Projeto Mathematical Ramblings

mathematical ramblings. blogspot.com

Seja $F:V\to W$ uma transformação linear de um espaço vetorial V em outro W, se $w_1,...,w_n$ são vetores linearmente independentes de W tais que $F(v_i) = w_i$, i = 1, ..., n, v_i , i = 1, ..., n elementos de V, mostrar que $v_1, ..., v_n$ são linearmente independentes.

Sejam $x_1, ..., x_n$ escalares, $x_1w_1 + ... + x_nw_n = 0 \Leftrightarrow x_i = 0, i = 1, ..., n$.

$$x_1F(v_1) + ... + x_nF(v_n) = O \iff x_i = 0, i = 1,...,n.$$

$$F(x_1v_1) + ... + F(x_nv_n) = O \iff x_i = 0, i = 1, ..., n.$$

$$F(x_1v_1 + ... + x_nv_n) = O \iff x_i = 0, i = 1, ..., n.$$

$$x_1v_1 + ... + x_nv_n = 0 \iff x_i = 0, i = 1, ..., n.$$

Quod Erat Demonstrandum.

Documento compilado em Friday 17th September, 2021, 11:52, tempo no servidor.

Última versão do documento (podem haver correções e/ou aprimoramentos): "bit.ly/mathematicalramblings_public".

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".





Atribuição-NãoComercial-CompartilhaIgual (CC BY-NC-SA).