

第二章：词法分析

DFA——确定有限自动机

内容介绍

- ◆ 确定有限自动机（DFA）的定义
- ◆ DFA的表示
- ◆ DFA接受的集合
- ◆ 应用实例
- ◆ 用DFA描述单词
- ◆ 自动机的实现
- ◆ 注意的问题
- ◆ 自动机等价

1. 确定有限自动机的定义

确定有限自动机M为一个五元组：

$$M = (S, \Sigma, S_0, f, Z), \text{ 其中:}$$

1. S 是一个有穷状态集，它的每个元素称为一个状态；
2. Σ 是一个有穷字母表，它的每个元素称为一个输入字符；
3. $S_0 \in S$ ，是唯一的一个初始状态(开始状态)；
4. f 是状态转换函数： $S \times \Sigma \rightarrow S$ ，且单值函数. $f(S_i, a) = S_k$ 表示：当前状态为 S_i ，遇输入字符 a 时，自动机将唯一地转换到状态 S_k ，称 S_k 为 S_i 的一个后继状态；
5. $Z \subseteq S$ ，是终止状态集（可接受状态集、结束状态集），其中的每个元素称为终止状态（可接受状态、结束状态）， Z 可空.

1. 确定有限自动机的定义

- ◆ DFA的确定性:

1. 初始状态唯一

2. 状态转换函数 $f: S \times \Sigma \rightarrow S$ 是一个单值函数, 也就是说, 对任何状态 $s \in S$, 和输入符号 $a \in \Sigma$, $f(s, a)$ 唯一地确定了下一个状态, 即至多确定一个状态

1. 确定有限自动机的定义

◆ 例子

$S = \{0, 1, 2\}$, $\Sigma = \{a, b\}$,

$f(0, a) = 1$, $f(0, b) = 2$, $f(1, a) = 2$

$s_0 = 0$, $Z = \{2\}$

2. DFA的表示

状态转换矩阵

- ❖ 用自动机的输入字符表示列标
- ❖ 用状态来表示行标
- ❖ 矩阵元素表示自动机的状态转换函数.
- ❖ 标识初始状态和终止状态：一般约定，第一行表示开始状态 S_0 ，或在右上角标注“+”；右上角标有“*”或“-”的状态为终止状态；

2. DFA的表示

- ◆ DFA $M = (\{S, U, V, Q\}, \{a, b\}, f, S, \{Q\})$, 其中

f 定义为:

$f(S, a) = U$

$f(V, a) = U$

$f(S, b) = V$

$f(V, b) = Q$

$f(U, a) = Q$

$f(Q, a) = Q$

$f(U, b) = V$

$f(Q, b) = Q$

| 输入字符 状态 | a | b |
|----------------|---|---|
| S ⁺ | U | V |
| U | Q | V |
| V | U | Q |
| Q* | Q | Q |

2. DFA的表示

状态转换图：用有向图表示自动机

1. 结点表示状态：

1.1 非终止状态由单圆圈围住的状态标识来表示；

1.2 终止状态由双圆圈围住的状态标识来表示（或由单圆圈围住的状态标识并标识以“-”来表示）；

1.3 开始状态由一个箭头指向的状态结点来表示(或标识以“+”来表示).

2. 状态转换函数用有向边来表示，若 $f(S_i, a) = S_k$ ，则由表示 S_i 的状态节点到表示 S_k 的状态节点发出一条标识为 a 的有向边.

