R-ohjelmoinnin perusteet

Anton Klåvus (2020), Juho Kopra and Santtu Tikka (2021)

11.08.2021

Contents

R-	kurssi	7
	Ohjeita verkkokirjan käyttöön	7
	Lunttilappu	7
	Verkkolähteitä	7
Al	kuvalmistelut	9
	RStudio	9
	R:n ja RStudion asentaminen omalle tietokoneelle	9
	RStudion asennus yliopiston koneelle	9
	RStudion käyttö	11
	Recourse-paketin asentaminen	13
1	Johdanto	17
	1.1~ Mikä R on ja mitä sillä tehdään?	17
2	Muuttujat ja vektorit	19
	2.1 Muuttujat	19
	2.2 Kommentit	20
	2.3 Vektorit	20
	2.4~ Extra: Alkeistietotyypit ja erikoisarvot	25
3	Tietotyypit	31
	3.1 Datakehikko (data.frame)	32
	3.2 Matriisi	33
	3.3 Tietotyyppien tarkastelu	39
	3.4 Extra: Taulukko ja lista	41
4	Datan lukeminen	49
	4.1 Tekstitiedostot	49
	4.2 Datakehikon tarkastelu	52
	4.3 Muut tiedostot	54
5	Datan muokkaaminen	55
	5.1 Uuden muuttujan tai rivin luonti datakehikkoon	55

	5.2	Osajoukkojen valinta	58
	5.3	Faktorit	59
	5.4	Extra: Lääketutkimusesimerkki	30
6	Tun		3
	6.1	Sijaintia kuvaavat tunnusluvut	33
	6.2		37
	6.3	Varianssi ja keskihajonta	36
7	Tod	ennäköisyysjakaumat R:ssä	71
	7.1	Esimerkki: normaalijakauma	72
	7.2	Muita jakaumia	73
8	Kuv	vaajien piirtäminen 7	75
	8.1	Korkean tason piirtofunktiot	75
	8.2	Alemman tason grafiikkatoiminnot	79
	8.3	Kuvaajien piirtäminen käytännössä	36
9	Tila	stollinen testaaminen	39
	9.1	Testaamisen periaatteita	39
	9.2	t-testi	39
	9.3	Khiin neliö -testi	92
	9.4	Varianssianalyysi	93
	9.5	Levenen testi	94
	9.6	Shapiro-Wilk -testi	95
10	Line	eaariset mallit	7
	10.1	Teoria	97
	10.2	Esimerkki	98
	10.3	Tarkempia tietoja mallista	99
	10.4	Ennustaminen)(
	10.5	Korrelaatio)1
11	Fun	ktiot 10)5
	11.1	Funktion käsite)5
	11.2	R-funktiot)6
	11.3	Palautus (return)	10
12		orakenteet 11	
	12.1	Loogiset operaattorit	13
	12.2	Ehtorakenteet	16
	12.3	Alkioiden poimiminen vektorista tietyn ehdon perusteella $$ 12	20
13		storakenteet (loops)	
		For-silmukka	
	13.2	While-slimukat	27
	13.3	Sisäkkäiset silmukat (nested loops)	28

CONTENTS	F
CONTENTS	5
CONTENIO	· ·

13.5	Iterointiin puuttuminen: next ja break Apply-funktiot Vinkkejä tehtäviin
14 Nu	meeriset menetelmät
14.1	Optimointi
14.2	Funktion juurten etsintä
14 3	Numeerinen integrointi

R-kurssi

Täältä löydät suomenkielisen materiaalin, joka tukee JYU:n ja UEF:in yhteisen R-kurssin suorittamista.

Anton Klåvusin vuonna 2020 kirjoittamaa ansiokasta materiaalia on kehitetty lukukauden 2021-22 R-kielen kurssia ajatellen. Materiaalia on täydennetty tarvittavin osin. Samalla materiaali on muunnettu bookdownverkkokirjamuotoon.

Ohjeita verkkokirjan käyttöön

Tämä opiskelumateriaali on luotu bookdown-verkkokirjaohjelman avulla. Kirjaa voi lukea verkkoselaimella ja se toimii myös puhelimella. Sivun ylälaidasta löydät asetuksia, joilla voit tehdä ainakin seuraavia asioita: piilottaa ja näyttää vasemman sivuvalikon, etsiä dokumentista hakusanalla, muuttaa fonttia, muuttaa fontin kokoa ja sivun väritystä sekä ladata monisteen pdf-muodossa.

Lunttilappu

Tämän materiaalin ohessa kannattaa käyttää apuna nk. Cheat Sheetiä eli "lunttilappua". Lunttilapusta on helppo tarkastaa miten jokin jo oppimasi asia tehdään R:ssä, jos et vielä muista kunnolla kyseistä asiaa. Internetistä löytyy Cheat Sheetejä useisiin R-paketteihin ja muihin kokonaisuuksiin, mutta tässä käytetään Base R Cheat Sheetiä. Lataa Base R Cheat Sheet itsellesi painamalla tästä. Suosittelen tulostamaan lunttilapun värillisenä kaksipuoleisena. Mikäli mahdollista niin A3-kokoisena tulosteena teksti näkyy parhaiten.

Verkkolähteitä

Tämä materiaali on tarkoitettu riittäväksi materiaaliksi kurssille. Tässä kuitenkin joitakin verkosta löytyviä lähteitä, joista voi olla apua.

• Tutorialspoint Soveltuu R:n opiskeluun englannin kielellä, jos osaa entuudestaan jo vähän ohjelmoida.

Alkuvalmistelut

RStudio

Nykyisin R-kielen kurssilla käytetään ensisijaisesti RStudiota, mutta muutkin ohjelmointiympäristöt toimivat. RStudio on ohjelmointiympäristö eli IDE (Integrated Development Environment), joka tekee koodaamisesta huomattavasti mukavampaa. RStudio on saatavilla useille käyttöjärjestelmielle ja se on ilmainen ohjelma.

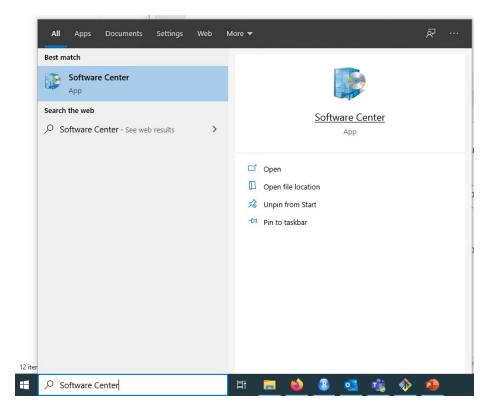
R:n ja RStudion asentaminen omalle tietokoneelle

Mene seuraavalle sivulle, josta asennat ensin R:n (1. vaihe) ja sitten RStudio Desktop omalle käyttöjärjestelmällesi. Ellet tiedä käyttöjärjestelmääsi, on se luultavimmin Windows 10.

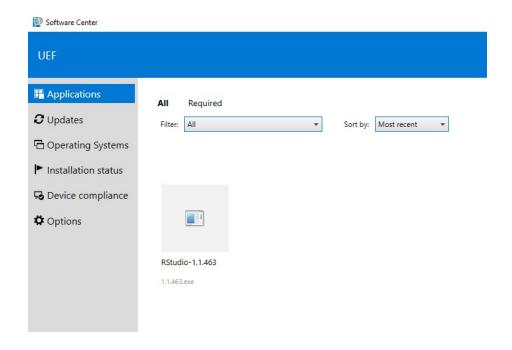
https://www.rstudio.com/products/rstudio/download/#download (avautuu uuteen ikkunaan)

RStudion asennus yliopiston koneelle

Mikäli et halua käyttää omaa tietokonettasi kurssin suoritamiseen, niin RStudion saa asennettua UEF:in koneilla Sofware Centerin kautta. Software Center löytyy Windowsin omalla haulla.

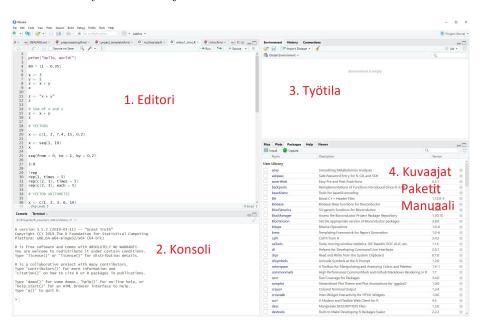


R Studio:
n voi asentaa Software Centeristä, ja R Studion pitäisi sen jälkeen olla käytettävissä.



RStudion käyttö

RStudion näkymässä on neljä osaa:



1. Editori.

Editorilla kirjoitetaan R-koodia sisältäviä tiedostoja, eli R-skriptejä. Uuden skriptin saa auki painamalla File -> New File -> R Script (tai Ctrl + Shift + N). Skripteihin tutustutaan myöhemmin kurssilla, mutta ne ovat yksinkertaisuudessaan kokoelma R-komentoja, jotka yhdessä tekevät jotain, esimerkiksi analysoivat jonkin tutkimusprojektin datan tai piirtävät valmiista tuloksista kuvaajia.

Editoriin kirjoitettua koodia voi ajaa rivi kerrallaan painamalla rivin kohdalla Ctrl + Enter. Useamman rivin voi myös maalata ja suorittaa kerrallaan. Yläreunassa oleva "Source"-nappi ajaa kaiken nykyisen tiedoston koodin.

 $R\text{-skriptej}\ddot{a}$ voi tallentaa ihan kuin muitakin tiedostoja. R-skpriptientiedostopääte on .R

2. Konsoli.

Konsolissa "ajetaan" eli suoritetaan R-komentoja. Jos editoriin kirjoitettua koodia ajetaan, RStudio ajaa komennot automaattisesti konsolissa. Konsolissa pelkkä Enter riittää koodirivin suorittamiseen. Voit kokeilla kirjoittaa konsoliin jonkun laskutoimituksen, kuten 2 * 3 ja painaa Enter, jolloin tuloksen pitäisi tulostua konsoliin. Voit myös kokeilla kirjoittaa laskuja editoriin, ja painaa Ctrl + Enter, jolloin pitäisi tapahtua sama asia.

Suurin ero konsolin ja editorin välillä on se, että konsoliin kirjoitetut komennot eivät tallennu mihinkään tiedostoon. Jos siis haluat säilyttää koodisi, se tulee kirjoittaa editoriin ja tallentaa .R-tiedostoon. Saman istunnon aikana tehtyjä komentoja voi konsolissa selata ylös- ja alas-nuolila.

Moodlen ohjeissa ja videoissa käytetään R:ää puhtaasta R-konsolista. Voit siis kuvitella, että kurssin videoissa näkyy vain RStudion tämä osa, ja muut osat ovat vain helpottamassa työtäsi.

3. Työtila

Työtilassa näkyvät R-istunnon aikana luodut muuttujat. Näistä lisää ensimmäisen viikon materiaalissa.

4. Kuvaajat / Paketit / Manuaali

Tässä osassa on monta käytännöllistä välilehteä:

- Plots: tänne ilmestyvät R:llä piirretyt kuvaajat
- Packages: Täältä voi hallita asennettuja paketteja (alla ohjeet tällä kurssilla tarvittavien pakettien asennukseen)
- Help: Täällä voi selata R:n manuaalia, jossa on ohjeet jokaiselle R-komennolla. Voit kokeilla ajaa editorissa tai konsolissa komennon ?print, joka avaa print-funktion ohjesivun.

Kun tehtävät tallentaa tällä tavalla, voi ensi kerralla vain yksinkertaisesti ajaa skriptin haluamaansa tehtävään asti.

Rcourse-paketin asentaminen

R-paketit

R-ohjelmoinnissa asennetaan usein R-paketteja. Paketit ovat kokonaisuuksia, jotka lisäävät R:ään ominaisuuksia. Esimerkiksi tälle kurssille tarvittava paketti sisältää harjoitustehtäviä kurssin aihepiireistä sekä loppukokeen, jonka perusteella kurssin suoritus arvioidaan.

Asentaminen

Rcourse-paketti asennetaan suorittamalla seuraava koodi R:ssä. Kopioi koodi joko R-skriptiin ja aja se tai kopioi se suoraan Console-ikkunaan ja paina Enternäppäintä.

```
source(url("http://users.jyu.fi/~santikka/Rcourse/install.R"))
```

Tämän jälkeen paketti tulee ottaa käyttöön

```
library(Rcourse)
```

Komento info() tulostaa paketin ohjeet (ensimmäisellä käyttökerralla kieli on englanti). Voit vaihtaa kielen suomeksi näin:

```
select_language("finnish")
```

Jos haluat, että kielivalinta säilyy R-istunnosta toiseen, tulee asettaa seuraava argumentti:

```
select_language("finnish", save_selection = TRUE)
```

Huomaa, että kielen vaihtuessa myös joidenkin pakettiin liittyvien funktioiden nimet vaihtuvat. Tarkastele vielä suomenkielisiä komentoja:

```
ohje()
```

```
Console Terminal × Jobs ×
C:/Users/Santtu/Desktop/R materials/r intro/
Harjoitustehtäviä pääset tekemään kirjoittamalla osio(x), missä 'x' on numero 1 ja 11 väliltä,
esim. osio(1) aloittaa ensimmäisen harjoitustehtäväosion.
Loppukokeen voit aloittaa kirjoittamalla loppukoe(x), missä 'x' on syntymäaikasi muodossa
Seuraavat erikoisfunktiot ovat käytettävissä paketin yhteydessä:
-- ohje() : ----- : näytä nämä ohjeet.
-- osio(x) : ---- : aloita harjoitustehtäväosio numero 'x'.
-- loppukoe(x) : -- :
-- tarkista(x) : -- :
                            aloita loppukoe ('x' on syntymäaikasi).
aseta 'x' tämänhetkisen tehtävän vastaukseksi.
-- ohita() : ----- :
                             ohita tämänhetkinen tehtävä.
-- lopeta() : ---- :
                             lopeta tämänhetkinen osio/loppukoe.
-- ratkaisu() : --- :
                             nävtä malliratkaisu tämänhetkiseen tehtävään.
                             näytä malliratkaisun koodi.
-- koodi() : ----- :
-- mene(x) : ----- :
                             siirry tehtävään numero 'x'.
näytä tämänhetkinen tehtävänanto uudelleen.
-- kysy() : ----- :
                             sijoita annettu vastaus muuttujaan 'x' (vain loppukokeessa).
vaihda paketin kayttämä kieli kieleksi 'x',
-- vastaus(x) :
-- valitse_kieli(x) :
                             tällä hetkellä tuettuina ovat 'english' ja 'finnish'.
>
```

Aloita sitten osion 1 harjoitustehtävien suorittaminen komennolla

```
osio(1)
```

Kun olet suorittanut harjoitusosion 1, voit jatkaa seuraavaan osioon. Osiot 1-8 ovat pakollisia (tentit kysyvät näiden osioiden sisältöjä) ja osiot 9-11 ovat lisämateriaalia kiinnostuneille (ei kysytä tentissä).

Opiskelu ja tenttiminen Rcourse-paketin avulla

Kurssin harjoitustehtävät suoritetaan käyttäen R
course-pakettia, eli 1. osion voi aloittaa komennolla

```
osio(1)
```

Lisäksi tenttiminen onnistuu vastaavasti funktiolla loppukoe(x), mutta tällöin merkin x tilalle on annettava oma syntymäaika muodossa "dd/mm/yyyy". Esim. henkilö joka on syntynyt 1. tammikuuta 1990 antaisi

```
loppukoe("01/01/1990")
```

Tehtävien tallentaminen skripteihin RStudiolla

Suurin osa kurssin tehtävistä on melko lyhyitä, joten ne voi tarvittaessa tehdä suoraan konsoliin. Suosittelen kuitenkin kirjoittamaan varsinkin pidemmät ja monimutkaisemmat tehtävät muistiin editoriin. Suosittelenkin tekemään jokaista osiota varten erillisen R-skriptin, joka sisältää itse tehtävien tarvitseman koodin sekä palautuskomennot. Tällainen skripti näyttää jotakuinkin tältä:

```
# Teht 1
vast <- 1
tarkista(vast)</pre>
```

```
# Teht 2
vast <- c(1, 2, 3)
tarkista(vast)

# Teht 3
vast <- "jotain"
tarkista(vast)</pre>
```

Mikäli käytät nimen vast sijasta jotain muuta nimeä, niin sinun on käytettävä samaa nimä myös tarkista-funktion argumenttina!

Chapter 1

Johdanto

1.1 Mikä R on ja mitä sillä tehdään?

Ohjelmoinnin tavoitteena on kirjoittaa eli koodata ohjelma, joka suorittaa jonkun halutun tehtävän. Ohjelma koostuu useista komennoista, joista jokainen tekee jotain hyvin yksinkertaista.

R on tehty ensisijaisesti tilastotiedettä ja data-analyysiä varten. R:llä kirjoitetaan yleensä lyhyitä ohjelmia, joita kutsutaan skripteiksi. R:llä ei siis ole tarkoitus kehittää esimerkiksi pelejä, tai muita ohjelmia joissa on graafinen käyttöliittymä, kuten vaikkapa Photoshop. R ei myöskään ole web-ohjelmointiin tarkoitettu kieli (vaikka oikeilla paketeilla R:lläkin pystyy tekemään web-sovelluksia).

R on korkean tason ohjelmointikieli. Tämä tarkoittaa sitä, että R:ssä on paljon valmiita komentoja, joiden "alta" löytyy paljon lisää koodia, johon Rohjelmoijan ei kuitenkaan tarvitse itse koskea. Esimerkiksi tilastollinen t-testi vaatii useita matemaattisia välivaiheita, mutta R-ohjelmoija voi suorittaa testin yhdellä komennolla (t.test) joka antaa kaikki tarvittavat tiedot testistä.

R:n käyttöä ja ohjelmointia oppii parhaiten tekemällä. Tässä dokumentaatiossa on tekstin väliin upotettu R-koodia harmaissa laatikoissa, kuten alla olevassa esimerkissä. Kahdella ruudulla eli ##-merkinnällä alkavat rivit eivät ole koodia vaan koodin ajamisen aiheuttamia tulosteita (output). Otetaan ensimmäiseksi esimerkiksi klassinen "Hello, world!"-komento:

print("Hello, world!")

[1] "Hello, world!"

print-funktio tulostaa sille annetun tekstin konsoliin. print on kätevä funktio mm. ohjelman toiminnan testaamiseen ja pidemmän ohjelman etenemisen seurantaan. R:ää voi käyttää myös laskimen sijaan. Alla olevassa esimerkissä

lasketaan kuinka paljon jää hintaa 80 euron hintaiselle tuotteelle 35%alennuksen jälkeen.

[1] 52

Yksittäisten komentojen ajamisesta ei kuitenkaan ole yleensä hyötyä, ellei tuloksia voi tallentaa johonkin. Ohjelmointikielissä tietoja tallennetaan muuttujiin, joita käsitellään seuraavaksi.

Chapter 2

Muuttujat ja vektorit

2.1 Muuttujat

Muuttujat (variables) ovat yksi tärkeimmistä ohjelmointikielien rakenteista. Muuttujien tehtävä on säilyttää tietoa ja tuloksia edellisistä laskutoimituksista. Alla on yksinkertainen esimerkki muuttujien käytöstä R:ssä.

```
x <- 3
y <- 5
z <- x + y
```

[1] 8

Edellisessä esimerkissä **sijoitetaan (assign)** eli tallennetaan muuttujaan x arvo 3 ja muuttujaan y arvo 4. Sen jälkeen muuttujien x ja y summa sijoitetaan muuttujaan z, jonka jälkeen tulostetaan muuttujan z arvo. <- on R:n **sijoitusoperaattori** (myös yhtä kuin-merkki = toimii melkein aina, mutta <- merkin käyttöä suositellaan vahvasti).

Mutta miten muuttujan z arvo tulostui konsoliin, vaikka koodissa ei käytetty funktiota print? R:n erikoisominaisuus moneen muuhun ohjelmointikieleen verrattuna on se, että print-käskyä ei tarvitse aina kirjoittaa, vaan pelkästään muuttujan (tai laskutoimituksen) kirjoittaminen tulostaa arvon konsoliin, kuten alla oleva koodi havainnollistaa:

```
z
print(z)
x + y
print(x + y)
```

```
3 + 5
print(3 + 5)
```

Muuttujiin voi sijoittaa muutakin kuin yksittäisiä lukuja, kuten merkkijonoja (strings), vektoreita, tai paljon monimutkaisempiakin rakenteita.

```
x <- "Hello world"
x</pre>
```

[1] "Hello world"

2.2 Kommentit

Myöhemmin vastaan tulevassa koodissa käytetään kommentteja. Kommentit ovat koodin oheen kirjoitettua tekstiä, joka ei ole ohjelmointikieltä, ja joka ohitetaan koodia ajettaessa. Kommenttien tarkoitus on kuvailla koodin toimintaa. Oman koodin kommentointia on hyvä harjoitella alusta lähtien, vaikka ensimmäisten tehtävien koodi onkin hyvin yksinkertaista. R:ssä kommentit merkataan #-symbolilla. Edellinen esimerkki kommentoituna voisi näyttää jotakuinkin tältä:

```
# Assign arbitrary numbers to two variables
x <- 3
y <- 5
# Sum of two variables
z <- x + y
# Print the results
z</pre>
```

[1] 8

2.3 Vektorit

Nyt kun muuttujat ovat tuttuja, voimme siirtyä käsittelemään vektoreita (vector). R:n vektorit ovat yksinkertaisia järjestettyjä tietorakenteita, jotka koostuvat alkioista (elements), esimerkiksi desimaaliluvuista. Alla oleva esimerkki sijoittaa muuttujaan x vektorin, joka sisältää 5 lukua.

```
x <- c(1, 2, 7.4, 15, 0.2)
x
```

```
## [1] 1.0 2.0 7.4 15.0 0.2
```

Yksinkertaisin tapa tehdä vektori R:ssä on käyttää c-funktiota, joka luo vektorin, jossa on sille annetut arvot annetussa järjestyksessä. Monet R-kielen komennot ja funktiot luovat vektoreita, alla muutama esimerkki:

2.3. VEKTORIT 21

```
# Regular sequences
seq(1, 10)
## [1] 1 2 3 4
                    5
                       6 7 8 9 10
seq(0, 1, by = 0.2)
## [1] 0.0 0.2 0.4 0.6 0.8 1.0
seq_len(6)
## [1] 1 2 3 4 5 6
3:9
## [1] 3 4 5 6 7 8 9
# Repeat values
rep(1, 5)
## [1] 1 1 1 1 1
rep(c(1, 2), 3) # Repeat vector c(1, 2) 3 times
## [1] 1 2 1 2 1 2
rep(c(1, 2, 3), 3) # Repeat all values in vector c(1, 2, 3) 3 times
## [1] 1 2 3 1 2 3 1 2 3
```

2.3.0.1 Vektorilaskentaa

[1] 1.5 2.0 2.5 4.0 6.0

Vektoreilla laskeminen on usein hyvin intuitiivista (lisää vaaranpaikoista myöhemmin). Kun vektoriin kohdistetaan laskutoimintoja, sama operaatio tehdään kaikille vektorin alkioille (engl. vectorization).

```
x <- c(1, 2, 3, 6, 10)

x * 2

## [1] 2 4 6 12 20

x / 2 + 1
```

Entä jos vektoreita lisää toisiinsa, tai kertoo keskenään? Jos vektorit ovat samanpituisia, operaatio toteutetaan alkio kerrallaan. Jos vektorit ovat eripituisia, R yrittää kierrättää (recycle) lyhyempää vektoria niin, että siitä tulee yhtä pitkä kuin pidempi vektori. Tämän jälkeen operaatio suoritetaan alkio kerrallaan (itse asiassa näin tapahtui myös aiemmissa esimerkeissä, kun vektori kerrottiin yksittäisellä luvulla. R:ssä yksittäiset luvut ovat vektoreita, joiden pituus on 1). Jos kierrätys ei onnistu, eli pidemmän vektorin pituus ei ole jaollinen lyhyemmän pituudella, R antaa virheilmoituksen.

```
x \leftarrow c(1, 2, 3, 6, 10, 2)
y \leftarrow c(1, 1, 1, 3, 3, 3) \# or rep(c(1, 3), each = 3)
z \leftarrow c(2, 4)
x + y # Element-wise sum
## [1] 2 3 4 9 13 5
x * y # Element-wise multipliocation
## [1]
        1 2 3 18 30 6
x + z
## [1] 3 6 5 10 12 6
R:ssä on myös paljon funktioita, joilla voi laskea vektoreista erilaisia tunnus-
lukuja, kuten keskiarvon, mediaanin, keskihajonnan jne.
x \leftarrow c(1, 2, 3, 6, 10, 2)
# Sample mean (average)
mean(x)
## [1] 4
```

[1] 3.405877

Standard deviation

Sum sum(x)

sd(x)

[1] 24

2.3.1 Ei-numeeriset vektorit

2.3.1.1 Merkkijonovektorit

Vektorien ei ole pakko sisältää lukuja. Vektorit voivat sisältää esimerkiksi merkkijonoja, kuten alussa nähty "Hello, world!". Merkkijonotyypin nimi R:ssä on character.

Merkkijonovektoreiden muokkausta varten on omia funktiota, tärkeimpinä paste ja paste0, jotka yhdistävät merkkijonoja toisiinsa. Myös numeerisia vektoreita voi antaa näille funktioille, ja ne muutetaan merkkijonoiksi.

