## $\begin{array}{c} \textbf{Projeto Mathematical Ramblings} \\ \text{mathematical ramblings.blogspot.com} \end{array}$

Seja um espaço vetorial V sobre  $\mathbb{R}$ , e sejam  $f:V\to\mathbb{R}$  e  $g:V\to\mathbb{R}$  duas aplicações lineares. Mostre que  $F:V\to\mathbb{R}^2$ definida por  $F(v) \mapsto (f(v), g(v))$  é linear.

Seja um escalar k. F(kv) = F(f(kv), g(kv)) = (kf(v), kg(v)) = k(f(v), g(v)) = kF(v).

Sejam  $v \in v'$  elementos de V.

$$F(v+v') = (f(v+v'), g(v+v')) = (f(v) + f(v'), g(v) + g(v')) = (f(v), g(v)) + (f(v'), g(v')) = F(v) + F(v').$$

Quod Erat Demonstrandum.

Documento compilado em Monday 13<sup>th</sup> September, 2021, 19:17, tempo no servidor.

Última versão do documento (podem haver correções e/ou aprimoramentos): "bit.ly/mathematicalramblings\_public".

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".







Atribuição-NãoComercial-Compartilha Igual (CC BY-NC-SA).