- ◆ DFA $M = (\{S, U, V, Q\}, \{a, b\}, f, S, \{Q\})$,
其中 f 定义为:

$$f(S, a) = U$$

$$f(S, b) = V$$

$$f(U, a) = Q$$

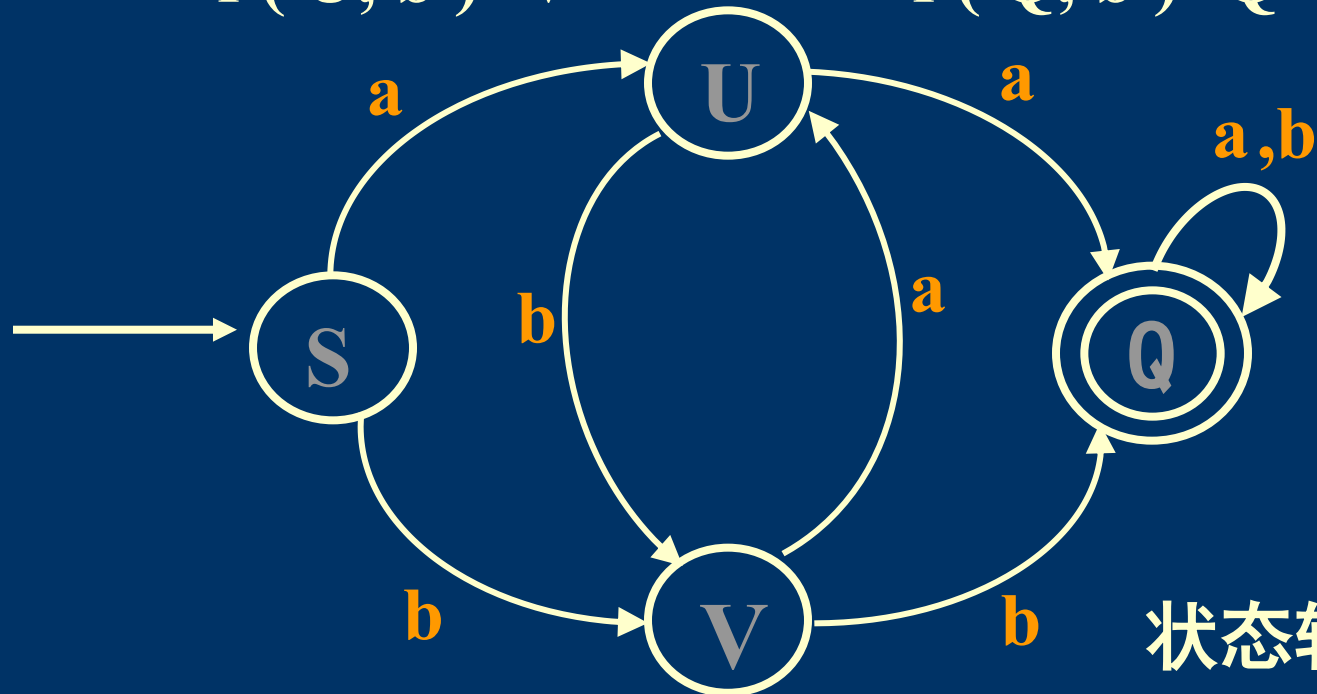
$$f(U, b) = V$$

$$f(V, a) = U$$

$$f(V, b) = Q$$

$$f(Q, a) = Q$$

$$f(Q, b) = Q$$

