

# 编译原理（第3版）王生原课后习题答案

（若发现问题，请及时告知）

1 设有文法  $G[S]$ :

$$S \rightarrow aSb \mid aab$$

若针对该文法设计一个自顶向下预测分析过程，则需要向前察看多少个输入符号？

**参考解答：**

需要向前察看 3 个单词。若向前察看 3 个单词是 aab 时，可选第 2 个分支；aaa 时，可选第 1 个分支。

2 设有文法  $G[E]$ :

$$\begin{aligned} E &\rightarrow iC \\ C &\rightarrow EOC \mid \varepsilon \\ O &\rightarrow + \mid * \end{aligned}$$

试针对该文法填写下表

$G$ 中的规则 $r$	$First(rhs(r))$	$Follow(lhs(r))$	$PS(r)$
$E \rightarrow iC$			
$C \rightarrow EOC$			
$C \rightarrow \varepsilon$		此处不填	
$O \rightarrow +$			
$O \rightarrow *$		此处不填	

其中， $rhs(r)$  表示产生式  $r$  的右部， $lhs(r)$  表示产生式  $r$  的左部

**参考解答：**

根据First集合定义，以及各产生式右端子串，不难计算各 $First(rhs(r))$ 集合元素。例如，对于产生式

$$C \rightarrow EOC$$

$$First(EOC) = First(iCOC) = \{i\}$$

根据Follow集合的计算过程，容易得到输入结束符 # 进Follow(E)。然后针对每一个产生式依次计算每一个非终结符的Follow集合元素。例如，对于产生式

$$C \rightarrow EOC$$

有， $First(O)$ 的元素进Follow(E)，故， $Follow(E) = \{\#, +, *\}$ 。

根据产生式



$$E \rightarrow iC$$

Follow(E)的元素进Follow(C)，故，Follow(C)={ #, +, \* }。

根据产生式

$$C \rightarrow EOC$$

First(C)的元素进Follow(O)，由于， $\epsilon \in \text{First}(C)$ ，故，Follow(lhs(r))，即Follow(C)，的元素进Follow(O)。所以，Follow(O)={ i, #, +, \* }

最终计算结果如下表所示：

$G$ 中的规则 $r$	$First(rhs(r))$	$Follow(lhs(r))$	$PS(r)$
$E \rightarrow iC$	{ i }	{ #, +, * }	{ i }
$C \rightarrow EOC$	{ i }	{ #, +, * }	{ i }
$C \rightarrow \epsilon$	{ $\epsilon$ }		{ #, +, * }
$O \rightarrow +$	{ + }	{ i, #, +, * }	{ + }
$O \rightarrow *$	{ * }		{ * }

### 3 设有文法 $G[E]$ ：

$$E \rightarrow TA$$

$$A \rightarrow \vee TA \mid \epsilon$$

$$T \rightarrow FB$$

$$B \rightarrow \wedge FB \mid \epsilon$$

$$F \rightarrow (E) \mid i$$

试针对该文法填写下表

$G$ 中的规则 $r$	$first(rhs(r))$	$follow(lhs(r))$	$PS(r)$
$E \rightarrow TA$			
$A \rightarrow \vee TA$			
$A \rightarrow \epsilon$		此处不填	
$T \rightarrow FB$			
$B \rightarrow \wedge FB$			
$B \rightarrow \epsilon$		此处不填	
$F \rightarrow (E)$			
$F \rightarrow i$		此处不填	

其中， $rhs(r)$  表示产生式  $r$  的右部， $lhs(r)$  表示产生式  $r$  的左部



参考解答：如下表。

$G$ 中的规则 $r$	$first(rhs(r))$	$follow(lhs(r))$	$PS(r)$
$E \rightarrow TA$	$i, ($	$), \#$	$i, ($
$A \rightarrow \vee TA$	$\vee$	$), \#$	$\vee$
$A \rightarrow \varepsilon$	$\varepsilon$	此处不填	$), \#$
$T \rightarrow FB$	$i, ($	$\vee, ), \#$	$i, ($
$B \rightarrow \wedge FB$	$\wedge$	$\vee, ), \#$	$\wedge$
$B \rightarrow \varepsilon$	$\varepsilon$	此处不填	$\vee, ), \#$
$F \rightarrow (E)$	$($	$\wedge, \vee, ), \#$	$($
$F \rightarrow i$	$i$	此处不填	$i$

4 试验证下列文法  $G[S]$  是 LL(1) 文法：

$$S \rightarrow P \mid \varepsilon$$

$$P \rightarrow (P)P \mid a$$

其中  $(, ),$  以及  $a$  为终结符

参考解答：

先对于每条语法规则  $r$ ，计算  $PS(r)$ 。

$G$ 中的规则 $r$	$First(rhs(r))$	$Follow(lhs(r))$	$PS(r)$
$S \rightarrow P$	$a, ($	$\#$	$a, ($
$S \rightarrow \varepsilon$	$\varepsilon$		$\#$
$P \rightarrow (P)P$	$($	$), \#$	$($
$P \rightarrow a$	$a$		$a$

因为  $PS(S \rightarrow P) \cap PS(S \rightarrow \varepsilon) = \emptyset$  及  $PS(P \rightarrow (P)P) \cap PS(P \rightarrow a) = \emptyset$ ，所以文法  $G[S]$  是 LL(1) 文法。

