

## Ковшаров Антон Павлович

«Исследование зависимости вероятности ошибки на блок от спектра графа Таннера для МППЧ-кодов»

Научный руководитель: канд. техн. наук, доцент, Буздалов Максим Викторович

Кафедра КТ



#### Оглавление

- 1. Цели работы
- 2. Общие понятия
- 3. Алгоритм подсчета спектра
- 4. Экспериментальные исследования
- 5. Выводы

- ▶ Проверить гипотезу зависимости эффективности итеративного декодирования от числа коротких циклов
- Разработать алгоритм подсчета спектра (числа циклов определенной длины) графа Таннера

Линейный (n,k) код

G — порождающая матрица

Н – проверочная матрица

 $G \cdot H^T = 0$  – проверка на четность

МППЧ-код – код с малой плотностью проверок на четность (мало единиц в H)

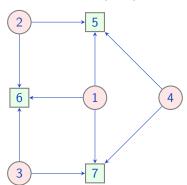
#### Пример

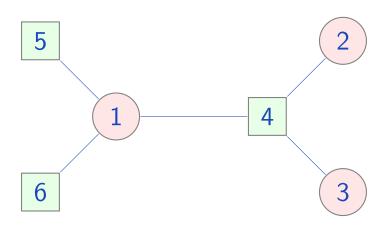
$$G = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

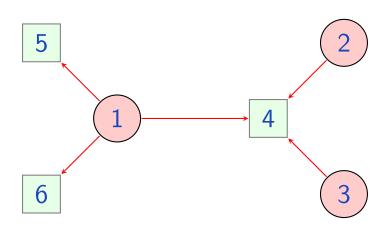
$$H = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

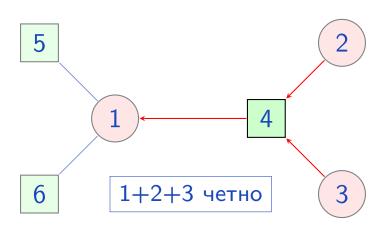
- Символьный узел кодовый символ
- Проверочный узел проверка на четность
- ▶ Линия между если символ состоит в проверке

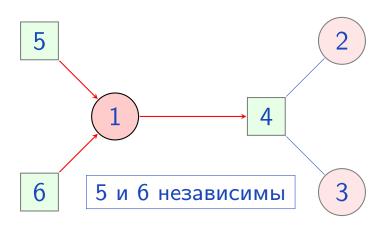
$$\begin{array}{c|ccccc}
1 & 2 & 3 & 4 \\
\begin{pmatrix}
1 & 1 & 0 & 1 \\
1 & 1 & 1 & 0 \\
1 & 0 & 1 & 1
\end{pmatrix}
\begin{array}{c}
5 \\
6 \\
7
\end{array}$$

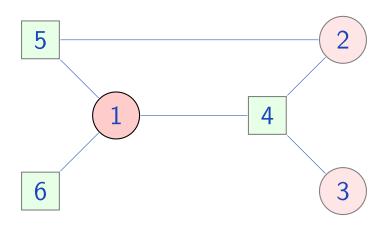


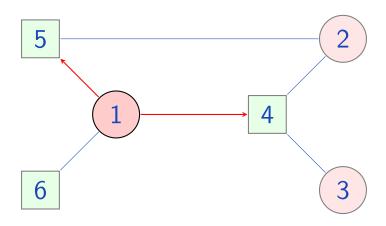


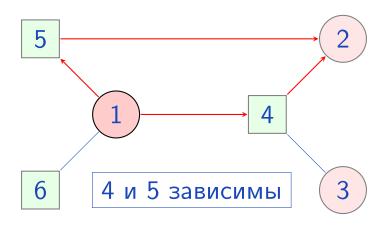


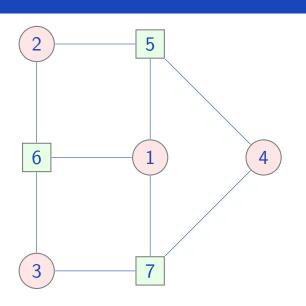












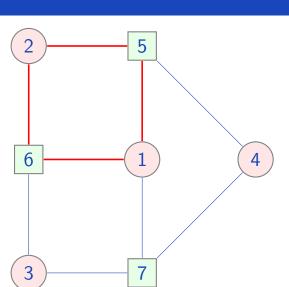
4: 0 6: 0

8: 0 10: 0

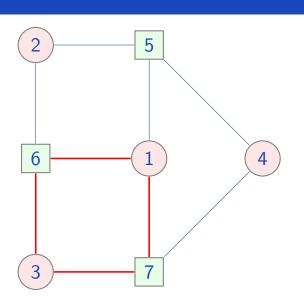
10: 0 12: 0

14: 0

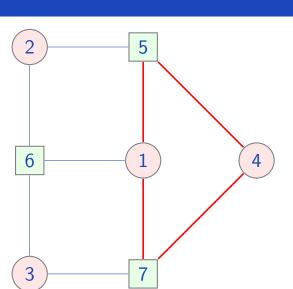
...



