

Lugar geométrico simétrico em relação a uma reta.

Seja a reta $y = mx + n$.

Se a reta é vertical $x = a$, de imediato o ponto simétrico de (x_o, y_o) , (x_i, y_i) é $(2a - x_o, y_o)$.

Se a reta é horizontal $y = n$, de imediato o ponto simétrico de (x_o, y_o) , (x_i, y_i) é $(x_o, 2n - y_o)$.

Se a reta tem coeficiente angular $m = 1$, $(x_i, y_i) = (y_o - n, x_o + n)$.

Se a reta tem coeficiente angular $m = -1$, $(x_i, y_i) = (-y_o + n, -x_o + n)$.

Se a reta não é vertical, nem horizontal, e se $|m| \neq 1$, $y = \frac{-1}{m}(x - x_o) + y_o$ é a reta perpendicular passando por (x_o, y_o) .

A intersecção entre as duas retas é $\left(\frac{(y_o - n)m}{m^2 + 1}, \frac{(y_o - n)m^2}{m^2 + 1} + n \right)$, e o ponto simétrico de (x_o, y_o) , (x_i, y_i) com relação à reta é dado por:

$$(x_i, y_i) = \left(\frac{2(y_o - n)m}{m^2 + 1} - x_o, \frac{2(y_o - n)m^2}{m^2 + 1} + 2n - y_o \right).$$

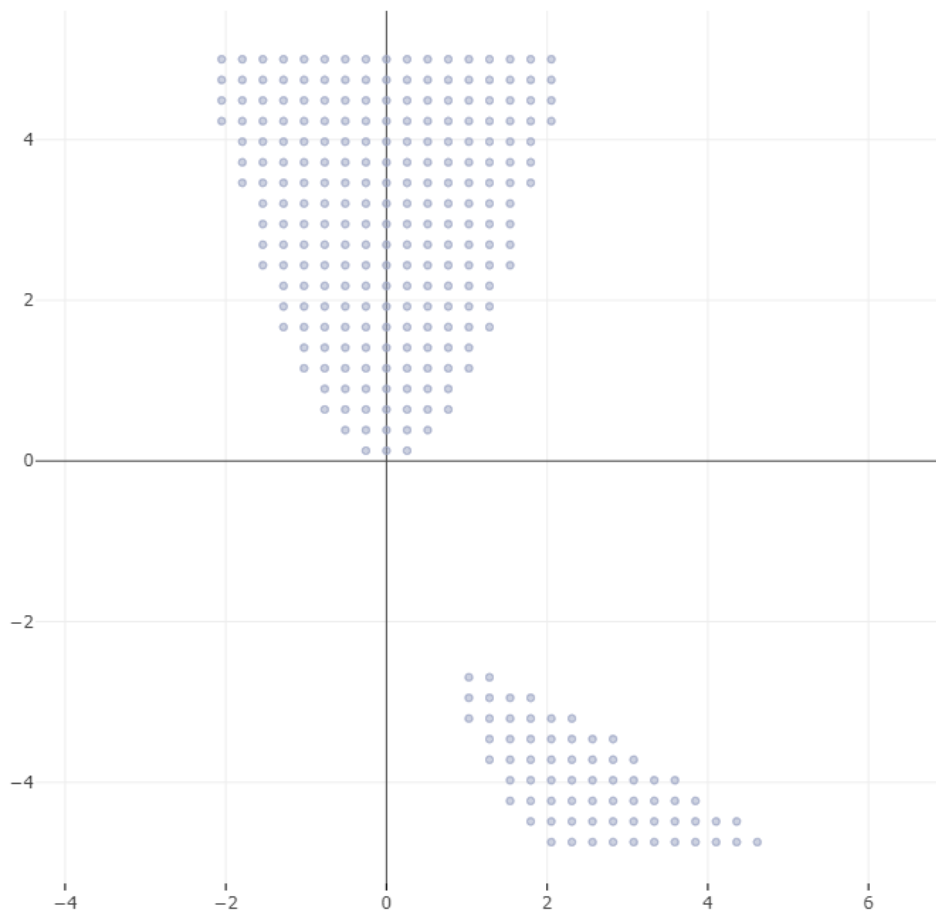
Ou, isolando x_o e y_o ,

$$(x_o, y_o) = \left(\frac{\frac{2my_i - 4mn}{m^2 - 1} - (m^2 + 1)x_i - mn}{m^2 + 1}, \frac{y_i - 2n}{m^2 - 1} \right).$$

Exemplo:

Seja a região $y \geq x^2$, o lugar geométrico simétrico com relação à reta $y = \frac{x}{2} - 1$ é

$$\frac{-y - 2}{3/4} \geq \left(\frac{\frac{-y - 2}{3/4} - \frac{5x}{4} + \frac{1}{2}}{5/4} \right)^2.$$



Documento compilado em Thursday 13th March, 2025, 20:52, tempo no servidor.

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".

Licença de uso:  Atribuição-NãoComercial-CompartilhaIgual (CC BY-NC-SA).