5 计算下列文法中每个非终结符的 First 集和 Follow 集，以及每个产生式的预测集合，并判断该文法是否 LL(1) 文法（说明原因）：

(1) 文法  $G_1[S]$ ：

$$S \rightarrow (S) \mid aT$$

$$T \rightarrow +ST \mid \varepsilon$$

(2) 文法  $G_2[S]$ ：

$$S \rightarrow TP$$

$$T \rightarrow +PT \mid \varepsilon$$

$$P \rightarrow (S) \mid a$$



(3) 文法  $G_3[S]$ :

$$S \rightarrow aSa \mid bSb \mid \varepsilon$$

**参考解答:**

(1) 计算非终结符的 FIRST 集和 FOLLOW 集, 结果如下:

$$\text{FIRST}(S) = \{ (, a \}$$

$$\text{FOLLOW}(S) = \{ \#, ), + \}$$

$$\text{FIRST}(T) = \{ +, \varepsilon \}$$

$$\text{FOLLOW}(T) = \{ \#, ), + \}$$

$$\text{PS}(S \rightarrow (S)) = \{ ( \}$$

$$\text{PS}(S \rightarrow aT) = \{ a \}$$

$$\text{PS}(T \rightarrow +ST) = \{ + \}$$

$$\text{PS}(T \rightarrow \varepsilon) = \{ \#, ), + \}$$

因为,  $\text{PS}(T \rightarrow +ST) \cap \text{PS}(T \rightarrow \varepsilon) = \{ + \} \cap \{ \#, ), + \} \neq \Phi$ , 所以,  $G(S)$  不是 LL(1) 文法。

(2) 计算非终结符的 FIRST 集和 FOLLOW 集, 结果如下:

$$\text{FIRST}(S) = \{ +, (, a \}$$

$$\text{FOLLOW}(S) = \{ \#, ) \}$$

$$\text{FIRST}(T) = \{ +, \varepsilon \}$$

$$\text{FOLLOW}(T) = \{ (, a \}$$

$$\text{FIRST}(P) = \{ (, a \}$$

$$\text{FOLLOW}(P) = \{ \#, +, (, a, ) \}$$

$$\text{PS}(S \rightarrow TP) = \{ +, (, a \}$$

$$\text{PS}(T \rightarrow +PT) = \{ + \}$$

$$\text{PS}(T \rightarrow \varepsilon) = \{ (, a, + \}$$

$$\text{PS}(P \rightarrow (S)) = \{ ( \}$$

$$\text{PS}(P \rightarrow a) = \{ a \}$$

因为,  $\text{PS}(T \rightarrow +PT) \cap \text{PS}(T \rightarrow \varepsilon) = \{ + \} \cap \{ (, a \} = \Phi$ , 所以,  $G(S)$  是 LL(1) 文法。

(3) 计算非终结符的 FIRST 集和 FOLLOW 集, 结果如下:

$$\text{FIRST}(S) = \{ a, b, \varepsilon \}$$

$$\text{FOLLOW}(S) = \{ \#, a, b \}$$

$$\text{PS}(S \rightarrow aSa) = \{ a \}$$

$$\text{PS}(S \rightarrow bSb) = \{ b \}$$

$$\text{PS}(S \rightarrow \varepsilon) = \{ \#, a, b \}$$

因为,  $\text{PS}(S \rightarrow aSa) \cap \text{PS}(S \rightarrow bSb) \cap \text{PS}(S \rightarrow \varepsilon) \neq \Phi$ , 所以,  $G(S)$  不是 LL(1) 文法。

**6** 验证如下文法是 LL(1) 文法, 并基于该文法构造递归下降分析程序:



(1) 文法  $G[S]$ :

$$S \rightarrow AB$$

$$A \rightarrow aA$$

$$A \rightarrow \varepsilon$$

$$B \rightarrow bB$$

$$B \rightarrow \varepsilon$$

(2) 文法  $G'[E]$ :

$$E \rightarrow [ F ] E'$$

$$E' \rightarrow E | \varepsilon$$

$$F \rightarrow aF'$$

$$F' \rightarrow aF' \mid \varepsilon$$

**参考解答:**

(1) 计算非终结符的 FIRST 集和 FOLLOW 集, 结果如下:

$$\text{FIRST}(S) = \{a, b\} \qquad \text{FOLLOW}(S) = \{\#\}$$

$$\text{FIRST}(A) = \{a, \varepsilon\} \qquad \text{FOLLOW}(A) = \{b, \#\}$$

$$\text{FIRST}(B) = \{b, \varepsilon\} \qquad \text{FOLLOW}(B) = \{\#\}$$

因为

$$\text{FIRST}(aA) \cap \text{FOLLOW}(A) = \{a\} \cap \{b, \#\} = \Phi$$

$$\text{FIRST}(bB) \cap \text{FOLLOW}(B) = \{b\} \cap \{\#\} = \Phi$$

或

$$\text{PS}(A \rightarrow aA) \cap \text{PS}(A \rightarrow \varepsilon) = \{a\} \cap \{b, \#\} = \Phi$$

$$\text{PS}(B \rightarrow bB) \cap \text{PS}(B \rightarrow \varepsilon) = \{b\} \cap \{\#\} = \Phi$$

所以,  $G(S)$  是 LL(1) 文法。

用类似 C 语言写出  $G[E]$  的递归子程序, 其中 `yylex()` 为取下一单词过程, 变量 `lookahead` 存放当前单词。不需要考虑太多编程语言相关的细节。程序如下:

```
void ParseS( )           // 主函数
{
    ParseA( );
    ParseB( );
}
void ParseA( )
{
    switch (lookahead)    // lookahead 为下一个输入符号
    {
        case 'a' :
```



```

        MatchToken( 'a' );
        ParseA();
        break;
    case ' b' , ' #' :
        break;
    default:
        printf("syntax error \n")
        exit(0);
    }
    return A_num;
}
void ParseB( )
{
    switch (lookahead) {
        case ' b' :
            MatchToken( 'b' );
            ParseB( );
            break;
        case ' #' :
            break;
        default:
            printf("syntax error \n");
            exit(0);
    }
}
void Match_Token(int expected)
{
    if (lookahead != expected)
    {
        printf("syntax error \n")
        exit(0);
    }
    else
        lookahead = getToken();
}

