# Técnicas de Programação e Análise de Algoritmos

Prof. Dr. Lucas Rodrigues Costa

Aula 10: Algoritmos de Ordenação



lucas.costa@idp.edu.br

@lucasrodri

www.linkedin.com/in/lucas-rodri

#### **OBJETIVOS**

- → Compreender o conceito de ordenação e manipulação de estruturas
- → Conhecer algoritmos de ordenação básicos e sofisticados
- → Conhecer os algoritmos de ordenação
  - Bubble Sort;
  - Selection Sort;
  - Insertion Sort;
  - Merge Sort;
  - Quick Sort;
  - Counting Sort;
  - Bucket Sort.



#### RECORDANDO...

- → Vimos na aula passada
  - O conceito de busca e manipulação de estruturas
  - Os diferentes tipos de algoritmos de busca
    - linear
    - binário





- → Ordenação
  - Ato de colocar um conjunto de dados em uma determinada ordem predefinida
  - Fora de ordem
    - **5**, 2, 1, 3, 4
  - Ordenado
    - **1**, 2, 3, 4, 5 **OU** 5, 4, 3, 2, 1
- → Algoritmo de ordenação
  - Coloca um conjunto de elementos em uma certa ordem

- → A ordenação permite que o acesso aos dados seja feito de forma mais eficiente
  - É parte de muitos métodos computacionais
    - Algoritmos de busca, intercalação/fusão, utilizam ordenação como parte do processo
    - Aplicações em geometria computacional, bancos de dados, entre outras necessitam de listas ordenadas para funcionar



- → A ordenação é baseada em uma chave
  - A chave de ordenação é o campo do item utilizado para comparação
    - Valor armazenado em um array de inteiros
    - Campo nome de uma struct
    - etc
  - É por meio dela que sabemos se um determinado elemento está a frente ou não de outros no conjunto



- → Podemos usar qualquer tipo de chave
  - Deve existir uma regra de ordenação bem-definida
- → Alguns tipos de ordenação
  - o numérica
    - **1**, 2, 3, 4, 5
  - lexicográfica (ordem alfabética)
    - Adriana, Lara, Lucas



- → Independente do tipo, a ordenação pode ser
  - Crescente
    - **1**, 2, 3, 4, 5
    - Ana, André, Bianca, Ricardo
  - Decrescente
    - **5**, 4, 3, 2, 1
    - Ricardo, Bianca, André, Ana



- → Os algoritmos de ordenação podem ser classificados como de
  - Ordenação interna
    - O conjunto de dados a ser ordenado cabe todo na memória principal (RAM)
    - Qualquer elemento pode ser imediatamente acessado



- → Os algoritmos de ordenação podem ser classificados como de
  - Ordenação externa
    - O conjunto de dados a ser ordenado não cabe na memória principal
    - Os dados estão armazenados em memória secundário (por exemplo, um arquivo)
    - Os elementos são acessados sequencialmente ou em grandes blocos



- → Além disso, a ordenação pode ser estável ou não
  - Um algoritmo de ordenação é considerado estável se a ordem dos elementos com chaves iguais não muda durante a ordenação
  - O algoritmo preserva a ordem relativa original dos valores



- → Exemplo
  - Dados não ordenados
    - **5**, 2, **5**, 3, 4, 1
    - 5 e 5 são o mesmo número
  - Dados ordenados
    - 1, 2, 3, 4, **5**, **5**: ordenação **estável**
    - 1, 2, 3, 4, **5**, **5**: ordenação **não-estável**



## Métodos de ordenação



## Métodos de ordenação

- → Os métodos de ordenação estudados podem ser divididos em
  - Básicos
    - Fácil implementação
    - Auxiliam o entendimento de algoritmos complexos
  - Sofisticados
    - Em geral, melhor desempenho





- → Também conhecido como ordenação por bolha
  - É um dos algoritmos de ordenação mais conhecidos que existem
  - Remete a idéia de bolhas flutuando em um tanque de água em direção ao topo até encontrarem o seu próprio nível (ordenação crescente)



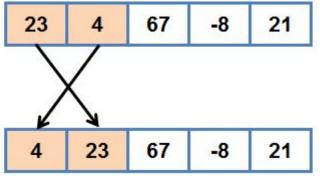
- → Funcionamento
  - Compara pares de valores adjacentes e os troca de lugar se estiverem na ordem errada
    - Trabalha de forma a movimentar, uma posição por vez, o maior valor existente na porção não ordenada de um array para a sua respectiva posição no array ordenado
  - Esse processo se repete até que mais nenhuma troca seja necessária
    - Elementos já ordenados



→ Algoritmo

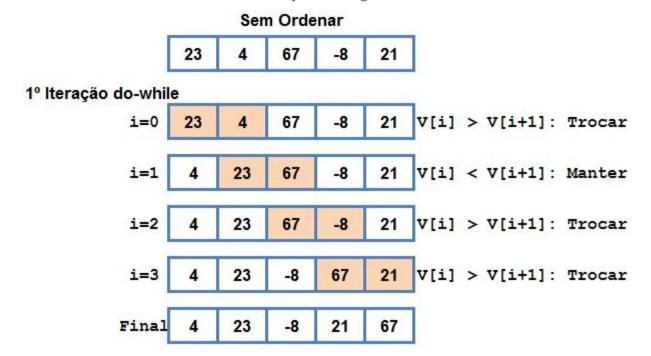
```
void bubbleSort(int *V , int N) {
   int i, continua, aux, fim = N;
   do{
      continua = 0;
      for(i = 0; i < fim-1; i++) {
        if (V[i] > V[i+1]) {
            aux = V[i];
            V[i] = V[i+1];
            V[i+1] = aux;
            continua = i;
      }
    }
   fim--;
} while(continua != 0);
}
```

