

# Funciones que deben desempeñar todas las redes

## ► Control de error

Necesarias para recuperar de pérdida o deterioro de datos. Algunos de los principales algoritmos son:

- + Comprobación de Redundancia Cíclica (CRC)
- + Suma de comprobación (Checksum)
- + Código de Hamming
- + Bit de paridad

# Control de error

## ► CRC (Comprobación de Redundancia Cíclica)

+ Creado por Wesley Patterson en 1961

+ Utilizado para detectar errores en la transmisión de datos digitales (ej. Ethernet)

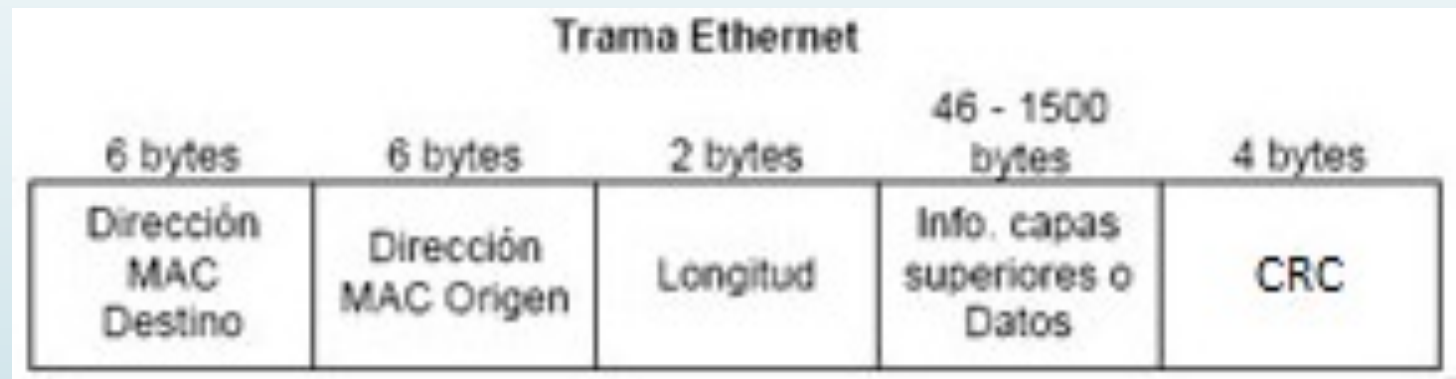


Imagen: <http://www.mailxmail.com/curso-redes-area-local-conmutadas/tipos-conmutacion-lan>

# Aritmética en GF(2)

Mod 2

$A = \{0, 1\}$

$5 \bmod 2 = 1$

$-1 \bmod 2 = 1$

$a + (-a) \bmod n = 0$

$1 + 1 \bmod 2 = 0$

A	B	A+B	A-B	A xor B
0	0	0	0	0
0	1	1	1	1
1	0	1	1	1
1	1	0	0	0

$$\begin{array}{r} 2 \\ 2 \overline{) 5} \\ \underline{1} \end{array}$$

# Control de error

## ➤ CRC- Algoritmo (Cálculo):

+ Dado  $M(x)$ = mensaje de tamaño  $m$  bits de longitud

+  $n$  = número de bits de paridad añadidos al mensaje para formar la trama  $T(x)$

+  $T(x)$  = Trama de información de tamaño  $m+n$  bits, formada a partir de

$$T(x) = 2^n M(x) + FCS \text{ ; donde}$$

+  $FCS$  = Secuencia de comprobación de la trama, obtenida del residuo ( $n$  bits) de

$$\frac{2^n M(x)}{P(x)}$$

+  $P(x)$  = Polinomio generador de la FCS de tamaño  $n+1$  bits y grado  $n$

# Multiplicación por $2^n$

$2_{10} = 10_2$  , si aplicamos  $\ll 1$

$4_{10} = 100_2$  , si aplicamos  $\ll 1$

$8_{10} = 1000_2$  , si aplicamos  $\ll 1$

$16_{10} = 10000_2$  , si aplicamos  $\ll 1$

....

$(2^n)_{10} = (1 \times 10^n)_2$  , si aplicamos  $\ll n$

# Control de error

- CRC- Algoritmo (Ejemplo): **Dado el mensaje  $M(x)$ = "1011100111" y  $P(x)$ = "11001", generar la trama  $T(x)$  a ser transmitida.**

1. Entonces,  $2^4(1011100111) = 1011100111\mathbf{0000}$ ;

2. Ahora vamos con el término  $FCS = \text{residuo de } \frac{2^n M(x)}{P(x)}$

$$\begin{array}{r} 1101100001 \\ 11001 \overline{) 1011100111\mathbf{0000}} \\ \underline{11001} \phantom{0000} \\ 01110\phantom{0000} \\ \underline{11001} \phantom{0000} \\ 00101\mathbf{01} \phantom{0000} \\ \underline{11001} \phantom{0000} \\ 01100\mathbf{1} \phantom{0000} \\ \underline{11001} \phantom{0000} \\ 00000\mathbf{10000} \\ \underline{11001} \phantom{0000} \\ \boxed{01001} \longrightarrow FCS \end{array}$$

# Control de error

- CRC- Algoritmo (Ejemplo): Dado el mensaje  $M(x) = "1011100111"$  y  $P(x) = "11001"$ , generar la trama  $T(x)$  a ser transmitida.