```

(2) 观察文法规则可知, 可能产生规则选择冲突的规则只能是  $E' \rightarrow E|\epsilon$  和  $F' \rightarrow aF'|\epsilon$ 。我们只要求出这四条规则的 PS 集合(预测集合)即可。欲求这四个 PS 集合, 我们需要先求出:

$First(E) = \{ [ ] \}$	$Follow(E') = \{ \# \}$
$First(aF') = \{ a \}$	$Follow(F') = \{ [ ] \}$

从而

$PS(E' \rightarrow E) = First(E) = \{ [ ] \}$   
 $PS(E' \rightarrow \epsilon) = Follow(E') = \{ \# \}$   
 $PS(F' \rightarrow aF') = First(aF') = \{ a \}$   
 $PS(F' \rightarrow \epsilon) = Follow(F') = \{ [ ] \}$



因为

对于  $E' \rightarrow E \mid \epsilon$  有:  $PS(E' \rightarrow E) \cap PS(E' \rightarrow \epsilon) = \Phi$

对于  $F' \rightarrow aF' \mid \epsilon$  有:  $PS(F' \rightarrow aF') \cap PS(F' \rightarrow \epsilon) = \Phi$

所以, 文法  $G[E]$  是 LL(1) 文法。

用类似 C 语言写出  $G[E]$  的递归子程序, 其中 `getToken()` 为取下一单词过程, 变量 `lookahead` 为全局变量, 存放当前单词。

```
void ParseE( ) {
    Match_Token ( [ );
    ParseF( );
    MatchToken ( ] );
    ParseE' ( );
}

void ParseE' ( ) {
    switch (lookahead) {
        case [:
            ParseE( );
            break;
        case #:
            break;
        default:
            printf("syntax error \n" );
            exit(0);
    }
}

void ParseF( ) {
    MatchToken ( a );
    ParseF' ( );
}

void ParseF' ( ) {
    switch (lookahead) {
        case a:
            MatchToken ( a );
            ParseF' ( );
            break;
        case ]:
            break;
        case:
            printf("syntax error \n" );
            exit(0);
    }
}

void MatchToken(int expected) { //判别当前单词是否与期望的终结符匹配
    if (lookahead != expected) {
        printf("syntax error \n" );
    }
}
```



```

        exit(0);
    else    // 若匹配, 消费掉当前单词并调用词法分析器读入下一个单词
        lookahead = getToken();
}

```

7 给出习题 5 中所有文法的预测分析表, 并根据分析表指出相应文法是否 LL(1) 的, 同时验证习题 5 的结果。

参考解答:

(1) 文法  $G_1[S]$ :

$$S \rightarrow (S) \mid aT$$

$$T \rightarrow +ST \mid \varepsilon$$

各产生式的预测集合为:

$$PS(S \rightarrow (S)) = \{ ( \}$$

$$PS(S \rightarrow aT) = \{ a \}$$

$$PS(T \rightarrow +ST) = \{ + \}$$

$$PS(T \rightarrow \varepsilon) = \{ \#, \}, + \}$$

	(	)	a	+	#
S	$S \rightarrow (S)$		$S \rightarrow aT$		
T		$T \rightarrow \varepsilon$		$T \rightarrow +ST$ $T \rightarrow \varepsilon$	$T \rightarrow \varepsilon$

$M[T, +] = \{ T \rightarrow +ST, T \rightarrow \varepsilon \}$ , 不是 LL(1) 文法。

(2) 文法  $G_2[S]$ :

$$S \rightarrow TP$$

$$T \rightarrow +PT \mid \varepsilon$$

$$P \rightarrow (S) \mid a$$

$$PS(S \rightarrow TP) = \{ +, (, a \}$$

$$PS(T \rightarrow +PT) = \{ + \}$$

$$PS(T \rightarrow \varepsilon) = \{ (, a \}$$

$$PS(P \rightarrow (S)) = \{ ( \}$$

$$PS(P \rightarrow a) = \{ a \}$$

	(	)	a	+	#
S	$S \rightarrow TP$		$S \rightarrow TP$	$S \rightarrow TP$	



T	$T \rightarrow \varepsilon$		$T \rightarrow \varepsilon$	$T \rightarrow +PT$	
P	$P \rightarrow (S)$		$P \rightarrow a$		

每一个表项唯一确定，所以，是 LL(1) 文法。

(3) 文法  $G_3[S]$ :

$$S \rightarrow aSa \mid bSb \mid \varepsilon$$

$$PS(S \rightarrow aSa) = \{ a \}$$

$$PS(S \rightarrow bSb) = \{ b \}$$

$$PS(S \rightarrow \varepsilon) = \{ \#, a, b \}$$

	a	b	#
S	$S \rightarrow aSa$ $S \rightarrow \varepsilon$	$S \rightarrow bSb$ $S \rightarrow \varepsilon$	$S \rightarrow \varepsilon$

$M[S, a] = \{ S \rightarrow aSa, S \rightarrow \varepsilon \}$ ,  $M[S, b] = \{ S \rightarrow bSb, S \rightarrow \varepsilon \}$ , 所以，不是 LL(1) 文法。

8 给出习题 6 中所有文法的 LL(1) 分析表。

**参考解答:**

(1) 文法  $G[S]$ :

$$S \rightarrow AB$$

$$A \rightarrow aA$$

$$A \rightarrow \varepsilon$$

$$B \rightarrow bB$$

$$B \rightarrow \varepsilon$$

的 LL(1) 分析表为:

	a	b	#
S	$S \rightarrow AB$	$S \rightarrow AB$	$S \rightarrow AB$
A	$A \rightarrow aA$	$A \rightarrow \varepsilon$	$A \rightarrow \varepsilon$
B		$B \rightarrow bB$	$B \rightarrow \varepsilon$