Troca dois valores consecutivos no vetor



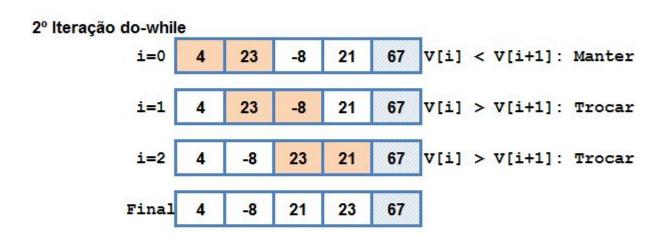


- → Passo a passo
  - 1º iteração do-while: encontra o maior valor e o movimenta até a última posição



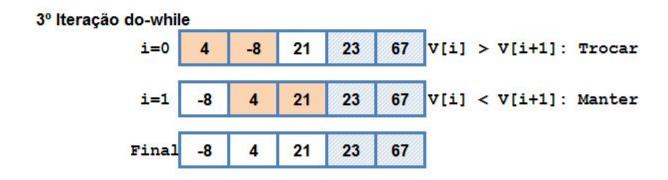


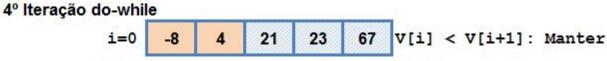
- → Passo a passo
  - 2º iteração do-while: encontra o segundo maior valor e o movimenta até a penúltima posição



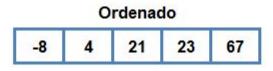


- → Passo a passo
  - Processo continua até todo o array estar ordenado





Não houve mudanças: ordenação concluída





- → Vantagens
  - Simples e de fácil entendimento e implementação
  - Está entre os métodos de ordenação mais difundidos existentes
- → Desvantagens
  - Não é um algoritmo eficiente
    - Sua eficiência diminui drasticamente à medida que o número de elementos no array aumenta
    - É estudado apenas para fins de desenvolvimento de raciocínio



- → Complexidade
  - Considerando um array com N elementos, o tempo de execução é:
    - O(N), melhor caso: os elementos já estão ordenados.
    - O(N²), pior caso: os elementos estão ordenados na ordem inversa.
    - $\bigcirc (N^2)$ , caso médio.





- → Também conhecido como ordenação por seleção
  - É outro algoritmo de ordenação bastante simples
  - A cada passo ele seleciona o melhor elemento para ocupar aquela posição do array
    - Maior ou menor, dependendo do tipo de ordenação
    - Na prática, possui um desempenho quase sempre superior quando comparado com o bubble sort



- → Funcionamento
  - A cada passo, procura o menor valor do array e o coloca na primeira posição do array
    - Divide o array em duas partes: a parte ordenada, a esquerda do elemento analisado e a parte que ainda não foi ordenada, a direita do elemento.
  - Descarta-se a primeira posição do array e repete-se o processo para a segunda posição
  - Isso é feito para todas as posições do array

→ Algoritmo

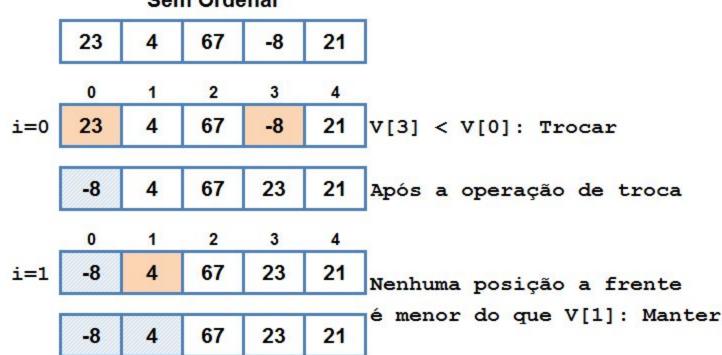
```
void selectionSort(int *V, int N) {
    int i, j, menor, troca;
    for (i = 0; i < N-1; i++)
        menor = i;
        for (j = i+1; j < N; j++) {
             if(V[j] < V[menor])</pre>
                 menor = j;
        if(i != menor) {
            troca = V[i];
            V[i] = V[menor];
            V[menor] = troca;
            23
                        67
                              -8
                                   21
                        67
                              23
                                   21
            -8
```

Procura o menor elemento em relação a "i"

Troca os valores da posição atual com a "menor"



- → Passo a passo
  - Para cada posição i, procura no restante do array o menor valor para ocupá-la
     Sem Ordenar





