

## Modelos de Computación (2019/20) Outro Grado en Ingeniería Informática, Doble Grado de Ingeniería Informática y Matemáticas 10 de Enero de 2020



Normas para la realización del examen:

- El ejercicio 5 es voluntario y sirve para subir un punto adicional en la parte de teoría.
- Las preguntas tipo test restan cuando se contestan erróneamente.

## □ Ejercicio 1 Preguntas tipo test

[2.5 puntos]

Duración: 2.5 horas

- 1. La transformación que en cada palabra  $u \in \{0,1\}^*$  intercambia los ceros por unos y viceversa es un homomorfismo.
- 2. Si  $\mathbf{r_1}$  y  $\mathbf{r_2}$  son expresiones regulares, entonce siempre  $(\mathbf{r_1^*} + \mathbf{r_2^*})^+ = (\mathbf{r_1} + \mathbf{r_2})^+$ .
- 3. Para que un lenguaje independiente del contexto L sea determinista es necesario que cumpla la propiedad prefijo.
- 4. El lenguaje  $L = \{0^i 1^j 0^i 1^j : i, j \ge 1\}$  es independiente del contexto.
- 5. Si el complementario de un lenguaje es finito, entonces el lenguaje es regular.
- 6. Si un lenguaje L es regular, entonces el lenguaje  $L^{-1}$  es también regular.
- 7. Si  $\mathbf{rr} = \mathbf{r}$  y  $\epsilon$  está en el lenguaje de  $\mathbf{r}$ , entonces  $\mathbf{r}^* = \mathbf{r}$ .
- 8. Si un AFD tiene n estados y acepta una palabra de longitud n, entonces el lenguaje aceptado es infinito.
- 9. Si un autómata finito no tiene una pareja de estados indistiguibles, entonces es siempre minimal.
- 10. Una palabra generada por una gramática independiente del contexto tiene siempre una única derivación por la izquierda.
- 11. Para aplicar el algoritmo para pasar una gramática a forma normal del Greibach es necesario que la gramática ya esté en forma normal de Chomsky.
- 12. Si en una gramática independiente del contexto las únicas posibles derivaciones de A son  $A \to ACD$  y  $A \to aD$ , entonces si se aplica la función  $ELIMINA_2$  del algoritmo de Greibach, tenemos que añadir una nueva variable y  $B_A$ , resultando en una gramática en la que la única derivación de A es  $A \to aDB_A$ .
- 13. Si una gramática está en forma normal de Greibach, entonces una palabra de longitud n se deriva siempre en n+1 pasos.
- 14. Si al aplicar el algoritmo de Early, tenemos que  $REGISTROS[j] = \emptyset$  después de aplicar el paso de avance para este valor de j, entonces la palabra no es generada por la gramática.

□ Ejercicio 2 
 □ [2.5 puntos]

Construir un autómata finito determinista minimal que acepte el conjunto de palabras sobre el alfabeto  $\{0,1\}$  tales que la diferencia entre el número de 0's y el número de 1's es múltiplo de 3. Construir una expresión regular para ese mismo lenguaje usando cualquiera de los procedimientos vistos en clase.

□ Ejercicio 3 ▷ [2.5 puntos]

Sea la gramática independiente del contexto:

$$S \rightarrow aSb \mid bY \mid Ya$$
$$Y \rightarrow bY \mid aY \mid a \mid b$$

Determina usando el algoritmo de Early si las siguientes palabras son generadas: aabb, abbb.

□ Ejercicio 4 ▷ [2.5 puntos]

Determinar si los siguientes lenguajes son regulares y/o independientes del contexto. Justifica las respuestas.

- 1. El lenguaje complementario del generado por la gramática del ejercicio anterior.
- 2. El lenguaje sobre el alfabeto  $\{0,1,2,3\}$  de las palabras en las que el número de 0's es igual al número de 1's y el número de 2's es igual al número de 3's.
- 3. Palabras sobre el alfabeto  $\{0,1\}$  que comienzan y terminan con el mismo símbolo.
- 4. Palabras  $u \in \{0,1\}^*$ , tales que si  $|u| \le 100$ , entonces u es un palíndromo y si  $|u| \ge 50$ , entonces no contiene la subcadena 0110.



## Modelos de Computación (2019/20) 3º Grado en Ingeniería Informática, Doble Grado de Ingeniería Informática y Matemáticas 10 de Enero de 2020



□ Ejercicio 5 □ Opcional

[1 punto]

Si L es un lenguaje, entonces se define NOPREFIJO(L) como el lenguaje de palabras  $u \in L$  tales que ningún prefijo propio de u está en L y NOEXTENSION(L) como la clase de palabras  $u \in L$  tales que u no es un prefijo propio de cualquier otra palabra de L. Demostrar que la clase de lenguajes independientes del contexto no es cerrada por las transformaciones NOPREFIJO y NOEXTENSION.



1- 1- Verdadera 5- Verdadera 9- Falsa

Verdadero 9- Talso 13- Talso C Como máx)

2- Falso 6- Vendadero 10- Falso 14-

3- Falso Z- Verobolero II- Falso

4- Falso 8- Verdadero 12- Verdadero

2.  $\frac{2}{30}$   $\frac{1}{4}$   $\frac{2}{4}$   $\frac{2}{4}$ 

4°= 0cory [coo+1) 4°]+ 7c10) [c11+0) d°]+ € => d°= [0cory coo+1)+ 7c10) [c11+0)]

4= 1- d= haub": u = ha, by ~ (teremina en a v empieza por b) x 14/324

2- llo es IC Vne/N z=0"1"2"3"=> Aplicare bombes

3- Regulare C OCO+150 + 1CO+151)+C1+0) ns si valen o no

4- d= h uut: we ho sy con In 1 50 y Uh weho, sy In 1750, osso & u y

d, es finito => Regular

La mién de dos regulares en regular