(2) 文法  $G[E]$ :

$$E \rightarrow [F]E'$$

$$E' \rightarrow E \mid \varepsilon$$



$$F \rightarrow aF'$$

$$F' \rightarrow aF' \mid \varepsilon$$

的 LL(1)分析表为:

	a	[	]	#
E		$E \rightarrow [F]E'$		
E'		$E' \rightarrow E$		$E' \rightarrow \varepsilon$
F	$F \rightarrow aF'$			
F'	$F' \rightarrow aF'$		$F' \rightarrow \varepsilon$	

9 基于图1中的 LL(1) 分析表, 根据图2描述的方法, 给出输入符号串 *baacbd* 的表驱动 LL(1) 分析过程。

参考解答:

步骤	下推栈	余留符号串	下一步动作
1	#S	baacbd#	应用产生式 $S \rightarrow BbS$
2	#SbB	baacbd#	应用产生式 $B \rightarrow \varepsilon$
3	#Sb	baacbd#	匹配栈顶和当前输入符号
4	#S	aacbd#	应用产生式 $S \rightarrow AaS$
5	#SaA	aacbd#	应用产生式 $A \rightarrow a$
6	#Saa	aacbd#	匹配栈顶和当前输入符号
7	#Sa	acbd#	匹配栈顶和当前输入符号
8	#S	cbd#	应用产生式 $S \rightarrow BbS$
9	#SbB	cbd#	应用产生式 $B \rightarrow c$
10	#Sbc	cbd#	匹配栈顶和当前输入符号
11	#Sb	bd#	匹配栈顶和当前输入符号
12	#S	d#	应用产生式 $S \rightarrow d$
13	#d	d#	匹配栈顶和当前输入符号
14	#	#	返回, 分析成功



10 通过变换求出与下列文法  $G[S]$  等价的一个文法，使其不含直接左递归：

$$\begin{aligned} S &\rightarrow AbB \\ A &\rightarrow Aa \mid a \\ B &\rightarrow Ba \mid Bb \mid b \end{aligned}$$

参考解答：

关于A、B的产生式含有直接左递归。根据转换方法，替换结果如下：

$$\begin{aligned} S &\rightarrow AbB \\ A &\rightarrow aA' \\ A' &\rightarrow aA' \mid \varepsilon \\ B &\rightarrow bB' \\ B' &\rightarrow aB' \mid bB' \mid \varepsilon \end{aligned}$$

11 按照本讲介绍的消除一般左递归算法消除下面文法  $G[S]$  中的左递归（要求依非终结符的排序  $S$ 、 $Q$ 、 $P$  执行该算法）：

$$\begin{aligned} S &\rightarrow PQ \mid a \\ P &\rightarrow QS \mid b \\ Q &\rightarrow SP \mid c \end{aligned}$$

参考解答：

按照非终结符的特定顺序排列各规则：

$$\begin{aligned} S &\rightarrow PQ \mid a \\ Q &\rightarrow SP \mid c \\ P &\rightarrow QS \mid b \end{aligned}$$

第一步，得：

$$\begin{aligned} S &\rightarrow PQ \mid a \\ Q &\rightarrow PQP \mid aP \mid c \\ P &\rightarrow QS \mid b \end{aligned}$$

第二步，得：

$$\begin{aligned} S &\rightarrow PQ \mid a \\ Q &\rightarrow PQP \mid aP \mid c \\ P &\rightarrow PQPS \mid aPS \mid cS \mid b \end{aligned}$$

消去  $P \rightarrow PQPS$  的左递归得：

$$\begin{aligned} S &\rightarrow PQ \mid a \\ Q &\rightarrow PQP \mid aP \mid c \\ P &\rightarrow aPSR \mid cSR \mid bR \\ R &\rightarrow QPSR \mid \varepsilon \end{aligned}$$



经检查，此时得到的文法已经不含左递归，可结束消除左递归过程。

**12** 按照本讲介绍的消除一般左递归算法消除下面文法  $G[P]$  中的左递归（要求依非终结符的不同排序分别执行该算法）：

$$\begin{aligned}P &\rightarrow Qa \mid a \\ Q &\rightarrow Pb \mid b\end{aligned}$$

**参考解答：**

按照非终结符的P、Q的顺序排列规则，考虑关于Q的产生式，替换为

$$Q \rightarrow Qab \mid ab \mid b$$

再消去关于Q的产生式的直接左递归，得到

$$\begin{aligned}P &\rightarrow Qa \mid a \\ Q &\rightarrow abR \mid bR \\ R &\rightarrow abR \mid \varepsilon\end{aligned}$$

按照非终结符Q、P的顺序排列规则，对于P的产生式，替换为

$$\begin{aligned}P &\rightarrow baB \mid aB \\ B &\rightarrow baB \mid \varepsilon\end{aligned}$$

该文法的语言应等价于正规式  $(ba)(ba)^* \mid a$  所描述的语言。如果题目未要求一定按照本讲介绍的算法，则可给出任意的等价文法，其语言和这个正规式的语言一致。

**13** 变换下列文法，求出与其等价的一个文法，使变换后的文法不含左递归和左公因子：

(1) 文法  $G[P]$ ：

$$P \rightarrow Pa \mid Pb \mid c$$

(2) 文法  $G[S]$ ：

$$\begin{aligned}S &\rightarrow aSAc \mid a \\ A &\rightarrow Ab \mid d\end{aligned}$$

**参考解答：**

(1) 消除左递归后， $G[P]$  变换为等价的  $G'[P]$  如下：

$$\begin{aligned}P &\rightarrow cQ \\ Q &\rightarrow aQ \mid bQ\end{aligned}$$

(2) 提取左公共因子和消除左递归后， $G[S]$  变换为等价的  $G'[S]$  如下：

$$\begin{aligned}S &\rightarrow aB \\ B &\rightarrow SAc \mid \varepsilon\end{aligned}$$



$A \rightarrow dC$   
 $C \rightarrow bC \mid \varepsilon$



(若发现问题, 请及时告知)

