## Московский Авиационный Институт (Национальный Исследовательский Университет)

Факультет информационных технологий и прикладной математики Кафедра вычислительной математики и программирования

# Лабораторная работа №3 по курсу «Операционные системы» III Семестр

Вариант 14

| Студент:       | Короткевич Л. В. |
|----------------|------------------|
| Группа:        | М80-208Б-19      |
| Преподаватель: | Миронов Е.С      |
| Оценка:        |                  |
| Дата:          |                  |

## 1. Постановка задачи

Составить программу на языке Си, обрабатывающую данные в многопоточном режиме. При обработки использовать стандартные средства создания потоков операционной системы (Windows/Unix). Ограничение потоков должно быть задано ключом запуска вашей программы.

Привести исследование зависимости ускорения и эффективности алгоритма от входящих данных и количества потоков. Получившиеся результаты объяснить.

#### Вариант 14:

Есть колода из 52 карт, рассчитать экспериментально (метод Монте-Карло) вероятность того, что сверху лежат две одинаковых карты. Количество раундов подается с ключом.

## 2. Метод решения

Используемые системные и библиотечные вызовы для выполнения работы:

| <pre>int pthread_mutex_init(pthread_mutex_t *restrict mutex, const pthread_mutexattr_t *restrict attr);</pre>             | Функция pthread_mutex_init() инициализирует мьютекс с атрибутами, заданными attr. Если значение attr равно NULL, то используются атрибуты мьютекса по умолчанию                                    |
|---|--|
| <pre>int pthread_create(pthread_t *thread, const pthread_attr_t *attr, void *(*start_routine) (void *), void *arg);</pre> | Функция pthread_create() запускает новый поток в вызывающем процессе. Новый поток начинает выполнение, вызывая start_routine(); arg передается в качестве единственного аргумента start_routine(). |
| int pthread_join(pthread_t thread, void **retval);  | Функция pthread_join() ожидает завершения указанного потока. Если этот поток уже завершен, то функция thread_join() немедленно возвращается.   |
|   |  |

int pthread\_mutex\_destroy (pthread\_mutex\_t
\*mutex);

Функция pthread\_mutex\_destroy() yничтожает мьютекс; мьютекс становится, по сути, неинициализированным.

### Краткий алгоритм решения:

- 1) Получение числа раундов, кол-ва потоков в кач-ве аргументов при запуске программы.
- 2) Инициализация мьютекса.
- 3) Создание заданного числа потоков.
  - 1) Моделирование перемешивания колоды карт в функции потоков.
  - 2) Заблокировать мьютекс.
  - 3) Инкрементировать результат, переменную count в случае успешного результата эксперимента.
  - 4) Разблокировать мьютекс.
- 4) Ожидание завершения потоков.
- 5) Уничтожение мьютекса.

Несколько подробней об отдельной функции void \*thread\_func(void \*arg): Функция получает на вход единственный аргумент — число раундов. Создается массив целых чисел размера 52. Заполняется числами от 0 до 12 (каждого из числа в массиве будет ровно 4, сколько и мастей в стандартной колоде). Устанавливается в качестве базы для rand() текущее время. После чего нехитрым алгоритмом случайным образом перемешивается исходный массив. Далее мы сравниваем две крайние карты и, соответственно, увеличиваем в случае положительного рез-тата глобальную переменную соunt на 1, прежде заблокировав мьютекс во избежание "гонки". Наконец, разблокируем мьютекс и по мере завершения необх. числа раундов завершим работу определенной нити.

Вычисление теоретической вероятности для последующего сравнения точности полученных результатов при проведении экспериментов: На первое место ставится одна из 52 карт. Следом за ней - одна из 3 оставшихся с равным первой значением (масти полагаем незначащим параметром). Следом - 50 любых карт в случайном порядке. Итого: 52 \* 3 \* 50! удовл. вариантов. Всего же — 52!. Вероятность равняется 52 \* 3 \* 50! / 52! = 3/51 — приблизительно 5.9%.

