

# 第三章：语法分析

文法与语言  
文法的分类  
文法的相关概念

# 内容介绍

- ◆ 文法与语言
- ◆ 文法的相关概念
- ◆ 文法的分类

# 1.1 语言的语法

- ◆ 文法的产生：自然语言与程序设计语言的区别
- ◆ 语言的三个基本要素：语法、语义、语用

## 1.2 高级语言语法的表示形式

- ◆ BNF:

语法成分 ::= 组成部分

赋值语句 ::= 变量 = 表达式

变量 ::= 标识符 | 下标变量 | 指针变量...

表达式 ::= 算术表达式 | 逻辑表达式...

- ◆ 上下文无关文法

产生式规则形容规则:

$P(\text{语法符号}) \rightarrow X_1 X_2 \dots X_n$

赋值语句  $\rightarrow$  变量 = 表达式

# 1.3 文法的定义

## ◆ 文法的定义

一个文法G是一个四元组： $G = (V_N, V_T, S, P)$  其中：

- $V_T$  (*Terminal Vocabulary*) 是一个非空的有限集合，它的每个元素称为终极符号或终极符，一般用小写字母表示。从语法分析的角度看，终极符号是一个语言不可再分的基本符号。
- $V_N$  (*Nonterminal Vocabulary*) 是一个非空的有限集合，它的每个元素称为非终极符号、非终极符或中间符，一般用大写字母表示。非终极符是一个语法范畴，表示一类具有某种性质的符号。

注：设V是文法G的符号集，则有： $V = V_N \cup V_T, V_N \cap V_T = \emptyset$

- $S$  (*Start*) 是特殊的非终极符号，称为文法的开始符号， $S \in V_N$ 。
- $P$  (*production*) 是产生式的有限集合。所谓的产生式，也称为产生规则（简称为规则），是按照一定格式书写的定义语法范畴的文法规则。

## 1.4 上下文无关文法

产生式的形式为：  $A \rightarrow \alpha$  的文法。其中：

- ①  $A$ ：称为产生式的左部（头），  $A \in V_N$ ；
- ②  $\alpha$ ：称为产生式的右部（体），  $\alpha \in (V_T \cup V_N)^*$ ；
- ③ “ $\rightarrow$ ” 或 “ $:: =$ ”：读作“定义为”或“由...组成”；
- ④ 开始符号  $S$  必须至少在某个产生式的左部出现一次。
- ⑤ 为了书写方便，若干个左部相同的产生式，如：  
$$P \rightarrow \alpha_1 \quad P \rightarrow \alpha_2 \quad \dots \quad P \rightarrow \alpha_n$$
  
可合并为一个，缩写为： $P \rightarrow \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \dots \mid \alpha_n$   
其中，每个  $\alpha_i$  称为  $P$  的一个候选式，符号 “ $\mid$ ” 读作 “或”。

## 1.4 上下文无关文法

◆ 例子:

◆  $G = \{V_N, V_T, P, S\}$

$V_N = \{N, D\}$     $V_T = \{0, 1, 2, \dots, 9\}$

$P = \{N \rightarrow D, \quad N \rightarrow ND, \quad D \rightarrow 0 \mid 1 \mid \dots \mid 9\}$

$S = N$

# 基本概念(1)

- ◆ 直接推导：如果 $A \rightarrow \beta$ 是一个产生式，则有 $\alpha_1 A \alpha_2 \Rightarrow \alpha_1 \beta \alpha_2$ ，其中 $\Rightarrow$ 表示一步推导。这时称 $\alpha_1 \beta \alpha_2$ 是由 $\alpha_1 A \alpha_2$ 直接推导的，又称 $\alpha_1 \beta \alpha_2$ 直接归约到 $\alpha_1 A \alpha_2$ 。  
 $\Rightarrow$ 的含义是，使用一条规则，代替 $\Rightarrow$ 左边的符号，产生 $\Rightarrow$ 右端的符号串。
- ◆  $A \Rightarrow^+ \beta$ ：表示A通过一步或多步可推导出 $\beta$
- ◆  $A \Rightarrow^* \beta$ ：表示A通过零步或多步可推导出 $\beta$



