Utilizando a definição, mostre que  $(\sin x)' = \cos x$ .

Demonstração:

$$(\sin x)' = \lim_{h \to 0} \frac{\sin(x+h) - \sin x}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{(\sin x)(\cos h) + (\sin h)(\cos x) - \sin x}{h} =$$

$$= \lim_{h \to 0} \frac{(\sin x)(\cos h) - \sin x}{h} + \lim_{h \to 0} \frac{(\sin h)(\cos x)}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{(\sin x)[(\cos h) - 1]}{h} + \lim_{h \to 0} \frac{(\sin h)(\cos x)}{h} =$$

$$= -\lim_{h \to 0} [(\sin x) \cdot \frac{(\sin \frac{h}{2})}{h/2} \cdot (\sin \frac{h}{2})] + \lim_{h \to 0} \frac{(\sin h)(\cos x)}{h} = -(\lim_{h \to 0} \sin x) \cdot (\lim_{h \to 0} \sin \frac{h}{2}) + \lim_{h \to 0} \frac{(\sin h)(\cos x)}{h} =$$

$$= \lim_{h \to 0} \frac{\sin h}{h} \cdot \cos x$$

$$= \lim_{h \to 0} \frac{\sin h}{h} \cdot \cos x$$

$$= \lim_{h \to 0} \frac{\sin h}{h} \cdot \cos x$$

$$= \lim_{h \to 0} \frac{\sin h}{h} \cdot \cos x$$

Documento compilado em Thursday 13<sup>th</sup> March, 2025, 09:44, tempo no servidor.

Última versão do documento (podem haver correções e/ou aprimoramentos): "bit.ly/mathematicalramblings\_public".

Comunicar erro: "a.vandre.g@gmail.com".