# Лабораторная работа №4

## «Двухмерные геометрические преобразования»

#### Оглавление

Введение	
Преобразования модели	
Сохранение и загрузка состояния	
Геометрические преобразования	
Перемещение	3
Задание для самостоятельной работы №1	3
Вращение	4
Задание для самостоятельной работы №2	4
Масштабирование	4
Задание для самостоятельной работы №3	5
Создание произвольной матрицы преобразования	5
Объединение нескольких преобразований	6
Задание для самостоятельной работы №4	6
Задание для самостоятельной работы №5	6
Анимация с помощью функции requestAnimationFrame()	6
Задание для самостоятельной работы №6	7

### Введение

Теперь, после знакомства с основами рисования фигур, сделаем еще один шаг вперед и попробуем выполнить геометрические преобразования над этими моделями, которые относятся к классу **аффинных преобразований**. На лекциях мы будем рассматривать математический аппарат, описывающий каждое преобразование. Мы увидим, что такие двухмерные преобразования можно представить в виде матриц 3×3 (матриц преобразований).

## Преобразования модели

Как правило объекты сцены создаются в собственной **локальной** системе координат. Для их расположения и ориентации в **мировой** системе координат применяются геометрические преобразования.

Предположим, что вы пишете компьютерную игру, для которой нужен космический корабль. Сначала вы смоделируете свой космический корабль в локальных координатах. Затем преобразование модели переведет космический корабль в заданную точку в мировой системе координат, развернет его заданным образом, а затем, возможно, увеличит его до размера, который соответствует вашей игре.

Преобразование, выполняющее переход от координат моделирования к мировым координатам называется преобразованием модели (model transformation), а соответствующая ему матрица называется модельной.

При создании контекста рисования модельная матрица инициализируется значениями, предлагаемыми по умолчанию, при которых все операции рисования выполняются без изменений.

## Сохранение и загрузка состояния

Первое, что нам нужно рассмотреть применительно к преобразованиям, — это сохранение и загрузка состояния холста. Эти возможности нам очень пригодятся в дальнейшем.

При сохранении состояния холста сохраняются:

- текущая модельная матрица;
- **ЗНАЧЕНИЯ СВОЙСТВ** globalAlpha, globalCompositeOperation, fillStyle, lineCap, lineJoin, lineWidth, miterLimit **u** strokeStyle;
- все заданные маски.

Метод save сохраняет состояние холста. Он не принимает параметров и не возвращает результат.

Состояние холста сохраняется в стеке и впоследствии оно может быть восстановлено. Более того, сохранять состояние холста можно несколько раз; при этом все предыдущие состояния остаются в памяти и их также можно восстановить.

Bocctaновить сохраненное ранее состояние можно вызовом метода restore. Он также не принимает параметров и не возвращает результат.

При вызове этого метода будет восстановлено самое последнее из сохраненных состояний холста. При последующем его вызове будет восстановлено предпоследнее сохраненное состояние и т. д. Этой особенностью часто пользуются для создания сложной графики.

В приведенном примере мы сначала назначаем свойству fillStyle красный цвет и вызываем метод save(), после чего изменяем значение fillStyle на зеленый цвет и еще раз вызываем метод save() для сохранения параметров. Затем мы назначаем свойству fillStyle синий цвет и рисуем прямоугольник, левый верхний угол которого отображается в точке (100,100). Первый вызов метода restore() восстанавливает для свойства fillStyle зеленый цвет, так что следующий прямоугольник рисуется зеленым цветом, но его левый верхний угол находится в точке (110,110). Второй вызов restore() восстанавливает первоначальное значение свойства fillStyle, поэтому последний прямоугольник рисуется красным цветом с левым верхним углом в точке (0,0).

## Геометрические преобразования

Преобразование модели обычно является комбинацией следующих преобразований:

- перемещение;
- поворот;
- масштабирование.

