

# Tema 3: Alg. Greedy

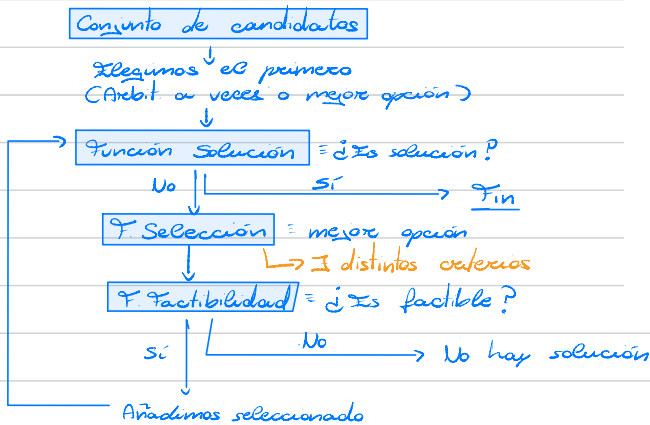
Enfoque: Elegir la mejor opción en cada momento en base a criterios locales



Aplicación: Problemas de optimización: máximo o mínimo

NO GARANTIZAN SOLUCIÓN ÓPTIMA

## Estructura



Voraz(C : conjunto de candidatos) : conjunto solución

$S = \emptyset$

mientras  $C \neq \emptyset$  y no Solución(S) hacer

$x = \text{Selección}(C)$

$C = C - \{x\}$

si factible( $S \cup \{x\}$ ) entonces

$S = S \cup \{x\}$

fin si

fin mientras

si Solución(S) entonces

Devolver S

en otro caso

Devolver "No se encontró una solución"

fin si

El enfoque Greedy suele proporcionar soluciones óptimas, pero no hay garantía de ello. Por tanto, siempre habrá que estudiar la **corrección del algoritmo** para verificar esas soluciones

Demostración  $\rightarrow$  Absurdo  $\rightarrow$  Garantizar que se llega a sol. óptima?

$\rightarrow$  Inducción  $\rightarrow$  Caso base C 1ª opción  $\Rightarrow$  Óptimo para  $m-1 \Rightarrow$  ¿Ópt. con m elem?

Grafos conexos (Aristas con pesos)  $\Rightarrow$  Aristas  $0 \leq k_1 \leq \dots \leq k_p$  Sup. sol. óptima  $\gamma^1$

$\forall k_1 \in \gamma^1$  peso( $\gamma^1 \cup \{k_1\}$ ) = peso( $\gamma^1$ ) + peso( $k_1$ )

Pero con  $k_1$  se formaría un ciclo Quitamos arista  $x$  del ciclo, de forma que  $\gamma^* = \gamma^1 + k_1 - x$

y peso( $\gamma^*$ ) = peso( $\gamma^1$ ) + peso( $k_1$ ) - peso( $x$ )

como  $x \geq k_1 \Rightarrow$  peso( $\gamma^*$ )  $\leq$  peso( $\gamma^1$ )  $\Rightarrow$   $\gamma^1$  es óptimo

Heurísticas  $\Rightarrow$  Hay casos en los que el alg. voraz no puede encontrar una solución óptima.

$\rightarrow$  Son procedimientos que encuentran buenas soluciones, aunque no óptimas