$\begin{array}{c} \textbf{Projeto Mathematical Ramblings} \\ \textbf{mathematical ramblings.blogspot.com} \end{array}$

Sejam $f: A \to B$ e $g: B \to C$ transformações. Mostre que se $g \circ f$ é injetora, então f também o é.

Vamos supor que f não seja injetora, então existem a_1 e a_2 , elementos distintos de A, tais que $f(a_1) = f(a_2) = b$.

$$g(b) = g(f(a_1)) = g(f(a_2)) \implies (g \circ f)(a_1) = (g \circ f)(a_2), \ a_1 \neq a_2$$

Donde $g \circ f$ não é injetora, o que é um absurdo por hipótese. Logo f é injetora.

Documento compilado em Saturday 23rd November, 2024, 17:51, tempo no servidor.

Última versão do documento (podem haver correções e/ou aprimoramentos): "bit.ly/mathematicalramblings_public".

Sugestões, comunicar erros: "a.vandre.g@gmail.com".







 $\label{lem:attribuição-NãoComercial-Compartilha$ $Igual~(CC~BY-NC-SA).}$