

第三章：语法分析

递归下降法

1.1 递归下降法的基本原理

- ◆ 递归下降法 (Recursive-Descent Parsing)
对每个非终极符构造相应的一个子程序 (称为语法分析子程序)，其功能是识别、分析该非终极符所能推导出的字符串。

例如：一条产生式：

$\text{While_Stm} \rightarrow \text{while Exp do Stm}$

则对应产生式右部的语法分析程序部分如下：

begin

 Match (while) ;

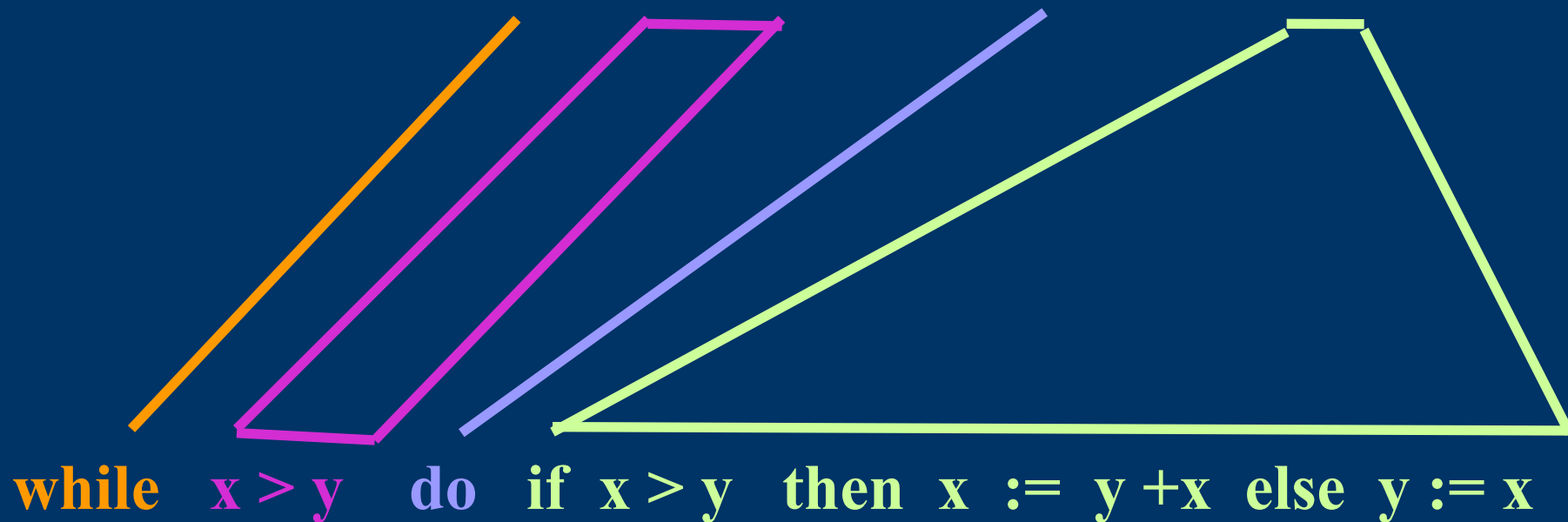
 Exp ;

 Match (do) ;

 Stm ;

end

begin Match(while); **Exp**; Match(do); **Stm**; **end**



递归下降分析示图

1.2 对文法的要求

- ◆ 为了保证推导的唯一性，对文法的要求与LL(1)文法相同。即对于文法G中任一非终极符A，其任意两个产生式 $A \rightarrow \alpha$ 和 $A \rightarrow \beta$ ，都要满足下面条件：

$$\text{Predict}(A \rightarrow \alpha) \cap \text{Predict}(A \rightarrow \beta) = \emptyset$$

