מבוא ל-MATLAB

מיכאל קרפ mkarp@technion.ac.il

* ניתן להעתיק/לשכפל באופן חופשי

תכנים

MATLAB תכני

- היכרות וסביבת עבודה
- ביטויים ומערכים ופעולות נומריות
 - מבני מידע וארגון נתונים •
 - פעולות גרפיות בסיסיות •
 - תכנות וכתיבת פונקציות
 - פעולות לוגיות ובקרת זרימה
 - : נושאים מתקדמים
 - קריאת וכתיבת קבצים
 - toolboxes הכרת
 - גרפיקה מתקדמת •
 - ממשקי משתמש גרפיים (GUI) ממשקי
 - Simulink •

יישומים הנדסיים

- פתרון מערכות לינאריות
 - גזירה ואינטגרציה •
- טרנספורמציות לינאריות
 - הצגת תוצאות ניסוייות •
- פתרון משוואות דיפרנציאליות •
- מתמטיקה עם המנוע הסימבולי
- סטטיסטיקה ושערוך פרמטרים
 - ניצול מידע חזותי
 - פתרון מערכות לא לינאריות
 - בניית ממשקים עצמאיים
 - מידול מערכות דינמיות •

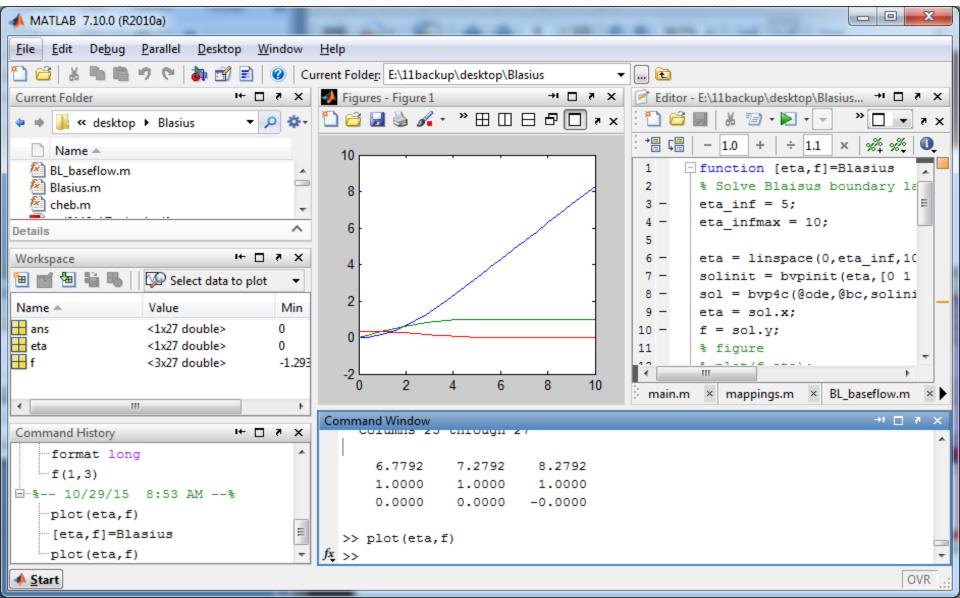
מבנה הקורס

- 10 שעות, במסגרת 2 מפגשים
- לימוד התנסותי, אין תחליף להתנסות עצמאית
 - הוראה פרונטלית + תרגול
 - חומר עזר •
 - חוברת עזר של דורי פלג
 - http://www.mathworks.com/
- http://www.math.ucsd.edu/~bdriver/21d-f99/help--files/matlabprimer.html
 - http://matlab.wikia.com/wiki/FAQ •
 - http://web.eecs.umich.edu/~aey/eecs216.html
 - help : הפקודה החשובה ביותר עליכם לזכור

מהו MATLAB!

- חזק מאוד בפעולות מתמטיות MATrix LABoratory ullet
 - שבוסס שפת C מבוסס •
 - dll מרבית הפעולות המתמטיות ממומשות בקבצי
- אינו מצריך קומפילציה) מקצר את שלב הפיתוח (אינו מצריך קומפילציה) Interpreter
 - real time מצוין ל post processing, פחות מומלץ ל
 - : סוגי קבצים
 - .m קבצי קוד
 - .mat קבצי נתונים
 - קבצי גרפים fig.

סביבת העבודה



פקודות בסיסיות

- (כמעט) כל קוד מתחיל בפקודות הבאות •
- clc, clear all, close all

dos הפקודות המוכרות של

• cd, dir..

משתנים

who, whos

שליטה על הצגת מספרים •

format short, format long

• פקודה לשעות הקשות

why

מטלב כמחשבון

- + , * / ,(חזקה), / * , + · • סדר פעולות מתמטית

```
>> -5/(4.8+5.32)^2
ans = -0.0488
```

- כאשר אנחנו לא מאחסנים את התוצאה במשתנה התשובה מאוחסנת
 אוטומטית במשתנה ans
 - משתנים מרוכבים

```
>> x = 3+4i % x is stored in workspace and displayed
>> abs(x) % Absolute value.
   ans = 5
>> angle(x) % Phase angle (in radians).
   ans = 0.9273
>> conj(x) % Complex conjugate.
   ans = 3.0000 - 4.0000i
>> imag(x) % Complex imaginary part.
   ans = 4
>> real(x) % Complex real part.
   ans = 3
```

אתחול מטריצות ידני

- command window (cw) -כל העבודה בשלב זה תתבצע ב-
 - אין צורך להגדיר את המשתנים וגודלם מראש
 - : נגדיר ידנית את מטריצת ה״קסם״ הבאה

```
>>A = [16 3 2 13; 5 10 11 8; 9 6 7 12; 4 15 14 1]
```

workspace שימו לב למשתנה שנוצר ב •

```
A =

16 3 2 13

5 10 11 8

9 6 7 12

4 15 14 1
```



אתחול מטריצות ידני

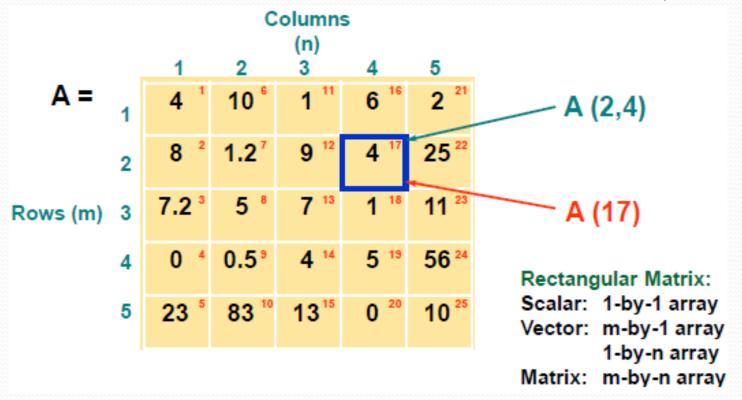
- סימן "; " בתוך המטריצה מורה על סוף שורה •
- cw- הוספת " ; " בסוף הפקודה מונע את הצגת התשובה לפעולה ב- \bullet
 - בין אברי השורה ניתן להשתמש בפסיק או ברווח
 - : אתחלו את המטריצה הבאה

```
>>A = [16 3 2 13; 5 10 11 8; 9 6 7 12; 4 15 14 1]
```

: 0x0 מטריצה ריקה [] - סוגריים ריקים נותנים מערך בגודל •

```
>>B = [ ]; % empty matrix
```

אינדקסים של איברי מטריצה •



0 שימו לב, האינדקס הראשון הוא 1 ולא

אינדקסים של איזורים במטריצה • 10° 6 9 12 4 17 1.2⁷ 25²² A(1:5,5) A(1:end,end) 5 8 11 ²³ A(:,end) A(:,5) A(21:25) A(21:end) 5 ¹⁹ 0.5° 56²⁴ A(3,1)

אופרטור יי: יי פורש את כל האינדקסים הקיימים במימד הנתון •

10²⁵

A(4:5,2:3)

A([9 14;10 15])

אופרטור end בתור אינדקס נותן את הערך המקסימלי במימד הנתון •

83 10

13¹⁵

A(3)

":" שימושי האופרטור

```
>>x = A(2,:); % 2^{nd} row, all columns • q
```

- פורש כל מערך על פי סדר המימדים שלו לוקטור עמודה •
- מניעת שגיאות כאשר אין וודאות בכיוון וקטורים הניתנים ככניסה לפונקציה.למשל, אם רוצים לצרף ווקטור בתור עמודה נוספת למטריצה קיימת באותו אורך:

```
total_mat = [total_mat user_vector(:)];
```

: A נחזור למטריצה

```
>>A = [16 3 2 13; 5 10 11 8; 9 6 7 12; 4 15 14 1]

• an annual entropy and a serious serious A(3,2) A(1,:) A(:,2) A([1 2],1) A(1,[1 end])
```

בהתאמה A ווקטור שורה R, המכילים את העמודה והשורה השלישית של C בהתאמה ברו וקטור עמודה C

אתחול מטריצות ידני

: ניתן להגדיר מטריצות ע"י שמות משתנים קיימים או ביטויים

```
>> a=2;

>> A = [ a R exp(0) j^2 3+5 ]

        A = 2 9 6 7 12 1 -1 8

>> B=[A ; A]

        B = 2 9 6 7 12 1 0-1i 8

        2 9 6 7 12 1 0-1i 8
```

- איזה מהביטויים ייתן תוצאה! •
- >> D=[R; C] or >>D=[R transpose(C)]
 - בחקו את המשתנים שהוגדרו עד כה: •

- >> clear A B R C D
- >> clear all % shorter, but could be dangerous inside a script

אתחול מטריצות אוטומטי

קבלת מימדי מטריצה (מקרה כללי)

```
>>A = [123;456];
>>[m,n] = size(A)
m = 2 n = 3
>> len = length(A) % length(A) = max(size(A))
A = zeros(m,n)
A = ones(m, n)
A = eye(n)
A = rand(m, n) A = randn(m, n)
>> d = [4 1 9 2.5]'; A = diag(d)
  A = 4 0 0 0
       0 1 0 0
       0 0 9 0
       0 0 0 2.5
```

- מטריצת אפסים יעיל להקצאת מקום בזכרון
 - מטריצת אחדות •
 - מטריצת יחידה
 - מטריצות של מספרים אקראיים
 - מטריצה אלכסונית •

אתחול מטריצות אוטומטי

- יצירת וקטור עוקב:
- x = s:d:f -> x=[s s+d s+2d ... s+(n-1)d] : יוקטור עולה במרווחי יחידה

$$>> x = 1:4 -> x = 1 2 3 4$$

$$x = 0 \ 10 \ 20 \ 30 \ 40 \ 50 \ 60 \ 70 \ 80 \ 90 \ 100$$

$$>> x = 10:-1:1$$

>> x = 0:10:100

כדי לקבוע וקטור יורד יש להגדיר קפיצות שליליות

: נסו את הביטויים הבאים

ניתן לקבוע את גודל הקפיצות:

$$x = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 13 & 14 & 15 & 16 & 17 \\ 11 & 13 & 15 & 17 & 19 \\ 1 & 0.8 & 0.6 & 0.4 & 0.2 \\ 9 & 8 & 7 & 6 & 5 \end{bmatrix}$$

ס: 3: 10 מה יהיה האיבר האחרון בוקטור:

מה תהיה תוצאת הביטוי: • 10:5

• הזינו בצורה הקצרה ביותר את המטריצה:

