$\begin{array}{c} \textbf{Projeto Mathematical Ramblings} \\ \text{mathematical ramblings.blogspot.com} \end{array}$

Sejam $u \in v$ vetores do \mathbb{C}^n , $\langle u, v \rangle = \overline{\langle v, u \rangle}$.

Seja
$$u = (a_j + b_j i)_{j=1}^n$$
 e $v = (a'_j + b'_j i)_{j=1}^n$,

$$\langle u, v \rangle = \sum_{j=1}^{n} [(a_j a'_j - b_j b'_j) - (a_j b'_j - b_j a'_j)i] =$$

$$= \sum_{j=1}^{n} [(a'_j a_j - b'_j b_j) + (a'_j b_j - b'_j a_j)i] = \overline{\langle v, u \rangle}.$$

$$= \sum_{j=1}^{n} [(a'_{j}a_{j} - b'_{j}b_{j}) + (a'_{j}b_{j} - b'_{j}a_{j})i] = \overline{\langle v, u \rangle}.$$

Quod Erat Demonstrandum.

Documento compilado em Tuesday 21st September, 2021, 11:07, tempo no servidor.

Última versão do documento (podem haver correções e/ou aprimoramentos): "bit.ly/mathematicalramblings_public".

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".





 ${\it Atribuição-N\~ao Comercial-Compartilha Igual~(CC~BY-NC-SA)}.$