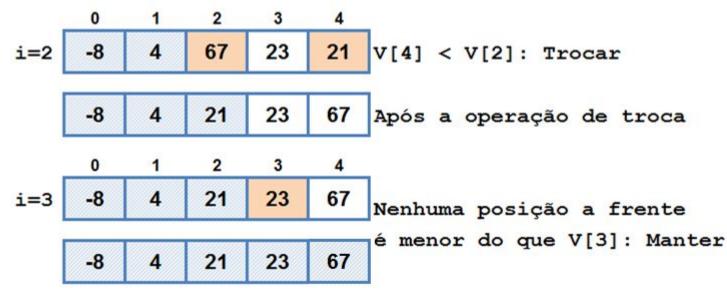
→ Passo a passo

Para cada posição i, procura no restante do array o menor

Ordenado

21

valor para ocupá-la



54



- → Vantagem
  - Estável: não altera a ordem dos dados iguais
- → Desvantagens
  - Sua eficiência diminui drasticamente à medida que o número de elementos no array aumenta
    - Não é recomendado para aplicações que que envolvam grandes quantidade de dados ou que precisem de velocidade

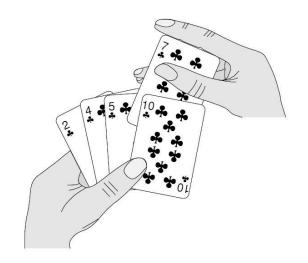


- → Complexidade
  - Considerando um array com N elementos, o tempo de execução é sempre de ordem O(N²)
    - A eficiência do selection sort não depende da ordem inicial dos elementos
  - Melhor do que o bubble sort
    - Apesar de possuírem a mesma complexidade no caso médio, na prática o selection sort quase sempre supera o desempenho do bubble sort pois envolve um número menor de comparações





- → Também conhecido como ordenação por inserção
  - Similar a ordenação de cartas de baralho com as mãos
    - Pegue uma carta de cada vez e a insira em seu devido lugar, sempre deixando as cartas da mão em ordem





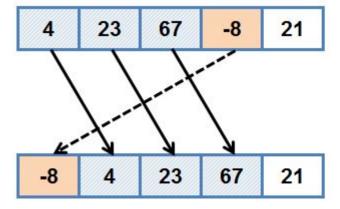
- → Funcionamento
  - O algoritmo percorre o array e para cada posição X verifica se o seu valor está na posição correta
    - Isso é feito andando para o começo do array a partir da posição X e movimentando uma posição para frente os valores que são maiores do que o valor da posição X
    - Desse modo, teremos uma posição livre para inserir o valor da posição X em seu devido lugar



#### → Algoritmo

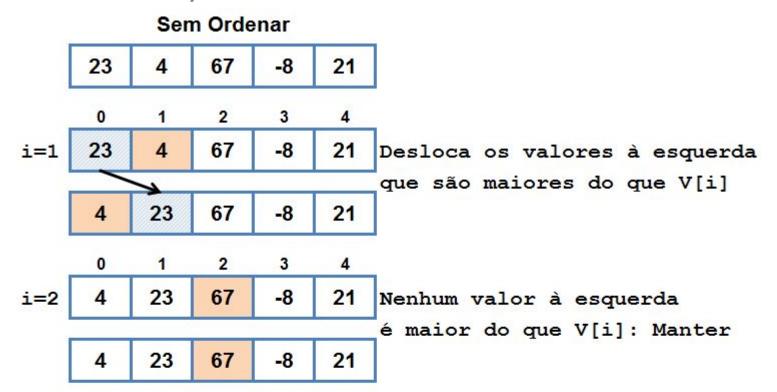
```
void insertionSort(int *V, int N) {
   int i, j, aux;
   for(i = 1; i < N; i++) {
        aux = V[i];
        for(j = i; (j > 0) && (aux < V[j - 1]); j--)
        V[j] = V[j - 1];
        V[j] = aux;
}</pre>
```

Move as cartas maiores para frente e insere na posição vaga





- Passo a passo
  - Para cada posição i, movimentam-se os valores maiores uma posição para frente no array

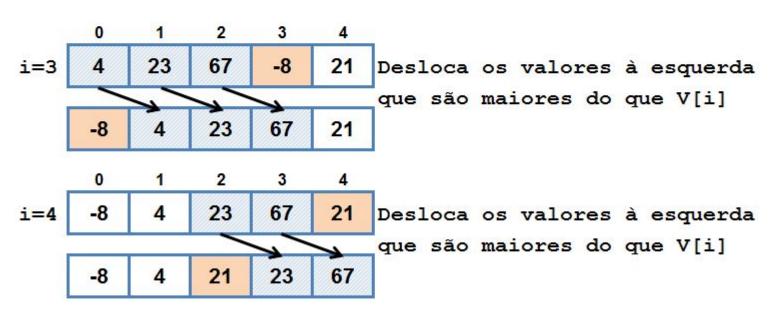




→ Passo a passo

Para cada posição i, movimentam-se os valores maiores uma posição

para frente no array







- → Vantagens
  - Fácil implementação
  - Na prática, é mais eficiente que a maioria dos algoritmos de ordem quadrática
    - Como o selection sort e o bubble sort.
  - Um dos mais rápidos algoritmos de ordenação para conjuntos pequenos de dados
    - Superando inclusive o quick sort



- → Vantagens
  - Estável: não altera a ordem dos dados iguais
  - Online
    - Pode ordenar elementos a medida que os recebe (tempo real)
    - Não precisa ter todo o conjunto de dados para colocá-los em ordem



- → Complexidade
  - Considerando um array com N elementos, o tempo de execução é:
    - O(N), melhor caso: os elementos já estão ordenados.
    - O(N²), pior caso: os elementos estão ordenados na ordem inversa.
    - $\bigcirc (N^2)$ , caso médio.





