

Module04 - C++ 标准库

■ 标准库 (C++ Standard Library)

本单元将通过以下几个方面的内容的介绍，学习并使用 C++ 标准库：

- ◆ 常用数据结构简介 (Data Structures)
- ◆ 标准容器 (STL Containers)
- ◆ 常用算法介绍 (About Algorithms)
- ◆ 算法与函数对象 (STL Algorithms & Functional Objects)
- ◆ 迭代器 (Iterators)
- ◆ 字符串 (String)
- ◆ I/O 流 (Stream)
- ◆ 数值 (Numeric)

Module04-01

C++ 标准库：数据结构简介

- ➔ 数据结构简介
 - 标准容器
 - 常用算法简介
 - 标准算法与函数对象
 - 迭代器
 - 字符串
 - I/O 流
 - 数值

- 常用数据结构 (Data Structures) 部分将介绍 C++ 标准库中常用的几种数据结构类型：
 - ◆ Dynamic Array
 - ◆ Linked List
 - ◆ Binary Search Tree
 - ◆ Red-black Tree
 - ◆ Hash Table
 - ◆ Stack & Queue

■ 常用的数据结构：

- ◆ 标量 (Scalar) (单个基本类型的数据或 ADT 类型的对象)
- ◆ 线性存储数据结构 (Sequence) :
 - 定长数组 (Array)、动态数组 (Dynamic Array)、链表 (Linked List)、栈 (Stack)、队列 (Queue)
- ◆ 哈希表 (Hash Table)
- ◆ 树结构 (Tree)
 - 二叉树：二叉搜索树 (BST)、自平衡二叉搜索树 (AVL)、红黑树 (Red-Black Tree)
 - 多叉树
- ◆ 图结构 (Graph)

- 本单元参考书目：

- ◆ Introduction to Algorithms, Second Edition
作者： Thomas H. Cormen, Charles E. Leiserson
Ronald L. Rivest and Clifford Stein

- 数据结构简介
 - ◆ Dynamic Array
 - ◆ Linked List
 - ◆ Binary Search Tree
 - ◆ Red-Black Tree
 - ◆ Hash Table
 - ◆ Stack
 - ◆ Queue

■ 关于 Dynamic Array - 动态数组

- ◆ 能动态增长的 Array，如 C++ STL 中的 vector 容器
- ◆ 当动态数组元素数目达到当前容量后，任何添加元素的操作将导致：
 - 重新分配 2 倍于原数组容量的空间，
 - 然后将原先数组中的元素复制到新空间，
 - 最后删除原数组的空间
- ◆ 动态数组操作的时间复杂度
 - 访问元素的时间复杂度： $O(1)$
 - 在尾部增加元素：有需重新分配空间和不需重新分配空间两种情况，平均时间复杂度大约 $O(1)$
 - 在尾部删除元素的时间复杂度： $O(1)$
 - 在尾部以外位置删除、添加元素的时间复杂度： $O(n)$ ，即线性时间

- 数据结构简介
 - ◆ Dynamic Array
 - ◆ Linked List
 - ◆ Binary Search Tree
 - ◆ Red-Black Tree
 - ◆ Hash Table
 - ◆ Stack & Queue

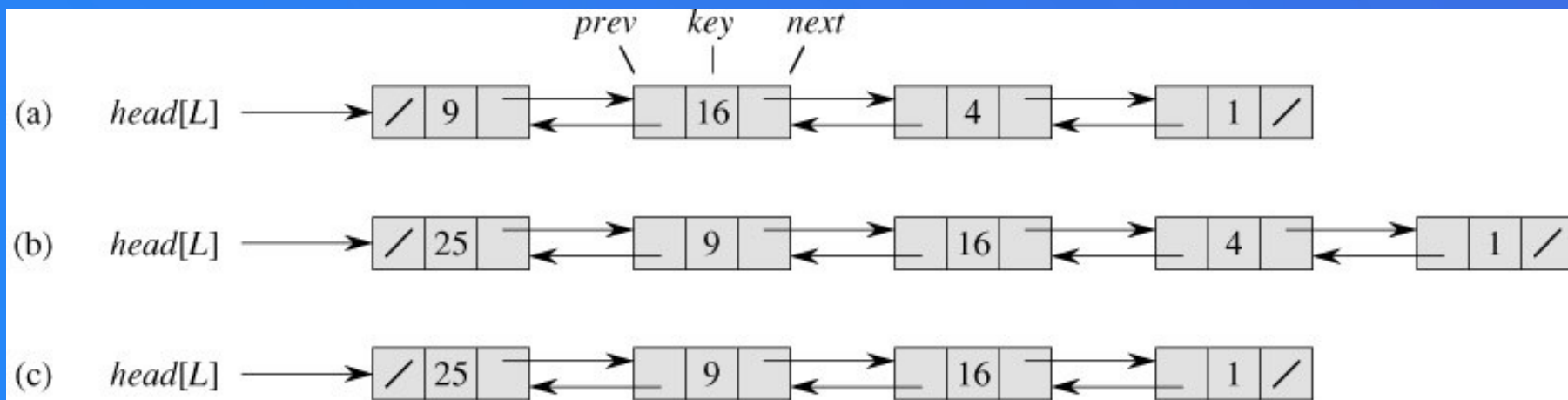
■ 关于 Linked List - 链表

- ◆ 如同 Array，链表也是一种元素以线性存储的数据结构，但与 Array 不同的是，链表元素不能以下标方式直接访问，同时链表中的元素在内存中的存储不一定是连续的。
- ◆ 链表有单链表和双链表：
 - 单链表中的每个元素拥有一个指向其下一个元素的指针；
 - 双链表中的每个元素除了有一个指向下一个元素的指针外，还有一个指向其前一个元素的指针。
双链表有两种形式：环式双链表和开放式双链表。

以下仅讨论双链表。

■ Doubly Linked List

◆ 下图所示为开放式双链表



- 双链表的存储单元为节点 (Node)，每个 Node 包含一个 key(存储元素的值)、一个 prev 指针指向其前一个节点、一个 next 指针指向下一个节点
- 每个链表有一个头部， head.next 指向链表的实际上的第一个元素
- 链表最后一个元素 tail， tail.next 指向 NULL，标志链表的结束
- 上图 (b)：往链表中添加一个元素 25
- 上图 (c)：从链表中删除一个元素 4

■ Doubly Linked List - 开放式双链表操作 - 查找元素

- ◆ 以下假设有链表对象：ls
- ◆ 伪码：

```
LIST-SEARCH(k)
1  node* x = ls.head
2  while x ≠ NULL and x->key ≠ k
3      do x = x->next
4  return x
```

- ◆ 如果不存在所要查找的元素，返回 NULL
- ◆ 在有 n 个元素的链表中查找元素，该操作最坏情况下的时间复杂度： $\Theta(n)$ ， 因为要查找的元素可能位于链表末端

■ Doubly Linked List - 开放式双链表操作 - 在表头插入节点

- ◆ 以下假设有链表对象：ls

- ◆ 伪码：

```
LIST-INSERT(x)
1  x->next = ls.head
2  if ls.head ≠ NULL
3      then ls.head->prev = x
4  ls.head = x
5  ls.prev = NULL
```

- ◆ 该操作时间复杂度： $O(1)$

■ Doubly Linked List - 开放式链表操作 – 在表中插入节点

◆ 以下假设有链表对象：ls

◆ 伪码：

```
LIST-INSERT(x, y) // 将 x 插入到 y 之前
1  x->prev = y->prev
2  x->nex = y
3  y->prev->next = x
4  y->prev = x
```