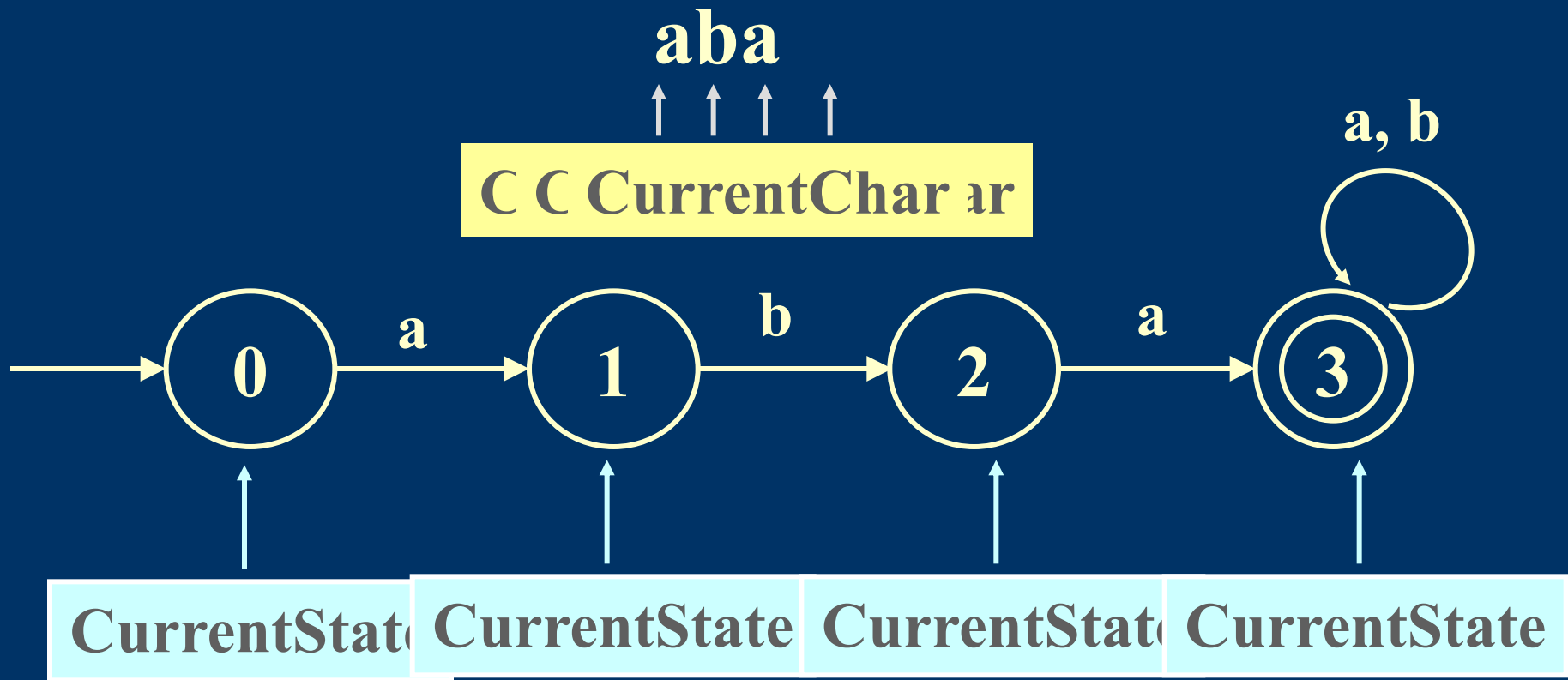


状态转换图

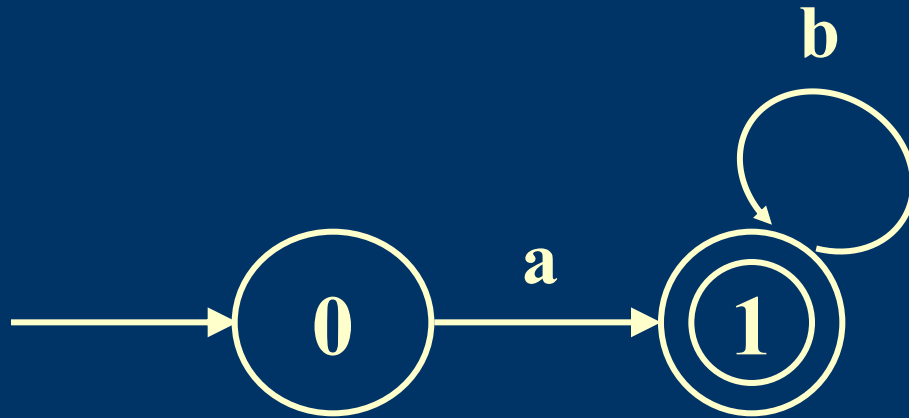
3. DFA接受的串

- ◆ 对于 Σ^* 中的任何字符串 t , 若存在一条从初始结点到某一终止结点的路径, 且这条路上所有弧的标记符连接成的字符串等于 t , 则称 t 可为DFA M 所接受 (识别)。
- ◆ 若DFA M 的初始状态同时又是终止状态, 则空字符串可为DFA M 所接受 (识别)
- ◆ DFA M 所能接受的字符串的全体记为 $L(M)$.