- היעזרו בפקודה round ו-rand וצרו וקטור עמודה אשר מתחיל בערך 1 ונגמר בערך 10 והינו
 בעל אורך (מספר איברים) אקראי בין 1 ל-100
 - [0 1] של איברים בפילוג אחיד בתחום rand(m,n) \bullet
 - 1 של איברים ממוצע (גאוסייני) ממוצע mxn של איברים בפילוג נורמלי randn(m,n)

- linspace (s, f, N) ניתן לשלוט במדויק בכמות האיברים עייי הפקודה
- שימוש ב linspace מקשה על השליטה בגודל המדויק של מרווח הסדרה, פרמטר מאוד חשוב בתחום עיבוד האותות והנומריקה

```
>> x=0.1:0.1:1;
```

דצימציה − לקיחת כל איבר שני שביצענו היא למעשה דגימה/דצימציה בפקטור 2 •

```
>> x_sampled = x(1:2:end)
```

דילול – הפעולה ההפוכה לדצימציה הינה ריווח הסדרה הנתונה •

```
>> x_dilul(1:2:2*length(x)) = x
```

היפוך סדר מערך

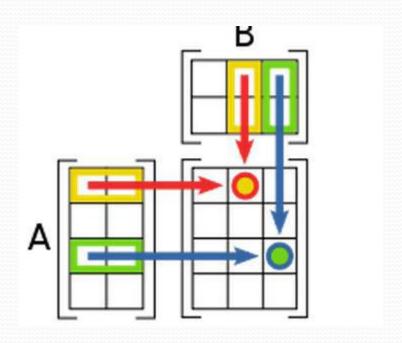
$$>>$$
x_rev = x(end:-1:1)

- ניתן לבצע את כל הפעולות האלגבריות תוך שמירה על מימדים נכונים:
 - פעולת חיבור/חיסור •

- שתי הפעולות שקולות. חיבור מטריצות במימדים שונים מותר רק כשאחת מהן היא סקלר.
 - ${f A}$ משימה : הוסיפו את וקטור השורה [2+i $\,$ 1/3] לשורה הראשונה במטריצה
- י). שימושי כי נהוג להגדיר וקטור כעמודה conjugate transpose) אופרטור שחלוף
 - A' = transpose(A) ממשית A
 - A.' = transpose (A) מרוכבת A
 - מכפלת מטריצות בסקלר:

$$B = \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 6 & 8 \end{bmatrix}$$

כפל מטריצות



כפל מטריצות •

$$C = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 7 & 9 & 11 \\ 8 & 10 & 12 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 23 & 29 & 35 \\ 53 & 67 & 81 \\ 83 & 105 & 127 \end{bmatrix}$$

כפל מטריצות/וקטורים •

$$>> a = [1 2 3]'; b = [10 20 30]'$$

$$C = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 10 \\ 20 \\ 30 \end{bmatrix} = 140$$

$$>> c = a*b'$$

$$C = \begin{bmatrix} 10 \\ 20 \\ 30 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 10 & 20 & 30 \\ 20 & 40 & 60 \\ 30 & 60 & 90 \end{bmatrix}$$

מכפלה חיצונית:

תרגילים

- שהיא לוח הכפל x=1:10 בעזרת הוקטור אור x
- r2 בוקטור הנקרא kefel השמו את האיברים האי-זוגיים של השורה החמישית של
 - בעמודות הזוגיות kefel אפסו ערכי
 - פחקו את השורה והעמודה האחרונות של kefel, כלומר שנו אותה לגודל 9x9

- rank() מציאת דרגה של מטריצה
 - det() מציאת דטרמיננטה
 - היפוך מטריצה ריבועית •

```
>> = [1 2; 3 4]; inv (A) or A^ (-1) או העלאה בחזקה inv או inv פונקצית inv או העלאה בחזקה פונקצית - או מערכת המשוואות Ax=v או מערכת - או פתרון מערכת המשוואות Ax=v או פתרון מערכת המשוואות Ax=v פחות שימושי) פתרון מערכת המשוואות Ax=v חלוקה ימנית - / (פחות שימושי) פתרון מערכת המשוואות
```

- תרגילים •
- B=[5 1; 6 4] חשבו את הביטוי $B^{\text{-1}}A$ בעזרת אופרטור חלוקה כאשר
 - Ax=[4;2] מצאו את פתרון מערכת המשוואות •
 - $xA=[5\ 7;6\ 8]$ מצאו את פתרון מערכת המשוואות •
- $(xA)^T = A^Tx^T$: חזרו על הסעיף הקודם בעזרת חלוקה שמאלית. רמז

סינגולריות של מטריצות

ימספר המצביי – באופן מעשי, מטריצות יכולות להיות קרובות לסינגולריות והפיכתן • cond() - גוררת שגיאות נומריות גדולות. נהוג לאמוד את ייחולייי המטריצות עייי

- האם צריך לסמוך על התשובה שחזרה מהפונקציה!
- א אמור לפעול על מטריצות סינגולריות. אם נבדוק inv אלגוריתם •

וקטורים עצמיים וערכים עצמיים •

$$A ec{v} = \lambda ec{v}$$
 - למטריצה ריבועית A קיימים וייע ועייע כדרגת המטריצה $\Lambda = V^{-1}AV$ לכסון מטריצה מתבצע בעזרת הוקטורים העצמיים •

 $\operatorname{eig}()$ – ישנן מספר פונקציות שמבצעות פירוק עייע, הנפוצה הינה

```
>>A = [1 2 3 ; 0 4 5 ; 0 0 6];

>>[V,D] = eig(A)

V = 1.0000     0.5547     0.5108     D = 1     0     0

0     0.8321     0.7982     0     4     0

0     0 0.3193     0 0 6
```

D -ו V מהמטריצות A האת Φ

: פונקציות מטריציות נוספות

- rref() קבלת מטריצה מדורגת
 - trace() עכבת מטריצה
- lu() (A=L*U) פירוק מטריצה למכפלת משולשת עליונה ומשולשת תחתונה (A=L*U)
 - pinv() היפוך מטריצה לא ריבועית

פעולות חד ממדיות נפוצות:

- סכום (sum(X,dim, אם dim לא נתון, הפנקי תפעל על המימד הראשון שאינו באורך 1 •
- 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

 1
 3
 6
 10
 15
 21
 28

- cumsum() סכום מצטבר
 - mean() ממוצע
 - prod() cet
- מה יהיה מימד התוצאה של ([1 2 ; 3 4])prod!•

תרגיל

- יישום הפחתת רעש לבן ממדידות חוזרות •
- נדגים את יעילות השימוש במטריצה לשם טיפול במדידות חוזרות בעזרת אות א.ק.ג רועש
- השפעת רעש לבן עם ממוצע אפס יורדת במיצוע מדידות חוזרות בעלות תבנית קבועה
 - load sig.mat והעלו אותו עייי sig.mat הורידו את הקובץ
 - איירו (איירו באורך 300) איירו משתנה x הקובץ משתנה x המכיל x הקובץ משתנה x הקובץ x
 - x0-בצעו ממוצע על מנת "לבטל" את הרעש, הכניסו את התוצאה ל
 - hold on; plot(x0,'k--','linewidth',3) ציירו את x0 ע"י •

תרגיל

- נחזור לאות הא.ק.ג.
- מצאתם את הממוצע של 1000 מדידות עייי •

```
load sig;
plot(x)
x0 = mean(x, 2);
hold on;
plot(x0, 'k--', 'linewidth', 3)
     בונוס: מהו מספר המדידות הנדרש כדי לקבל שגיאה מכסימלית של 0.01 מ-x0
i=1;
while \max(abs(mean(x(:,1:i),2)-x0))>0.01
    i=i+1;
end;
```

פעולות על מערכים – אופרטור הנקודה

- הפעולה תבוצע איבר איבר - Hadamar's product

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{a}_{11} & \mathbf{a}_{12} & \mathbf{a}_{13} & \mathbf{a}_{14} \\ \mathbf{a}_{21} & \mathbf{a}_{22} & \mathbf{a}_{23} & \mathbf{a}_{24} \\ \mathbf{a}_{31} & \mathbf{a}_{32} & \mathbf{a}_{33} & \mathbf{a}_{34} \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{B} = \begin{bmatrix} b_{11} & b_{12} & b_{13} & b_{14} \\ b_{21} & b_{22} & b_{23} & b_{24} \\ b_{31} & b_{32} & b_{33} & b_{34} \end{bmatrix}$$

$$C = A.*B = \begin{bmatrix} a_{11} \cdot b_{11} & a_{12} \cdot b_{12} & a_{13} \cdot b_{13} & a_{14} \cdot b_{14} \\ a_{21} \cdot b_{21} & a_{22} \cdot b_{22} & a_{23} \cdot b_{23} & a_{24} \cdot b_{24} \\ a_{31} \cdot b_{31} & a_{32} \cdot b_{32} & a_{33} \cdot b_{33} & a_{34} \cdot b_{34} \end{bmatrix}$$

$$C = A./B = \begin{bmatrix} a_{11}/b_{11} & a_{12}/b_{12} & a_{13}/b_{13} & a_{14}/b_{14} \\ a_{21}/b_{21} & a_{22}/b_{22} & a_{23}/b_{23} & a_{24}/b_{24} \\ a_{31}/b_{31} & a_{32}/b_{32} & a_{33}/b_{33} & a_{34}/b_{34} \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{C} = \mathbf{A}. \land \mathbf{B} = \begin{bmatrix} a_{11}^{\ b_{11}} & a_{12}^{\ b_{12}} & a_{13}^{\ b_{13}} & a_{14}^{\ b_{14}} \\ a_{21}^{\ b_{21}} & a_{22}^{\ b_{22}} & a_{23}^{\ b_{23}} & a_{24}^{\ b_{24}} \\ a_{31}^{\ b_{31}} & a_{32}^{\ b_{32}} & a_{33}^{\ b_{33}} & a_{34}^{\ b_{34}} \end{bmatrix}$$

פעולות על מערכים – אופרטור הנקודה

- מיישם פעולה אריתמטית על כל איבר במערך בנפרד
 - ממוקם לפני אופרטור הפעולה המתמטית •

```
>>A = [1 2 ; 3 4]

>>A^2

ans = 7 10

15 22

>>A.^2

ans = 1 4

9 16
```

כאשר משתמשים בפעולה זו, חשוב להקפיד על גודל מערכים זהה •

```
>>t = [0:1e-3:10]; % time base
>>a = 5; % constant scalar
>>x = [a*t^2]; % won't work. Where shall we place the dot?
>>x = [a*t.^2];
```

- x=sin(t)/t את סדרת מספרים שמבטאת את סדרת מספרים
 - plot(t,x) : ציירו

אופרטורים לוגיים

```
(or) ||,|, (and) && , & , (not) ~ , <= , >= , < , > , =
>> r=1:5;
>> ab = logical([1 0 0 0 1])
>> r(ab)
                                                      : קריאה לאיברי מערך
                                                 דרך תנאים על איברי המערך •
>> r = rand(100,1);
>> my cond = [r<0.75 \& r>0.25];
>> r top = r(my cond);
                                         דרך תנאים על האינדקסים של המערך •
>> ind = 1:length(r);
>> my cond = [ind/4==round(ind/4) | ind/3==round(ind/3) ]
>> r( my cond )
                                             דרך תנאים על מערך מקביל אחר •
>> t = [0:0.1:50]';
>> \cos t = \sin(2*\pi j/50*t).*(t <= \max(t)/2);
```

