Questão:

Devido principalmente às variações na quantidade de chuva no decorrer dos meses do ano, a produção de leite na fazenda de Rui sofre variação segundo a função $L(M)=300-50\sin[(\frac{m-1}{6})\pi+\frac{3\pi}{2}]$, em que m representa o mês do ano, e L, a quantidade de leite produzida, em litros. Nos meses em que a quantidade de chuva é maior, a produção também aumenta, pois a qualidade das pastagens melhora.

- a) Em qual mês ocorreu a maior produção de leite? Quantos litros foram produzidos?
- b) Determine o período da função L.

Resolução:

a) L é máxima quando o seno for mínimo, ou seja:

$$\begin{array}{l} (\frac{m-1}{6})\pi + \frac{3\pi}{2} = \frac{3\pi}{2} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \\ (\frac{m-1}{6})\pi = \frac{3\pi}{2} + 2k\pi - \frac{3\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} \\ (\frac{m-1}{6})\pi = 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \\ \frac{m-1}{6} = 2k, k \in \mathbb{Z} \\ m-1 = 12k, k \in \mathbb{Z} \\ m = 1 + 12k, k \in \mathbb{Z} \end{array}$$

Como $1 \leq M \leq 12, \ m=1,$ ou seja, o mês mais produtivo é janeiro, e a produção máxima é de $300+50=350\ l.$

b) O coeficiente de m é $\frac{\pi}{6},$ logo o período da função é $|\frac{2\pi}{\frac{\pi}{6}}|=12.$