例: $L(M_1) = \{ aba, abaa, abab, abaab, \dots \}$

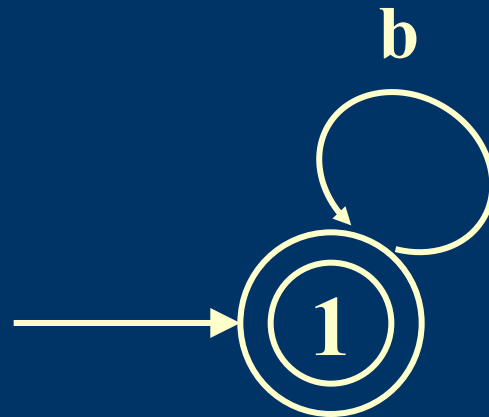


例: $L(M_2) = \{a, ab, abb, abbb, \dots\}$



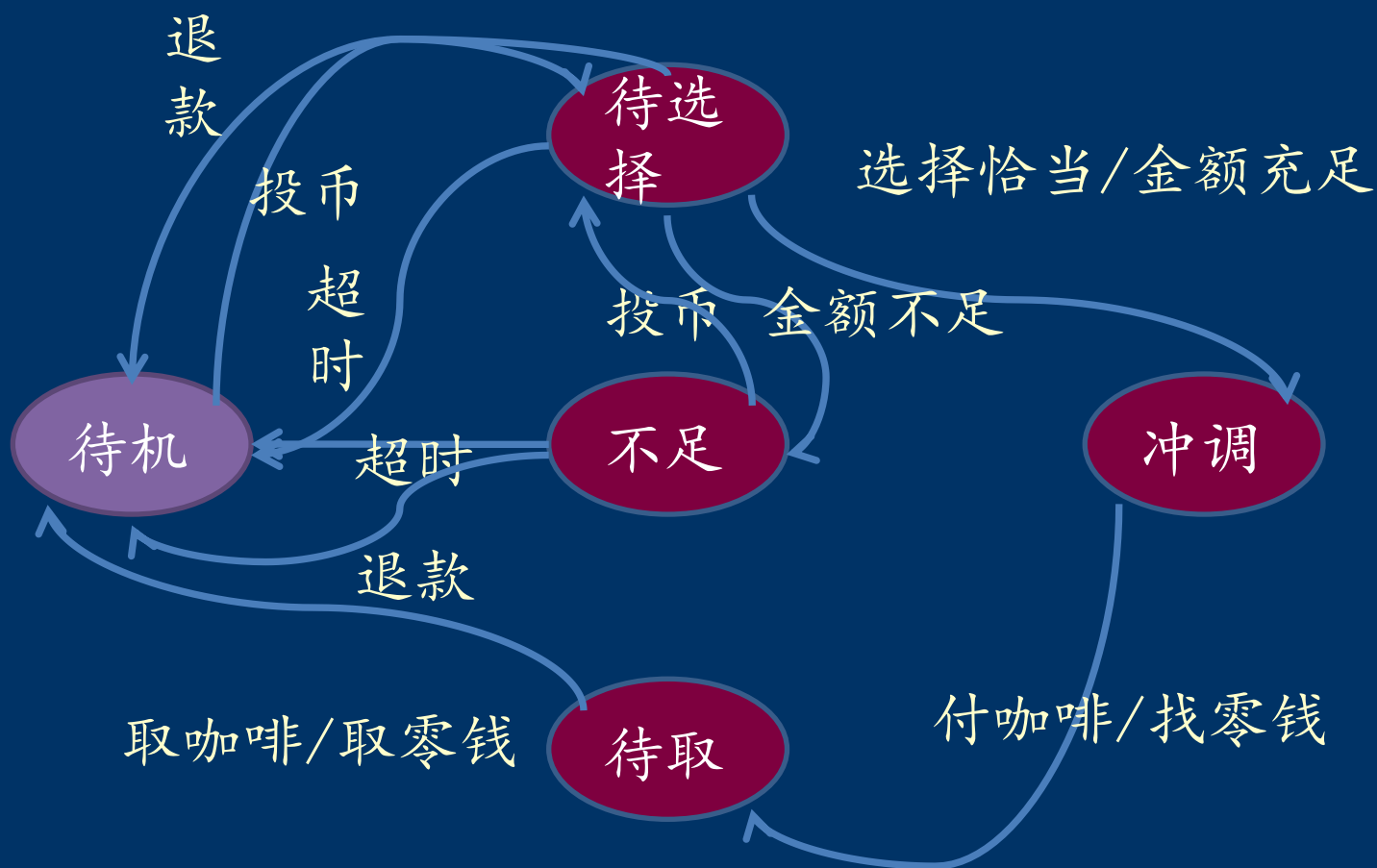
DFA M_2

例： $L(M_3) = \{\epsilon, b, bb, bbb, \dots\}$



DFA M_3

4. 应用实例



4. 应用实例

- ◆ 一道考研题：给定一个字符串，判断其是否合法
 - 1) 这个字符串由0, 1组成，由2作为结尾
 - 2) 合法的要求是不能出现两个1串。
如01012就是非法的，0112是合法的。