אופרטורים לוגיים

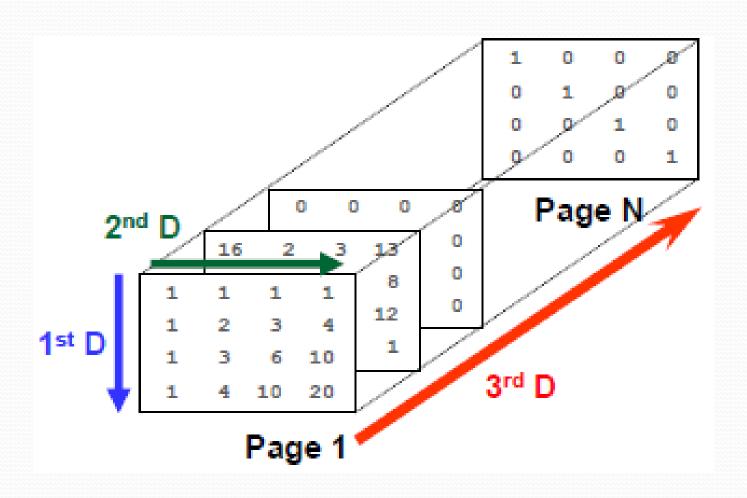
- any(), all(), (isreal, isnan) is***()
- logicals מחזירה את האינדקסים עצמם במקום מערך find() •

```
>> isreal(1+i);
>> isnan(0/0)
>> find(r>0.5)

: משימה – צרו את המטריצה:
>> A = [5 0 2 3 ; 0 5 8 5; 5 3 5 0 ; 9 5 1 1]
```

- NaN שנו את המטריצה כך שכל איבר שאינו שווה ל 5 יקבל את הערך
- העזרו במטריצות diag שנו את איברי האלכסון של A לערך חלא אימוש בפקודה שנו את איברי האלכסון של A אותן של N-ו M האינדקסים אותן תייצרו עייי:

```
>>[N,M] = meshgrid(1:4)
```



- :אתחול
- הפניית אינדקסים

- creshape, meshgrid, repmat ילמד אותן בהמשך
 - התמרת אינדקסים
- כזכור, אינדקסים מיוצגים באופן רציף, עפ"י סדר המימדים הקיים, או באופן פרטני עבור sub2ind כל מימד. ניתן להיעזר בפונקצית sub2ind כדי לבצע את ההתמרה (על אף פשטותה)

```
>> A1 = pascal(4)
A1 =
                       10
                 10
                        20
>> A2 = magic(4)
A2 =
                       13
    16
           11
                 10
     9
                 6
                        12
           14
                 15
```

```
>> W = cat(3, A1,A2)
W(:,:,1) =
                      10
                10
                      20
W(:,:,2) =
    16
                      13
       11
                10
                      12
          14
                15
```

sub2ind פנקי

שימו לב שהכיוון המוביל הוא בכיוון העמודה

```
\gg A = magic(4)
A =
   16
                    13
      11 10
                  12
         14
              15
>> sub2ind(size(A), 2,2)
ans =
    6
```

```
>> [a,b] = ind2sub(size(A), [6])
a =
2
```

$$>> A = [1 2 3]$$

1 2 3

>> repmat(A, 3 , 1)

ans =

Т		3
1	2	3
1	2	3

repmat(A,m,n) שכפול מטריצות שכפול מטריצות m פעמים בכיוון השורות n פעמים בכיוון העמודות

```
>> A = [1 2 3 ; 4 5 6]
```

$$A =$$

- 1 2 3 4 5 6
- >> reshape(A, 3, 2)

reshape(A,m,n) פנקי ארגון האיברים מחדש

מה עושה הפקודה reshape(A,numel(A),1)

```
>> A = [123;456]
>> permute(A , [2 1])
ans =
     1
2
3
           5
```

```
פנקי permuteמארגנת את המטריצה מחדשעפייי הכיוונים הרצויים
```

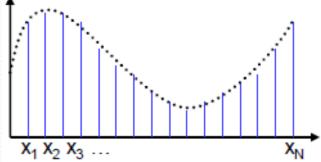
מטריצות מרובות מימד

- RGB משימה: מניפולציה על תמונת
- . העלו את תמונת patient.jpg, ניתן לבצע זאת עייי גרירת הקובץ ואישור.
- וודאו כי המטריצה patient מופיעה ב workspace. בחנו את מימדיה ומאפייניה
 - image(patient) בחנו את תמונת המטופל עייי
- באמצעות שימוש באינדקסים, הפכו את כיוון פני המטופל מצד שמאל לצד ימין
 - image וודאו את התוצאה בשימוש
- page-הירוק (ה-page) באופן דומה, שנו את הכיוון האופקי של התמונה רק של תמונת הצבע הירוק (ה-page) השני מתוך השלושה). בחנו את התוצאה



אינטגרציה נומרית

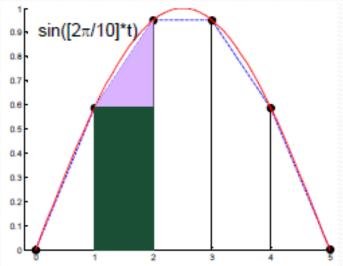
אות דיסקרטי מיוצג עייי סדרת מספרים במיקומים נתונים אשר • מהווים את כל האינפורמציה.



אינטגרציה נומרית מקרבת את הפתרון האנליטי עייי חישוב סכומי •



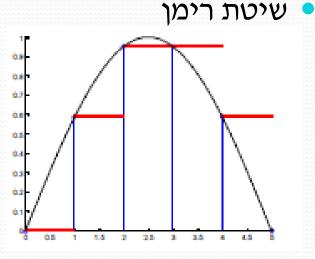
- אינטגרל רימן •
- שיטת הטרפז •



אינטגרציה נומרית

$$I = \sum_{i=1}^{N} f(x_i)(x_{i+1} - x_i)$$

- >> t=0:1:5;
- >> y=sin(2*pi/10*t);
- >> I = sum(y)/pi % dt = 1, const.



- שיטת הטרפז
- trapz ניתן לעשות שימוש בפונקצית הספריה

- $I=0.9797\pi$ ב-2 המקרים מתקבל
- מדוע התוצאה זהה ב-2 המקרים!

גזירה נומרית

הנגזרת הדיפרנציאלית, אותה מקבלים בהשאפת מרווח הדגימה ל-0 נשארת, עבור
 סדרות דיסקרטיות, במובן הפרמיטיבי שלה:

$$f'(x) = \lim_{h \to 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h} \to \frac{f(x_{i+1}) - f(x_i)}{x_{i+1} - x_i}$$

• הפרשים קדמיים

מובן כי בחישוב הפרשים מקטינים את אורך הסדרה. ניתן להימנע מיצירת פאזה בין סדרת המקור לסדרת ההפרשים באמצעות הנגזרת המרכזית

$$f'(x) = \lim_{h \to 0} \frac{f(x+h) - f(x-h)}{2h} \to \frac{f(x_{i+1}) - f(x_{i-1})}{x_{i+1} - x_{i-1}}$$

הפרשים מרכזיים

- מכיוון שלרוב עובדים עם מדידות מעשיות, נגזרת מבליטה רעש נומרי.
- בשל ייצוג מוגבל של תחום הערכים האפשריים, הדיוק <u>הכי טוב</u> שניתן לקבל הוא גודל מרווח הדגימה.
 - .gradient ,diff : הכרת פונקציות נומריות מובנות

גזירה נומרית

משימה: עבור האות הבא

```
>> dt=0.05; t=(0:dt:2)';
>> y=sin(2*pi*t);
```

הציגו את האות עייי הפקודה •

>>plot(t,y); % t,y- same length

- רת בעזרת (dydt והציגו אותה בעזרת (camut) חשבו את הנגזרת הראשונה באופן נומרי (כמשתנה) hold on; plot(t,dydt,'r') % in red. t,dydt − same length
- הציגו את cumtrapz חשבו את האינטגרל המצטבר בעזרת dydt חשבו את האינטגרל המצטבר המצטבר המצטבר המצטבר.
 - האם הגעתם בחזרה לפונקציה המקורית!

גזירה ואינטגרציה נומרית – אומדן שגיאה

$$e = f - f_{app}$$
 : ההפרש בין סדרת המקור לשחזורה

נחפש פרמטר בודד שיתאר את השגיאה •

$$e_{tot} = mean(e)$$
 מתקבלת שגיאה ממוצעת אפס בשל סימטריות •

 $e_{tot} = mean(|e|)$ אמדן שגיאה אבסולוטית, הביטוי אינו גזיר

 $e_{tot} = mean(e^2)$ שגיאה ריבועית ממוצעת •

נרצה לנרמל את השגיאה (השגיאה תלויה באמפליטודה) •

$$e=rac{f_i-f_{i,app}}{f_i}$$
 : חלוקה איבר איבר תגרום לחלוקה באפס איבר איבר תגרום לחלוקה באפס • e = (y-y_int)./y

• חלוקה באנרגית אות המקור מונעת חלוקה באפס (חלוקת mse)

$$e = \frac{\sqrt{\sum (f_i - f_{i,app})^2}}{\sqrt{\sum f_i^2}} >> \text{en = norm(y-y_int)/norm(y)}$$

2D-טרנספורמציות ליניאריות ב

(s) scaling , (α) סיבוב , (x0,y0) הזזה •

$$\begin{pmatrix} x_2 \\ y_2 \end{pmatrix} = s \begin{bmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha \\ -\sin \alpha & \cos \alpha \end{bmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ y_1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \end{pmatrix}$$

נפשט את הביטוי •

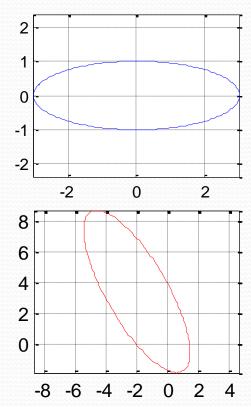
$$v = \begin{pmatrix} x_2 \\ y_2 \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} a & b \\ -b & a \end{bmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ y_1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \end{pmatrix} = Au + q$$

$$a = s \cos \alpha \qquad b = s \sin \alpha \qquad q = [x_0; y_0]$$

2D-טרנספורמציות ליניאריות ב

```
% define x,y:
N = 200;
t = linspace(0, 2*pi, N);
x = 3*\cos(t)+1;
y = \sin(t) + 2;
plot(x,y); % plot x,y:
grid on; hold on; axis equal;
% transformation parameters:
x0 = 2;
y0 = 0;
s = 2;
alpha = pi/3;
% 1. define A, q.
% 2. calculate v with v = A*u+q;
plot (v(1,:), v(2,:))
```

מימוש נומרי:



- השלימו את הפקודות בשורות הירוקות
- על מנת לשכפל את q ראורך המתאים repmat •

פונקציות נוספות

- (help פונקציות שימושיות (בדקו אופן שימוש ע"י
 - min, max, sort, abs, sign, ceil, floor, fix
 - roots מציאת שורשי פולינום

Example:
$$13 x^3 + 25 x^2 + 3 x + 4$$

>> C = [13 25 3 4];
>> r = roots(C)

residue – פירוק שברים חלקיים

$$>> [R, P, K] = residue([5,3],[1 3 0 -4])$$

$$\frac{5s+3}{s^3+3s^2-4} \to \frac{-\frac{8}{9}}{s+2} + \frac{\frac{7}{3}}{\left(s+2\right)^2} + \frac{\frac{8}{9}}{s-1}$$

תרגילים

<u>תרגיל 1</u>

צרו באופן הקצר ביותר סדרה הנדסית על בסיס 2, כלומר:

$$a(n+1) = 2*a(n), n=1,...,10$$

 $a(0) = 1$

<u>תרגיל 2</u>

- צרו וקטור t צרו וקטור סינוס מ-0 עד 1, השתמשו ב 1inspace באורך 250 מ-0 עד 1, השתמשו ב $\sin 6$ שיכיל 6 מחזורים (אל תשכחן להכפיל ב- $\sin 6$). הציגו את $\sin 6$ בעזרת plot(t,sin6) כאשר ציר ה-x נע בין 0 ל-1.
- הינו וקטור $\sin 5$ ש- $\sin 5$ הינו וקטור $\sin 7$ בעל $\sin 7$ בעל $\sin 7$ בעל $\sin 7$ בעל אחד שלה ו- $\sin 7$ הינו וקטור עמודה שני. הציגו ($\sin 5$ הינו וקטור עמודה אחד שלה ו- $\sin 7$

תרגיל 3

צרו מטריצה שהיא לוח הכפל אך שכל הערכים הקטנים מ- 20 והגדולים מ- 70 מתאפסים. מצאו את כל המיקומים במטריצה kefel בהם הערך גדול שווה ל- 81 (שימו לב שהתוצאה מתייחסת ל- kefel בתור וקטור ולא בתור מטריצה). להתמרת האינדקסים המתקבלים השתמשו ב-ind2sub או כתבו לבד את כלל ההתמרה

תרגילים

<u>תרגיל 4</u>

- צרו מטריצה נורמלית אקראית בגודל [10x5x3] בעזרת הפקודה randn. מצאו את
 int2sub ו max ,abs המקסימום בערך המוחלט ואת מיקומו בעזרת הפקודות
 - בצעו את אותה הפעולה תוך הפעלת הפונקציה max פעם אחת בלבד.