## Метрики параллельных вычислений:

Метрики параллельных вычислений используется ДЛЯ оценки роста производительности, получаемого при параллельном решении задачи на п процессорах. Также ОНИ позволяют определить необходимое кол-во процессоров, используемых для решения конкретной задачи.

- Тр время выполнения на р различных вычислительных ядрах
- <u>Ускорение</u>: Sp = T1/Tp, Sp < p
- <u>Эффективность/загруженность</u>: Xp = Sp/p, Xp < 1
- Закон Амдала (здесь ускорение показывает во сколько раз меньше времени потребуется параллельной прог-е для выполнения):

$$Sp = 1 / (g + (1 - g) / p)$$

g – доля последовательных расчётов в программе,

р – количество процессоров,

Sp – производительность.

• Закон Густавсона — Барсиса (здесь укорение -- это увеличение объема выполненной задачи за постоянный промежуток времени)

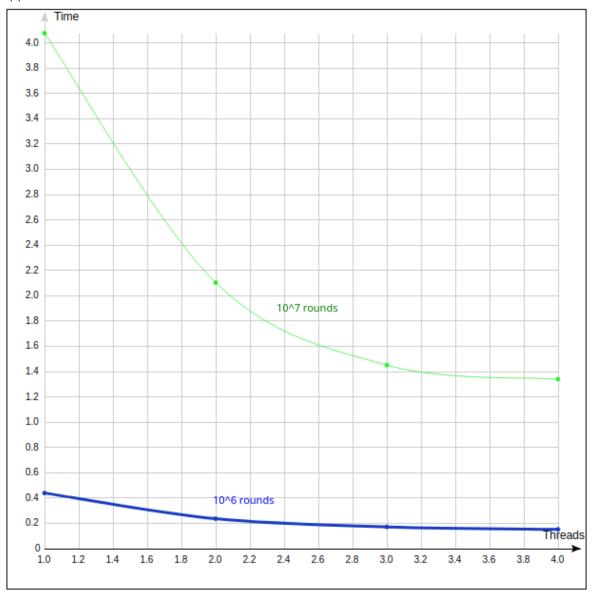
$$Sp = g + (1 - g)p = p + (1 - p)g$$

g – доля последовательных расчётов в программе,

р – количество процессоров.

## 3. Тестирование

График зависимости времени от числа потоков при фиксированнмом числе раундов:



Теперь определим метрики параллельных вычислений на примере  $10^6$  раундов.

| p | Т1 (мс.) | Тр (мс.) | Ускорение<br>(Sp=T1/Tp) | Эффективность<br>(Xp=Sp/p) |
|---|----------|----------|-------------------------|----------------------------|
| 1 | 4085278  | 4085278  | 1                       | 1                          |
| 2 | 4085278  | 2103742  | 1,941910177             | 0,9709550886               |
| 3 | 4085278  | 1451379  | 2,814756173             | 0,9382520578               |
| 4 | 4085278  | 1340375  | 3,047861979             | 0,7619654947               |

#### Консоль:

/\* using threads \*/

[leo@pc final]\$ ./main 1000000 1

Probability equals to 0.059 Time spent: 0.406224 seconds

[leo@pc final]\$ ./main 1000000 2

Probability equals to 0.058 Time spent: 0.192576 seconds

[leo@pc final]\$ ./main 1000000 3

Probability equals to 0.058
Time spent: 0.135162 seconds
[leo@pc final]\$ ./main 1000000 4

Probability equals to 0.059 Time spent: 0.150846 seconds

#### Strace

Сразу продемонстрирую лог с ключами -f для отслеживания всех потоков и -r для демонстрации «относительного времени» вызовов:

```
0.000000 execve("./main", ["./main", "3", "1"], 0x7ffc61ba48d0 /* 58 vars */) = 0
0.000966 brk(NULL) = 0x562b34237000
```