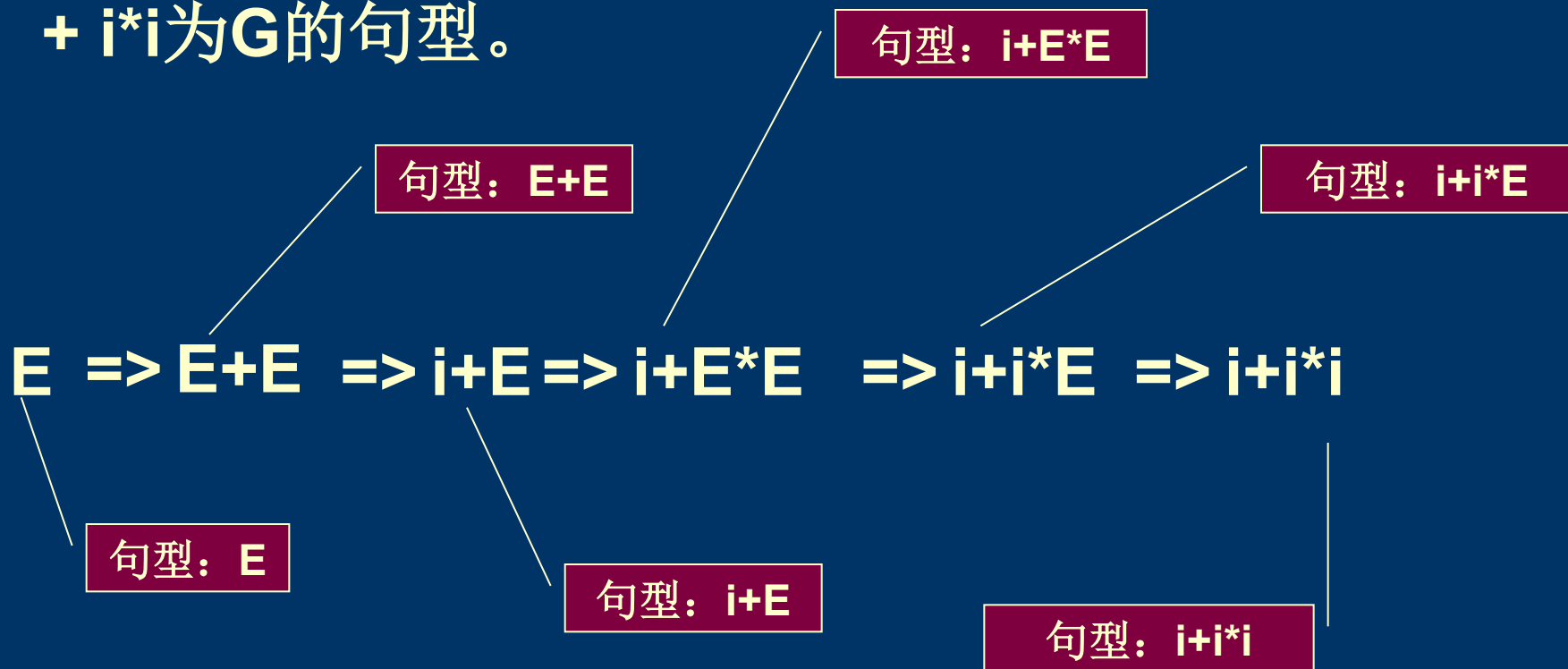
# 基本概念(1)

- ◆ 句型：设有文法 $G$ ，如果有 $S \Rightarrow^* \beta$ ，则称符号串 $\beta$ 为 $G$ 的句型。我们用 $SF(G)$ 表示文法 $G$ 的所有句型的集合
- ◆ 句子：设 $\beta$ 为文法 $G$ 的一个句型，且 $\beta$ 只包含终极符，则称 $\beta$ 为 $G$ 的句子
- ◆ 语言： $L(G) = \{ u \mid S \Rightarrow^+ u, u \in V_T^* \}$ 。文法 $G$ 所定义的语言是其所有句子的集合。

例：对于表达式文法G:

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid i$$

$E$ 、 $E + E$ 、 $i + E$ 、 $i + E * E$ 、 $i + i * E$ 、 $i + i * i$  为G的句型。



## 1.5 基本概念与高级语言语法

- ◆ 每一种高级程序设计语言都有自己的语法
- ◆ 符合高级语言文法的程序就是该语法的句子
- ◆ 所有程序组成的集合就构成了语言。

## 1.5 基本概念与高级语言文法

### ◆ PASCAL语言语法例子：

〈程序〉 → 〈首部〉〈声明部分〉〈程序体〉

〈首部〉 → program (〈运行环境〉)

〈声明部分〉 → var 〈标号声明〉〈常量声明〉〈类型声明〉〈过程函数声明〉

〈程序体〉 → begin〈语句序列〉end

〈语句序列〉 → 〈语句〉〈语句序列〉|〈语句〉

〈语句〉 → 〈条件语句〉|〈循环语句〉|〈赋值语句〉|〈输入输出语句〉|〈过程调用语句〉...

