Projeto Mathematical Ramblings

mathematical ramblings. blogspot.com

Sejam A, B e C matrizes tais que A e B possam ser multiplicadas, e B e C possam ser multiplicadas. Mostre que

- \bullet A e BC podem ser multiplicadas;
- \bullet AB e C podem ser multiplicadas;
- \bullet A(BC) = (AB)C.

Resolução:

Sejam $A=(a_{ij})$ uma $m \ge n$ matriz, $B=(b_{jk})$ uma $n \ge r$ matriz, e $C=(c_{kl})$ uma r por s matriz,

BC será uma n por s matriz e A(BC) existirá e será uma $m \ge s$ matriz;

AB será uma m por r matriz e (AB)C existirá e será uma m por s matriz.

Um elemento da posição (j,l) de BC será $\sum_{k=1}^{r} b_{jk} c_{kl}$, e um elemento da posição (i,l) de A(BC) será $\sum_{j=1}^{n} a_{ij} \left(\sum_{k=1}^{r} b_{jk} c_{kl}\right) = \sum_{j=1}^{n} \frac{r}{a_{ij}} \left(\sum_{k=1}^{r} b_{jk} c_{kl}\right)$

$$\sum_{j=1}^{n} \sum_{k=1}^{r} a_{ij} b_{jk} c_{kl}.$$

 $\sum_{j=1}^n \sum_{k=1}^r a_{ij} b_{jk} c_{kl} \text{ ser\'a a soma de todos os } a_{ij} b_{jk} c_{kl} \text{ com } 1 \leq j \leq n \text{ e } 1 \leq k \leq r, \text{ resultado que igualmente chegar\'amos calculando o elemento da posição } (i,l) \text{ de } (AB)C.$

Quod Erat Demonstrandum.

Documento compilado em Wednesday 16th June, 2021, 14:57, tempo no servidor.

Última versão do documento (podem haver correções e/ou aprimoramentos): "bit.ly/mathematicalramblings_public".

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".

Licença de uso: $\bigodot_{\text{\tiny BY}}$ $\bigodot_{\text{\tiny NC}}$ $\bigodot_{\text{\tiny NC}}$ Atribuição-Não Comercial-Compartilha Igual (CC BY-NC-SA).