Teorema de Pitágoras.

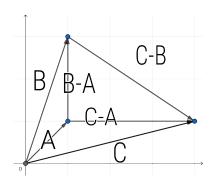
$$(A - B) \perp (A - C) \Rightarrow \|B - C\|^2 = \|A - B\|^2 + \|A - C\|^2$$

Demonstração:

$$\langle (A-B), (A-C) \rangle = 0 \implies \langle A, A \rangle - \langle A, C \rangle - \langle B, A \rangle + \langle B, C \rangle = 0 \implies$$
$$\Rightarrow \langle A, A \rangle + \langle B, C \rangle = \langle A, C \rangle + \langle B, A \rangle \text{ (I)}$$

$$||B - C||^2 = \langle (B - C), (B - C) \rangle = \langle B, B \rangle + \langle C, C \rangle - 2\langle B, C \rangle \text{ (II)}$$

Logo,
$$\boxed{ \|B - C\|^2 = \|A - B\|^2 + \|A - C\|^2 }$$



Quod Erat Demonstrandum.

Documento compilado em Wednesday $12^{\rm th}$ March, $2025,\,23:28,\,$ tempo no servidor.

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".

Licença de uso: Atribuição-NãoComercial-CompartilhaIgual (CC BY-NC-SA).