## 1.6 验证程序是不是语法的句子

- ◆ 最基本的方法：采用类搜索算法，从开始符出发进行推导
- ◆ 用剪枝来提高效率

两种基本思想

- ◆ 自顶向下的语法分析：从开始符出发，根据定义看是否可以推导出程序。
- ◆ 自底向上的语法分析：从程序出发，用规则的左部替换规则的右部，一直到规约成开始符。

# 基本概念 (2)

- ◆ 短语

设 $S$ 是文法的开始符, 有 $S \Rightarrow^* \alpha_1 A \alpha_2$ , 如果有 $A \Rightarrow^+ \beta$  则称  $\beta$  是句型 $\alpha_1 \beta \alpha_2$ 的一个短语。

- ◆ 简单短语

设 $S$ 是文法的开始符, 有 $S \Rightarrow^* \alpha_1 A \alpha_2$ , 如果有 $A \Rightarrow \beta$  则称  $\beta$  是句型 $\alpha_1 \beta \alpha_2$ 的一个简单短语。

- ◆ 句柄

句型中的最左简单短语称为句柄。

例：对于表达式文法G：

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid i$$

$i*i$  为句型  $i + i*i$  的一个短语。

因为：
$$E \Rightarrow E + E \Rightarrow i + E$$

$$i + E \Rightarrow i + E * E \Rightarrow i + i * E \Rightarrow i + i * i$$

思考题： $i + i*i$  亦为 句型  $i + i*i$  的一个短语。

例：对于表达式文法G：

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid i$$

$i*i$  不是句型  $i + i*i$  的简单短语。

因为：

$$E \Rightarrow E + E \Rightarrow i + E$$

$$E \Rightarrow E * E \Rightarrow i * E \Rightarrow i * i$$



例：设有文法  $G[S]: S \rightarrow cAdBf$

$$A \rightarrow ab \mid a$$
$$B \rightarrow e \mid eB$$

考虑符号串  $\$ = cabdef$ .

因：  $S \Rightarrow cAdBf \Rightarrow cAdef$

$$A \Rightarrow ab$$

又因：  $S \Rightarrow cAdBf \Rightarrow cabdBf$

$$B \Rightarrow e$$

所以：  $e, ab$  分别为  $cabdef$  的简单短语；  
其中：  $ab$  为  $cabdef$  的句柄。

## 基本概念 (3)

设有文法G

- ◆ 直接左递归：若有 $E \rightarrow E\alpha$ 形式的规则，则称E是直接左递归。
- ◆ 直接右递归：若有 $E \rightarrow \alpha E$ 形式的规则，则称E是直接右递归。
- ◆ 左递归：若有 $E \Rightarrow^+ E\alpha$ ，则称E是左递归。
- ◆ 右递归：若有 $E \Rightarrow^+ \alpha E$ ，则称E是右递归。
- ◆ 递归：若有 $E \Rightarrow^+ \alpha_1 E \alpha_2$

# 基本概念 (3)

- ◆ 最左（右）推导：

如果进行推导时选择的是句型中的最左（右）非终极符，则称这种推导为最左（右）推导，并用符号  $\Rightarrow_{lm}$  ( $\Rightarrow_{rm}$ ) 表示最左（右）推导。

- ◆ 左（右）句型：

用最左推导方式导出的句型，称为左句型，而用最右推导方式导出的句型，称为右句型（规范句型）。

- ◆ 结论：

每个句子都有相应的最右和最左推导（但对句型此结论不成立）

## 2. 文法分类

1956年，著名的语言学家乔姆斯基（Noam Chomsky）将文法分为四类，四类文法对应四种类型的语言。

- ◆ 0型文法（短语型文法）

如果对文法G中的任一产生式 $\alpha \rightarrow \beta$ 不加任何限制，即： $\alpha \in (V_T \cup V_N)^+$ ，并且至少含有一个非终极符， $\beta \in (V_T \cup V_N)^*$ ，则称G为0型文法或短语型文法。

