Seja $\sum_{i=1}^{n} A_i x_i = 0$, Com $A_i \in \mathfrak{M}_{mx1}(\mathbb{R})$ um sistema com solução não trivial em \mathbb{C} , mostre que ele admite solução não trivial em \mathbb{R} .

Resolução:

Se o sistema admite solução não trivial complexa, $A_1,...,A_n$ são linearmente dependentes sobre $\mathbb{C},$ ou seja,

$$\sum_{i \in I} A_i z_i = A_j, \text{ com } I = \{1, ..., j - 1, j + 1, ..., n\}.$$

Como A_j tem componentes reais,

$$\sum_{i \in I} A_i[Re(z_i)] = A_j, \text{ com } I = \{1, ..., j - 1, j + 1, ..., n\}.$$

Ou seja, $A_1,...,A_n$ são linearmente dependentes sobre $\mathbb R$. Consequentemente o sistema admite solução não trivial $em \mathbb{R}$.

 $Quod\ Erat\ Demonstrandum.$

Documento compilado em Thursday 13th March, 2025, 20:42, tempo no servidor.

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".



 $\label{lem:attribuição-NãoComercial-CompartilhaIgual (CC BY-NC-SA)}.$