Utilizando a definição, mostre que  $(\cos x)' = -\sin x$ .

Demonstração:

$$(\cos x)' = \lim_{h \to 0} \frac{\cos(x+h) - \cos x}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{(\cos x)(\cos h) - (\sin x)(\sin h) - \cos x}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{(\cos x)[(\cos h) - 1]}{h} - \lim_{h \to 0} \frac{(\sin x)(\sin h)}{h} = \lim_{h \to 0} -(\cos x) \cdot \frac{\sin \frac{h}{2}}{h/2} \cdot (\sin \frac{h}{2}) - \lim_{h \to 0} \frac{(\sin x)(\sin h)}{h} = \lim_{h \to 0} -(\sin x) \cdot \lim_{h \to 0} \frac{\sin h}{h}$$

$$= -(\sin x) \cdot \lim_{h \to 0} \frac{\sin h}{h}$$

$$= \log_{h} (\cos x)' = -\sin x$$

Documento compilado em Thursday 13<sup>th</sup> March, 2025, 21:04, tempo no servidor.

Última versão do documento (podem haver correções e/ou aprimoramentos): "bit.ly/mathematicalramblings\_public".

Comunicar erro: "a.vandre.g@gmail.com".