◆ 该操作时间复杂度： $O(1)$

■ Doubly Linked List - 开放式链表操作操作 - 删除节点

- ◆ 以下假设有链表对象：ls

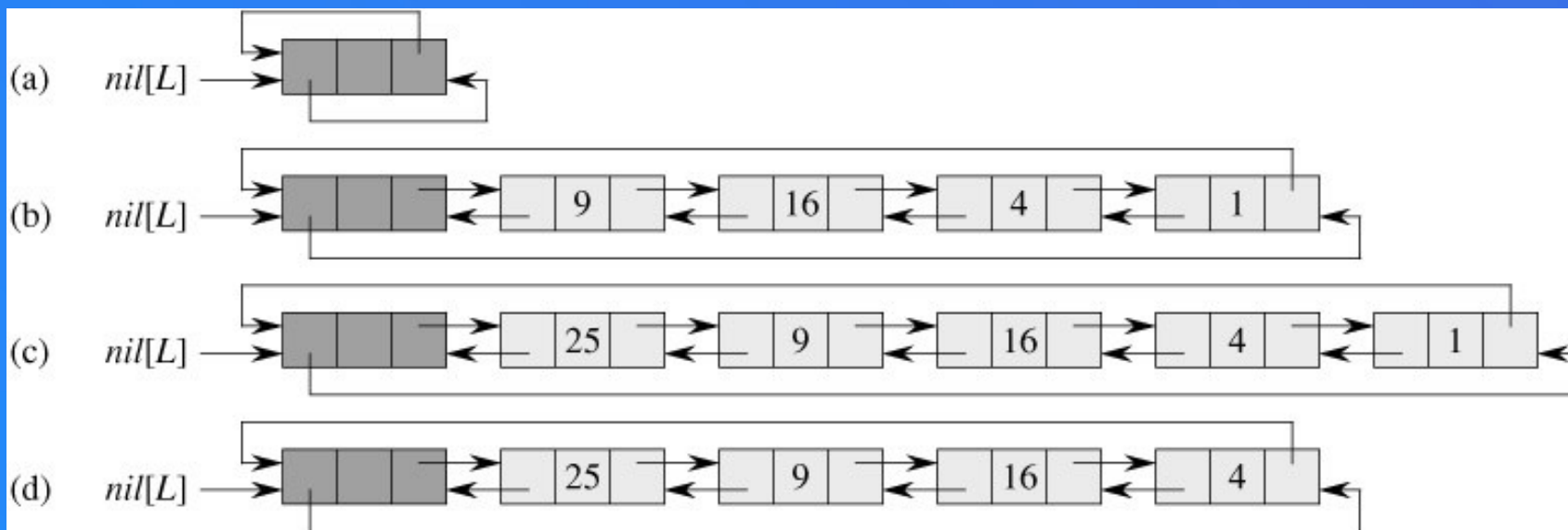
- ◆ 伪码：

```
LIST-DELETE(x)
1  if x->prev ≠ NULL
2      then x->prev->next = x->next
3      else ls.head = x->next
4  if x->next ≠ NULL
5      then x->next->prev = x->prev
```

- ◆ 该操作时间复杂度： $O(1)$

■ Doubly Linked List - 环式链表

- ◆ 下图所示为环式双链表



- 与开放式双链表相比，环式双链表多了一个哨位节点 (Sentinel Node)，其 `prev` 指向链表的最后一个元素，`next` 指向链表的第一个元素，而链表第一个实际节点的 `prev` 指向哨位节点、链表最后一个节点的 `next` 指向哨位节点，从而形成一个首尾相连的环状链表

■ Doubly Linked List - 环式链表操作 - 查找元素

- ◆ 假设链表对象为：ls

- ◆ 伪码：

```
LIST-SEARC' (k)
1  x = ls.nil->next
2  while x ≠ ls.nil and x->key ≠ k
3      do x = x->next
4  return x
```

- ◆ 该操作的时间复杂度：最坏情况下为 $\Theta(n)$

■ Doubly Linked List - 环式链表操作 - 删除节点

- ◆ 假设链表对象为：ls

- ◆ 伪码：

```
LIST-DELETE' (x)
1  x->prev->next = x->next
2  x->nex-prev = x->prev
```

- ◆ 该操作的时间复杂度： $O(1)$

■ Doubly Linked List - 环式链表操作 - 表头部插入节点

- ◆ 假设链表对象为：ls

- ◆ 伪码：

```
LIST-INSERT' (x)
1  x->next = ls.nil->next
2  ls.nil->next->prev = x
3  ls.nil->next = x
4  x->prev = ls->nil
```

- ◆ 该操作的时间复杂度： $O(1)$

■ Linked List - 小结

◆ 优点:

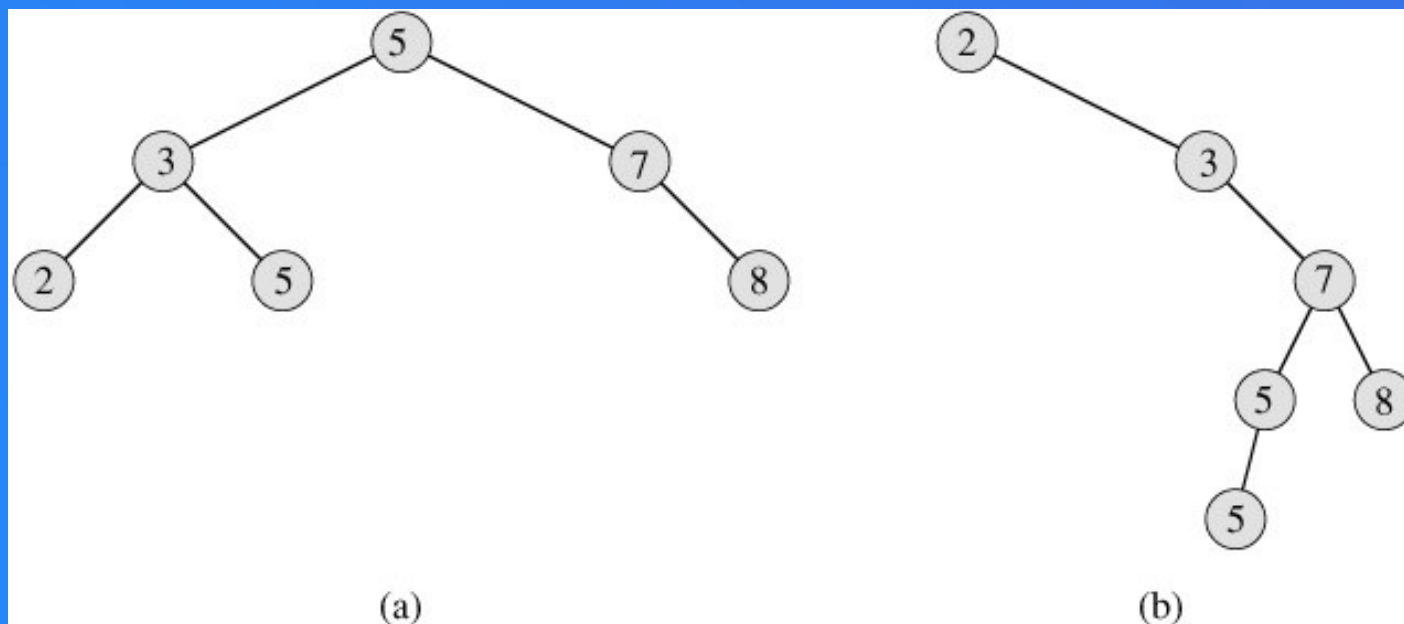
- 链表的 insert、delete 操作具有很好的时间复杂度: $O(1)$
- 对于排序、合并等操作, 链表的开销通常比其它数据结构如 Array、Tree 等小

◆ 缺点:

- 链表访问、查找的效率较低, 最坏情况下为 $\Theta(n)$
- 与 Array 相比, 需为每个元素额外分配 1 个 (单链表) 或 2 个 (双链表) 指针的存储

- 数据结构简介
 - ◆ Dynamic Array
 - ◆ Linked List
 - ◆ Binary Search Tree
 - ◆ Red-Black Tree
 - ◆ Hash Table
 - ◆ Stack & Queue