0.000164 arch prctl(0x3001 /\* ARCH ??? \*/, 0x7ffdfecb8d90) = -1 EINVAL (Invalid argument)

0.000510 access("/etc/ld.so.preload", R\_OK) = -1 ENOENT (No such file or directory)

0.000311 openat(AT\_FDCWD, "/etc/ld.so.cache", O\_RDONLY|O\_CLOEXEC) = 3

 $0.000378 \text{ fstat}(3, \{\text{st\_mode=S\_IFREG}|0644, \text{st\_size=208296}, ...\}) = 0$ 

0.000251 mmap(NULL, 208296, PROT\_READ, MAP\_PRIVATE, 3, 0) = 0x7fc19acdc000

0.000151 close(3) = 0

0.000115 openat(AT\_FDCWD, "/usr/lib/libpthread.so.0", O\_RDONLY|O\_CLOEXEC) = 3

 $0.000093 \text{ fstat}(3, \{\text{st_mode=S_IFREG} | 0755, \text{st_size=} 158744, ...\}) = 0$ 

 $0.000092 \text{ mmap}(\text{NULL}, 8192, \text{PROT\_READ}|\text{PROT\_WRITE}, \text{MAP\_PRIVATE}|\text{MAP\_ANONYMOUS}, -1, 0) = 0x7fc19acda000$ 

0.000107 mmap(NULL, 135600, PROT\_READ, MAP\_PRIVATE|MAP\_DENYWRITE, 3, 0) = 0x7fc19acb8000 0.000091 mmap(0x7fc19acbf000, 65536, PROT\_READ|PROT\_EXEC, MAP\_PRIVATE|MAP\_FIXED| MAP\_DENYWRITE, 3, 0x7000) = 0x7fc19acbf000

0.000108 mmap(0x7fc19accf000, 20480, PROT\_READ, MAP\_PRIVATE|MAP\_FIXED|MAP\_DENYWRITE, 3, 0x17000) = 0x7fc19accf000

0.000093 mmap(0x7fc19acd4000, 8192, PROT\_READ|PROT\_WRITE, MAP\_PRIVATE|MAP\_FIXED| MAP\_DENYWRITE, 3, 0x1b000) = 0x7fc19acd4000

0.000140 mmap(0x7fc19acd6000, 12720, PROT\_READ|PROT\_WRITE, MAP\_PRIVATE|MAP\_FIXED| MAP\_ANONYMOUS, -1, 0) = 0x7fc19acd6000

0.000379 close(3) = 0

0.000233 openat(AT\_FDCWD, "/usr/lib/libc.so.6", O\_RDONLY|O\_CLOEXEC) = 3

 $0.000206 \text{ fstat}(3, \{\text{st mode=S IFREG}|0755, \text{st size=}2159552, ...}) = 0$ 

 $0.000098 \ mmap(NULL,\ 1868448,\ PROT\_READ,\ MAP\_PRIVATE | MAP\_DENYWRITE,\ 3,\ 0) = 0x7fc19aaef000$ 

0.000097 mmap(0x7fc19ab15000, 1363968, PROT\_READ|PROT\_EXEC, MAP\_PRIVATE|MAP\_FIXED| MAP\_DENYWRITE, 3, 0x26000) = 0x7fc19ab15000

 $0.000109 \; mmap (0x7fc19ac62000, 311296, PROT\_READ, MAP\_PRIVATE|MAP\_FIXED|MAP\_DENYWRITE, 3, 0x173000) = 0x7fc19ac62000$ 