- → Também conhecido como ordenação por intercalação
  - Algoritmo recursivo que usa a idéia de dividir para conquistar para ordenar os dados
    - Parte do princípio de que é mais fácil ordenar um conjunto com poucos dados do que um com muitos
  - O algoritmo divide os dados em conjuntos cada vez menores para depois ordená-los e combina-los por meio de intercalação (merge)



- → Funcionamento
  - Divide, recursivamente, o array em duas partes
    - Continua até cada parte ter apenas um elemento
  - Em seguida, combina dois array de forma a obter um array maior e ordenado
    - A combinação é feita intercalando os elementos de acordo com o sentido da ordenação (crescente ou decrescente)
  - Este processo se repete até que exista apenas um array

- → Algoritmo usa 2 funções
  - mergeSort : divide os dados em arrays cada vez menores
  - merge: intercala os dados de forma ordenada em um array maior

```
void mergeSort(int *V, int inicio, int fim) {
    int meio;
    if(inicio < fim) {
        meio = floor((inicio+fim)/2);
        mergeSort(V,inicio,meio);
        mergeSort(V,meio+1,fim);
        merge(V,inicio,meio,fim);
}

Chama a função
    para as 2 metades
    forma ordenada</pre>
```



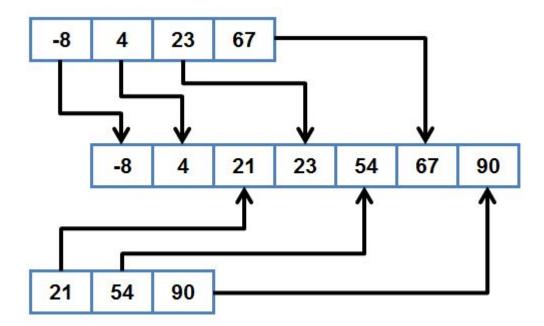
→ Algoritmo

```
int *temp, p1, p2, tamanho, i, j, k;
                                   int fim1 = 0, fim2 = 0;
                                   tamanho = fim-inicio+1;
                                   p1 = inicio;
                                   p2 = meio+1;
                                   temp = (int *) malloc(tamanho*sizeof(int));
                                   if(temp != NULL) {
                                       for(i=0; i<tamanho; i++) {</pre>
 Combinar ordenando
                                            if(!fim1 && !fim2){
                                               if(V[p1] < V[p2])
                                                    temp[i]=V[p1++];
                                                else
    Vetor acabou?
                                                    temp[i]=V[p2++];
                                               if(p1>meio) fim1=1;
                                               if(p2>fim) fim2=1;
                                            else
Copia o que sobrar
                                               if(!fim1)
                                                    temp[i]=V[p1++];
                                                else
                                                    temp[i]=V[p2++];
Copiar do auxiliar
 para o original
                                       for(j=0, k=inicio; j<tamanho; j++, k++)</pre>
                                            V[k] = temp[j];
                                   free (temp);
```

void merge(int \*V, int inicio, int meio, int fim) {

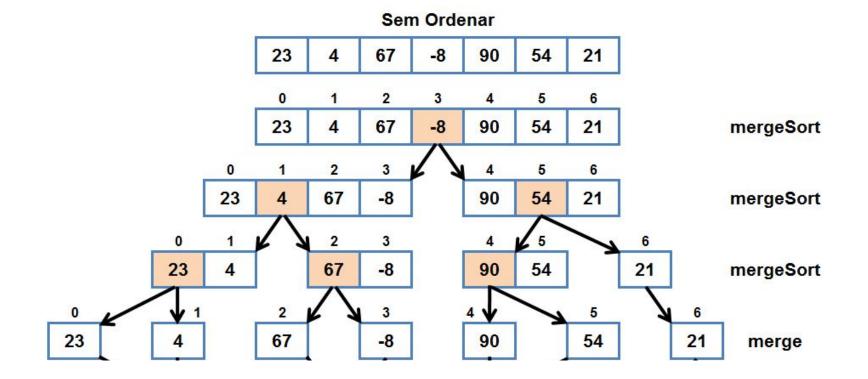


- → Passo a passo: função merge
  - Intercala os dados de forma ordenada em um array maior
  - Utiliza um array auxiliar





- → Passo a passo
  - Divide o array até ter N arrays de 1 elemento cada

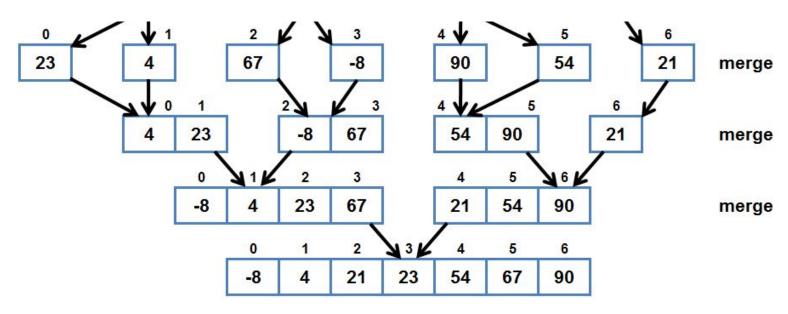




→ Passo a passo

Intercala os arrays até obter um único array de N

elementos







- → Vantagens
  - Estável: não altera a ordem dos dados iguais
- → Desvantagens
  - Possui um gasto extra de espaço de memória em relação aos demais métodos de ordenação
    - Ele cria uma cópia do array para cada chamada recursiva
    - Em outra abordagem, é possível utilizar um único array auxiliar ao longo de toda a sua execução