- 关于 Binary Search Tree - 二叉搜索树
 - ◆ 如下图所示



■ 关于 Binary Search Tree - 二叉搜索树（续）

◆ 二叉搜索树的特性

- 树的存储单元为节点 Node，每个 Node 包含 4 个部分：
 - key：所容纳的元素
 - parent：指向父节点的指针
 - left：指向左子树的指针
 - right：指向右子树的指针
- 每个节点的左子树的所有节点的 key 小于或等于其父节点的 key 值，右子树的所有节点的 key 大于或等于其父节点的 key 值
- 除树的根节点 (root) 的 parent 为 NULL 外，其它节点的 parent 不可为 NULL
- 一个节点的可以有或没有左、右子树（即左、右节点为 NULL）

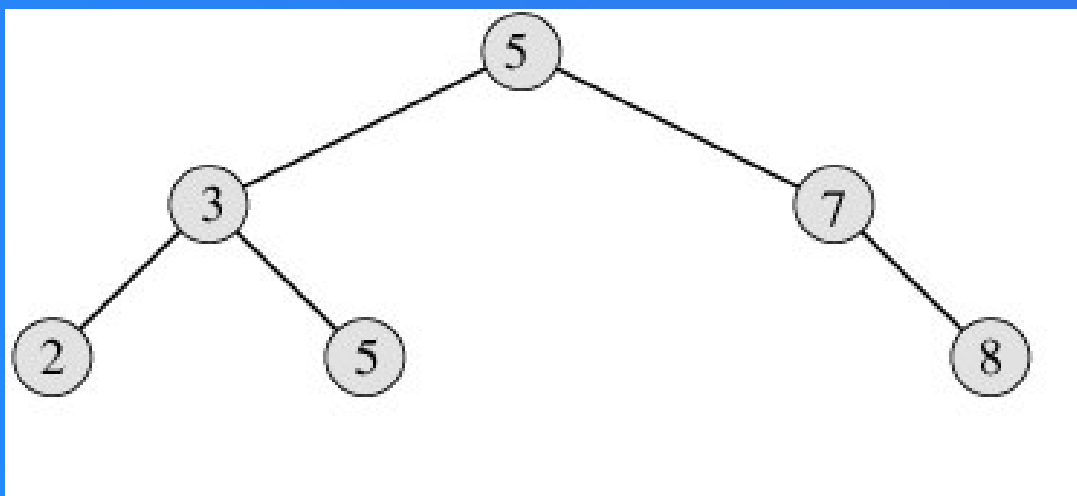
■ 遍历二叉搜索树

- ◆ 深度优先遍历二叉搜索树：
 - 中序遍历 (In-Order Walk) :
 - 左子树 → 根节点 → 右子树
 - 先序遍历 (Pre-Order Walk) :
 - 根节点 → 左子树 → 右子树
 - 后序遍历 (Post-Order Walk) :
 - 左子树 → 右子树 → 根节点
- ◆ 广度优先遍历二叉树
 - 即按层次遍历二叉树

■ 遍历二叉搜索树（续）

◆ 示例说明，以下图 (a) 二叉树为例

- 中序遍历：2, 3, 5, 5, 7, 8 （如果以迭代器方式访问树节点，则是按中序遍历的方式）
- 先序遍历：5, 3, 2, 5, 7, 8
- 后序遍历：2, 5, 3, 8, 7, 5
- 按层次遍历：5, 3, 7, 2, 5, 8



■ 遍历二叉搜索树 - 伪码

```
INORDER-TREE-WALK(x)
1  if x ≠ NULL
2      then INORDER-TREE-WALK(x->left)
3          print x->key
4          INORDER-TREE-WALK(x->right)
```

```
PREORDER-TREE-WALK(x)
1  if x ≠ NULL
2      then print x->key
3          INORDER-TREE-WALK(x->left)
4          INORDER-TREE-WALK(x->right)
```

```
POSTORDER-TREE-WALK(x)
1  if x ≠ NULL
2      then INORDER-TREE-WALK(x->left)
3          INORDER-TREE-WALK(x->right)
4          print x->key
```

■ 二叉搜索树操作 - 查找元素

◆ 伪码：递归方式

```
TREE-SEARCH (x, k)  // x 为节点, k 为要查找的值
1  if x == NULL or k == x->key
2      then return x
3  if k < x->key
4      then return TREE-SEARCH(x->left, k)
5      else return TREE-SEARCH(x->right, k)
```

◆ 伪码：迭代方式

```
ITERATIVE-TREE-SEARCH(x, k)  // x 为节点, k 为要查找的值
1  while x ≠ NULL and k ≠ x->key
2      do if k < x->key
3          then x = x->left
4          else x = x->right
5  return x
```

◆ 该操作的时间复杂度： $O(h)$ h 为子树 x 的高度

■ 二叉搜索树操作 - 找最小节点和最大节点

- 说明：某些时候查找一个子树的最左或最右的节点操作是必须的，如 C++ 实现二叉树的迭代器，begin() 和 end() 操作即依赖于上述操作
- 伪码：找某节点（子树）中最小（最左）节点

```
TREE-MINIMUM (x) // 任意节点
1  while x->left ≠ NULL
2      do x = x->left
3  return x
```

- 伪码：找某节点（子树）中最大（最右）节点

```
TREE-MAXIMUM (x) // 任意节点
1  while x->right ≠ NULL
2      do x = x->right
3  return x
```

- 该操作的时间复杂度：O(h) h 为子树 x 的高度

■ 二叉搜索树操作 - 找下一个节点

- ◆ 说明：在某些时候确定一个节点的前一个节点或下一个节点十分重要，比如 C++ 针对二叉树实现的迭代器中，++ 和 -- 操作就是依赖于上述操作
- ◆ 伪码：查找某节点的下一个节点

```
TREE-SUCCESSOR(x)
1  if x->right ≠ NULL
2      then return TREE-MINIMUM (x->right)
3  y = x->parent
4  while y ≠ NULL and x == y->right
5      do x = y
6      y = y->parent
7  return y
```

- ◆ 该操作的时间复杂度： $O(h)$ h 为子树 x 的高度
注：以上操作按中序遍历的方式 (In-Order Walk)

- 二叉搜索树操作 - 找前一个节点
 - ◆ 伪码：查找某节点的前一个节点

```
TREE-PREDECESSOR(x)
1  if x->left ≠ NULL
2      then return TREE-MAXIMUM (x->left)
3  y = x->parent
4  while y ≠ NULL and x == y->left
5      do x = y
6      y = y->parent
7  return y
```

- ◆ 该操作的时间复杂度： $O(h)$ h 为子树 x 的高度
注：以上操作按中序遍历的方式 (In-Order Walk)

