

Sejam  $W_1, \dots, W_n$  subespaços, mostre que  $L(W_1, \dots, W_n) = W_1 + \dots + W_n$ .

Definamos  $L(W_1, \dots, W_n) = L(W_1 + \dots + W_n)$ .

Obviamente  $W_1 + \dots + W_n \subset L(W_1, \dots, W_n)$ . (I)

Sejam  $w$  um elemento de  $L(W_1, \dots, W_n)$ , e  $a_i$ ,  $i \in \mathbb{N}_m$  escalares,

$$w = \sum_i a_i \sum_{j=1}^n w_j = \sum_{j=1}^n w_j \sum_i a_i, \quad w_j \in W_j.$$

Tomando quaisquer  $a_i$ 's tais que  $\sum_i a_i = 1$ ,  $w = \sum_{j=1}^n w_j$  que é um elemento de  $\sum_{j=1}^n W_j$ . Logo

$L(W_1, \dots, W_n) \subset W_1 + \dots + W_n$ . (II)


$(I) \wedge (II) \Rightarrow L(W_1, \dots, W_n) = W_1 + \dots + W_n$

*Quod Erat Demonstrandum.*

---

Documento compilado em Thursday 13<sup>th</sup> March, 2025, 20:38, tempo no servidor.

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".

Licença de uso:  Atribuição-NãoComercial-CompartilhaIgual (CC BY-NC-SA).