#### Перемещение

Metog translate умножает текущую матрицу модели на матрицу перемещения:

<контекст pucoвaния>.translate {<ropusontaльная координата>,
<вертикальная координата>)

Рассмотрим пример, который делает следующее:

- 1. Сохраняет текущее состояние холста.
- 2. Умножает текущую матрицу модели на матрицу перемещения с компонентами [100,100].
- 3. Рисует красный квадрат со стороной 50 пикселов, верхний левый угол которого находится в точке начала координат.
- 4. Опять умножает текущую матрицу модели на матрицу перемещения с компонентами [100,100].
- 5. Рисует зеленый квадрат со стороной 50 пикселов, верхний левый угол которого находится в начале координат.
- 6. Восстанавливает сохраненное состояние холста, в том числе и модельную матрицу.
- 7. Рисует синий квадрат со стороной 50 пикселов, верхний левый угол которого находится в начале координат.

В результате мы увидим три цветных квадрата, расположенные на воображаемой диагонали, тянущейся от верхнего левого угла холста вниз и вправо.

#### Задание для самостоятельной работы №1

Напишите программу, которая рисует равносторонний треугольник. Затем переместите этот треугольник с помощью заданного вектора перемещения. Отобразите треугольник в исходном положении и после выполнения преобразования, как показано на рис. 1.

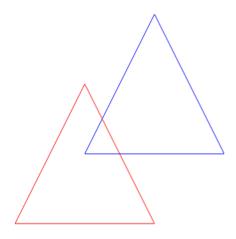


Рис. 1. Перемещение треугольника

#### Вращение

После знакомства с операцией перемещения перейдем к операции вращения. В своей основе, реализация вращения мало чем отличается от реализации перемещения.

Metod rotate умножает текущую матрицу модели на матрицу вращения:

```
<контекст рисования>.rotate (<yroл поворота>)
```

Угол поворота задается в виде числа в радианах и отсчитывается от горизонтальной оси. Отметим, что положительным направлением считается направление по часовой стрелке. Вращение происходит вокруг точки начала координат.

В приведенном примере мы сначала нарисовали красный прямоугольник и переместили его на вектор [200,150]. Затем мы нарисовали синий прямоугольник, к которому сначала применили преобразование поворота на  $\pi/6$  радиан (30°) и затем такое же преобразование перемещения.

#### Задание для самостоятельной работы №2

Написать программу, которая будет осуществлять поворот нарисованного в задании 5.1 треугольника на заданный угол вокруг одной из его вершин. Отобразите треугольник в исходном положении и после выполнения преобразования, как показано на рис. 2.

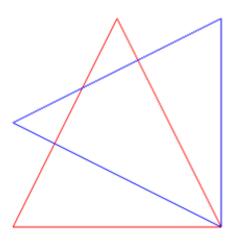


Рис. 2. Поворот треугольника

### Масштабирование

Metod scale умножает текущую матрицу модели на матрицу масштабирования:

```
<контекст рисования>.scale(<масштаб по горизонтали>,
<macштаб по вертикали>)
```

Параметры этого метода определяют коэффициенты масштабирования, которые могут быть произвольными числами.

Код примера делает следующее:

- 1. Сохраняет текущее состояние холста.
- 2. Рисует красный квадрат со стороной 50 пикселов, верхний левый угол которого находится в начале координат.
- 3. Увеличивает масштаб по горизонтали в 3 раза.
- 4. Рисует зеленый квадрат со стороной 50 пикселов.
- 5. Восстанавливает сохраненное ранее состояние холста и сохраняет его снова.

- 6. Увеличивает масштаб по вертикали в 3 раза.
- 7. Рисует синий квадрат со стороной 50 пикселов.
- 8. Восстанавливает сохраненное ранее состояние холста и сохраняет его снова.
- 9. Увеличивает масштаб по обеим координатным осям в 3 раза.
- 10. Рисует черный квадрат со стороной 50 пикселов.
- 11. Восстанавливает сохраненное ранее состояние холста.

В результате мы увидим четыре прямоугольника с реальными размерами  $50\times50$ ,  $150\times50$ ,  $50\times150$  и  $150\times150$  пикселов.

#### Задание для самостоятельной работы №3

Написать программу, которая будет осуществлять масштабирование нарисованного в задании 5.1 треугольника относительно его центра с заданными значениями масштабных коэффициентов. Отобразите треугольник в исходном положении и после выполнения преобразования, как показано на рис. 3.

