Taller 02

Desarrollo Taller

Analisis Estadistico de Datos

Grupo 05

2025-05-04

Taller 02

Multivariada

Maestría en Energías Renovables Escuela de Ingeniería, Ciencia y Tecnología Universidad del Rosario Integrantes:

Zahira Itzel González Cleves Diego Alejandro Mejía Montañez Daniel Felipe Russi Aragón Iván Camilo Granados Niño Andrés Alfonso Osorio Marulanda

Desarrollo Taller

```
library(corrplot)
library(devtools)
library(dplyr)
library(factoextra)
library(FactoMineR)
library(ggExtra)
library(GGally)
library(ggplot2)
library(kableExtra)
library(knitr)
library(MASS)
library(plotly)
library(psych)
library(tidyverse)
library(usethis)
library(writexl)
#carga de datos separados con sep=;
df_pais <- read.table("/Users/aosoriom/Repos/MER_AEDatos/datasets/datos_talle</pre>
r_02.csv",sep=";",header = TRUE)
# Visualiza la tabla de datos de mejor manera y con scroll
# Para tablas pequeñas usar: kable(head(mi_dataframe), caption = "Primeras fi
las del dataset")
kable(head(df_pais), caption = "Primeras filas del dataset") %>%
  scroll box(width = "100%", height = "auto")
```

Primeras filas del dataset Country Bunker_fuel_consumption_TBPDBunker_residual_fuel_oil_consumption_TBPDCrude_o					
Algeria	14.0	3.8			
Angola	12.0	6.8			
Argentina	48.0	26.0			
Australia	14.0	13.0			
Austria	0.0	0.0			

Normal Multivariada

#summary(df_pais)

Pregunta 1

 $w_1 = 5$

Encuentre la estimación del vector de medias y la matriz de varianzas y covarianzas para 5 variables de su interés del conjunto de datos.

Vector de Medias

```
datos_taller_02 <- df_pais
# Seleccionar las 5 variables de interés
vars_interes <- datos_taller_02[, c(12, 16, 17, 40, 58)]
# Estimación del vector de medias
vector_medias <- colMeans(vars_interes)
print(vector_medias)</pre>
```

```
Kerosene consumption TBPD
##
                                        8.224625
##
##
                Motor_gasoline_consumption_TBPD
                                      214.132432
##
                 Motor gasoline production TBPD
##
##
                                      211.467568
   Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH
                                      132.584084
##
##
           Wind electricity net generation BKWH
##
                                        6.084685
```

Unidades en las que se miden las variables a estudiar: - TBPD (Thousand Barrels Per Day) - BKWH (Billion Kilowatt-hours)

Se observa que el promedio de consumo de gasolina es muy alto en comparación con otras variables, y que la generación eólica todavía es baja en promedio.

Matriz de varianzas y covarianzas

```
# Estimación de la matriz de varianzas y covarianzas
matriz_covarianzas <- cov(vars_interes)
print(matriz_covarianzas)</pre>
```

```
##
                                                 Kerosene_consumption_TBPD
                                                                 1111.20579
## Kerosene consumption TBPD
## Motor gasoline consumption TBPD
                                                                 3652,59338
## Motor gasoline production TBPD
                                                                4047.14314
## Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH
                                                                4495.08919
## Wind electricity net generation BKWH
                                                                  91.56329
##
                                                 Motor gasoline consumption TB
PD
                                                                         3652.5
## Kerosene consumption TBPD
93
## Motor gasoline consumption TBPD
                                                                       790595.0
46
## Motor gasoline production TBPD
                                                                       834206.4
18
## Fossil fuels electricity net generation BKWH
                                                                       318100.9
39
## Wind_electricity_net_generation_BKWH
                                                                        18042.2
66
##
                                                 Motor_gasoline_production_TBP
D
## Kerosene consumption TBPD
                                                                        4047.14
## Motor_gasoline_consumption_TBPD
                                                                      834206.41
8
## Motor gasoline production TBPD
                                                                      890035.39
7
## Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH
                                                                      335168.58
3
## Wind electricity net generation BKWH
                                                                       19190.03
7
##
                                                 Fossil fuels electricity net
generation BKWH
## Kerosene consumption TBPD
4495.089
## Motor gasoline consumption TBPD
318100.939
## Motor gasoline production TBPD
335168.583
## Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH
223824.714
## Wind_electricity_net_generation_BKWH
10183.494
##
                                                 Wind electricity net generati
on BKWH
## Kerosene_consumption_TBPD
                                                                              9
1.56329
## Motor gasoline consumption TBPD
                                                                           1804
2.26614
```

```
## Motor_gasoline_production_TBPD
0.03732
## Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH
3.49430
## Wind_electricity_net_generation_BKWH
56
3.17167
```

Las covarianzas (situadas fuera de la diagonal de la matriz) indican cómo dos variables interactuan. Los valores positivos indican relación directa o positiva, los valores negativos indican una relación indirecta o negativa, es decir, mientra una aumenta la otra disminuye. Y por último, si el valor es cero o cercano a cero, indica que las variables no tienen relación.

Podemos concluir que:

- Motor_gasoline_consumption y production: Covarianza ≈ 834206.42 m Covarianza muy alta y positiva: los países que consumen más gasolina también tienden a producir más.
- Kerosene y gasoline consumption: Covarianza ≈ 3652.59 Covarianza: positiva pero pequeña → Existe relación entre las variables, pero no muy fuerte.
- Wind electricity vs. cualquier otra: Covarianzas bajas (ej. con fósil ≈ 10183.49, con gasolina ≈ 18042.27), la generación eólica no tiene una fuerte relación lineal con las demás variables.

A continuación, se muestra la diagonal de la matriz de varianzas y covarianzas, que representan la varianza de cada variable, es decir, qué tanto se dispersan los datos respecto a su media.

```
# Varianza de cada una de las variables
print (diag(matriz_covarianzas))
```

```
##
                      Kerosene_consumption_TBPD
                                       1111.2058
##
##
                Motor_gasoline_consumption_TBPD
##
                                     790595.0460
                 Motor_gasoline_production_TBPD
##
##
                                     890035.3975
## Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH
                                     223824.7141
##
           Wind electricity net generation BKWH
##
##
                                        563.1717
```

- La producción y consumo de gasolina tienen altísima varianza, lo que sugiere grandes diferencias entre países.
- La generación eólica tiene baja varianza, lo que indica que la mayoría de los países tienen valores similares (probablemente bajos).
- La generación eléctrica por fósiles también muestra alta varianza, lo cual refleja diferencias estructurales entre países en sus sistemas eléctricos.

ACP

Pregunta 2

```
w_2 = 5
```

Realice un análisis descriptivo univariado y bivariado del conjunto de datos. Considere nuevamente las mismas 5 variables de su interés para este punto.

