

Projeto Mathematical Ramblings

mathematicalramblings.blogspot.com

Seja K o conjunto de todos os números que podem ser escritos na forma $a + b\sqrt{2}$, com a e b racionais. Mostrar que K é um corpo.

Resolução:

Sejam $k_1 = a_1 + b_1\sqrt{2}$ e $k_2 = a_2 + b_2\sqrt{2}$ dois elementos de K :

$k_1 + k_2 = (a_1 + a_2) + (b_1 + b_2)\sqrt{2} \in K$ $k_1 k_2 = (a_1 a_2 + 2b_1 b_2) + (a_1 b_2 + a_2 b_1)\sqrt{2} \in K$	Seja $k = \frac{a_1 - b_1\sqrt{2}}{a_1^2 - 2b_1^2}$, $k = k_1^{-1} \in K$.
$-k_1 = (-a_1) + (-b_1)\sqrt{2} \in K$	$0 \in K$ $1 \in K$

Logo, satisfeitas as condições, K é um corpo.

Quod Erat Demonstrandum.

Documento compilado em Monday 28th June, 2021, 13:10, tempo no servidor.

Última versão do documento (podem haver correções e/ou aprimoramentos):
"bit.ly/mathematicalramblings_public".

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".

Licença de uso:    Atribuição-NãoComercial-CompartilhaIgual (CC BY-NC-SA).