

Demonstração da irracionalidade de $\sqrt{2}$.

Visando chegar a uma contradição, vamos supor que $\sqrt{2}$ seja racional, ou seja, $\sqrt{2} = \frac{p}{q}$, $p, q \in \mathbb{Q}$, $q \neq 0$, $\frac{p}{q}$ fração irredutível.

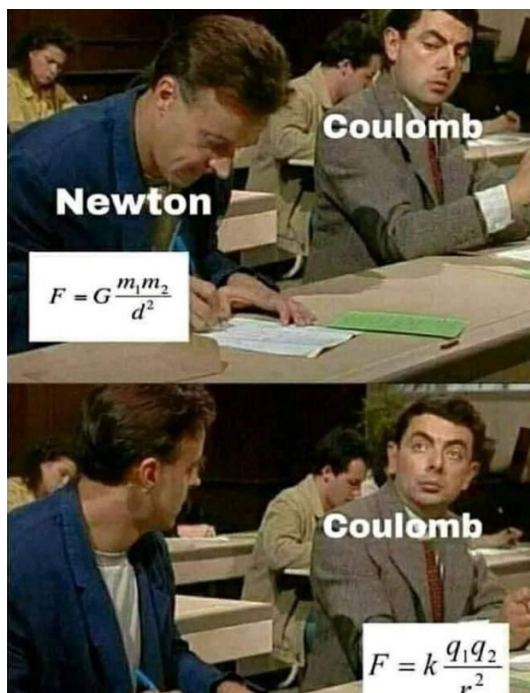
$$2 = \frac{p^2}{q^2} \Rightarrow p^2 = 2q^2 \text{ (I)}$$

Por (I), p deve ser par, logo podemos escrever, para um s inteiro, $p = 2s$.

$$p = 2s \wedge \text{(I)} \Rightarrow 4s^2 = 2q^2 \Rightarrow 2s^2 = q^2 \Rightarrow q \text{ é par. (II)}$$

(II) é um absurdo, pois, por hipótese, $\frac{p}{q}$ é uma fração irredutível.

Logo, $\sqrt{2}$ é irracional.



Documento compilado em Wednesday 12th March, 2025, 22:11, tempo no servidor.

Última versão do documento (podem haver correções e/ou aprimoramentos): "bit.ly/mathematicalramblings_public".

Comunicar erro: "a.vandre.g@gmail.com".