<u>תרגיל 5</u>

- $A=\mathrm{rand}(99,1)$ באורך 99 בעזרת אחידה בתחום [1 1-] באורך 99 בעזרת אקראית אחידה בתחום
- חשבו ממוצע (mean) וסטיית תקן (std) של כל תת-סדרה המורכבת מכל איבר שלישי. נסו לבצע זאת בפעולה אחת כשהוקטורים מסודרים במטריצה אחת.
 - . השתמשו בפקודה m sort כדי למיין את m A מהמספר הקטן אל הגדול m ullet
 - הפכו את כיוון A כך שתהיה מהגדול אל הקטן וקחו את חמשת המספרים החיוביים הקטנים ביותר. ראינו קודם כיצד לבצע זאת בעזרת מערכי אינדקסים לוגיים. ניתן ומומלץ, לצורך התרגול, להשתמש בפונקצית find כדי למצוא את האיבר השלילי הראשון ולחתוך את הסדרה החל ממנו:

 $first_neg_index = find(A < 0,1)$

תרגילים

תרגיל 6

- עסור עמודה פאר פעזרת פער פעזרת פאר בגודל [10x10] בעזרת בעזרת אחדות A צרו מטריצת אחדות אחדות A בגודל (A בעזרת להוסיף את הוקטור לכל עמודה של A.
- v של v (vMat = repmat($v,_,_$) בעזרת הפקודה (vMat = repmat($v,_,_$) של vבמימדי מטריצת v. בדקו כי שתי המטריצות באותו הגודל וחברו ביניהן.

<u>תרגיל 7</u>

- A(i,j)=i+j שאיבריה נתונים עייי במימדים A במימדים A
- תלצו 2 מטריצות A1,A2 בגודל 2x2 ממטריצה A. כאשר A מכילה את 2 העמודות חלצו 2 מטריצות A ו-A מכילה את 2 העמודות האחרונות של A ו-A מכילה את 2 העמודות האחרונות של
 - Aו-A1 ושבו את מטריצה B שהיא הסכום של
 - B חשבו את הערכים העצמיים והוקטורים העצמיים של
 - 1 פתרו את המערכת הלינארית שb, כאשר שר הינו וקטור שכל אבריו הם Bx=b
 - B חשבו את הדטרמיננט של
 - חשבו את ההופכי של Bחשבו את ההופכי של
 - B של condition number חשבו את ה

'חלק ב

מחרוזות

- char מחרוזת הינה מערך של תווים מסוג
- >>myString = 'Hello World'

- הגדרת פשוטה של מחרוזת
- הוא מערך בגודל [1x11] mystring
 - ascii ייצוג

```
>> as = double(myString)
As = 72 101 108 108 111 32 87 111 114 108 100
```

>> x=char(65) -> x='A'

- : ascii חמרת קוד
- str2num('109') אות num2str(109) המרה של מספר למחרוזת •
 - שימושי בעיקר בהקשר של גרפים (title,xaxis...) שימושי בעיקר בהקשר של
 - היפוך ושרשור מחרוזות (בדיוק כמו מערכים):

```
>>yourString = fliplr(myString) → 'dlroW olleH'
>>matString = [myString; yourString]
```

מחרוזות

- srtvcat -אם נרצה להוסיף כעת שורה שלישית באורך שונה, נשתמש ב
- >>matString = strvcat(matString, 'Hi World')
 - הפונקציה מרפדת את המחרוזות ברווחים לאורך של המחרוזת הארוכה ביותר.
 - : (איננה מתעלמת ממחרוזות ריקות) str2mat (איננה מתעלמת ממחרוזות ריקות) •
- >> x=str2mat('first','','second','third')
 - C1 = 'Hello' ; C2 = 'hello'; C3 = 'hell' : השוואת מחרוזות
 - אופרטור שוויון לוגי משווה איבר איבר במערכים:
- \rightarrow C1 == C2 \rightarrow ans = 0 1 1 1 1 1 1 איך ניתן לנצל תוצאה זו!
- >> C1 == C3 \rightarrow error, Matrix dimensions must agree.
 - פונקציות להשוואת מחרוזות:
- >>strcmp(C1,C2) \rightarrow 0 , strcmpi(C1,C2) \rightarrow 1
 - חיפוש תת-מחרוזת במחרוזת אחרת:

- >>findstr(C3,C2) \rightarrow 1
 - regexp : פונצקיה מתקדמת להשוואה וחיפוש במחרוזות

מחרוזות

עבור המשתנה temp=25 הציגו מחרוזת (באמצעות הפקודה disp) אשר תציג את ערך temp בתוכה נתיראה כך:

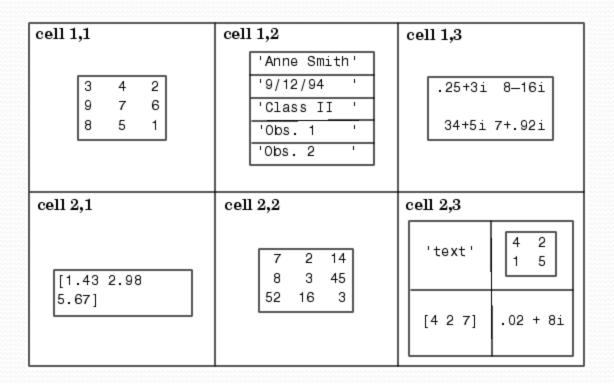
```
the room temperature is 25 degrees
>>disp(['the room temperature is ',num2str(temp),' degrees'])

(eval) הרצת מחרוזת כביטוי
>> strx = 'x = 2^3 + \exp(0)'
>> eval(strx) \rightarrow x = 9
```

מערכים שכל תא בהן יכול להיות מסוג משתנה אחר

מערך בגודל 2x3.

כל איבר במערך נקרא תא



מטריצות שכל תא בהן יכול להיות מסוג משתנה אחר

- 1x1 בגודל cell תחזיר A(1,1) •
- string תחזיר את הערך של התא (1,1) במקרה $A\{1,1\}$
- : פנייה אל תא במערך ואל איבר בתוך התא עצמו עייי אינדקסים שונים

```
>>A{2,1}(2,:)
```

איזו מהפקודות הבאות חוקית!

```
>> A{2,1} = 2 or A(2,1) = 2
```

ניתן לאחסן מחרוזות באורך שונה:

```
>> A={'first','second','third'}
```

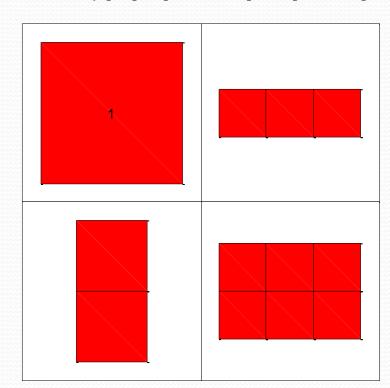
: ניתן להפעיל פונקציות מסוימות על התאים עצמם במקום על מערך התאים

```
>> length (A) \rightarrow 3 \rightarrow cellfun ('length', A) \rightarrow 5 6 5 \rightarrow \rightarrow \rightarrow 5 6 5
```

פונקציות להמרת תאים •

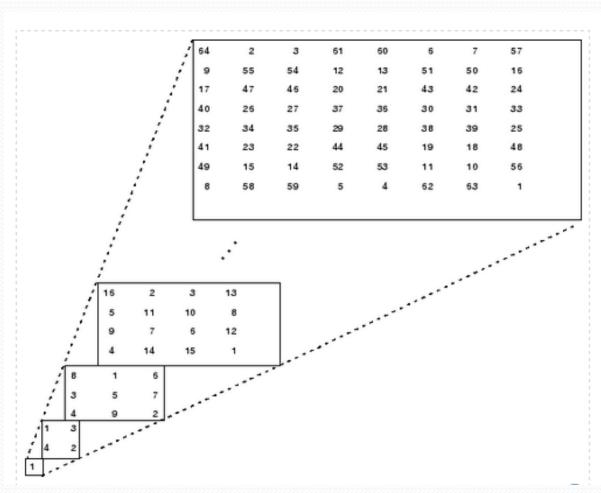
$$>> C = \{[1] [2 3 4]; [5; 9] [6 7 8; 10 11 12]\}$$

- מה הגודל של C!
- נסו את הפונקציות הבאות:
 - cell2mat(C) •
 - celldisp(C) •
 - cellplot(C) •



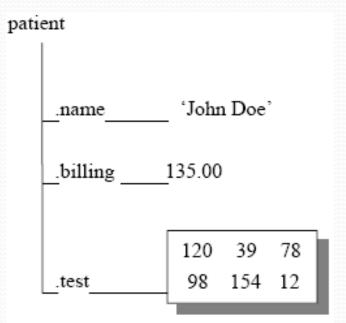
בו כל תא הוא ריבוע קסם במימד אחר cell •

```
M = cell(1,8);
for n=1:8
  M{n}=magic(n);
end;
cellplot(M)
```



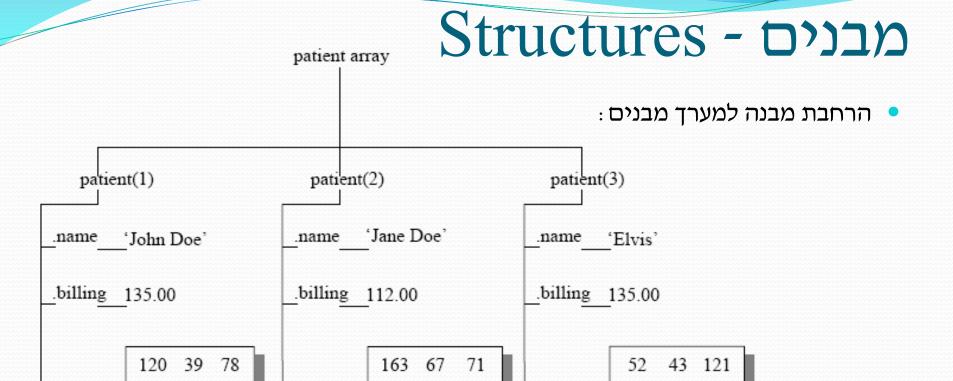
מבנים - Structures

מבנה הוא מערך המכיל טיפוסי משתנים שונים בשדות נפרדים, בעלי שמות מאפיינים.



```
שם השדה מופרד בנקודה משם המבנה:
```

- יתרונות שימוש:
- טיפול מסודר בנתונים בעלי היררכיה.
- ביצוע חיתוכים בין תכונות (שדות) של אלמנטים שונים במערך.
 - השמת כמות אינפורמציה רבה בתוך משתנה ראשי אחד.
- המבנה הוא מערך ומכיל יותר מאלמנט אחד בכל שדה (אם רוצים...)



