Seja uma aplicação linear $L: \mathbb{R}^n \to \mathbb{R}$. Seja S o conjunto de todos os elementos s de \mathbb{R}^n tais que $L(s) \geq 0$. Mostrar que S é convexo.

Basta mostrar que $L(tA+(1-t)B)\geq 0$, com A e B pertencentes a S, e t real com $0\leq t\leq 1$.

$$\begin{split} L(A) &\geq 0 \ \land \ L(B) \geq 0 \ \Rightarrow \ tL(A) \geq 0 \ \land \ (1-t)L(B) \geq 0 \ \Rightarrow \\ &\Rightarrow \ tL(A) + (1-t)L(B) \geq 0 \ \Rightarrow \ L(tA + (1-t)B) \geq 0. \end{split}$$

Quod Erat Demonstrandum.

Documento compilado em Thursday $13^{\rm th}$ March, 2025, 20:42, tempo no servidor.

 $Sugest\~oes,\ comunicar\ erros:\ "a.vandre.g@gmail.com".$





 ${\it Atribuição-Não Comercial-Compartilha Igual~(CC~BY-NC-SA)}.$