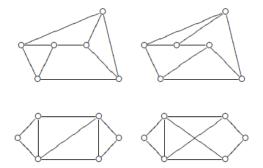
Графы с точностью до изоморфизма.

Графы G_1 и G_2 называются изоморфными, если существует взаимно однозначное отображение $f: V(G_1) \to V(G_2)$, удовлетворяющее условию: вершины $a,b \in V(G_1)$ соединены ребром в том и только в том случае, если их образы $f(a), f(b) \in V(G_2)$ соединены ребром.

- K_n полный граф на n вершинах.
- $K_{m,n}$ полный двудольный граф с долями из m и n вершин.
- Клика подграф, являющийся полным графом.
- 1. Какие из графов на рисунке изоморфны?



- 2. Перечислите все попарно неизоморфные
 - (а) графы с четырьмя вершинами,
 - (b) связные графы с пятью вершинами и пятью ребрами,
 - (с) несвязные графы с пятью вершинами.
- **3.** Докажите, что неизоморфных деревьев на n вершинах не более 4^n .
- **4.** Для произвольных $k,l,m,n\in\mathbb{N}$ найдите количество
 - а) клик размера k в графе K_n ;
 - b) клик размера k в графе $K_{m,n}$;
 - с) независимых множеств размера k в графе K_n ;
 - d) независимых множеств размера k в графе $K_{m,n}$;
 - е) подграфов, изоморфных $K_{k,l}$, в графе K_n ;
 - f) подграфов, изоморфных $K_{k,l}$, в графе $K_{m,n}$.

Будьте внимательны: эти задачи простые, но почти все требуют разбора случаев.

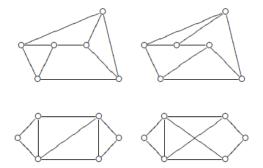
Задача-звёздочка

5* Докажите, что число неизоморфных связных мультиграфов (графов с, возможно, кратными рёбрами) без петель с m рёбрами не превосходит $(4m)^m$.

Графы с точностью до изоморфизма.

Графы G_1 и G_2 называются изоморфными, если существует взаимно однозначное отображение $f: V(G_1) \to V(G_2)$, удовлетворяющее условию: вершины $a,b \in V(G_1)$ соединены ребром в том и только в том случае, если их образы $f(a), f(b) \in V(G_2)$ соединены ребром.

- K_n полный граф на n вершинах.
- $K_{m,n}$ полный двудольный граф с долями из m и n вершин.
- Клика подграф, являющийся полным графом.
- 1. Какие из графов на рисунке изоморфны?



- 2. Перечислите все попарно неизоморфные
 - (а) графы с четырьмя вершинами,
 - (b) связные графы с пятью вершинами и пятью ребрами,
 - (с) несвязные графы с пятью вершинами.
- **3.** Докажите, что неизоморфных деревьев на n вершинах не более 4^n .
- **4.** Для произвольных $k,l,m,n\in\mathbb{N}$ найдите количество
 - а) клик размера k в графе K_n ;
 - b) клик размера k в графе $K_{m,n}$;
 - с) независимых множеств размера k в графе K_n ;
 - d) независимых множеств размера k в графе $K_{m,n}$;
 - е) подграфов, изоморфных $K_{k,l}$, в графе K_n ;
 - f) подграфов, изоморфных $K_{k,l}$, в графе $K_{m,n}$.

Будьте внимательны: эти задачи простые, но почти все требуют разбора случаев.

Задача-звёздочка

5* Докажите, что число неизоморфных связных мультиграфов (графов с, возможно, кратными рёбрами) без петель с m рёбрами не превосходит $(4m)^m$.