Encontre a área do elipsoide obtido pela rotação ao redor do eixo x da elipse $2x^2+y^2=1.$

Resolução:



$$y = \sqrt{1 - 2x^2}, \ y' = -\frac{x}{\sqrt{1 - 2x^2}}$$

$$A = 2\pi \int_{-1/\sqrt{2}}^{1/\sqrt{2}} \sqrt{1 - 2x^2} \sqrt{1 + \frac{x^2}{1 - 2x^2}} \ dx = 2\pi \int_{-1/\sqrt{2}}^{1/\sqrt{2}} \sqrt{1 - x^2} \ dx$$
 Seja $x = \sin \theta, \ \theta \in [-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}], \ dx = \cos \theta \ d\theta.$
$$A = \pi \int_{-\pi/4}^{\pi/4} \cos 2\theta \ + \ 1 \ d\theta \ = \ \pi (\frac{\sin 2\theta}{2} + \theta)|_{-\pi/4}^{\pi/4} = \boxed{\pi (1 + \frac{\pi}{2})}$$

Documento compilado em Wednesday 12th March, 2025, 23:30, UTC +0.

Comunicar erro: "a.vandre.g@gmail.com".