# **Articulation Points**

Andrés Valencia Oliveros<sup>1,2</sup>

Facultad de Ingeniería, Diseño e Innovación Institución Universitaria Politécnico Grancolombiano Bogotá, Colombia

#### Resumen

. .

Keywords: articulation point, cut vertex

#### 1 Introducción

. . .

# 2 Teoría de grafos

En matemáticas y en ciencias de la computación, la teoría de grafos estudia las propiedades de los grafos. Un grafo G(V, E) es una colección de puntos, llamados vértices o nodos  $V = \{v_1, v_2, \dots\}$ , y segmentos de línea que conectan esos puntos, llamados aristas o arcos (en inglés edges)  $E = \{e_1, e_2, \dots\}$ ; cada arista e tiene dos puntos finales, que son vértices. Se escribe  $u \stackrel{e}{-} v$ , y significa que la arista e incide sobre los vértices u y v; en este caso se puede decir que e conecta los vértices u y v, o que los vértices u y v son advacentes [1].

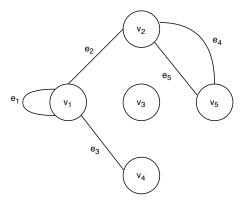


Fig. 1. Ejemplo de un grafo. [1]

 $<sup>^{1}</sup>$  GitHub: anvalenciao

 $<sup>^2\,</sup>$  Email: anvalenciao@poligran.edu.co

#### 2.1 Grafo conexo

Un grafo G es conexo, si por cada dos vértices u y v, hay un camino (finito) que comienza en u y termina en v [1]. Para verificar si un grafo G es conexo, se puede aplicar un algoritmo determinista habitual, búsqueda en anchura en inglés  $Breadth\ First\ Search\ (DFS)$  o búsqueda en profundidad en inglés  $Depth\ First\ Search\ (DFS)$ .

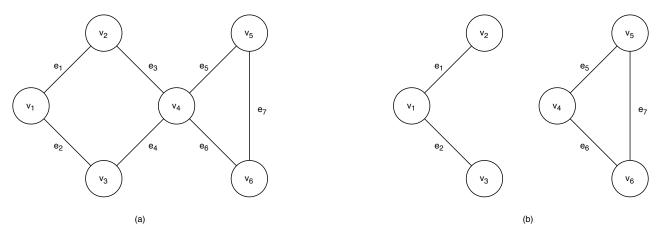


Fig. 2. Tipos de grafos. (a) Conexo. (b) Disconexo.

### 2.2 Grafo dirigido o digrafo

Un digrafo o grafo dirigido G(V, E) se define de manera similar a un grafo, excepto que el par de *puntos finales* (u, v) de cada arista ahora está ordenado. Se escribe  $u \stackrel{e}{\to} v$ , dónde u es el vértice inicial de e; y v es el vértice final de e. Se dice que la arista e está dirigida de u a v [1].

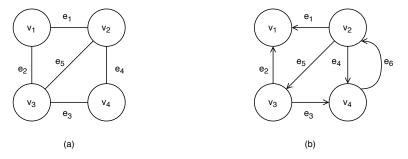


Fig. 3. Tipos de grafos. (a) No dirigido. (b) Dirigido o digrafo.

### 3 Puntos de articulación

Un vértice v es un punto de articulación (o vértice de corte), si al eliminar el vértice v del grafo aumenta el número de componentes conectados. Es decir, genera algunos vértices inalcanzables para otros, se desconecta el grafo.

#### 4 Puentes

Una arista se llama puente si al eliminarla del grafo (manteniendo los vértices) aumenta el número de componentes conectados.

### 5 Algoritmos

lorem ipsum dolor sit amet.

- 5.1 Algoritmo de XXX
- 5.1.1 Pseudocódigo
- 5.1.2 Complejidad

# Glosario de términos

adyacentes Si una arista conecta dos vértices, se dice que son adyacentes. 1

algoritmo determinista Su comportamiento se puede predecir completamente a partir de la entrada, el algoritmo realiza los mismos cálculos y ofrece los mismos resultados[2]. 2

BFS Breadth First Search. 2

**DFS** Depth First Search. 2

puntos finales Dos vértices conectados por una arista. 1, 2

# Referencias

- [1] S. Even,  ${\it Graph~algorithms}.$  Cambridge University Press, 2011.
- [2] P. E. Black, "deterministic algorithm," 2009.