- → Complexidade
  - Considerando um array com N elementos, o tempo de execução é de ordem O(N log N) em todos os casos
  - Sua eficiência não depende da ordem inicial dos elementos
    - No pior caso, realiza cerca de 39% menos comparações do que o quick sort no seu caso médio
    - Já no seu melhor caso, o merge sort realiza cerca de metade do número de iterações do seu pior caso

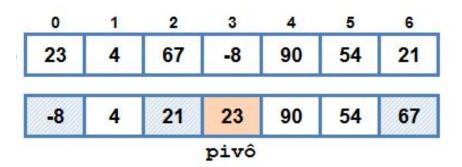




- → Também conhecido como ordenação por partição
  - É outro algoritmo recursivo que usa a idéia de dividir para conquistar para ordenar os dados
  - Se baseia no problema da separação
    - Em inglês, partition subproblem

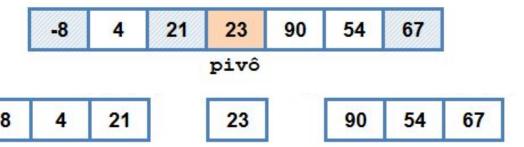


- → Problema da separação
  - Em inglês, partition subproblem
  - Consiste em rearranjar o array usando um valor como pivô
    - Valores menores do que o pivô ficam a esquerda
    - Valores maiores do que o pivô ficam a direita





- → Funcionamento
  - Um elemento é escolhido como pivô
  - Valores menores do que o pivô são colocados antes dele e os maiores, depois
    - Supondo o pivô na posição X, esse processo cria duas partições: [0,...,X-1] e [X+1,...,N-1].
  - Aplicar recursivamente a cada partição
    - Até que cada partição contenha um único elemento





- → Algoritmo usa 2 funções
  - quickSort : divide os dados em arrays cada vez menores
  - o particiona: calcula o pivô e rearranja os dados

```
void quickSort(int *V, int inicio, int fim) {
   int pivo;
   if(fim > inicio) {
        pivo = particiona(V, inicio, fim);
        quickSort(V, inicio, pivo-1);
        quickSort(V, pivo+1, fim);
   }
}
Chama a função
   Separa os dados em
        para as 2 metades
   2 partições
```



→ Algoritmo

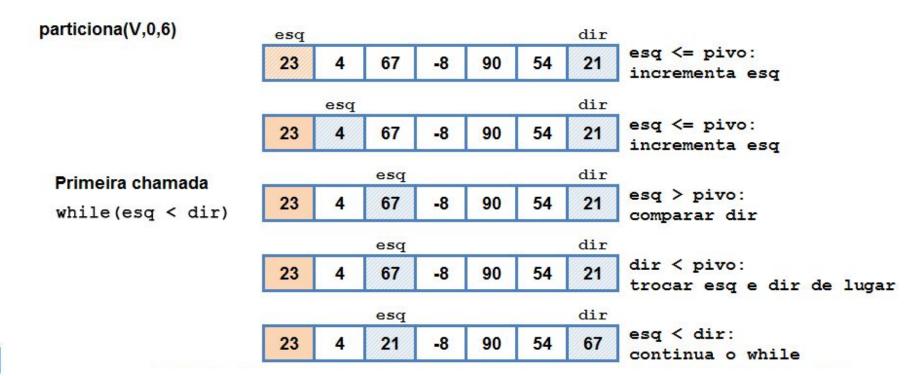
```
int particiona (int *V, int inicio, int final ) {
    int esq, dir, pivo, aux;
    esq = inicio;
    dir = final;
    pivo = V[inicio];
    while (esq < dir) {
        while (esq <= final && V[esq] <= pivo)

esq++;

Avança posição
da esquerda
             esq++;
                                                Recua posição
        while(dir >= 0 && V[dir] > pivo)
                                                 da direita
             dir--;
         if(esq < dir){</pre>
             aux = V[esq];
V[esq] = V[dir];
                                         Trocar esq e dir
             V[dir] = aux;
    V[inicio] = V[dir];
    V[dir] = pivo;
    return dir;
```