2. 语法分析程序的构造

- ◆ 两个标准函数

1. ReadToken: 把输入流的头符读入变量 token 中

2. Match(a): if token=a then ReadToken
else 出错

2. 语法分析程序的构造

当产生式形如: $A \rightarrow \beta_1 | \beta_2 | \cdots | \beta_n$, 则按下面的方法编写子程序A:

```
procedure A ( )  
begin if token  $\in$  Predict ( $A \rightarrow \beta_1$ ) then  $\theta(\beta_1)$  else  
      if token  $\in$  Predict ( $A \rightarrow \beta_2$ ) then  $\theta(\beta_2)$  else  
      .....  
      if token  $\in$  Predict ( $A \rightarrow \beta_n$ ) then  $\theta(\beta_n)$  else  
      error ( )  
end
```

其中对 $\beta_i = X_1 X_2 \cdots X_n$, $\theta(\beta_i) = \theta'(X_1); \theta'(X_2); \cdots; \theta'(X_n)$;

如果 $X \in V_N$, $\theta'(X) = X()$;

如果 $X \in V_T$, $\theta'(X) = \text{Match}(X)$; //即 if (token==X) ReadToken();

如果 $X = \varepsilon$, $\theta'(\varepsilon) = \text{skip}(\text{空语句})$.

2. 语法分析程序的构造

◆ 主程序:

```
void main() {  
    ReadToken(); S();  
    if (token=='#')    成功;  
    else 失败  
}
```


2. 语法分析程序的构造

◆ 具体构建流程

给定一个文法G

1. 求每条规则的Predict集
2. 写针对每个非终极符的函数
3. 写主函数

优点：
构造简单

缺点：
1. 频繁的函数调用影响效率
2. 程序比较长

终极符产生匹配命令，而非终极符则产生调用命令。因为文法递归相应子程序也递归，所以称这种方法为递归子程序方法或递归下降法。

例：假设有文法

$Z \rightarrow a B a$

$B \rightarrow b B \mid c$

$\theta(aBa)$

$\theta'(a); \theta'(B); \theta'(a)$

$\text{Predict}(Z \rightarrow aBa) = \{a\},$

$\text{Predict}(B \rightarrow bB) = \{b\}, \text{Predict}\{B \rightarrow c\} = \{c\}$

则相应的递归子程序可如下：

procedure Z()

begin

if token=a then Match(a);

ReadToken

B;

Match(a)

else err(1)

end;

procedure B ()

begin

if token = b then Match(b);

B;

ReadToken

else if token = c

then Match(c);

else err(2)

end;

语法分析主程序： Begin ReadToken; Z ; Match(#) End

例:

$E \rightarrow T E'$

$E' \rightarrow + T E' \mid \varepsilon$

$T \rightarrow F T'$

$T' \rightarrow * F T' \mid \varepsilon$

$F \rightarrow i \mid (E)$

$\text{Predict}(E \rightarrow T E') = \text{first}(T E') = \{ i, (\}$

$\text{Predict}(E' \rightarrow + T E') = \text{first}(+ T E') = \{ + \}$

$\text{Predict}(E' \rightarrow \varepsilon) = \text{follow}(E') = \{), \# \}$

$\text{Predict}(T \rightarrow F T') = \text{first}(F T') = \{ i, (\}$

$\text{Predict}(T' \rightarrow * F T') = \text{first}(* F T') = \{ * \}$

$\text{Predict}(T' \rightarrow \varepsilon) = \text{follow}(T') = \{ +,), \# \}$

$\text{Predict}(F \rightarrow i) = \text{first}(i) = \{ i \}$

$\text{Predict}(F \rightarrow (E)) = \text{first}((E)) = \{ (\}$

语法分析主程序: **Begin** ReadToken; E ; **Match**(#) **end**

procedure E()

begin

if token $\in \{ i, (\}$ **then** T;

 E' ;

else err(1)

end;



例:

