Demonstre: L(S) é a intersecção de todos os subespaços de V que contém S.

Seja U tal intersecção.

Se S é subespaço, U = S. (I)

Se S não é subespaço, U = L(S). (II)

$$(I) \wedge (II) \Rightarrow U \subset L(S) (III)$$

Seja s' um elemento de L(S) que não pertence a U, no entanto, como U é subespaço, s' pode ser obtido como uma combinação linear dos elementos de S, e, consequentemente, dos elementos de U. Onde temos uma contradição. Logo:

$$L(S) \subset U$$
. (IV)

$$(III) \wedge (IV) \Rightarrow L(S) = U$$

Quod Erat Demonstrandum.

Documento compilado em Wednesday 12th March, 2025, 22:18, tempo no servidor.

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".