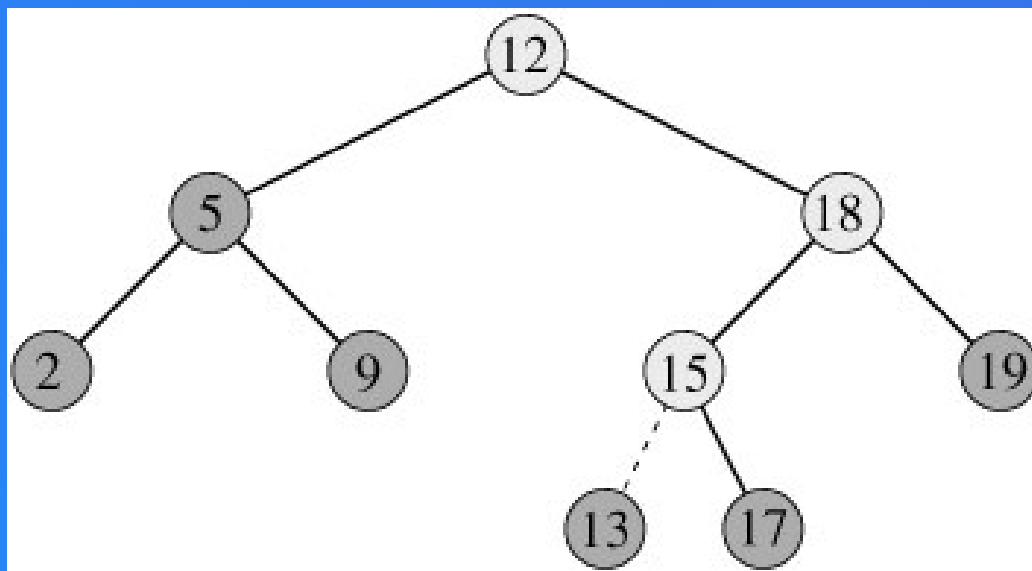
■ 二叉搜索树操作 - 插入节点

◆ 伪码:

```
TREE-INSERT(z)
1  y = NULL
2  x = tree->root
3  while x ≠ NULL
4      do y = x
5          if z->key < x->key
6              then x = x->left
7              else x = x->right
8  z->parent = y
9  if y == NULL
10     then tree->root = z // tree was empty
11     else if z->key < y->key
12         then y->left = z
13         else y->right = z
```


■ 二叉搜索树操作 - 插入节点（续）

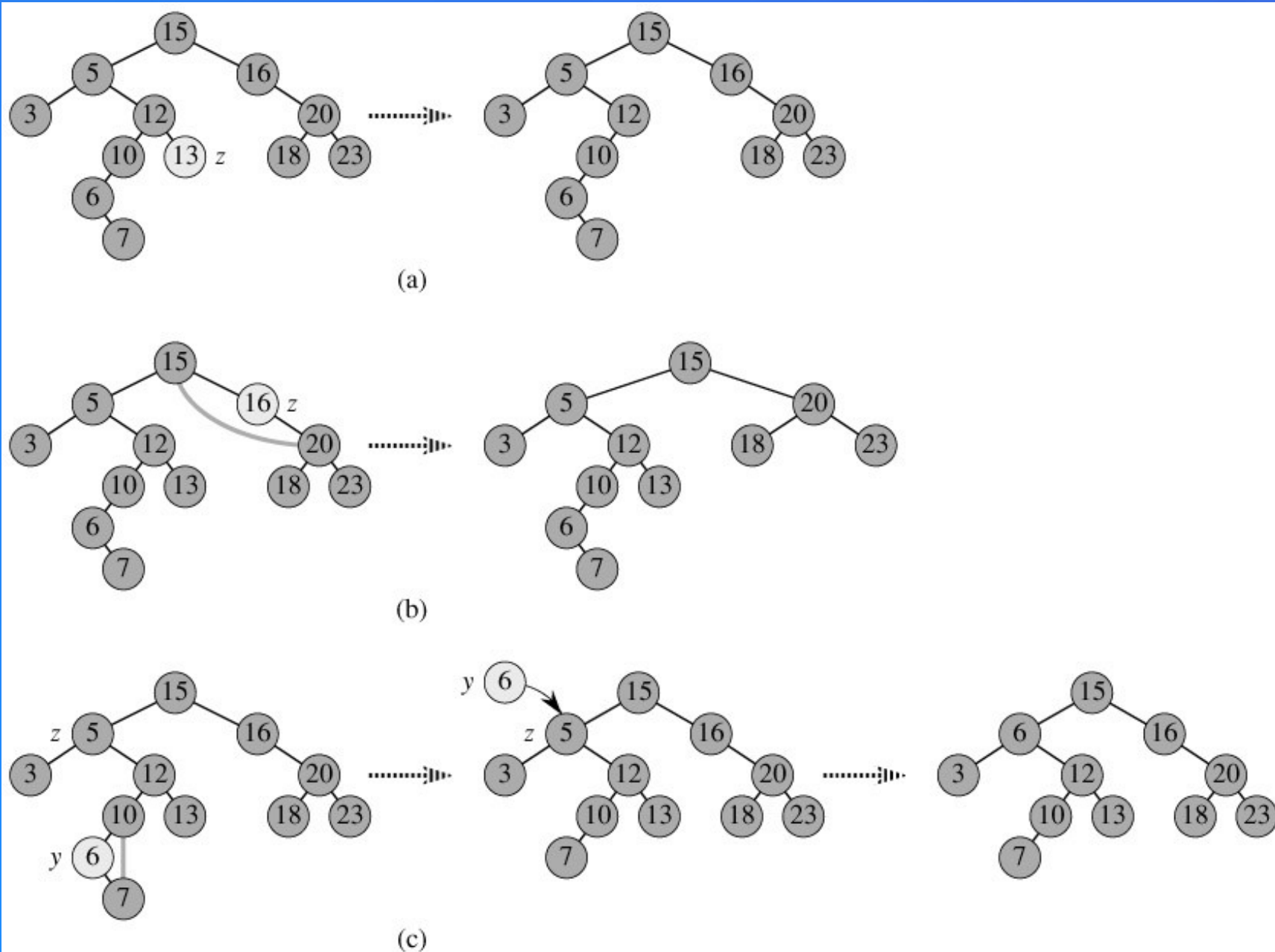
◆ 图示：



■ 二叉搜索树操作 - 删除节点

◆ 伪码:

```
TREE-DELETE(z)
1  if z->left == NULL or z->right == NULL
2      then y = z
3      else y = TREE-SUCCESSOR(z)
4  if y->left ≠ NULL
5      then x = y->left
6      else x = y->right
7  if x ≠ NULL
8      then x->parent = y->parent
9  if y->parent == NULL
10     then tree->root = x
11     else if y == y->parent->left
12         then y->parent->left = x
13         else y->parent->right = x
14  if y ≠ z
15     then z->key = y->key
16         copy y's satellite data into z
17  return y
```



- 二叉搜索树操作 - 删除节点（续）
 - ◆ 删除和插入节点操作的时间复杂度：
 - $O(h)$ h 为树的高度

■ 二叉搜索树 - 小结

◆ 优点：

- 搜索、插入、删除操作有较好的时间复杂度： $O(h)$ ，另一种表示方式： $O(\lg n)$ n 为树的节点数
- 保持已序

◆ 缺点：

- 由于二叉搜索树不一定是平衡树，如果树的高度等于树的节点数，则退化为链表形式

- 数据结构简介
 - ◆ Dynamic Array
 - ◆ Linked List
 - ◆ Binary Search Tree
 - ◆ Red-Black Tree
 - ◆ Hash Table
 - ◆ Stack & Queue