$E \rightarrow T E'$

$E' \rightarrow + T E' \mid \varepsilon$

$T \rightarrow F T'$

$T' \rightarrow * F T' \mid \varepsilon$

$F \rightarrow i \mid (E)$

$\text{Predict}(E \rightarrow T E') = \text{first}(T E') = \{ i, (\}$

$\text{Predict}(E' \rightarrow + T E') = \text{first}(+ T E') = \{ + \}$

$\text{Predict}(E' \rightarrow \varepsilon) = \text{follow}(E') = \{), \# \}$

$\text{Predict}(T \rightarrow F T') = \text{first}(F T') = \{ i, (\}$

$\text{Predict}(T' \rightarrow * F T') = \text{first}(* F T') = \{ * \}$

$\text{Predict}(T' \rightarrow \varepsilon) = \text{follow}(T') = \{ +,), \# \}$

$\text{Predict}(F \rightarrow i) = \text{first}(i) = \{ i \}$

$\text{Predict}(F \rightarrow (E)) = \text{first}((E)) = \{ (\}$

procedure $E' ()$

begin

if token = “+” **then** **Match**(+);

T;

E'

else if token $\in \{), \# \}$ **then skip**

else err(2)

end;



例:

$E \rightarrow T E'$

$E' \rightarrow + T E' \mid \varepsilon$

$T \rightarrow F T'$

$T' \rightarrow * F T' \mid \varepsilon$

$F \rightarrow i \mid (E)$

$\text{Predict}(E \rightarrow T E') = \text{first}(T E') = \{ i, (\}$

$\text{Predict}(E' \rightarrow + T E') = \text{first}(+ T E') = \{ + \}$

$\text{Predict}(E' \rightarrow \varepsilon) = \text{follow}(E') = \{), \# \}$

$\text{Predict}(T \rightarrow F T') = \text{first}(F T') = \{ i, (\}$

$\text{Predict}(T' \rightarrow * F T') = \text{first}(* F T') = \{ * \}$

$\text{Predict}(T' \rightarrow \varepsilon) = \text{follow}(T') = \{ +,), \# \}$

$\text{Predict}(F \rightarrow i) = \text{first}(i) = \{ i \}$

$\text{Predict}(F \rightarrow (E)) = \text{first}((E)) = \{ (\}$

```
procedure T( )
begin
  if token ∈ { i , ( } then F;
                        T'
  else err( 3 )
end;
```



例:

$E \rightarrow T E'$

$E' \rightarrow + T E' \mid \varepsilon$

$T \rightarrow F T'$

$T' \rightarrow * F T' \mid \varepsilon$

$F \rightarrow i \mid (E)$

$\text{Predict}(E \rightarrow T E') = \text{first}(T E') = \{ i, (\}$

$\text{Predict}(E' \rightarrow + T E') = \text{first}(+ T E') = \{ + \}$

$\text{Predict}(E' \rightarrow \varepsilon) = \text{follow}(E') = \{), \# \}$

$\text{Predict}(T \rightarrow F T') = \text{first}(F T') = \{ i, (\}$

$\text{Predict}(T' \rightarrow * F T') = \text{first}(* F T') = \{ * \}$

$\text{Predict}(T' \rightarrow \varepsilon) = \text{follow}(T') = \{ +,), \# \}$

$\text{Predict}(F \rightarrow i) = \text{first}(i) = \{ i \}$

$\text{Predict}(F \rightarrow (E)) = \text{first}((E)) = \{ (\}$

procedure F ()

begin

if token="i" then Match(i)

else if token="(" then Match(();

E;

Match())

else err(5)

end;



