

## UNIVERSIDADE FEDERAL DE MINAS GERAIS

DISCIPLINA: Redes Neurais Artificial

PROFESSORES: Frederico Gualberto Ferreira Coelho

ALUNO: Antonio Carlos da Anunciação – 2018019443

### TRABALHO PRATICO 6

#### Aplicação do Modelo Multilayer Perceptron para Problemas de Regressão:

**Exercícios 1:** Dada distribuições normais no espaço  $\mathbf{R}^2$ , ou seja, duas distribuições com duas variáveis cada,  $(\mathbf{X}_1, \mathbf{X}_2)$ , gerando um conjunto de dados com duas classes, caracterizadas como  $\mathcal{N}([2, 2], \sigma = 0.4)$  e  $\mathcal{N}([4, 4], \sigma = 0.4)$ , como pode ser visualizado na **FIG01**. Com o tamanho das amostras **nc** igual a 100 para cada classe.

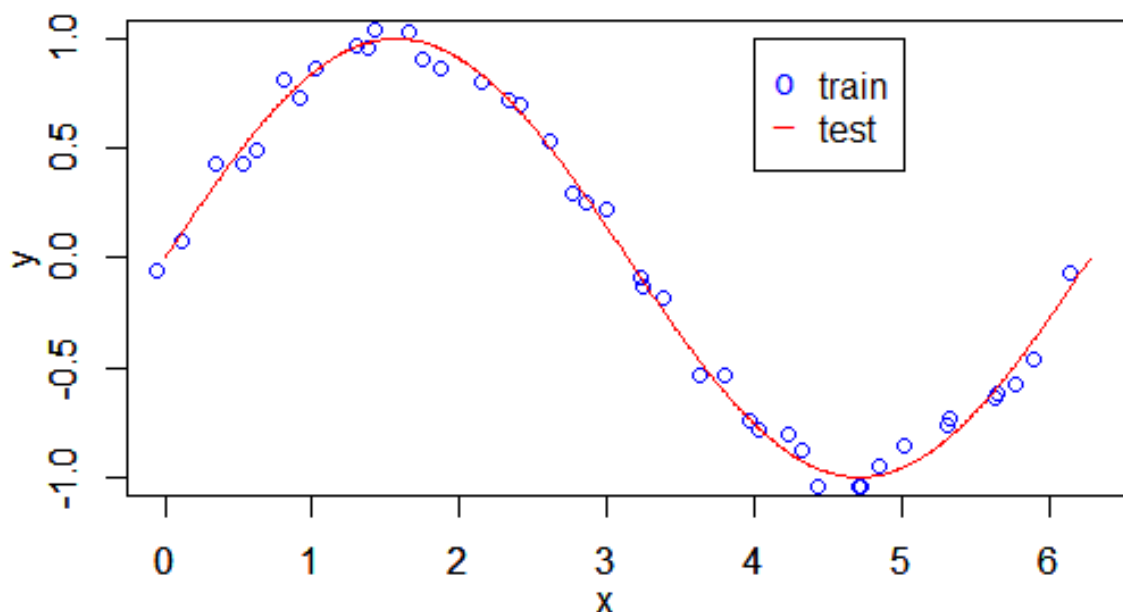


FIG01: Distribuição dos Dados

Neste trabalho iremos criar um modelo para regressão utilizando uma rede de 2 camadas, uma camada de entrada com três neurônios com **Tangente hiperbólica** como saída e uma com saída linear. Para tal deverá ser implementado o código do backpropagation para uma rede de duas camadas.

Implementação do Código para Backpropagation na MLP:

```
MLPerceptron <- function(xin, yd, eta, tol, maxepocas, neuronios) {
  dimxin <- dim(xin)
  N <- dimxin[1]
  n <- dimxin[2]
  wo <- matrix( runif( (n+1)*neuronios, -0.5, 0.5), nrow =neuronios, ncol=n+1 )
  wt <- matrix(runif(neuronios+1)-0.5, nrow = 1)
  xin <- cbind(1, xin)
  nepocas <- 0
  eepoca <- tol + 1
  evec <- matrix(0, nrow = 1, ncol = maxepocas)
  while((nepocas < maxepocas) && (eepoca > tol)) {
    erro <- 0
    xseq <- sample(N)

    for(i in 1:N) {
      irand <- xseq[i]

      z1 <- wo %*% xin[irand, ]
      a1 <- rbind(1, tanh(z1))

      z2 <- wt %*% a1
      #yhati <- tanh(z2)
      yhati <- z2

      e <- yd[irand]-yhati
      deltaE2 <- -1*e
      dwt <- eta*deltaE2 %*% t(a1)

      dwo <- matrix(0,dim(wo)[1], dim(wo)[2])
      for(i in 1:dim(wo)[1]) {
        dwo[i,] <- ( eta*deltaE2*wt[,i+1]*( 1/cosh(z1[i,])^2 ) ) %*% t(xin[irand, ])
      }

      wt <- wt - dwt
      wo <- wo - dwo
      erro <- erro + e*e
    }
    nepocas <- nepocas + 1
    evec[nepocas] <- erro/N

    eepoca <- evec[nepocas]
    cat("Erro[", nepocas, "]: ", evec[nepocas], "\n")
  }
  retlist <- list(wo, wt, evec[1:nepocas])
  return(retlist)
}
```

