

Sejam A , B e C pontos distintos do \mathbb{R}^n , se $B - A$ e $C - A$ são linearmente independentes, mostrar que A , B e C não são colineares.

$$a(B - A) + b(C - A) = O \Leftrightarrow a = b = 0, a \text{ e } b \text{ escalares.}$$

Transladando o sistema de modo a A coincidir com O :

$$aB + bC = A \Leftrightarrow a = b = 0$$

Logo tomando um escalar k de modo que $a = \frac{1}{k}$ com $k \neq 0$ e $k \neq 1$, e $b = 0$:

$$\frac{B}{k} \neq A \Rightarrow B \neq kA \quad (\text{I})$$

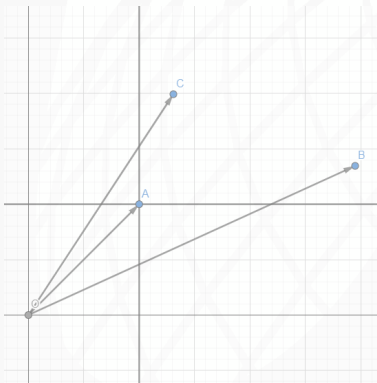
Procedendo de modo análogo para com C , com $k' \neq 0$ e $k' \neq 1$:

$$\frac{C}{k'} \neq A \Rightarrow C \neq k'A \quad (\text{II})$$

Tomando agora $a = 1$ e $b = \frac{-1}{k''}$, com $k'' \neq 0$:

$$C \neq k''(B - A) \quad (\text{III})$$

Por (I), (II) e (III), A , B e C não são colineares.



Quod Erat Demonstrandum.

Documento compilado em Thursday 13th March, 2025, 20:43, tempo no servidor.

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".

Licença de uso:  Atribuição-NãoComercial-CompartilhaIgual (CC BY-NC-SA).