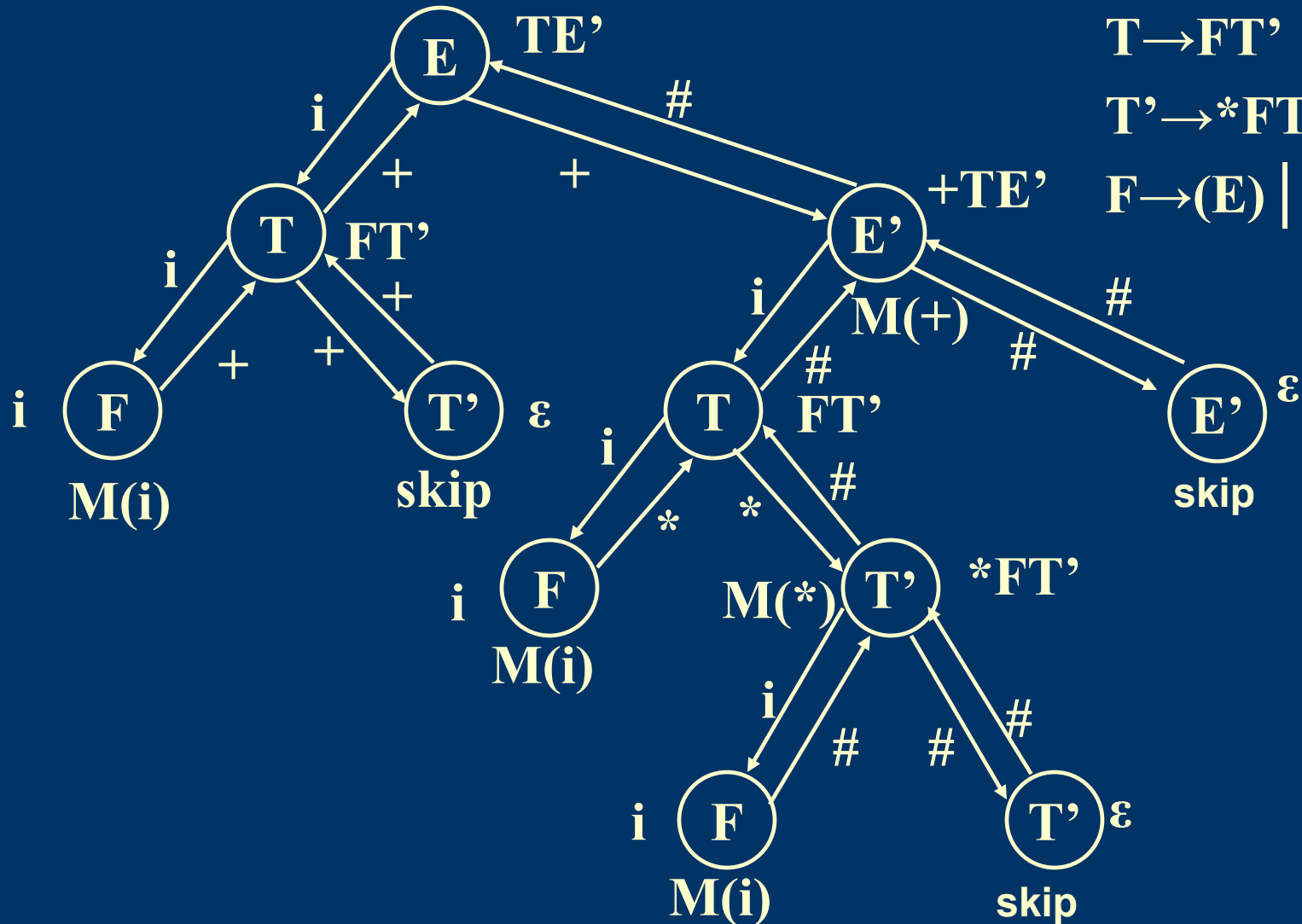
例: $i+i*i$ # 递归下降分析过程

语法分析主程序: **Begin ReadToken; E ; Match(#) end**

E → TE'

$$\mathbf{E}' \rightarrow +\mathbf{T}\mathbf{E}' \quad \bigg| \quad \varepsilon$$

T \rightarrow FT'

$$T' \rightarrow *FT' \quad | \quad \varepsilon$$
$$\mathbf{F} \rightarrow (\mathbf{E}) \mid \mathbf{i}$$


