

Mostre que $L(L(S)) = L(S)$.

Sejam s um elemento de $L(L(S))$, s_i , $i \in \mathbb{N}$ elementos de S , a_i , $i \in \mathbb{N}$ escalares e b_j , $j \in \mathbb{N}$ escalares.

Obviamente $L(S) \subset L(L(S))$. (I)

$s = \sum b_j \sum a_i s_i = \sum_i \left(\sum_j b_j a_i \right) s_i$, que é um elemento de $L(S)$. Assim, $L(L(S)) \subset L(S)$. (II)

(I) \wedge (II) $\Rightarrow L(L(S)) = L(S)$

Quod Erat Demonstrandum.

Documento compilado em Thursday 13th March, 2025, 20:34, tempo no servidor.

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".

Licença de uso:  Atribuição-NãoComercial-CompartilhaIgual (CC BY-NC-SA).