1. 下面的文法  $G[S]$  描述由命题变量  $p, q$ , 联结词  $\wedge$  (合取)、 $\vee$  (析取)、 $\neg$  (否定) 构成的命题公式集合:

$$\begin{aligned} S &\rightarrow S \vee T \mid T \\ T &\rightarrow T \wedge F \mid F \\ F &\rightarrow \neg F \mid p \mid q \end{aligned}$$

试分别指出句型  $\neg F \vee \neg q \wedge p$  和  $\neg F \vee p \wedge \neg F \vee T$  的所有短语, 直接短语。如果这些句型同时也是右句型, 那么还要给出其句柄。请将结果填入下表中:

句型	短语	直接短语	句柄
$\neg F \vee \neg q \wedge p$			
$\neg F \vee p \wedge \neg F \vee T$			

参考解答:

句型	短语	直接短语	句柄
$\neg F \vee \neg q \wedge p$	$\neg F \vee \neg q \wedge p$ $\neg F$ $\neg q \wedge p$ $\neg q$ $q$ $p$	$\neg F$ $q$ $p$	$\neg F$
$\neg F \vee p \wedge \neg F \vee T$	$\neg F \vee p \wedge \neg F \vee T$ $\neg F \vee p \wedge \neg F$ $\neg F$ $p \wedge \neg F$ $p$ $\neg F$	$\neg F$ $p$ $\neg F$	无

2. (1) 给定文法  $G[S]$ :

$$\begin{aligned} S &\rightarrow A B \\ A &\rightarrow a A \mid \varepsilon \\ B &\rightarrow B b \mid \varepsilon \end{aligned}$$

- (a) 构造该文法  $G[S]$  的 LR(0) 有限状态机。  
(b) 说明该文法不是 LR(0) 文法。  
(c) 该文法是否 SLR(1) 文法? 为什么?

- (2) 给定文法  $G[S]$ :

$$S \rightarrow S S \mid (S) \mid a$$

完成同 (1) 一样三个问题 (a), (b), (c)。

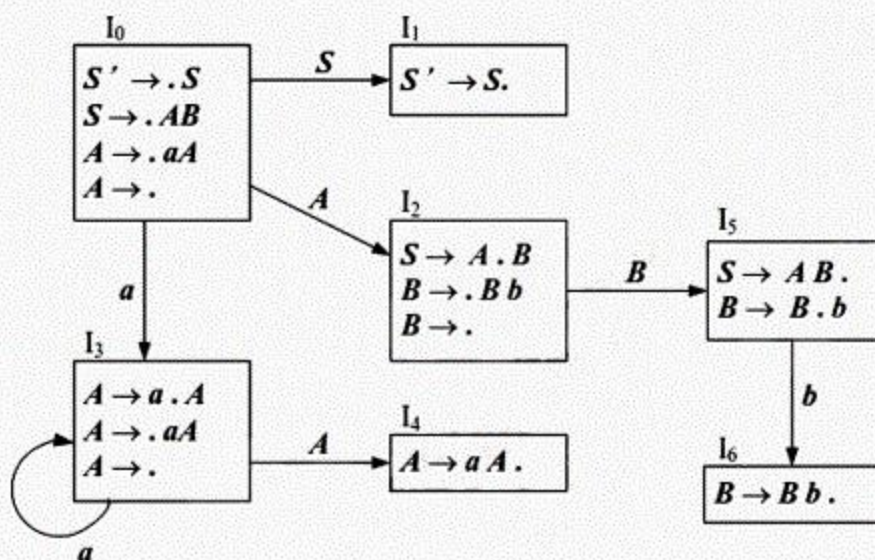


### 参考解答:

(1) 首先变换文法为增广文法:

$$\begin{aligned} S' &\rightarrow S \\ S &\rightarrow AB \\ A &\rightarrow aA \mid \varepsilon \\ B &\rightarrow Bb \mid \varepsilon \end{aligned}$$

(a) 该文法的LR(0)有限状态机状态转换图如下:



(b) 状态I0、I3、I5有移进归-约冲突, 所以不是LR(0)文法。

(c) 对于状态I0、I3, 由于 $FOLLOW(A) = \{b, \#\}$ , 在面临第一个符号是#或b时, 选择归约成A。面临符号a, 则移进。

对于状态I5, 由于 $FOLLOW(S) = \{\#\}$ , 在面临第一个符号是#时, 选择归约成S。面临符号b, 则移进。

所以, 该文法是SLR(1)文法。

(2) 首先变换文法为增广文法。增加如下产生式

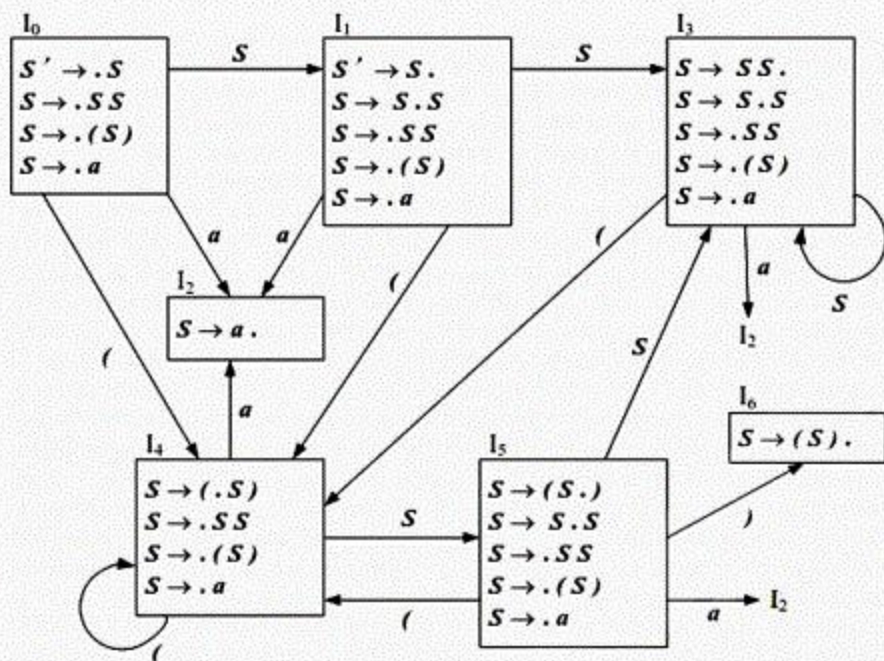
$$S' \rightarrow S$$

得到增广文法如下

$$\begin{aligned} S' &\rightarrow S \\ S &\rightarrow SS \\ S &\rightarrow (S) \\ S &\rightarrow a \end{aligned}$$

