Projeto Mathematical Ramblings

mathematical ramblings. blogspot.com

Demonstração:
$$p \wedge (\bigvee_{i=1}^n q_i) \iff \bigvee_{i=1}^n (p \wedge q_i).$$

Vamos utilizar o método da indução finita.

Para n = 1, de imediato $p \wedge q_1 \iff p \wedge q_1$.

Para
$$n = 2$$
, $p \wedge (q_1 \vee q_2) \Leftrightarrow (p \wedge q_1) \vee (p \wedge q_2)$.

Supondo a sentença verdadeira para n, vamos mostrar que vale para n+1.

$$p \wedge (\bigvee_{i=1}^{n} q_i) \Leftrightarrow \bigvee_{i=1}^{n} (p \wedge q_i)$$

$$p \wedge [(\bigvee_{i=1}^{n} q_i) \vee q_{n+1}] \Leftrightarrow [p \wedge (\bigvee_{i=1}^{n} q_i)] \vee (p \wedge q_{n+1}) \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \left[\bigvee_{i=1}^{n}(p\wedge q_{i})\right]\vee(p\wedge q_{n+1}) \Leftrightarrow \bigvee_{i=1}^{n+1}(p\wedge q_{i})$$

Documento compilado em Tuesday 18th February, 2020, 16:23, UTC +0.

Última versão do documento (podem haver correções e/ou aprimoramentos): "bit.ly/mathematicalramblings_public".

Comunicar erro: "a.vandre.g@gmail.com".