

# CLASIFICACIÓN AFIN DE LAS CÓNICAS

## TIPO I

$R=r$   
 $|S|=|S|$

3 CASOS

	r	R	S	S
1	2	2	2	2
2	1	1	1	1
3	2	2	0	0

$$\left( \begin{array}{c|c} 0 & 1 \\ \hline 1 & 1 \end{array} \right)$$

$x^2 + y^2 = 0$  PUNTO

$$\left( \begin{array}{c|c} 0 & 1 \\ \hline 1 & 0 \end{array} \right)$$

$x^2 = 0$  RECTA DOBLE

$$\left( \begin{array}{c|c} 0 & 1 \\ \hline 1 & -1 \end{array} \right)$$

$x^2 - y^2 = 0$  PAR RECTAS SECANTES

## TIPO II

$R=r+1$   
 $|S|=|S| \pm 1$

5 CASOS

	r	R	S	S
1	2	3	2	3
2	1	2	1	2
3	2	3	2	1
4	1	2	1	0
5	2	3	0	1

$$\left( \begin{array}{c|c} 1 & 1 \\ \hline 1 & 1 \end{array} \right)$$

$x^2 + y^2 + 1 = 0$   $\emptyset$

$$\left( \begin{array}{c|c} 1 & 1 \\ \hline 1 & 0 \end{array} \right)$$

$x^2 + 1 = 0$   $\emptyset$

$$\left( \begin{array}{c|c} -1 & 1 \\ \hline 1 & 1 \end{array} \right)$$

$x^2 + y^2 - 1 = 0$  ELIPSE

$$\left( \begin{array}{c|c} -1 & 1 \\ \hline 1 & 0 \end{array} \right)$$

$x^2 - 1 = 0$  PAR RECTAS PARALELAS

$$\left( \begin{array}{c|c} \pm 1 & 1 \\ \hline 1 & -1 \end{array} \right)$$

$x^2 - y^2 \pm 1 = 0$  HIPÉRBOLA

## TIPO III

$R=r+2, |S|=|S|$

1 CASO

	r	R	S	S
1	1	3	1	1

$$\left( \begin{array}{c|c} 0 & 0 \ -1 \\ \hline 0 & 1 \ 0 \\ -1 & \end{array} \right)$$

$x^2 - 2y = 0$  PARÁBOLA

$r = \text{rango}(A)$

$|S|$  = valor absoluto de la diferencia entre el número de +1 y el número de -1 de la matriz de Sylvester asociada a A

$R = \text{rango} \left( \begin{array}{c|c} C & B^t \\ \hline B & A \end{array} \right)$

$|S|$  = valor absoluto de la diferencia entre el número de +1 y el número de -1 de la matriz de Sylvester asociada a  $\left( \begin{array}{c|c} C & B^t \\ \hline B & A \end{array} \right)$

# CLASIFICACION AFÍN DE LAS CUÁDRICAS

## TIPO I

$$R=r$$

$$|S|=|s|$$

5 CASOS

r	R	s	S
3	3	3	3
2	2	2	2
1	1	1	1
3	3	1	1
2	2	0	0

$$\begin{pmatrix} 0 & | & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \quad x^2+y^2+z^2=0 \quad \text{PUNTO}$$

$$\begin{pmatrix} 0 & | & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix} \quad x^2+y^2=0 \quad \text{RECTA}$$

$$\begin{pmatrix} 0 & | & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad x^2=0 \quad \text{PLANO DOBLE}$$

$$\begin{pmatrix} 0 & | & 1 & 1 & -1 \end{pmatrix} \quad x^2+y^2-z^2=0 \quad \text{CONO}$$

$$\begin{pmatrix} 0 & | & 1 & -1 & 0 \end{pmatrix} \quad x^2-y^2=0 \quad \text{PAR DE PLANOS SECANTES}$$

## TIPO II

$$R=r+1$$

$$|S|=|s| \pm 1$$

9 CASOS

r	R	s	S
3	4	3	4
2	3	2	3
1	2	1	2
3	4	1	2
3	4	3	2
2	3	2	1
1	2	1	0
3	4	1	0
2	3	0	1

$$\begin{pmatrix} 1 & | & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \quad x^2+y^2+z^2+1=0 \quad \emptyset$$

$$\begin{pmatrix} 1 & | & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix} \quad x^2+y^2+1=0 \quad \emptyset$$

$$\begin{pmatrix} 1 & | & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad x^2+1=0 \quad \emptyset$$

$$\begin{pmatrix} 1 & | & 1 & 1 & -1 \end{pmatrix} \quad x^2+y^2-z^2+1=0 \quad \text{HIPERBOLOIDE DE DOS HOJAS}$$

$$\begin{pmatrix} -1 & | & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \quad x^2+y^2+z^2-1=0 \quad \text{ELIPSOIDE}$$

$$\begin{pmatrix} -1 & | & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix} \quad x^2+y^2-1=0 \quad \text{CILINDRO ELÍPTICO}$$

$$\begin{pmatrix} -1 & | & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad x^2-1=0 \quad \text{PAR DE PLANOS PARALELOS}$$

$$\begin{pmatrix} -1 & | & 1 & 1 & -1 \end{pmatrix} \quad x^2+y^2-z^2-1=0 \quad \text{HIPERBOLOIDE DE UNA HOJA}$$

$$\begin{pmatrix} \pm 1 & | & 1 & -1 & 0 \end{pmatrix} \quad x^2-y^2 \pm 1=0 \quad \text{CILINDRO HIPERBÓLICO}$$

# TIPO III

$$R = r + 2$$

$$|S| = |s|$$

3 CASOS

$r$	$R$	$ s $	$ S $	
2	4	2	2	$\left( \begin{array}{c ccc} 0 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & & \\ 0 & & 1 & \\ -1 & & & 0 \end{array} \right) \quad x^2 + y^2 - 2z = 0$ <p>PARABOLOIDE ELÍPTICO</p>
1	3	1	1	$\left( \begin{array}{c ccc} 0 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & & \\ 0 & & 0 & \\ -1 & & & 0 \end{array} \right) \quad x^2 - 2z = 0$ <p>CILINDRO PARABÓLICO</p>
2	4	0	0	$\left( \begin{array}{c ccc} 0 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & & \\ 0 & & -1 & \\ -1 & & & 0 \end{array} \right) \quad x^2 - y^2 - 2z = 0$ <p>PARABOLOIDE HIPERBÓLICO</p>

$$r = \text{rango}(A)$$

$$R = \text{rango} \left( \begin{array}{c|c} c & B^t \\ \hline B & A \end{array} \right)$$

$|s|$  = valor absoluto de la diferencia entre el número de +1 y el número de -1 de la matriz de Sylvester asociada a A

$|S|$  = valor absoluto de la diferencia entre el número de +1 y el número de -1 de la matriz de Sylvester asociada a

$$\left( \begin{array}{c|c} c & B^t \\ \hline B & A \end{array} \right)$$