Sabe-se que $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ é uma função derivável em \mathbb{R} e que a reta tangente ao gráfico de f no ponto de abscissa 3 é x+2y=6. Seja $g: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ dada por $g(x)=(f(\sqrt{9+4x}))^2$. Determine g'(0).

Resolução:

Observemos inicialmente que $f(3) = \frac{3}{2}$ e $f'(3) = -\frac{1}{2}$.

$$g'(x) = 2f(\sqrt{9+4x}) \cdot f'(\sqrt{9+4x}) \cdot \frac{1}{2\sqrt{9+4x}} \cdot 4$$

$$g'(0) = \frac{4f(3) \cdot f'(3)}{3} = \boxed{-1}$$

Documento compilado em Thursday 13th March, 2025, 20:36, tempo no servidor.

 $\'{\rm Ultima\ vers\~ao\ do\ documento\ (podem\ haver\ corre\~ç\~oes\ e/ou\ aprimoramentos):\ "bit.ly/mathematical$ $ramblings_public".}$

Comunicar erro: "a.vandre.g@gmail.com".