例: $i+i*+i \#$ 递归下降分析过程

语法分析主程序: **Begin** ReadToken; E ; Match(#) **end**

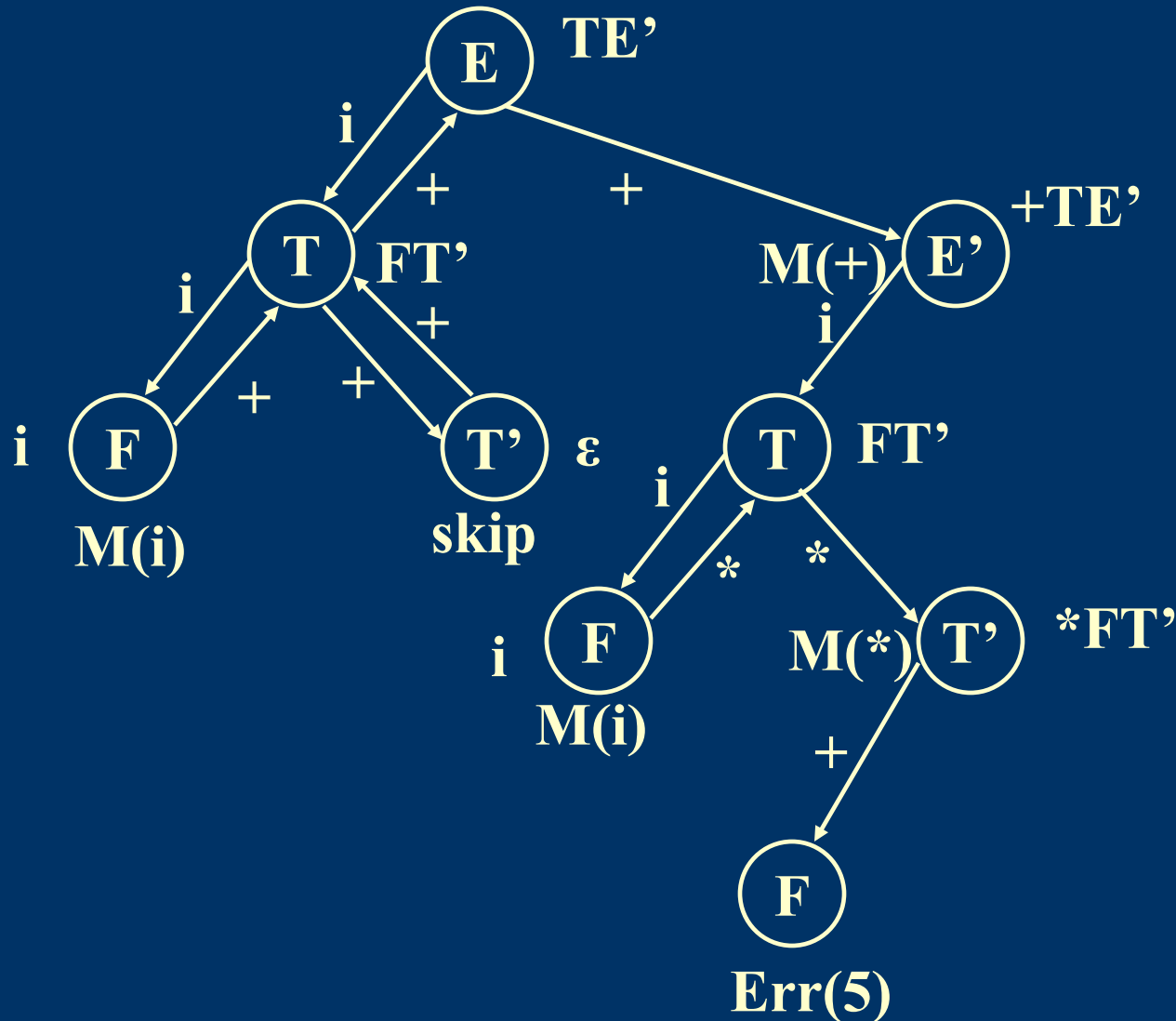
$E \rightarrow TE'$

$E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$

$T \rightarrow FT'$

$T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$

$F \rightarrow (E) \mid i$



⌘ 练习题:

已知文法G[S]:

$$S \rightarrow AB \mid bC$$
$$A \rightarrow \varepsilon \mid b$$
$$B \rightarrow \varepsilon \mid aD$$
$$C \rightarrow AD \mid b$$
$$D \rightarrow aS \mid c$$

- 1、计算每个非终极符的First集、Follow集.
- 2、计算每个产生式的Predict集合.
- 3、判断该文法是否为递归下降文法?

