## **Projeto Mathematical Ramblings**

mathematical ramblings. blogspot.com

Encontrando  $\pi$  como uma série de potências:

Consideremos a função  $f(x) = \arctan x$ :

$$f'(x) = \frac{1}{1+x^2}$$

f'(x)é uma série conhecida:  $\sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n x^{2n},$  que converge para |x|<1.

Integrando f'(x) afim de obter uma série para f(x):

$$f(x) \ = \ \int \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n x^{2n} \ dx \ = \ [\sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n \frac{x^{2n+1}}{2n+1}] \ + \ c$$

Como f(0) = 0, temos que c = 0.

Tomemos agora um valor para x respeitando a limitação de |x|<1 e de tal modo que conheçamos f(x), por exemplo  $x=\frac{\sqrt{3}}{3}$  e  $f(x)=\frac{\pi}{6}$ :

$$\frac{\pi}{6} = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{2n+1} \left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right)^{2n+1}$$

$$\pi = \sum_{n=0}^{\infty} 6 \cdot \frac{(-1)^n}{2n+1} (\frac{\sqrt{3}}{3})^{2n+1}$$

Documento compilado em Sunday  $2^{\rm nd}$  February, 2020, 14:42, UTC +0.

Comunicar erro: "a.vandre.g@gmail.com".