באופן כללי ניתן ליצור מערך מבנים באמצעות: •

156 12

79

>>StrArray = struct('field1', {values1}, 'field2', {values2},...)

18 191

13

.test

54 12

98

.test

ערכי השדות ניתנים כתאים ולא מוגבלים לאותו הטיפוס. מימד התאים קובע את מימד המערך.

.test

Structures - מבנים

- שם שדה יכול להיות דינמי, עבור קלט משתמש או תוצאת תוכנית:
 - userVal-וערך כלשהו ל-userField -הזינו שם שדה (מחרוזת) ל
 - : (שימו לב לסוגריים) •

```
>>s.(userField) = userVal
```

קבלת פירוט השדות של המבנה •

>>fieldnames(structname)

מחיקת שדה ממבנה:

patient = rmfield(patient, 'billing')

: גישה לאיבר במערך

```
__name___'Elvis'
__billing__135.00

__sest_______156__12__79
```

```
>> patient(3)
ans = name: 'Elvis'
billing: 135
test: [2x3] double
>> patient(3).test(1,2)
ans = 43
```

מבנים - תרגיל

בתרגיל זה נסרוק ונערוך רשימת פונקציות יעודיות למטריצות בספריית Matlab. המטרה: לאתר את קובץ הפונקציה הקטן ביותר בנפחו. עקבו אחר הפעולות הבאות. ממשו ובחנו כל שורה:

1. path=fullfile (matlabroot, 'toolbox\matlab\matfun') הספריה הנבחנת.

```
2. list = dir(path)
                          2. פעולת dir מחזירה תשובה לתוך מבנה. בחנו את השדות ותחולתם
3. list.isdir
4. IsDir = cell2mat({list.isdir})'
5. flist =
6. bytes = cell2mat({flist.bytes})'
7. [mVal, mInd] = min(bytes)
8. minFile = flist( )
9. open (minFile)
10.fnames = ({flist.name}')
11.minFile mat = fnames( )
```

3. חלק מהאלמנטים הם תיקיות וחלק קבצים הפקודה מחזירה אוסף של מספרים

באילו שדות נמצאת האינפורמציה הנחוצה!

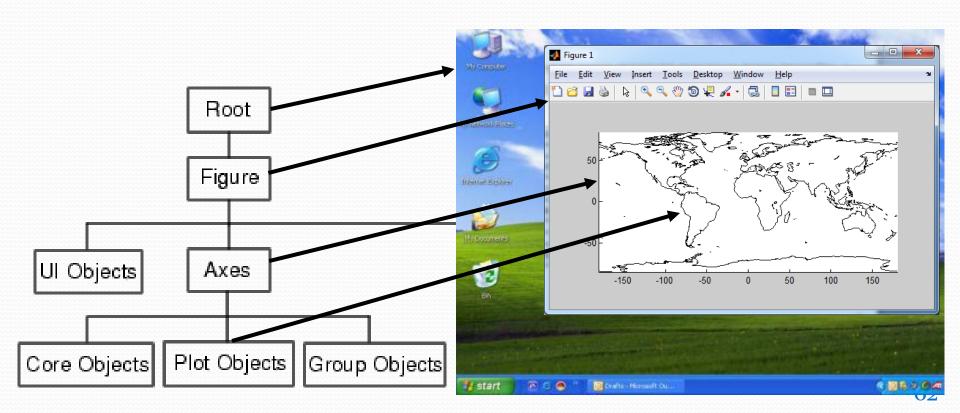
- 4. נהפוך את אוסף המספרים לוקטור
 - .5 אנחנו מעוניינים רק בקבצים.
- צרו מערך מבנים חדש שלא מכיל תיקיות
 - 6. הגדרת וקטור המכיל את גדלי הקבצים
 - 7. חיפוש הקובץ בעל הגודל הקטן ביותר
- 8. השתמשו בתוצאת 7 והשלימו את הפקודה כדי לקבל את שם הקובץ המבוקש
 - 9. פתחו את הקובץ בעל הגודל המינימלי
- 10. צרו מטריצת מחרוזות המכילה את שמות הקבצים (שלב זה לא הכרחי, אך טוב לאימון)
 - 11. השתמשו בתוצאת 10 והשלימו את הפקודה כדי לקבל את שם הקובץ המבוקש

מבנים - פתרון

```
path=fullfile(matlabroot, 'toolbox\matlab\matfun')
list = dir(path)
list.isdir
IsDir = cell2mat({list.isdir})'
flist = list(~IsDir)
bytes = cell2mat({flist.bytes})'
[mVal,mInd] = min(bytes)
minFile = flist(mInd).name
% lets see why it is so small:
open (minFile)
fnames = strvcat({flist.name}')
minfile mat = fnames(mInd,:)
```

גרפיקה בסיסית

אלמנטים גרפים מאורגנים בהיררכיה כאשר היחידה המשורטטת,בעלת האינפורמציה, היא לרוב האובייקט הנמוך ביותר בשרשרת



עריכת אובייקטים

	get properties list	object's handle
Root	get(0)	0
Figure	get(hf)	hf = gcf, hf = figure(1)
Axes	get(ha)	<pre>ha = gca ha = axes('Parent',hf) ha = subplot(m,n,k)</pre>
Object (line, patch, surface)	get(ho)	ho = gco (if selected) ho = plot(, 'Parent',ha)

get: get (handle, 'PropertyName') \rightarrow returns property value

set: set(handle, 'PropertyName', PropertyVal)

set (handle, 'PropertyName') \rightarrow returns property options

inspect: inspect (handle) → opens graphic interface

plot פונקציית

- השימושית והאוטומטית ביותר עבור שרטוט גרפים קוויים דו-מימדיים
 - מייצרת את כל האובייקטים הדרושים לשרטוט הגרף •
- פועלת במספר וריאציות ועל תבניות קלט שונות. הצורה הכללית ביותר:

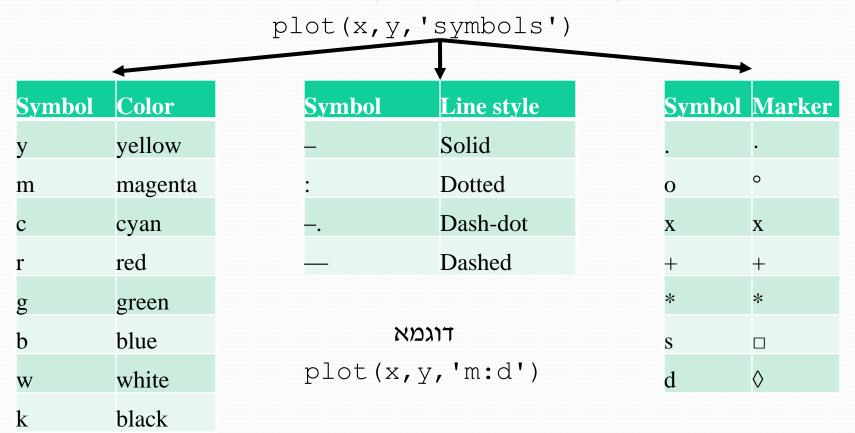
```
plot(Xdata, Ydata, ..., 'properties', values, ...)
```

דוגמא

```
>>x = 0:0.1:1; y = x.^.5;
>>plot(x,y)
```

- . הסדרות x,y מאותו האורך
- line ובתוכו axes, אשר תחתיו מצויר אובייקט מסוג figure
 - מכיוון שלא היה figure קיים, החדש קיבל את המספור •
- ברירת המחדל היא שרטוט הנקודות בקו רציף (לינארי בין הנקודות) ובצבע כחול
 - הצירים הותאמו אוטומטית לתחום ערכי הסדרות המספריות

- מציירת את הסדרה אל plot(y) כאשר הקלט לפונקציה כולל סדרה אחת בלבד, plot מציירת את הסדרה אל מול האינדקסים התואמים.
 - הזנת מאפייני אובייקט אופציה 1, בצורה מקוצרת



• הזנת מאפייני אובייקט – אופציה 2, קביעת תכונות מפורטות:
>>plot(x,y,'property1',val1,...)
• כדי לקבל את רשימת התכונות האפשריות:

```
>>h = plot(x,y);
>>get(h)

: דוגמא:

>>plot(x,y,'Color','m','LineStyle',':','LineWidth',6,'Mark
er','d','MarkerEdgeColor','k','MarkerSize',16)

שרטוט מספר מרוכב

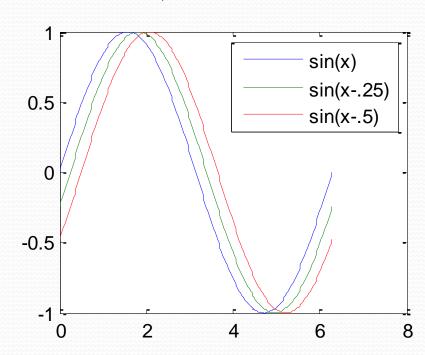
•
```

```
>>t=0:.01:1; z = exp(j*2*pi*t)
>>plot(z) % equals: plot(real(z),imag(z))
```

שרטוט מספר אובייקטים יחדיו •

שרטוט מספר אובייקטים יחדיו – אופציה 1 (באותה הפקודה)

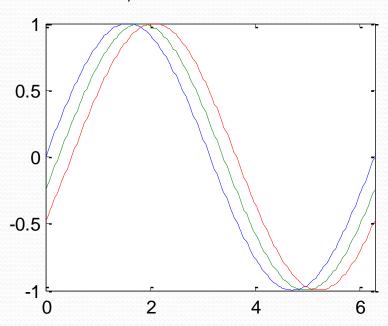
```
>>x = 0:pi/100:2*pi;
>>y = sin(x);
>>y2 = sin(x-.25);
>>y3 = sin(x-.5);
>>plot(x,y,x,y2,x,y3)
>>legend('sin(x)',...
'sin(x-.25)','sin(x-.5)')
```



- פייצרת מקרא לגרפים לפי סדר הגרפים legend ●
- על גבי גרף אחד x=1: 10-ו y=0: 0.5: 8 שרטטו את x=1: 10-ו

(hold שרטוט מספר אובייקטים יחדיו − אופציה 2 (שימוש ב •

```
>>x = 0: pi/100: 2*pi;
>>plot(x, sin(x),'b')
>>hold on
>>plot(x,sin(x-0.25),'r')
>>plot(x,sin(x-0.5),'g')
>>axis tight
>>hold off
```



- שאפשרת להוסיף אובייקט גרפי נוסף במקום החלפת הישן בחדש hold
 - מצמצם את הצירים למינימום המכיל את הגרפים $axis\ tight$
- hold ב שימוש תוך אחד תוך על גבי גרף אחד תוך שימוש ב $\mathrm{y=0:0.5:8}$ משימה : שרטטו את $\mathrm{y=0:0.5:8}$

שרטוט מספר אובייקטים יחדיו – אופציה 3 (שרטוט עמודות מטריצה) •

```
>>x = 0: pi/100: 2*pi;
>>Mat=[sin(x)' sin(x-0.25)' sin(x-0.5)'];
>>plot(x,Mat,'LineWidth',3)
```

