

Função raiz complexa.

No universo complexo, a raiz n -ésima de um número pode assumir n valores distintos, logo, em alguns problemas, é conveniente especificar qual delas se deseja, tendo assim uma função.

Definamos $(\sqrt[n]{z})_j$ como a $(j+1)$ -ésima raiz, definida da seguinte forma:

Se $z = \rho[\cos(\theta_0 + 2k\pi) + i \sin(\theta_0 + 2k\pi)]$, $k \in \mathbb{Z}$,

$$(\sqrt[n]{z})_j = \sqrt[n]{\rho}[\cos(\frac{\theta_0}{n} + \frac{2j\pi}{n}) + i \sin(\frac{\theta_0}{n} + \frac{2j\pi}{n})], j \in \mathbb{Z}, 0 \leq j < n.$$

Exemplo:

Encontrar $(\sqrt{4})_1$.

Resolução:

$$\sqrt{4} = 2(\cos k\pi + i \sin k\pi), k = 0 \vee k = 1 \Rightarrow \underbrace{\sqrt{4} = 2}_{k=0} \vee \underbrace{\sqrt{4} = -2}_{k=1}$$

Logo $(\sqrt{4})_1 = -2$.

Documento compilado em Thursday 13th March, 2025, 00:23, tempo no servidor.

Comunicar erro: "a.vandre.g@gmail.com".