4. 应用实例

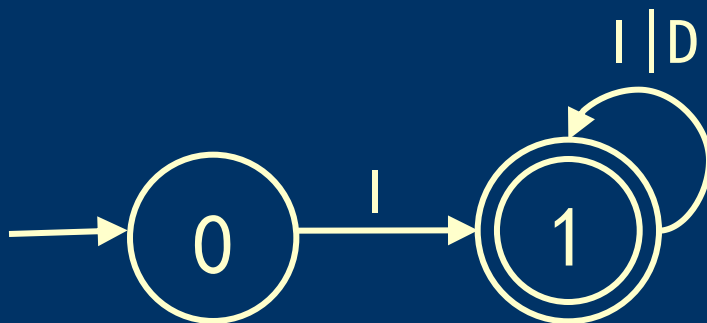
- ◆ 一个稍微需要技巧性的例子：

用自动机描述被3整除的数。

5. DFA描述单词

◆ 标识符的描述

我们用I表示所有字母，D表示数字，则有：



5. DFA描述单词

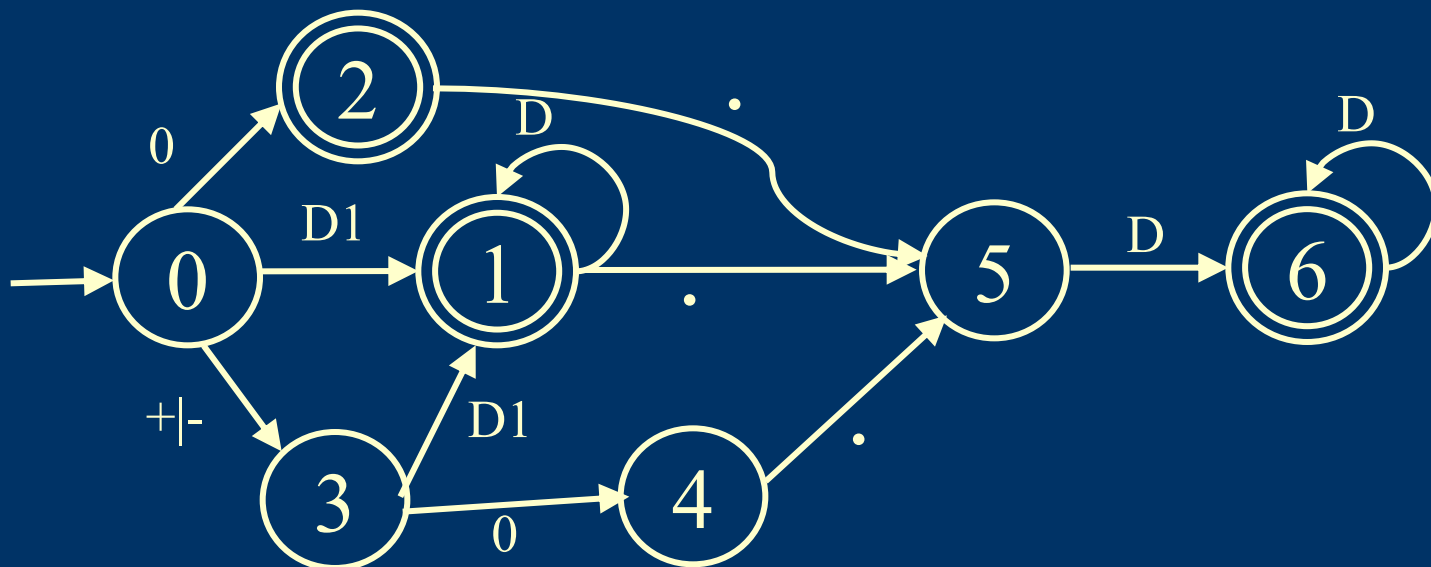
◆ 常数的描述

$D1 = 1 | 2 | 3 | \dots | 9$

无符号整数

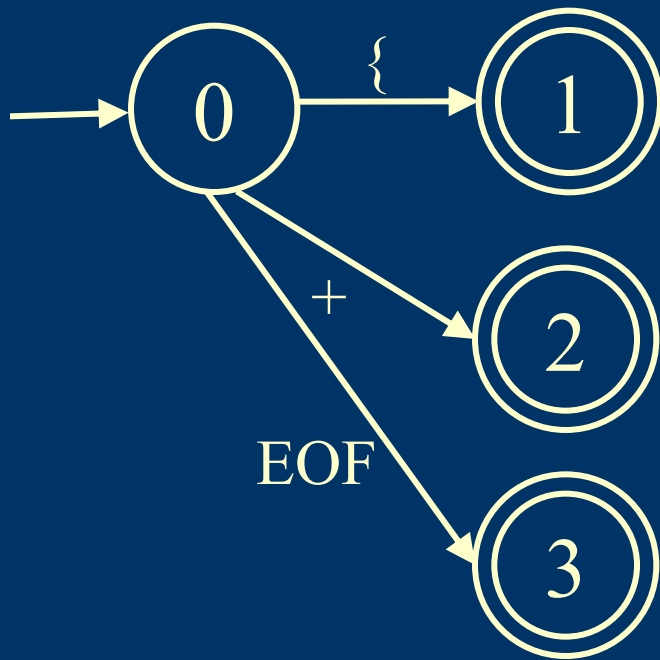
带符号整数

实数



5. DFA描述单词

◆ 特殊符号



6. 自动机的实现

- ◆ 直接转换法

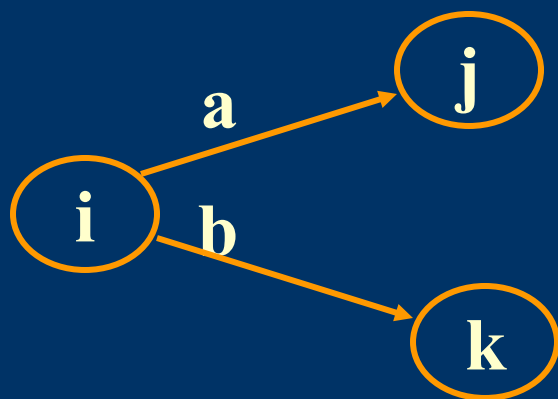
每个状态对应一个带标号的switch语句
转向边对应goto语句

- ◆ 状态转换矩阵

自动机存储在矩阵中，状态比较多，
每次都去查表，跳转。

直接转换法的实现

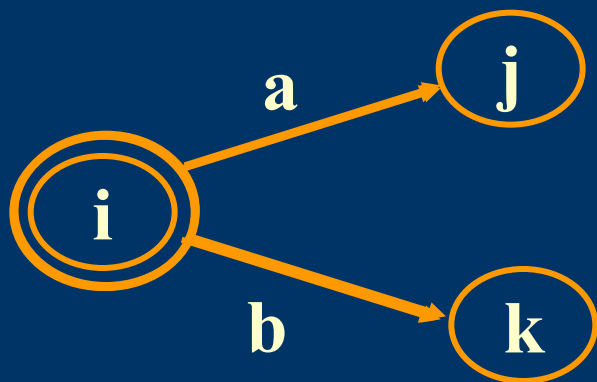
