
    }  
  
    // определяем индекс минимального элемента  
    // устанавливаем min_index равным 1  
    // далее в цикле двигаем его на  $2 * i + 1$   
    // определяем индекс максимального элемента  
    // устанавливаем max_index равным 2  
    // далее двигаем его на  $2 * i + 2$   
  
    result = data[min_index] * data[max_index]  
    return result  
}
```

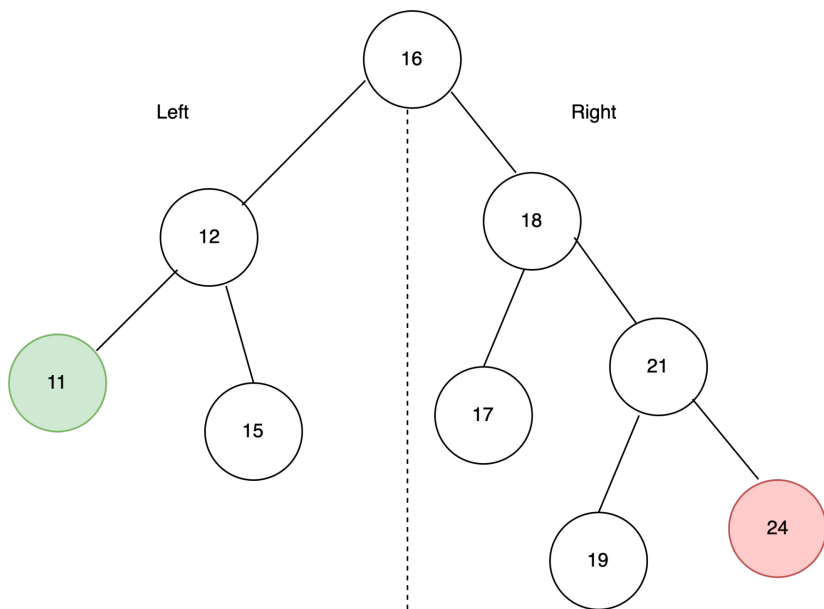


Поиск максимального произведения



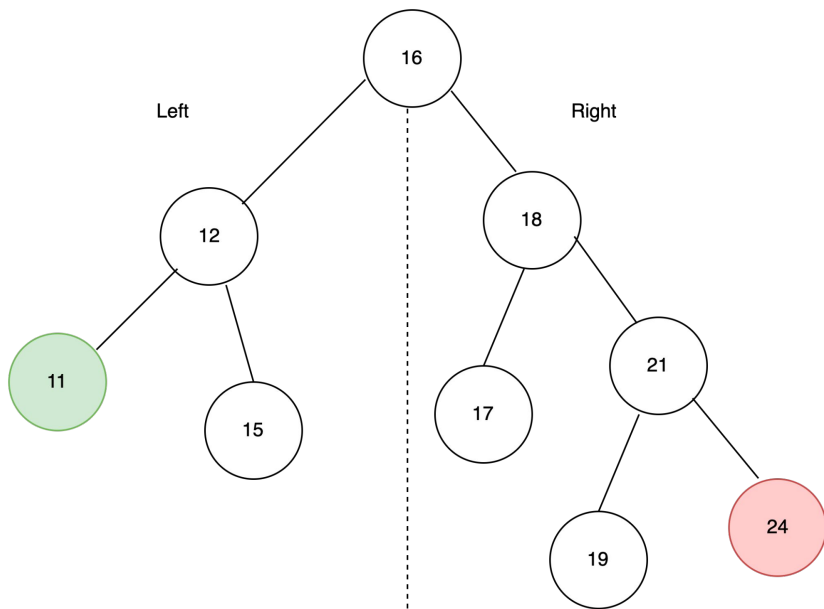
```
function maxMinMultiplication(data) {  
    if length(data) < 3 {  
        return -1  
    }  
  
    min_index = 1  
    max_index = 2  
    i = 0  
    while true {  
        min_index_tmp = 2 * i + 1  
        if min_index_tmp < length(data) {  
            // переносим значение минимального  
            // индекса на min_index_tmp  
            // также двигаем i на min_index_tmp  
            continue  
        }  
        break  
    }  
  
    ...  
  
