

Trigonometria: transformação de soma em produto.

Sabemos que:

$$\sin(a + b) = (\sin a)(\cos b) + (\sin b)(\cos a) \text{ (I)}$$

$$\sin(a - b) = (\sin a)(\cos b) - (\sin b)(\cos a) \text{ (II)}$$

$$\cos(a + b) = (\cos a)(\cos b) - (\sin a)(\sin b) \text{ (III)}$$

$$\cos(a - b) = (\cos a)(\cos b) + (\sin a)(\sin b) \text{ (IV)}$$

Somando (I) e (II): $2(\sin a)(\cos b) = \sin(a + b) + \sin(a - b)$.

Subtraindo (II) de (I): $2(\sin b)(\cos a) = \sin(a + b) - \sin(a - b)$.

Somando (III) e (IV): $2(\cos a)(\cos b) = \cos(a + b) + \cos(a - b)$.

Subtraindo (IV) de (III): $-2(\sin a)(\sin b) = \cos(a + b) - \cos(a - b)$.

Fazendo $p = a + b$ e $q = a - b$, teremos que $a = \frac{p+q}{2}$ e $b = \frac{p-q}{2}$. Substituindo:

$$\begin{aligned}\sin p + \sin q &= 2 \left(\sin \frac{p+q}{2} \right) \left(\sin \frac{p-q}{2} \right) \\ \sin p - \sin q &= 2 \left(\cos \frac{p+q}{2} \right) \left(\sin \frac{p-q}{2} \right) \\ \cos p + \cos q &= 2 \left(\cos \frac{p+q}{2} \right) \left(\cos \frac{p-q}{2} \right) \\ \cos p - \cos q &= -2 \left(\sin \frac{p+q}{2} \right) \left(\sin \frac{p-q}{2} \right)\end{aligned}$$

Documento compilado em Thursday 13th March, 2025, 20:48, tempo no servidor.

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".

Licença de uso:    Atribuição-NãoComercial-CompartilhaIgual (CC BY-NC-SA).