1. 非终止状态对应的switch语句



```
Li: switch ( CurrentChar )  
{ case ' a'      : goto Lj;  
  case ' b'      : goto Lk;  
  default : Error();  
}
```

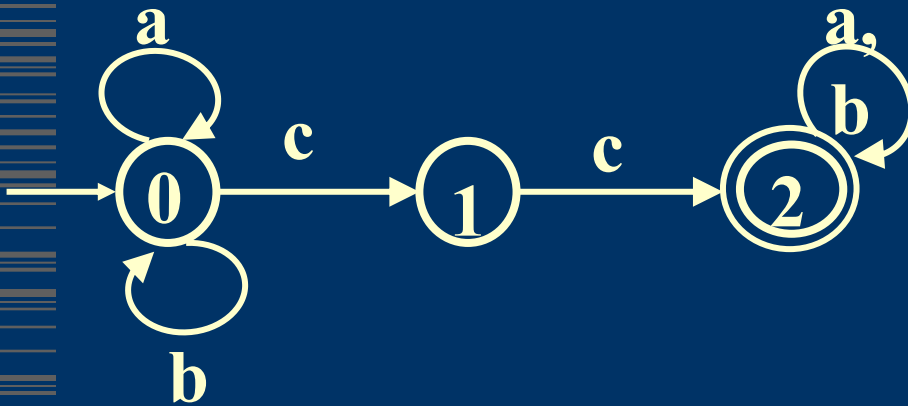
直接转换法的实现

2. 终止状态对应的switch语句



```
Li: switch ( CurrentChar )  
{ case ' a'      : goto Lj;  
  case ' b'      : goto Lk;  
  case 'Eof'     : Accept;  
  default        : Error();  
}
```

直接转换法实现的例子



L_0 : switch (CurrentChar)

```
{ case ' c'      : goto L1;  
  case ' a'      : goto L0;  
  case ' b'      : goto L0;  
  default       : Error( );  
}
```

状态转换矩阵的实现

1. 当前状态`State`置为初始状态；
2. 读一个字符 \rightarrow `CurrentChar`；
3. 如果`CurrentChar` \neq `Eof`并且

$T(State, CurrentChar) \neq error$ ，

则当前状态转为新的状态：

$State = T(State, Current)$ ，

读下一字符 \rightarrow `CurrentChar` ；

重复第3步工作.

4. 如果当前字符为`Eof`并且当前状态属于终止状态，则接受当前字符串，程序结束；否则报错.

7. 注意的问题

- ◆ 特殊的状态 “死状态”
- ◆ 缺省状态
- ◆ 缺省转换函数

8. 自动机等价

- ◆ 对于两个DFA M_1 和 M_2 ，若有 $L(M_1)=L(M_2)$ 则称 M_1 和 M_2 等价

习题

- ◆ 设计一个DFA，使其能接受被3整除的二进制数