## 2. 文法分类

- ◆ 1型文法（上下文相关文法）

如果对文法G中的任一产生式均限制为形如：

$$\alpha A \beta \rightarrow \alpha \gamma \beta$$

其中  $A \in V_N$ ,  $\alpha, \beta \in (V_T \cup V_N)^*$ ,

$\gamma \in (V_T \cup V_N)^*$ ,

则称文法G为1型文法或上下文相关文法。

- ◆ 2型文法（又称上下文无关文法 **context-free Grammar CFG**）

如果对文法G中的任一产生式均限制为形如：

$$A \rightarrow \alpha$$

其中  $A \in V_N$ ,  $\alpha \in (V_T \cup V_N)^*$ ,

则称G为2型文法或上下文无关文法。

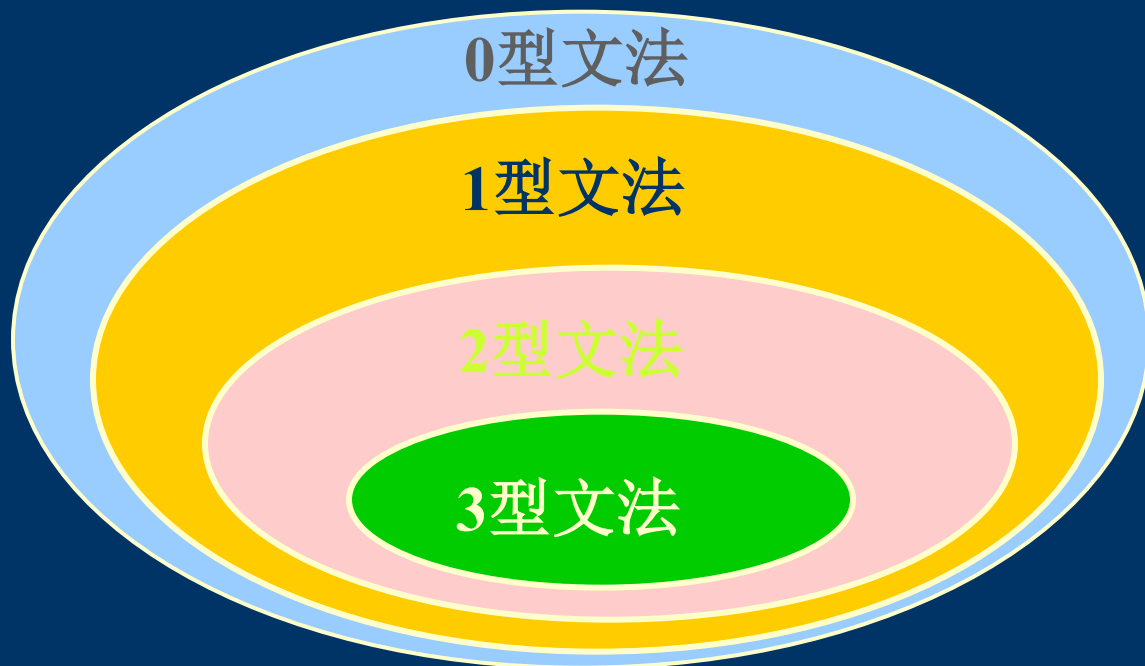
## 2. 文法分类

- ◆ 3型文法（又称线性文法、正则文法、正规文法）

- 如果对文法G中的任一产生式均限制为形如：

$$A \rightarrow aB \text{ 或 } A \rightarrow a$$

其中：  $A, B \in V_N$  ,  $a \in V_T$  则称文法G为3型文法。



0型文法

1型文法

2型文法

3型文法

产生式限制越来越严



描述功能越来越强



## 2. 文法分类

在编译技术中通常用3型文法来描述高级程序设计语言的词法部分，2型文法，或上下文无关文法描述的程序设计语言的语法结构，比如描述算术表达式，描述各种语句等等。

对“文法”一词如无特殊说明则均指上下文无关文法。



### 3 类型题

已知文法G的产生式规则如下：

$$E \rightarrow E+T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow ( E ) \mid i \text{ (标识符)}$$

问：(T+i)\*F+i 是不是文法G的句型，如果是，该句型有哪些短语，简单短语，句柄是哪个？

### 3 类型题

$$\underline{E} \Rightarrow \underline{E} + T$$

$$\Rightarrow \underline{T} + T$$

$$\Rightarrow \underline{T} * F + T$$

$$\Rightarrow \underline{F} * F + T$$

$$\Rightarrow (\underline{E}) * F + T$$

$$\Rightarrow (\underline{E} + T) * F + T$$

$$\Rightarrow (T + \underline{T}) * F + T$$

$$\Rightarrow (T + \underline{F}) * F + T$$

$$\Rightarrow (T + i) * F + \underline{T}$$

$$\Rightarrow (T + i) * F + i$$

### 3 类型题

- ◆ 短语

$(T+i)*F+i$  , 整个的肯定是短语由E推导出来

$(T+i)*F$  是由T推出来的

两个i ;  $T+i$  ;  $(T+i)$  ; T;

- ◆ 简单短语

T 两个i

- ◆ 句柄

T