 $0.000094 \text{ mmap}(0x7\text{fc}19\text{acae}000, 24576, PROT\_READ|PROT\_WRITE, MAP\_PRIVATE|MAP\_FIXED|MAP\_DENYWRITE, 3, 0x1be000) = 0x7\text{fc}19\text{acae}000$ 

```
0.000150 mmap(0x7fc19acb4000, 12960, PROT READ|PROT WRITE, MAP PRIVATE|MAP FIXED|
MAP_ANONYMOUS, -1, 0) = 0x7fc19acb4000
  0.000160 close(3)
  0.000227 mmap(NULL, 12288, PROT_READ|PROT_WRITE, MAP_PRIVATE|MAP_ANONYMOUS, -1, 0) =
0x7fc19aaec000
  0.000221 arch prctl(ARCH SET FS, 0x7fc19aaec740) = 0
  0.000287 \text{ mprotect}(0x7fc19acae000, 12288, PROT READ) = 0
  0.000305 \text{ mprotect}(0x7fc19acd4000, 4096, PROT READ) = 0
  0.000116 \text{ mprotect}(0x562b33e8b000, 4096, PROT\_READ) = 0
  0.000095 \text{ mprotect}(0x7fc19ad3b000, 4096, PROT READ) = 0
  0.000137 \text{ munmap}(0x7fc19acdc000, 208296) = 0
  0.000132 \text{ set\_tid\_address}(0x7fc19aaeca10) = 26146
  0.000080 \text{ set\_robust\_list}(0x7fc19aaeca20, 24) = 0
  0.000097 rt_sigaction(SIGRTMIN, {sa_handler=0x7fc19acbfb90, sa_mask=[], sa_flags=SA_RESTORER|
SA SIGINFO, sa restorer=0x7fc19accc0f0}, NULL, 8) = 0
  0.000114 rt sigaction(SIGRT 1, {sa handler=0x7fc19acbfc30, sa mask=[], sa flags=SA RESTORER|
SA RESTART|SA SIGINFO, sa restorer=0x7fc19accc0f0}, NULL, 8) = 0
  0.000096 rt_sigprocmask(SIG_UNBLOCK, [RTMIN RT_1], NULL, 8) = 0
  0.000099 prlimit64(0, RLIMIT_STACK, NULL, {rlim_cur=8192*1024, rlim_max=RLIM64_INFINITY}) = 0
  0.000166 clock gettime(CLOCK PROCESS CPUTIME ID, {tv sec=0, tv nsec=3803310}) = 0
  0.000114 mmap(NULL, 8392704, PROT_NONE, MAP_PRIVATE|MAP_ANONYMOUS|MAP_STACK, -1, 0) =
0x7fc19a2eb000
  0.000094 \text{ mprotect}(0x7fc19a2ec000, 8388608, PROT READ|PROT WRITE) = 0
  0.000197 brk(NULL)
                              = 0x562b34237000
  0.000079 brk(0x562b34258000)
                                  = 0x562b34258000
  0.000097 \text{ rt\_sigprocmask(SIG\_BLOCK, } \sim [], [], 8) = 0
  0.000114 clone(child_stack=0x7fc19aaeaef0, flags=CLONE_VM|CLONE_FS|CLONE_FILES|
CLONE_SIGHAND|CLONE_THREAD|CLONE_SYSVSEM|CLONE_SETTLS|CLONE_PARENT_SETTID|
CLONE_CHILD_CLEARTIDstrace: Process 26147 attached
, parent_tid=[26147], tls=0x7fc19aaeb640, child_tidptr=0x7fc19aaeb910) = 26147
             0.000174 set_robust_list(0x7fc19aaeb920, 24 <unfinished ...>
[pid 26147]
             0.000036 rt_sigprocmask(SIG_SETMASK, [], <unfinished ...>
[pid 26146]
[pid 26147]
             0.000041 < ... set robust list resumed>) = 0
             0.000026 <... rt_sigprocmask resumed>NULL, 8) = 0
[pid 26146]
             0.000027 rt sigprocmask(SIG SETMASK, [], <unfinished ...>
[pid 26147]
             0.000040 futex(0x7fc19aaeb910, FUTEX_WAIT, 26147, NULL <unfinished ...>
[pid 26146]
             0.000037 < \dots \text{ rt sigprocmask resumed} > \text{NULL}, 8) = 0
[pid 26147]
             0.000044 clock_gettime(CLOCK_PROCESS_CPUTIME_ID, {tv_sec=0, tv_nsec=4344600}) = 0
[pid 26147]