$S \rightarrow AB \mid bC$

$A \rightarrow \varepsilon \mid b$

$B \rightarrow \varepsilon \mid aD$

$C \rightarrow AD \mid b$

$D \rightarrow aS \mid c$

| 文法 符号 | First集 | | |
|----------|-------------------|-------------------|-------------------|
| | step ₁ | step ₂ | step ₃ |
| S | { } | {b } | {b, a, ε } |
| A | {ε} | {b, ε } | {b, ε } |
| B | {ε} | {a, ε } | {a, ε } |
| C | { } | {b} | {b, a, c} |
| D | { } | {a, c } | {a, c } |

$S \rightarrow AB \mid bC$

$A \rightarrow \varepsilon \mid b$

$B \rightarrow \varepsilon \mid aD$

$C \rightarrow AD \mid b$

$D \rightarrow aS \mid c$

| 文法符号 | First集 |
|------|-------------------------|
| S | { a, b, ε } |
| A | { b, ε } |
| B | { a, ε } |
| C | { a, b, c } |
| D | { a, c } |

| 文法符号 | Follow集 | | | | | |
|------|---------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|
| | step1 | $S \rightarrow AB$ | $S \rightarrow bC$ | $B \rightarrow aD$ | $C \rightarrow AD$ | $D \rightarrow aS$ |
| S | {#} | {#} | {#} | {#} | {#} | |
| A | { } | {a,# } | {a,# } | {a,# } | {a,#,c } | |
| B | { } | {#} | {#} | {#} | {#} | |
| C | { } | { } | {#} | {#} | {#} | |
| D | { } | { } | { } | {#} | {#} | |

$\text{Predict}(\mathbf{S} \rightarrow \mathbf{AB}) = \{ \mathbf{a}, \mathbf{b}, \# \}$

$\text{Predict}(\mathbf{S} \rightarrow \mathbf{bC}) = \{ \mathbf{b} \}$

$\text{Predict}(\mathbf{A} \rightarrow \epsilon) = \{ \mathbf{a}, \mathbf{c}, \# \}$

$\text{Predict}(\mathbf{A} \rightarrow \mathbf{b}) = \{ \mathbf{b} \}$

$\text{Predict}(\mathbf{B} \rightarrow \epsilon) = \{ \# \}$

$\text{Predict}(\mathbf{B} \rightarrow \mathbf{aD}) = \{ \mathbf{a} \}$

$\text{Predict}(\mathbf{C} \rightarrow \mathbf{AD}) = \{ \mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{c} \}$

$\text{Predict}(\mathbf{C} \rightarrow \mathbf{b}) = \{ \mathbf{b} \}$

由于: $\text{Predict}(\mathbf{S} \rightarrow \mathbf{AB}) \cap \text{Predict}(\mathbf{S} \rightarrow \mathbf{bC}) = \{ \mathbf{b} \}$

$\text{Predict}(\mathbf{C} \rightarrow \mathbf{AD}) \cap \text{Predict}(\mathbf{C} \rightarrow \mathbf{b}) = \{ \mathbf{b} \}$

所以该文法不是递归下降文法.

| 文法 符号 | First集 | Follow集 |
|----------|----------------------|-------------|
| S | { a, b, ϵ } | { # } |
| A | { b, ϵ } | { a, c, # } |
| B | { a, ϵ } | { # } |
| C | { a, b, c } | { # } |
| D | { a, c } | { # } |