Análisis univariado

Resumen estadístico

```
summary(vars_interes)
```

```
Kerosene_consumption_TBPD Motor_gasoline_consumption_TBPD
##
              0.000
    Min.
                               Min.
##
    1st Ou.:
              0.000
                               1st Ou.:
                                         13.0
##
##
    Median :
              0.500
                               Median: 33.0
    Mean
              8.225
                               Mean
                                     : 214.1
##
                               3rd Ou.: 108.5
    3rd Ou.: 2.300
##
    Max.
           :298.000
                               Max.
                                      :8921.0
##
    Motor_gasoline_production_TBPD Fossil_fuels_electricity_net_generation_BK
##
WH
##
    Min.
               0.0
                                    Min.
                                               0.00
    1st Ou.:
                                               4.25
               5.6
                                    1st Qu.:
##
##
    Median: 37.0
                                    Median :
                                             21.00
    Mean
           : 211.5
                                    Mean
                                           : 132.58
##
    3rd Qu.: 106.5
                                    3rd Ou.:
                                              80.00
##
    Max.
           :9571.0
                                    Max.
                                           :3985.00
##
    Wind_electricity_net_generation_BKWH
    Min.
##
              0.000
##
    1st Ou.:
              0.000
    Median :
##
              0.100
           : 6.085
##
    Mean
    3rd Ou.:
              1.450
##
##
   Max.
           :182.000
```

Desviación estándar para cada variable

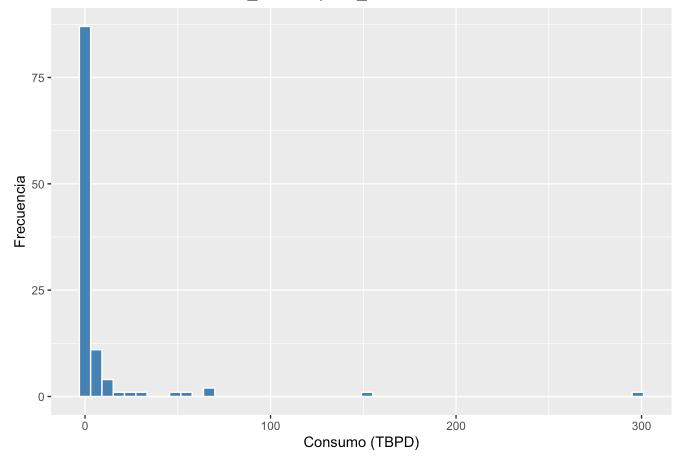
```
sapply(vars_interes, sd, na.rm = TRUE)
```

```
##
                       Kerosene_consumption_TBPD
                                         33.33475
##
                Motor_gasoline_consumption_TBPD
##
                                       889.15412
##
                 Motor_gasoline_production_TBPD
##
                                        943.41687
##
   Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH
##
                                        473.10117
           Wind_electricity_net_generation_BKWH
##
##
                                        23.73124
```

Histograma de distribución para cada variable

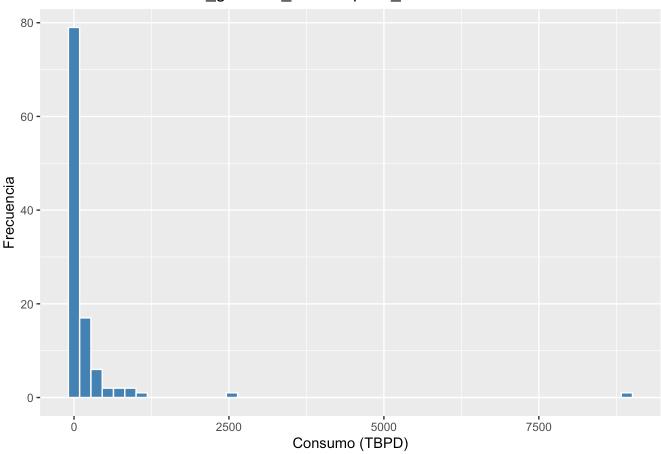
Histograma de distribución Kerosene_consumption_TBPD

Distribución de Kerosene_consumption_TBPD



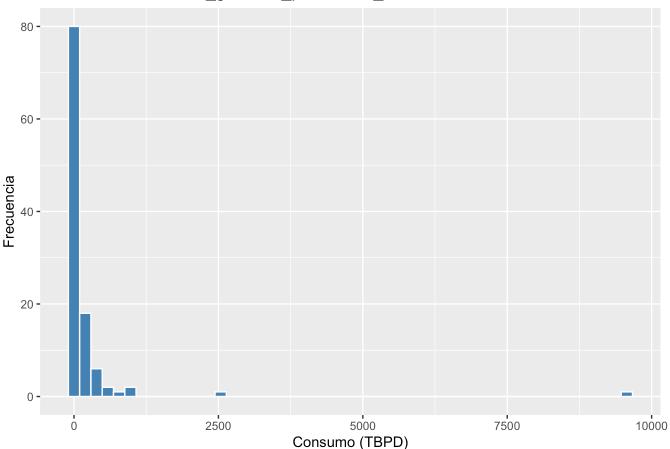
Histograma de distribución Motor_gasoline_consumption_TBPD

Distribución de Motor_gasoline_consumption_TBPD



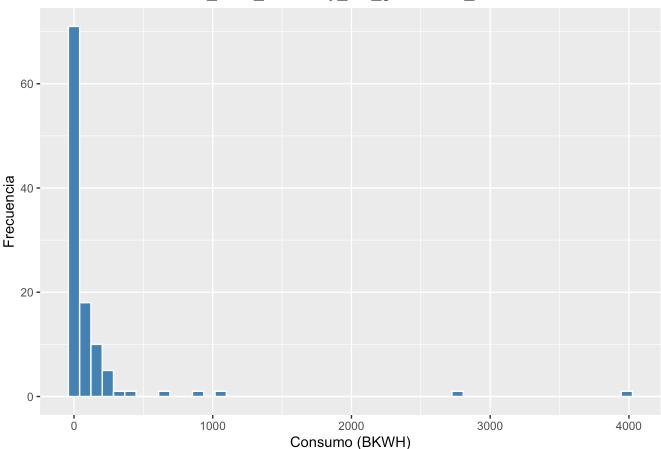
Histograma de distribución Motor_gasoline_production_TBPD

Distribución de Motor gasoline production TBPD



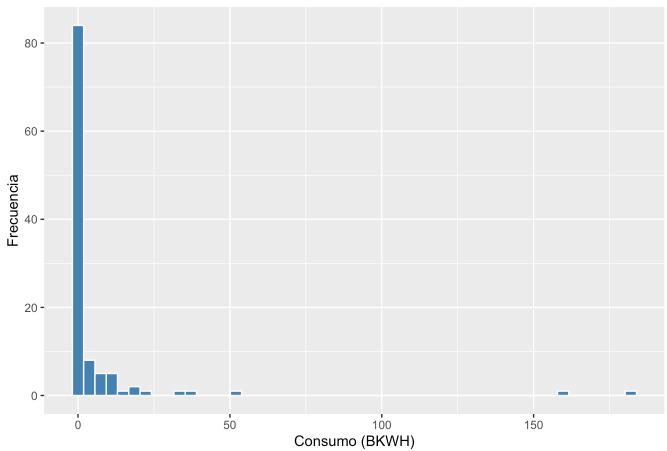
Histograma de distribución Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH

Distribución de Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH



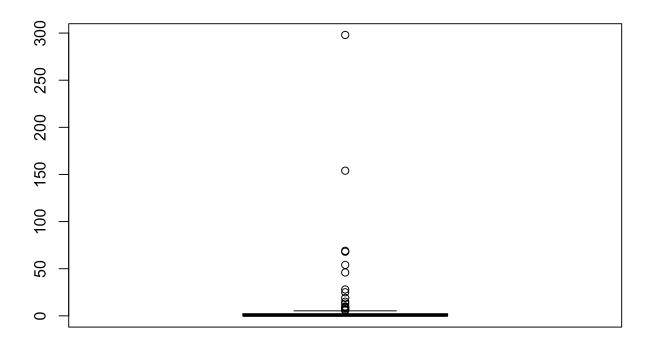
Histograma de distribución Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH

Distribución de Wind_electricity_net_generation_BKWH



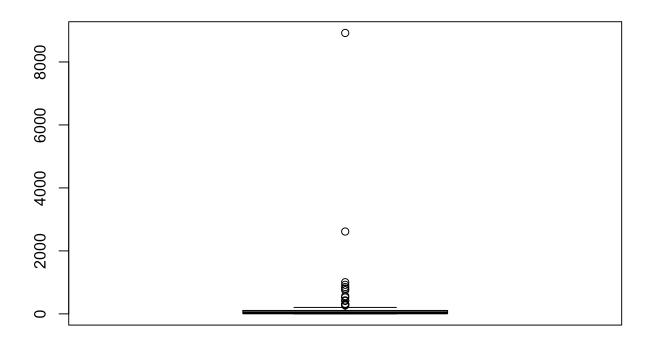
Boxplots Boxplot Kerosene_consumption_TBPD

boxplot(vars_interes\$Kerosene_consumption_TBPD)



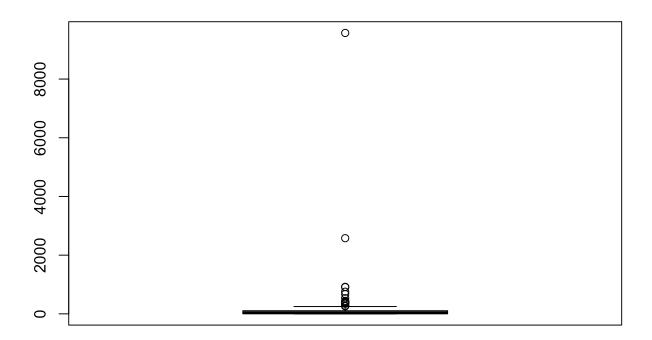
Boxplot Motor_gasoline_consumption_TBPD

boxplot(vars_interes\$Motor_gasoline_consumption_TBPD)



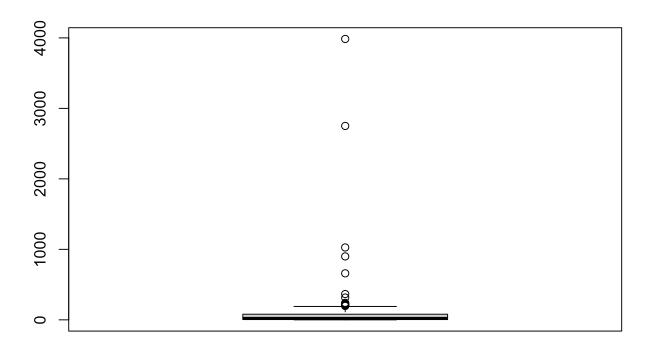
Boxplot Motor_gasoline_production_TBPD

boxplot(vars_interes\$Motor_gasoline_production_TBPD)



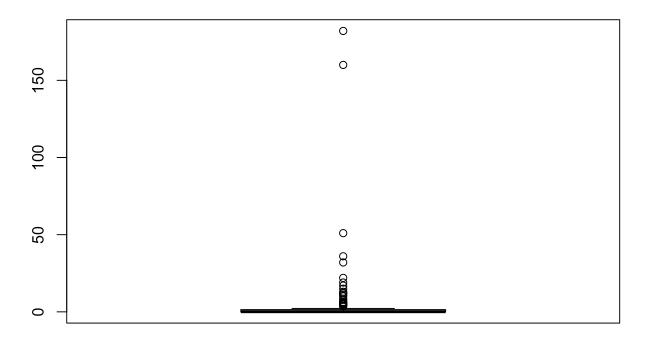
 $Boxplot\ Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH$

boxplot(vars_interes\$Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH)



Boxplot Wind_electricity_net_generation_BKWH

boxplot(vars_interes\$Wind_electricity_net_generation_BKWH)



Análisis multivariado

La matriz de correlación indica la fuerza y dirección de las relaciones lineales entre las variables de un conjunto de datos.

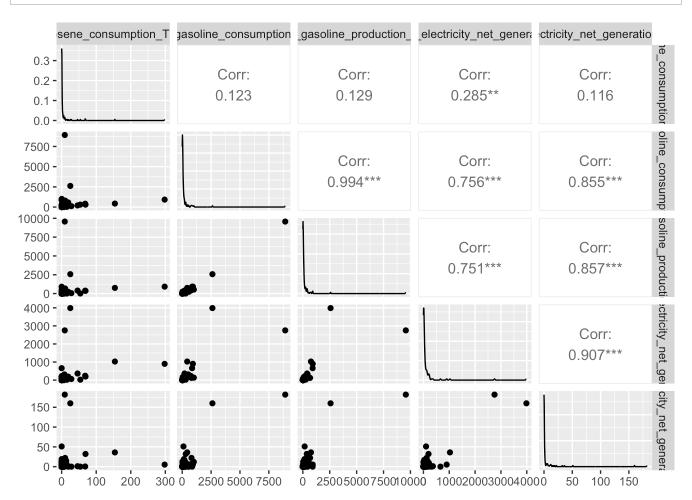
```
correlaciones <- cor(vars_interes, use = "complete.obs")
print(correlaciones)</pre>
```

```
##
                                                 Kerosene_consumption_TBPD
## Kerosene consumption TBPD
                                                                  1.0000000
## Motor gasoline consumption TBPD
                                                                  0.1232330
## Motor gasoline production TBPD
                                                                  0.1286909
## Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH
                                                                  0.2850277
## Wind electricity net generation BKWH
                                                                  0.1157454
##
                                                 Motor gasoline consumption TB
PD
## Kerosene_consumption_TBPD
                                                                        0.12323
30
## Motor gasoline consumption TBPD
                                                                        1.00000
00
## Motor gasoline production TBPD
                                                                        0.99447
26
## Fossil fuels electricity net generation BKWH
                                                                        0.75619
52
## Wind_electricity_net_generation_BKWH
                                                                        0.85505
42
##
                                                 Motor_gasoline_production_TBP
D
## Kerosene consumption TBPD
                                                                       0.128690
## Motor_gasoline_consumption_TBPD
                                                                       0.994472
6
## Motor gasoline production TBPD
                                                                       1.000000
## Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH
                                                                       0.750940
7
## Wind electricity net generation BKWH
                                                                       0.857140
##
                                                 Fossil fuels electricity net
generation BKWH
## Kerosene consumption TBPD
0.2850277
## Motor gasoline consumption TBPD
0.7561952
## Motor gasoline production TBPD
0.7509407
## Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH
1.0000000
## Wind_electricity_net_generation_BKWH
0.9070316
##
                                                 Wind electricity net generati
on BKWH
## Kerosene_consumption_TBPD
                                                                             0.
1157454
## Motor gasoline consumption TBPD
                                                                             0.
8550542
```

```
## Motor_gasoline_production_TBPD
8571400
## Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH
9070316
## Wind_electricity_net_generation_BKWH
1.0000000
```