             0.000102 clock_gettime(CLOCK_PROCESS_CPUTIME_ID, {tv_sec=0, tv_nsec=4386645}) = 0
[pid 26147]
[pid 26147]
             0.000097 clock gettime(CLOCK_PROCESS_CPUTIME_ID, {tv_sec=0, tv_nsec=4424800}) = 0
[pid 26147]
             0.000108 openat(AT FDCWD, "/etc/ld.so.cache", O RDONLY|O CLOEXEC) = 3
             0.000107 \text{ fstat}(3, \{\text{st mode=S IFREG}|0644, \text{st size=} 208296, ...\}) = 0
[pid 26147]
             0.000094 mmap(NULL, 208296, PROT_READ, MAP_PRIVATE, 3, 0) = 0x7fc19acdc000
[pid 26147]
[pid 26147]
             0.000090 close(3)
             0.000111 mmap(NULL, 134217728, PROT_NONE, MAP_PRIVATE|MAP_ANONYMOUS|
[pid 26147]
MAP_NORESERVE, -1, 0) = 0x7fc1922eb000
             0.000088 \text{ munmap}(0x7fc1922eb000, 30494720) = 0
[pid 26147]
[pid 26147]
             0.000091 \text{ munmap}(0x7fc198000000, 36614144) = 0
             0.000085 mprotect(0x7fc194000000, 135168, PROT_READ|PROT_WRITE) = 0
[pid 26147]
             0.000099 openat(AT_FDCWD, "/usr/lib/libgcc_s.so.1", O_RDONLY|O_CLOEXEC) = 3
[pid 26147]
             [pid 26147]
[pid 26147]
             0.000096 \text{ fstat}(3, \{\text{st mode=S IFREG}|0644, \text{st size=594704}, ...\}) = 0
[pid 26147]
             0.000132 mmap(NULL, 103144, PROT_READ, MAP_PRIVATE|MAP_DENYWRITE, 3, 0) =
0x7fc19a2d1000
             0.000096 mmap(0x7fc19a2d4000, 69632, PROT_READ|PROT_EXEC, MAP_PRIVATE|MAP_FIXED|
[pid 26147]
MAP DENYWRITE, 3, 0x3000) = 0x7fc19a2d4000
             0.000185 mmap(0x7fc19a2e5000, 16384, PROT READ, MAP PRIVATE|MAP FIXED|
[pid 26147]
MAP DENYWRITE, 3, 0x14000) = 0x7fc19a2e5000
[pid 26147]
             0.000093 mmap(0x7fc19a2e9000, 8192, PROT READ|PROT WRITE, MAP PRIVATE|MAP FIXED|
MAP DENYWRITE, 3, 0x17000) = 0x7fc19a2e9000
[pid 26147]
             0.000130 close(3)
                                = 0
[pid 26147]
             0.000129 \text{ mprotect}(0x7fc19a2e9000, 4096, PROT_READ) = 0
[pid 26147]
             0.000108 \text{ munmap}(0x7fc19acdc000, 208296) = 0
```

```
0.000134 futex(0x7fc19a2ea080, FUTEX WAKE PRIVATE, 2147483647) = 0
[pid 26147]
               0.000099 rt_sigprocmask(SIG_SETMASK, [], NULL, 8) = 0
[pid 26147]
               0.000109 madvise(0x7fc19a2eb000, 8368128, MADV DONTNEED) = 0
[pid 26147]
               0.000089 \, \text{exit}(0)
[pid 26147]
[pid 26146]
               0.000106 < ... \text{ futex resumed} > ) = 0
[pid 26147]
               0.000020 +++ exited with 0 +++
   0.000021 clock_gettime(CLOCK_PROCESS_CPUTIME_ID, {tv_sec=0, tv_nsec=5531068}) = 0
   0.000125 \text{ fstat}(1, \{\text{st\_mode=S\_IFCHR}|0600, \text{st\_rdev=makedev}(0x88, 0x1), ...\}) = 0
   0.000111 write(1, "Probability equals to 0.000\n", 28Probability equals to 0.000
   0.000107 write(1, "Time spent: 0.001728 seconds\n", 29Time spent: 0.001728 seconds
) = 29
   0.000102 \, \text{exit\_group}(0)
   0.000263 +++ exited with 0 +++
```