(a) 该文法的LR(0)有限状态机状态转换图如下:





(b) 状态 $I_3$ 中包含移进-归约冲突，所以 $G(S)$ 不是LR(0)文法。

(c) 对于状态 $I_3$ ，由于 $FOLLOW(S) = \{a, (, ), \#\}$ ，在面临第一个符号是 $a$ 时，不能选择是归约成 $S$ 还是移进 $a$ ，所以，不是SLR(1)文法。

3. 试构造下列文法的LR(0)FSM，并判别它们是否LR(0)或SLR(1)文法：

a) 文法  $G[E]$ ：

$$\begin{aligned} E &\rightarrow E + T \mid T \\ T &\rightarrow ( E ) \mid id \mid id [ E ] \end{aligned}$$

其中 $E, T$ 为非终结符，其余符号其余符号  $id, (, ), [, ]$  为终结符

b) 文法  $G[S]$ ：

$$\begin{aligned} S &\rightarrow Ab \mid ABc \\ A &\rightarrow aA \mid a \\ B &\rightarrow b \end{aligned}$$

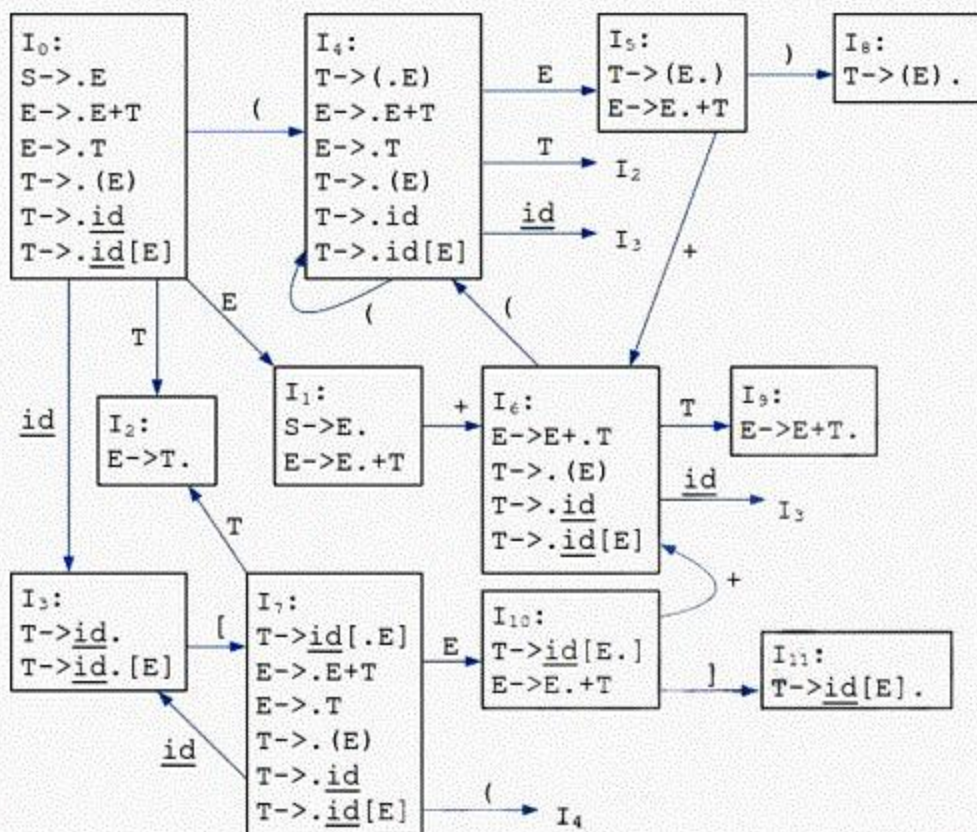
其中 $S, A, B$ 为非终结符，其余符号为终结符

**参考解答：**

a) 增加产生式  $S \rightarrow E$ ，得增广文法  $G'[S]$

构造识别活前缀的LR(0)FSM如下：

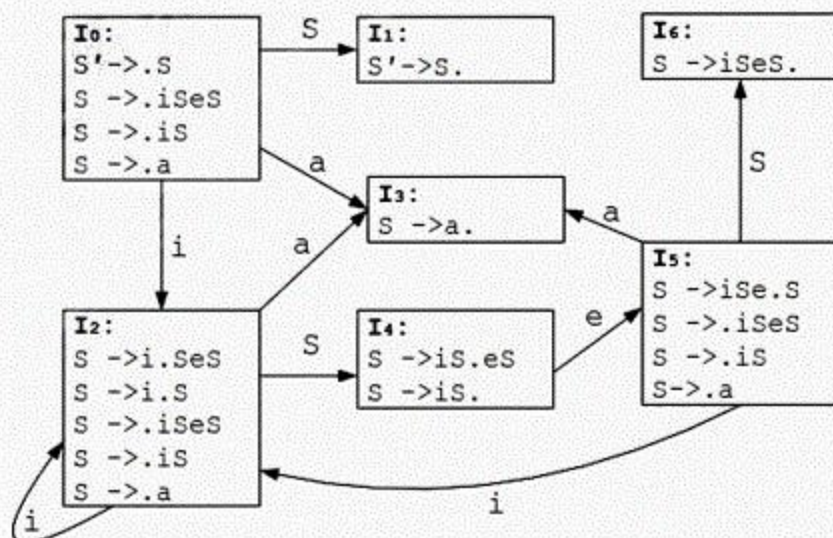




可验证：状态  $I_3$  有移进-归约冲突，所以  $G[E]$  不是 LR(0) 文法；进一步，因  $\text{Follow}(T) = \{ +, , , ) , ] , \# \}$ ，不含  $[$ ，所以  $G[E]$  是 SLR(1) 文法。