2.3. VEKTORIT 23

```
first_names <- c("Diana", "Peter", "Bruce")
last_names <- c("Prince", "Parker", "Wayne")
paste(first_names, last_names)
## [1] "Diana Prince" "Peter Parker" "Bruce Wayne"
students <- paste0("Student_", 1:5)</pre>
```

2.3.1.2 Loogiset vektorit

Kolmas yleinen vektorityyppi on looginen vektori, joka sisältää arvoja TRUE eli tosi tai FALSE eli epätosi. Loogisia vektoreita käytetään yleensä joko merkitsemään binäärisiä muuttuja (esimerkiksi paastosiko koehenkilö ennen näytteenottoa) tai vektorien ja matriisien indeksoinnissa (tästä lisää pian). Tällöin loogisia vektoreita syntyy erilaisten loogisten operaattorien avulla:

```
x <- c(1, 2, 3, 6, 10, 2)
x > 3 # Is the element of x greater than 3?
## [1] FALSE FALSE FALSE TRUE TRUE FALSE
x >= 3 # Greater or equal to three=
## [1] FALSE FALSE TRUE TRUE TRUE FALSE
x == 6 # Equal to 6?
## [1] FALSE FALSE FALSE TRUE FALSE FALSE
x != 2 # Not equal to 2?
## [1] TRUE FALSE TRUE TRUE TRUE FALSE
```

2.3.1.3 Loogiset vektorit ja matematiikka

Jos loogiselle vektorille tekee operaation, joka odottaa numeerista vektoria, R muuttaa automaattisesti arvot TRUE ykkösiksi ja arvot FALSE nolliksi. Tämä on erityisen hyödyllistä käytettäessä funktiota sum. Tällä tavalla saadaan helposti tietää esim. kuinka moni vektorin alkio täyttää tietyn ehdon:

```
x < -c(1, 3, 5, 2, 19)
above_3 < -x > 3

# Logical vector automatically converted to numeric x + 1

## [1] 2 4 6 3 20

# how many elements of x are smaller than 10?

sum(x < 10)
```

[1] 4

2.3.2 Vektorien indeksointi ja osajoukon valinta

Usein vektorista halutaan poimia vain tietyt arvot, esimerkiksi vain ensimmäiset 5 arvoa, tai vain arvot, jotka täyttävät tietyt ehdot. R:ssä vektorin indeksointiin käytetään hakasulkeita []. Yleisin indeksointitapa on antaa hakasulkeiden sisään vektori kokonaislukuja, jotka vastaavat niiden alkioiden järjestyslukuja, jotka vektorista halutaan poimia (HUOM R:ssä indeksointi alkaa ykkösestä, ei nollasta!). Toinen vaihtoehto on käyttää loogista vektoria, jolloin vektorista poimitaan ne alkiot, joiden kohdalla loogisen vektorin arvo on TRUE. Tämä on yksinkertaisempaa kuin miltä se kuulostaa:

```
x \leftarrow c(1, 2, 3, 6, 10, 2)
# Picking exact elements
x[2:3] # Second and third values
## [1] 2 3
x[c(4, 5, 1)] # Note that the order does not have to be increasing
## [1] 6 10 1
# Using logical vector as condition
x[x > 3]
## [1]
       6 10
# The condition can be based on another vector
characters <- c("Yoda", "C-3PO", "Rey", "R2-D2", "Anakin", "Baby Yoda")
heights \leftarrow c(66, 175, 170, 109, 183, 40.5)
# Only characters shorter than 120 cm
characters[heights < 120]
## [1] "Yoda"
                    "R2-D2"
                                "Baby Yoda"
```

2.3.3 Puuttuvat arvot

Monessa tutkimusprojektissa törmätään syystä tai toisesta jossain vaiheessa puuttuviin arvoihin. Hyvä esimerkki ovat seurantatutkimukset, jossa usein seurannan lopussa on jäljellä vähemmän koehenkilöitä kuin alussa.

Puuttuvia arvoja merkitään R:ssä symbolilla NA (not available). Puuttuvat arvot noudattavat yksinkertaista logiikkaa: mikä tahansa operaatio NA:lle antaa tulokseksi NA. Funktiot, jotka operoivat vektoreilla, kuten sum tai mean voidaan erikseen asettaa poistamaan puuttuvat arvot ennen summan, keskiarvon tms. laskemista.

```
missing \leftarrow c(1, 2, NA, 4, NA, 6)
full \leftarrow seq(1, 6)
# Addition with NA returns NA
missing + full
## [1] 2 4 NA 8 NA 12
# Sum of vector with NAs returns NA
sum(missing)
## [1] NA
# Removing NAs before summation
sum(missing, na.rm = TRUE)
## [1] 13
HUOM! Funktio is.na tarkistaa, onko jokin arvo puuttuva. Perinteinen yhtä-
suuruuden testaaminen ei siis toimi.
# Just returns NA
NA == NA
## [1] NA
# Returns a logical value as expected
is.na(NA)
## [1] TRUE
is.na(1)
## [1] FALSE
# is.na operates element-wise on a vector
missing \leftarrow c(1, 2, NA, 4, NA, 6)
is.na(missing)
## [1] FALSE FALSE TRUE FALSE TRUE FALSE
# complete.cases gives the data elements which do not have missing data.
# It can be used with data frames also.
complete.cases(missing)
```

2.4 Extra: Alkeistietotyypit ja erikoisarvot

[1] TRUE TRUE FALSE TRUE FALSE TRUE

Tässä lisätieto-osiossa käsitellään asioita, joita et välttämättä tarvitse kurssista suoriutuaksesi. Mikäli käytät R:ää enemmän, niin vastaan tulee enemmin tai

myöhemmin ongelmia, joissa tarvitsee näitä taitoja. Voit palata näihin myöhemmin koska tahansa, kun haluat syventää ymmärrystäsi R:stä.

R on rakennettu sisäisesti siten, että vektorin kukin elementti on jotain alkeistietotyyppiä. R:ssä on valmiina neljä alkeistietotyyppiä:

- numeerinen (eli reaaliluku)
- kokonaisluku (integer)
- merkkijono (character)
- kompleksiluku (complex)

Näistä tarpeellisimpia ovat numeerinen ja merkkijono. Kompleksilukua tarvitsee vain joissain erityistapauksissa ja kokonaisluvut ovat nykyään lähes aina tallennettu numeerisina.

```
# Integers are usually stored as reals
x <- c(1, 2, 3)
class(x)

## [1] "numeric"

# You can create integers by adding capital L behind the number
x_int <- c(1L, 2L, 3L)
class(x_int)

## [1] "integer"

# Character strings (or just strings)
x_char <- c("I", "have", "a", "cat.")
class(x_char)

## [1] "character"

# Complex numbers
x_comp <- c(0i, 2 + 1i, 1 - 3i)
class(x_comp)</pre>
```

[1] "complex"

Joskus vektorin tiedot ovat väärässä muodossa, esim. merkkijonoina, mutta niitä haluttaisiin käsitellä numeroarvoina. Näihin operaatioihin on omat funktionsa. Tällöin voi kuitenkin tulla ongelmia, jos muutettava vektori ei ole helposti muutettavissa haluttuun muotoon.

```
# Chacter string to numeric
class(as.numeric(x_char))

## Warning: NAs introduced by coercion
## [1] "numeric"
```

```
# If character contains only values it is easy
x_{char2} \leftarrow c("0", "5", "6.5")
as.numeric(x_char2)
## [1] 0.0 5.0 6.5
# Integer to numeric
x_int_to_num <- as.numeric(x_int)</pre>
x_int_to_num
## [1] 1 2 3
class(x_int_to_num)
## [1] "numeric"
# Numeric to integer
x_num_to_int <- as.integer(x)</pre>
x_num_to_int
## [1] 1 2 3
class(x_num_to_int)
## [1] "integer"
Vielä pari lisähuomiota puuttuvista arvoista (näitä ei tarvise usein) koskien
niiden tietotyyppejä. Puuttuvalla arvolla on myös alkeistietotyyppi. Mikäli NA-
arvon tietotyyppi tulee määritellä, niin sen voi tehdä seuraavasti. Jos luodaan
muuttuja tai vektori, jossa on vain yksi arvo, joka on NA, niin se oletusarvoisesti
looginen.
# Specify a numeric NA value
NA_real_
## [1] NA
# Specify a complex number NA value
NA_complex_
## [1] NA
# Specify a integer number NA value
NA_integer_
## [1] NA
# Specify a character NA value
NA_character_
## [1] NA
```

```
# NA gives a logical type when evaluated alone
class(NA)

## [1] "logical"

# NA_real_ is numeric
class(NA_real_)

## [1] "numeric"
```

2.4.1 Ääretön ja miinus ääretön

R:ssä on myös ääretön ja miinus ääretön. Ne on toteutettu samaan tapaan kuin puuttuva arvo, mutta niiden tarkasteluun on omat funktionsa. Ääretön ja miinus ääretön arvot syntyvät esimerkiksi silloin, kun nollasta poikkeavia lukuja jaetaan nollalla.

```
# You can type in infinity or minus infinity if needed
x <- c(1, 2, Inf, 5, -Inf)
# Use is.finite to determine if numbers are finite or not
is.finite(x)

## [1] TRUE TRUE FALSE TRUE FALSE
# Division by zero makes Inf or -Inf (unless 0/0)
x_div_zero <- c(1, 2, -3) / c(3, 0, 0)
x_div_zero

## [1] 0.3333333 Inf -Inf
is.finite(x_div_zero)</pre>
```

[1] TRUE FALSE FALSE

2.4.2 Ei-numero

Mikäli R:ssä sattuu tekemään jonkin matemaattisen toimenpiteen, joka ei ole sallittu, esimerkiksi nollan jaon nollalla tai luvun -1 logaritmin, niin tämä tuottaa R:ssä tietotyypin, joka on NaN (lyhenne sanoista Not a Number). Mikäli NaN-arvoa tutkii funktiolla is.finite tai is.na, niin huomaa että NaN ei ole äärellinen ja NaN tulkitaan NA:ksi.

```
x_div_zero_by_zero <- 0/0
# Tests for NaN
is.nan(x_div_zero_by_zero)</pre>
```

```
## [1] TRUE
```

```
# Tests if it is finite
is.finite(x_div_zero_by_zero)

## [1] FALSE

# Tests if it is NA (missing)
is.na(x_div_zero_by_zero)

## [1] TRUE
```

Chapter 3

Tietotyypit

Tässä osassa tutustutaan neljään uuteen tietorakenteeseen:

- datakehikko (data.frame)
- matriisi (matrix)
- taulukko (array)
- lista (list)

Datakehikko on R:n objekti, jossa voidaan säilyttää aineistoa. Muuttujat ovat kehikon sarakkeita ja muuttujilla tulee aina olla nimi.

Matriisi voi olla joillekin tuttu käsite myös tilastotieteen tai matematiikan kursseilta, ja R:n matriisi vastaakin matemaattista matriisia. Tästä syystä matriisi on hyvin yleinen tietorakenne, johon ei voi olla törmäämättä jos käyttää R:ää tutkimuksessa. Matriisilla tehdään yleensä kuitenkin matemaattisia operaatioita, eikä se ensisijaisesti ole aineiston säilytyspaikka.

Taulukko on juuri sitä miltä se kuulostaa: vektorintapainen tietorakenne, johon tallennetaan alkioita (elements), joilla on kaikilla sama luokka (class), eli esimerkiksi lukuja. Ero vektoriin on se, että taulukolla on useampi ulottuvuus. Matriisi on erikoistapaus taulukosta, sillä matriisi on kaksiulotteinen taulukko. Matriisi vastaa siis oikeastaan paremmin sitä mielikuvaa, joka monelle tulee mieleen suomen kielen sanasta taulukko, ja matriisit ovatkin paljon yleisempiä kuin moniulotteiset taulukot.

Lista on järjestetty kokoelma alkioita, jotka voivat olla eri tyyppisiä objekteja.

Koska datakehikko on kaikista tärkein ja eniten käytetty tietotyyppi, niin aloitetaan siitä.

3.1 Datakehikko (data.frame)

Datakehikko on erittäin yleinen tietorakenne tiedon tallentamiseen R:ssä. Datakehikko on kaksiulotteinen tietorakenne, eli sillä on rivejä ja sarakkeita. Datakehikon sarakkeet muodostuvat vektoreista. Sarakevektorit voivat olla eri luokan vektoreita, mutta datakehikko asettaa lisärajoitteen: vektoreiden on oltava yhtä pitkiä. Yhden rivin sarakkeilla olevien arvojen ajatellaan koskevan yhtä havaintoa.

Luodaan datakehikko, jossa on kaksi muuttujaa, height ja weight, ja sijoitetaan niihin kahdeksan mittauksen tiedot. Huomionarvoista on se, että komennon data.frame sulkujen sisällä on käytettävä yhtäsuuruusmerkkiä (=) eikä sijoitusoperaattoria (<-). Tämä johtuu siitä, että teknisesti ottaen komento data.frame on funktio (funktioista lisää myöhemmin).

3 3 173.8 male ## 4 175.9 4 male ## 5 5 169.0 female ## 6 6 183.7 male ## 7 7 181.8 male ## 8 8 16.9 female

4

5

6

4

5

6

Huomaa, että jos sarakkeita ei itse nimeä, niin data.frame nimeää ne automaattisesti, mutta näin luodut nimet eivät välttämättä ole ollenkaan kuvaavia.

175.9

169.0

183.7

```
## 7 7
## 8 8
## c..male...female...male...female...male...male...
181.8
16.9
```

3.2. MATRIISI 33

```
## 1
                                                                       male
## 2
                                                                     female
## 3
                                                                       male
## 4
                                                                       male
## 5
                                                                     female
## 6
                                                                       male
## 7
                                                                       male
## 8
                                                                    female
```

3.2 Matriisi

3.2.1 Matriisin luominen

Matriisin luominen on yksinkertaista ja se tapahtuu funktiolla matrix.

```
matrix(1:9, nrow = 3, ncol = 3)
         [,1] [,2] [,3]
##
##
   [1,]
            1
                 4
                       7
                 5
                       8
## [2,]
            2
## [3,]
            3
                 6
                       9
```

Funktiolle annetaan siis matriisiin tallennettavat luvut vektorina, sekä matriisin rivien ja sarakkeiden määrä (argumentit ncol ja nrow). Matriisi voi koostua myös kokonaan tietystä arvosta:

```
matrix(0, nrow = 2, ncol = 5)

## [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]

## [1,] 0 0 0 0 0

## [2,] 0 0 0 0 0
```

Jos matriisin tallennettavat luvut annetaan vektorina, niin tällöin riittää antaa vain joko rivien tai sarakkein lukumäärä, ja R osaa päätellä puuttuvan dimension annetun vektorin perusteella.

Useimmiten matriisien data luetaan R:ään jostain tiedostosta, joka on tuotettu Excelillä tai jollain muulla ohjelmalla (tutkimustulosten kirjaus suoraan R:ään on raskasta). Matriisien luonti käsin on kuitenkin hyvä osata, sillä pienillä matriiseilla on kätevää testata omaa koodia. Myös yllä olevan kaltaisia, esim. nollalla täytettyjä matriiseja on joskus kätevää käyttää "alustana", kun lasketaan omasta datasta tuloksia rivi tai sarake kerrallaan. Tämä johtuu siitä, että

olemassa olevan matriisin rivin arvojen muuttaminen on nopeampi operaatio kuin rivin lisääminen matriisiin.

3.2.2 Matriisin koko

Joskus voi törmätä matriiseihin, joiden kokoa ei tiedetä, tai ei haluta olettaa. Tällöin tarvitaan funktioita, jotka kertovat matriisin koosta. Esimerkiksi, kun luetaan dataa R:ään tiedostoista, on hyvä tarkistaa, että kaikki rivit ja sarakkeet ovat mukana. Funktiot nrow ja ncol palauttavat rivien ja sarakkeiden määrän, dim palauttaa matriisin rivien ja sarakkeiden määrän vektorina, jossa rivien määrä on ensimmäinen alkio.

```
X <- matrix(1:12, ncol = 4)
# Number of rows
nrow(X)

## [1] 3
# Number of columns
ncol(X)

## [1] 4
# Dimensions
dim(X)

## [1] 3 4</pre>
```

3.2.3 Matriisin indeksointi

[1] 8

Matriisin indeksointi on hyvin samantapainen operaatio kuin vektorin indeksointi, eli matriisin perään laitetaan hakasulkeet ja niihin määritellään halutut indeksit. Matriisin indeksoinnissa pitää kuitenkin antaa erikseen indeksit riveille ja sarakkeille, pilkulla erotettuna. Jos hakasulkeisiin antaa vain yhden luvun ilman pilkkua, niin R käsittelee matriisia vektorina, jolloin indeksointi tapahtuu kuten vektoreiden tapauksessa.

```
# Only nrow is enough, since the number of columns must be 3
X \leftarrow matrix(1:9, nrow = 3)
         [,1] [,2] [,3]
##
## [1,]
            1
                  4
## [2,]
            2
                  5
                       8
## [3,]
            3
                  6
                       9
# Element on second row, third column
X[2, 3]
```

3.2. MATRIISI 35

```
# The complete first row
X[1,]
## [1] 1 4 7
# The second and third values of the second column
X[2:3, 3]
## [1] 8 9
# Get rows where the values of the first column are > 1
X[X[, 1] > 1,]
##
        [,1] [,2] [,3]
## [1,]
            2
                 5
                       8
## [2,]
HUOM: jos matriisia indeksoidessa tuloksessa sarakkeiden tai rivien määrä on
tasan yksi, kuten yllä olevissa esimerkeissä viimeistä lukuun ottamatta, tulok-
sena on vektori, ei matriisi. Jos haluaa tuloksen olevan matriisi, tulee haka-
```

sulkeisiin lisätä argumentti drop = FALSE

```
# The complete first row
X[1, drop = FALSE]
##
        [,1] [,2] [,3]
## [1,]
           1
                 4
# The second and third values of the second column
X[2:3, 3, drop = FALSE]
##
        [,1]
## [1,]
           8
## [2,]
Matriiseja voi myös muokata sijoittamalla haluttuihin paikkoihin uusia arvoja:
# Copy of X
X new <- X
# Replace first row with new values
X_{new}[1, ] \leftarrow c(10, 13, 15)
X_new
        [,1] [,2] [,3]
## [1,]
                     15
           10
                13
## [2,]
            2
                 5
                       8
```

Replacement can also be a single value, and will be recycled

9

6

[3,]

X_new

3

 $X_{new}[2:3, 1] \leftarrow 0$

```
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 10 13 15
## [2,] 0 5 8
## [3,] 0 6 9
```

Rivejä tai sarakkeita voi myös poistaa. Tämä tapahtuu antamalla indeksi miinusmerkkisenä:

```
# Without first row
X[-1,]
##
         [,1] [,2] [,3]
## [1,]
## [2,]
            3
                  6
                       9
# Without second column
X[, -2]
##
         [,1] [,2]
## [1,]
            1
                 7
## [2,]
            2
                  8
                  9
## [3,]
            3
```

Huomaa kuitenkin, että positiivisia ja negatiivisia indeksejä ei voi käyttää samanaikaisesti tietyssä dimensiossa:

```
# Trying to mix positive and negative indices
X[c(-1, 1),]
```

Error in X[c(-1, 1),]: only 0's may be mixed with negative subscripts

3.2.3.1 Indeksimatriisi (index matrix)

Jos halutaan poimia useampi yksittäinen arvo matriisista, tulee käyttää indeksimatriisia (index matrix).

Esimerkiksi, jos haluttaisiin poimia äskeisestä X-matriisista arvot indekseissä [1, 2], [1, 3] ja [2, 2], niin seuraava koodi ei toimi:

```
X[c(1, 1, 2), c(2, 3, 2)]

## [,1] [,2] [,3]

## [1,] 4 7 4

## [2,] 4 7 4

## [3,] 5 8 5
```

vaan tulee käyttää indeksimatriisia, jonka jokainen rivi antaa yhden halutun alkion rivi- ja sarakeindeksin tässä järjestyksessä. Indeksimatriiseja tehdessä kannattaa asettaa argumentti byrow = TRUE, jolloin alkiot laitetaan matriisiin rivi kerrallaan, ei sarake kerrallaan kuten oletusarvoisesti tehtäisiin.

3.2. MATRIISI 37

3.2.4 Matriisien rakentaminen vektoreista

Matriisi koostuu usein useammasta muuttujasta ja havainnoista. Yleensä jokainen rivi vastaa yhtä havaintoa, ja sarake muuttujaa. Tämän takia on hyvä tietää, miten yksittäisistä vektoreista saa koottua matriiseja. Alla olevassa esimerkissä on koottu yhteen matriisiin Star Wars -hahmojen pituuksia ja painoja. Tämä tapahtuu cbind funktiolla (column bind), joka nimensä mukaisesti yhdistää vektorit matriisin sarakkeiksi. cbind voi yhdistää myös valmiita matriiseja yhteen, niin että matriisit ovat "vierekkäin" eli yhdistetyssä matriisissa on kummankin matriisin sarakkeet (rivien määrän tulee olla sama). Vastaavasti rbind (row bind) yhdistää matriiseja "allekkain" (sarakkeiden määrän tulee olla sama).

```
heights <- c(172, 167, 96, 202, 150, 178)
masses <- c(77, 75, 32, 136, 49, 120)
starwars <- cbind(heights, masses)
starwars
```

```
##
         heights masses
## [1,]
             172
                      77
## [2,]
                      75
             167
## [3,]
              96
                      32
             202
                     136
## [4,]
## [5,]
             150
                      49
## [6,]
             178
                     120
```

3.2.5 Rivien ja sarakkeiden nimeäminen

Matriisien rivit ja sarakkeet voi nimetä, ja usein tässä onkin järkeä. Yllä olevassa esimerkissä starwars-matriisin sarakkeet on nimetty alkuperäisten vektorien mukaan. Alla olevassa esimerkissä on lisää tapoja nimetä rivejä ja sarakkeita

```
# Set column names by naming arguments while building matrix from vectors
cbind(Height = heights, Mass = masses)
```

##

```
172
                  77
## [1,]
## [2,]
            167
                  75
## [3,]
             96
                  32
## [4,]
            202
                 136
## [5,]
            150
                  49
## [6,]
            178
                 120
# Set column and row names explicitly
colnames(starwars) <- c("Height", "Mass")</pre>
rownames(starwars) <- c("Luke Skywalker", "C-3PO", "R2-D2", "Darth Vader", "Leia Organ
starwars
##
                   Height Mass
## Luke Skywalker
                       172
                             77
## C-3PO
                       167
                             75
## R2-D2
                       96
                             32
                       202
                            136
## Darth Vader
                             49
## Leia Organa
                       150
```

Nimettyjä matriiseja voi indeksoida myös nimien perusteella:

178

120

```
starwars[c("Luke Skywalker", "R2-D2"), ]
```

```
## Height Mass
## Luke Skywalker 172 77
## R2-D2 96 32
```

Owen Lars

Height Mass

Matriisiin voi myös lisätä uusia sarakkeita cbind funktiolla. Alla lisätään matriisiin starwars uusi sarake, jossa on hahmojen BMI:

```
# Create a vector for BMI and add to matrix with cbind
bmi <- starwars[, "Mass"] / (starwars[, "Height"] / 100)^2
cbind(starwars, "BMI" = bmi)</pre>
```

```
##
                   Height Mass
                                     BMI
## Luke Skywalker
                      172
                             77 26.02758
## C-3PO
                      167
                             75 26.89232
## R2-D2
                             32 34.72222
                       96
## Darth Vader
                      202
                           136 33.33007
## Leia Organa
                      150
                             49 21.77778
## Owen Lars
                           120 37.87401
                      178
```

3.2.6 Matriiseilla laskeminen

Matriiseilla laskeminen on hyvin samankaltaista kuin vektoreilla laskeminen. Matriisin ja yksittäisen luvun välisessä operaatiossa matriisin alkiot käsitellään yksitellen. Samoin samankokoiset matriisit voi esim. lisätä yhteen, jolloin lisäys

tapahtuu alkio kerrallaan.

```
X \leftarrow matrix(1:9, nrow = 3)
Y \leftarrow matrix(3:11, nrow = 3, ncol = 3)
# Element-wise multiplication
X * 2
##
         [,1] [,2] [,3]
## [1,]
                       14
                  8
## [2,]
                 10
                       16
## [3,]
            6
                 12
                       18
# Element-wise sum
X + Y
##
         [,1] [,2] [,3]
   [1,]
                 10
## [2,]
            6
                 12
                       18
## [3,]
            8
                 14
                       20
```

Matriiseille on lisäksi määritelty paljon matriisien omia laskutoimituksia, niistä voi lukea lisää oppikirjasta. Matriisilaskentaa opiskelleille huomio: R:ssä oletuksena kertolasku tehdään alkioittain, matriisitulo tapahtuu operaattorilla %*% ja matriisin transpoosin voi määrittää funktiolla t.

3.3 Tietotyyppien tarkastelu

Kaikkia objekteja voi tulostaa Console-ikkunassa kutsumalla objektin nimen. Joskus tarvitaan kuitenkin apufunktioita.

3.3.1 View()

Mikäli käytät RStudiota, niin tarkempaa tarkastelua varten kannattaa kuitenkin käyttää View-funktiota. View avaa ikkunan, jossa voi selata data framen tai matriisin rivejä ja sarakkeita, sekä järjestää arvoja halutun sarakkeen mukaan (tämä järjestys säilyy vain View-näkymässä, itse muuttujan rakenne ei muutu). Mikäli aineistossasi on satoja tuhansia tai miljoonia rivejä, niin View saattaa olla liian hidas.