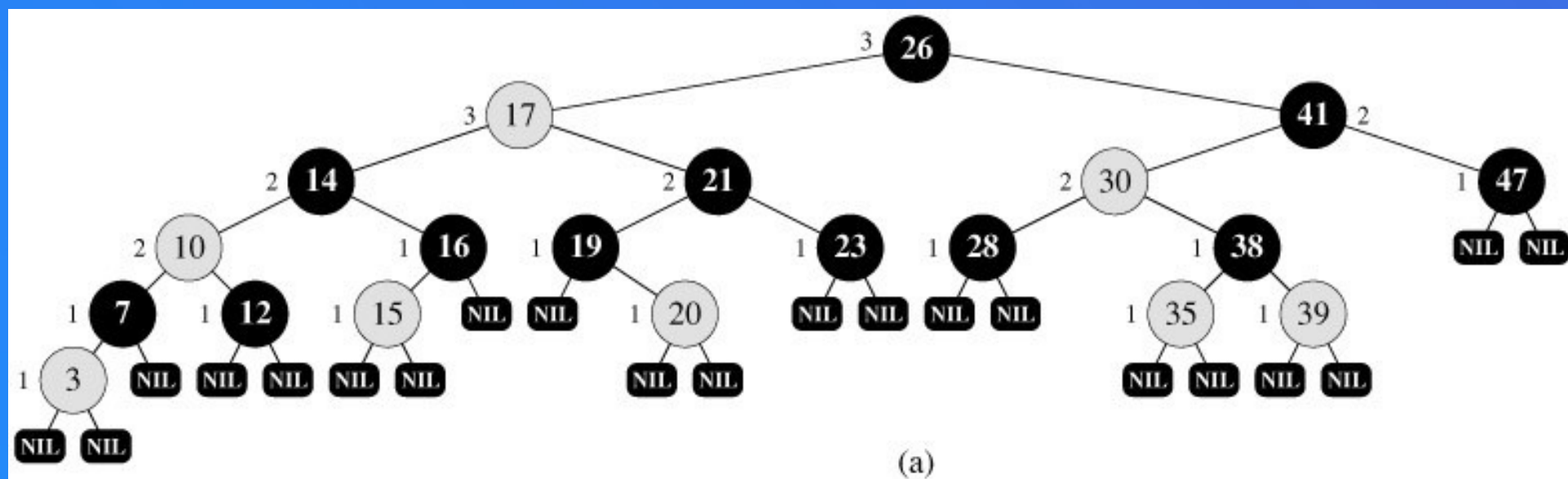
■ 关于 Red-black Tree 红黑树

- ◆ 本质上讲，红黑树是一种近似平衡二叉搜索树。
- ◆ 由于为每个节点赋予了颜色：红色或黑色的性质，故称红黑树
- ◆ 同二叉搜索树，红黑树的存储单元也是 Node，包含 5 个部分：
 - color : Red/Black
 - key
 - parent : 指向父节点的指针
 - left : 指向左子树的指针
 - right : 指向右子树的指针

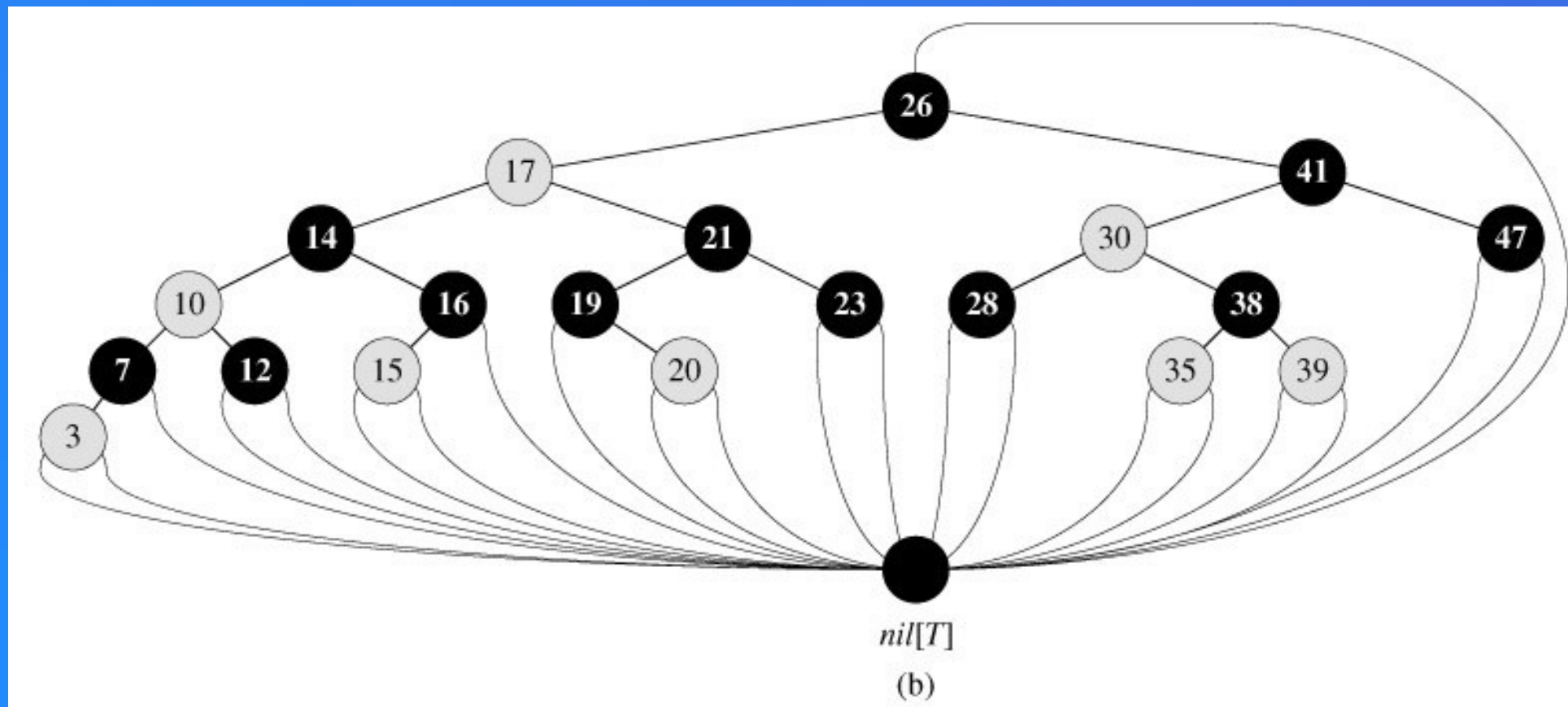
■ Red-black Tree 性质

- ◆ 如果一个二叉搜索树符合以下性质，即为红黑树：
 - 所有节点非红即黑
 - 根节点为黑
 - 叶子 (NIL) 为黑
 - 如果一个节点为红，则其两个子节点均为黑
 - 从任一节点到其每个叶子的所有路径都包含相同数目的黑色节点
- ◆ 由上述性质推导出：
 - 一个有 n 个节点的红黑树，其高度最大不超过 $2 \cdot \lg(n+1)$
 - 从根到叶子的最长的可能路径不多于最短的可能路径的两倍长

