## $\begin{array}{c} \textbf{Projeto Mathematical Ramblings} \\ \text{mathematical ramblings.blogspot.com} \end{array}$

Sejam p e q reais positivos, mostre a média harmônica é menor ou igual à média geométrica.

$$\left(\frac{1}{\sqrt{p}} + \frac{1}{\sqrt{q}}\right)^2 \ge 0 \ \Rightarrow \ \frac{1}{p} + \frac{1}{q} \ge \frac{2}{\sqrt{pq}} \ \Rightarrow \ \frac{2}{\underbrace{\frac{1}{p} + \frac{1}{q}}_{MH}} \le \underbrace{\sqrt{pq}}_{MG}$$

Quod Erat Demonstrandum.

Documento compilado em Sunday 16<sup>th</sup> October, 2022, 10:26, tempo no servidor.

Última versão do documento (podem haver correções e/ou aprimoramentos): "bit.ly/mathematicalramblings\_public".

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".



 ${\it Atribuição-Não Comercial-Compartilha Igual~(CC~BY-NC-SA)}.$