3.3.2 str()

Perineinen tapa tarkastella objekteja R:ssä on funktio str, joka toimii kaikissa R-ympäristöissä. str tulostaa tiivistetyssä muodossa kaiken, mitä sille annettu objekti sisältää. Esimerkiksi datakehikon tapauksessa sen avulla saadaan sekä muuttujien nimet, niitä vastaavien vektoreiden tyypit että ruudulle mahtuvan osan vektoreiden alkioista.

```
# Examine the structure of data frame str(study_data)
```

```
## 'data.frame': 8 obs. of 3 variables:
## $ ID : int 1 2 3 4 5 6 7 8
## $ height: num 190 184 174 176 169 ...
## $ gender: chr "male" "female" "male" "male" ...
```

3.3.3 head()

Jos aineistossa on todella paljon rivejä, on sen tulostaminen Console-ikkunaan ikävää. Ladataan esimerkiksi iris-data, jossa on 150 havaintoa. Tulostettaessa rivejä on niin monta, että muuttujien nimet eivät näy, mikä on epämiellyttävää. Parempi tapa saada käsitys aineistosta on kutsua sitä head-funktion avulla.

```
# Load data for this example
data(iris)

# Try to print iris-data directly
iris
```

Console	Terminal ×	R Markdown ×	Jobs ×							
R 4.1.0 · ~/Research/Projektit/r_intro_jukop/ ∅										
138	6.4	3.1	5.5	1.8	virginica					
139	6.0	3.0	4.8	1.8	virginica					
140	6.9	3.1	5.4	2.1	virginica					
141	6.7	3.1	5.6	2.4	virginica					
142	6.9	3.1	5.1	2.3	virginica					
143	5.8	2.7	5.1	1.9	virginica					
144	6.8	3.2	5.9	2.3	virginica					
145	6.7	3.3	5.7	2.5	virginica					
146	6.7	3.0	5.2	2.3	virginica					
147	6.3	2.5	5.0	1.9	virginica					
148	6.5	3.0	5.2	2.0	virginica					
149	6.2	3.4	5.4	2.3	virginica					
150	5.9	3.0	5.1	1.8	virginica					
>					_					

```
# Print 6 first rows of iris data
head(iris)
```

Console	Terminal ×	R Markdown	× Jobs ×						
R 4.1.0 · ~/Research/Projektit/r_intro_jukop/ ⇒ 146 6.7 3.0 5.2 2.3 virginica									
	6.3			2.3 virginica					
147 148	6.5	2.5 3.0	5.0 5.2	1.9 virginica					
149	6.2	3.4	5.4	 virginica virginica 					
150	5.9			-					
150 5.9 3.0 5.1 1.8 virgin > head(iris)									
> head(iris) Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width Species									
1	_	3.5	1.4	0.2 setosa					
2	4.9	3.0	1.4	0.2 setosa					
3		3.2	1.3	0.2 setosa					
4		3.1	1.5	0.2 setosa					
5		3.6	1.4	0.2 setosa					
6		3.9	1.7	0.4 setosa					
>									
# You can a head(iris,2	•	he number of	rows to pr	cint					
	•	R Markdov							
Console)	R Markdov	wn × Jobs	ı ×					
Console R 4.1	Terminal × 1.0 · ~/Resear 5.9	R Markdov	wn × Jobs	• ×					
Console R 4.1 150 head(iris,2	Terminal × 1.0 · ~/Resear 5.9	R Markdov ch/Projektit/r_i 3.0	wn × Jobs ntro_jukop/ ø 5.1	i× ⇒ 1.8 virginic					
Console R 4.1 150 head(ir Sepal.L	Terminal × 1.0 · ~/Resear 5.9 ris) ength Sepal.	R Markdov ch/Projektit/r_i 3.0 Width Petal.	wn × Jobs ntro_jukop/ ø 5.1 Length Peta	• × 1.8 virginic al.Width Species					
Console R 4.1 150 > head(ir Sepal.L	Terminal × 1.0 · ~/Resear 5.9 is) ength Sepal.	R Markdov ch/Projektit/r_i 3.0 Width Petal. 3.5	wn × Jobs ntro_jukop/ 5.1 Length Peta 1.4	1.8 virginic al.Width Species 0.2 setosa					
Console R 4.1 150 > head(ir Sepal.L 1	Terminal × 1.0 · ~/Resear 5.9 is) ength Sepal. 5.1 4.9	R Markdov ch/Projektit/r_i 3.0 Width Petal. 3.5 3.0	vn × Jobs ntro_jukop/ 5.1 Length Peta 1.4 1.4	1.8 virginic al.Width Species 0.2 setosa 0.2 setosa					
Console R 4.1 150 head(ir Sepal.L 1 2 3	Terminal × 1.0 · ~/Resear 5.9 (is) ength Sepal. 5.1 4.9 4.7	R Markdov ch/Projektit/r_i 3.0 Width Petal. 3.5 3.0 3.2	vn × Jobs ntro_jukop/ 5.1 Length Peta 1.4 1.4 1.3	1.8 virginic al.Width Species 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa					
Console R 4.1 150 > head(ir Sepal.L 1 2 3 4	Terminal × 1.0 · ~/Resear 5.9 is) ength Sepal. 5.1 4.9 4.7 4.6	R Markdov ch/Projektit/r_i 3.0 Width Petal. 3.5 3.0 3.2 3.1	ntro_jukop/ 5.1 Length Peta 1.4 1.4 1.3 1.5	1.8 virginic al.Width Species 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa					
Console R 4.1 150 > head(ir Sepal.L 1 2 3 4 5	Terminal × 1.0 · ~/Resear 5.9 ris) ength Sepal. 5.1 4.9 4.7 4.6 5.0	R Markdov ch/Projektit/r_i 3.0 Width Petal. 3.5 3.0 3.2 3.1 3.6	vn × Jobs ntro_jukop/ 5.1 Length Peta 1.4 1.4 1.3 1.5 1.4	1.8 virginic al.Width Species 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa					
Console R 4.1 150 > head(ir Sepal.L 1 2 3 4 5 6	Terminal × 1.0 · ~/Resear 5.9 is) ength Sepal. 5.1 4.9 4.7 4.6 5.0 5.4	R Markdov ch/Projektit/r_i 3.0 Width Petal. 3.5 3.0 3.2 3.1	ntro_jukop/ 5.1 Length Peta 1.4 1.4 1.3 1.5	1.8 virginic al.Width Species 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa					
Console R 4.1 150 > head(ir Sepal.L 1 2 3 4 5 6 > head(ir	Terminal × 1.0 · ~/Resear 5.9 is) ength Sepal. 5.1 4.9 4.7 4.6 5.0 5.4 is,2)	R Markdov ch/Projektit/r_i 3.0 Width Petal. 3.5 3.0 3.2 3.1 3.6 3.9	vn × Jobs ntro_jukop/ 5.1 Length Peta 1.4 1.4 1.3 1.5 1.4 1.7	1.8 virginic al.Width Species 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa 0.4 setosa					
Console R 4.1 150 > head(ir Sepal.L 1 2 3 4 5 6 > head(ir Sepal.L	Terminal × 1.0 · ~/Resear 5.9 is) ength Sepal. 5.1 4.9 4.7 4.6 5.0 5.4 is,2) ength Sepal.	R Markdov ch/Projektit/r_i 3.0 Width Petal. 3.5 3.0 3.2 3.1 3.6 3.9	vn × Jobs ntro_jukop/ 5.1 Length Peta 1.4 1.3 1.5 1.4 1.7 Length Peta	1.8 virginic al.Width Species 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa 0.4 setosa al.Width Species					
Console R 4.1 150 > head(ir Sepal.L 1 2 3 4 5 6 > head(ir Sepal.L 1	Terminal × 1.0 · ~/Resear 5.9 ris) Length Sepal. 5.1 4.9 4.7 4.6 5.0 5.4 ris,2) Length Sepal. 5.1	R Markdov ch/Projektit/r_i 3.0 Width Petal. 3.5 3.0 3.2 3.1 3.6 3.9 Width Petal. 3.5	vn × Jobs ntro_jukop/ 5.1 Length Peta 1.4 1.3 1.5 1.4 1.7 Length Peta 1.4	1.8 virginic al.Width Species 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa 0.4 setosa al.Width Species 0.2 setosa					
Console R 4.1 150 > head(ir Sepal.L 1 2 3 4 5 6 > head(ir Sepal.L	Terminal × 1.0 · ~/Resear 5.9 is) ength Sepal. 5.1 4.9 4.7 4.6 5.0 5.4 is,2) ength Sepal.	R Markdov ch/Projektit/r_i 3.0 Width Petal. 3.5 3.0 3.2 3.1 3.6 3.9	vn × Jobs ntro_jukop/ 5.1 Length Peta 1.4 1.3 1.5 1.4 1.7 Length Peta	1.8 virginic al.Width Species 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa 0.2 setosa 0.4 setosa al.Width Species					

3.4 Extra: Taulukko ja lista

Taulukoita ja listoja ei perus data-analyysiä toteutettaessa yleensä tarvita. Lue kuitenkin seuraava, jotta saat yleiskäsityksen mihin niitä tarvitaan. Voit myös

palata perehtymään taulukoihin ja listoihin myöhemmin koska tahansa.

3.4.1 Taulukko

Kuten alussa todettiin, taulukot (array) ovat hyvin harvinaisia, joten niihin ei kannata tällä kurssilla keskittyä. Niitä kuitenkin tarvitaan joidenkin tehtävien tekemiseen, joten tässä on hyvin lyhyt oppimäärä taulukoista.

Taulukot ovat matriisien kaltaisia, mutta taulukossa voi olla yli kaksi ulottuvuutta. Oikeastaan matriisit ovat kaksiulotteisia taulukoita. Alla on esimerkki 3-ulotteisesta taulukosta, jota voi ajatella "peräkkäin" olevina matriiseina. Alla on kuva 1-ulotteisesta taulukosta eli vektorista, 2-ulotteisesta taulukosta eli matriisista ja 3-ulotteisesta taulukosta.

		2	1	1	1	
3	,	3	1	4	1	
5		5	9	2	6	2 1 8 8 8
5		5	3	5	8	2 8 4 5 9 0 1 5
9		9	7	9	3	2 35 36 02 8
2		2	3	8	4	7 7 3 5 6
6		6	2	6	4	
Vektori	i		Mat	triisi		3-ulotteinen taulukko

Taulukkoja luodaan matriisien tapaan funktiolla array. Toisin kuin matriisien tapauksessa, array-funktiolle pitää luetella sen kaikki ulottuvuudet vektorina. Alla oleva esimerkki luo 3-ulotteisen taulukon, jonka voi ajatella koostuvan kolmesta 4×2 matriisista.

```
my_array \leftarrow array(1:24, dim = c(4, 2, 3))
my_array
## , , 1
##
##
         [,1] [,2]
## [1,]
            1
                  5
## [2,]
            2
                  6
                  7
## [3,]
            3
## [4,]
                  8
##
## , , 2
```

```
##
##
        [,1] [,2]
## [1,]
           9
               13
## [2,]
          10
               14
## [3,]
          11
               15
## [4,]
          12
               16
##
## , , 3
##
##
        [,1] [,2]
## [1,]
          17
## [2,]
          18
               22
## [3,]
          19
               23
## [4,]
          20
               24
```

Taulukoita indeksoidaan aivan kuten matriiseja, mutta jokaiselle ulottuvuudelle on annettava oma indeksi:

```
# The first 2 rows of each "layer"
my_array[1:2, , ]
## , , 1
##
##
      [,1] [,2]
## [1,]
       1 5
## [2,]
          2
               6
##
## , , 2
##
    [,1] [,2]
##
## [1,]
        9 13
## [2,]
         10
             14
##
## , , 3
##
##
      [,1] [,2]
## [1,]
              21
       17
## [2,]
        18
             22
# Second column from last two layers
my_array[, 2, 2:3]
       [,1] [,2]
##
## [1,]
         13
              21
## [2,]
         14
              22
## [3,]
        15
              23
## [4,]
        16
              24
```

3.4.2 Lista

Listat ovat tärkeitä erityisesti silloin, kun aletaan toteuttamaan uusia toimintoja R-kieleen omien funktioiden avulla. Niin kauan kun valmiit R-funktiot riittävät, ei listoilla ole juuri käyttöä.

Lista (list) on vektorinkaltainen tietorakenne, jossa on järjestyksessä alkioita, jotka on mahdollisesti nimetty. Tärkeä ero vektoriin verrattuna on, että listan alkiot voivat olla erityyppisiä. Listoja luodaan list-funktiolla:

```
example_list \leftarrow list(c(1, 2, 3),
                      matrix(0, nrow = 3, ncol = 4),
                      "list can include anything")
example_list
## [[1]]
## [1] 1 2 3
##
## [[2]]
##
        [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
           0
                 0
                      0
## [2,]
           0
                 0
                      0
                            0
## [3,]
                 0
                            0
##
## [[3]]
## [1] "list can include anything"
subject_ids <- c("ANKL", "PEPA", "DIPR")</pre>
measurements <- matrix(c(1, 2.5, 3,
                           3.5, 5, 3,
                           2.3, 3, 1.6),
                        nrow = 3)
colnames(measurements) <- c("CRP", "HDL", "LDL")</pre>
rownames(measurements) <- subject_ids</pre>
# List names can be given with or without quotes
study <- list(Subject_ID = subject_ids,</pre>
               "Measurements" = measurements,
               Study_name = "Blood tests")
study
## $Subject_ID
## [1] "ANKL" "PEPA" "DIPR"
##
## $Measurements
##
        CRP HDL LDL
## ANKL 1.0 3.5 2.3
## PEPA 2.5 5.0 3.0
## DIPR 3.0 3.0 1.6
```

```
##
## $Study_name
## [1] "Blood tests"
```

Listoja ja niiden kaltaisia olioita käytetään R:ssä paljon. Listoihin on kätevä tallentaa erityyppistä tietoa, joka kuitenkin halutaan säilyttää yhtenä kokonaisuutena. Esimerkiksi yksinkertaisetkin tilastolliset mallit tuottavat paljon erilaista tietoa, joka tallennetaan listaan (tarkemmin listan kaltaiseen olioon, tästä lisää myöhemmin).

3.4.2.1 Listojen alkioiden käsittely

Listan alkioihin pääsee käsiksi kahdella eri tavalla: kaksoishakasulkeilla [[]] tai, jos lista on nimetty, dollarimerkillä \$:

```
# By position
study[[2]]

## CRP HDL LDL

## ANKL 1.0 3.5 2.3

## PEPA 2.5 5.0 3.0

## DIPR 3.0 3.0 1.6

# By name
study[["Subject_ID"]]

## [1] "ANKL" "PEPA" "DIPR"

# Using dollar sign
study$Study_name
```

[1] "Blood tests"

Listaa voi indeksoida myös yksinkertaisilla hakasulkeilla. Tällöin palautetaan aina lista, eikä yksittäistä alkiota kuten aiemmin. Palautetaan ensiksi mieleen funktio class, joka palauttaa argumenttinsa luokan (class). Vektorin luokka vaihtelee vektorin sisällön mukaan: numeric = lukuja, character = merkkijonoja, logical = loogisia arvoja, jne. Listojen luokka on luonnollisesti list. R:ssä kaikki muuttujiin tallennettavat tiedot ovat olioita (object). R-olioilla on aina luokka, joka määrittää sen ominaisuudet. Esimerkiksi print ja plot-komennot toimivat eri tavalla riippuen niiden argumentin luokasta.

Tarkastellaan alla, mikä ero yksinkertaisilla ja kaksinkertaisilla hakasulkeilla on listan indeksoinnissa:

```
\# Returns a list of length one with the matrix as the only element study [2]
```

```
## $Measurements
## CRP HDL LDL
## ANKL 1.0 3.5 2.3
```

```
## PEPA 2.5 5.0 3.0
## DIPR 3.0 3.0 1.6
class(study[2])
## [1] "list"
# Returns the actual matrix
study[[2]]
##
        CRP HDL LDL
## ANKL 1.0 3.5 2.3
## PEPA 2.5 5.0 3.0
## DIPR 3.0 3.0 1.6
class(study[[2]])
## [1] "matrix" "array"
# Dollar sign also returns the matrix
class(study$Measurements)
## [1] "matrix" "array"
# Single brackets works as subscripting just like with vectors
study[2:3]
## $Measurements
##
        CRP HDL LDL
## ANKL 1.0 3.5 2.3
## PEPA 2.5 5.0 3.0
## DIPR 3.0 3.0 1.6
##
## $Study_name
## [1] "Blood tests"
```

3.4.2.2 Alkion lisäys listaan ja listojen yhdistäminen

Yksittäisen alkion voi lisätä listaan sijoittamalla listan johonkin indeksiin tai nimeen uusi arvo (indeksin pitää olla yhtä suurempi kuin listan pituus). HUOM! Listan alkio voi myös itse olla lista (sisäkkäinen lista = nested list).

```
age = 45)
study
## $Subject_ID
## [1] "ANKL" "PEPA" "DIPR"
##
## $Measurements
##
        CRP HDL LDL
## ANKL 1.0 3.5 2.3
## PEPA 2.5 5.0 3.0
## DIPR 3.0 3.0 1.6
##
## $Study_name
## [1] "Blood tests"
##
## [[4]]
##
        [,1] [,2]
## [1,] "CPR" "C-reactive protein"
## [2,] "HDL" "High-density lipoprotein"
## [3,] "LDL" "Low-density lipoprotein"
##
## $professional
## $professional$name
## [1] "John H. Watson"
## $professional$position
## [1] "Medical doctor"
## $professional$age
## [1] 45
# Note that the fourth element has no name
names(study)
                     "Measurements" "Study_name"
## [1] "Subject_ID"
                                                                       "professional"
Listoja voi yhdistää vektorien tapaan c-funktiolla:
# Concatenate two vectors
vector1 \leftarrow c(3, 6, 5)
vector2 \leftarrow c(1, 2, 3)
c(vector1, vector2)
## [1] 3 6 5 1 2 3
list1 <- list(vector = vector1,</pre>
              name = "list1")
list2 <- study[1:2]
```

```
# Concatenate three lists, names stay the same
c(list1, list2, list(first_element = "A", second = "B"))
## $vector
## [1] 3 6 5
##
## $name
## [1] "list1"
##
## $Subject_ID
## [1] "ANKL" "PEPA" "DIPR"
## $Measurements
## CRP HDL LDL
## ANKL 1.0 3.5 2.3
## PEPA 2.5 5.0 3.0
## DIPR 3.0 3.0 1.6
## $first_element
## [1] "A"
##
## $second
## [1] "B"
```

Chapter 4

Datan lukeminen

Tässä osiossa tutustutaan datan sisään lukemiseen ja sisäänluetun datan tarkistamiseen. Tähän mennessä kaikki kurssilla käsitelty data on luotu R:ssä. Useimmiten R:llä käsiteltävä data on kuitenkin tallennettu tiedostoon, joka on luotu jollain ohjelmalla tai kirjattu esim. Excelissä.

Tässä esitellyt funktiot lukevat erilaisia tiedostoja, mutta kaikki palauttavat datakehikon. Datakehikko sopii aineiston käsittelyyn hyvin, sillä siihen voi tallentaa niin numeerisia kuin tekstimuotoisia muuttujia. Voit tarvittessa kerrata datakehikon toimintaa datakehikko-kappaleesta.

Lopussa käydään myös läpi tapoja lukea taulukkolaskenta- (Excel), SPSS- ja SAS-tiedostoja. Näitä tiedostoja ei käsitellä kurssin tehtävissä, mutta on hyvä tietää, että niitä voi lukea R:ään suoraan muuttamatta niitä ensin johonkin toiseen muotoon.

4.1 Tekstitiedostot

Tekstitiedosto tarkoittaa tässä tapauksessa tiedostoa, joka ei sisällä tekstin lisäksi mitään muuta, kuten erilaisia muotoilutietoja. Tekstitiedostojen yleisimmät tiedostopäätteet ovat .txt ja .csv (comma separated value). Esim. Excelin .xlsx-tiedostot tai Wordin .docx-tiedostot eivät ole tekstitiedostoja, koska niissä on paljon muutakin tietoa tekstin lisäksi.

4.1.1 read.table

Kun dataa tallennetaan tekstitiedostoon, tiedoston ensimmäisellä rivillä ovat usein sarakkeiden nimet, ja seuraavilla riveillä mahdollisesti rivin nimi, ja sitten sarakkeiden arvot. Jokaisen kentän tulee olla erotettu samalla merkillä (field separator character). Yleisiä erotinmerkkejä ovat sarkain eli tab, välilyönti ja pilkku. Alla olevassa esimerkissä on neljältä kuvitteelliselta koehenkilöltä

mitattu puna-vihervärisokeuteen liitettyjen geenien OPN1LW ja OPN1MW ilmentymistasot (lukuarvot ovat allekirjoittaneen hihasta). Tässä eri arvot on erotettu sarkaimella.

```
Subject_ID OPN1LW OPN1MW
ANKL 11264 12365
DIPR 10636 12725
PEPA 5630 13248
BRWA 8294 13060
```

Tämä data löytyy myös oheisesta tiedostosta gene_data.txt. Tekstitiedostot voi lukea sisään funktiolla read.table, jolla on tiedoston polun (file path) lisäksi monta muutakin argumenttia, joista tärkeimmät ovat:

- header: looginen arvo (TRUE/FALSE), jolla kerrotaan funktiolle, onko ensimmäisellä rivillä sarakkeiden nimet vai ei
- sep: erotinmerkki, jolla muuttujien arvot on eroteltu
- dec: desimaalierotin eli desimaalilukujen merkki, jolla desimaalit on eroteltu. Tämä on tärkeä lähinnä suomalaisille, koska Suomessa desimaalierotin on jostain syystä pilkku, eikä piste kuten useimmissa muissa maissa.

Luetaan edellisen esimerkin data R:ään data frameksi:

```
gene_data <- read.table("gene_data.txt", header = TRUE)
gene_data</pre>
```

```
##
     Subject_ID OPN1LW OPN1MW
## 1
            ANKL
                  11264
                         12365
## 2
            DIPR
                  10636
                         12725
## 3
            PEPA
                   5630
                          13248
## 4
            BRWA
                   8294
                          13060
```

Yllä olevassa esimerkissä ei määritelty erikseen erotinmerkkiä, jolloin erotinmerkiksi tulkitaan kaikki tyhjä tila (white space) eli välilyönnit, sarkaimet jne. Halutessaan erotinmerkin voi myös asettaa. Jos erotinmerkki on sarkain, tulee asettaa $\mathtt{sep} = "\t"$

```
gene_data <- read.table("gene_data.txt", sep = "\t", header = TRUE)
gene_data</pre>
```

```
##
     Subject_ID OPN1LW OPN1MW
## 1
           ANKL
                  11264
                        12365
## 2
                         12725
           DIPR
                  10636
## 3
           PEPA
                   5630
                         13248
## 4
           BRWA
                   8294 13060
```

Kuten yllä huomattiin, sarkain erotinmerkkinä merkataan "\t", eikä lainausmerkeillä, joiden sisään laitettaisiin tyhjää tilaa sarkainnäppäimellä. Tämä on yksi esimerkki koodinvaihtomerkin (escape character) \ käytöstä. R:ssä ja

ohjelmointikielissä ylipäätään kenoviiva toimii koodinvaihtomerkkinä, eli sitä ei käsitellä kuin muita merkkejä, vaan se muuttaa seuraavan merkin toimintaa. Usein tämä tarkoittaa sitä, että kenoviivan avulla merkataan sarkainta, rivinvaihtoa (newline, \n) ja muita erikoismerkkejä. Koodinvaihtomerkin käyttöä ei tarvitse osata tämän enempää, mutta se esitellään tässä, koska se aiheuttaa ongelmia Windowsin käyttäjille.

Windowsin tiedostopoluissa kansioiden välissä on kenoviiva, kun taas Mac- ja Linux-järjestelmissä käytetään kauttaviivaa /. Koska R:ssä kenoviiva on koodinvaihtomerkki, niin helpoin tapa on käyttää tiedostopoluissa Macin ja Linuxien tyyliä. Jos taas halutaan lukea tiedosto R:ään käyttäen Windowsin tapaisia tiedostopolkuja, kenoviivat \ pitää kirjoittaa kahteen kertaan eli \\, jotta R tulkitsee polun oikein. Tällöin ensimmäinen kenoviiva kertoo, että toinen kenoviiva on aito kenoviiva, eikä koodinvaihtomerkki.

Luetaan seuraavaksi sisään data-hakemistossa oleva tiedosto tooth_growth.csv, joka sisältää dataa tutkimuksesta c-vitamiinin vaikutuksesta hampaiden kasvuun marsuilla. .csv-tiedostopääte tulee sanoista comma separated value, eli tiedostossa arvot ovat eroteltu pilkulla. Asetetaan siis sep-argumentiksi ",". Tämä tiedosto sisältää myös rivien nimet ensimmäisessä sarakkeessa. Tämä voidaan kertoa read.table-funktiolle argumentilla row.names, jonka arvoksi voi asettaa sarakkeen numeron, josta rivien nimet napataan.

```
tooth <- read.table("data/tooth_growth.csv", header = TRUE, sep = ",", row.names = 1)
tooth</pre>
```

```
##
       len supp dose
## 34
       9.7
              OJ
                  0.5
## 16 17.3
              VC
                  1.0
## 55 24.8
                  2.0
              OJ
## 44 26.4
              OJ
                  1.0
## 58 27.3
              OJ
                  2.0
## 26 32.5
              VC
                  2.0
   14 17.3
              VC
                  1.0
   60 23.0
##
              OJ
                  2.0
## 15 22.5
              VC
                  1.0
              VC
                  0.5
```

Tutkimuksessa marsuille annettiin C-vitamiinia eri annoksina (dose, mitattu milligrammoina), joko appelsiinimehussa (OJ) tai askorbiinihappona (VC), ja mitattiin odontoblastien (hammasluun emosolu) pituus (len).

4.1.2 read.csv

.csv-tiedostot ovat niin yleisiä, että niiden lukemiseen on oma funktio: read.csv, joka on käytännössä sama funktio kuin read.table, mutta parametrien oletusarvot ovat erilaiset, niin että read.csv(file) ~ read.table(file, header = TRUE, sep = ",")).

```
tooth <- read.csv("data/tooth_growth.csv", row.names = 1)</pre>
tooth
##
       len supp dose
## 34
                  0.5
       9.7
              OJ
## 16 17.3
              VC
                  1.0
## 55 24.8
                  2.0
              OJ
## 44 26.4
              OJ
                  1.0
## 58 27.3
              OJ
                  2.0
## 26 32.5
              VC
                  2.0
## 14 17.3
              VC
                  1.0
## 60 23.0
              OJ
                  2.0
## 15 22.5
              VC
                  1.0
## 9
       5.2
              VC
                  0.5
```

4.1.2.1 read.csv2

HUOM: Koska Suomessa pilkkua käytetään desimaalierottimena, kenttien rajaaminen pilkulla ei toimi. Käytännössä tämä näkyy siten, että suomenkielinen Excel tallentaa .csv-tiedosto oletuksena muodossa, jossa desimaalierottimena on pilkku ja kenttien välissä puolipilkku ";". Jos siis olet tallentanut Excelistä taulukon .csv-muotoon ja sen lukeminen R:ään aiheuttaa hankaluuksia, kyse on todennäköisesti erotinmerkistä. Onneksi R:ssä on valmiina funktio read.csv2, joka osaa lukea puolipilkulliset .csv-tiedostot oikein.

