Sejam A e B matrizes para as quais AB está definido. Mostrar que o espaço de colunas de AB está contido no espaço de colunas de A.

Basta mostrar que uma combinação linear das colunas de AB é uma combinação linear das colunas de A.

Sejam a_{ij} um elemento de A, b_{jk} um elemento de $B, \alpha_k, k = 1, \dots, o$ escalares, e c_i uma combinação linear das colunas de AB na linha i:

$$c_i = \sum_{k=1}^{o} \alpha_k \sum_{j=1}^{n} a_{ij} b_{jk} = \sum_{j=1}^{n} a_{ij} \sum_{k=1}^{o} \alpha_k b_{jk}.$$

Ou seja, c_i é uma combinação linear das colunas de A na linha i.

 $Quod\ Erat\ Demonstrandum.$

Documento compilado em Thursday 13th March, 2025, 20:38, tempo no servidor.

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".

Licença de uso: \bigoplus_{BV} \bigoplus_{NC} \bigoplus_{SA}





 $\label{lem:atribuição-NãoComercial-Compartilha$ $Igual (CC BY-NC-SA).}$