- הצבעים מחולקים באופן אוטומטי
- שולט על עובי הקו –LineWidth •

השוואה בין 3 השיטות

סוגי גרפים שונים	אורכים שונים	אורכים זהים	שיטה
		שליטה בצבעי	
לא אפשרי	רישום קומפקטי	וסוגי הקווים בלבד	צמדי וקטורים
	אפשרי, אך רישום	שליטה מלאה	
אפשרי	מסורבל	בכל אובייקט	hold
		רישום קומפקטי, אך לא ניתן	
		לשלוט בכל מאפייני אובייקט	
לא אפשרי	לא אפשרי	נפרד בגרף	וקטור ומטריצה

• שרטוט שתי סדרות בעלות יחידות שונות:

```
>> [Ax, h1, h2] = plotyy(X1, Y1, X2, Y2)
```

Ax - handle (pointer) to axes

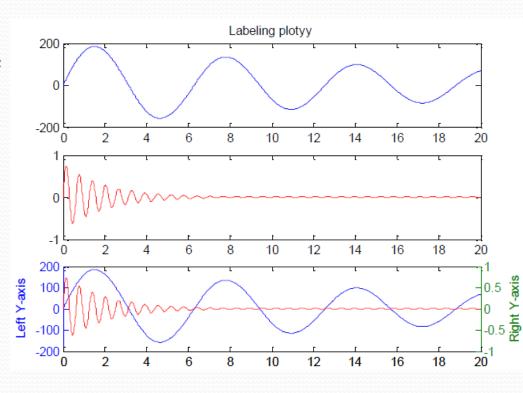
hi - handle to Xi, Yi plot

ylabel לאובייקט handle

get(AX(2), 'YLabel')

y מתן כותרות לציר

```
>>set(get(AX(1),'YLabel')
,'String','Left Y-axis')
>>set(get(AX(2),'YLabel')
,'String','Right Y-axis')
```

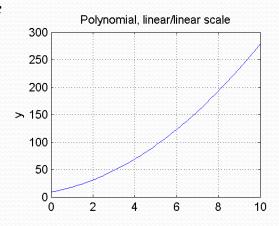


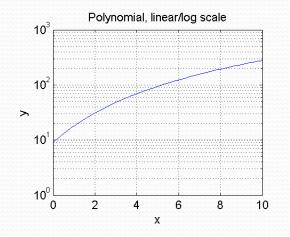
שרטוט בסקאלות לוגריתמיות •

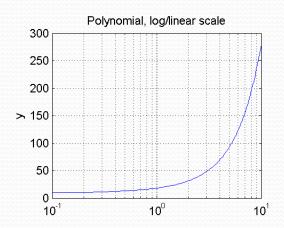
$$x = 0:10:100;$$

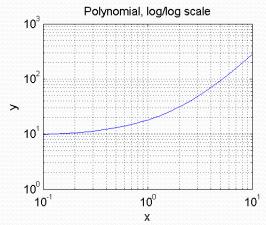
 $y = 2*x.^2 + 7*x + 9;$

plot (x,y)
semilogx (x,y)
semilogy (x,y)
loglog(x,y)









פקודות עזר

axis - שליטה בתחום התצוגה

command	description
axis ([xmin xmax ymin ymax])	Define minimum and maximum values of the axes
axis square	Produce a square plot
axis equal	equal scaling factors for both axes
axis tight	Scale axis to fit plot tightly
axis normal	turn off axis square, equal
axis (auto)	return the axis to defaults

בחנו את הפקודה הבאה:

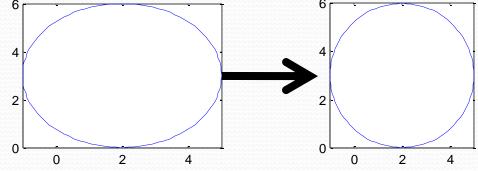
יותר! • נסו לשנות את תחום הצגת הצירים: האם התמונה ברורה יותר!

>>axis([0 2.5 0 3])

פקודות עזר

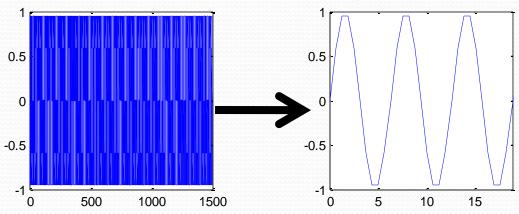
axis square לשיפור התצוגה

- תרגיל: ציירו מעגל שמרכזו בנקודה (2,3) ורדיוסו שווה 3
- x = x0 + R*cos(theta); y = y0 + R*sin(theta): תוכורת •
- axis equal הצורה המתקבלת אינה מזכירה עיגול במבט ראשון. נסו את הפקודות •



- שולטים בגבולות הצירים בנפרד. xlim,ylim
 - שימו לב הפעולה אינה חותכת את האות

>>t=0:2*pi/10:1500; >>plot(t,sin(t)) >>xlim([0 6*pi])

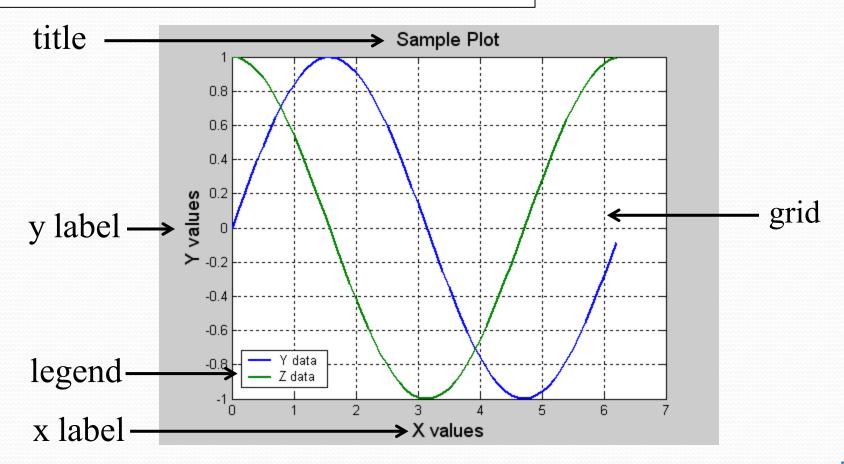


פקודות עזר

- axes תוספות ל
- axis labels = xlabel, ylabel
 - title •
 - grid on, off, minor •
- axes יוצר אובייקט חדש מסוג legend מקרא
- ניתן להציב בטקסטים סימנים מיוחדים המפוענחים לפי קוד
 - \rightarrow , \leftarrow , \alpha , 10^5 לדוגמא •
- .axes- כל הטקסטים הם אובייקטים מסוג text והינם "ילדים" של ה

```
>>x=[0:0.1:2*pi];
>>y=sin(x); z=cos(x);
>>plot(x,y,x,z,'linewidth',2)
>>title('Sample Plot','fontsize',14)
>>xlabel('X values','fontsize',14)
>>ylabel('Y values','fontsize',14)
>>legend('Y data','Z data','fontsize',3)
>>grid on
```

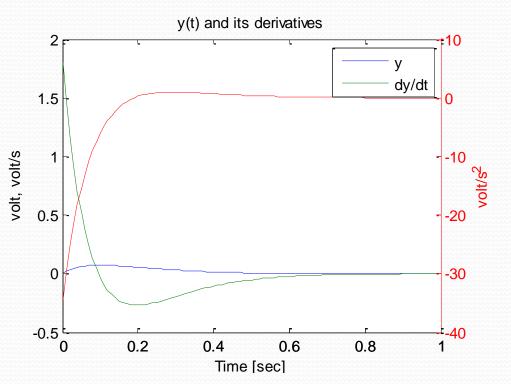
פקודות עזר



משימה

- שרטטו על אותו הגרף את הפונקציה הבאה ושתי נגזרותיה הנומריות (ראשונה ושניה)
- t = 0:0.01:1[sec]

$$y(t) = 2t \cdot e^{-10t} [volt]$$



- אין דרישה לנגזרות מרכזיות
 - הקפידו על צבעים שונים
 - תנו כותרות מתאימות
 - (legend) הוסיפו מקרא

```
החזרת מצביע לאובייקט הציור:

h = plot(...)

[hx, h1, h2] = plotyy(...)

קבלת כל התכונות של אובייקט:

get(h)

הפיכת ציר (1) לפעיל:

axes(hx(1))

הפיכת ציר (2) לפעיל:

axes(hx(2))

שינוי תכונה של אובייקט

set(h, 'property', propval)
```

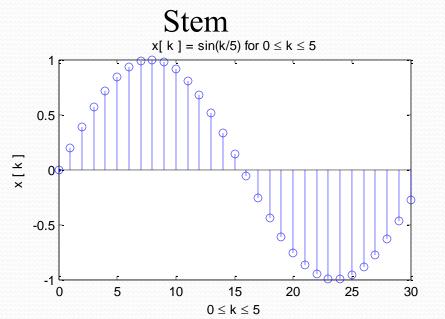
פתרון

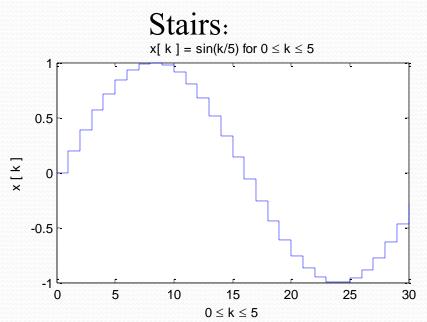
```
dt = 0.01;
t = 0:dt:1;
y = 2*t.*exp(-10*t);
dydt = diff(y)/dt;
dydt(end+1) = dydt(end); % add last value
d2ydt2 = diff(y,2)/dt^2;
d2ydt2(end+(1:2))=d2ydt2(end); %add last value
[hx, h1, h2] = plotyy(t, [y; dydt], t, d2ydt2);
xlabel('Time [sec]')
axes(hx(1));
ylabel('volt, volt/s')
title('y(t) and its derivatives')
legend('y', 'dy/dt')
axes(hx(2));
ylabel('volt/s^2')
```

פונקציות נוספות

: (stem, stairs) שרטוט אות בדיד

```
>> k=[0:30];
>> x=sin(k/5);
>> stem(k,x) or stairs(k,x)
>> xlabel('0 \leq k \leq 5');
>> ylabel('x [ k ]');
>> title('x[ k ] = sin(k/5) for 0 \leq k \leq 5');
```

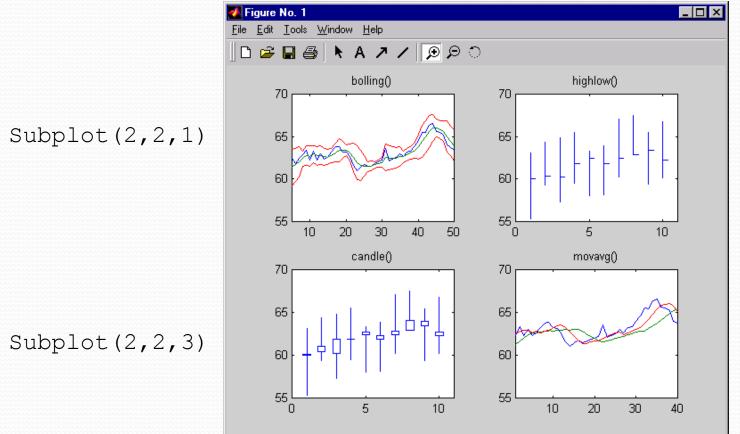




ארגון גרפים

subplot אחד באמצעות הפקודה figure ב-axes ניתן לצייר מספר

subplot(rows, cols, index)