4.2 Datakehikon tarkastelu

Kun data on luettu sisään R:ään, kannattaa aina tarkistaa, että kaikki data on luettu oikein. Tässä muutama vinkki datakehikon tutkimiseen, joista osaa käsiteltiin jo datakehikko-kappaleessa:

dim antaa data framen dimensiot, eli rivien ja sarakkeiden määrän.

View avaa data framen erilliseen ikkunaan, jossa sitä voi tarkastella. Suositellaan vain pienemmille data frameille str kertoo rivien ja sarakkeiden määrät sekä kaikkien sarakkeiden luokat. Kätevä tapa tarkistaa mm. että lukuja sisältävät sarakkeet eivät ole vahingossa muuttuneet merkkijonoiksi. table on kätevä kategoristen sarakkeiden tutkimiseen. Se kertoo, kuinka monta havaintoa muuttujan arvoilla on. table voi ottaa vastaan myös kaksi kategorista muuttujaa, ja laskee jokaiselle muuttujien arvojen yhdistelmälle havaintojen lukumäärän.

Katsotaan, mitä str kertoo juuri lukemastamme tooth-datasta.

```
str(tooth)
## 'data.frame': 10 obs. of 3 variables:
## $ len : num 9.7 17.3 24.8 26.4 27.3 32.5 17.3 23 22.5 5.2
```

```
## $ supp: chr "OJ" "VC" "OJ" "OJ" ...
## $ dose: num  0.5 1 2 1 2 2 1 2 1 0.5
```

Kuten näimme aiemmin, mukana on 10 havaintoa ja 3 muuttujaa. len ja dose ovat luokkaa numeric eli desimaalilukuja, ja supp on luokkaa factor. Factortietotyyppiä käsitellään enemmän lineaaristen mallien yhteydessä, mutta sillä merkitään usein kategorisia muuttujia.

Lasketaan seuraavaksi, kuinka monelle marsulle annettiin appelsiinimehua ja kuinka monelle askorbiinihappoa.

table(tooth\$supp)

```
## 0J VC
## 5 5
```

Kumpaakin annostelutapaa käytettiin siis viisi kertaa. Voimme myös selvittää, miten eri annokset jakautuvat annostelutavan suhteen:

table(tooth\$supp, tooth\$dose)

Appelsiinimehuna annettiin siis 0.5 mg ja 1 mg annoksia kumpaakin 1 kappale, ja 2 mg annoksia 3 kappaletta.

4.2.1 R:n sisäänrakennetut datasetit

R:ssä on monta sisäänrakennettua (built-in) datasettiä. Näitä on kätevää käyttää nopeaan testaamiseen, ja ne vilahtelevatkin usein R-oppaissa. Esimerkiksi aikaisempi odontoblastien pituuksia sisältävä datasettimme on oikeastaan pieni otos R:n sisäisestä datasetistä ToothGrowth.

R:n sisäiset datasetit ovat koko ajan käytettävissä, vaikka ne eivät näy RStudion ympäristössä (Environment). Voimme esimerkiksi katsoa, millainen rakenne kokonaisella ToothGroth-datasetillä on:

str(ToothGrowth)

R:n datasettejä voi käyttää moneen eri tarkoitukseen, kuten datan visualisoinnin tai tilastollisten toimenpiteiden testaamiseen. Listan kaikista R:n dataseteistä

saa komennolla data(). Tarkempia tietoja datasetistä saa help-sivulta kuten funktioden tapauksessa, esimerkiksi ?ToothGrowth

4.3 Muut tiedostot

4.3.1 Excel

Excelin käyttämiä .xlsx-tiedostoja voi lukea suoraan R:ään, vaikka jossain netissä olevissa ohjeissa suositellaan niiden muuntamista ensin .csv-muotoon. Tätä varten pitää asentaa readxl-paketti, minkä voi tehdä RStudion Packagesvalikoksta tai suoraan komennolla install.packages("readxl"). Paketin funktiolla read_xlsx() voi lukea sisään .xlsx-tiedostoja, tai yksikkäitisä taulukon sivuja. Excel-tiedostojen kirjoittamiseen löytyy myös vastaava paketti writexl.

Vaihtoehtoinen paketti Excel-tiedostojen lukemiseen on **openxlsx**, jolla voi sekä lukea että kirjoittaa .xlsx-tiedostoja, mutta se on tyypillisesti hitaampi *readxl* ja *writexl* paketteihin verattuna.

4.3.2 SPSS

Eri tutkimusryhmissä dataa säilytetään usein SPSS-tiedostoissa (.sav). SPSS-tiedostojen käsittelyyn voi käyttää haven-paketin funktioita read_sav ja write_sav. haven-paketti sisältää myös funktiot Stata- ja SAS-tiedostoille.

SPSS-tiedostoja voi lukea myös **foreign**-paketin avulla, mutta ainakin minulla on parempia kokemuksia haven-paketista. **haven** on myös osa tidyverse-pakettikokoelmaa, joten oletan sen pysyvän hyvin ajan tasalla jatkossakin.

Chapter 5

Datan muokkaaminen

Aineisto ei tyypillisesti ole valmiiksi oikeassa muodossa. Voi olla että halutaan esimerkiksi käyttää vain jotain osajoukkoa aineistosta. Tällöin tarvitaan komentoja aineiston muokkaamiseksi.

Yleinen käytännön vinkki Aineiston muokkaaminen (data wrangling) on isojen tutkimusaineistojen kohdalla todella työlästä. Tällöin saatetaan joutua yhdistelemään aineistoja useista lähteistä, etsimään virheellisiä arvoja, muokkaamaan tekstimuotoisia (character) muuttujia eri muotoon ym. Mikäli halutaan muokata tekstimuotoisia vektoreita eri muotoon, niin ne kannattaa muuttaa faktoriksi vasta lopuksi, sillä muuttujan ei ole yleensä tarpeellista olla faktorimuodossa aineistoja muokatessa. Faktorit ovat tyypillisesti tarpeen vasta kun aineistoa aletaan todella analysoimaan.

5.1 Uuden muuttujan tai rivin luonti datakehikkoon

Uusi muuttuja voidaan luoda R:ssä joko perustuen aineiston muihin muuttujiin, tai muuttujan arvot voidaan syöttää vektorina aineistoon. Mikäli uusi muuttuja syötetään lukuina R-koodiin, tulee varmistua siitä, että havaintoja on sama määrä kuin aineistossa on rivejä. Muutoin aineisto tulee syötettyä virheellisesti ja tulokset eivät pidä paikkaansa.

Uuden sarakkeen luonti tapahtuu samalla tavalla kuin jo olemassa olevan sarakkeen muokkaaminen eli dollarisymbolilla, jossa dollarin jälkeen annetaan ensin uuden sarakkeen nimi ja tähän sijoitetaan halutut uuden muuttujan arvot.

```
# evaluate the number of rows and columns
dim(study_data)
```

[1] 8 3

there are 8 rows

```
# initiate a new variable called weight (imput data) with correct number of rows
study_data$weight <- c(78.2, 65.8, 49.2, 71.2, 58.3, 54.1, 74.2, 62.8)
# calculate a new variable based on existing variables
study_data$height_m <- study_data$height / 100 # height as metres
study_data$BMI <- study_data$weight / (study_data$height_m^2)</pre>
study_data
    ID height gender weight height_m
                                          BMI
##
## 1 1 189.8
                     78.2
                              1.898
                                      21.70773
                male
## 2 2 184.0 female 65.8
                              1.840
                                     19.43526
## 3 3 173.8
                male
                     49.2
                              1.738
                                      16.28792
## 4 4 175.9
                male 71.2
                              1.759
                                      23.01168
## 5 5 169.0 female 58.3
                              1.690
                                      20.41245
## 6 6 183.7
                male
                     54.1
                              1.837
                                      16.03168
## 7 7 181.8
                male
                     74.2
                              1.818
                                      22.44999
## 8 8
       16.9 female
                     62.8
                              0.169 2198.80256
5.1.1 Datakehikon käsittely
# Subscripting with variable names
study_data[, c("height", "gender")]
    height gender
## 1 189.8
             male
## 2 184.0 female
## 3 173.8
            male
## 4 175.9
             male
## 5 169.0 female
## 6 183.7
             male
## 7 181.8
             male
## 8
     16.9 female
# Subscripting with brackets - as matrix (but I do not recommend this style!)
study_data[, 1:2]
    ID height
## 1 1 189.8
## 2 2 184.0
## 3 3 173.8
## 4 4 175.9
## 5 5 169.0
## 6 6 183.7
## 7 7 181.8
```

```
## 8 8
          16.9
# Rownames and colnames
colnames(study_data)
## [1] "ID"
                   "height"
                              "gender"
                                          "weight"
                                                      "height m" "BMI"
names(study_data)
## [1] "ID"
                   "height"
                              "gender"
                                          "weight"
                                                      "height m" "BMI"
# Individual columns can be accessed and added with dollar sign
# Let's say that we find out that the ID number 8 was typed in incorrectly. We can fix the entire
study_data$height <- c(189.8, 184.0, 173.8, 175.9, 169.0, 183.7, NA, 160.9)
study_data
##
     ID height gender weight height_m
                                               BMI
## 1 1
         189.8
                         78.2
                 male
                                  1.898
                                          21.70773
## 2 2 184.0 female
                         65.8
                                 1.840
                                          19.43526
## 3 3 173.8
                  male
                         49.2
                                 1.738
                                          16.28792
## 4
     4 175.9
                         71.2
                                 1.759
                                          23.01168
                  male
## 5 5 169.0 female
                         58.3
                                 1.690
                                          20.41245
## 6
     6
        183.7
                  male
                         54.1
                                 1.837
                                          16.03168
## 7
      7
                         74.2
                                 1.818
                                          22.44999
            NA
                 male
## 8 8 160.9 female
                         62.8
                                 0.169 2198.80256
# It would have been possible to change value of only one cell e.g. like this
study_data$height[8] <- 161.9</pre>
study_data
##
     ID height gender weight height_m
                                               BMI
        189.8
                 male
                         78.2
                                  1.898
                                          21.70773
## 2 2 184.0 female
                         65.8
                                 1.840
                                          19.43526
## 3
      3 173.8
                         49.2
                                 1.738
                                          16.28792
                  male
## 4
      4 175.9
                  male
                         71.2
                                 1.759
                                          23.01168
## 5
      5 169.0 female
                         58.3
                                 1.690
                                          20.41245
## 6
      6
         183.7
                         54.1
                                 1.837
                                          16.03168
                  male
## 7
      7
                         74.2
            NA
                  male
                                 1.818
                                          22.44999
## 8
      8
         161.9 female
                         62.8
                                 0.169 2198.80256
Uuden rivin lisäys datakehikkoon on hieman monimutkaisempaa kuin uuden
rivin lisääminen matriisiin, sillä ensin pitää tehdä uusi datakehikko, jolla on
samat sarakkeet kuin alkuperäisellä (samassa järjestyksessä), ja vasta sitten
liittää se komennolla rbind. Käyttäjän tulee myös huolehtia siitä, että sarakkeet
ovat samaa tyyppiä kuin alkuperäisessä datakehikossa.
```

```
##
     ID height gender weight height_m
                                               BMI
         189.8
                         78.2
                                          21.70773
## 1
                 male
                                 1.898
                         65.8
## 2
      2
         184.0 female
                                 1.840
                                          19.43526
## 3
      3
         173.8
                 male
                         49.2
                                 1.738
                                          16.28792
         175.9
## 4
                 male
                         71.2
                                 1.759
                                          23.01168
## 5
      5
         169.0 female
                         58.3
                                 1.690
                                          20.41245
## 6
     6
         183.7
                         54.1
                  male
                                 1.837
                                          16.03168
## 7
     7
            NA
                         74.2
                                 1.818
                                          22.44999
                 male
## 8 8
         161.9 female
                         62.8
                                 0.169 2198.80256
## 9 11 182.0
                         81.2
                                 1.820
                                          24.51395
                 male
```

5.2 Osajoukkojen valinta

Aineistosta voi poimia osajoukon hakasulkujen avulla indeksoimalla. Osajoukon poimintaan tarvitaan usein vertailuoperattoreita, ja jos kriteerejä on useita, niin tarvitaan myös useita loogisia operaattoreita. Tarkemmin operaattoreita käsitellään luvussa Loogiset operaattorit. Voit käyttää kyseisen osion taulukkoa apuna jo tässä osiossa.

```
# Filter only females
study_data[study_data$gender == "female", ]
     ID height gender weight height_m
                                              BMI
## 2
     2 184.0 female
                         65.8
                                 1.840
                                         19.43526
## 5 5
        169.0 female
                         58.3
                                 1.690
                                         20.41245
## 8 8 161.9 female
                        62.8
                                 0.169 2198.80256
# Filter individuals whose height is less than or equal to 175
study_data[study_data$height <= 175, ]
##
      ID height gender weight height_m
                                               BMT
## 3
          173.8
                  male
                          49.2
                                  1.738
                                          16.28792
## 5
          169.0 female
                                          20.41245
       5
                          58.3
                                  1.690
## NA NA
             NA
                  <NA>
                           NA
                                     NA
                                                NA
         161.9 female
## 8
                          62.8
                                  0.169 2198.80256
# Filter individuals whose height is not missing and is less than or equal to 175
study_data[!is.na(study_data$height) & study_data$height <= 175, ]</pre>
##
     ID height gender weight height_m
                                               BMI
## 3
     3 173.8
                 male
                         49.2
                                 1.738
                                         16.28792
## 5 5 169.0 female
                        58.3
                                 1.690
                                         20.41245
## 8 8
        161.9 female
                        62.8
                                 0.169 2198.80256
# Use multiple filter criteria
study_data[study_data$height <= 175 & study_data$gender == "female", ]</pre>
     ID height gender weight height_m
##
                                              BMI
```

5.3. FAKTORIT 59

```
## 5 5 169.0 female 58.3 1.690 20.41245
## 8 8 161.9 female 62.8 0.169 2198.80256
```

5.3 Faktorit

R:n numeeriset vektorit ovat lähtökohtaisesti jatkuva-asteikollisia. Olet ehkä ihmetellytkin, miten kategorinen muuttuja määritellään. Kategorista muuttujaa sanotaan R:ssä faktoriksi. Numeerisen tai tekstimuotoisen muuttujan tai vektorin voi muuttaa faktori-muotoiseksi muuttujaksi factor -funktiolla.

```
# Let's change gender from character string to a factor and rename it as fgender
study_data$fgender <- factor(study_data$gender)

# Let's now compare the printing of gender and fgender
study_data$gender</pre>
```

```
## [1] "male" "female" "male" "female" "male" "female"
study_data$fgender
```

```
## [1] male female male male female male female
## Levels: female male
```

Huomataan, että faktori tulostaa faktorin tasot eli kaikkien mahdollisten luokkien nimet faktorin perässä: Levels: female male.

Usein vastaan tulee myös tilanne, jossa faktorin eri tasoja vastaavat kokonaislukuarvot, kuten tässä esimerkissä luvut 1, 2 ja 3. Tällaisessa tilanteessa faktorin tasojen merkitys on usein annettu jossain dokumenttitiedostossa. Tällöin faktorin tasot ja niiden kuvaukset (labels) tulee määrittää käsin.

```
# Create a data for this example
wall_dat <- data.frame(building_ID = c(1, 2, 3, 4, 5, 6), building_material = c(1, 1, 2, 2, 3, 3)
# Name is 'building_material' very long, I want to rename it
names(wall_dat) <- c("building_ID", "build_mat")
# We know from some kind of documentation that 1 stands for "wood", 2 is "steel" and 3 is "brick
wall_dat$fbuild_mat <- factor(wall_dat$build_mat,levels = c(1, 2, 3), labels = c("wood", "steel",
str(wall_dat)</pre>
```

```
## 'data.frame': 6 obs. of 3 variables:
## $ building_ID: num 1 2 3 4 5 6
## $ build_mat : num 1 1 2 2 3 3
## $ fbuild_mat : Factor w/ 3 levels "wood", "steel",..: 1 1 2 2 3 3
```

5.4 Extra: Lääketutkimusesimerkki

R:ssä on aiemmin nähtyjen numeric, character ja logical-vektorien lisäksi muitakin vektoriluokkia, tärkeimpänä näistä factor. Factor-vektorihin tallennetaan kategorisia muuttujia, kuten tutkimuksessa määrättyjä ryhmiä, aikapisteitä tms. Luodaan esimerkiksi factor-vektori, jossa on kuvitteellisen lääketutkimuksen osallistujien ryhmätiedot:

Factoreita voi luoda muista vektoreista funktioilla factor tai as.factor. as.factor muuntaa vektorin automaattisesti ja nopeasti factoriksi, ja säilyttää myös jo valmiiksi factor-luokan vektorien tasojen järjestyksen (tästä lisää pian).

Kuten tulosteesta nähdään, factor-vektorin tulostus tulostaa factorin alkiot (HUOM: ei lainausmerkkejä) sekä factorin tasot. Factorit ovat pinnan alla kokonaisluku- eli integer-vektoreita, joissa on päällä "kerros", joka määrittää factorin tasot. Edellä nähty vektori groups näyttää siis tältä:

Levels	drug1	drug2	control	drug1	control	drug2	drug2	control	control	drug1
Integers	2	3	1	2	1	3	3	1	1	2

Factorien tasoille annetaan siis lukuarvot ykkösestä eteenpäin. Oletuksena ensimmäinen taso eli taso 1 on aakkosissa ensimmäinen arvo, tai pienin lukuarvo jos factori tehdään numeerisista muuttujista. Lukuarvot saa näkyville muuntamalla factorin numeeriseksi vektoriksi:

```
as.numeric(groups)
```

```
## [1] 2 3 1 2 1 3 3 1 1 2
```

Tasojen järjestyksen voi myös päättää itse. Tämä on tärkeää, sillä kuten pian nähdään, factorin ensimmäinen taso on monissa tilastollisissa testeissä ns. referenssitaso, johon muita tasoja verrataan. Usein esiintyvä tapaus ovat tutkimukset, joissa on ryhmät nimeltä case ja control. Koska case on aakkosissa ennen controllia, R käyttää oletuksen case-ryhmää referenssitasona, ja testaa miten control-ryhmä poikkeaa tästä tasosta, vaikka haluaisimme päinvastaisen tuloksen. Tasot voi itse määrittää näin:

```
study_groups
## [1] case
                control control case
                                          case
## Levels: control case
Nyt tasot ovat oikeassa järjestyksessä!
Kuten aiemmin mainittiin, factoreita voi tehdä myös numeerisista vektoreista.
HUOM: muista, että as.numeric() palauttaa factorin kokonaislukuarvot, ei
alkuperäisiä lukuja. Alkuperäiset luvut saa käyttämällä ensin as.character-
funktiota, joka muuttaa factorin tasot merkkijonovektoriksi.
time_points \leftarrow as.factor(c(0, 0, 1, 1, 5, 5, 1, 0, 5))
time_points
## [1] 0 0 1 1 5 5 1 0 5
## Levels: 0 1 5
# Probably not what you expect
as.numeric(time_points)
## [1] 1 1 2 2 3 3 2 1 3
# First to character, then to numeric
as.numeric(as.character(time_points))
```

```
## [1] 0 0 1 1 5 5 1 0 5
```

Chapter 6

Tunnusluvut

Tunnusluvut (engl. statistics) ovat keskeinen osa tilastotiedettä. Tunnuslukujen avulla voidaan tiivistää ja tarkastella aineistoa. Tässä harjoittelemme tyypillisimpien tunnuslukujen laskemista aineistosta. Näitä tunnuslukuja voi sanoa myös empiirisiksi, koska ne on laskettu aineistosta.

6.1 Sijaintia kuvaavat tunnusluvut

6.1.1 Minimi ja maksimi

Minimi tarkoittaa aineiston pienintä arvoa kyseiselle muuttujalle. Maksimi on vastaavasti suurin arvo. Minimi ja maksimi ovat periaatteessa helppo laskea funktioiden min ja max avulla, mutta niihinkin liittyy pari pientä sudenkuoppaa. Funktiot min ja max hyväksyvät argumenteikseen vain numeerisia vektoreita.

```
dat_for_loc \leftarrow c(-1.25, -4.1, 1.16, -3.05, 4.17, 0.73, -3.14, 3.39, -2.55, 0.4)
min(dat_for_loc)
```

```
## [1] -4.1
max(dat_for_loc)
```

```
## [1] 4.17
```

Joskus minimiä ja maksimia tarvitaan tilanteessa, jossa halutaan vaikkapa muuttaa kaikki negatiiviset arvot nolliksi (tai positiiviset, jos maksimi). Tämä onnistuu helpoiten funktioiden pmin ja pmax avulla. Samalla tapaa, jos halutaan kaikki lukua 1 pienemmät luvut muutettua luvuksi 1, niin tämä onnistuu vaihtamalla luku 0 lukuun 1.

```
# We want to get rid of all values below 0 and make them 0 pmin(dat_for_loc, 0)
```

```
## [1] -1.25 -4.10 0.00 -3.05 0.00 0.00 -3.14 0.00 -2.55 0.00

# Similar, but get rid of all values over 0

pmax(dat_for_loc, 0)
```

```
## [1] 0.00 0.00 1.16 0.00 4.17 0.73 0.00 3.39 0.00 0.40

# We can do similar things to any limit, e.g. 1

pmin(dat_for_loc, 1)
```

Funktiota pmin ja pmax voi käyttää vieläkin yleisemmässä muodossa antamalla yksittäisen lukuarvon sijasta vektorin. Näitä emme käsittele tässä, mutta kiinnostuneet voivat kokeilla lisää itse.

6.1.2 Keskiarvo

Keskiarvo saadaan laskemalla muuttujan kaikki havainnot yhteen ja jakamalla summa havaintojen määrällä. Esimerkiksi aineiston 1, 2, 3, 4 keskiarvo on (1+2+3+4)/4=2.5. Keskiarvoa satunnaismuuttujan X havainnoille voidaan merkitä matemaattisesti seuraavasti

$$\overline{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n},$$

missä merkintä \overline{x} tarkoittaa itse keskiarvoa, $x_1,...,x_n$ ovat havaintoja ja n on havaintojen määrä.

Keskiarvo voidaan laskea helposti funktiolla mean.

```
tooth_length <- ToothGrowth$len
mean(tooth_length)</pre>
```

```
## [1] 18.81333
```

Mikäli muuttujassa on puuttuvia arvoja (NA) niin keskiarvoksi tulee oletusarvoisesti NA. Puuttuvat arvot voi jättää pois keskiarvon laskemisessa antamalla funktiolle lisäargumentiksi na.rm = TRUE.

```
# Create some data
dat_for_mean <- c(1, 2, NA, 4)
# Data with NA results mean with NA
mean(dat_for_mean)</pre>
```

```
## [1] NA
```

Leave NA-values out and calculate mean from the remaining ones
mean(dat_for_mean, na.rm = TRUE)

```
## [1] 2.333333
```

6.1.3 Mediaani

Mediaani ilmaisee aineiston keskimmäisen havainnon. Toisin sanoen puolet havainnoista on mediaania suurempia ja puolet mediaania pienempiä. Esimerkiksi aineiston 1,1,2,3,5 mediaani on 2. Jos aineistossa on parillinen määrä lukuja, otetaan kaksi keskimmäisä ja lasketaan ne yhteen ja jaetaan kahdella (keskiarvo). Aineiston 3,3,5,6,7,17 mediaani on (5+6)/2=5.5. Mediaani on helppoa laskea funktiolla median.

```
# Let's think about median
dat_for_median <- c(7, 2, 3, 4, 1, 7, 0, 4, 3, 3, 2, 6)
dat_for_median

## [1] 7 2 3 4 1 7 0 4 3 3 2 6

sort(dat_for_median) # Median would be the middle value in the arranged data, thus 3

## [1] 0 1 2 2 3 3 3 4 4 6 7 7

# Getting median in R

median(dat_for_median)

## [1] 3
```

6.1.4 Kvantiilit

Mediaani siis kertoi kohdan, jossa 50% aineistosta on pienenmpiä kuin kyseinen arvo. Entä jos haluamme luvun, jota pienempiä ovat vaikkapa 10% aineiston havainnoista tai mikä tahansa muu osuus? Tällainen yleistys on nimeltään kvantiili. Joillakin kvantiileilla on erityisnimet. Ne ovat

- mediaani (50 % aineistosta on tätä pienempiä)
- alakvartiili (25 %)
- yläkvartiili (75 %)
- desiilit (10% välein)
 - 10 %:n desiili, 20 %:n desiili jne.