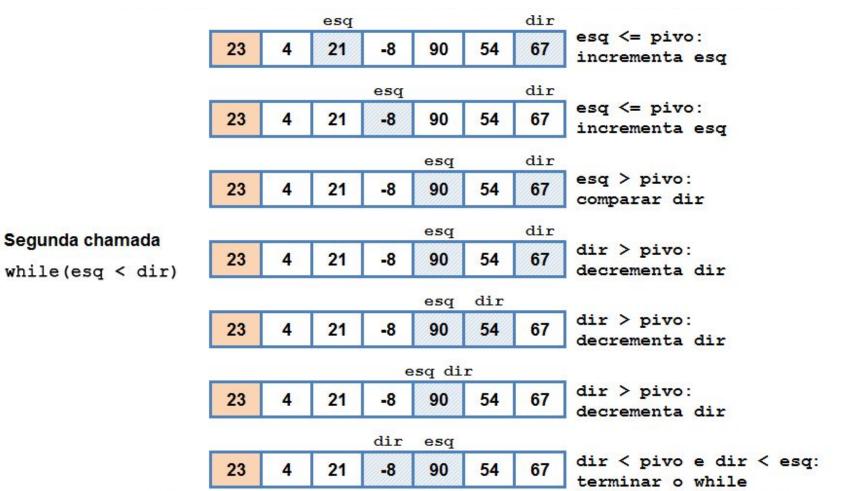


→ Passo a passo: função particiona





→ Passo a passo: função particiona

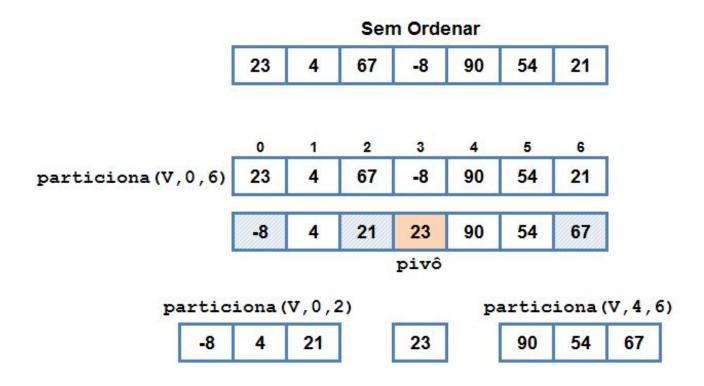




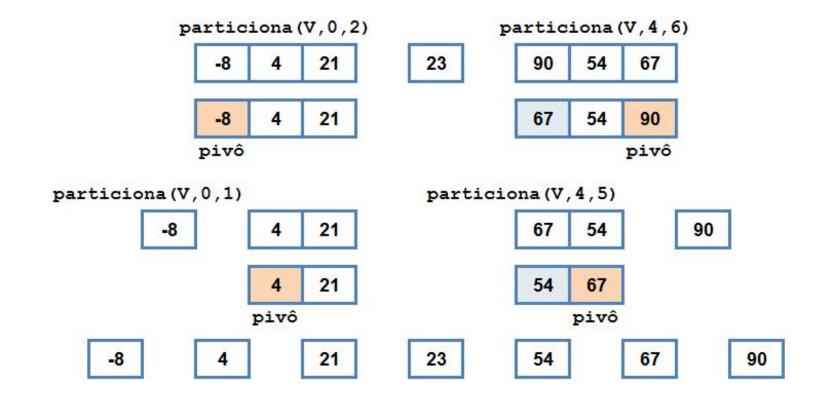
→ Passo a passo: função particiona

```
inicio
                dir
                     esq
                                    Trocar dir e inicio de lugar:
 23
           21
                     90
                          54
                                    dir é o pivô
                dir
inicio
                     esq
           21
                23
                     90
                          54
                               67
                                    dir é o pivô
```













- → Desvantagens
  - Não é um algoritmo estável
  - Como escolher o pivô?
    - Existem várias abordagens diferentes
    - No pior caso o pivô divide o array de N em dois: uma partição com N-1 elementos e outra com 0 elementos
    - Particionamento não é balanceado
    - Quando isso acontece a cada nível da recursão, temos o tempo de execução de O(N²)



- → Desvantagens
  - No caso de um particionamento não balanceado, o insertion sort acaba sendo mais eficiente que o quick sort
    - O pior caso do quick sort ocorre quando o array já está ordenado, uma situação onde a complexidade é O(N) no insertion sort
- → Vantagem
  - Apesar de seu pior caso ser quadrático, costuma ser a melhor opção prática para ordenação de grandes conjuntos de dados

- → Complexidade
  - Considerando um array com N elementos, o tempo de execução é:
    - O(N log N), melhor caso e caso médio;
    - $\bigcirc (\mathbb{N}^2), \text{ pior caso.}$
  - Em geral, é um algoritmo muito rápido. Porém, é um algoritmo lento em alguns casos especiais
    - Por exemplo, quando o particionamento não é balanceado





- → Também conhecido como ordenação por contagem
  - Algoritmo de ordenação para valores inteiros
  - Esse valores devem estar dentro de um determinado intervalo
  - A cada passo ele conta o número de ocorrências de um determinado valor no array



#### → Funcionamento

- Usa um array auxiliar de tamanho igual ao maior valor a ser ordenado, K
- O array auxiliar é usado para contar quantas vezes cada valor ocorre
- Valor a ser ordenado é tratado como índice.
- Percorre o array auxiliar verificando quais valores existem e os coloca no array ordenado