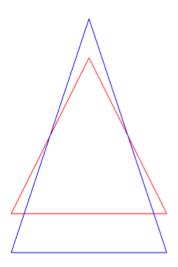


Рис. 3. Результат масштабирования треугольника по вертикали с коэффициентом 1.5

#### Создание произвольной матрицы преобразования

Metod transform умножает текущую матрицу модели на матрицу произвольного преобразования:

<контекст рисования>.transform(m11, m12, m21, m22, tx, ty)

Матрица произвольного преобразования имеет следующий вид:

$$\begin{pmatrix} m_{11} & m_{12} & t_x \\ m_{21} & m_{22} & t_y \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

Metog setTransform устанавливает заданную матрицу в качестве матрицы модели:

<контекст рисования>.setTransform(m11, m12, m21, m22, tx, ty)

Этот метод можно использовать вместо методов save и restore для установки нужной матрицы модели.

В примере демонстрируется задание матрицы для преобразования сдвига. Параметр сдвига может быть любым числом.

#### Объединение нескольких преобразований

При выполнении нескольких преобразований, вызовы функций, формирующих матрицы отдельных преобразований, осуществляется в обратном порядке. То есть они соответствует порядку записи сомножителей при вычислении итоговой матрицы преобразования:

 $M = M_2 \cdot M_1$ .

#### Задание для самостоятельной работы №4

Написать программу, которая будет осуществлять перемещение нарисованного в задании 5.1 треугольника, а затем его поворот на заданный угол вокруг исходного положения его центра. Отобразите треугольник в исходном положении и после выполнения каждого из двух преобразований.

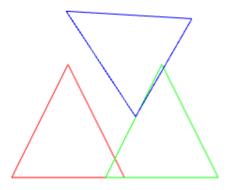


Рис. 4. Перемещение и поворот треугольника

#### Задание для самостоятельной работы №5

Написать программу, которая будет осуществлять поворот на заданный угол нарисованного в задании 5.1 треугольника, а затем его перемещение. Отобразите треугольник в исходном положении и после выполнения каждого из двух преобразований.

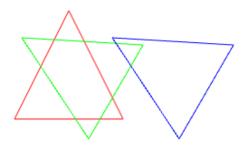


Рис. 5. Поворот и перемещение треугольника

#### Анимация с помощью функции requestAnimationFrame ()

Функция requestAnimationFrame (func) требует от браузера вызвать функцию func. Интервал времени, через который произойдет вызов функции func, не определяется и зависит от нагрузки на браузер, которая с течением времени может изменяться.

Рассмотрим задачу создания анимации аналоговых часов с вращающимися часовой, минутной и секундной стрелками с помощью функции requestAnimationFrame().

Если интервалы времени могут быть разными, следовательно, простое увеличение текущего угла поворота на постоянную величину (градусы в секунду) при каждом вызове приведет к скачкообразному изменению скорости вращения стрелок, не соответствующему их реальному положению.

Поэтому будем определять новый угол поворота исходя из интервала времени, прошедшего с момента последнего вызова. Для этого создадим переменную  $g_{ast}$ , которая будет хранить время последнего вызова. Обозначим now – переменная, в которую передается текущее время.

Затем вычислим продолжительность интервала времени, прошедшего с момента предыдущего вызова, с помощью разности  $now-g_last$ , и сохраним результат в переменной elapsed (миллисекунды). После этого, исходя из значения elapsed, вычислим величину угла поворота:

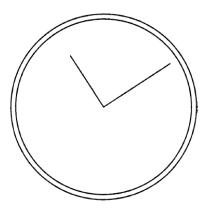
```
let newAngle = angle + (ANGLE STEP * elapsed) / 1000.0;
```

Чтобы вычислить угол поворота, исходя из скорости вращения (градусы в секунду), достаточно просто умножить скорость  $ANGLE\_STEP$  (градусов в секунду) на elapsed/1000. Фактически же, сначала выполняется умножение на elapsed, а затем результат делится на 1000. Реализовано так потому, что такая последовательность операций дает чуть более точный результат, но сути это не меняет.

Наконец, нужно проверить выход величины угла поворота за границу 360 (градусов) и полученный результат использовать в функции поворота.

#### Задание для самостоятельной работы №6

Создать анимацию аналоговых часов с вращающимися часовой, минутной и секундной стрелками с помощью функции requestAnimationFrame ().



**Рис. 6.** Часы