Haluamansa kvantiilin voi laskea funktiolla quantile. Jos haluat laskea 30 %:n kvantiilin, niin arnna argumentille probs tätä vastaava suhteellinen osuus eli 0.30.

```
quantile(dat_for_median, probs = 0.30)
## 30%
## 2.3
```

quantile-funktiolle voi antaa useita kvantiileita laskettavaksi kerralla. Tällöin argumentille probs on annettava vektori. Esimerkiksi kvartiilit ja mediaanin voi laskea samanaikaisesti näin:

```
quantile(dat_for_median, probs = c(0.25, 0.5, 0.75))
## 25% 50% 75%
## 2.0 3.0 4.5
```

Eräs jännä seikka on se, että laskemalla 0 %:n ja 100 %:n kvantiilit saa tulokseksi minimin ja maksimin. Samaan lopputulokseen pääsee myös funktiolla ${\tt range}$. Kokeillaan tätä

```
# 0 % and 100 % quantile gives a range of the data
quantile(dat_for_median, probs = c(0.00, 1.00))

## 0% 100%
## 0 7

# Let's compare with min and max
min(dat_for_median)

## [1] 0
max(dat_for_median)

## [1] 7

# There is also function called range
range(dat_for_median)
```

```
## [1] 0 7
```

Esimerkiksi viiksilaatikko-kuvaa vastaavat lukuarvot eli minimin, alakvartiilin, mediaanin, yläkvartiilin ja maksimin saa kätevästi quantile-funktiolla antamalla probs-argumentille vektorin c(0, 0.25, 0.5, 0.75, 1). Tätä sanotaan joskus viiden numeron yhteenvedoksi.

```
quantile(dat_for_median, probs = c(0, 0.25, 0.5, 0.75, 1))
```

```
## 0% 25% 50% 75% 100%
## 0.0 2.0 3.0 4.5 7.0
```

6.1.5 Moodi

Moodi ilmaisee muuttujan yleisimmän arvon. Valitettavasti R:ssä ei ole valmista funktiota moodin laskemiseen. Sen sijaan funktio nimeltään mode antaa objektin tyypin, eikä laske moodia. Jos moodin haluaa laskea R:ssä, on ensin muodostettava aineistosta frekvenssitaulukko ja sitten etsittävä taulokosta se arvo, josta on eniten havaintoja, eli suurin frekvenssi

```
2, 3, 5, 4, 4, 4, 1, 3, 1, 3, 5, 2, 3, 1, 4, 2, 4, 2, 1, 0,
                  3, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 3, 4, 4, 2, 1, 2, 4, 4, 4, 6, 2, 3, 2)
tab <- table(dat_for_mode)</pre>
# Let's see how is tab
## dat_for_mode
## 0 1 2 3 4 5 6 7
## 4 14 22 26 22 5 4 3
# Let's pick up the largest frequency using which.max function
tab[which.max(tab)]
## 3
## 26
# Mode is 3 and the frequency is 26
# Let's pick up only the value 3
names(tab)[which.max(tab)]
## [1] "3"
# That is character so let's convert it to numeric
as.numeric(names(tab)[which.max(tab)])
## [1] 3
```

Ylläoleva käy itse asiassa hyvästä esimerkistä tilanteesta, jossa seuraavaksi tekisin viimeisen rivin funktioksi ja jatkossa käyttäisin kyseistä funktiota työssäni. Funktiohin palataan osiossa Funktiot. En malta olla tekemättä funktiota, joten olkoon alla esimerkki moodi-funktiosta ilman suurempia selityksiä.

```
# Write a function for mode
moodi <- function(x) {
  tab <- table(x)
  as.numeric(names(tab)[which.max(tab)])
}
# Use that function
moodi(dat_for_mode)</pre>
```

[1] 3

6.2 Yhteenveto datasta (summary)

Kätevä tapa saada nopea yhteenveto datakehikon kaikista muuttujista on soveltaa summary-funktiota datakehikkoon.

Calculate summary for ToothGrowth data summary (ToothGrowth)

```
##
         len
                                   dose
                     supp
##
    Min.
           : 4.20
                     OJ:30
                              Min.
                                      :0.500
##
    1st Qu.:13.07
                     VC:30
                              1st Qu.:0.500
    Median :19.25
                              Median :1.000
##
   Mean
           :18.81
                              Mean
                                     :1.167
##
    3rd Qu.:25.27
                              3rd Qu.:2.000
   Max.
           :33.90
                              Max.
                                      :2.000
```

'summary" huolii myös yksittäisen vektorin, jolloin yhteenveto tulostuu vaakasuuntaisena.

```
tooth_length <- ToothGrowth$len
summary(tooth_length)</pre>
```

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 4.20 13.07 19.25 18.81 25.27 33.90
```

6.3 Varianssi ja keskihajonta

Yksittäiselle numeeriselle muuttujalle voidaan laskea varianssi funktiolla var. Varianssia tulkittaessa kannattaa muistaa, että varianssin mittayksikkö ei ole sama kuin alkuperäisen muuttujan, vaan mittayksikkö tulee korottaa toiseen potenssiin. Esim. jos pituuden yksikkö on cm, niin pituuden varianssin yksikkö on cm². Käytännössä tulkintaa kannattaa yrittää keskihajonnan avulla.

```
# pull the variable from data frame and use it directly in function var
var(ToothGrowth$len)
```

```
## [1] 58.51202
# calculate the variance-covariance matrix for entire data frame
# (gives NA to any pairs with categorical variables)
# variances are obtained from the diagonal (58.51, NA, 0.3954)
var(ToothGrowth)
```

```
## Warning in var(ToothGrowth): NAs introduced by coercion

## len supp dose

## len 58.512023 NA 3.8612994

## supp NA NA NA

## dose 3.861299 NA 0.3954802
```

Keskihajonta (engl. standard deviation) saadaan vastaavasti funktiolla sd. Keskihajonta on varianssin neliöjuuri.

standard deviation

sd(ToothGrowth\$len)

[1] 7.649315

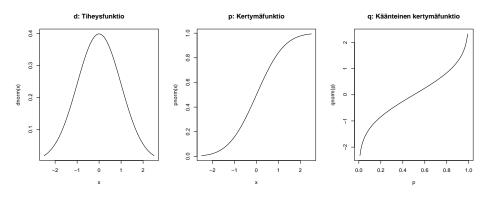
Chapter 7

Todennäköisyysjakaumat R:ssä

Monille yleisimmistä tilastollisista jakaumista eli todennäköisyysjakaumista on valmiita funktiota R:ssä. Funktioita on neljää eri tyyppiä, jotka merkitään funktion nimen ensimmäisellä kirjaimella.

- d: Tiheysfunktio: mikä on tiheysfunktion arvo pisteessä x?
- p: Kertymäfunktio: millä todennäköisyydellä jakaumasta poimittu arvo on pienempi/suurempi kuin q?
- q
: Käänteinen kertymäfunktio (eli kvantiilifunktio): mille arvolle kertymäfunktio palauttaa todennäköisyyden p?
- r: satunnaislukugeneraattori: arvo eli simuloi satunnaisia havaintoja jakaumasta.

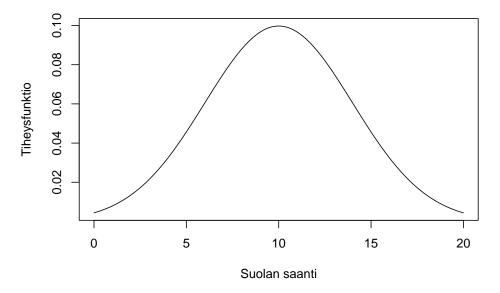
Alla ovat kuvaajat ensimmäisestä kolmesta funktiosta standardinormaalijakaumalle (pääte norm):



7.1 Esimerkki: normaalijakauma

Otetaan muutama käytännön esimerkki. Oletetaan, että suomalaisten miesten suolan saanti on normaalijakautunut odotusarvolla 10 grammaa päivässä ja keskihajonta on 4 grammaa päivässä (odotusarvo on totta, keskihajonta allekirjoittaneen hihasta). Piirretään ensin kuva jakaumasta välillä [0, 20] grammaa päivässä. Jakauman muoto saadaan funktiolla dnorm, eli yllä olevan ohjeen mukaan d-alkuinen funktio antaa tiheysfunktion, ja norm-pääte viittaa normaalijakaumaan. Normaalijakauman funktiolle tulee kertoa jakauman odotusarvo (mean) ja keskihajonta (sd).

Suomalaisten miesten suolan saanti



Aikuisten saantisuositus on enintään 5 grammaa suolaa päivässä. Kuinka moni suomalainen mies syö tämän jakauman mukaan sopivasti suolaa? Vastaus saadaan kertymäfunktiosta $(P(X \leq 5))$ pnorm-funktion avulla.

```
pnorm(5, mean = 10, sd = 4)
```

Tämän jakauman mukaan vain noin 11 % suomalaisista miehistä syö suolaa sopivasti!

Suomalaisten naiset syövät keskimäärin 7 grammaa suolaa päivässä. Kuinka moni mies syö tätä enemmän suolaa? pnorm antaa oletuksena arvon $P(X \le 7)$. Nyt halutaan kuitenkin tietää P(X > 7), joka saadaan asettamalla lower.tail = FALSE:

```
pnorm(7, mean = 10, sd = 4, lower.tail = FALSE)
```

[1] 0.7733726

Noin 77 % miehistä syö suolaa keskimääräistä naista enemmän.

Entä jos halutaan tietää, kuinka paljon suolaa eniten syövä 10 % vähintään saa? Tähän voidaan vastata funktiolla qnorm, joka on jakauman käänteinen kertymäfunktio, eli funktion pnorm käänteisfunktio. Samoin kuin pnorm, qnormfunktion oletus on, että todennäköisyydet lasketaan jakauman vasemmasta hännästä alkaen. Vastaus tähän kysymykseen selviää siis näillä kahdella tavalla:

```
qnorm(0.1, mean = 10, sd = 4, lower.tail = FALSE)
## [1] 15.12621
# OR
qnorm(0.9, mean = 10, sd = 4)
## [1] 15.12621
```

Eli tämän jakauman mukaan eniten suolaa saava 10~% miehistä syö yli kolminkertaisen määrän suolaa suositukseen verrattuna.

7.2 Muita jakaumia

Vastaavat funktiot löytyvät myös muille jakaumille, kuten:

Khiin neliö: chisqEksponentiaalinen: expStudentin t: t

• Tasajakauma: unif

ja niin edelleen.

Chapter 8

Kuvaajien piirtäminen

Tässä kappaleessa tutustutaan kuvaajien piirtämiseen.

R:n piirtokomennot voidaan jakaa kolmeen ryhmään:

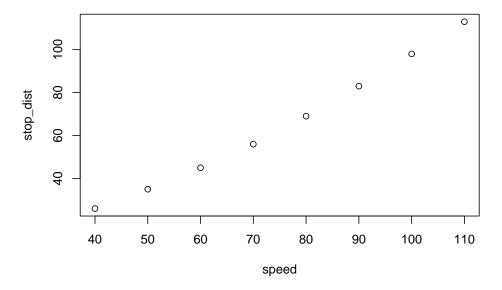
- Korkean tason grafiikkatoiminnot piirtävät aina uuden kuvan
- Alemman tason grafiikkatoiminnot lisäävät olemassa olevaan kuvaan uusia osia
- Interaktiiviset grafiikkatoiminnot mahdollistavat vuorovaikutuksen kuvan kanssa. (Näiden käyttö on helpompaa opettaa videolla, joten niitä ei käsitellä tässä)

8.1 Korkean tason piirtofunktiot

8.1.1 plot

Korkean tason piirtofunktioista ylivoimaisesti yleisin on plot. plot-funktio on hyvin monipuolinen, mutta sen yleisin käyttötarkoitus on piirtää hajontakuvio (scatter plot) yhdestä tai kahdesta vektorista. Alla on hajontakuvio auton jarrutusmatkoista eri nopeuksilla:

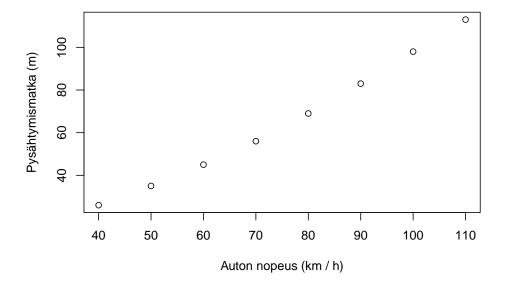
```
# Car speeds (km/h)
speed <- seq(40, 110, by = 10)
# Stopping distances (m)
stop_dist <- c(26, 35, 45, 56, 69, 83, 98, 113)
plot(x = speed, y = stop_dist)</pre>
```



plot-funktiolle annetaan siis kaksi yhtä pitkää vektoria, joissa ovat pisteiden x- ja y-koordinaatit. Halutessaan kuvalle voi antaa otsikon (title) ja nimetä uudestaan kuvan akselit (axis labels). Tämä onkin usein hyvä idea, sillä R:n muuttujien nimissä ei saa olla välilyöntejä tai erikoismerkkejä, mutta usein näiden käyttö akselien nimissä on hyvin informatiivista.

```
plot(x = speed, y = stop_dist,
    main = "Auton pysähtymismatka eri nopeuksilla",
    xlab = "Auton nopeus (km / h)", ylab = "Pysähtymismatka (m)")
```

Auton pysähtymismatka eri nopeuksilla



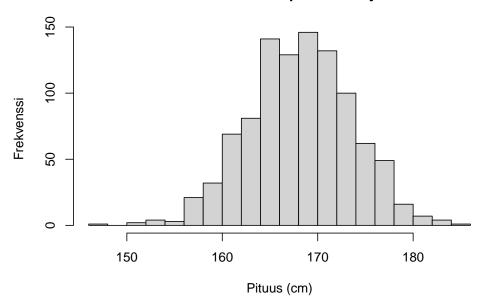
plot-funktiolle voi antaa muitakin argumentteja, jotka säätävät mm. pisteiden väriä, kokoa ja muotoa, akselien rajoja jne. Yleisiä kuvaajien parametreja voi säätää funktiolla 'par (graphical parameters).

8.1.2 Muut korkean tason funktiot

Tässä on esimerkkejä muutamista muista yleisistä korkean tason funktioista:

hist piirtää histogrammeja. Histogrammit kuvaavat jatkuvan muuttujan jakaumaa

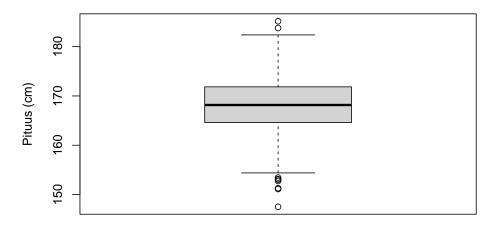
Suomalaisten naisten pituuksien jakauma



Toinen tapa kuvata jatkuvan muuttujan jakaumaa on viiksilaatikko (joskus myös laatikko-viikset -kuvaaja), joita piirretään boxplot-funktiolla:

```
boxplot(heights, breaks = 20,
    main = "Suomalaisten naisten pituuksien jakauma",
    ylab = "Pituus (cm)")
```

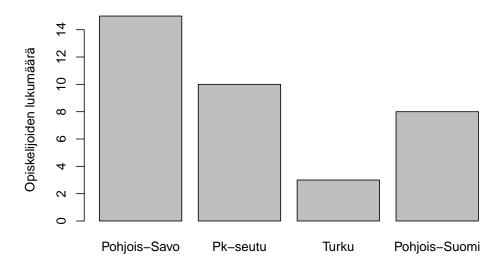
Suomalaisten naisten pituuksien jakauma



Vastaavasti diskreetin muuttujan jakaumaa voi kuvata pylväsdiagrammilla käyttäen barplot-funktiota. Alla on esimerkki opiskelijoiden kotipaikkakuntien jakaumasta. Tässä tulee myös tutuksi uusi vektorien ominaisuus: nimeäminen. Nimettyjen vektorien (named vectors) alkioilla on järjestyslukujen lisäksi nimet. Nimet annetaan olla olevaan tyyliin nimi = alkio. Nimetyt vektori käyttäytyvät aivan kuin tavalliset vektorit, mutta niitä voi indeksoida myös nimien avulla, ja jotkut funktiot, kuten barplot, käyttävät hyödyksi alkioiden nimiä. Nimettyjen vektorien käyttö ei ole kurssin ydinasioita, mutta on joskus hyvin kätevä temppu osata.

```
## Pohjois-Savo Pk-seutu Turku Pohjois-Suomi
## 15 10 3 8
origin["Turku"]
```

Opiskelijoiden kotipaikkakunta

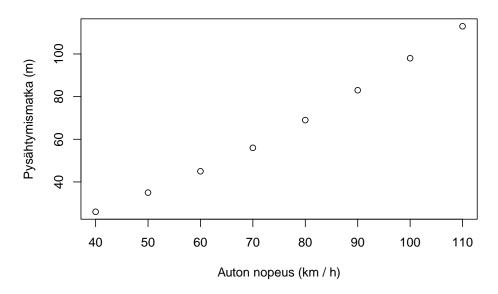


8.2 Alemman tason grafiikkatoiminnot

Alemman tason grafiikkatoiminnoilla voi lisätä olemassa olevaan kuvaan lisää osia, kuten tekstiä, pisteitä tai selitteen (legend).

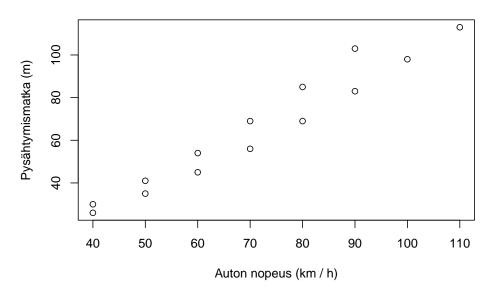
Otetaan esimerkiksi alussa nähty kuvaaja autojen pysähtymismatkoista ja lisätään siihen uusia osia. Tässä vielä alkuperäinen kuva:

```
plot(x = speed, y = stop_dist,
    main = "Auton pysähtymismatka eri nopeuksilla",
    xlab = "Auton nopeus (km / h)", ylab = "Pysähtymismatka (m)")
```



Lisätään kuvaajan jarrutusmatkat liukkaalla kelillä. Uusia pisteitä voi piirtää points-funktiolla, jolle annetaan x- ja y-koordinaatit vektoreina ihan kuin plotfunktiollekin.

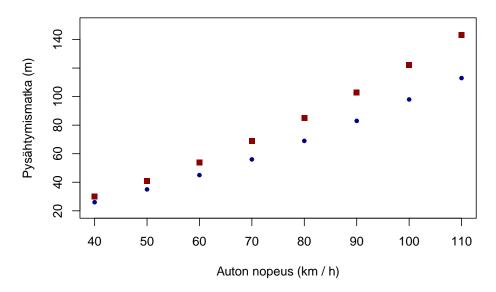
```
stop_dist_wet <- c(30, 41, 54, 69, 85, 103, 122, 143)
plot(x = speed, y = stop_dist,
    main = "Auton pysähtymismatka eri nopeuksilla",
    xlab = "Auton nopeus (km / h)", ylab = "Pysähtymismatka (m)")
points(x = speed, y = stop_dist_wet)</pre>
```



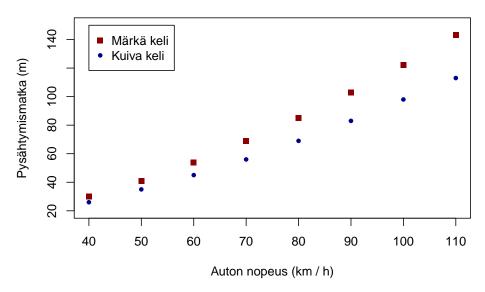
Ylläolevassa kuvaajassa on kaksi ongelmaa: ylimmät pisteet eivät näy, koska kuvaajan y-akseli loppuu kesken. y-akseli on piirretty alkuperäisten jarrutusmatkojen pohjalta, ja koska liukkaalla kelillä jarrutus kestää pidempään, uudet pisteet eivät mahdu kuvaajaan. Toinen ongelma on se, että pisteitä ei voi erottaa toisistaan.

Ensimmäinen ongelma ratkeaa säätämällä käsin y-akselin rajat. Tämä tapahtuu argumentilla ylim, jolle annetaan vektorissa ylä- ja alaraja (vastaavasti xlim säätää x-akselin rajat).

Lisäksi piirretään selvyyden vuoksi pisteet eri värisinä ja eri kuvioilla. Argumentti col säätää pisteiden värin ja pch pisteiden muodon. Eri väri- ja muotovaihtoehdot löytyvät googlaamalla.



Nyt kuvaaja alkaa jo näyttää paremmalta, mutta kuvaajasta ei vielä voi päätellä, mitä eri väriset pisteet tarkoittavat. Lisätään siis kuvaajaan selite legend-komennolla. Selitteelle määritetään paikka kuvaajassa x ja y argumenteilla (vasemman yläkulman koordinaatit). Sen jälkeen annetaan selitetekstit (legend), sekä selitteen muodot ja värit (pch ja col, kuten aiemmin). HUOM! Selitteen symbolit ja värit on itse osattava laittaa oikeaan järjestykseen. Selitteen tekstit annetaan järjestyksessä ylhäältä alas, ja piirtomerkit tulee antaa samassa järjestyksessä.



Tuunataan kuvaajaa vielä hiukan, ja lisätään siihen käyrä kuvaamaan jarrutusmatkan ennustetta lines-funktiolla.

Alla olevassa koodissa lasketaan ensin 1m-funktion avulla sopivat parametrit käyrälle. Lineaarisia malleja käsitellään vasta kappaleessa lineaariset mallit, joten tässä vaiheessa niistä ei tarvitse vielä ymmärtää muuta kuin se, että 1m-funktio sovittaa lineaarisen mallin (tässä tapauksessa muotoa matka = $a+b\cdot$ nopeus + $c\cdot$ nopeus²), jonka perusteella voidaan ennustaa pysähtymismatkaa myös muille kuin mitatuille nopeuksille.

```
# Create vecotr of squared speeds to fit second order polynomial
speed_squared <- speed^2

# Model for dry weather
model_dry <- lm(stop_dist ~ speed + speed_squared)
prediction_dry <- model_dry$fitted.values

# Model for rainy weather
model_wet <- lm(stop_dist_wet ~ speed + speed_squared)
prediction_wet <- model_wet$fitted.values</pre>
```

lines tarvitsee x ja y argumentit kuten points, mutta piirtää viivan, ei pisteitä. Käytetään äsken laskettuja mallien antamia prediction-vektoreita y-koordinaatteina. Tehdään viivoista katkoviivoja argumentilla lty = "dashed" (lty = line type).

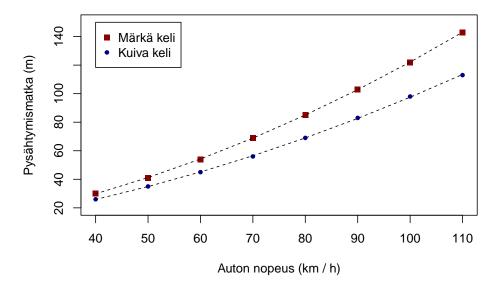
```
ylim = c(20, 150),
    main = "Auton pysähtymismatka eri nopeuksilla",
    xlab = "Auton nopeus (km / h)", ylab = "Pysähtymismatka (m)")

points(x = speed, y = stop_dist_wet, pch = 15, col = "darkred")

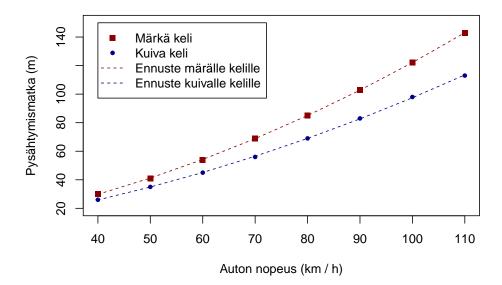
legend(x = 40, y = 150,
    legend = c("Märkä keli", "Kuiva keli"),
    pch = c(15, 20), col = c("darkred", "darkblue"))

lines(speed, prediction_dry, lty = "dashed")

lines(speed, prediction_wet, lty = "dashed")
```

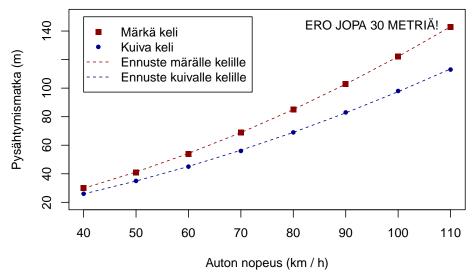


Seuraavaksi voidaan värittää käyrät samoilla väreillä kuin pisteet, ja lisätä niille omat selitteet. Tässä vaiheessa selitteen tekemisestä tulee jo melko monimutkaista, sillä selitteessä on mukana pisteitä ja käyriä. Tästä syystä selitteen argumentteihin pitää laittaa puuttuvia arvoja pch ja 1ty-argumenteille, koska selitteen ensimmäiset rivit eivät viittaa mihinkään käyrään, vaan pelkästään pisteisiin ja vastaavasti kaksi alinta riviä viittaavat vain käyriin.



Kuvaajamme on melkein valmis iltapäivälehteen muistuttamaan liukkaiden kelien vaaroista, mutta jotta siitä tulisi oikein säväyttävä, siinä pitää toki olla tekstiä! Lisätään siis vielä pieni tekstin pätkä, joka korostaa eroa liukkaan ja kuivan kelin välillä. Tekstiä voi lisätä text-funktiolla, jolle annetaan tuttuun tapaan x ja y-argumentit, joilla määritetään tekstin paikka ja labels määrittää itse tekstin (kaikki argumentit voivat olla myös pidempiä vektoreita, jolloin tulee useampi teksti eri paikkoihin). Lisäksi parametrillä adj (adjust) voi hienosäätää tekstin paikkaa. adj on vektori, jossa on hienosäätöarvot x- ja y-suunnissa.

