

Suffix Automaton

Andrés Valencia Oliveros^{1,2}

*Facultad de Ingeniería, Diseño e Innovación
Institución Universitaria Politécnico Grancolombiano
Bogotá, Colombia*

Resumen

Keywords:

1. Introducción

2. Grafo dirigido

2.1. Grafo dirigido o digrafo

Un grafo $G(V, E)$ es una colección de puntos, llamados vértices o nodos $V = \{v_1, v_2, \dots\}$, y segmentos de línea que conectan esos puntos, llamados aristas o arcos (en inglés *edges*) $E = \{e_1, e_2, \dots\}$; cada arista e tiene dos *puntos finales*, que son vértices.

Un digrafo o grafo dirigido $G(V, E)$ se define de manera similar a un grafo, excepto que el par de *puntos finales* (u, v) de cada arista ahora está ordenado. Se escribe $u \xrightarrow{e} v$, donde u es el vértice inicial de e ; y v es el vértice final de e . Se dice que la arista e está dirigida de u a v [1].

¹ GitHub: [anvalenciao](#)

² Email: anvalenciao@poligran.edu.co

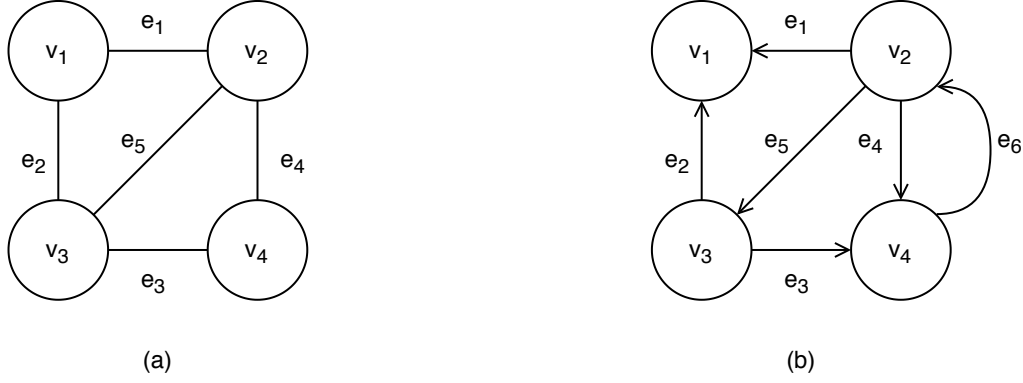


Figura 1. Tipos de grafos. (a) No dirigido. (b) Dirigido o digrafo.

3. Autómata finito determinista

Formalmente, un autómata finito es una 5-tupla $(Q, \Sigma, q_0, \delta, F)$ donde:

- Q , es un conjunto finito de estados;
- Σ , es un conjunto finito de **símbolos** llamado **alfabeto**;
- $q_0 \in Q$ es el estado inicial;
- $\delta: Q \times \Sigma \rightarrow Q$ es una función de transición;
- $F \subseteq Q$ es un conjunto de estados finales o de aceptación.

Un **Autómata Finito Determinista** (AFD), es un autómata/máquina que tiene un número finito de estados y además es un sistema determinista, es decir, para cada **símbolo** de entrada, se puede determinar el estado al que se moverá el autómata [2].

Un AFD está representado por un grafo dirigido llamado diagrama de estado.

- Los estados son representados por vértices o nodos $Q = \{S_1, S_2, S_3, \dots\}$.
- Las aristas o arcos etiquetados con un **alfabeto** Σ , representan las transiciones δ .
- El estado inicial q_0 se denota por una sola arista entrante vacía.
- El o los estados finales F están indicados por círculos dobles.
- Cada transición se escribe $\delta(q_1, \sigma) = q_2$, también se puede denotar como $q_1 \xrightarrow{\sigma} q_2$.

3.1. Ejemplo

El siguiente ejemplo es de un AFD L , con un alfabeto binario, que reconoce el lenguaje regular conformado exclusivamente por las cadenas con un número par de ceros y un número par de unos.

$M = (Q, \Sigma, q_0, \delta, F)$ donde:

- $Q = \{S_1, S_2, S_3, S_4\}$
- $\Sigma = \{0, 1\}$
- $q_0 = S_1$
- $F = \{S_1\}$
- $\delta : \delta(S_1, 0) = S_3, \delta(S_1, 1) = S_2, \delta(S_2, 0) = S_4, \delta(S_2, 1) = S_1, \delta(S_3, 0) = S_1, \delta(S_3, 1) = S_4, \delta(S_4, 0) = S_2, \delta(S_4, 1) = S_3$

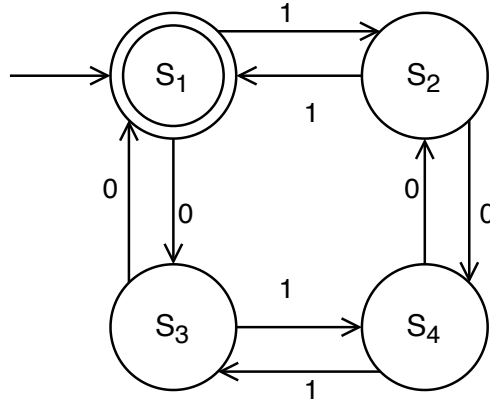


Figura 2. El diagrama de estado de L

El lenguaje reconocido por L es el lenguaje regular dado por la expresión regular [3]:

$$\wedge(00|11|(01|10)(00|11)^*(01|10))^*\$$$

Cadena de prueba:

1001101011001010010001

4. Autómata de sufijo

En el contexto de la teoría de autómatas, un autómata de sufijo es el [AFD](#) que reconoce el conjunto de sufijos de una [cadena](#) $S = s_1s_2s_3 \dots s_n$ [4].

[subcadena](#) [prefijo](#) [sufijo](#)

4.1. Propiedades

5. Algoritmo

Glosario de términos

AFD *Autómata Finito Determinista*. [2](#), [3](#)

alfabeto Conjunto finito de símbolos. Un alfabeto se indica normalmente con Σ , que es el conjunto de letras en un alfabeto. [2](#)

cadena Una cadena finita formada por la concatenación de un número de símbolos. [3](#)

prefijo Un prefijo es una subcadena que aparece al principio de una cadena. Formalmente, t es un prefijo de T sí y sólo hay algún $y \in \Sigma^*$ tal que $T = ty$. [3](#)

puntos finales Dos vértices conectados por una arista. [1](#)

subcadena Una subcadena (segmento, subpalabra o factor) de una cadena es cualquier secuencia de símbolos consecutivos que aparecen en la cadena. En lenguaje formal, t es una subcadena de T sí y sólo si existe $x, y \in \Sigma^*$ tal que $T = xty$. [3](#)

sufijo Un sufijo es una subcadena que aparece al final de una cadena. Formalmente, t es un sufijo de T sí y sólo hay algún $x \in \Sigma^*$ tal que $T = xt$. [3](#)

símbolo Un dato arbitrario que tiene algún significado o efecto en la máquina. A estos símbolos también se les llama "letras" o "átomos". [2](#)

Referencias

- [1] S. Even, *Graph algorithms*. Cambridge University Press, 2011.
- [2] Wikipedia, “Autómata finito — wikipedia, la enciclopedia libre,” 2020.
- [3] T. Biegeleisen, “regex - Regular expression for even number of 0’s and even number of 1’s - Stack Overflow,” 2015.
- [4] Wikipedia contributors, “Suffix automaton — Wikipedia, the free encyclopedia,” 2020.