Projeto Mathematical Ramblings

mathematical ramblings. blogspot.com

Seja a um complexo, $a = (\sqrt[n]{a})^n$, $n \in \mathbb{N}^*$.

Seja $a = \rho(\cos\theta + i\sin\theta), \ \rho \in \mathbb{R}, \ \rho \ge 0, \ \theta \in [0, 2\pi[$

$$\sqrt[n]{a} = \sqrt[n]{\rho} \left[\cos \left(\frac{\theta}{n} + \frac{2k\pi}{n} \right) + i \sin \left(\frac{\theta}{n} + \frac{2k\pi}{n} \right) \right], \ k \in \mathbb{Z}$$

$$\left(\sqrt[n]{a}\right)^n = \left(\sqrt[n]{\rho}\right)^n \left[\cos\left(\frac{n\theta}{n} + \frac{2nk\pi}{n}\right) + i\sin\left(\frac{n\theta}{n} + \frac{2nk\pi}{n}\right)\right] = a.$$

Quod Erat Demonstrandum.

Documento compilado em Tuesday $23^{\rm rd}$ November, 2021, 16:03, tempo no servidor.

Última versão do documento (podem haver correções e/ou aprimoramentos): "bit.ly/mathematicalramblings_public".

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".

Licença de uso: $\bigoplus_{\text{\tiny BY}}$ $\bigoplus_{\text{\tiny NC}}$ $\bigoplus_{\text{\tiny SA}}$ Atribuição-Não Comercial-Compartilha Igual (CC BY-NC-SA).