4: 1 6: 0 8: 0 10: 0 12: 0 14: 0

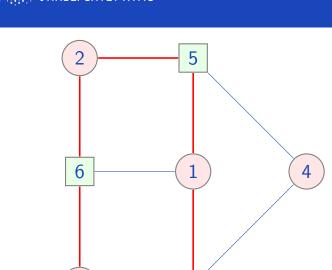


4: 2 6: 0 8: 0 10: 0 12: 0 14: 0

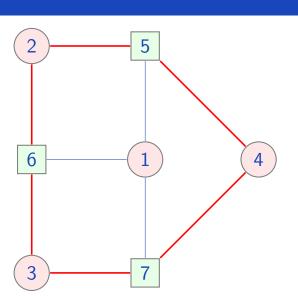


4: 3 6: 0 8: 0 10: 0 12: 0 14: 0

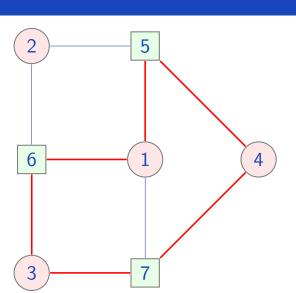
3



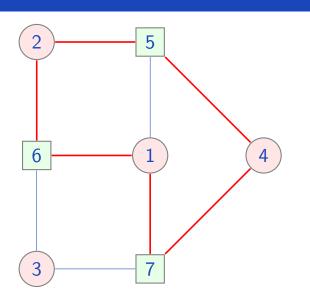
4: 3 6: 1 8: 0 10: 0 12: 0 14: 0



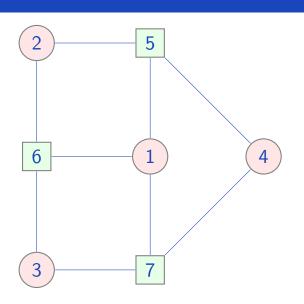
4: 3 6: 2 8: 0 10: 0 12: 0 14: 0



4: 3 6: 3 8: 0 10: 0 12: 0 14: 0



4: 3 6: 4 8: 0 10: 0 12: 0 14: 0



4: 3

6: 4

8: 6

10: 12

12: 29 14: 48

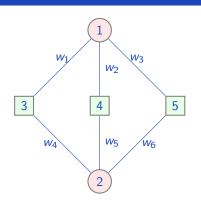
....

### Состояние - направленное ребро $w_i$

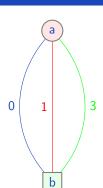


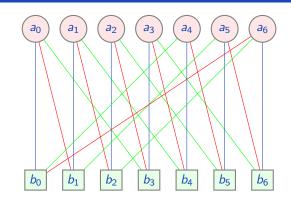
$$a_0^i = (\underbrace{0,0,...,0}_{i \text{ pas}},1,0,...,0)$$

$$a_{2L}^i = a_0^i \cdot A^L$$

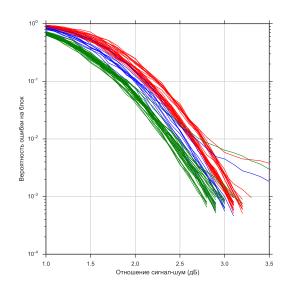


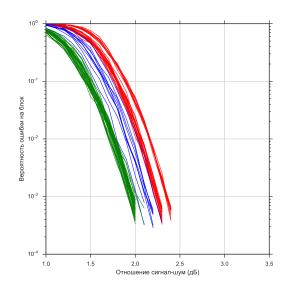
 $w_1 w_4 w_5 w_2 w_1 w_4 w_5 w_2$  - 4 раза  $w_1 w_4 w_5 w_2 w_1 w_4 w_6 w_3$  - 8 раз



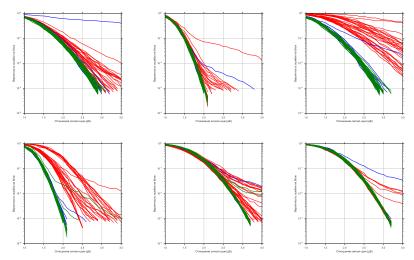


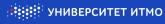
$$O(M \cdot S \cdot E^3)$$



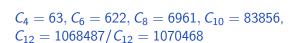


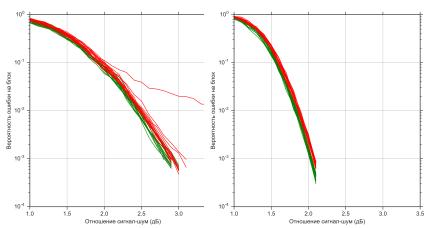






Ансамбль кодов	t	Уровень значимости $lpha$
Ричардсон-Урбанке 4x8 576	4.50	$\alpha = 0.0001$
Ричардсон-Урбанке 4х8 2304	29.7	$\alpha < 0.0001$
Галлагер 4х8 576	2.57	$lpha pprox  extsf{0.01}$
Квазициклические коды 4х8 576	8.53	$\alpha < 0.0001$
Галлагер 3х6 576	6.57	$\alpha < 0.0001$
Галлагер 3х6 2304	3.32	$\alpha \approx 0.005$
Квазициклические коды 3x6 2304	9.92	$\alpha < 0.0001$
Квазициклические коды 3х6 576	12.92	$\alpha < 0.0001$





Длина префикса	t	Уровень значимости $\alpha$
0	29.7	$\alpha < 0.0001$
1	11.47	$\alpha < 0.0001$
2	4.28	$\alpha < 0.0001$
3	3.05	$\alpha \approx 0.005$
4	3.36	$\alpha = 0.001$

- Получены экспериментальные доказательства прямой зависимости между количеством коротких циклов и вероятностью ошибки на блок для различных ансамблей кодов
- Разработан вычислительно эффективный алгоритм подсчета спектра графа Таннера, который может быть использован для ускорения отбора кодов



# Спасибо за внимание

Вопросы?