b) 增加产生式  $S' \rightarrow S$ ，得增广文法  $G'[S']$

构造识别活前缀的 LR(0) FSM 如下：



I<sub>4</sub> 存在归约/归约冲突，I<sub>3</sub> 存在归约/移进冲突，因此不是 LR(0) 文法。

考察能否使用 SLR(1) 方法解决冲突：I<sub>4</sub> 中，因为  $\text{Follow}(S) = \{ \# \}$  而  $\text{Follow}(B) = \{ c \}$ ，所以可以解决。I<sub>3</sub> 中，因  $\text{Follow}(A) = \{ b \}$ ，不含  $a$ ，因此该移进/归约冲突也可解决。文法是

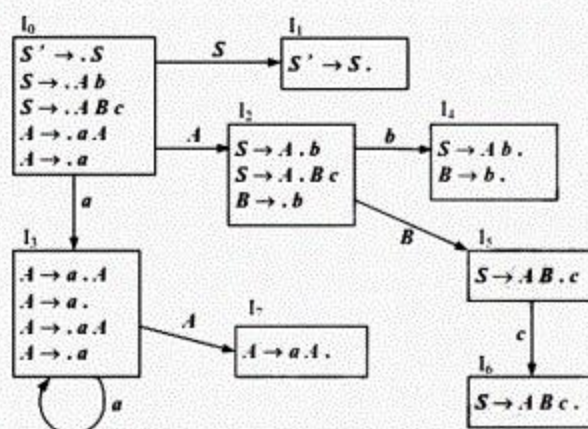


# SLR(1)文法

4. 给定 SLR(1) 文法  $G[S]$ :

- (1)  $S \rightarrow Ab$
- (2)  $S \rightarrow ABc$
- (3)  $A \rightarrow aA$
- (4)  $A \rightarrow a$
- (5)  $B \rightarrow b$

其 LR(0) 有限状态机如下图所示:



(a) 构造该文法的 SLR(1) 分析表。

(b) 若采用 SLR(1) 方法对于  $L(G)$  中的某一输入串进行分析, 当栈顶出现句柄  $a$  时, 余留输入符号串中的第一个符号是什么?

## 参考解答:

(a) SLR(1) 分析表:

状态	ACTION				GOTO		
	a	b	c	#	S	A	B
0	s <sub>3</sub>				1	2	
1				acc			
2		s <sub>4</sub>					5
3	s <sub>3</sub>	r <sub>4</sub>				7	
4			r <sub>5</sub>	r <sub>1</sub>			
5			s <sub>6</sub>				
6				r <sub>2</sub>			
7		r <sub>3</sub>					

(b)  $b$



5. 给定 SLR(1) 文法  $G[S]$ :

- (1)  $S \rightarrow a S a$
- (2)  $S \rightarrow b S b$
- (3)  $S \rightarrow c$

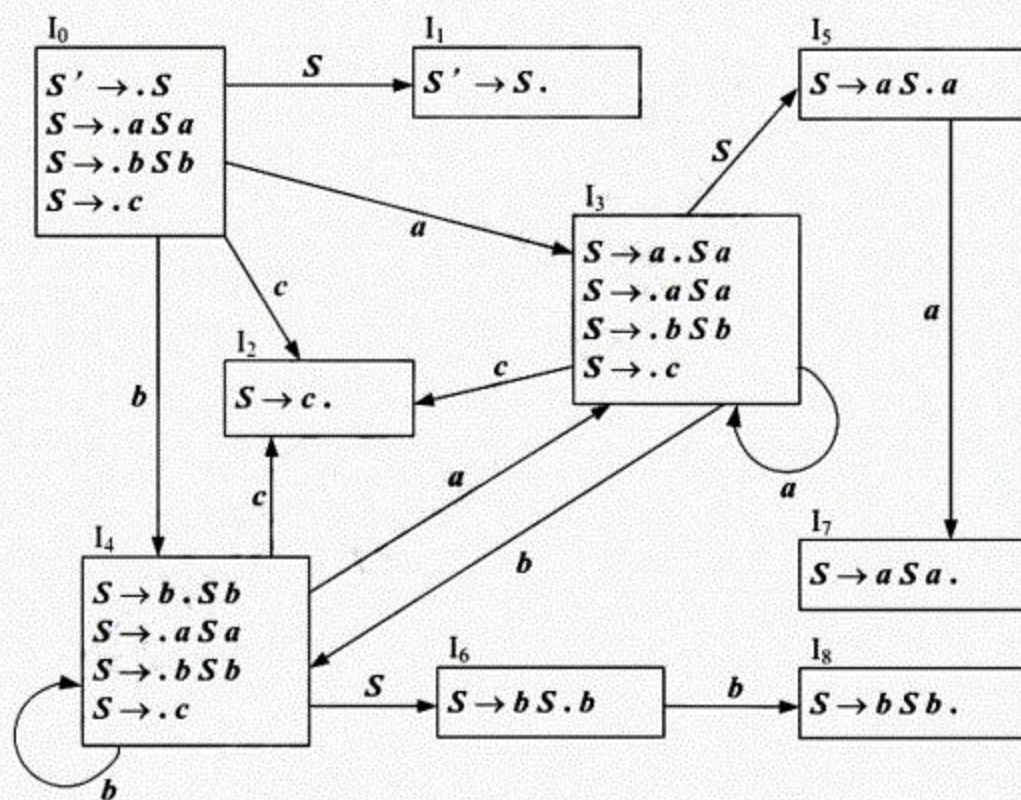
(a) 构造该文法的 LR(0) 有限状态机

(b) 构造该文法的 SLR(1) 分析表。

(c) 若根据以上 SLR(1) 分析表对于  $L(G)$  中的某一输入串执行 SLR(1) 分析过程, 初始时符号栈存放符号  $\#$ 。当扫描过串  $abbcb$  后, 分析栈中的符号串是什么 (以进栈先后次序给出)? 当前可规约的句柄是什么?