- Alta correlación entre Motor_gasoline_consumption_TBPD y Motor_gasoline_production_TBPD:
 0.9945. Esto indica una relación casi perfecta. Los países que más gasolina producen también la consumen mucho.
- Alta correlación entre entre Fossil_fuels_electricity_net_generation_BKWH y Wind_electricity_net_generation_BKWH: 0.9070. Los países que generan más electricidad con fósiles también tienen alta generación eólica.
- Correlación fuerte entre Motor_gasoline_production_TBPD y
 Wind_electricity_net_generation_BKWH: 0.8571. Los paises con alta producción de gasolina, también tienen una alta generación neta de electricidad eólica.
- Kerosene_consumption_TBPD tiene correlaciones débiles con todas las demás (< 0.29).

ggpairs(vars_interes)



La mayoría de las variables tienen distribuciones sesgadas hacia valores bajos con algunos valores muy altos (ver diagramas de dispersión).

Esto sugiere que la mayoría de los países tienen baja producción o consumo, mientras que unos pocos tienen valores extremos.

Pregunta 3

 $w_3 = 8$

El conjunto de datos incluye 57 variables, analizarlas de forma individual podría representar un gasto computacional y de tiempo bastante agotador; por lo cuál una técnica de reducción de dimensionalidad sería ideal. Ejecute un ACP sobre estos datos, compare la contribución de las variables sobre el primer plano factorial de un ACP normado (escalado) y uno sin normalizar (sin escalar).

El conjunto de datos incluye 57 variables, analizarlas de forma individual podría representar un gasto computacional y de tiempo bastante agotador; por lo cual una técnica de reducción de dimensionalidad sería ideal. Ejecute un ACP sobre estos datos, compare la contribución de las variables sobre el primer plano factorial de un ACP normado (escalado) y uno sin normalizar (sin escalar).

```
#carga de datos separados con sep=;
pais = read.table("/Users/aosoriom/Repos/MER AEDatos/datasets/datos taller 0
2.csv",sep=";",header = TRUE)
#se crea el data frame país
datos<-as.data.frame(pais)</pre>
#nueva variable y se le quita la 1ra columna
columnas_a_convertir <- names(datos)[-1]</pre>
#transformación de datos a numéricos str(Datos)
datos[columnas_a_convertir] <- lapply(datos[columnas_a_convertir], as.numeri</pre>
c)
# str(datos) --> se comenta para no sacar todos los datos, se debe quitar.
#selección de las 5 variables
select data <- datos[, c("Refined petroleum products consumption TBPD", "Refi</pre>
ned petroleum products production TBPD", "Electricity exports BKWH", "Electri
city_imports_BKWH", "Electricity_installed_capacity_MK")]
summary(select_data)
```

```
Analisis Estadistico de Datos
   Refined_petroleum_products_consumption_TBPD
##
               15.0
##
   Min.
   1st Ou.:
             71.5
##
   Median : 202.0
##
##
   Mean : 811.4
   3rd Ou.: 750.0
##
   Max.
          :19100.0
##
   Refined_petroleum_products_production_TBPD Electricity_exports_BKWH
##
                                               Min.
                                                      : 0.000
##
   Min.
                0.0
   1st Ou.:
               39.5
                                               1st Ou.: 0.000
##
   Median : 172.0
                                               Median : 0.600
##
   Mean : 777.3
                                               Mean : 5.158
##
   3rd Ou.: 555.0
                                               3rd Qu.: 5.550
##
          :19653.0
                                               Max.
                                                      :75.000
##
   Max.
   Electricity imports BKWH Electricity installed capacity MK
##
           : 0.000
                             Min.
                                   :
                                        0.40
##
   Min.
   1st Ou.: 0.000
                             1st Ou.:
                                        3.50
##
   Median : 0.700
                             Median : 11.00
##
   Mean : 5.671
                             Mean : 51.63
##
                             3rd Qu.: 33.00
   3rd Qu.: 7.550
##
## Max.
          :67.000
                                    :1380.00
                             Max.
#se excluye la primera columna
columnas numericas <- names(datos)[-1]</pre>
#se aplica pca a datos normalizados o escalados
```

```
#"prcom()p" es la forma rápida de implementar un PCA sobre un conjunto de dat
os, es necesaria la biblioteca stats, center y SCALE TRUE corresponden a las
medias y desv estándar antes de aplicar el PCA
pca normalizado <- prcomp(datos[, columnas numericas], center = TRUE, scale =</pre>
TRUE)
#se aplica pca a datos sin normalizar
pca_sin_normalizar <- prcomp(datos[, columnas_numericas], center = FALSE, sca</pre>
le = FALSE)
#se comparan las contirbuciones de las variables seleccionadas
contribucion normalizado <- pca normalizado$sdev^2</pre>
contribucion_sin_normalizar <- pca_sin_normalizar$sdev^2</pre>
#creación de tabla de datos para luego ver las contribuciones
contribuciones_df <- data.frame(</pre>
  Contribucion_Normalizado = contribucion_normalizado,
  Contribucion Sin Normalizar = contribucion sin normalizar)
#print(format(contribuciones_df, scientific=FALSE))
head(contribuciones df, n=10)
```

##	Contribucion_Normalizado	Contribucion_Sin_Normalizar	
## 1	35.3158793	27524045.470	
## 2	4.4099873	4204746.774	
## 3	3.9984709	470085.023	
## 4	2.7056000	134152.350	
## 5	2.4548859	109320.329	
## 6	1.8678717	42942.129	
## 7	1.3074352	22302.380	
## 8	1.1151341	13868.073	
## 9	0.9019626	12746.905	
## 10	0.7565284	9601.909	

Con las variables seleccionadas que presentan valores bajos con respecto a otros países se observa que las contribuciones tienen poca influencia en la variación de los datos después de ser normalizados, por lo que se puede decir que dichas variables no contribuyen con aportes significativos al primer componente principal con datos escalados. Para los datos sin normalizar, las contribuciones son mayores comparadas con las normalizadas debido a los rangos o escalas de las variables seleccionadas no normalizadas.