■ Red-black Tree 图示 1



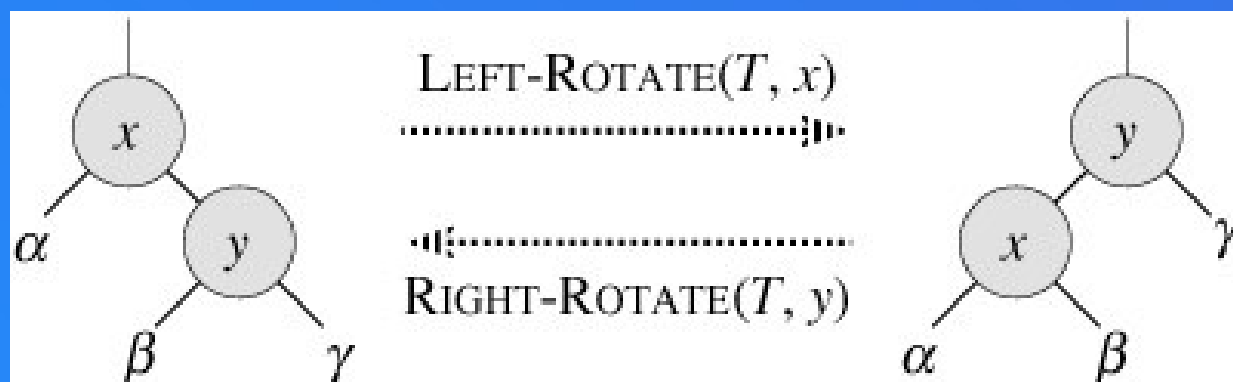
■ Red-black Tree 图示 2



共享 NIL(叶子) 的表示

■ Red-black Tree 操作 - 旋转和右旋

- ◆ 注：旋转操作由插入和删除操作触发
- ◆ 图示：



■ Red-black Tree 操作 - 左旋

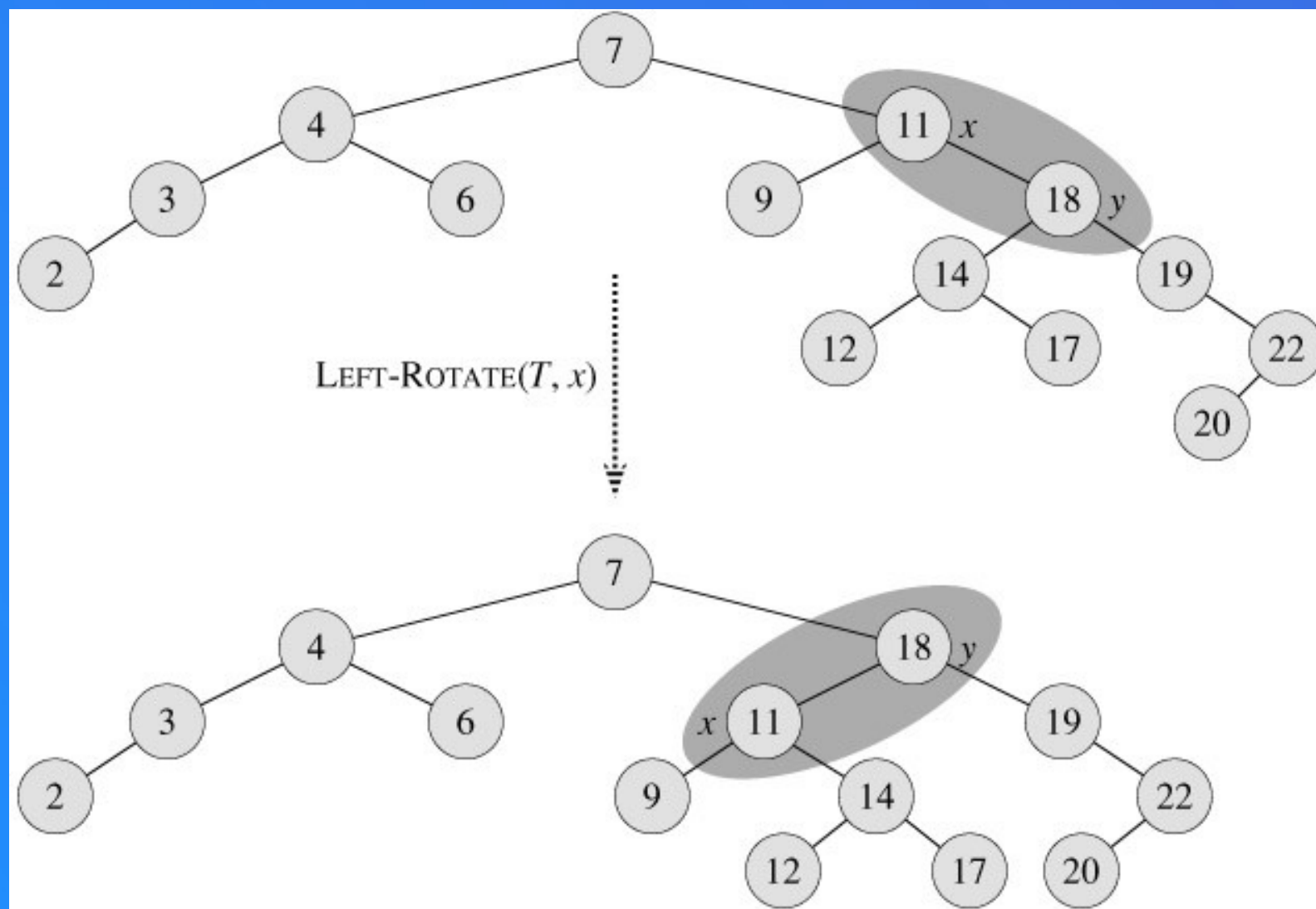
◆ 伪码:

该操作前置条件:

- `x->right != tree->nil && root->parent==tree->nil`

```
LEFT-ROTATE(x)
1  y = x->right  // Set y.
2  x->right = y->left  // Turn y's left subtree into x's
right subtree.
3  y->left->parent = x
4  y->parent = x->parent  // Link x's parent to y.
5  if x->parent == tree->nil
6      then tree->root = y
7      else if x == x->parent->left
8          then x->parent->left = y
9          else x->parent->right = y
10 y->left = x  // Put x on y's left.
11 x->parent = y
```

■ Red-black Tree 操作 - 左旋图示



■ Red-black Tree 操作 - 右旋

◆ 伪码:

该操作前置条件:

- `x->left != tree->nil && root->parent==tree->nil`

```
RIGHT-ROTATE(x)
1  y = x->left  // Set y.
2  x->left = y->right  // Turn y's right subtree into x's
left subtree.
3  y->right->parent = x
4  y->parent = x->parent  // Link x's parent to y.
5  if x->parent == tree->nil
6      then tree->root = y
7      else if x == x->parent->right
8          then x->parent->right = y
9          else x->parent->left = y
10 y->right = x  // Put x on y's right.
11 x->parent = y
```

■ Red-black Tree 操作 - 插入节点

◆ 插入节点一般做以下 3 个动作：

- 1，按二叉搜索树的插入操作方式，将节点插入到树中；
- 2，将插入的节点的颜色设为 Red
- 3，第 2 个操作有可能导致不符合红黑树的性质，所以需要对树的节点进行调整

■ Red-black Tree 操作 - 插入节点（续 1）

◆ 伪码：插入操作

```
RB-INSERT(z)
1  y = tree->nil
2  x = tree->root
3  while x ≠ tree->nil
4      do y = x
5          if z->key < x->key
6              then x = x->left
7              else x = x->right
8  z->parent = y
9  if y == tree->nil
10     then tree->root = z
11     else if z->key < y->key
12         then y->left = z
13         else y->right = z
14  z->left = tree->nil
15  z->right = tree->nil
16  z->color = RED
17  RB-INSERT-FIXUP(z)
```


■ Red-black Tree 操作 - 插入节点 (续 2)

◆ 伪码：修复操作

```
RB-INSERT-FIXUP(z)
1 while z->parent->color == RED
2   do if z->parent == z->parent->parent->left
3       then y = z->parent->parent->right
4           if y->color == RED
5               then z->parent->color = BLACK // Case 1
6                   y->color = BLACK // Case 1
7                   z->parent->parent->color = RED // Case 1
8                   z = z->parent->parent // Case 1
9           else if z == z->parent->right
10              then z = z->parent // Case 2
11                  LEFT-ROTATE(z) // Case 2
12                  z->parent->color = BLACK // Case 3
13                  z->parent->parent->color = RED // Case 3
14                  RIGHT-ROTATE(z->parent->parent) // Case 3
15       else (same as then clause
              with "right" and "left" exchanged)
16 tree.root->color = BLACK
```

■ Red-black Tree 操作 - 插入节点（续 3）

◆ 关于修复操作的 case

- case 1: z 节点的 uncle 节点 y 为红色
- case 2: z 节点的 uncle 节点 y 为黑色，且 z 节点是右子节点
- case 3: z 节点的 uncle 节点 y 为黑色，且 z 节点是左子节点

- Red-black Tree 操作 - 插入操作分析
 - ◆ 插入操作的时间复杂度： $O(\lg n)$
 - ◆ 插入修复操作最多作 2 次旋转
 - ◆ 整个插入以及修复操作的时间复杂度为： $O(\lg n)$

■ Red-black Tree 操作 - 删除节点

```
RB-DELETE(z)
1  if z->left == tree->nil or z->right == tree->nil
2      then y = z
3      else y = TREE-SUCCESSOR(z)
4  if y->left != tree->nil
5      then x = y->left
6      else x = y->right
7  x->parent = y->parent
8  if y->parent == tree->nil
9      then tree.root = x
10     else if y == y->parent->left
11         then y->parent->left = x
12         else y->parent->right = x
13 if y != z
14     then z->key = y->key
15         copy y's satellite data into z
16 if y->color == BLACK
17     then RB-DELETE-FIXUP(x)
18 return y
```