```
plot(x = speed, y = stop_dist,
    col = "darkblue", pch = 20,
    ylim = c(20, 150),
    main = "Auton pysähtymismatka eri nopeuksilla",
```



Kuvaajamme on nyt valmis!

8.3 Kuvaajien piirtäminen käytännössä

Jos äskeisen esimerkin aikana tuntui siltä, että näimme paljon työtä ja saimme lopputulokseksi kuvaajan, joka ei oikeastaan edes näytä kovin hyvältä, olet aivan oikeassa. Kuvaajien rakentaminen itse R:n peruskomennoilla on raskasta, ja usein perusgrafiikkatoimintoja käytetään lähinnä omaan käyttöön tulevien kuvaajien piirtämiseen nopeasti. Peruskomennot on kuitenkin hyvä hallita, sillä

niitä saattaa tarvita valmiilla työkaluilla tehtyjen kuvaajien muokkaamiseen. Varsinkin tekstin lisääminen, sekä akselien nimeäminen ja otsikon muuttaminen ovat hyviä taitoja osata.

R tarjoaa paljon valmiita työkaluja erilaisten kuvaajien piirtämiseen. Valitettavasti tällä kurssilla ei ole aikaa sukeltaa näiden työkalujen käyttöön, sillä ennen niiden käyttöä pitää ymmärtää enemmän R:n monimutkaisemmista tietorakenteista, joita käsitellään seuraavilla viikoilla. Inspiraatiota ja motivaatiota voi kuitenkin hakea esimerkiksi R Graph Gallery-sivulta tai ggpubr-paketin ohjeista.

Chapter 9

Tilastollinen testaaminen

9.1 Testaamisen periaatteita

Tilastollisilla testeillä pyritään arvioimaan perusjoukkoa koskevien väiteiden paikkansapitävyyttä todennäköisyyslaskennan keinoin. Lähtökohtana on niin sanottu **nollahypoteesi** (H_0) , joka yleensä vastaa tilannetta, jossa mahdolliset väitettä tukevat haivainnot ovat vain sattuman seurausta. Esimerkiksi jos tutkitaan onko jokin lääkeaine tehokas hoitokeino, voisi nollahypoteesi olla muotoa "ei vaikutusta". Nollahypoteesiin liittyy aina **vastahypoteesi** (H_1) , joka yleensä nollahypoteesin vastakohta, ja vastaa mielenkiinnon kohteena olevaa väitettä (esim. "on vaikutusta").

Tilastolliset testit olettava nollahypoteesin olevan totta, jolloin epäuskottavat tulokset antavat aihetta epäillä nollahypoteesin mielekkyyttä. Testiin liittyy yleensä **testisuure**, joka on jokin aineistosta laskettu tunnusluku. Testisuureen jakauman perusteella voidaan arvioida todennäköisyyttä, että havaittu tulos olisi vain sattuman seurausta. Tätä todennäköisyyttä kutsutaan **p-arvoksi**. Perinteisesti tilastotieteessä asetetaan etukäteen jokin riskitaso (α), ja jos saatu p-arvo on riskitasoa pienempi niin nollahypoteesi hylätään (yleensä $\alpha=0.05$). Jos p-arvo on riskitasoa pienempi, niin havaintoa kutsutaan tilastollisesti merkitseväksi.

9.2 t-testi

Studentin t-testi on yksi tunnetuimmista tilastollisista testeistä. Se testaa muuttujien odotusarvoja.

Tarkastellaan R:n sisäistä dataa sleep, joka sisältää muutoksia oppilaiden unen määrässä (muuttuja extra, muutos unen määrässä tunneissa) kahdella eri lääkkeellä (muuttuja group). Jokainen oppilas kokeili kumpaakin lääkettä, muut-

tuja ID yksilöi oppilaat.

9.2.1 Yhden otoksen t-testi

Testaamme aluksi hypoteesia, että muutos unen määrässä lääkkeen käytön jälkeen on 0 ($H_0: \mu=0$). Funktiota t.test voi käyttää monella tapaa. Tässä esimerkissä annamme funktiolle kaavan extra ~ 1, eli ns. formula-objektin ensimmäisenä argumenttina, joka on osa R:n syntaksia tilastollisten mallien ja riippuvuusrakenteiden määrittellyyn. Kaava määrittelee, että ~-merkin vasen puoli on vastemuuttuja, ja oikea puoli sisältää selittävät muuttujat. Koska emme tee testiä minkään toisen muuttujan suhteen, niin kaavan oikean puoli on vain luku 1, joka R:n syntaksissa tarkoittaa, että se on vakio. Tämä ei siis tarkoita esimerkiksi sitä, että nollahypoteesimme olisi, että muutos unen määrässä olisi 1 tunti. Nollahypoteesin mukainen odotusarvo määritellään argumentilla mu, joka yhden otoksen testissä saa oletusarvon 0.

```
# One sample test
tt1 <- t.test(extra ~ 1, data = sleep)
tt1
##
##
   One Sample t-test
##
## data: extra
## t = 3.413, df = 19, p-value = 0.002918
## alternative hypothesis: true mean is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
   0.5955845 2.4844155
## sample estimates:
## mean of x
##
        1.54
```

Tuloksena saamme t-testisuureen arvon, vapausasteet sekä testin p-arvon. Koska p-arvo on pieni (perinteisesti rajana käytetään lukua 0.05, mutta tämä vaihtelee tieteenalasta riippuen) niin nollahypoteesi hylätään, eli testin mukaan muutos unen määrässä poikkeaa tilastollisesti merkitsevästi nollasta kumpaa tahansa lääkettä käytettäessä.

Testiin liittyvät tunnusluvut saamme eriteltyä tulosobjektista tt1 seuraavasti:

9.2. T-TESTI 91

```
## df
## 19
# p-value
tt1$p.value
```

[1] 0.00291762

9.2.2 Kahden otoksen t-testi

Entäpä jos haluammekin testata hypoteesia, että kumpikin lääke vaikuttaa samalla tavalla unen määrään $(H_0: \mu_1 = \mu_2)$? Voimme tässäkin tapauksessa käyttää formula-syntaksia hyödyksi. Vakion 1 sijaan sijoitamme nyt lääkettä vastaavan muuttujan group kaavassa ~-merkin oikealle puolelle.

```
tt2 <- t.test(extra ~ group, data = sleep)
tt2
##
##
   Welch Two Sample t-test
##
## data: extra by group
## t = -1.8608, df = 17.776, p-value = 0.07939
## alternative hypothesis: true difference in means between group 1 and group 2 is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
  -3.3654832 0.2054832
## sample estimates:
## mean in group 1 mean in group 2
##
              0.75
                              2.33
```

Testiobjektin sisältö vastaa yhden otoksen testiä suurimmilta osin. Näämme, että testin tulos ei tällä kertaa ollut tilastollisesti merkitsevä (merkitsevyystasolla 0.05) eli testin mukaan ei ole näyttöä siitä, että lääkkeet vaikuttaisivat eri tavalla unen määrään, jolloin nollahypoteesia ei hylätä.

Tarkkasilmäinen lukija saattoi kuitenkin huomata, että tämä testi ei aivan vastaa tarkoitusta, sillä sleep-aineistossa jokainen koehenkilö kokeili kumpaakin lääkettä, jolloin oikea tapa olisi testata lääkkeiden vaikutuksen erotusta, mikä tehdäänkin seuraavaksi.

9.2.3 Parittaisten otosten t-testi

Jotta mittausparit tulevat otettua huomioon testissä, on t.test-funktiolle annettava argumentti paired = TRUE. Tässä testissä nollahypoteesi on, että lääkkeiden vaikutuksen erotuksen odotusarvo on 0 $(H_0:\mu_d=0)$.

```
tt3 <- t.test(extra ~ group, data = sleep, paired = TRUE)
tt3</pre>
```

```
##
## Paired t-test
##
## data: extra by group
## t = -4.0621, df = 9, p-value = 0.002833
## alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -2.4598858 -0.7001142
## sample estimates:
## mean of the differences
## -1.58
```

Tällä kertaa tulos on taas tilastollisesti merkitsevä, eli lääkkeiden vaikutuksessa unen määrään on tilastollisesti merkitsevä ero, jolloin nollahypoteesi hylätään.

9.3 Khiin neliö -testi

Kahden kategorisen muuttujan riippuvuuden tutkimiseen voidaan käyttää khiin neliö -testiä. Tyypillisesti halutaan verrata jotain ryhmien välisiä eroja, kuten puoluekannatusta alueittain tai sukupuolten suhteen. Testin ideana on verrata havaittua ristiintaulukkoa nollahypoteesin mukaiseen ristiintaulukkoon, jossa muuttujien välillä ei ole lainkaan riippuvuutta. Khiin neliö -testin testisuure perustuu näiden kahden taulukon eroihin.

Tarkastellaan Yhdysvaltalaista kyselytutkimusaineistoa, joka sisältää tiedon henkilön puoluekannatuksesta ja sukupuolesta. Tutkitaan khiin neliö -testin avulla, riippuuko puoluekannatus sukupuolesta. R:ssä tämä voidaan tehdä funktiolla chisq.test.

```
## From Agresti(2007) p.39
M \leftarrow as.table(rbind(c(762, 327, 468), c(484, 239, 477)))
dimnames(M) <- list(gender = c("F", "M"),</pre>
                     party = c("Democrat", "Independent", "Republican"))
(Xsq <- chisq.test(M)) # Prints test summary</pre>
##
##
   Pearson's Chi-squared test
##
## data: M
## X-squared = 30.07, df = 2, p-value = 2.954e-07
                # observed counts (same as M)
Xsq$observed
##
         party
## gender Democrat Independent Republican
##
        F
                762
                             327
                                         468
##
        Μ
                484
                             239
                                         477
```

```
Xsq$expected
               # expected counts under the null
##
         party
## gender Democrat Independent Republican
##
        F 703.6714
                       319.6453
                                  533.6834
##
        M 542.3286
                       246.3547
                                  411.3166
Xsq$residuals # Pearson residuals
##
         party
## gender
            Democrat Independent Republican
##
        F
           2.1988558
                        0.4113702 -2.8432397
        M -2.5046695
##
                      -0.4685829
                                  3.2386734
Xsq$stdres
               # standardized residuals
##
         party
##
  gender
            Democrat Independent Republican
                        0.6994517 -5.3159455
##
           4.5020535
##
        M -4.5020535
                      -0.6994517 5.3159455
```

Koska testin p-arvo on pieni, niin nollahypoteesi hylätään ja todetaan, että puoluekannatus riippuu tilastollisesti merkitsevästi sukupuolesta. Testin luotettavuuden kannalta on kuitenkin hyvä huomioida, että testiin liittyy oletuksia, jotka koskevat odotettuja frekvenssejä (eli nollahypoteesin mukaisen ristiintaulukon frekvenssejä). Tyypillisesti vaaditaan, että odotetun frekvenssin on oltava vähintään 5 vähintään 80%:ssa taulukon soluista, eikä yhdenkään solun odotettu frekvenssi ole alle 1. Tarkistetaan oletukset edellisen esimerkin tapauksessa:

```
all(Xsq$expected >= 1)

## [1] TRUE

mean(Xsq$expected >= 5) >= 0.80

## [1] TRUE
```

Oletukset ovat tältä osin kunnossa. Edellä funktio all ottaa syötteenään loogisen vektorin ja palauttaa TRUE jos syötteen kaikki alkiot ovat TRUE. Muutoin funktio palauttaa FALSE.

9.4 Varianssianalyysi

Varianssianalyysin voidaan ajatella olevan t-testin yleistys, jossa yhden tai kahden odotusarvon sijaan verrataankin kerralla useamman ryhmän odotusarvoja keskenään. Menetelmä saa nimensä siitä, että sen testisuure perustuu kiinnostuksen kohteena olevan muuttujan kokonaisvaihtelun jakamiseen verratavien

ryhmien sisäiseen vaihteluun ja niiden väliseen vaihteluun. Koska harjoitusaineistossa study_data ei vielä ole kategorista muuttujaa, jossa on vähintään kolme kategoriaa, niin luodaan sellainen.

```
# create a new categorical variable called age_group
#3,5,6 => ryhmä 1
#2,4,8 => ryhmä 2
#1,7 => ryhmä 3
# vaste: weight
study_data$age_group <- c("3", "2", "1", "2", "1", "1", "3", "2")
study_data$fage_group <- factor(study_data$age_group)</pre>
```

Hypoteesit ovat: - H_0 : Ryhmien odotusarvot ovat samat tarkasteltavan muuttujan suhteen ($\mu_1 = \mu_2 = \cdots = \mu_n$), - H_1 : Ryhmien odotusarvoissa on eroa tarkasteltavan muuttujan suhteen ($\mu_i \neq \mu_j$ ainakin joillekin $i \neq j$).

```
# conduct Analysis of Variance (ANOVA) for study_data
# we test if averages of height differ between age groups
summary(aov(height ~ fage_group, data = study_data))
```

```
Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## fage_group
                 198.7
                           99.34
                                  1.097 0.417
## Residuals
                4 362.4
                           90.60
## 1 observation deleted due to missingness
summary(aov(height ~ fage_group, data = study_data[rep(1:8,3),])) # the same data thre
##
              Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
                                  4.934 0.0196 *
## fage_group
                 596.1
                           298.0
## Residuals
               18 1087.2
                           60.4
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## 3 observations deleted due to missingness
```

9.5 Levenen testi

Levenen testillä tutkitaan ovatko jonkin muuttujan varianssit samat kahdessa tai useammassa ryhmässä. Testiä ei ole toteutettu perus R:ssä, mutta se on saatavilla Rcourse-paketin kautta funktiossa leveneTest. Testin nollahypoteesi on, että muuttujan varianssit ovat samat joka ryhmässä.

Selvitetään onko harjoitusaineiston study_data muuttujan height varianssissa eroa eri ikäryhmien välillä (fage_group) Levenen testillä.

```
leveneTest(height ~ fage_group, data = study_data)

## Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = median)
## Df F value Pr(>F)
```

```
## group 2 0.5597 0.6105
## 4
```

Testin p-arvo löytyy sarakkeesta Pr(>F), ja se on noin 0.61. Testin mukaan muuttujan varianssit ovat siis samat joka ryhmässä, ja nollahypoteesi jää voimaan.

9.6 Shapiro-Wilk -testi

Shapiro-Wilk -testillä tutkitaan onko jokin muuttuja normaalijakautunut. Testi löytyy funktiosta shapiro.test, ja se ottaa argumenttinaan yhden muuttujan havainnot vektorina. Funktiolla ei voi siis suoraan testata esimerkiksi sitä, onko muuttuja normaalijakautunut joissakin osaryhmissä, vaan aineisto on ensin jaettava sopiviin osiin. Testin nollahypoteesi on, että muuttuja on normaalijakautunut.

Tarkastellaan jälleen harjoitusaineistoa study_data ja testataan muuttujan height normaalisuutta.

shapiro.test(study_data\$height)

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: study_data$height
## W = 0.96985, p-value = 0.8973
```

Testin p-arvon voi lukea kohdasta p-value ja se on aineistolle noin 0.90, eli height-muuttuja on testin mukaan normaalijakautunut, ja nollahypoteesi jää voimaan.

Chapter 10

Lineaariset mallit

Lineaarisessa mallissa eli lineaarisessa regressiossa tavoite on arvioida vastemuuttujan lineaarista riippuvuutta selittävistä muuttujista. Käytetään esimerkkinä R:n sisäistä datasettiä cars, joka sisältää 50 auton nopeudet ja pysähtymismatkat. Tavoitteena on tutkia, miten auton pysähtymismatka riippuu auton nopeudesta.

10.1 Teoria

Yksinkertaisin mahdollinen lineaarinen regressiomalli on:

$$y = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \epsilon$$

- y on **vastemuuttuja**, eli tässä auton pysähtymismatka
- β_0 on
ns. vakiotermi eli käyrän y-akselin leikkauskohta
- β_1 on selittävän muuttujan eli auton nopeuden **regressiokerroin**
- x_1 on selittävä muuttuja eli auton nopeus
- ϵ on **residuaali** (jäännösvirhe)

Mallissa siis oletetaan, että auton pysähtymismatka nopeudella 0 km/h on β_0 ja kasvaa β_1 verran, kun nopeus kasvaa 1 km/h. Lisäksi mukana on virhetermi ϵ , joka selittää satunnaisen vaihtelun tuloksissa lineaarisen käyrän ympärillä.

Jos malliin halutaan lisätä selittäviä muuttujia, kuten auton jarrujen kunto (x_2) tai sääolosuhteet (x_3) , malli näyttää tältä:

$$y=\beta_0+\beta_1x_1+\beta_2x_2+\beta_3x_3+\ldots+\epsilon$$

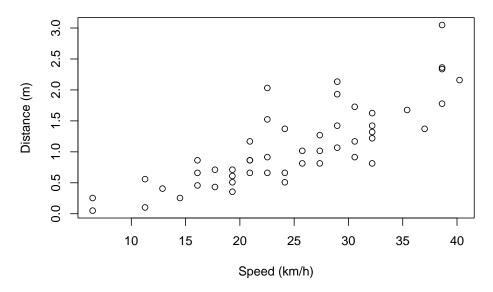
Eli jokaiselle selittävälle muuttujalle annetaan oma regressiokerroin.

10.2 Esimerkki

-0.44650901

Muutetaan ensin cars-datasetin muuttujat meille tuttuihin yksiköihin, ja piirretään hajontakuvio havainnoista:

Stopping distances of cars



Autojen välillä on eroja, mutta kuten voi odottaa, suuremmilla nopeuksilla auton pysähtymismatka kasvaa. Käytetään seuraavaksi R:n funktiota 1m, jolla voidaan sovittaa dataan lineaarinen malli:

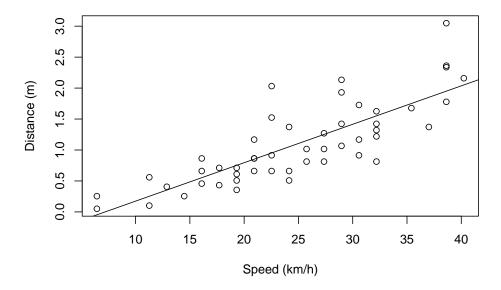
```
model <- lm(dist ~ speed, data = cars)
model$coefficients
## (Intercept) speed</pre>
```

0.06206469

lm-funktiolle annetaan ensimmäiseksi argumentiksi lineaarisen mallin kaava, jossa ~ korvaa yllä nähdyn yhtäkuin-merkin. HUOM: vakiotermi on automaattisesti mukana, eli sitä ei tarvitse kirjata erikseen. Lisäksi täytyy antaa argumentti data, jonka tulee olla datakehikko, josta kaavassa olevat muuttujat löytyvät.

Lineaarisesta mallista saadaan irti paljon tietoa, tärkeimpinä mallin regressiokertoimet (coefficients). Yllä olevista kertoimista voidaan päätellä, että kun auton nopeus nousee 1 km/h niin sen pysähtymismatka kasvaa noin 0.06 m, ja odotettu kasvukäyrä leikkaa y-akselin -0.4 m kohdalla. Voimme piirtää tämän käyrän kuvaajaan abline-funktion avulla, antamalla sille mallin kertoimet:

Stopping distances of cars



10.3 Tarkempia tietoja mallista

Muihin mallin tietoihin pääsee käsiksi summary-funktion avulla, joko tulostamalla tuloksen konsoliin, tai sijoittamalla sen muuttujaan, josta voi etsiä mallin tietoja.

```
# Print summary information
summary(model)

##
## Call:
## lm(formula = dist ~ speed, data = cars)
##
## Residuals:
## Min 1Q Median 3Q Max
## -0.73835 -0.24194 -0.05771 0.23405 1.09731
```

```
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -0.446509
                            0.171664
                                      -2.601
                                               0.0123 *
                                       9.464 1.49e-12 ***
## speed
                0.062065
                            0.006558
## ---
                   0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Signif. codes:
##
## Residual standard error: 0.3906 on 48 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.6511, Adjusted R-squared: 0.6438
## F-statistic: 89.57 on 1 and 48 DF, p-value: 1.49e-12
# Save summary and access specific information
s <- summary(model)</pre>
s$r.squared
```

[1] 0.6510794

summary kertoo mm. kertoimien arvojen lisäksi niiden saamat p-arvot kohdassa (Pr > |t|), sekä mallin selitysasteen (merkintätapa johtuu siitä, että p-arvot tulevat t-testeistä). Tässä tapauksessa muuttujan speed p-arvo on hyvin pieni, joten voimme todeta suurella varmuudella, että autojen pysähtymismatka riippuu (lineaarisesti) auton nopeudesta. R^2 eli R-squared kertoo, kuinka suuren osuuden pysähtymismatkojen varianssista auton nopeus selittää.

Mallin regressiokerrointen estimoitu kovarianssimatriisi saadaan funktiolla vcov (variance-covariance matrix). Kertoimien keskivirheet saadaan tästä edelleen helposti matriisin diagonaalin neliöjuurina (funktiot diag ja sqrt):

```
# Covariance matrix of the regression coefficients
vcov(model)

## (Intercept) speed
## (Intercept) 0.029468659 -1.065882e-03
## speed -0.001065882 4.300714e-05

# Standard errors only
sqrt(diag(vcov(model)))

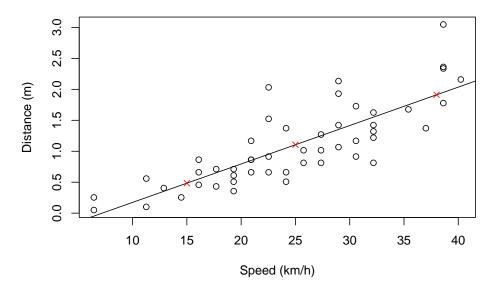
## (Intercept) speed
## 0.171664380 0.006557983
```

10.4 Ennustaminen

Kun lineaarinen malli on estimoitu, sen perusteella voidaan myös ennustaa arvoja uusille havainnoille. Tämä tapahtuu predict-funktiolla, jolle annetaan malli, sekä datakehikko, joka sisältää ne selittäjien arvot, joille halutaan laskea ennusteet. Tämä datakehikko voi sisältää useita rivejä, jolloin ennuste lasketaan

joka riville. Ennustetaan edellisen mallin perusteella pysähtymismatka autolle kolmella uudella nopeudella ja lisätään ne edelliseen kuvaajaan punaisilla rukseilla:

Stopping distances of cars



Kuten huomataan, ennustetut arvot ovat täsmälleen käyrän päällä.

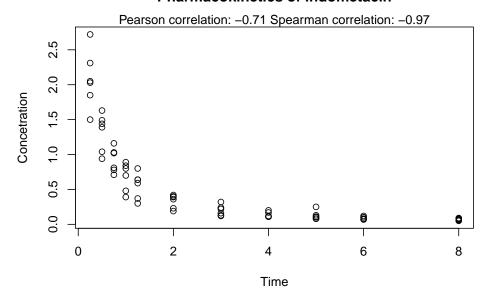
10.5 Korrelaatio

Korrelaatio on lineaarisen regression ohella tapa mitata kahden muuttujan välistä riippuvuutta. Korrelaatiolle on monia erilaisia mittareita, joista yleisimmät ovat Pearsonin korrelaatiokerroin, joka mittaa kahden muuttujan välistä lineaarista riippuvuutta ja Spearmanin järjestyskorrelaatiokerroin, joka mittaa kahden muuttujan välistä riippuvuutta ilman lineaarisuusoletusta, mutta olettaa kuitenkin monotonisen riippuvuuden. HUOM: korrelaatio ei ota kantaa

siihen, kuinka vahva riippuvuus on (käyrän jyrkkyys), vaan pelkästään siihen, kuinka systemaattinen riippuvuus on. Kummatkin korrelaatiokertoimet saavat arvoja väliltä [-1, 1], jossa -1 on täydellinen negatiivinen korrelaatio (toisen muuttujan kasvaessa toinen aina pienenee) ja 1 on täydellinen positiivinen korrelaatio.

Korrelaation kahden vektorin välillä voi R:ssä laskea funktiolla cor. Otetaan esimerkiksi R:n sisäinen datasetti Indometh, jossa on mitattu indometasiinin farmakokinetiikkaa, ja selvitetään ajan ja indometasiinin konsentraation väliselle riippuvuudelle Pearsonin ja Spearmanin korrelaatiokertoimet. Piirretään sen jälkeen hajontakuvio mittaustuloksista ja lisätään kuvaajaan alaotsikoksi korrelaatiokertoimet. Tutustumme samalla funktioon round, jolla voi pyöristää lukuja halutulle desimaalitarkkuudelle. Huomaa, että round-funktio pyöristää aina lähimpään parilliseen lukuun, esim. luku 0.5 pyöristyy lukuun 0, mutta 1.5 pyöristyy lukuun 2.

Pharmacokinetics of indometacin



Tässä esimerkissä nähdään hyvin Pearsonin ja Spearmanin korrelaatiokertoimien ero. Koska Indometasiinin konsentraatio laskee eksponentiaalisesti, ei lineaarisesti, Pearsonin korrelaatiokerroin on "vain" -0.7, kun taas Spearmanin korrelaatiokerroin -0.97 vastaa lähes täydellistä negatiivista korrelaatiota.

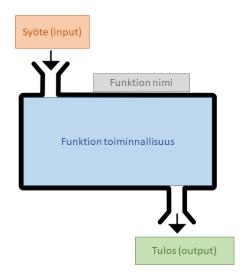
Chapter 11

Funktiot

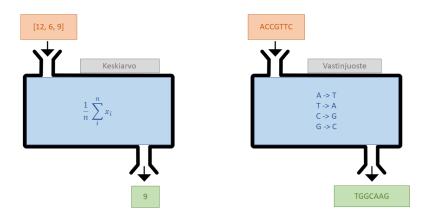
Tässä kappaleessa tutustutaan omien funktioiden kirjoittamiseen ja pureudutaan sitä kautta syvemmälle R-funktioiden toimintaan.

11.1 Funktion käsite

Funktio on nimetty kokonaisuus järjesteltyä ja uudelleenkäytettävää koodia, jonka tarkoitus on suorittaa yksi tarkkaan määrätty tehtävä. Funktioilla on syöte (input) ja tulos (output). Funktion tehtävä on palauttaa (return) syötteen perusteella laskettu tulos. Alla olevassa kuvassa näkyvät funktion neljä osaa: nimi, syöte, toiminnallisuus ja tulos.



Otetaan esimerkiksi kaksi funktiota: "Keskiarvo" ottaa syötteenä halutun määrän lukuja, ja laskee niiden keskiarvon. "Vastinjuoste" ottaa syötteenä DNA-juosteen ja palauttaa sen vastinjuosteen.



Funktioilla voi olla myös erityyppisiä syötteitä. Voitaisiin esimerkiksi määritellä funktio, jolle annettaisiin syötteenä henkilön ikä, pituus, paino, sekä elintapatietoja, ja funktio laskisi näiden pohjalta eliniänodotteen. Yksittäisestä funktion syötteestä käytetään tavallisesti nimitystä "argumentti".

11.2 R-funktiot

11.2.1 Funktioiden määrittely

Tähän mennessä olemme jo käyttäneet monia R-funktioita, eikä meidän ole tarvinnut miettiä niiden toimintaa kovin syvällisesti. Mahdolliset virhetilanteet on kuitenkin paljon helpompi ratkaista, kun ymmärtää miten funktiot toimivat R:ssä.