    result = data[min_index] * data[max_index]  
    return result  
}
```

Поиск максимального произведения



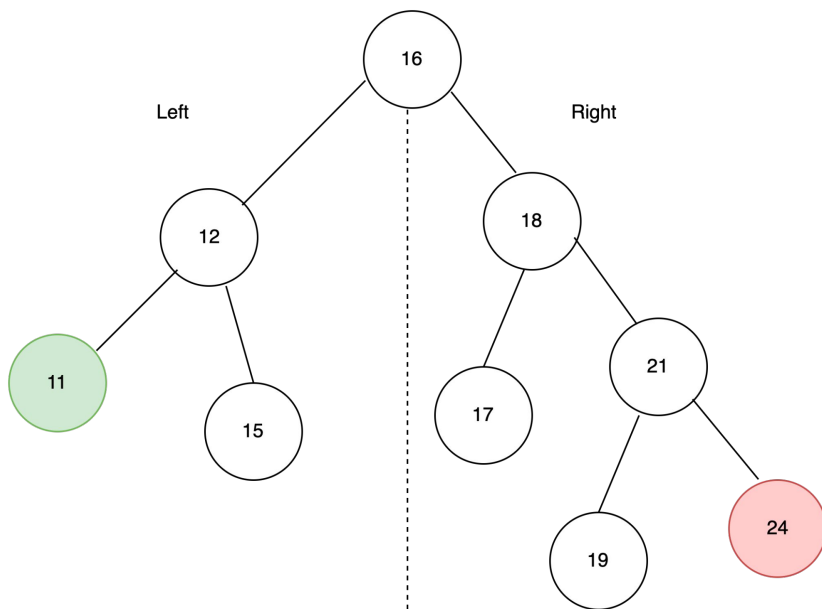
```
function maxMinMultiplication(data) {  
  if length(data) < 3 {  
    return -1  
  }  
  
  min_index = 1  
  max_index = 2  
  i = 0  
  while true {  
    min_index_tmp = 2 * i + 1  
    if min_index_tmp < length(data) {  
      min_index = min_index_tmp  
      i = min_index_tmp  
      continue  
    }  
    break  
  }  
  ...  
  result = data[min_index] * data[max_index]  
  return result  
}
```

Поиск максимального произведения



```
function maxMinMultiplication(data) {  
  if length(data) < 3 {  
    return -1  
  }  
  
  min_index = 1  
  max_index = 2  
  for i = 1; i < length(data); i = 2 * i + 1 {  
    min_index = i  
  }  
  
  ...  
  
  result = data[min_index] * data[max_index]  
  return result  
}
```


Поиск максимального произведения



```
function maxMinMultiplication(data) {  
  if length(data) < 3 {  
    return -1  
  }  
  
  min_index = 1  
  max_index = 2  
  for i = 1; i < length(data); i = 2 * i + 1 {  
    min_index = i  
  }  
  