参考解答:

(a)



(b)



状态	ACTION				GOTO
	a	b	c	#	S
0	s <sub>3</sub>	s <sub>4</sub>	s <sub>2</sub>		1
1				acc	
2	r <sub>3</sub>	r <sub>3</sub>		r <sub>3</sub>	
3	s <sub>3</sub>	s <sub>4</sub>	s <sub>2</sub>		5
4	s <sub>3</sub>	s <sub>4</sub>	s <sub>2</sub>		6
5	s <sub>7</sub>				
6		s <sub>8</sub>			
7	r <sub>1</sub>	r <sub>1</sub>		r <sub>1</sub>	
8	r <sub>2</sub>	r <sub>2</sub>		r <sub>2</sub>	

(c) 当输入扫描过串 *abbc* 后, 分析栈中的符号串是什么 #abbSb (或 abbSb)。当前可规约的句柄是 bSb。

6. 给定文法  $G[S]$ :

$$S \rightarrow SS \mid aSb \mid \varepsilon$$

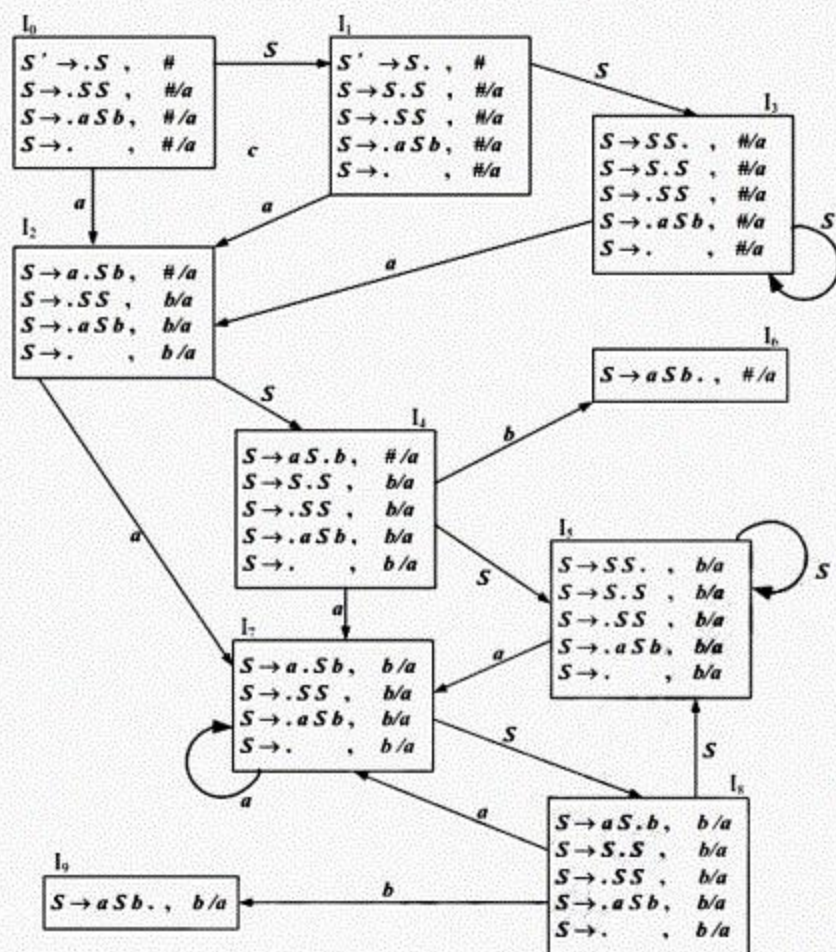
(a) 构造该文法的 LR (1) 有限状态机。

(b) 该文法是否 LR(1) 文法? 为什么?

**参考解答:**

(a) 完整的 LR(1) 自动机:





(b) 该文法不是 LR(1) 文法。存在“移进/归约冲突”的状态:  $I_0, I_1, I_2, I_3, I_6, I_5, I_7, I_8$   
 存在“归约/归约冲突”的状态:  $I_3, I_5$

7. 对于下列文法  $G(S)$ :

$$\begin{aligned} S &\rightarrow Aa \mid cAb \mid Bb \mid cBa \\ A &\rightarrow d \\ B &\rightarrow d \end{aligned}$$

试验证: 该文法是一个 LR(1) 文法, 但不是 LALR(1) 文法。

**参考解答:**

本题考察 LR(1) 有限状态机的构造。LR(1) 有限状态机比 SLR(1) 有限状态机有更多的状态, 所以, LR(1) 分析法比 SLR(1) 分析法有着更强的解决冲突的能力。对某些文法的 LR(1) 有限状态机, 用合并同心集方法还可以构造出和 SLR(1) 状态相同的 LALR(1) 有限状态机。LR(1) 解决冲突能力强的原因是用向前搜索符代替了 SLR(1) 所用的非终结符的后跟符。

根据 LR(1) 有限状态机构造步骤,

(1) 对文法  $G(S)$  增加产生式

$$S' \rightarrow S$$