Наблюдательно, но не удивительно: мы запустили 3 потока, и, как и должно быть, наблюдаем 3 вызова функции clock gettime (выделены жирным).

Видим также сис. вызов clone с ключом CLONE\_THREAD.

```
[leo@pc final]$ strace -f -r -v -c ./main 3 1
strace: -r/--relative-timestamps has no effect with -c/--summary-only
strace: -y/--decode-fds has no effect with -c/--summary-only
strace: Process 27692 attached
Probability equals to 0.000
Time spent: 0.000486 seconds
% time
         seconds usecs/call
                             calls
                                    errors syscall
 0.00 0.000000
                      0
                             3
                                    read
 0.00 0.000000
                      0
                             2
                                    write
 0.00 0.000000
                      0
                             5
                                    close
                      0
 0.00 0.000000
                             6
                                    fstat
 0.00 0.000000
                      0
                            20
                                     mmap
 0.00 0.000000
                      0
                             7
                                    mprotect
                      0
                             4
 0.00
      0.000000
                                    munmap
 0.00
       0.000000
                      0
                             3
                                    brk
                             2
                      0
 0.00
      0.000000
                                    rt sigaction
                      0
                             5
 0.00
       0.000000
                                    rt sigprocmask
                             5
                                    pread64
 0.00
       0.000000
                      0
 0.00
       0.000000
                      0
                             1
                                   1 access
                      0
 0.00 0.000000
                             1
                                    madvise
 0.00 0.000000
                      0
                             1
                                    clone
                      0
 0.00 0.000000
                             1
                                    execve
                      0
                             2
 0.00 0.000000
                                   1 arch_prctl
                             2
 0.00
      0.000000
                      0
                                    futex
 0.00
      0.000000
                      0
                             1
                                    set_tid_address
```

0.00 0.000000

0.00 0.000000

0.00 0.000000

0.00 0.000000

100.00 0.000000

0

0

0

0

0

5

5

2

1

84

clock\_gettime

set\_robust\_list prlimit64

openat

2 total

## 4. Листинг программы

#### main.c:

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
#include <pthread.h>
const int DECK_SIZE = 52;
static inline void swap(int *a, int *b)
  int tmp = *a;
  *a = *b;
  *b = tmp;
static unsigned long long g_seed;
// Used to seed the generator.
static inline void fast_srand(int seed)
  g_seed = seed;
// Compute a pseudorandom integer.
// Output value in range [0, 32767]
unsigned long long fast_rand(void)
  g_seed = (214013ull * g_seed + 2531011ull);
return (g_seed >> 16ull) & 0x7FFFull;
int count = 0;
pthread_mutex_t mutex;
void *thread_func(void *arg)
  int localCount = 0, rounds = *((int *)arg);
  int deck[DECK_SIZE];
  int i, j, k;
  for (k = 0; k < rounds; ++k)
    for (i = 0; i < DECK\_SIZE; ++i)
       deck[i] = (i + 1) \% 13; // значения карт варьируются от 2 до 14 == от 0 до 12
    for (i = DECK_SIZE - 1; i \ge 0; --i)
       j = fast_rand() \% (i + 1);
       swap(&deck[i], &deck[j]);
    if (deck[0] == deck[1])
       ++localCount;
  pthread_mutex_lock(&mutex);
  count += localCount;
  pthread_mutex_unlock(&mutex);
  pthread_exit(0);
int main(int argc, char *argv[])
  fast_srand(time(NULL));
```