1. Entonces,  $2^4(1011100111) = 10111001110000$ ;

2. Ahora vamos con el término  $FCS = \text{residuo de } \frac{2^n M(x)}{P(x)}$

$$\begin{array}{r} 3. \quad 10111001110000 \\ + \quad \quad \quad 1001 \\ \hline 10111001111001 \end{array}$$

$$4. \quad T(x) = 10111001111001$$

$$\begin{array}{r} 1101100001 \\ 11001 \overline{) 10111001110000} \\ \underline{11001} \phantom{00000} \\ 011100 \phantom{0000} \\ \underline{11001} \phantom{0000} \\ 0010101 \phantom{0000} \\ \underline{11001} \phantom{0000} \\ 011001 \phantom{0000} \\ \underline{11001} \phantom{0000} \\ 0000010000 \\ \underline{11001} \phantom{0000} \\ 01001 \phantom{0000} \rightarrow FCS \end{array}$$

# Control de error

## ➤ CRC- Algoritmo (Verificación):


+ Dado  $T(x)$ = Trama de información de tamaño  $m+n$  bits, se realiza la siguiente operación:

$$\frac{T(x)}{P(x)}; \text{ donde } \begin{cases} \text{Residuo} = 0 \Rightarrow \text{Trama sin errores} \\ \text{Residuo} \neq 0 \Rightarrow \text{Trama con errores} \end{cases}$$



# Control de error

- Procedemos a realizar la operación  $\frac{T(x)}{P(x)}$

$$\begin{array}{r} 1101100001 \\ 11001 \overline{) 10111001111001} \\ \underline{11001} \phantom{0000000000} \\ 011100 \phantom{0000000000} \\ \underline{11001} \phantom{0000000000} \\ 0010101 \phantom{0000000000} \\ \underline{11001} \phantom{0000000000} \\ 011001 \phantom{0000000000} \\ \underline{11001} \phantom{0000000000} \\ 0000011001 \phantom{0000000000} \\ \underline{11001} \phantom{0000000000} \\ 00000 \end{array} \longrightarrow \text{Residuo}=0$$


# Control de error

- Supongamos que  $T(x)$  sufriera una distorsión y quedara como  $T(x) = 10111001111111$
- Procedemos a realizar la operación  $\frac{T(x)}{P(x)}$

$$\begin{array}{r} 1101100001 \\ 11001 \overline{) 10111001111111} \\ \underline{11001} \phantom{000000000000} \\ 011100 \phantom{000000000000} \\ \underline{11001} \phantom{000000000000} \\ 0010101 \phantom{000000000000} \\ \underline{11001} \phantom{000000000000} \\ 011001 \phantom{000000000000} \\ \underline{11001} \phantom{000000000000} \\ 0000011111 \phantom{000000000000} \\ \underline{11001} \phantom{000000000000} \\ \boxed{00110} \end{array} \longrightarrow \text{Residuo} \neq 0$$



# Control de error

- (Ejemplo 2): Dado el mensaje  $M(x) = "11101000100"$ , generar la trama  $T(x)$  a ser transmitida.

$$P(x) = X^4 + X^2 + 1$$

# Control de error

► 2. Ya con  $M(x) = "11101000100"$ ,  $P(x) = "10101"$  y  $n=4$ , obtenemos  $T(x)$  mediante  $T(x) = 2^n M(x) + FCS$

►  $2^n M(x) = 111010001000000$ ;

2. Ahora vamos con el término  $FCS = \text{residuo de } \frac{2^n M(x)}{P(x)}$

$$\begin{array}{r} 111010001000000 \\ + \quad \quad \quad 1000 \\ \hline 111010001001000 \end{array}$$

4.  $T(x) = 111010001001000$

$$\begin{array}{r} 1101000101 \\ 10101 \overline{) 111010001000000} \\ \underline{10101} \phantom{00000} \\ 010000 \phantom{000} \\ \underline{10101} \phantom{000} \\ 0010100 \phantom{00} \\ \underline{10101} \phantom{00} \\ 000011000 \phantom{0} \\ \underline{11001} \phantom{0} \\ 00001000 \rightarrow FCS \end{array}$$

# Control de error

- (Ejercicio classroom):
- Dado  $M(x) = "1100010110101"$  el mensaje a ser transmitido usando CRC como esquema de detección de error, cuyo  $P(x) = X^6 + X^5 + X^3 + X + 1$ . Calcule  $T(X)$  y Verifique su respuesta.