R-funktioita luodaan function-komennolla. Funktion luominen näyttää tältä:

```
funktion nimi <- function( argumentit ){
  funktion toiminnallisuus
  return( tulos )
}</pre>
```

R-funktiot siis koostuvat samoista osista kuin yllä esitellyt funktiot. - Funktion nimi nimeää muuttujan, johon funktio tallennetaan. - Funktion syöte koostuu argumenteista - Funktion toiminnallisuus on R-koodia - Funktion tulos palautetaan komennolla return

Tehdään esimerkiksi funktio BMI:n laskemiseen:

```
# Define function name and arguments
bmi <- function(height, mass) {
    # Compute BMI
    value <- mass / height^2
    rounded <- round(value, digits = 1)
    # Return computed value
    return(rounded)
}</pre>
```

Ensimmäisellä rivillä määritellään muuttuja, johon funktio tallennetaan, eli funktion nimi bmi. Lisäksi määritetään funktion argumentit, tässä tapauksessa height ja mass. Itse funktion koodi tulee aaltosulkeiden sisään seuraaville riveille. Ensimmäinen koodirivi laskee BMI:n ja toinen pyöristää tuloksen yhden desimaalin tarkkuuteen. Kolmas rivi palauttaa sen.

Voimme nyt kutsua (call) funktiotamme aivan kuin muitakin R-funktioita:

```
# Example
my_bmi <- bmi(height = 1.79, mass = 74)
my_bmi</pre>
```

```
## [1] 23.1
```

HUOM: palautettava arvo on ainoa asia, joka välittyy funktion ulkopuolelle.

Koska funktiomme palauttaa pyöristetyn arvon, alkuperäiseen arvoon ei pääse funktion ulkopuolelta käsiksi.

```
my_bmi <- bmi(height = 1.90, mass = 95)
# Throws error
value</pre>
```

Funktioiden sisällä luodut muuttujat ovat siis olemassa vain sen sisällä ja lakkaavat olemasta, kun funktion suoritus lakkaa.

11.2.2 Argumentit ja funktion kutsuminen

R:ssä funktioiden argumentteja voi määritellä eri tavoilla, mutta yleisimmässä tapauksessa funktiolla on tietty määrä nimettyjä argumentteja. Edellisen esimerkin bmi-funktiolla on kaksi argumenttia, height ja mass. R-kunktioita voi kutsua monella eri tavalla, ja tutustutaan tähän lisää tämän yksinkertaisen funktion avulla.

Yksi tapa on kutsua funktiota antamalla argumenttien arvot ilman niiden nimiä. HUOM: jos argumentteja ei nimeä, niiden tulee olla oikeassa järjestyksessä. Alla olevan esimerkin toisessa kohdassa argumentit menevät sekaisin.

```
# Call without argument names
bmi(1.65, 62)

## [1] 22.8

# Arguments in wrong order -> weird results / error
bmi(62, 1.65)
```

Argumentit voi myös nimetä, kuten edellisissä esimerkeissä tehtiin. Tällöin järjestyksellä ei ole väliä, koska funktiolle on selvää, mitä argumenttia tarkoitetaan.

```
bmi(height = 1.65, mass = 62)
## [1] 22.8
bmi(mass = 62, height = 1.65)
## [1] 22.8
```

On myös mahdollista nimetä vain osa argumenteista. Tällöin nimeämättömät argumentit asetetaan argumenteiksi "tyhjiin kohtiin" vasemmalta oikealle.

```
bmi(1.65, mass = 62)
```

```
## [1] 22.8
```

[1] 0

```
bmi(62, height = 1.65)

## [1] 22.8

Jos funktioille yritetään antaa argumentteja, joita ei ole määritelty, seuraa virhe:

# Causes error
bmi(height = 1.65, weight = 62)

## Error in bmi(height = 1.65, weight = 62): unused argument (weight = 62)

Samoin jos jokin argumentti puuttuu, seuraa virhe:

# Causes error
bmi(height = 1.65)
```

Error in bmi(height = 1.65): argument "mass" is missing, with no default

HUOM: vaikka argumentit saa antaa haluamassaan järjestyksessä ja nimettynä tai nimeämättömänä, kannattaa kuitenkin olla johdonmukainen. Yleisohjeena argumentit kannattaa aina nimetä ja pyrkiä antamaan siinä järjestyksessä, kuin ne on funktiossa määritelty. Näin koodin lukeminen ja ylläpito on paljon helpompaa. Poikkeuksena sääntöön ovat funktiot, joiden toiminta on yksinkertaista, tai joiden ensimmäiset argumentit ovat niin tunnettuja, että niitä ei ole syytä nimetä.

Otetaan esimerkiksi funktio seq. Jos avaat funktion help-sivun komennolla ?seq, näet, että ensimmäiset argumentit ovat nimeltään from ja to. Koska seq on hyvin yleinen ja tunnettu, sitä kutsutaan yleensä niin, että from ja to jätetään nimeämättä. Muut argumentit, kuten by ja length.out yleensä nimetään, koska niitä ei aina käytetä, eikä voida olettaa koodin lukijan muistavan, mitä argumenttia tarkoitetaan, vaikka seq toimisi ilman nimiä, jos annettaisiin peräkkäin from, to ja by. Vastaavasti plot-komennon tapauksessa ei aina kirjoiteta nimiä x ja y-argumenteille, mutta väriä yms. ohjaavat argumentit nimetään.

11.2.2.1 Oletusarvot (default values)

Monilla R-funktioilla on paljon argumentteja, joista kaikkia ei kuitenkaan tarvitse määrittää erikseen, vaan niillä on oletusarvoja (default values). Esimerkiksi seq tekee oletuksena vektorin, joka sisältää kaikki kokonaisluvut from-argumentista to-argumenttiin. Tätä käyttäytymistä voi kuitenkin muuttaa by- ja length.out-argumentteja säätämällä.

Tehdään nyt omaan bmi-funktioomme uusi argumentti height_multiplier, joka saa oletuksena arvon 1. Jos halutaan antaa pituus senttimetreissä metrien sijaan, voidaan asettaa pituuden kertoimeksi 0.01.

```
bmi <- function(height, mass, height_multiplier = 1) {
   # Compute BMI</pre>
```

```
value <- mass / (height * height_multiplier)^2
rounded <- round(value, digits = 1)
# Return computed value
return(rounded)
}
bmi(height = 1.65, mass = 62)
## [1] 22.8
bmi(height = 165, mass = 62, height_multiplier = 0.01)</pre>
```

[1] 22.8

Argumentin oletusarvo merkataan siis funktion määrittelyssä =-merkillä, kuten funktion argumenttien anto yleensä. Monilla valmiiden funktioiden argumenteilla on oletusarvona tyhjä arvo eli NULL. Tämä tarkoittaa usein, että argumentin voi jättää tyhjäksi, mutta oletusarvon valinta on niin monimutkainen prosessi, että sitä ei voi kirjoittaa funktion määrittelyssä yhdelle riville. Usein tämä tarkoittaa sitä, että oletusarvo riippuu muista argumenteista. HUOM: NULL on eri asia kuin NA, ja käyttäytyy eri tavoin. Aiheesta lisää täällä.

11.2.3 Funktio ilman argumentteja

Joillain funktioilla ei ole ollenkaan argumentteja. Esimerkiksi R:n sisäiset funktiot Sys.time ja Sys.Date palauttavat tämänhetkisen ajan ja päivämäärän, eivätkä tarvitse argumentteja.

```
Sys.time()
```

```
## [1] "2021-08-11 13:56:52 EEST"
```

Itse tehdyt funktiot voivat myös toimia ilman argumentteja. Niitä käytetään usein R-istunnon tilan, koodia ajavan tietokoneen ominaisuuksien tai ajan selvittämiseen. Tämä melko hyödytön esimerkkifunktio palauttaa tämän dokumentin kirjoittajan nimen:

```
author <- function() {
  return("Anton Klåvus")
}
author()</pre>
```

[1] "Anton Klåvus"

11.3 Palautus (return)

Tutkitaan return-käskyä, eli palautusta R-funktiosta hieman tarkemmin.

11.3.1 Usean arvon palautus

R-funktiot palauttavat aina yhden objektin. Palautukseen käytetään funktiota return, kuten aiemmin on nähty. Jos funktiosta halutaan ulos useampi objekti, on muodostettava esimerkiksi lista, joka sisältää halutut objektit. Jos siis bmifunktiosta haluttaisiin palauttaa sekä pyöristetty, että alkuperäinen BMI:n arvo, voidaan ne palauttaa listassa:

```
bmi_list <- function(height, mass, height_multiplier = 1) {</pre>
  # Compute BMI
  value <- mass / (height * height_multiplier)^2</pre>
  rounded <- round(value, digits = 1)</pre>
  # Return computed value
  values <- list(original = value,</pre>
                  rounded = rounded)
  return(values)
}
result <- bmi_list(1.65, 62)
result
## $original
## [1] 22.77319
##
## $rounded
## [1] 22.8
result$rounded
```

[1] 22.8

11.3.2 Palautus ilman return-käskyä

R on siitä erikoinen ohjelmointikieli, että R-funktiot voivat palauttaa arvoja myös ilman eksplisiittistä return-käskyä. Jos R-funktiossa ei ole return-käskyä, ja viimeinen rivi on vain muuttuja, tai sijoitus muuttujaan, tämän muuttujan arvo palautetaan automaattisesti. bmi-funktion voisi siis kirjoittaa myös näin:

```
bmi <- function(height, mass, height_multiplier = 1) {
   # Compute BMI
   value <- mass / (height * height_multiplier)^2
   rounded <- round(value, digits = 1)
   # Return computed value
   rounded
}
bmi(1.65, 62)</pre>
```

[1] 22.8

Alussa on kuitenkin hyvä käyttää return-käskyä, niin pysyy paremmin perässä

siitä, mitä koodi tekee, eikä sen kirjoittaminen ole kokeneellekaan ohjelmoijalle huono tapa.

11.3.3 Funktio ilman tulosta

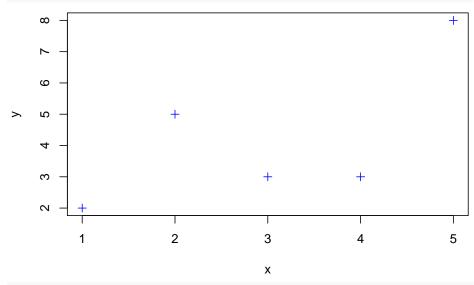
Funktion tarkoitus ei ole aina palauttaa jotain. Yleisiä esimerkkejä ovat cat ja plot, jotka tulostavat ja piirtävät asioita. Jos näiden funktion paluuarvon yrittää sijoittaa muuttujaan, on tuloksena NULL, eli tyhjä arvo.

```
cat_return <- cat("What does cat return?\n")
## What does cat return?
cat_return</pre>
```

NULL

Itse tehty funktio palauttaa NULL, jos viimeinen komento palauttaa NULL:

```
# Function for plotting blue squares
blue_squares <- function(x, y) {
  plot(x, y, pch = 3, col = "blue")
}
value <- blue_squares(1:5, c(2, 5, 3, 3, 8))</pre>
```



value

NULL

Chapter 12

Ehtorakenteet

Funktiot kappaleen funktiot suorittavat aina samat komennot riippumatta syötteestä. Entä jos funktion toiminnassa pitäisi ottaa huomioon erilaisia tapauksia, eli suorittaa tiettyjä komentoja vain joissain tilanteissa? Tätä varten ohjelmointikielissä on ehtorakenteita, eli ns. if/else-rakenteita, jotka ohjaavat ohjelman toimintaa.

Tutustutaan ensin tarkemmin loogisiin operaattoreihin.

12.1 Loogiset operaattorit

Tässä on lyhyt lista loogisista operaattoreista:

Operaattori	Toiminto
<	pienempi kuin
<=	pienempi tai yhtä suuri kuin
>	suurempi kuin
>=	suurempi tai yhtä suuri kuin
==	yhtä kuin
!=	ei yhtä kuin
!a	ei a (negaation)
$a \mid b$	a TAI b alkioittain
a b	a TAI b yksittäisille arvoille
a & b	a JA b alkioittain
a && b	a JA b yksittäisille arvoille
a %in% b	mitkä a:n alkiot ovat myös b:n alkioita

Kaikki loogiset operaattorit palauttavat joko arvon TRUE, FALSE tai NA. Vertailuoperaattorien käyttö on jo tullut tutuksi aikaisemmissa kappaleissa, mutta

tutustutaan vähän tarkemmin viimeisten rivien operaattoreihin.

12.1.0.1 Negaatio

Looginen negaatio palauttaa loogisen lauseen vastakohdan, eli muuttaa arvon TRUE arvoksi FALSE ja arvon FALSE arvoksi TRUE.

```
10 > 12

## [1] FALSE
!(10 > 12)

## [1] TRUE

# Also works without parentheses
!10 > 12

## [1] TRUE
!is.na(NA)

## [1] FALSE
```

12.1.0.2 Looginen TAI (disjunktio)

Loogiselle TAI operaattorille annetaan kaksi loogista lausetta, ja TAI operaattori palauttaa TRUE, jos vähintään toinen lauseista on TRUE. R:ssä TAI merkitään pystyviivalla | tai kahdella pystyviivalla | |. | käy läpi vektoreita alkioittain, | | vertaa kahta loogista lausetta, ja toista lausetta ei edes ajeta, jos ensimmäinen on TRUE (koska | | palauttaa TRUE riippumatta toisen lauseen arvosta). Jos tämä tuntui monimutkaiselta, niin riittää muistaa, että ehtorakenteissa kannattaa käyttää muotoa "||".

```
10 > 12 || "a" < "b"

## [1] TRUE

2 > 1 || 4 > 2

## [1] TRUE

"a" > "c" || 1 > 10

## [1] FALSE
```

12.1.0.3 Looginen JA (konjunktio)

Loogiselle JA operaattorille annetaan kaksi lausetta. JA palauttaa TRUE, jos kummatkin lauseet ovat TRUE. R:ssä JA-operaattorit ovat & ja &&, jotka käyttäytyvät kuten | ja | |.

```
10 > 12 && "a" < "b"

## [1] FALSE

2 > 1 && 4 > 2

## [1] TRUE

"a" > "c" && 1 > 10

## [1] FALSE
```

12.1.0.4 Osajoukko

%in%-operaattorilla voi tarkistaa, kuuluuko jokin arvo suurempaan joukkoon. Tämä voitaisiin toteuttaa myös usealla TAI-operaattorilla, mutta %in% on usein paljon kätevämpi.

```
dna_bases <- c("A", "C", "G", "T")
rna_bases <- c("A", "C", "G", "U")
"T" %in% dna_bases</pre>
```

```
## [1] TRUE
"T" %in% rna_bases
```

```
## [1] FALSE
```

```
# With negation
!"A" %in% dna_bases
```

[1] FALSE

Operaattoria voi soveltaa myös vektoreihin, jolloin operaattori palauttaa loogisen vektorin, jonka alkio jokainen alkio kertoo, kuuluiko vastaava operaation vasemman puolen alkio operaation oikeaan puoleen.

```
dna_bases %in% rna_bases
```

```
## [1] TRUE TRUE TRUE FALSE
```

12.1.0.5 Monimutkaisemmat lauseet

Operaattoreita voidaan myös yhdistellä monimutkaisemmiksi lauseiksi. Tällöin lauseiden evaluointijärjestys määritetään tarvittaessa suluilla.

```
## [1] TRUE
```

```
12.1.0.6 a < x < b
```

usein tulee vastaan tilanteita, joissa halutaan tarkistaa, onko jokin luku halutulla välillä. Tämä kirjoitetaan matemaatiisesti esim. näin: a < x < b, jossa tarkastetaan, onko x välillä (a,b). Tämä ei kuitenkaan valitettavasti toimi R:ssä, vaan tarkistus pitää jakaa kahteen osaan:

```
# Are x and y between 0 and 1?
x <- 3
y <- 0.3
0 <= x && x <= 1
## [1] FALSE
0 <= y && y <= 1
## [1] TRUE</pre>
```

12.2 Ehtorakenteet

Aloitetaan esimerkistä: tehtävänä on kirjoittaa funktio, jolle annetaan syötteenä potilaan hemoglobiiniarvo. Funktion on tarkoitus hälyttää, jos hemoglobiini laskee alle viitearvojen alarajan 117. Kyseinen funktio voisi näyttää vaikka tältä:

```
hb_alert <- function(hb) {
  if (hb < 117) {
    return("Hemoglobin is low!")
  }
}</pre>
```

Funktiolla on siis yksi argumentti, hb eli hemoglobiiniarvo. Funktion sisällä on if-rakenne. If-rakenteessa on kaksi osaa: ehto, ja rakenteen sisäinen koodi. Rakenteen sisäinen koodi ajetaan vain, jos ehto täyttyy. Ehto merkitään if-komennon jälkeen sulkeisiin, ja rakenteen sisäinen koodi kirjoitetaan sulkeiden jälkeen aaltosulkeiden sisään. (Jos aaltosulkeiden sisään tulisi vain yksi rivi koodia, aaltoasulkeet voi jättää pois, mutta näissä esimerkeissä käytetään aina aaltoasulkeita).

Kokeillaan, miten funktio toimii eri hemoglobiiniarvoilla:

```
# Nothing happens
hb_alert(130)
# returns alert
hb_alert(110)
```

```
## [1] "Hemoglobin is low!"
```

Funktio siis toimii oletetusti, eli se hälyttää vain, jos hemoglobiinitaso on alle 117. Käyttäjän kannalta olisi kuitenkin kätevää saada jonkinlainen palaute myös silloin, kun hemoglobiinitaso on tarpeeksi korkea. Tätä varten voidaan käyttää else-komentoa:

```
hb_alert <- function(hb) {
  if (hb < 117) {
    return("Hemoglobin is low!")
  } else {
    return("Hemoglobin OK")
  }
}
hb_alert(130)</pre>
```

[1] "Hemoglobin OK"

Else-komennon jälkeinen koodi siis ajetaan, jos ehto hb < 117 ei täyty.

Tällä hetkellä funktiomme toimii vain naispotilaille, sillä miehillä hemoglobiiniarvojen alaraja on 134. Lisätään siis funktioomme argumentti sex sukupuolta varten ja muokataan funktion toimintaa niin, että se osaa ottaa huomioon sukupuolen. Nyt if-rakenteen ehdosta tulee jo hieman monimutkaisempi:

```
hb_alert <- function(hb, sex) {
  if (sex == "female" && hb < 117 || sex == "male" && hb < 134) {
    return("Hemoglobin is low!")
  } else {
    return("Hemoglobin OK")
  }
}
hb_alert(hb = 120, sex = "female")</pre>
```

```
## [1] "Hemoglobin OK"
hb_alert(hb = 120, sex = "male")
```

[1] "Hemoglobin is low!"

Entä jos haluaisimme tulostaa eri varoituksen mies- ja naispotilaille? Tähän tarvitaan "else if"-rakennetta:

```
hb_alert <- function(hb, sex) {
  if (sex == "female" && hb < 117) {
    return("Hemoglobin is low for a female!")
  } else if (sex == "male" && hb < 134) {
    return("Hemoglobin is low for a male!")
  } else {
    return("Hemoglobin OK")
```

```
}
hb_alert(hb = 110, sex = "female")
```

```
## [1] "Hemoglobin is low for a female!"
hb_alert(hb = 120, sex = "male")
```

```
## [1] "Hemoglobin is low for a male!"
```

Nyt funktio tarkistaa ensin, onko potilas nainen ja onko hänen hemoglobiininsa alle 117. Jos ei, siirrytään eteenpäin ja tarkistetaan, onko potilas mies ja onko hänen hemoglobiininsa alle 130. Jos ei, siirrytään viimeiseen kohtaan, ja tulostetaan "Hemoglobin ok".

Else-if rakenteita voi olla rajoittamaton määrä ensimmäisen if-rakenteen jälkeen. Lisätään funktioon hälytys kriittisestä hemoglobiinin määrästä (hb < 50) riippumatta sukupuolesta:

```
hb_alert <- function(hb, sex) {
  if (sex == "female" && hb < 117) {
    return("Hemoglobin is low for a female!")
} else if (sex == "male" && hb < 134) {
    return("Hemoglobin is low for a male!")
} else if (hb < 50) {
    return("Hemoglobin is critical")
} else {
    return("Hemoglobin OK")
}

hb_alert(hb = 32, sex = "female")</pre>
```

[1] "Hemoglobin is low for a female!"

Kuten huomataan, yllä oleva koodi ei toimikaan, kuten piti. Näin alhaisella hemoglobiinilla pitäisi tulla varoitus kriittisestä tilasta. Koodi suoritus ei kuitenkaan ikinä etene kriittisen tilan varoitukseen asti, sillä ensimmäinen ehto täyttyy. Korjataan tilanne siirtämällä kriittisen tilan ehto ensimmäiseksi:

```
hb_alert <- function(hb, sex) {
  if (hb < 50) {
    return("Hemoglobin is critical")
} else if (sex == "male" && hb < 134) {
    return("Hemoglobin is low for a male!")
} else if (sex == "female" && hb < 117) {
    return("Hemoglobin is low for a female!")
} else {</pre>
```

```
return("Hemoglobin OK")
}

hb_alert(hb = 32, sex = "female")

## [1] "Hemoglobin is critical"

hb_alert(hb = 120, sex = "female")

## [1] "Hemoglobin OK"

hb_alert(hb = 120, sex = "male")
```

[1] "Hemoglobin is low for a male!"

Nyt funktio toimii haluamallamme tavalla!

Funktioissa voi myös olla useampi ehtorakenne. Ehtorakenteita käytetään usein tarkistamaan argumenttien arvoja. Lisätään ehtorakenteet argumenttien tarkistamiseksi:

```
hb_alert <- function(hb, sex) {
  # Hemoglobin should be numeric and positive
  if (!is.numeric(hb) || hb < 0) {</pre>
    return("Hemoglobin should be numeric and positive")
  if (!sex %in% c("female", "male")) {
    return("This function can only deal with binary sex: female or male")
  }
  if (hb < 50) {
    return("Hemoglobin is critical")
  } else if (sex == "male" && hb < 134) {</pre>
    return("Hemoglobin is low for a male!")
  } else if (sex == "female" && hb < 117) {
    return("Hemoglobin is low for a female!")
  } else {
    return("Hemoglobin OK")
  }
}
hb_alert(hb = "120", sex = "female")
## [1] "Hemoglobin should be numeric and positive"
hb_alert(hb = 120, sex = "FEMALE")
```

[1] "This function can only deal with binary sex: female or male"

12.3 Alkioiden poimiminen vektorista tietyn ehdon perusteella

Seuraava tilanne on melko tyypillinen: on käytävä läpi vektorin arvot, ja säilytettävä niistä ne, jotka täyttivät tietyn ehdon. Tätä ongelmaa voi lähestyä esimerkiksi seuraavalla tavalla:

- Luo apufunktio, joka ottaa syötteeksi yhden arvon, ja tarkistaa täyttyykö ehto. Tämän funktion tulee palauttaa TRUE, jos ehto täyttyy ja FALSE, jos ehto ei täytty.
- Käytä funktiota Vectorize, jolla voit muuttaa funktiosi vektoroiduksi funktioksi. Vektorointi tarkoittaa tässä yhteydessä sitä, että yhden alkion sijaan vektoroitua funktiota voidaankin kutsua vektoriargumentilla, ja jokaiselle argumentin alkiolle suoritetaan alkuperäisen funktion määrittelemä operaatio.
- Käytä vektoroitua apufunktiota vektorin indeksointiin.

Tässä on esimerkki, jossa käydään läpi vektori DNA:n emäksiä, joista poimitaan vain sytosiinit ja guaniinit.

```
# Helper function
is_cg <- function(base) {</pre>
  if (base %in% c("C", "G")) {
    return(TRUE)
  } else {
    return(FALSE)
  }
}
# Vectorize
is_cg_vector <- Vectorize(is_cg)</pre>
# Main function
pick_cg <- function(bases) {</pre>
  only_cg <- bases[is_cg_vector(bases)]</pre>
  return(only_cg)
}
# NOTE: this only checks the first value of the vector
my_bases <- c("A", "C", "C", "T", "G", "T")</pre>
is_cg(my_bases)
```

Warning in if (base %in% c("C", "G")) $\{: \text{ the condition has length} > 1 \text{ and only}$ ## the first element will be used

```
## [1] FALSE
```

12.3. ALKIOIDEN POIMIMINEN VEKTORISTA TIETYN EHDON PERUSTEELLA121

```
# This works as expected
is_cg_vector(my_bases)

## A C C T G T
## FALSE TRUE TRUE FALSE TRUE FALSE

# Pick only C and G
pick_cg(my_bases)

## [1] "C" "C" "G"
```

Chapter 13

Toistorakenteet (loops)

Toistorakenne toistaa annettua koodia. Toistorakenteet ovat ehtorakenteiden ohella ohjelmoinnin perusrakennuspalikoita. Tässä osiossa tutustutaan kahteen yleisimpään tapaukseen eli for ja while -silmukoihin. Mukana on myös maininta silmukoiden korvaamisesta R:n apply-funktioilla. Lopusta löytyy lisäksi vinkkejä tämän viikon tehtäviin.

Lisäksi tällä viikolla puhutaan R-paketeista.

13.1 For-silmukka

For-silmukka toistaa koodia ennalta määrättyjen iteraatioiden verran. For-silmukalla voi esimerkiksi käydä läpi data framen tai matriisin sarakkeita tai rivejä, tai vektorin arvoja. For-silmukka iteroi aina jonkin järjestetyn rakenteen yli, esimerkiksi vektorin. For-silmukalle annetaan tyypillisesti vektori arvoja, ja ns. iteraatiomuuttuja, johon tallennetaan vuorotellen yksi alkio annetusta vektorista. Käytännössä tämä näyttää tältä:

```
for (i in seq(3, 7)) {
  print(i)
}
```

for-silmukassa määritetään siis ensin iteraatiomuuttuja eli i ja sen saamat arvot eli seq(3, 7) komennolla in. Sen jälkeen hakasulkeiden sisältämä koodi toistetaan jokaiselle i:n arvolle. Tässä tapauksessa yksinkertaisesti tulostetaan muuttujan i arvo. Huomaa, että for-silmukan in ei ole sama asia kuin looginen operaattori %in%.