■ Red-black Tree 操作 - 删除修复

```
RB-DELETE-FIXUP(x)
1 while x ≠ tree->root and color[x] == BLACK
2   do if x == x->parent->left
3       then w = x->parent->right
4           if w->color == RED
5               then w->color = BLACK           // Case 1
6                   x->parent->color = RED       // Case 1
7                   LEFT-ROTATE(x->parent)      // Case 1
8                   w = x->parent->right        // Case 1
9           if w->left->color == BLACK and w->right->color == BLACK
10              then w->color = RED              // Case 2
11                  x = x->parent                // Case 2
12              else if w->right->color == BLACK
13                  then w->left->color = BLACK  // Case 3
14                      w->color = RED           // Case 3
15                      RIGHT-ROTATE(w)         // Case 3
16                      w = x->parent->right     // Case 3
17                      w->color = x->parent->color // Case 4
18                      x->parent->color = BLACK  // Case 4
19                      w->right->color = BLACK  // Case 4
20                      LEFT-ROTATE(x->parent)   // Case 4
21                      x = tree->root           // Case 4
22              else (same as then clause with "right" and "left" exchanged)
23  x->color = BLACK
```

■ Red-black Tree 操作 - 删除节点（续 2）

◆ 关于修复操作的 case

- case 1: x 节点的 sibling 节点 w 为红色
- case 2: x 节点的 sibling 节点 w 为黑色，且 w 的 2 个子节点均为黑色
- case 3: x 节点的 sibling 节点 w 为黑色，且 w 的左子为红色、右子为黑色
- case 4: x 节点的 sibling 节点 w 为黑色，且 w 的右子为红色

- Red-black Tree 操作 - 删除操作分析
 - ◆ 删除操作的时间复杂度： $O(\lg n)$
 - ◆ 删除修复操作最多作 3 次旋转
 - ◆ 整个删除以及修复操作的时间复杂度为： $O(\lg n)$

■ 红黑树 - 小结

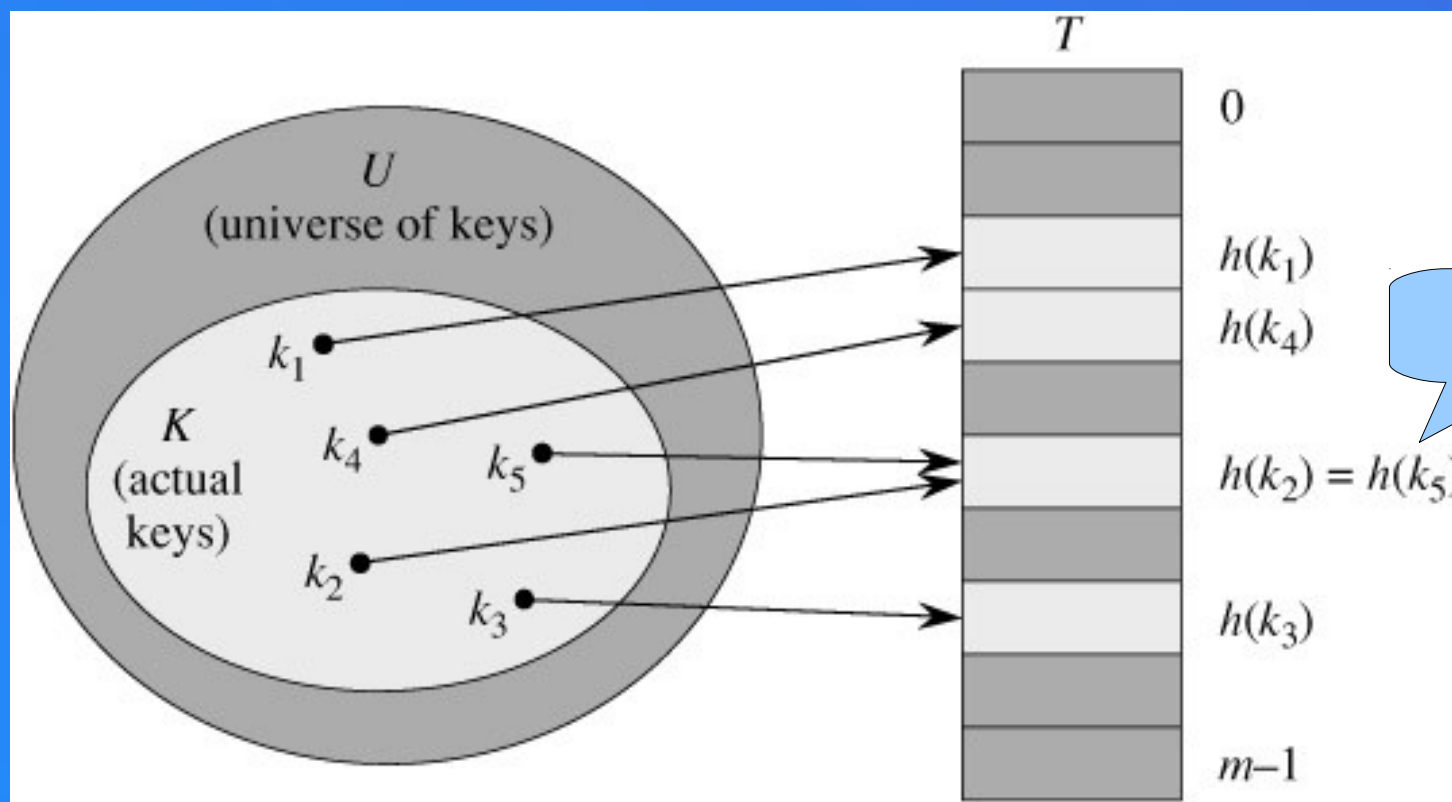
- ◆ 红黑树的各项操作在最坏情况下能保证 $O(\lg n)$ 的时间复杂度
- ◆ C++ 标准库的 STL 容器 map 和 set 的实现中大多以红黑树为内部数据结构

- 数据结构简介
 - ◆ Dynamic Array
 - ◆ Linked List
 - ◆ Binary Search Tree
 - ◆ Red-Black Tree
 - ◆ Hash Table
 - ◆ Stack & Queue

■ 关于 Hash Table

- ◆ Hash Table 是一种能够高效的通过 hash 函数将元素的 key 映射到确切 index 的数据结构。
- ◆ Hash Table 非常适合用于实现字典结构，其 **insert**、**search**、**delete** 操作（注意：没有针对排序操作）非常高效，通常能保证 $O(1)$ 或接近 $O(1)$ 的性能。

■ Hash Table 图示



■ 访问和操作 Hash Table 中的元素

◆ 查找元素：

- 首先通过 hash 函数计算元素的 key 的 hash 值；
- $\text{hash 值} \% \text{该 hash Table 的桶 (Buckets) 数}$ ，得出元素所在的桶的下标 (index of bucket) ；
- 在桶中查找元素

◆ 插入元素：

- 首先通过 hash 函数计算元素的 key 的 hash 值；
- $\text{hash 值} \% \text{该 hash Table 的桶 (Buckets) 数}$ ，得出元素所在的桶的下标 (index of bucket) ；
- 将元素放入该桶中

◆ 删除和修改：

- 同插入类似

- 决定 Hash Table 性能的几个方面
 - ◆ 1, hash 函数
 - ◆ 2, load factor (装载比例)
 - ◆ 3, buckets size (桶的数目)
 - ◆ 4, hash 冲突的解决方案

■ Hash 函数

- ◆ hash 函数就是计算 key 的 hash 值的算法
- ◆ 一个好的 hash 函数可以减少 hash 冲突，所谓 hash 冲突即两个不同的 key 计算出的 hash 值相同

