

1 Unité de mesure et grandeurs physiques

1.1 Généralités

1.1.1 Différences

Cette annexe énumère les unités de mesures et de leur grandeurs physiques associées à connaître pour la maîtrise des formules mathématiques en électrotechnique. Il convient de bien identifier ce qu'est une grandeur physique et une unité de mesure :

Unité de mesure Étalon de mesure nécessaire pour la mesure d'une grandeur physique dont le fondement est l'exacte reproductibilité expérimentale de l'étalon ;

Grandeur physique Toute propriété des sciences de la nature qui peut être mesurée ou calculées et dont les différentes valeurs s'expriment à l'aide d'un nombre réel ou complexe. Une grandeur physique peut s'exprimer sans unité de mesure, ce sont des *grandeurs sans dimension*. Mais l'inverse n'est pas vraie, toute unité de mesure est associée une grandeur physique.

La notion générale de grandeur physique peut être divisées en des notions plus précises, indiquée au moyen d'indices ou d'un symbole usuel différent.

Dimension Expression de la dépendance d'une grandeur par rapport aux grandeurs de base d'un système de grandeurs sous la forme d'un produit de puissance de facteurs correspondant aux grandeurs de base, en omettant tout facteur numérique.

Les tableaux situés en sous-section 1.1.5 page 2 sont issus des normes ISO 80000-xx^{ISO:80000-2013}, les normes internationales régissant le Système International de grandeurs (*International System of Quantities*, ISQ), qui font également le lien avec le Système International d'unités (SI).

1.1.2 Quelques règles de rédaction

Symboles des grandeurs Les symboles usuels des grandeurs prennent généralement la forme d'une seule lettre (alphabet grec ou latin), toujours en italique, et peuvent être précisés par des indices.

Indice Un indice permet de différencier des grandeurs présentant le même symbole usuel ou, pour une même grandeur, différentes applications de celle-ci.

- Symbole d'une grandeur physique ou d'une variable mathématique ;
- Mots ou nombres fixes.

Symboles des unités Les symboles des unités prennent généralement la forme d'une seule lettre (alphabet grec ou latin), toujours en caractère droit, ce qui permet de les différencier des symboles des grandeurs.

Une unité composée d'une multiplication de deux unités ou plus peut être indiquée de deux manières :

$N \cdot m$

Nm

Il convient de faire attention lorsque le symbole d'une unité est le même que celui d'un préfixe.



1.1.3 Terminologie

Coefficient Dans une équation type $A = k \cdot B$, k est le coefficient/facteur et A est une grandeur proportionnelle à B . Usage du terme *coefficient* (ou *module*) lorsque les grandeurs A et B présentent des *dimensions* différentes.

Facteur Dans une équation type $A = k \cdot B$, k est le coefficient/facteur et A est une grandeur proportionnelle à B . Usage du terme *facteur* lorsque les grandeurs A et B sont de même *dimension*.

Paramètre Combinaison de grandeurs qui apparaissent sous une telle forme dans les équations, pouvant être considérée comme constituant de nouvelles grandeurs.

Nombre Combinaison de grandeurs sans dimension.

Rapport Quotient sans dimension de deux grandeurs.

Constante Grandeur qui présente la même valeur en toutes circonstances.

Massique Adjectif apposé à une grandeur caractérisant le quotient de cette grandeur par la masse.

Volumique Adjectif apposé à une grandeur caractérisant le quotient de cette grandeur par le volume.

Surfacique Adjectif apposé à une grandeur caractérisant le quotient de cette grandeur par l'aire.

Densité Adjectif apposé à une grandeur exprimant un flux ou un courant, qui caractérise le quotient de cette grandeur par l'aire.

Linéique Adjectif apposé à une grandeur caractérisant le quotient de cette grandeur par la longueur.

Molaire Adjectif apposé à une grandeur caractérisant le quotient de cette grandeur par la quantité de matière.

Concentration Adjectif apposé à une grandeur, spécifiquement dans le cas d'un mélange, caractérisant le quotient de cette grandeur par le volume total.

1.1.4 Alphabet

Nom	Caractère romain		Caractère italique		Nom	Caractère romain		Caractère italique	
alpha	A	α	A	α	nu	N	ν	N	ν
beta	B	β	B	β	xi	Ξ	ξ	Ξ	ξ
gamma	Γ	γ	Γ	γ	omicron	O	ο	O	ο
delta	Δ	δ	Δ	δ	pi	Π	π, ϖ	Π	π, ϖ
epsilon	E	ε, ε	E	ε, ε	rhô	P	ρ, ϱ	P	ρ, ϱ
zêta	Z	ζ	Z	ζ	sigma	Σ	σ	Σ	σ
êta	H	η	H	η	tau	T	τ	T	τ
thêta	Θ	θ, ϑ	Θ	θ, ϑ	upsilon	Y	υ	Y	υ
iota	I	ι	I	ι	phi	Φ	φ	Φ	φ
kappa	K	κ, κ	K	κ, κ	khi	X	χ	X	χ
lambda	Λ	λ	Λ	λ	psi	Ψ	ψ	Ψ	ψ
mu	M	μ	M	μ	oméga	Ω	ω	Ω	Ω

TAB. 1.1 – Alphabet grec

1.1.5 Système International

1.1.5.1 Généralités

Le Système International d'unités est un système cohérent d'unités dans l'*ISQ*. Il est abrégé *SI* dans toutes les langues et est formé de :



- Sept unités de base ;
- Des unités dérivées de ces unités de base.