Subplot (2,2,2)

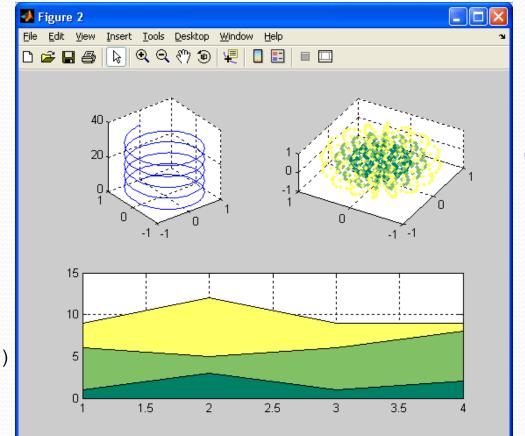
Subplot (2,2,4)

ארגון גרפים

דוגמא נוספת

Subplot (2,2,1)

Subplot (2,2,3:4)



Subplot (2,2,2)

עריכה ידנית

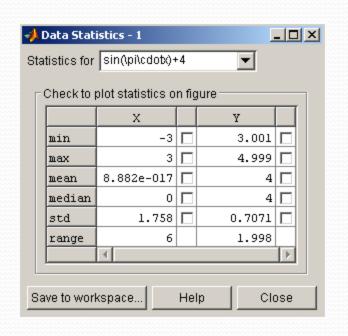
מתוך החוברת של דורי פלג הגדלה הוספת קווים, מס' חלון סיבוב הגרף 📣 Figure No. 1 File Edit View Insekt Tools Window Helb D 🛎 🖫 🖨 🕨 A 🗷 🖊 An example of graph annotation $sin(\pi \cdot x) + 4$ $sin(\pi \cdot x) + 4 min$ 8 sin(π·x)+4 max 7 אובייקט 6 מסומן ניתן להזיז כל טקסט ע"י לחיצה $sin(\pi \cdot x) + 4 \rightarrow$ לחיצה על קבועה הכפתור Cut ומשיכה הימני של 3 <u>С</u>ору העכבר על אובייקט 2 Clear מסומן Line Width פותחת 1 Line Style תפריט Color.. אפשריות 0 L -2 -1 0 Properties... פותח חלון Х

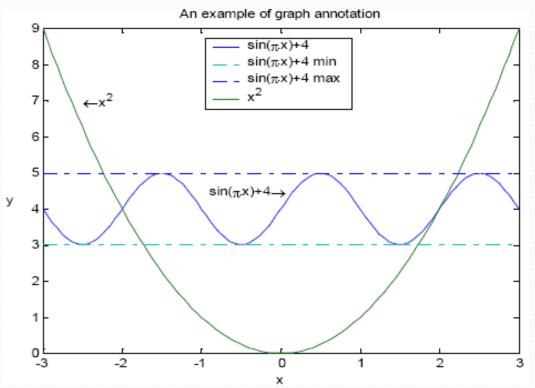
עריכת תכונות

עריכה ידנית

מתוך החוברת של דורי פלג

Tools→Data Statistics:





תרגיל

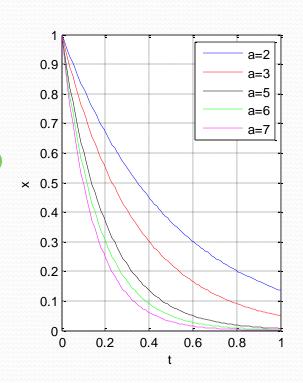
$$x = \exp(-at)$$

יש לצייר על אותו הגרף אכספוננטים דועכים a=2,3,5,6,7 , t=[0,1] כאשר

יש להשלים את השורה הירוקה:

```
t = linspace(0,1);
a = [2 \ 3 \ 5 \ 6 \ 7];
ch = 'brkgmcy';
for k=1:length(a)
   % calculate and plot x with color ch(k)
   leg str\{k\} = ['a=', num2str(a(k))];
end;
legend(leg str)
grid on;
xlabel('t')
ylabel('x')
```

text(0.41,0.46,'\leftarrow slowest')



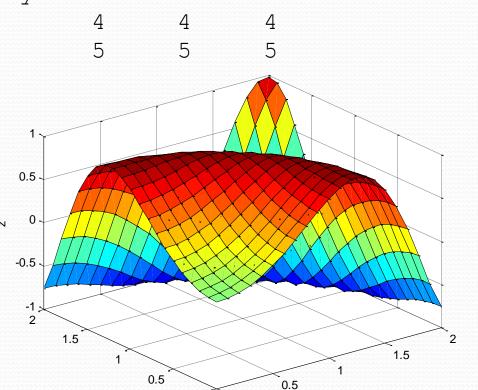
נסו להוסיף את הפקודה:

תלת מימד

 \cdot יוערכי imes וערכי אפשריים בין ערכי imes meshgrid פקודת •

```
>> [x,y] = meshgrid(x,y)
x =
x = 0:0.1:2;
y = 0:0.1:2;
[xx, yy] = meshgrid(x,y);
zz=sin(xx.^2+yy.^2);
surf(xx,yy,zz)
xlabel('x')
ylabel('y')
zlabel('z')
```

>> x = [1 2 3]; y = [4 5];



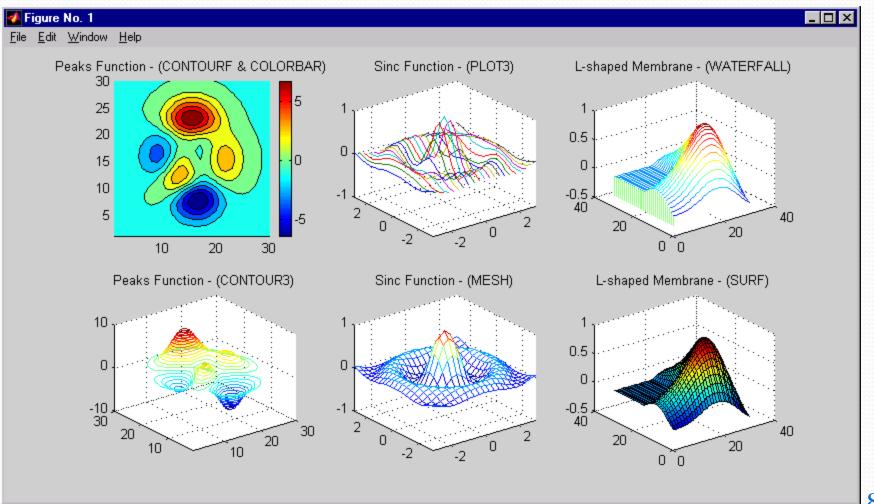
0 0

84

y

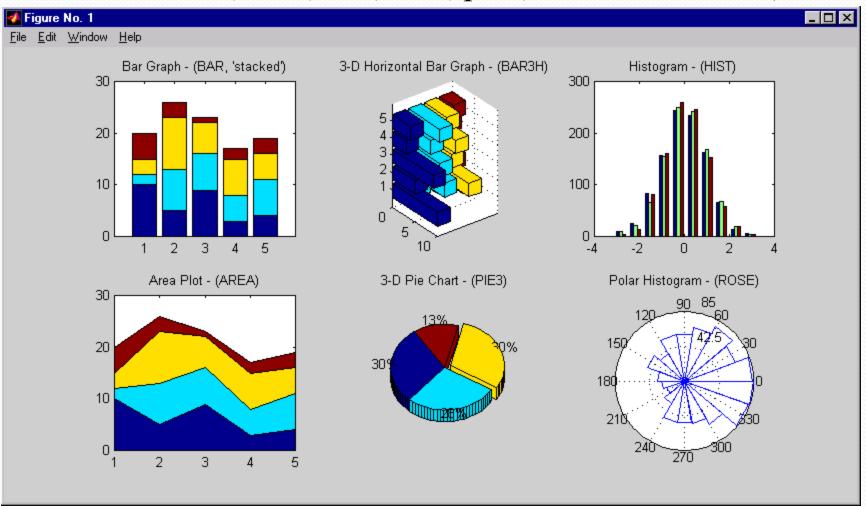
תלת מימד

contour, plot3, waterfall, contour3, mesh, surfc: פונקציות נוספות



גרפים נוספים

bar, bar3, hist, area, pie3, rose : פונקציות נוספות



בקרת זרימה

- if statements •
- switch statements
 - for loops •
 - while loops •
 - break statements •

תנאים (If)

צורה כללית

דוגמא 1

```
>> if expression
>> ...
>> elseif expression
>> ...
>> else
>> ...
>> end
```

```
>> if i == j
>> a(i,j) = 2;
>> elseif i >= j
>> a(i,j) = 1;
>> else
>> else
>> a(i,j) = 0;
>> end
```

דוגמא 2

```
>> if (attn>0.9) & (grade>60)
>>    pass = 1;
>> end
```

Switch

```
צורה כללית
```

```
דוגמא •
```

```
>> switch switch_expr
>> case case_expr1
>> ...
>> case case_expr2
>> ...
>> otherwise
>> ...
>> end
```

```
>> x = 2, y = 3;
>> switch x
>> case x==y
>> disp('x and y are equal');
>> case x>y
>> disp('x is greater than y');
>> otherwise
>> disp('x is less than y');
>> end
x is less than y
```

break-בשונה משפת C, לא נדרש שימוש ב-

לולאות (for)

```
צורה כללית
                                                       דוגמא 1
>> for variable=expression
                                 >> for x = 0:0.05:1
>> ...
                                 >> printf('%d\n',x);
>> ...
                                 >> end
>> end
                                                       דוגמא 2
                                 >> a = zeros(n,m);
                                 >> for i = 1:n
                                 >> for j = 1:m
                                 \Rightarrow a(i,j) = 1/(i+j);
                                 >> end
                                 >> end
```

(while) לולאות

```
צורה כללית
```

```
דוגמא 1
```

```
>> while expression
>> ...
>> and
```

```
>> n = 1;

>> y = zeros(1,10);

>> while n <= 10

>> y(n) = 2*n/(n+1);

>> n = n+1;

>> end
```

```
>> x = 1;
>> while x
>> %execute statements
>> end
```

`false`-יני שווה ערך ל (true`- יוי שווה ערך ל

שימוש ב-break

(for\while) פקודת break עוצרת את הלולאה •

```
>> y = 3;
>> for x = 1:10
>> printf('%5d',x);
>> if (x>y)
>> break;
>> end
>> end
1 2 3 4
```

משתנים סימבוליים

• מאפשרים לקבל תוצאות סימבוליות, בדומה לתוכנת מתמטיקה:

```
syms x;
f = cos(x)
diff(f taylor(f) int(f) ezplot(x,f) laplace(f) fourier(f)
exploy(f)
exploy(f)
exploy(f)
expand(f) collect(f)
exploy(f)
exploy(f)
exploy(f)
```

• פנקי solve מחזירה תוצאה סימבולית, על מנת לקבל תוצאה מספרית צריך להשתמש בפנקי eval. למשל:

```
g=solve(x^2+2) eval(g)
```

פונקציות מוגדרות אישית

- שם הפונקציה צריך להיות תואם לשם הקובץ
 - : stat.m דוגמא,

```
function [mean, stdev] = stat(x)
%STAT Interesting statistics.
n = length(x);
mean = sum(x) / n;
stdev = sqrt(sum((x - mean).^2)/n);
```

inline פונקציות

לפעמים נח להגדיר פונקציה באופן סיבולי ללא קובץ

```
myfunc=0(x) sin(x) + cos(x)
```