■ Load Factor （ 装载比例 ）

- ◆ 所谓装载比例即： n / s
 - n - Hash Table 中的元素个数
 - s - 桶的个数
- ◆ 当该比例值接近 0.7 ，查找的性能将会变差，所以保持适当的装载比例是保证高效查找的条件之一
- ◆ 一般而言，尽量保证装载比例值不超过 0.7
- ◆ 当装载比例大于 0.7 后，需增加桶的数目，这时需将所有元素的位置（所在的桶）进行重新调整，该过程被称为： rehash
 - 在某些 hash table 的实现中， rehash 操作可能会使原先指向元素的指针（或迭代器）失效

■ Buckets Size (桶的个数)

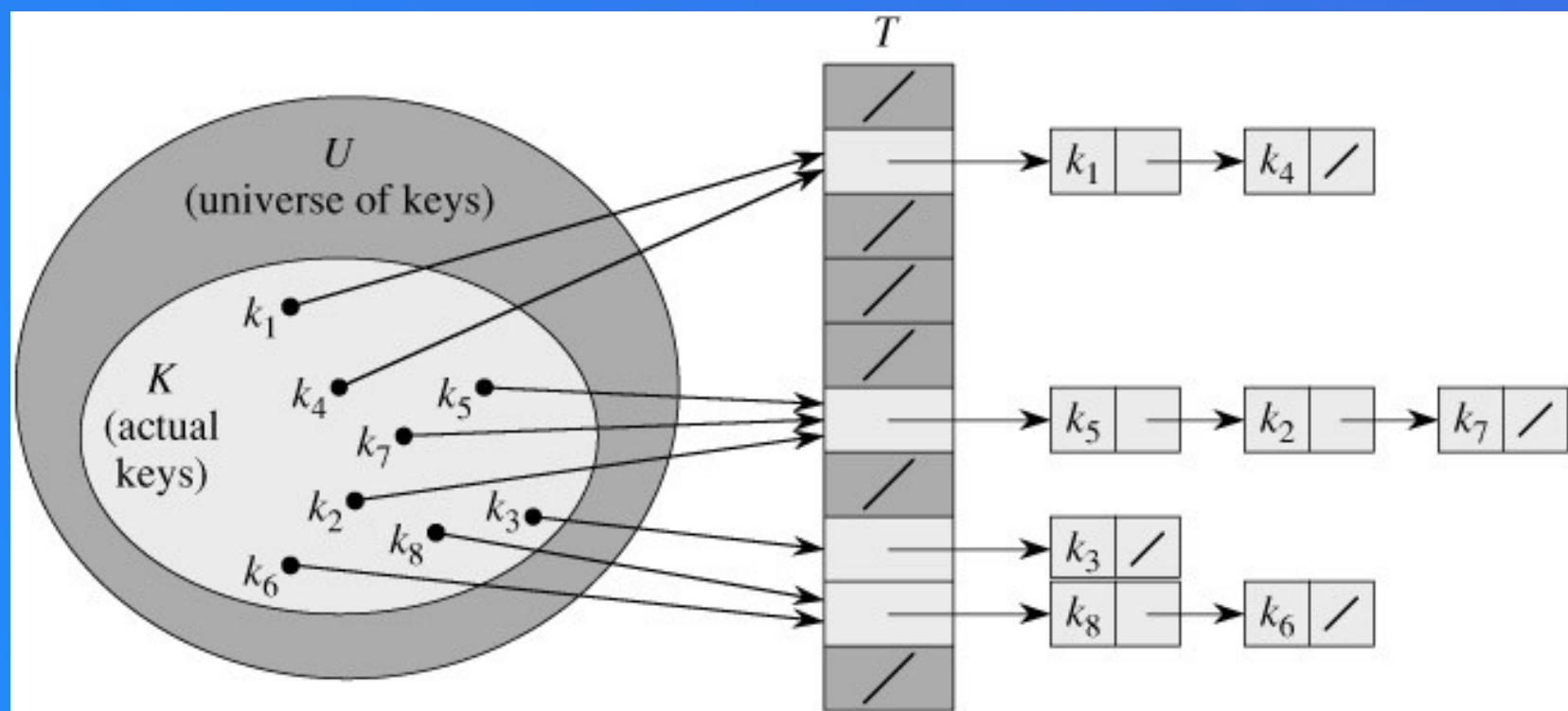
- ◆ 与 hash 函数一样，桶的个数也是决定 hash 冲突的几率的条件之一
- ◆ 一般而言，桶的个数越大，出现 hash 冲突的几率越小（前提是拥有一个高质量的 hash 函数，能保证元素尽量均匀的放置在不同的桶中），但是，从另一个方面考虑，桶的数目越大，则造成空间浪费的趋势越明显
- ◆ 桶的数目取值有多种方式，但以**质数**为桶数是比较常用的方式

■ hash 冲突的解决方案

- ◆ hash 冲突总是存在的，除了实现高效的 hash 函数和合理的装载比例之外，解决 hash 冲突的方式还有：
 - Separate chaining
 - Open addressing
 - Coalesced hashing
 - ...

■ 解决冲突示意图

- ◆ 下图示意采用 Separate chaining 方式解决冲突



■ Hash Table - 小结

- ◆ 与线性数据结构和树结构相比，一个好的 Hash Table 能提供更优秀的查找、插入、删除的操作性能（ $O(1)$ 或接近 $O(1)$ ）
- ◆ 常用于实现字典结构、Hash Map、Hash Set 等关联容器
- ◆ 有关 hash 算法的资源：
 - GNU gperf：产生 perfect hash function 的组件
<http://www.gnu.org/software/gperf/>
 - 详细介绍 hash table 的文章
http://en.wikipedia.org/wiki/Hash_table

- 数据结构简介
 - ◆ Dynamic Array
 - ◆ Linked List
 - ◆ Binary Search Tree
 - ◆ Red-Black Tree
 - ◆ Hash Table
 - ◆ Stack & Queue

■ 关于 Stack - 栈

- ◆ 栈是一种拥有元素 **先进后出 (FILO)** 性质的数据结构
- ◆ 栈通常提供的操作：
 - push : 压栈, 将元素放入栈中, 时间复杂度为 $O(1)$
 - pop : 出栈, 取得并删除栈顶的元素 (最后放入的元素), 时间复杂度为 $O(1)$

注: 也有些实现将 pop 动作拆分为 2 个动作: 先取得栈顶元素, 然后删除它 (如: C++ 标准库中的 stack)

■ 关于 Queue - 队列

- ◆ 队列是一种拥有元素 **先进先出 (FIFO)** 性质的数据结构
- ◆ 队列通常提供的操作：
 - push_back : 入列，在队列的末尾加入元素，时间复杂度为 $O(1)$
 - pop_front : 出列，删除队列前端的元素，时间复杂度为 $O(1)$

注：也有些实现将 pop_front 动作拆分为 2 个动作：先取得队列前端的元素，然后删除它（如：C++ 标准库中的 queue）

■ 常用数据结构的适用场合：

- ◆ 如果访问元素的操作的效率十分重要，可以使用 Array、Dynamic Array、Hash Table
- ◆ 如果插入、删除操作的效率十分重要，可以使用 Linked List 和 Hash Table
- ◆ 如果查找元素的操作效率十分重要，首选 Hash Table，其次为 Red-Black Tree 或其它自平衡二叉树
- ◆ 如果要求一个有序的序列，首选 Red-Black Tree 或其它自平衡二叉树，其次是 Linked List
- ◆ 关于 Hash Table 和 Red-Black Tree 的折衷：
 - 如果查找、删除、添加元素的效率十分重要：在空间允许的条件下，首选 Hash Table；如果空间有要求的情况下，则可考虑首选 Red-Black Tree