Seja K o conjunto de todos os números que podem ser escritos na forma  $a+b\sqrt{2},$  com a e b racionais. Mostrar que K é um corpo.

Resolução:

Sejam  $k_1 = a_1 + b_1\sqrt{2}$  e  $k_2 = a_2 + b_2\sqrt{2}$  dois elementos de K:

$k_1 + k_2 = (a_1 + a_2) + (b_1 + b_2)\sqrt{2} \in K$ $k_1 k_2 = (a_1 a_2 + 2b_1 b_2) + (a_1 b_2 + a_2 b_1)\sqrt{2} \in K$	Seja $k = \frac{a_1 - b_1 \sqrt{2}}{a_1^2 - 2b_1^2}, \ k = k_1^{-1} \in K.$
$-k_1 = (-a_1) + (-b_1)\sqrt{2} \in K$	$0 \in K$ $1 \in K$

Logo, satisfeitas as condições, K é um corpo.

 $Quod\ Erat\ Demonstrandum.$ 

Documento compilado em Thursday 13<sup>th</sup> March, 2025, 20:53, tempo no servidor.

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".





Licença de uso:  $\underbrace{ \ \, \bigoplus_{\text{\tiny BY}} \ \, \bigoplus_{\text{\tiny NC}} \ \, }_{\text{\tiny SA}} \ \, \text{Atribuição-NãoComercial-CompartilhaIgual (CC BY-NC-SA)}.$