• הביטוי יעבוד בדיוק כאילו היינו מגדירים את הפונקציה בקובץ

```
function out=myfunc(x)
out= sin(x)+cos(x)
```

: ניתן לעבוד עם מספר כניסות/יציאות, דוגמא

```
f=@(x,y,z) [x+y; x*z;z-y];
    f(1,1,1)=[2;1;0]

f=@(t,x) [x(1)*t; x(2)*t^2; sin(x(3))];
    f(1,[1;1;pi])=[1;1;0]
```

סימולציה של מערכת דינמית

- (ode23,ode45...) matlab הסימולציה נעשית עייי פונקציות מובנות ב
- $\dot{\vec{x}} = f\left(t, \vec{x}
 ight)$ השלב הראשון הוא הבאת המערכת למערכת מסדר ראשון •
- לאחר מכן יש לממש את אגף ימין כפונקצית inline (ניתן גם כפונקציה נפרדת) •

$$\begin{pmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \sin t + x_1 x_2 \\ x_1 t + x_2 \end{pmatrix}$$
 : לדוגמא עבור

: נגדיר

```
odefun= @(t,x)[\sin(t)+x(1)*x(2); x(1)*t+x(2)];
```

- : (5 מסדר 4 עם שגיאה מסדר (מסדר איט שגיאה מסדר איט Eunge-Kutta) ode45 (sq. tout, xout] = ode45 (odefun, [t0 tf], y0)
 - מכיל את תנאי ההתחלה עבור משתני המצב \mathbf{x} 0- הוא וקטור הזמנים ו- \mathbf{t} 1 (t0 tf)
 - פלט הסימולציה, לא בהכרח במרווחי זמן קבועים − [tout, xout] •

סימולציה של מערכת דינמית

מטרת התרגיל היא לבצע סימולציה של תגובת המערכת הלא לינארית הבאה, עם תנאי $\ddot{x} + (1 - \varepsilon x)\dot{x} + x = 0$ $\varepsilon = 0.5$

$$x(0) = 0, \dot{x}(0) = 1$$

 $x_1 = x, \ x_2 = \dot{x}$ עייי הגדרת ($\dot{\vec{x}} = f(t, \vec{x})$) עייי הגדרת כמערכת מסדר ראשון

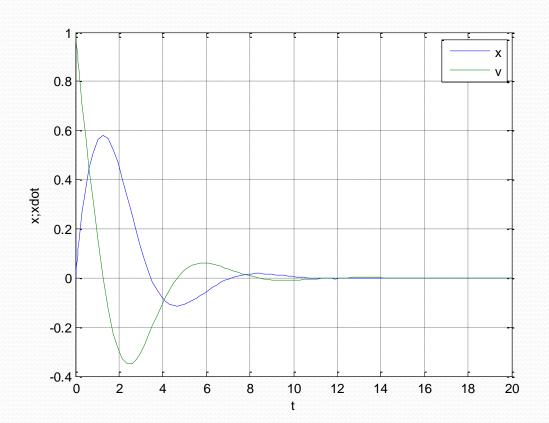
$$\frac{d}{dt} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_2 \\ -(1 - \varepsilon x_1) x_2 - x_1 \end{pmatrix}$$

- .(x) בפונקציית בעל (t) ו-וקטור בעל בקלט איברים יוקטור ממשו את \vec{x} כפונקציית ממשו את איברים (x) בפונקציית בפונקציית השאלה בביטוי .xdot = @ (t,x) [?;?] הנחיה: יש להשלים את סימני השאלה בביטוי
 - xdot (0, x0) מה מתקבל עייי הרצת x0=[0;1] בהגדרת •
- [t,x]=de45 (xdot, [0 tf], x0); ע"יי ode45 (xdot, Education of tf) בצעו סימולציה של המערכת בשימוש
- .(20-בירו אותו הסיום (הגדירו אותו כ-20). \pm t הקלט הינו המערכת, \pm t המערכת, \pm t התחלה, \pm t הקלט הינו:
 - עמודות 2 וקטור און \pm וקטור זמנים (לאו דווקא אעד זמן קבוע), \pm וקטור בעל \pm

סימולציה של מערכת דינמית

: הערות

- . ניתן לאלץ את השיטה לעבור עם צעד זמן קבוע
- N שיטה זו תעבוד לכל מערכת לא לינארית. אם המערכת היא מסדר אידר מערכת \mathbf{x} משתני מצב ו-xdot יכיל איברים.



בקרה – ניתוח תגובת תדר

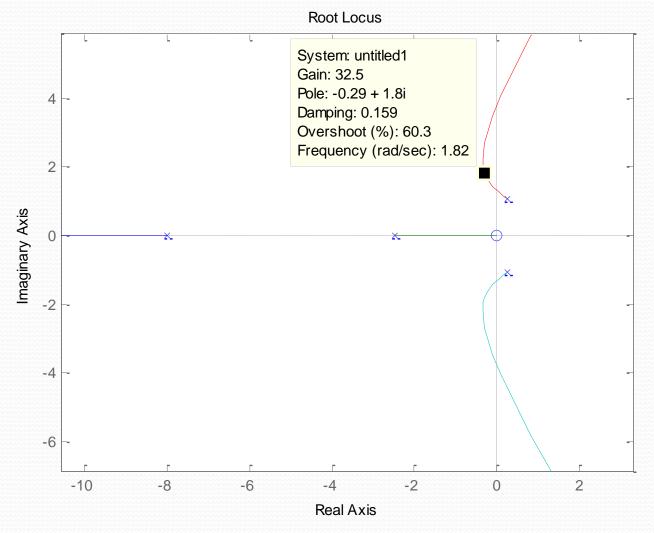
$$G(s) = \frac{1}{s^3 + 2s^2 + 3}$$

 $G(s) = \frac{1}{s^3 + 2s^2 + 3}$: ניקח מערכת המתוארת ע"י פונקצית התמסורת הבאה •

- $G = tf([1], [1 \ 2 \ 0 \ 3]) : tf$ ע"י הפקודה matlab נגדיר אותה ב
- .bode, nyquist, nichols ניתן לנתח את המערכת במישור התדר עייי הפונקציות מומלץ להשתמש ב- Data Cursur על מנת לדגום נקודות ספציפיות בגרפים.
- על מנת לנתח את מיקום הקטבים בחוג סגור עבור משוב עם הגבר פרופורציוני נשתמש .data cursor. גם כאן מומלץ להיעזר ב-rlocus.
 - הדרך הנוחה ביותר לתכנן חוג בקרה למערכת הזו היא עייי sisotool. הכלי מאפשר sisotool- ולבחון את תגובת המערכת. ל-root locus ולבחון את תגובת המערכת. ישנו help המכיל הסברים על אופן השימוש.
 - $H(s) = \frac{s}{s+8}$: washout נייצב את מערכת הדוגמא עייי H = tf([1 0],[1 8]) : matlab-ב

תכנון מערכת בקרה

:(rlocus (G*H) : matlab-: נבחר בהגבר K=33 עבורו הקטבים בחוג סגור יציבים (K=33



simulink סימולציה ב

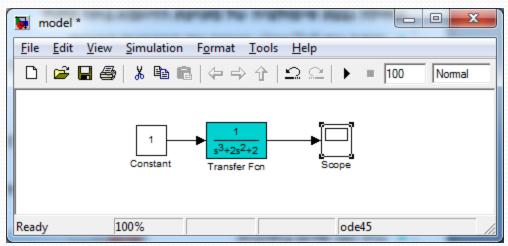
תחילה נבצע סימולציה של מערכת הדוגמא בחוג פתוח

- : נפתח את simulink ונגרור את הרכיבים הבאים
- (TF-מתוך continuous בהמשך יסומן בקיצור כ-Transfer Fcn
 - sources מתוך constant
 - sinks מתוך Scope
- נחבר ביניהם עייי בחירה ב-constant, החזקת ctrl והקלקה על TF, החזקת scope נחבר ביניהם עייי בחירה ב-scope החזקת scope

נגדיר את פנק התמסורת ע"י לחיצה כפולה על TF והכנסת מקדמי הפולינומים במונה

ובמכנה

נזין זמן סיום בחלונית המתאימה בצד ימין למעלה ונלחץ על play



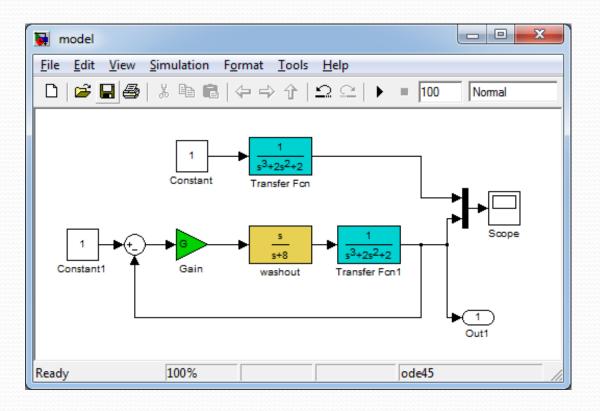
simulink סימולציה ב

נמשיך לסימולציה של המערכת בחוג סגור

- תחילה נשכפל את המערכת בחוג פתוח ע"י סימון כלל הבלוקים וגרירה שלהם עם לחיצה ימנית על העכבר. נוסיף את הבלוקים הבאים:
 - (washout-מתוך continuous מתוך Transfer Fcn
 - math operations מתוך sum-י Gain
 - Signal Routing מתוך Mux •
 - (בדומה למתואר עבור TF בשקף הקודם) washout •
 - יי+י ל י−+י שינוי של י++י ל י-+י sum עייי לחיצה כפולה ושינוי של י++י ל י-+י
- בתנאי שהוגדר G והזנת 33 (ניתן להזין Gain שהוגדר שהוגדר עייי לחיצה כפולה על G
 - ינחבר בין הבלוקים כמתואר בשקף הבא ליצירת חוג סגור scope- נחבר ה-mux ל-

simulink סימולציה ב

בעת סימולציה של המערכת נקבל שבחוג פתוח המערכת לא יציבה ואילו בחוג סגור
 המערכת מתייצבת. ניתן להריץ את המודל גם ע"י קוד matlab וניתן להגדיר את
 ההגבר G מחוץ למודל. דוגמא לכך ניתן למצוא בקובץ model_sim.m



שונות

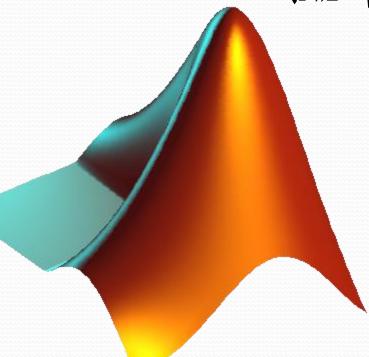
- בהקשר של בקרה לפעמים נדרשים לבצע אכספוננט של מטריצה לצורך כך קיימת הפונקציה expm.
 - expm(A) שפועל איבר-איבר לבין exp(A) שימו לב שיש הבדל בין

>>	$A = [1 \ 2; \ -1]$	1];	>>	A = [1 0; 0]	2];
>>	exp(A)		>>	exp(A)	
	2.7183	7.3891		2.7183	1.0000
	0.3679	2.7183		1.0000	7.3891
>>	expm(A)		>>	expm(A)	
	0.4239	3.7972		2.7183	0
	-1.8986	0.4239		0	7.3891

סיכום

- Matlab טעימה קטנה מהיכולות של תוכנת
 - help :הפונקציה השימושית ביותר

לרוב, החלק הקשה ביותר הוא למצוא את השם של הפונקציהשאנחנו רוצים (סיכוי גבוה שהיא קיימת)



בהצלחה!

שאלות?