Pregunta 4

$$w_4 = 8$$

Una vez calculado el PCA normado, ¿qué número de componentes principales deberíamos seleccionar? ¿Bajo que criterio seleccionó este número de componentes?

Se toma como referencia dos criterios 1) el Criterio de Kaiser que define que se deben conservar o seleccionar aquellos cuyos valores propios son iguales o superiores a 1 y 2) Porcentaje de la varianza acumulada, en el cual se calcula el porcentaje de la varianza de cada componente y se realiza el calculo del acumulado con el aporte de cada componente hasta que se evidencia un valor significativo de este porcentaje acumulado.

- 1. Criterio Kaiser: se selecciona hasta el componente principal 8, el cual es $PC_1 = 1.11$ y cumple son ser mayor que 1. En otras palabras, se seleccionana del componente 1 al 8 por ser mayores a 1.
- 2. Criterio de % de Varianza acumulada:usualmente se toman los componentes principales que totalicen una varianza acumulada entre 70% y 90%. Para este ejercicio se usara el principio de Pareto identificando los componentes que alcancen una varianza acumulada igual o superior al 80%, los cuales serian de los componentes del 1 al 4; estos 4 componentes equivalen al 7% del total y representan el 81.8% de la varianza acumulada.

Pregunta 5

$$w_5 = 8$$

Analice la representación de las variables originales sobre las dos primeras componentes en el primer plano factorial. ¿Que conclusiones podemos sacar de este análisis?

En el siguiente diagrama fasorial se grafican los 2 componentes principales, la misma es un poco difusa porque se están graficando las 57 variables.

#agrupa los datos por componentes principales escalados y los guarda en la va riable asignada acp_c (para reducir el tamaño del nombre de las variables se utiliza IA)

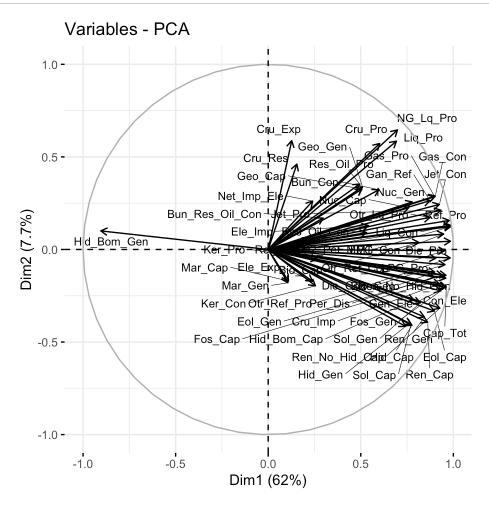
La sintaxis [, -1] selecciona todas las filas (espacio antes de la coma) # y todas las columnas excepto la columna en el índice 1 (el -1 después de la coma)

datos_rec <- read.table("/Users/aosoriom/Repos/MER_AEDatos/datasets/datos_tal
ler_02_rec.csv",sep=";",header = TRUE)</pre>

datos_solo_numericos <- datos_rec[, -1]</pre>

acp_c <-prcomp(datos_solo_numericos, scale = TRUE)</pre>

fviz_pca_var(acp_c,axes=c(1,2),repel=TRUE, labelsize=3, arrowsize=0.5, arroww
idth=0.5)



Por esto se procede a graficar únicamente las 30 variables que más aportan a los datos como se aconseja en la sección de ayuda, mediante

fviz_pca_var(acp_c,axes=c(1,2),repel=TRUE,select.var = list(contrib = 30)) obteniendo la siguiente grafica, de esta podemos concluir que dimension 1 o PCA 1, agrupa el 62% de los datos y el PCA 2 el 7,7%, siendo necesario apoyarnos en mas PCAs para lograr tomar un 80% de los datos y tener una mejor representacion de los datos de las 57 variables. Por otro lado, las flechas asignadas para cada variable indican la contribución en cada PCA, dando como resultado que en su mayoria aportan a la dimension 1 con una longitud muy parecida o agrupada entre cada variable dado que eliminamos las que menos contribuían, teniendo 2 casos visiblemente diferentes como lo son las variables Hid_Bom_Gen (

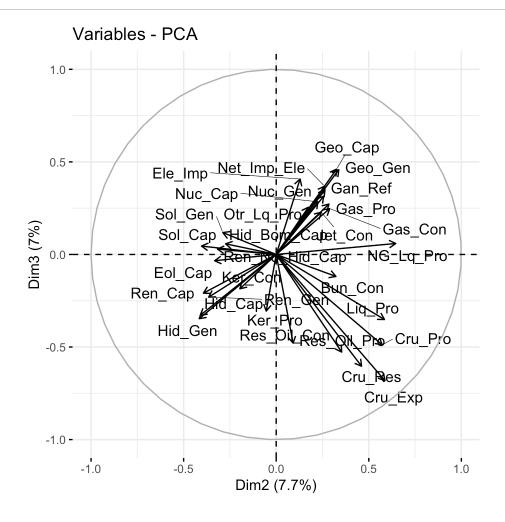
Hydroelectric_pumped_storage_electricity_net_generation_BKWH), la cual se ubica en el cuadrante 2 aportanto al PCA1 negativo, y la variable NG_Lq_Pro (Natural_gas_plant_liquids_production_TBPD), la cual aporta en la dimension 1 y 2.

En contraste al ejercicio de clase, en este contamos con una cantidad mayor de componentes relevantes para el análisis, por lo cual, realice el mismo gráfico anterior pero ahora sobre el plano factorial conformado por los componentes 2 y 3. ¿Qué conclusiones podemos sacar de este gráfico?

Utilizando la linea de codigo

fviz_pca_var(acp_c, axes = c(2, 3), repel=TRUE, select.var = list(contrib = 30)), Los datos de las variables en estos componentes tienen una menor contribución y estos se puede evidenciar en la magnitud de las flechas, junto a esto, se puede ver que hay una mayor distribución en los diferentes cuadrantes del diagrama fasorial, es importante resaltar como el PCA3 tiene 7% de los datos, con estos 3 PCAs agruparíamos el 76.7% de los datos, sería necesario tomar más componentes principales para llegar al 80%, lo cual nos daría una representación objetiva de los datos.