  for i = 1; i < length(data); i = 2 * i + 2 {  
    max_index = i  
  }  
  
  result = data[min_index] * data[max_index]  
  return result  
}
```

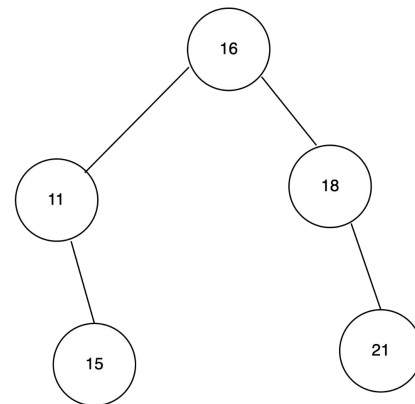
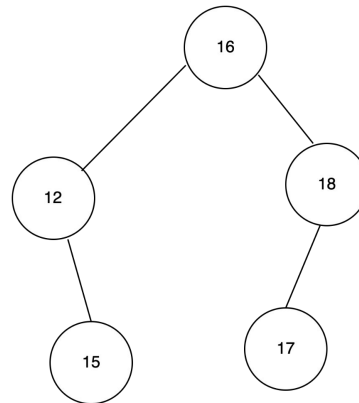
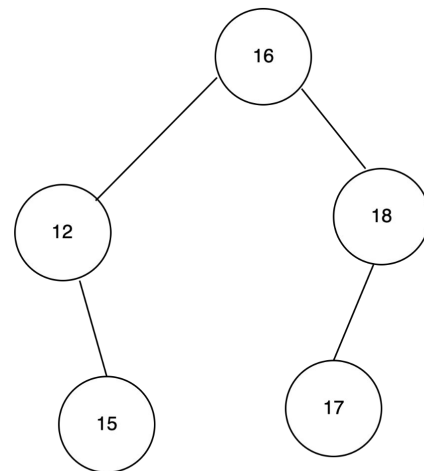
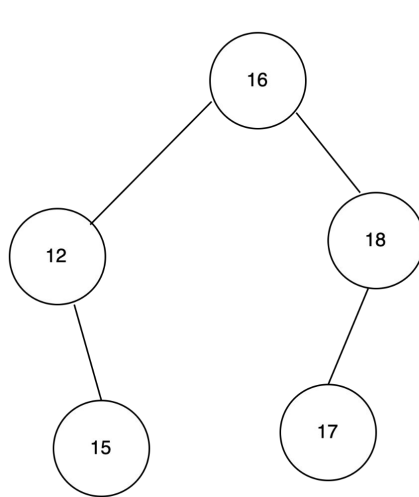
Сравнить два дерева

На вход функции подается 2 бинарных дерева.
Необходимо понять, являются ли эти два дерева
одинаковыми



Являются ли два дерева одинаковыми

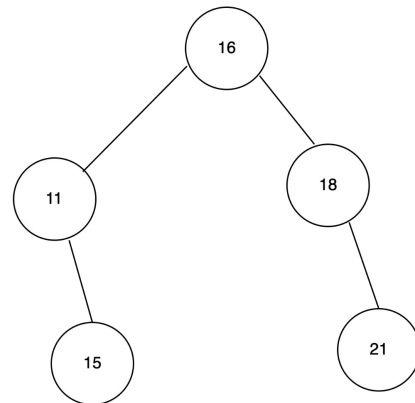
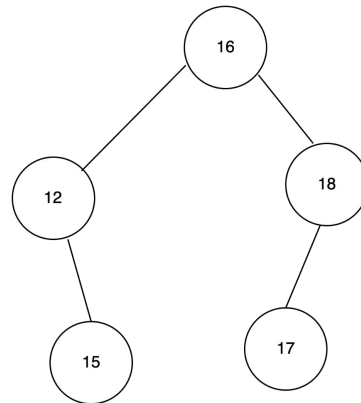
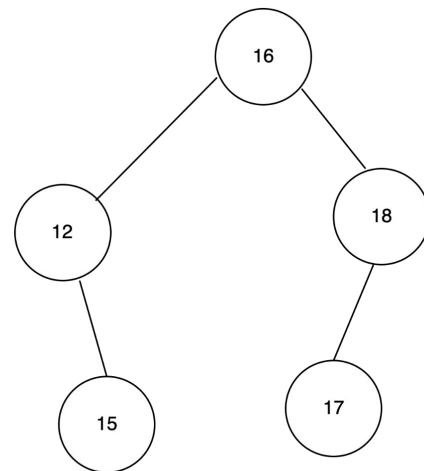
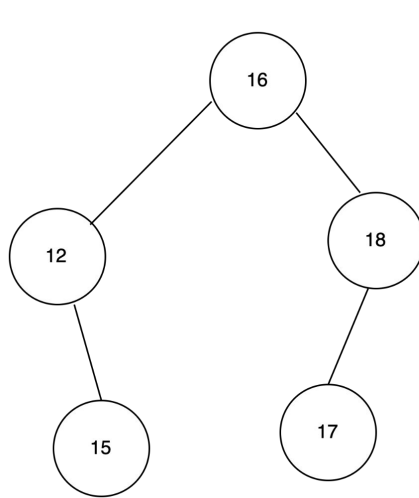
- BFS
- DFS (NLR NRL)
- Сравниваем два массива



Являются ли два дерева одинаковыми

- рекурсивный подход
- на каждом вызове сравниваем соответствующие поддеревья

```
function isSameTree(a, b) {  
  if a == null and b == null {  
    return true  
  }  
  
  ...  
  
  return ?  
}
```



Являются ли два дерева одинаковыми

- рекурсивный подход
- на каждом вызове сравниваем соответствующие поддеревья

```
function isSameTree(a, b) {  
  if a == null and b == null {  
    return true  
  }  
  if a == null or b == null {  
    return false  
  }  
  ...  
  
  return ?  
}
```

Являются ли два дерева одинаковыми

- рекурсивный подход
- на каждом вызове сравниваем соответствующие поддеревья

```
function isSameTree(a, b) {  
  if a == null and b == null {  
    return true  
  }  
  if a == null or b == null {  
    return false  
  }  
  if a.data != b.data {  
    return false  
  }  
  
  return ?  
}
```

Являются ли два дерева одинаковыми

- рекурсивный подход
- на каждом вызове сравниваем соответствующие поддеревья

```
function isSameTree(a, b) {  
  if a == null and b == null {  
    return true  
  }  
  if a == null or b == null {  
    return false  
  }  
  if a.data != b.data {  
    return false  
  }  
  
  return isSameTree(a.left, b.left) and  
         isSameTree( a.right, b.right)  
}
```

Всем спасибо

и хороших выходных:)