1.1.5.2 Unités SI et grandeurs

Grandeur de base de l'ISQ		Unité SI de base	
Nom	Symbole usuel	Nom	Symbole
Longueur	L	mètre	m
Masse	M, m	kilogramme	kg
Temps	T	seconde	s
Courant électrique	I	ampère	A
Température thermodynamique	Θ	kelvin	K
Quantité de matière	N	mole	mol
Intensité lumineuse	J	candela	cd

TAB. 1.2 – Unités SI et grandeurs correspondante de base

Facteur	Préfixe		Facteur	Préfixe	
	Nom	Symbole		Nom	Symbole
10^{24}	yotta	Y	10^{-1}	déci	d
10^{21}	zetta	Z	10^{-2}	centi	c
10^{18}	exa	E			
10^{15}	péta	P	10^{-3}	milli	m
			10^{-6}	micro	μ
10^{12}	téra	T	10^{-9}	nano	n
10^9	giga	G	10^{-12}	pico	p
10^6	méga	M			
10^3	kilo	k	10^{-15}	femto	f
			10^{-18}	atto	a
10^2	hecto	h	10^{-21}	zepto	z
10^1	déca	da	10^{-24}	yocto	y

TAB. 1.3 – Préfixes des unités SI

TAB. 1.4 – Unités SI dérivées avec des noms et des symboles spéciaux

Grandeur dérivée de l'ISQ		Unité SI dérivée	
Nom	Symbole usuel	Nom	Symbole & Valeur
Angle plan	α	radian	rad = m m ⁻¹
Angle solide	Ω	stéradian	sr = m ² m ⁻²
Fréquence	f	hertz	Hz = s ⁻¹
Force	F	newton	N = kg m s ⁻²
Pression, contrainte	P	pascal	Pa = N m ⁻²
Énergie, travail	W	joule	J = kg m ² s ⁻²
Puissance	P	watt	W = J s ⁻¹
Charge électrique	Q	coulomb	C = A s

Page suivante



Grandeur dérivée de l'ISQ		Unité SI dérivée	
Nom	Symbole usuel	Nom	Symbole & Valeur
Différence de potentiel électrique	U, V	volt	$V = W A^{-1}$
Capacité électrique	C	farad	$F = C V^{-1}$
Résistance électrique	R	ohm	$\Omega = V A^{-1}$
Conductance électrique	G	siemens	$S = \Omega^{-1}$
Flux d'induction magnétique	Φ	weber	$Wb = V s$
Induction (champ) magnétique	\vec{B}	tesla	$T = Wb m^{-2}$
Inductance	L	henry	$H = Wb A^{-1}$
Température Celsius	T	celsius	$^{\circ}C = K - 273,15$
Flux lumineux	J	lumen	$lm = cd sr$
Éclairement lumineux	E, E_v	lux	$lx = lm m^{-2}$

Grandeur		Unités	
Nom	Symbole usuel	Nom	Symbole & Valeur
Temps	t	minute	$min = 60s$
		heure	$h = 60min$
		jour	$d = 24h$
Angle plan	α	degré	$^{\circ} = \frac{180}{\pi} \times rad$
		minute	$' = \frac{1}{60} \times ^{\circ}$
		seconde	$'' = \frac{1}{60} \times '$
Volume	V	litre	$l, L = dm^3$
Masse	M, m	tonne	$t = 1000kg$

TAB. 1.5 – Unités en usage avec le SI

Grandeur		Unités	
Nom	Symbole usuel	Nom	Symbole & Valeur
Énergie	W	électronvolt	Énergie cinétique acquise par un électron en traversant une différence de potentiel de 1v dans le vide. $eV = 1,602176634e - 19J$
Masse	M, m	dalton	$^{1/12}$ de la masse d'un atome du nucléide ^{12}C au repos et à l'état fondamental. $Da = 1,660538782e - 27kg$
Longueur	L	unité astronomique	Valeur conventionnelle approximativement égale à la valeur moyenne de la distance entre le Soleil et la Terre. $au = 1,49597870691e11m$

TAB. 1.6 – Unités en usage avec le SI dont la valeur est obtenue expérimentalement



1.2 Mathématique

Les tableaux suivants sont extraits de l'ouvrage **BourgeoisCogniel2005**, ils référencent les notations mathématiques utilisées en électrotechnique.