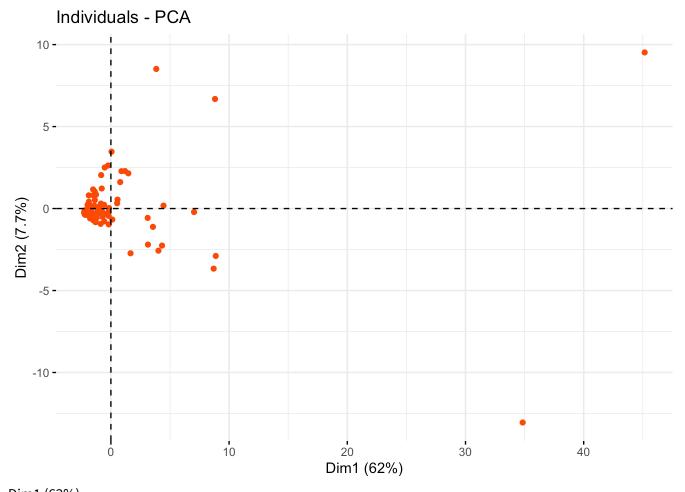
fviz_pca_var(acp_c, axes = c(2, 3),repel=TRUE,select.var = list(contrib = 3
0))



Pregunta 6

```
w_6 = 10
```

Ahora examine con detenimiento el mapa de individuos sobre los planos factoriales que conforman las componentes (1,2) y (2,3). ¿Qué conclusiones puede sacar según la cercanía de algunas UE?



Dim1 (62%):

- Este eje captura la mayor parte de la variabilidad, sugiriendo que una única dimensión ordena eficientemente a los países.
- Rango de valores: Los países se distribuyen desde -10 (extremo izquierdo) hasta 40 (extremo derecho), indicando una fuerte polarización.

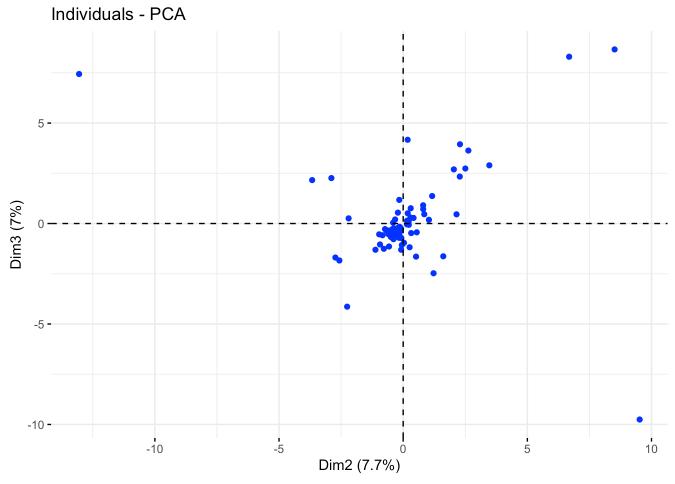
Dim2 (7.7%):

• Su contribución parece marginal, por lo que el análisis se centra en Dim1 (62%).

Distribución de Países

Patrón de dispersión:

- Extremo derecho: Países con características inusuales.
- Centro (valores cercanos a 0): Países con perfiles energéticos similares.
- Extremo izquierdo (valores negativos): Países con patrones atípicos.



Dim3 (7%) y Dim2 (7.7%):

Ambos componentes explican una proporción baja de varianza total (14.7% combinada). Esto sugiere que:

• La estructura subyacente de los datos es alta-dimensional (muchas variables influyentes no capturadas en estos ejes).

Distribución de Países

- Los puntos (países) están dispersos en un rango de -10 a 10 en ambos ejes, sin agrupamientos claros. Esto indica:
- No hay perfiles dominantes que agrupen a múltiples países.
- Outliers potenciales: Países en extremos (ej., cerca de (-10, 10)) podrían ser casos atípicos.

Pregunta 7

```
w_7 = 10
```

Como hemos observado en clase, el ACP es una técnica bastante sensible a datos atípicos, ejecute nuevamente el ACP retirando del conjunto de datos a Estados Unidos, China, Arabia Saudi y Rusia. ¿En que cambia el ACP al excluir estos países?. ¿Se perciben clusters de países con mayor claridad?. Calcule únicamente el ACP normado.

```
#se retiran los países propuestos
retirados <- c("UnitedStates", "China", "SaudiArabia", "Russia")</pre>
#creación de la nueva tabla de datos que ya no tienen los países retirados
paises_filtrados <- datos[!datos$Country %in% retirados, ]</pre>
columnas_numericas <- names(paises_filtrados)[-1]</pre>
pca_normalizado <- prcomp(paises_filtrados[, columnas_numericas], center = TR</pre>
UE, scale = TRUE)
pca_sin_normalizar <- prcomp(paises_filtrados[, columnas_numericas], center =</pre>
FALSE, scale = FALSE)
contribucion normalizado <- pca normalizado$sdev^2</pre>
contribucion_sin_normalizar <- pca_sin_normalizar$sdev^2</pre>
contribuciones_df <- data.frame(</pre>
  Contribucion_Normalizado = contribucion_normalizado,
  Contribucion_Sin_Normalizar = contribucion_sin_normalizar
)
varianza_explicada <- pca_normalizado$sdev^2</pre>
varianza_acumulada <- cumsum(varianza_explicada) / sum(varianza_explicada)</pre>
head(contribuciones df, n=10)
```

##	Contribucion_Normalizado	Contribucion_Sin_Normalizar	
## 1	27.8996281	4098283.841	
## 2	5.8387300	1445037.166	
## 3	4.6204396	86544.805	
## 4	3.7753312	41993.071	
## 5	2.8210627	26544.386	
## 6	2.2286043	14081.658	
## 7	2.0557117	10294.495	
## 8	1.6001717	8629.487	
## 9	1.3866329	5178.434	
## 10	0.8667378	3747.178	

Los países retirados presentan datos atípicos ya que son grandes consumidores de recursos energéticos como la electricidad o el petróleo y por otra parte, también se tienen grandes productores de aquellos recursos.

Las variaciones de las contribuciones de los datos normalizados si se comparan con los primeros resultados cuando estaban todos los países, muestran menos saltos, de manera similar sucede con los datos sin normalizar.

Lo anterior debido a que los países retirados presentaban datos altos si se comparaban con otros, lo que hacía que la escala de datos fuera mucho mayor. Al ser retirados estos países con datos atípicos, contribuye a buscar más eficazmente países con comportamientos más comunes entre sí y permite sean agrupados de o subdivididos de manera geográfica, por ejemplo.

