

Sejam $V = \mathbb{R}^2$, W e U sub-espacos de V , $\{(1, 2)\}$ uma base de W e $\{(1, 0)\}$ uma base de U , mostre que $V = W \oplus U$.

Resolução:


Seja $v \in V$, basta mostrar que existem únicos $w \in W$ e $u \in U$ tais que $v = w + u$.

Seja $v = (a, b)$, teremos que $\begin{cases} \alpha + \beta = a \\ 2\alpha = b \end{cases}$, que admite soluçao única para $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$, pois $\begin{vmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 0 \end{vmatrix} \neq 0$.

Quod Erat Demonstrandum.

Documento compilado em Thursday 13th March, 2025, 20:21, tempo no servidor.

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".

Licença de uso:  Atribuição-NãoComercial-CompartilhaIgual (CC BY-NC-SA).