

**Вычислить криволинейный интеграл**

1.  $\int_{L_{AB}} \frac{dl}{\sqrt{x^2 + y^2}}$ , где  $L_{AB}$ -отрезок прямой, соединяющий точки  $A(0,-2)$  и  $B(4,0)$
2.  $\int_L (x+y)dl$ , где  $L$ - первый виток лемнискаты  $\rho^2 = 7 \cos 2\varphi$
3.  $\int_L \frac{dl}{x^2 + y^2 + z^2}$ , где  $L$ - первый виток винтовой линии  $x=5\cos t$ ,  $y=5\sin t$ ,  $z=t$
4.  $\int_{L_{OA}} xydx + (y-x)dy$ , где  $L_{OA}$ -дуга параболы  $y^2 = x$ , от точки  $O(0,0)$  до точки  $A(1,1)$
5.  $\int_{L_{AB}} xdl$ , где  $L_{AB}$ -дуга параболы  $y = x^2$  от точки  $A(2,4)$  до точки  $B(1,1)$
6.  $\int_L \frac{(y^2 - x^2)xy}{(x^2 + y^2)^2} dl$ , где  $L$ - дуга кривой  $\rho = 9 \sin 2\varphi$ ,  $0 \leq \varphi \leq \frac{\pi}{4}$
7.  $\int_L (x^2 + y^2 + z^2)dl$ , где  $L$ - дуга кривой  $x=a\cos t$ ,  $y=a\sin t$ ,  $z=bt$ ,  $0 \leq t \leq 2\pi$
8.  $\int_{L_{OA}} (xy-1)dx + x^2 ydy$ , где  $L_{OA}$ -отрезок прямой  $O(1,0); A(0,2)$
9.  $\int_{L_{AB}} (4\sqrt[3]{x} - 3\sqrt{y})dl$ , где  $L_{AB}$ -отрезок прямой  $AB$ , соединяющий точки  $A(-1,0)$  и  $B(0,1)$
10.  $\int_L (x+y)dl$ , где  $L$ - первый виток лемнискаты  $\rho^2 = a^2 \cos 2\varphi$

11.  $\int_L (x^2 + y^2 + z^2)dl$ , где  $L$ - первый виток винтовой линии  $x=4\cos t$ ,  $y=4\sin t$ ,  $z=3t$
12.  $\int_{L_{OA}} (xy-1)dx + x^2 ydy$ , где  $L_{OA}$ -дуга параболы  $y^2 = 4-4x$ , от точки  $O(1,0)$  до точки  $A(0,2)$
13.  $\int_{L_{AB}} \frac{dl}{\sqrt{5}(x-y)}$ , где  $L_{AB}$ -отрезок прямой, заключенный между точками  $A(0,4)$  и  $B(4,0)$
14.  $\int_L (x+y)dl$ , где  $L$ - дуга лемнискаты Бернули  $\rho^2 = \cos 2\varphi$ ,  $-\frac{\pi}{4} \leq \varphi \leq \frac{\pi}{4}$
15.  $\int_L \frac{z^2 dl}{x^2 + y^2}$ , где  $L$ - первый виток винтовой линии  $x=9\cos t$ ,  $y=9\sin t$ ,  $z=9t$
16.  $\int_{L_{OA}} xydx + (y-x)dy$ , где  $L_{OA}$ -дуга параболы  $y = x^2$ , от точки  $O(0,0)$  до точки  $A(1,1)$

**2.. Вычислить двойной интеграл**

- $$\iint_D \sqrt[3]{x^2 + y^2 - 16} dx dy, \quad D: x^2 + y^2 = 16$$
- $$\iint_D \sqrt{x^2 + y^2} dx dy, \quad D: x^2 + y^2 = 4y$$
- $$\iint_D \sqrt{x^2 + y^2} dx dy, \quad D: x^2 + y^2 = -4x$$
- $$\iint_D \cos(x+y) dx dy, \quad D: y = x, y = 2, x = 0$$

$$\iint_D \sin \sqrt{x^2 + y^2} dx dy, D: \begin{cases} x^2 + y^2 = \pi^2 \\ x^2 + y^2 = 4\pi^2 \end{cases}$$

$$\iint_D \sqrt{x^2 + y^2} dx dy, D: x^2 + y^2 = -4y$$

**3. Вычислить с помощью тройного интеграла объем тела, ограниченного поверхностями:**

$$z^2 = x^2 + y^2, 2z^2 = x^2 + y^2 + 1$$

$$z = 5 - x^2 - y^2, z = 0, y\sqrt{3} = x, y = x\sqrt{3},$$

$$z = 3x^2, z = 0, x^2 + y^2 = 2$$

$$2z = x^2 + y^2 + 1, z = 0, x^2 + y^2 = 6$$

$$z = x^2 + y^2, z = 3x^2 + 3y^2, (x - \sqrt{5})^2 + y$$

$$6z = x^2 + 3y^2, z = 5, y \geq 2$$

$$x^2 + y^2 - z^2 = 1, x^2 + y^2 = 3z^2$$

$$z = 3x^2 + 2y^2, z = 4x$$

$$z = x + y, x = 0, y = 0, z = 1$$

$$z = 1 - y, z = 0, x = 1, y = x^2$$

$$z = 2x + y, x = 0, y = 0, z = 1, y = x^2, y = 1, z = 0, z = 1 - x$$

$$y = x^2, y = 1, z = 0, z = 1 + x$$

$$z = 2x + y, x = 0, y = 0, z = 1$$

Вычислить тройной интеграл, перейдя к цилиндрическим координатам:

$$\iiint_V x \sqrt{x^2 + y^2} dx dy dz, V: x^2 + y^2 = 1, z = 0, z = 1$$