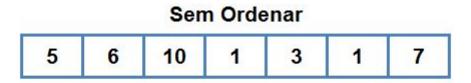


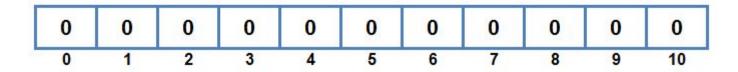
→ Algoritmo

```
#define K 100
void countingSort(int *V, int N) {
    int i, j, k;
    int baldes [K];
    for(i = 0; i < K; i++)
        baldes[i] = 0;
    for(i = 0; i < N; i++)
        baldes[V[i]]++;

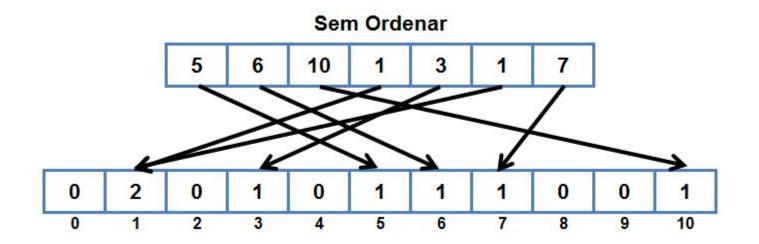
    for(i = 0, j = 0; j < K; j++)
        for(k = baldes[j]; k > 0; k--)
        V[i++] = j;
}
```



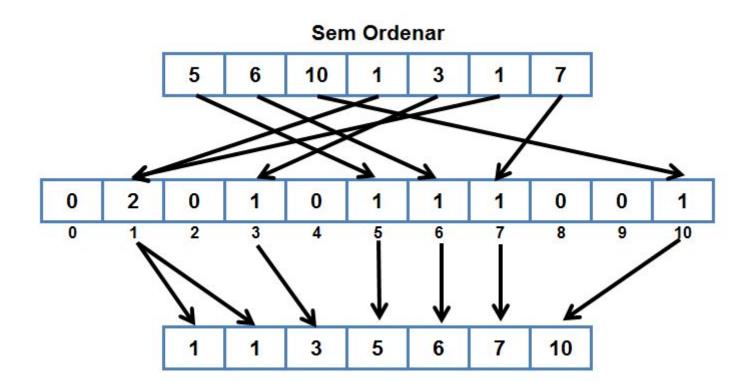














#### **Algoritmo Counting Sort**

- → Vantagem
  - Estável: não altera a ordem dos dados iguais
  - Processamento simples
- → Desvantagens
  - Não recomendado para grandes conjuntos de dados (K muito grande)
  - Ordena valores inteiros positivos (pode ser modificado para outros valores)

#### **Algoritmo Counting Sort**

- → Complexidade
  - Complexidade linear
  - Considerando um array com N elementos e o maior valor sendo K, o tempo de execução é sempre de ordem O(N+K)
  - K é o tamanho do array auxiliar





- → Também conhecido como ordenação usando baldes
  - Algoritmo de ordenação para valores inteiros
  - Usa um conjunto de K baldes para separar os dados
  - A ordenação dos valores é feita por balde



- → Funcionamento
  - Distribui os valores a serem ordenados em um conjunto de baldes.
    - Cada balde é um array auxiliar
    - Cada balde guarda uma faixa de valores
  - Ordena os valores de cada balde.
    - Isso é feito usando outro algoritmo de ordenação ou ele mesmo
    - Percorre os baldes e coloca os valores de cada balde de volta no array ordenado

→ Algoritmo

```
#define TAM 5 // tamanho do balde
struct balde{
    int qtd;
    int valores [TAM];
1;
void bucketSort(int *V, int N) {
    int i, j, maior, menor, nroBaldes, pos;
    struct balde *bd;
    // Acha maior e menor valor
    maior = menor = V [0];
    for(i = 1; i < N; i++) {
        if(V[i] > maior) maior = V[i];
        if(V[i] < menor) menor = V[i];</pre>
      Inicializa baldes
    nroBaldes = (maior - menor) / TAM + 1;
    bd = (struct balde *) malloc(nroBaldes * sizeof(struct balde));
    for(i = 0; i < nroBaldes; i++)</pre>
        bd[i].qtd = 0;
```



→ Algoritmo

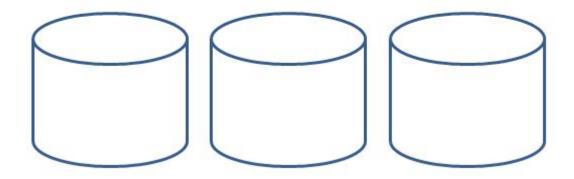
```
Distribui os valores nos baldes
for(i = 0; i < N; i++) {
    pos = (V[i] - menor) / TAM;
   bd[pos].valores[bd[pos].qtd] = V[i];
   bd[pos].qtd++;
   Ordena baldes e coloca no array
pos = 0;
for(i = 0; i < nroBaldes; i++) {
    insertionSort(bd[i].valores,bd[i].qtd);
    for (j = 0; j < bd[i].qtd; j++){
        V[pos] = bd[i].valores[j];
        pos++;
free (bd);
```



→ Passo a passo

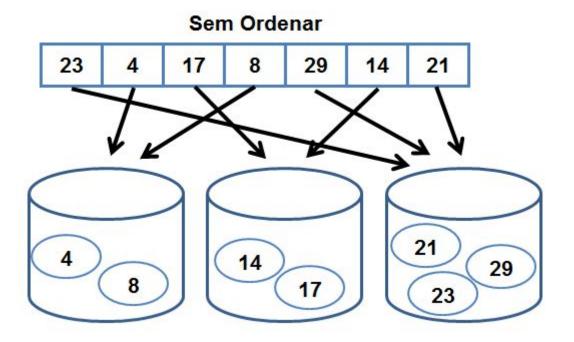
#### Sem Ordenar

| 23 4 | 17 | 8 | 29 | 14 | 21 |
|------|----|---|----|----|----|
|------|----|---|----|----|----|