```
if (argc != 3)
{
  perror("Usage: ./main <number of rounds> <number of threads>\n");
// for time-measurement
struct timespec start, finish;
double elapsed;
// start time point
clock_gettime(CLOCK_MONOTONIC, &start);
// threads initialization
pthread\_t\ tid[atoi(argv[2])];
if (pthread_mutex_init(&mutex, NULL) < 0)
  perror("Mutex init error");
  exit(1);
// starting threads
int rounds_per_thread = atoi(argv[1]) / atoi(argv[2]);
for (int i = 0; i < atoi(argv[2]); ++i)
  if \ (pthread\_create(\&tid[i], NULL, thread\_func, \&rounds\_per\_thread) \ != 0) \\
     perror("Can't create thread\n");
     exit(1);
  }
}
// destroying threads
for (int i = 0; i < atoi(argv[2]); ++i)
  if (pthread_join(tid[i], NULL) != 0)
     perror("Can't join threads");
     exit(1);
if (pthread_mutex_destroy(&mutex) < 0)
  perror("Mutex destroy error");
  exit(1);
// end time point
clock_gettime(CLOCK_MONOTONIC, &finish);
elapsed = (finish.tv_sec - start.tv_sec);
elapsed += (finish.tv_nsec - start.tv_nsec) / 1000000000.0;
printf("Probability\ equals\ to\ \%.3lf\n",\ (double)count\ /\ atoi(argv[1]));
printf("Time spent: %lf seconds\n", elapsed);
return 0;
```

}

## Вывод

По мере выполнения данной лабораторной работы я познал преимущества и недостатки многопоточности; освоил работу с мьютексами, их создание/удаление, использование во избежание некорректностей, нарушения последовательности выполнения задач потоками.

Логичным было наблюдать превосходство многопоточности над многопроцессорностью: несколько процессов запускаются с целью повышения отказоустойчивости приложения, а также с целью повышения безопасности, но не эффективности. Многопоточность же - вариант реализации вычислений, при котором для решения некоторой прикладной задачи запускаются и выполняются несколько независимых потоков вычислений, имеющих общую память; причём выполнение происходит одновременно или псевдоодновременно, что дает выигрыш во времени.

Также потоки быстрее создаются и уничтожаются, чем процессы (в некоторых системах в 10-100 раз). Это особенно критично в задачах, требующих частое изменение количества потоков.

Потоки одного процесса имеют полный доступ к адресному пространству всего процесса, в том числе таблице дескрипторов, сигналы и даже к данным других потоков. Один поток, например, может напрямую записывать данные в стек другого потока. Этого никто не запрещает.

Однако, потоки имеют следующий недостаток: при параллельной работе нескольких потоков может произойти ситауция, когда потоки одновременно обращаются к одному ресурсу. И, если оба из них просто "читают", то вроде бы и ничего плохого в этом нет, но если один из них ведет запись, то у потоков может оказаться неактуальная информация, а следовательно, дальнейшая работа программмы будет некорректной.

Для того, чтобы справиться с данной проблемой были придуманы примитивы синхронизации. В них входят критичиские области, барьеры, спин-блокировки, семафоры и т.д.

Наблюдательно, что для точной оценки вероятности (схожей с теоретической до сотых) достаточно всего одной тысячи раундов. Я был приятно удивлен тому, как просто проверять правдивость тех или иных теоретический утверждений с помощью компьютера. Полагаю, без многопоточности сей процесс занял бы большое время.

Интересно также было реализовывать метод Монте-Карло: полное моделирование ситуации, эксперимента для последующего получения результатов. Хотя в данной ЛР мне кажется избыточным полное моделирование процесса (можно было бы обойтись случайной генерацией двух крайних карт), в других случаях, как, например, вычисление числа «пи» с точностью до п знаков и других вычислительных задачах без этого никуда!