Projeto Mathematical Ramblings

mathematical ramblings. blogspot.com

Raio de curvatura de Antonio Vandré.

O raio de uma curva f(x) em $x=x_0$ é dado por $\mathcal{RC}_{\mathcal{A}[f(x),x_0]}=\sqrt{\sigma^2+\left(\frac{\sigma}{f'(x_0)}\right)^2}$,

$$\sigma = \lim_{x \to x_0} \left\{ x_0 - \frac{f'(x)[x_0 + f(x_0)f'(x_0)] - f'(x_0)[x + f(x)f'(x)]}{f'(x) - f'(x_0)} \right\}.$$

Demonstração:

Sejam duas retas ortogonais não paralelas a f(x):

$$\begin{cases} y - f(a) = \frac{-1}{f'(a)}(x - a) \left(\mathbf{I}\right) \\ y - f(b) = \frac{-1}{f'(b)}(x - b) \end{cases}$$

Terão interseção em $x = \delta = \frac{f'(b)[a+f(a)f'(a)] - f'(a)[b+f(b)f'(b)]}{f'(b) - f'(a)}$.

Calculando a ordenada em (I), substituindo a por x_0 , b por x e tomando $\sigma = \lim_{x \to x_0} x - \delta$,

$$\mathcal{RC}_{\mathcal{A}[f(x),x_0]} = \sqrt{\sigma^2 + \left(\frac{\sigma}{f'(x_0)}\right)^2}$$

Exemplo: $f(x) = x^2 e x_0 = 1$:

$$\sigma = 5 \ \Rightarrow \ \mathcal{RC}_{\mathcal{A}[x^2,1]} = \frac{5\sqrt{5}}{2}.$$

Documento compilado em Thursday $3^{\rm rd}$ June, 2021, 10:10, tempo no servidor.

Última versão do documento (podem haver correções e/ou aprimoramentos): "bit.ly/mathematicalramblings_public".

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".

Licença de uso: 🐧 💲 🧿 Atribuição-NãoComercial-CompartilhaIgual (CC BY-NC-SA).