

Calcular  $\int_0^1 \frac{y^2}{\sqrt{4-3y}} dy$ .

Resolução:

Seja  $I = \int \frac{y^2}{\sqrt{4-3y}} dy$ .

Aplicando "por partes":

$$I = \frac{-2\sqrt{4-3y} \cdot y^2}{3} + \frac{4}{3} \int y\sqrt{4-3y} dy$$

Aplicando "por partes" novamente:

$$I = \frac{-2\sqrt{4-3y} \cdot y^2}{3} - \frac{8}{27} \sqrt{(4-3y)^3} \cdot y - \frac{16}{405} \sqrt{(4-3y)^5} + c$$

$$\begin{aligned} \int_0^1 \frac{y^2}{\sqrt{4-3y}} dy &= \left[ \frac{-2\sqrt{4-3y} \cdot y^2}{3} - \frac{8}{27} \sqrt{(4-3y)^3} \cdot y - \frac{16}{405} \sqrt{(4-3y)^5} \right] \Big|_0^1 = \\ &= -\frac{2}{3} - \frac{8}{27} - \frac{16}{405} + \frac{512}{405} = \boxed{\frac{106}{405}} \end{aligned}$$



---

Documento compilado em Wednesday 12<sup>th</sup> March, 2025, 21:58, tempo no servidor.

Última versão do documento (podem haver correções e/ou aprimoramentos): "[bit.ly/mathematicalramblings\\_public](https://bit.ly/mathematicalramblings_public)".

Comunicar erro: "[a.vandre.g@gmail.com](mailto:a.vandre.g@gmail.com)".