

$e^{\theta i}$ e os números complexos.

Consideremos a equação $e^{\theta i} = \cos \theta + i \sin \theta$.

$$\begin{aligned} e^{(\theta_1 + \theta_2)i} &= \cos(\theta_1 + \theta_2) + i \sin(\theta_1 + \theta_2) = (\cos \theta_1)(\cos \theta_2) - (\sin \theta_1)(\sin \theta_2) + i[(\sin \theta_1)(\cos \theta_2) + (\sin \theta_2)(\cos \theta_1)] = \\ &= (\cos \theta_1 + i \sin \theta_1)(\cos \theta_2 + i \sin \theta_2) = e^{\theta_1 i} e^{\theta_2 i} \end{aligned}$$

Assim o produto de números complexos de módulo 1 também será um número complexo de módulo 1.

$$\prod_j r_j e^{\theta_j i} = \left(\prod_j r_j \right) e^{\left(\sum_j \theta_j \right) i}, \quad r_j \geq 0$$

Se $z = r(\cos \theta + i \sin \theta)$ é um número complexo e n é um natural não nulo, $z^n = r^n [\cos(n\theta) + i \sin(n\theta)]$, $r \geq 0$.

$$r e^{\theta i} = r e^{(\theta + 2k\pi)i}, \quad k \in \mathbb{Z}.$$

Seja um complexo $z = r e^{\theta i}$, $r \geq 0$, existem n complexos w_j tais que $w_j^n = z$, n natural não nulo. São eles

$$\sqrt[n]{r} e^{\left(\frac{\theta + 2k\pi}{n} \right) i}, \quad k \in \mathbb{Z}.$$

Documento compilado em Thursday 17th April, 2025, 16:18, tempo no servidor.

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".

Licença de uso:    Atribuição-NãoComercial-CompartilhaIgual (CC BY-NC-SA).