Resultados:

| Parâmetros da Rede, MLP: |          |         |         |
|--------------------------|----------|---------|---------|
| Camada de Entrada:       | Neurônio | bias    | w       |
|                          | 1        | -2.8485 | 0.8965  |
|                          | 2        | 0.0925  | -1.1022 |
|                          | 3        | 1.4746  | -0.3045 |

| Camada de Saída: | bias    | w <sub>1</sub> | w <sub>2</sub> | w <sub>3</sub> |
|------------------|---------|----------------|----------------|----------------|
|                  | -0.2416 | -1.7061        | -0.9148        | -1.5505        |

| Precisão do Modelo: | Acurácia | Desvio Padrão |
|---------------------|----------|---------------|
|                     | 0.9636   | 0.0507        |

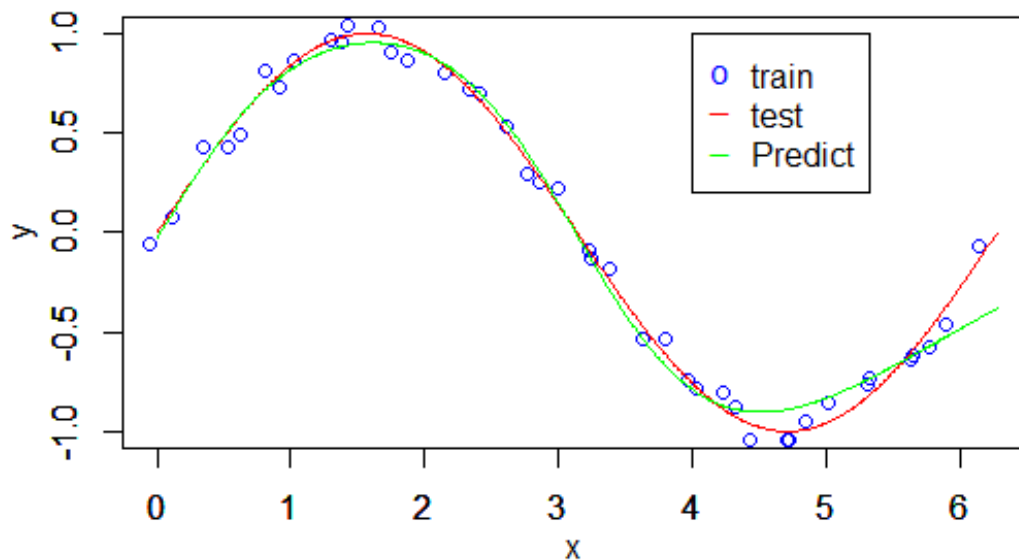


FIG02: Curva Saída do Modelo

### Conclusões:

Durante a implementação do modelo foi verificado a influencia dos hiperparametros da rede em seu resultado final, ou seja, a acurácia da rede é fortemente influenciada pelo critérios de paradas e a taxa de aprendizado, altas taxas de aprendizados fez com que a rede convergisse rápido porém se fez necessário aumentar a quantidade de épocas de treinamento, conforme pode ser visto na **FIG03**, abaixo:

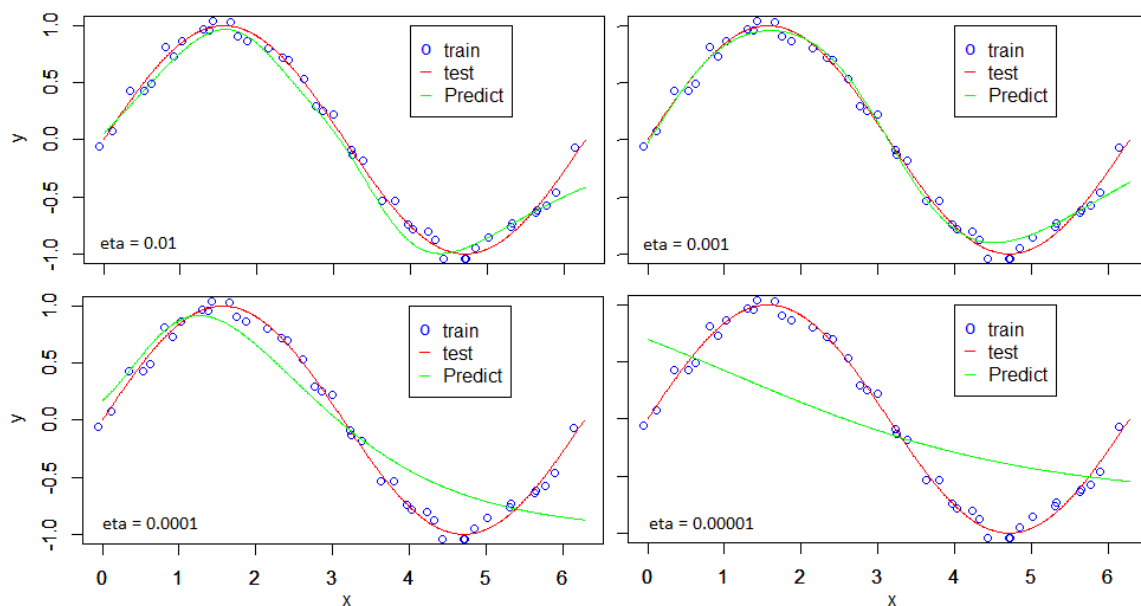


FIG03: Modelo x Taxa de Aprendizado, Maxepocas = 10000

A **FIG02** foi plotada com uma taxa de aprendizado de **eta = 0.00001**, a mesma da ultima figura da **FIG03**, provando a necessidade de um mento na quantidade de épocas de aprendizado, a primeira e segunda figuras da **FIG03** também mostrou que não houve mudanças significativas entre **eta = 0.01** e **0.001** para um **maxepocas = 10000**.

A **FIG04** mostra a influência da quantidade máxima de épocas de treinamento na acurácia do modelo para uma taxa de aprendizado de: **eta = 0.01**.

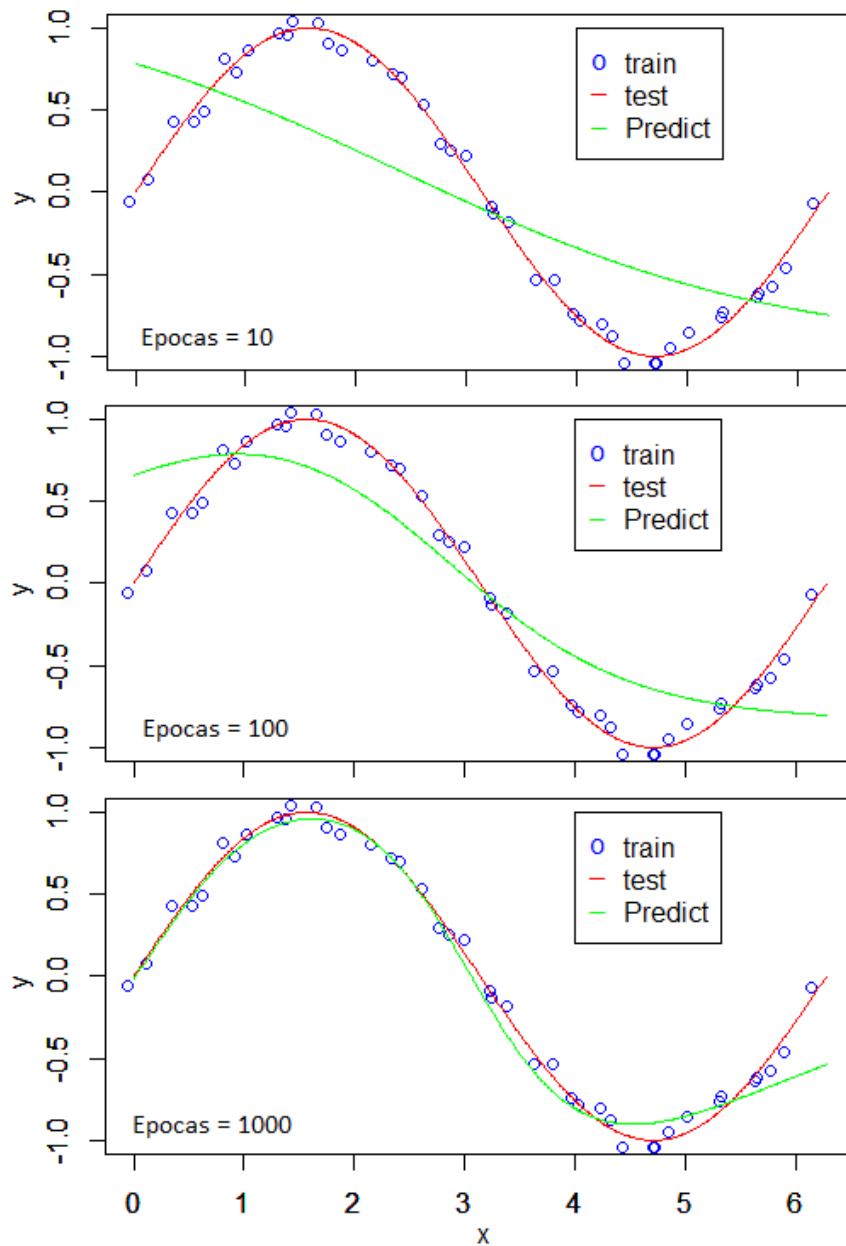


FIG04: Modelo x Época de Treinamento, eta = 0.01

Neste trabalho implementamos uma rede de duas camadas para regressão de uma função, e vimos a influência dos hiperparâmetros de treinamentos na acurácia da Rede.