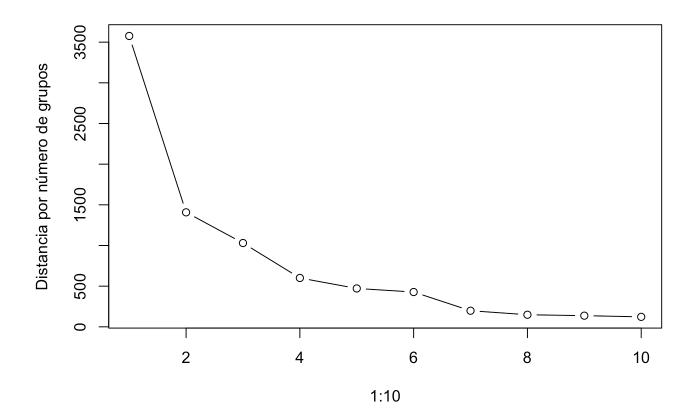
Clustering

Los puntos 8 a 11 se realizarán excluyendo de la base de datos los países atípicos mencionados en el punto 7 (es decir, retirando 'UnitedStates','China','SaudiArabia','Russia').

Pregunta 8

```
w_8 = 8
```

De acuerdo a lo aprendido en la clase de agrupamiento, utilice el primer plano factorial para determinar de manera aproximada el número de grupos en el análisis. ¿Cuántos clusters espera que existan en el conjunto de datos?



De acuerdo con la imagen anterior, se pueden esperar 4 clústeres o grupos ya que con esta cantidad se obtiene una reducción de distancia significativa y con cantidades mayores las reducciones son pequeñas.

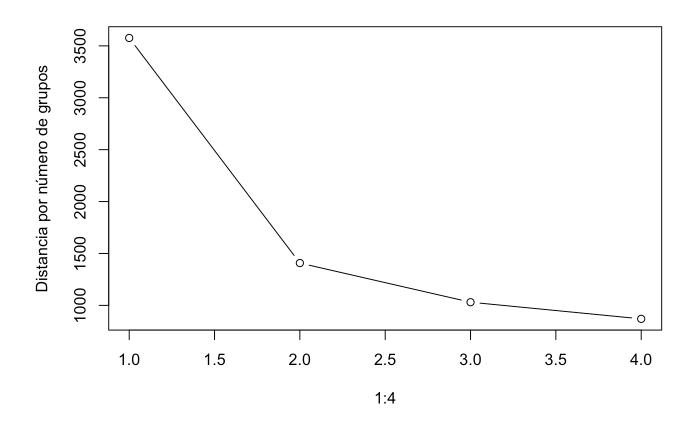
Pregunta 9

$w_9 = 12$

Mediante el método de reducción de varianza explicada, determine un número fijo de clusters para su análisis. No tiene que ser el mismo número que el elegido por su compañero, recuerde que ninguno conoce las etiquetas reales de los grupos de los países.

Respecto de la curva de codo de obtenida en el punto anterior, se considera que un numero ideal de clusters para analisis es k=4, dado que, luego de este, la disminucion se reduce significativamente la mejor en valores superiores de k no es representativa

```
#PrimerasComponentes <- pca_normalizado$x[, c(1, 2)] #Seleccion de la ubicaci
ón de cada país en las dos componentes principales
distancia_total <- numeric(4) # Crear vector de longitud 10
for (i in 1:4)
    {
        kmeans_model <- kmeans(PrimerasComponentes, centers = i) #agrupar los dat
os ubicados en el plano en i cantidad de grupos
        distancia_total[i] <- kmeans_model$tot.withinss #sumar la distancia total
de la agrupación i
    }
    plot(1:4,distancia_total,ylab="Distancia por número de grupos", xlab = '1:
4', type='b')</pre>
```



Pregunta 10

 $w_{10} = 12$

Determine mediante k-means y aglomeración jerárquica (usando enlace promedio) la clasificación en grupos para los países de estudio. Considere todas las variables de estudio ¿son diferentes los resultados de los dos análisis cluster?

```
set.seed(100)
kmeans_m <- kmeans(pca_normalizado$x, centers = 4)# aplicar K-means con 4 clu
sters
clusters <- kmeans_m$cluster

# mostrar tabla con los 4 clusters
table(clusters)</pre>
```

```
## clusters
## 1 2 3 4
## 8 10 2 87
```

```
# aplicar metodo de aglomeracion promedio
d_aglomerados <- hclust(dist(pca_normalizado$x), method = "average")

#lleva el arbol jerarquico a 4 grupos para poder comparar con el resultado de kmeans
clusters_aglomerados <- cutree(d_aglomerados, k = 4)

#resultados de de los 4 grupos aglomerados
table(clusters_aglomerados)</pre>
```

```
## clusters_aglomerados
## 1 2 3 4
## 101 2 2 2
```

Si, Son diferentes los resultados entre k-means y aglomeración jerárquica promedio, podemos observar en los resultados que en el caso de K-means el cluster 3 contiene 87 paises, y en el caso de agrupamiento promedio, el grupo 3 contiene 2 paises. El agrupamiento jerarquico promedio agrupa 101 países en el grupo 1, como se vio en clase, los diferentes métodos de agrupamiento (clusters) difieren al momento de tomar las distancias entre los diferentes valores para irlos agrupando, lo cual queda demostrado en la comparación de los resultados anteriores.

Pregunta 11

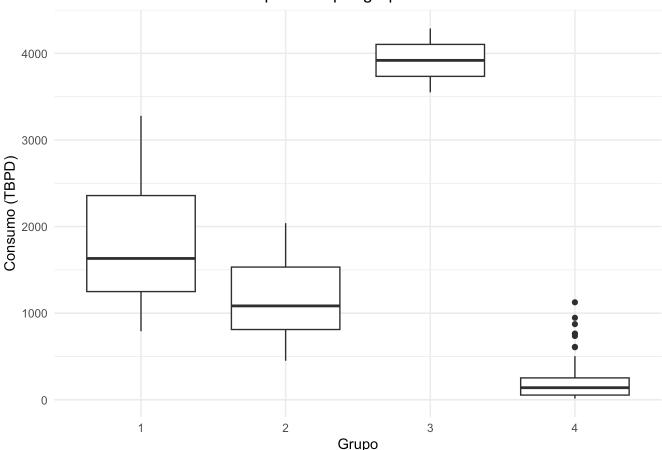
$w_{11} = 12$

Grafique mediante boxplot la distribución de las 5 variables seleccionadas en el punto 2 diferenciando por los grupos encontrados mediante k-means (es decir, obtenga un boxplot por variable y por grupo: si por ejemplo k-means indica un total de 3 grupos, realice 3 boxplots, uno por grupo, para cada una de las 5 variables). ¿Observa diferencias importantes entre las distribuciones por grupos de la misma variable?