Signe	Utilisation	Énoncé	Signe	Utilisation	Énoncé
$=$	$a = b$	a égal b	$+$	$a + b$	a plus b
\neq	$a \neq b$	a est différent de b	$-$	$a - b$	a moins b
\triangleq	$a \triangleq b$	a correspond à b	\times	$a \times b$	a multiplié par b
\simeq	$a \simeq b$	a est approximativement égal à b	\cdot	$a \cdot b$	a b
$<$	$a < b$	a est strictement inférieur à b	$-$	$\frac{a}{b}$	a divisé par b
$>$	$a > b$	a est strictement supérieur à b	$/$	a/b	
\leq	$a \leq b$	a est inférieur ou égal à b	Σ	$\sum_{i=1}^n a_i$	$a_1 + a_2 + a_3 \dots a_n$
\geq	$a \geq b$	a est supérieur ou égal à b	Π	$\prod_{i=1}^n a_i$	$a_1 \times a_2 \times a_3 \dots a_n$
\ll	$a \ll b$	a est très inférieur ou égal à b	$!$	$n!$	$1 \times 2 \times 3 \dots n$
\gg	$a \gg b$	a est très supérieur ou égal à b		a^n	a puissance n
∞		infini		\sqrt{a}	racine carrée de a
\pm	$a \pm b$	a plus ou moins b		$\sqrt[n]{a}$	racine n ^e de a
\in	$x \in A$	x appartient à A		$a^{1/n}$	
\notin	$x \notin A$	x n'appartient pas à A	$ $	$ a $	valeur absolue de a

TAB. 1.7 – Signes mathématiques

TAB. 1.8 – Classification des locaux

Symbole	Énoncé	Symbole	Énoncé
f	fonction ou application	$\frac{\delta f}{\delta x}$	variation élémentaire de la fonction f par rapport à x
$f(x)$	valeur de la fonction f respectivement en x	$\int_a^b f(x)dx$	intégrale définie de la fonction f de a à b
$[f(x)]_b^a$	$f(b) - f(a)$	$\int_a^b f(x)dx$	intégrale définie de la fonction f de a à b
$f(x) _b^a$			
$\lim_{x \rightarrow a} f(x)$	limite de $f(x)$ quand x tend vers a	\mathbb{N}	ensemble des entiers naturels
f'	dérivée (première) de la fonction f	\mathbb{Z}	ensemble des entiers
$f^{(k)}(x)$	dérivée d'ordre k de la fonction f	\mathbb{Q}	ensemble des nombres rationnels
Δf	dérivée totale globale de la fonction f Wiki:NDS	\mathbb{R}	ensemble des entiers réels
$\frac{df}{dx}$	dérivée totale locale de la fonction f par rapport à x	\mathbb{C}	ensemble des nombres complexes
$\frac{\partial f}{\partial x}$	dérivée partielle locale de la fonction f par rapport à x	\mathbb{P}	ensemble des nombres premiers
		$\cos x$	cosinus de x
		$\sin x$	sinus de x
		$\tan x$	tangente de x
		$\cot x$	cotangente de x

Colonne suivante

Page suivante



Symbole	Énoncé	Symbole	Énoncé
$\arccos x$	réci-proque du cosinus de x	$\ln x$	logarithme népérien de x
$\arcsin x$	inverse du sinus de x	$\lg x$	logarithme décimal de x
$\arctan x$	inverse de la tangente de x	i ou j	unité imaginaire
$e = 2,7182818$	base des logarithmes népériens	\arg	argument
$\exp x$	exponentielle de base e de x		

Colonne suivante

1.3 Espace & temps

1.3.1 Généralités

Les tableaux suivants détaillent les noms, les symboles et les définitions des unités et grandeurs utilisées pour décrire mathématiquement l'espace et le temps. Ces notations seront d'application pour le restant des cours.

TAB. 1.9 – Unités SI et grandeurs définissant l'espace et le temps

Grandeur		Unité		Remarque
Nom	Symbole usuel	Nom	Symbole	
Longueur	L, l	Mètre	m	Le symbole H est régulièrement utilisé pour désigner l'altitude.
Largeur	B, b			
Hauteur	H, h			
Épaisseur	d, δ			
Rayon	R, r			
Distance radiale	r_Q, ρ			
Diamètre	D, d			
Longueur curviligne	s			
Distance	d, r			
Rayon (vecteur)	\mathbf{r}			



Temporary page!

L^AT_EX was unable to guess the total number of pages correctly. As there was some unprocessed data that should have been added to the final page this extra page has been added to receive it. If you rerun the document (without altering it) this surplus page will go away, because L^AT_EX now knows how many pages to expect for this document.