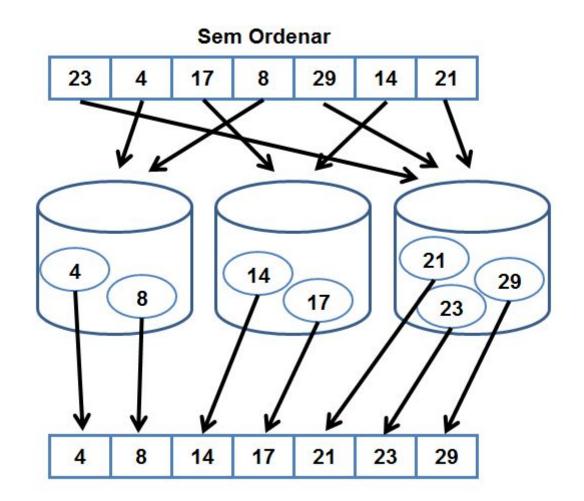


→ Passo a passo





→ Passo a passo





- → Vantagem
  - Estável: não altera a ordem dos dados iguais
    - Exceto se usar um algoritmo não estável nos baldes
  - Processamento simples
  - Parecido com o Counting Sort
    - Mas com baldes mais sofisticados
- → Desvantagens
  - Dados devem estar uniformemente distribuídos
  - Não recomendado para grandes conjuntos de dados
  - Ordena valores inteiros positivos (pode ser modificado para outros valores)

- → Complexidade
  - Considerando um array com N elementos e K baldes, o tempo de execução é
  - O(N+K), melhor caso: dados estão uniformemente distribuídos
  - O(N²), pior caso: todos os elementos são colocados no mesmo balde





- → A ordenação de um array de inteiros é uma tarefa simples
  - Na prática, trabalhamos com dados um pouco mais complexos, como estruturas
  - Mais dados para manipular

```
struct aluno{
    int matricula;
    char nome[30];
    float n1,n2,n3;
};
```



→ Como fazer a ordenação quando o que temos é um array de struct?

```
struct aluno V[6];
                         matricula;
                                                   matricula;
                                                                matricula;
matricula;
            matricula;
                                      matricula;
nome[30];
                         nome[30];
                                                   nome [30];
                                                               nome [30];
            nome [30];
                                      nome [30];
n1, n2, n3;
            n1, n2, n3;
                         n1, n2, n3;
                                      n1, n2, n3;
                                                   n1, n2, n3;
                                                               n1, n2, n3;
  V[0]
               v[1]
                            v[2]
                                         v[3]
                                                      v[4]
                                                                   v[5]
```



- → Relembrando
- → A ordenação é baseada em uma chave
  - A chave de ordenação é o campo do item utilizado para comparação
    - Valor armazenado em um array de inteiros
    - Campo de uma struct
    - etc
  - É por meio dela que sabemos se um determinado elemento está a frente ou não de outros no conjunto

- → Ou seja, devemos modificar o algoritmo para que a comparação das chaves seja feita utilizando um determinado campo da struct
- → Exemplo
  - Vamos modificar o insertion sort
    - Essa modificação vale para os outros métodos

```
void insertionSort(int *V, int N) {
   int i, j, aux;
   for(i = 1; i < N; i++) {
      aux = V[i];
      for(j = i; (j > 0) && (aux < V[j - 1]); j--)
            V[j] = V[j - 1];
      V[j] = aux;
   }
}</pre>
```



- → Duas novas formas de ordenação
  - Por matricula



- → Duas novas formas de ordenação
  - Por nome



# Perguntas?



## Exercícios de Fixação



#### Exercícios

1. Escreva um algoritmo que receba valores em um vetor e imprima ORDENADO se o vetor estiver em ordem crescente

struct aluno V[6];

2. Escreva um algoritmo que ordene de maneira decrescente (do maior para o menor) usando a matrícula a seguinte estrutura de dados:

```
struct aluno{
   int matricula;
   char nome[30];
   float n1, n2, n3;
};
```

```
matricula;
            matricula;
                         matricula;
                                      matricula;
                                                   matricula;
                                                                matricula;
nome[30];
            nome [30];
                         nome[30];
                                      nome[30];
                                                   nome [30];
                                                                nome [30];
                                      n1, n2, n3;
n1, n2, n3;
            n1, n2, n3;
                         n1, n2, n3;
                                                   n1, n2, n3;
                                                                n1, n2, n3;
  V[0]
               v[1]
                            v[2]
                                         v[3]
                                                      v[4]
                                                                   v[5]
```



#### Referências

- → BACKES, A. Ricardo. Algoritmos e estruturas de dados em linguagem C. 1. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2023.
- → Prof. Dr. André Backes; Estrutura de Dados 2; 2012





lucas.costa@idp.edu.br

@lucasrodri

www.linkedin.com/in/lucas-rodri