Variables_Escogidas = paises_filtrados[, c("Country" ,"Refined_petroleum_prod
ucts_consumption_TBPD", "Refined_petroleum_products_production_TBPD", "Electr
icity_exports_BKWH", "Electricity_imports_BKWH", "Electricity_installed_capac
ity_MK")]
Variables_Escogidas\$Grupo <- clusters # agregar al set de datos una columna c
on el grupo

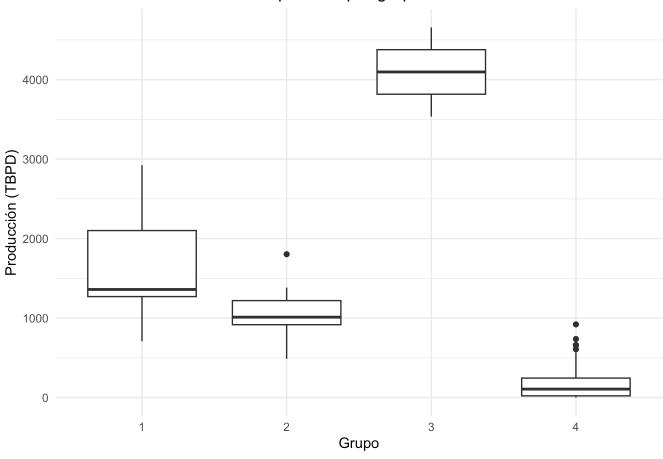
boxplot de Refined_petroleum_products_consumption_TBPD
ggplot(Variables_Escogidas, aes(x = factor(Grupo), y = Refined_petroleum_prod
ucts_consumption_TBPD)) +
geom_boxplot() +
theme_minimal() +
labs(
 title = "Consumo de derivados de petróleo por grupo",
 x = "Grupo",
 y = "Consumo (TBPD)")</pre>

Consumo de derivados de petróleo por grupo



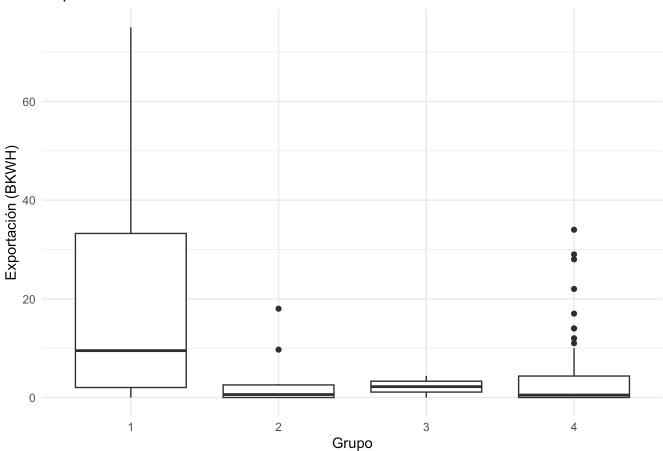
```
# boxplot de Refined_petroleum_products_production_TBPD
ggplot(Variables_Escogidas, aes(x = factor(Grupo), y = Refined_petroleum_prod
ucts_production_TBPD)) +
  geom_boxplot() +
  theme_minimal() +
  labs(
    title = "Producción de derivados de petróleo por grupo",
    x = "Grupo",
    y = "Producción (TBPD)" )
```

Producción de derivados de petróleo por grupo



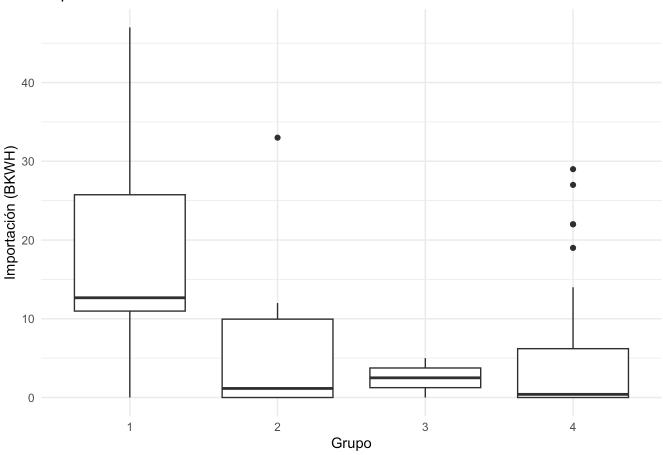
```
# boxplot de Electricity_exports_BKWH
ggplot(Variables_Escogidas, aes(x = factor(Grupo), y = Electricity_exports_BK
WH)) +
   geom_boxplot() +
   theme_minimal() +
   labs(
      title = "Exportaciones de electricidad",
      x = "Grupo",
      y = "Exportación (BKWH)")
```

Exportaciones de electricidad

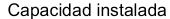


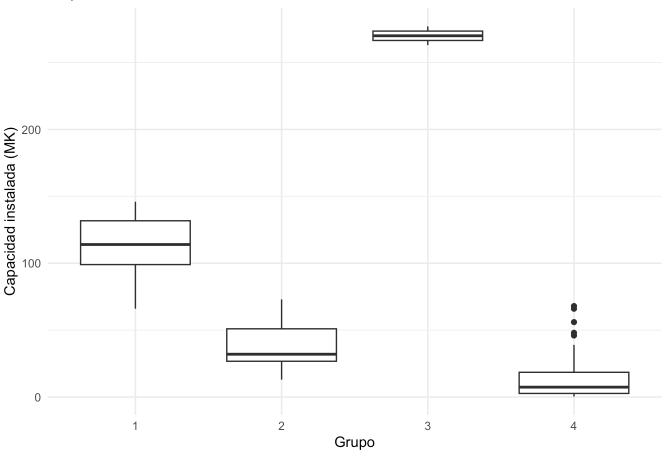
```
# boxplot de Electricity_imports_BKWH
ggplot(Variables_Escogidas, aes(x = factor(Grupo), y = Electricity_imports_BK
WH)) +
  geom_boxplot() +
  theme_minimal() +
  labs(
    title = "Importaciones de electricidad",
    x = "Grupo",
    y = "Importación (BKWH)")
```

Importaciones de electricidad



```
# boxplot de Electricity_installed_capacity_MK
ggplot(Variables_Escogidas, aes(x = factor(Grupo), y = Electricity_installed_
capacity_MK)) +
  geom_boxplot() +
  theme_minimal() +
  labs(
    title = "Capacidad instalada",
    x = "Grupo",
    y = "Capacidad instalada (MK)")
```





Referencias

- 1. Introduction to R markdown (https://rmarkdown.rstudio.com/articles_intro.html)
- 2. MarkDown Guide Basic Syntax (https://www.markdownguide.org/basic-syntax/)
- 3. Data Visualization CheatSheet (https://github.com/rstudio/cheatsheets/blob/main/data-visualization.pdf)
- 4. Repositorio (https://github.com/aosoriom7/MER_AED_2025I) del Taller en Github
- 5. Pagina (https://aosoriom7.github.io/MER_AED_2025I/scripts/02.html) web del taller en Gihub Pages