Usein halutaan kuitenkin käydä läpi jonkin vektorin tai matriisin arvoja. Alla oleva koodi laskee matriisin X rivien summan (tähän voisi myös käyttää valmista funktiota rowSums()). Aluksi alustetaan tyhjä vektori, johon rivien summat tal-

lennetaan. Sen jälkeen käydään läpi matriisin rivit ja tallennetaan rivin summa alussa alustettuun vektoriin.

```
# Create matrix X
X <- matrix(1:12, nrow = 4)
X

# Initialize vector for row sums
row_sums <- rep(0, nrow(X))
# Iterate over rows of X
for (i in seq(1, nrow(X))) {
    # Assign sum of the current row to the vector
    row_sums[i] <- sum(X[i, ])
}

# Compare results with the result from base R function
row_sums
rowSums(X)</pre>
```

For-silmukalla voi myös toteuttaa viime kerralla tehdyn funktion, joka poimii DNA:n emäksistä vain sytosiinit ja guaniinit. Tällä kertaa apufunktiota is_cg() ei tarvitse vektorisoida, koska for-silmukka käy läpi kaikki emäkset. Tämä silmukka voidaan toteuttaa kahdella tavalla. Ensimmäinen tapa on käyttää iteraatiomuuttujana i:tä, joka käy läpi iteraation ykkösestä emäsvektroin pituuteen:

```
# Helper function
is_cg <- function(base) {</pre>
  if (base %in% c("C", "G")) {
    return(TRUE)
  } else {
    return(FALSE)
}
# Main function
pick_cg1 <- function(bases) {</pre>
  # Initialize empty vector
  only cg <- c()
  for (i in seq(1, length(bases))) {
    # If the current base is C or G, add it to only_cg
    if (is_cg(bases[i])) {
      only_cg <- c(only_cg, bases[i])</pre>
  }
  return(only_cg)
```

```
my_bases <- c("A", "C", "C", "T", "G", "T")
pick_cg1(my_bases)
</pre>
```

Toinen vaihtoehto on iteroida suoraan vektorin bases yli, jolloin iteraatiomuuttujaan tallentuu suoraan kyseinen emäs:

```
pick_cg2 <- function(bases) {
    # Initialize empty vector
    only_cg <- c()
    for (base in bases) {
        # If the current base is C or G, add it to only_cg
        if (is_cg(base)) {
            only_cg <- c(only_cg, base)
        }
    }
    return(only_cg)
}

my_bases <- c("A", "C", "C", "T", "G", "T")
pick_cg2(my_bases)</pre>
```

Iteraatiomuuttujan voi siis nimetä haluamallaan tavalla, sen ei aina tarvitse olla i. Jos kuitenkin iteraatiomuuttujaan tallennetaan vain yksi luku, suosittelen vahvasti käyttämään i:tä. Tämä on hyvin vakiintunut tapa ohjelmointikielestä ja ohjelmoijasta riippumatta, vaikka muutoin muuttujien nimeämiseen on erilaisia koulukuntia riippuen ohjelmoijan taustasta. Jos taas iteroidaan vektorin nimeltä bases yli, on luonnollinen valinta iteraatiomuuttujan nimeksi base.

My brain when choosing a variable name:



My brain when choosing an iterable name:



13.2 While-slimukat

While-silmukkaa käytetään, kun iteraatioiden määrä ei ole ennalta tiedossa, vaan while-silmukkaa toistetaan niin kauan, kuin tietty ehto on voimassa. Hyvä esimerkki while-silmukasta on proteiinisynteesi (yksinkertaistettuna): alla oleva funktio käy läpi RNA-molekyylin kodoneita, kunnes löytää aloituskodonin AUG. Sen jälkeen funktio rakentaa aminohappoketjua kodonien perusteella, kunnes vastaan tulee jokin lopetuskodoneista. Oikean proteiinin löytämiseen käytetään Biostrings-paketista löytyvää geneettistä koodia, joka on nimetty vektori, jossa on kodoneita vastaavien aminohappojen kirjainlyhenne, tai lopetuskodonien tapauksessa merkki "*":

```
rna_code <- Biostrings::RNA_GENETIC_CODE
rna_code</pre>
```

```
prot_synth <- function(codons) {</pre>
  # Initialize iterable as the first codon
  i <- 1
  # Initialize empty amino acid chain
  protein <- c()
  # Find starting codon
  while (codons[i] != "AUG") {
    i <- i + 1
  }
  # After starting codon, build protein until one of the stop codons is met
  while (rna_code[codons[i]] != "*") {
    protein <- c(protein, rna_code[codons[i]])</pre>
    i <- i + 1
  }
  return(protein)
prot_synth(codons = c("UUG", "GAA", "AUG", "UGU", "AGU", "AGA", "UCG", "UCG", "UGA", "GCA"))
```

While-silmukalle annetaan siis ensin ehto, joka tarkistetaan ennen jokaista iteraatiota. Jos ehto täyttyy, suoritetaan yksi iteraatio, ja tarkistetaan ehto uudestaan. HUOM: while-silmukkaa koodatessa tulee huolehtia siitä, että silmukan ehdon on mahdollista olla lopulta epätosi, muuten silmukka saattaa jäädä pyörimään ikuisesti!

Käytännössä kaikki for-silmukat voisi korvata while-silmukoilla, mutta for-silmukoiden käyttö on kätevämpää, sillä niissä iteraatiomuuttujaa ei tarvitse kasvattaa erikseen.

```
# A simple for loop
for (i in seq(1, 4)) {
  print(i * 2)
}
```

```
# The same as above
i <- 1
while (i <= 4) {
   print(i * 2)
   i <- i + 1
}</pre>
```

13.3 Sisäkkäiset silmukat (nested loops)

Silmukoita voi myös olla useampi sisäkkäin. Alla olevassa esimerkissä on taulukko tutkimuksesta, jossa on mitattu eri eliöiden β - globiinigeenin ensimmäisen eksonin samankaltaisuutta. Pienempi luku tarkoittaa enemmän samankaltaista geeniä.

	Human	Goat	Opossum	Lemur	Mouse	Rabbit	Gorilla
Human	0.0	4.7	4.6	2.7	3.2	3.2	1.6
Goat	4.7	0.0	7.2	5.9	7.8	3.7	5.5
Opossum	4.6	7.2	0.0	5.3	5.3	6.3	5.7
Lemur	2.7	5.9	5.3	0.0	4.3	2.7	3.2
Mouse	3.2	7.8	5.3	4.3	0.0	6.0	2.9
Rabbit	3.2	3.7	6.3	2.7	6.0	0.0	3.8
Gorilla	1.6	5.5	5.7	3.2	2.9	3.8	0.0

Tämä data on tiedostossa exons.csv, joten luetaan se R:ään:

```
exons <- read.csv("exons.csv", row.names = 1)</pre>
```

Etsitään seuravaksi kaikki eliöparit, joiden geenien etäisyys on alle 4 ja lisätään parit data frameen, jossa on kaksi saraketta, ja jokainen rivi edustaa yhtä eliöparia. Käytetään tähän kahta sisäkkäistä for-silmukkaa. Toisen silmukan iteraatiomuuttujan nimi on yleensä j, seuraavan k ja niin edelleen. Käydään exons läpi niin, että i on rivin numero, ja j sarakkeen numero, ja etsitään sopivat parit.

```
}
}
close_pairs
```

Koodimme toimii jo ihan hyvin, mutta tuloksessa on hieman turhaa tavaraa: exons on symmetrinen, joten monet parit on esitetty tuloksessa kahdesti. Tämä voidaan ratkaista muuttamalla toista for-silmukkaa:

Nyt toisen silmukan läpi käymät j:n arvot riippuvat i:n arvosta. Tämä koodi käy läpi taulukon ylemmän diagonaalin, eli "yläpuolen". Ensimmäisellä kierroksella j käy läpi arvot 1-7, seuraavalla kierroksella 2-7, sitten 3-7 jne. Vastaavasti voitaisiin myös käydä läpi alempi diagonaali komennolla for(j in seq(1, i).

Emme kuitenkaan voi olla vieläkään tyytyväisä tulokseen, sillä mukana ovat "parit", joissa kumpikin laji on sama. Näistä emme luonnollisesti ole kiinnostuneita. Nämä parit voidaan poistaa esimerkiksi 'next-komennolla.

13.4 Iterointiin puuttuminen: next ja break

Joskus silmukan toimintaan on hyvä puuttua kesken suorituksen. Joskus yksi iteraatio halutaan sivuuttaa kokonaan, toisinaan taas halutaan keskeyttää koko silmukka. Näihin tarkoituksiin R:ssä on komennot next ja break.

Lisätään edelliseen esimerkkiin toiminto, joka ohittaa diagonaalilla olevat rivit,

eli hyppää iteraation yli, jos i ja j ovat yhtä suuret. Käytetään tähän next-komentoa, joka ohjaa ohjelman suoraan seuraavaan iteraatioon:

```
# Initialize empty data frame for the pairs
close_pairs <- data.frame()</pre>
# Iterate over rows and columns
for (i in seq(1, nrow(exons))) {
  # Only check upper diagonal
 for (j in seq(i, ncol(exons))) {
    if (i == j) {
        next
    }
    # Check if dissimilarity is below 4
    if (exons[i, j] < 4) {
      # Add the pair as a new row to close_pairs
      new_row <- data.frame(Species_1 = rownames(exons)[i],</pre>
                             Species_2 = colnames(exons)[j])
      close_pairs <- rbind(close_pairs,</pre>
                            new_row)
    }
 }
}
close_pairs
```

Nyt pääsimme eroon kaikista turhista pareista!

Jos haluaisimme kaikkien parien sijaan etsiä vain ensimmäisen parin, jonka geenien etäisyys on alle 3, voisimme käyttää komentoa break, joka keskeyttää silmukan turhan suorittamisen haluamamme parin löydyttyä.

```
}
}
close_pair
```

HUOM: Tämä ei kuitenkaan ole oikea pari: Jos exons data framea käydään läpi rivi kerrallaan, ensimmäinen pari, jonka arvo on alle 3 on Human ja Lemur, ei Mouse ja Gorilla. Mikä siis meni väärin? Kun kyse on näin pienestä aineistosta, voidaan mahdollisia ongelmia tutkia lisäämällä silmukoiden sisään print()-komentoja, jotka kertovat meille silmukan etenemisestä. Lisätään siis edelliseen silmukkaan rivi, joka tulostaa iteraatiomuuttujat i ja j jokaisella iteraatiolla, sekä rivi, joka tulostaa uuden parin, kun sellainen löytyy:

```
close_pair <- c()</pre>
# Iterate over rows and columns
for (i in seq(1, nrow(exons))) {
  # Only check upper diagonal
  for (j in seq(i, ncol(exons))) {
    # Monitor loop
    print(c(i, j))
    if (i == j) {
        next
    }
    # Check if dissimilarity is below 3
    if (exons[i, j] < 3) {</pre>
      # Assign pair to close_pair and stop search
      close pair <- c(Species 1 = rownames(exons)[i],</pre>
                              Species 2 = colnames(exons)[j])
      print(close_pair)
      break
    }
  }
}
close_pair
```

Nyt huomataan, että iteraatio etenee rivillä yksi neljänteen sarakkeeseen asti, ja löytää parin Human-Lemur, aivan kuten pitikin. Jostain syystä ohjelma siirtyy kuitenkin sen jälkeen toiselle riville. Tämä johtuu siitä, että break-komento katkaisee vain yhden for-silmukan kerrallaan. Jos haluamme katkaista myös ulomman silmukan, meidän tulee lisätä ulomman silmukan loppuun tarkastus, joka tarkastaa, onko pari jo löytynyt. Tämä voidaan testata esimerkiksi vektorin close_pairs pituuden avulla. Jos if-rakenteelle antaa pelkän luvun, luku tulkitaan arvoksi TRUE, jos se ei ole nolla.

```
close_pair <- c()</pre>
# Iterate over rows and columns
for (i in seq(1, nrow(exons))) {
  # Only check upper diagonal
  for (j in seq(i, ncol(exons))) {
    if (i == j) {
        next
    }
    # Check if dissimilarity is below 3
    if (exons[i, j] < 3) {</pre>
      # Assign pair to close pair and stop search
      close_pair <- c(Species_1 = rownames(exons)[i],</pre>
                              Species 2 = colnames(exons)[j])
      break
    }
  }
  # Stop iterating if the pair has been found
  if (length(close_pair)) {
    break
  }
}
close_pair
```

Nyt koodimme toimii, kuten pitääkin!

13.5 Apply-funktiot

R:ssä käytetään silmukoiden lisäksi apply()-funktioperheen funktioita, joilla voi käydä läpi data frameja, matriiseja tai vektoreita ilman silmukoita. Joissain tapauksissa apply-funktiot ovat myös nopeampia kuin silmukat. Tästä syystä niitä näkee käytettävän paljon, ja varsinkin kokeneemmat R-ohjelmoijat käyttävät niitä usein silmukoiden sijaan. Tällä kurssilla näitä funktioita ei kuitenkaan tarvita. Tässä on annettu muutamia esimerkkejä, voit lukea lisää esimerkiksi DataCampin tutoriaalista

apply() käy läpi matriisin/data framen rivit tai sarakkeet, ja ajaa jonkin funktion jokaiselle riville tai sarakkeelle. Alla oleva esimerkki normalisoi kaikki R:n sisäisen datan trees sarakkeet autoscaling-menetelmällä, jossa sarakkeen arvoista vähennetään sarakkeen keskiarvo ja tulos jaetaan sarakkeen keskihajonnalla. Normalisoinnin tarkoitus on, että kaikkien sarakkeiden keskiarvoksi saadaan 0, ja kaikilla on sama varianssi (ja keskihajonta) 1.

```
head(trees)
```

```
scaler <- function(x) {
   scaled <- (x - mean(x)) / sd(x)
   scaled
}

scaled_trees <- apply(X = trees, MARGIN = 2, FUN = scaler)
scaled_trees <- as.data.frame(scaled_trees)
head(scaled_trees)</pre>
```

MARGIN-argumentilla määritetään, käydäänkö läpi rivit vai sarakkeet (1 = rivit, 2 = sarakkeet). HUOM: apply palauttaa aina matriisin tai vektorin. Jos tulos halutaan muuntaa takaisin data frameksi, täytyy se tehdä erikseen.

Tarkistetaan tulos laskemalla sarakkeiden keskiarvot ja varianssit. Tämä voidaan tehdä apply-funktiolla, tai käyttää sapply-funktiota, joka käy automaattisesti data framen sarakkeet, ja ajaa saman funktion sarakkeille kuten apply.

```
apply(scaled_trees, 2, mean)
sapply(scaled_trees, var)
```

Huomaa, että sarakkeiden keskiarvot eivät ole täsmälleen 0. Tämä johtuu R:n rajallisesta numeerisesta tarkkuudesta. Käytännössä itseisarvoltaan tätä luokkaa olevat arvot ovat nollia.

13.6 Vinkkejä tehtäviin

Tämän viikon tehtävissä pitää muokata funktioita, jotka ovat erillisissä tiedostoissa. Jotta tehtävän palautus onnistuu, funktio pitää muokata tässä tiedostossa. Funktio kannattaa kuitenkin kopioida talteen toiseen tiedostoon, sillä tehtävän palauttaminen pyyhkii tiedoston.

Chapter 14

Numeeriset menetelmät

Monilla käytännön matemaattisilla ongelmilla ei ole suljetussa muodossa esitettävissä olevaa ratkaisua. Tällöin joudutaan tyypillisesti turvautumaan numeerisiin menetelmiin, joiden avulla pyritään tuottamaan likiarvoinen ratkaisu ongelmaan. R:stä löytyy useita valmiita funktioita erilaisiin numeerista laskentaa vaativiin ongelmiin. Tyypillisimpiä tapauksia ovat jonkin funktion minimin tai maksimin etsiminen, funktion juurten etsintä ja integrointi.

14.1 Optimointi

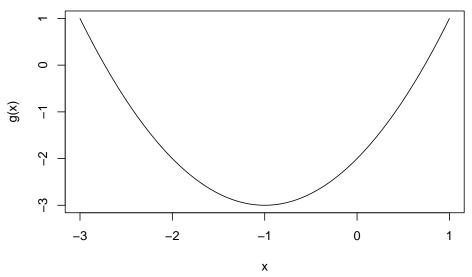
14.1.1 Yksi parametri

Aloitetaan yksinkertaisesta tapauksesta, jossa haluamme löytää funktion minimin yhden parametrin suhteen. Tällöin voidaan käyttää funktiota optimize.

Ensimmäinen argumentti f on funktio, jota minimoidaan sen ensimmäisen argumentin suhteen (jos funktiolla on muita argumenttej, joita tarvitaan, tulee ne antaa mukana optimize funktiokutsussa). Välin, jolta minimipistettä haetaa, voi ilmoittaa joku argumentilla interval, joka on vektori sisältäen välin päätepisteet. Vaihtoehtoisesti välin ylä- ja alaraja voidaan ilmoittaa erikseen argumenteilla lower ja upper, vastaavasti. Mikäli etsittäisiinkin minimin sijaan maksimia, tulisi asettaa myös argumentti maximum = TRUE.

Etsitään nyt funktion $g(x) = x^2 + 2x + 2$ minimi. Hakuvälin interval valitsemiseksi voimme esimerkiksi piirtää ensin funktion kuvaajan, jotta saamme suurin piirtein selville, missä minimi mahdollisesti sijaitsee:





Kuvan perusteella minimiarvo saavutetaan pisteessä x=-1. Käytetään nyt optimize funktiota:

```
optimize(g, interval = c(-3, 1))

## $minimum
## [1] -1
##
## $objective
## [1] -3
```

Funktion palauttmassa listassa alkio minimum ilmoittaa pisteen, jossa minimi saavutetaan. Alkio objective antaa tavoitefunktion (eli funktion f) arvon kyseisessä psiteessä.

14.1.2 Useampi parametri

Mikäli funktiota halutaan minimoida useamman kuin yhden parametrin suhteen, voidaan käyttää funktiota optim.

Ensimmäinen argumentti par on vektori, joka antaa alkuarvot jokaiselle

parametrille, jonka suhteen minimointia halutaan tehdä. Seuraava argumentti fn on minimoivata funktio, jonka ensimmäisen argumentin tulee vastata argumenttia par (vektori, jossa on yhtä monta alkiota). Vastaavasti kuten optimize-funktiossa, argumentit lower ja upper määrittävä alueen, jolta minimiä etsitään. Huomaa kuitenkin, että koska funktiolla fn on nyt useampi parametri, ovat lower ja upper myös vektoreita jotka ilmoittavat rajat jokaiselle parametrille erikseen. Alkuarvojen par on myös toteutettava mahdolliset rajoitteet. Argumentti method valitsee käytettävän optimointimenetelmän. Metelmistä riittää tietää tässä vaiheessa se, että jos optimointia halutaan tehdä käyttäen rajoitteita (lower ja upper), voidaan menetelmäksi valita "L-BFGS-B", muuten voidaan käyttää oletusarvoa. Muista optim-funktion argumenteista ei tämän kurssin puitteissa tarvitse välittää.

Etsitään funktion $f(x,y)=y^2\exp(-0.5(y^2+x^2))$ lokaali maksimi joukossa -1 < x < 3, \$ -1 < y < 3\$. Annetaan alkuarvoiksi x=0.5 ja y=0.5. optim-funktio etsii oletusarvoisesti funktion minimiä, joten vaihtamalla funktion merkki etsitäänkin maksimia. Huomaa, että funktiolla $\mathbf f$ on vain yksi argumentti $\mathbf x$, vaikka funktiolla f on kaksi argumenttia, x ja y. Tämä johtuu siitä, että optim-funktion tapauksessa parametrien par on esiinnyttävä funktion argumenteissa vektorina. Vektorin $\mathbf x$ ensimmäinen alkio $\mathbf x$ [1] vastaa siis muuttujaa x ja toinen alkio $\mathbf x$ [2] vastaa muuttujaa y. Tämä yleistyy useamman kuin kahden muuttujan funktioille, kun vektorin $\mathbf x$ pituutta kasvatetaan vastaavasti (esim. kolmas muuttuja z olisi $\mathbf x$ [3] jne.).

```
f \leftarrow function(x) -x[2]^2 * exp(-0.5 * (x[2]^2 + x[1]^2))
optim(c(0.5, 0.5), f, lower = c(-1, -1), upper = c(3, 3), method = "L-BFGS-B")
## $par
## [1] -7.582426e-10 1.414214e+00
##
## $value
## [1] -0.7357589
##
## $counts
## function gradient
##
          8
##
## $convergence
## [1] 0
##
## $message
## [1] "CONVERGENCE: REL REDUCTION OF F <= FACTR*EPSMCH"
```

Funktion palauttamassa tulosteessa par kertoo maksimipisteen koordinaatit. Ensimmäinen alkio kertoo maksimipisteen x-koordinaatin, ja toinen sen y-koordinaatin (huomioi erityisesti 1. alkion merkintätapa -7.582426e-10 joka tarkoittaa samaa kuin $-7.582426e\cdot10^{-10}$, eli noin 0.000000000076, eli x

koordinaatti on siis käytännössä 0). value ilmoittaa löydettyä maksimipistettä vastaavan funktion arvon. Koska funktion merkki vaihdettiin maksimin etsimiseksi, on todellinen maksimiarvo siis löydetyn optimin vastaluku, eli ≈ 0.7357589 . Muut tulostukset ovat optimoinnin konvergenssiin liittyviä lisätietoja. Vaihtoehtoisesti maksimia voi etsiä suoraankin vaihtamatta funktion merkkiä antamalla optim-funktiolle lisäargumentti control = list(fnscale = -1).

```
Etsitään vielä kolmen muuttujan funktion h(x, y, z) = \exp(-x^2 - 3x - 7y^2 + 3y +
z^3 - 2z - 3) lokaali maksimi joukossa -2 < x < 2, $ -3 < y < 3$, -3 < z < 0.
h \leftarrow function(x) \exp(-x[1]^2 - 3*x[1] - 7*x[2]^2 + 3*x[2] + x[3]^3 - 2*x[3] - 3)
optim(c(0.5, 0.5, -0.5), h, lower = c(-2, -3, -3), upper = c(2, 3, 0),
      method = "L-BFGS-B", control = list(fnscale = -1))
## $par
## [1] -1.5000009 0.2142866 -0.8164968
##
## $value
## [1] 1.934968
##
## $counts
## function gradient
##
         22
##
## $convergence
## [1] 0
##
## $message
```

Kuten edellä, par ilmoittaa maksimipisteen koordinaatit. Maksimi saavutetaan siis pisteessä $(x,y,z)\approx (-1.5000009,0.2142866,-0.8164968)$ jolloin funktio h saa kohdan value ilmoittaman arvon ≈ 1.934968 . Nyt koska käytettiin argumenttia control = list(fnscale = -1), ei tuloksen merkkiä tarvitse vaihtaa.

[1] "CONVERGENCE: REL REDUCTION OF F <= FACTR*EPSMCH"

Alkuarvot funktioille optim ja optimize tulee valita siten, että rajoitteet ovat voimassa. Alkuarvojen valintaan on vaikea antaa yleispätevää ohjetta, ja usein onkin hyvä kokeilla eri arvoja ja verrata niillä saatuja tuloksia. Yhden ja kahden muuttujan tapauksissa löydettyjen optimipisteiden mielekkyyttä voi tarkastella esimerkiksi piirtämällä funktion kuvaajan annetussa joukossa.

14.2 Funktion juurten etsintä

Funktion juuria voidaan etsiä funktiolla uniroot.

```
f.lower = f(lower, ...), f.upper = f(upper, ...),
extendInt = c("no", "yes", "downX", "upX"), check.conv = FALSE,
tol = .Machine$double.eps^0.25, maxiter = 1000, trace = 0)
```

Funktion f juuria etsitään annetulta väliltä interval, sen ensimmäisen argumentin suhteen (jonka tulee olla skalaari). Halutun välin voi määrittää myös sen päätepisteinä käyttäen argumentteja lower ja upper. Muut uniroot-funktion argumentit eivät ole tämän kurssin kannalta oleellisia.

```
Etsitään funktion w(x) = x^3 - 2x - 5 juurta väliltä (-5, 5).
```

```
w \leftarrow function(x) \{ x^3 - 2*x - 5 \}
uniroot(w, interval = c(-5, 5))
```

```
## $root
## [1] 2.094528
##
## $f.root
## [1] -0.0002653143
##
## $iter
## [1] 9
##
## $init.it
## [1] NA
##
## $estim.prec
## [1] 6.103516e-05
```

Funktion palauttamassa tulosteessa kohta root ilmoittaa löydetyn juuren. Mikäli juurta ei löydy annetulta väliltä, funktio antaa varoituksen. Kohta froot ilmoittaa funktion arvon löydetyssä pisteessä (funktion arvon ja nollan ero riippuu laskennan tarkkuudesta ja käytetystä menetelmästä).

14.3 Numeerinen integrointi

R:n optimointityökaluihin kuuluu myös funktio integrate, jolla voi laskea useimpien funktioiden määrättyjä integraaleja.

```
integrate(f, lower, upper, ..., subdivisions = 100L,
     rel.tol = .Machine$double.eps^0.25, abs.tol = rel.tol,
     stop.on.error = TRUE, keep.xy = FALSE, aux = NULL)
```

Ensimmäinen argumentti f on funktio, jota halutaan integroida. Argumentit lower ja upper määräävät integrointivälin, jonka päätepisteet voivat olla myös äärettömiä. Tällöin voidaan asettaa lower = -Inf tai vastaavasti upper = Inf..

Integroidaan funktiota $f(x) = x^2 + 3x - 2$ välin[-2,3]yli.

```
poly \leftarrow function(x) { x^2 + 3*x - 2 } integrate(poly, -2, 3)
```

9.166667 with absolute error < 2.8e-13

Integraalin arvo on siis noin 9.17.