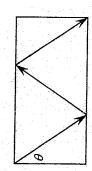
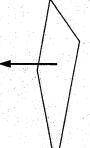
壹、填充題: 共14題、90分

如圖所示,在一個長寬比 2:1 的矩形撞球桌上,從左上角發球,經過雨次完全彈性碰撞之後,精準的到達右下角,試問發球的射角 0 其正弦值為多少? 如圖所示,

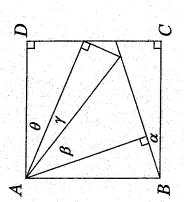


- 2. 若 $\sin^4 \theta \cos^4 \theta = \frac{1}{3}$, 試求 $\sin^4 \theta + \cos^4 \theta$ 之值
- 試問無諾可行走的區域之面積是多少平方公尺?(已知桀諾的眼睛距離地面 150 公分高) 在其正中央豎立一支高 6.5 公尺的旗桿, 桀諾在廣場上遊蕩,並讓自己觀測竿頂的仰角必須介於45°與60°之間, 一個邊長10公尺的正方形廣場, 如圖所示, m

備



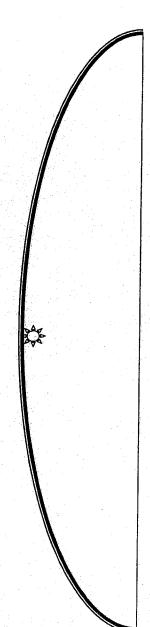
- 已知 θ 為銳角,試求 $\log \cos \theta + \log \cot \theta + (\cos \theta)^{\sin \theta} \times (\sec \theta)^{\sin \theta}$ 之值 4.
- 小於或等於x的最大整數) 8 皆為時間1的函數; (高斯符號 [x]: 若其極坐標的r、 設A[r, 0]為平面上的動點, r = f(t) = [t]5
 - 試來cos B 24 25, 試求在1≤t<11期間, A 的軌跡長度為何? $= \lambda \cos \lambda =$ 25 21 如圖所示, ABCD 為正方形, $= g \cos \beta =$ 7<u>7</u> 18 $\theta = g(t) = 180^{\circ} \times t$, 若已知cos a= 9



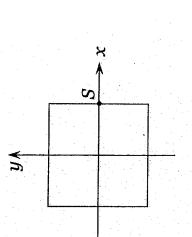
本諸親明各另頁,答案卷一頁,共山頁

題目卷 1/3

想要測量燈的高度 接著他朝著明燈前進,直到影子的長度恰好等於其身高,若已知他前進了b公分,試問此明燈的高度是多少公分? 個會讓影子是身高 2 倍的地方 蠡明婚, 只有最高處有一 一開始,他先找了一 在一個巨大的室內球場中, 已知桀諾身高 a 公分, 接著他朝著明燈前進, /

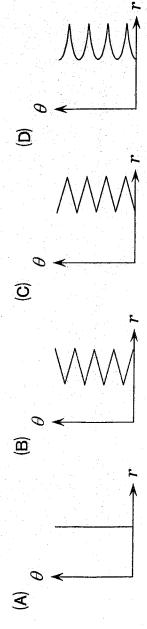


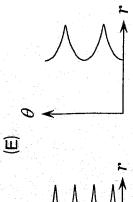
顺 逆時鐘繞著圖中的正方形 B 的關係圖 試問下列哪個圖形最有可能是几 桀諾從S點開始, 若設定 r>0, 0°≤β≤360° 並沿途記錄極坐標為[r, 0] 如圖所示, $\dot{\infty}$



数

婚





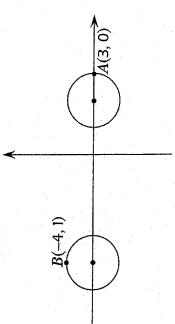
- 試求 $\tan \beta$ 3,6 若 $\alpha + \beta = 270^{\circ}$, 且 $\sin \alpha$ 6
- (此題全對才給分)
- 2C之對應邊, $4 \sin A + 3 \sin B = 4$, 試来 α :b:cZB, b、c分别為 ZA △ABC中, 若a, 已知 ZC = 90°、 0.

-360°≤8≤360° {, 試求所有S的元素之絕對值的總和 **⊿**|ω , $\sin \theta =$ 11. 集合S=

題目卷 2/3

 $3 \sin A = 6 \sin B = 4 \sin C$,試求 $\triangle ABC$ 的內切圓面積 ZC之對應邊, ZB. c分别為 ZA、 ģ 若鬼、 a+b+c=1812. $\triangle ABC \Leftrightarrow$,

 \dot{c} (-4,0)。今有三個質點A、B、 若A、B分別同時從(3,0)、(-4,1)出發,以相同速率、逆時鐘繞行該單位圓,期間,質點 C 保持在 A、B 兩點的中點,試問當 A、B 相距 6 個單位的時候,質點 C 與 x 軸的距離為何? 其圓心分別位於(2,0)、 13. 如圖所示: 坐標平面上有兩個單位圓,



14. 在半徑 10 的圆内做一個三角形, 若其周長 28、有一個30°的角, 試問其面積最大為何?

今

數

貳、複選題: 10分

- $(\sin A 2)(\cos A + 2)(3 \sin A 2)^2 \times \sin A \times (4 \sin A 3)^3 < 0$ 試問二A可能是下列哪些角度? 田 已知 ZA 為有向角,
 - (A) -45° (B) 65° (C) -65° (D) 229° (E) 108°

題目卷 3/3

一年級

數學科

期末考答案卷

... 座號:

莊

壹、填充題:共14題,90分,配分如下

14	90
13	85
12	77
-	69
10	61
6	54
∞	47
7	40
9	33
5	76
4	20
\mathcal{C}	15
2	10
1	5
答對格數	得分

5. 55 π	10. 7:24:25	
4. 2 5	9. ± $\sqrt{5}$	14. 56(2 − √3)
$\frac{50\pi}{3}$	8 (D)	15. 1
2 9	7. α+b	12. $\frac{5\pi}{3}$
1. 2√13 13	6. 63 68	II. 720°

貳、複選題: 10分, 錯1選項6分、錯2選項2分, 其餘0分

→

森化 號 莊

 \sim

是非題

平面上三點 $A(1,2), B(2,1), C(R^2-1, R-2), R 為實數。試判斷下列哪些選項正確$ 正確以〇劃記、錯誤以入劃記之

- 二二 一個圓可通過A、B、C 若 k=1,則恰有-
- 個拋物線可通過A、B、C三點 若 k=2,則恰有 7
- -個橢圓可通過 A、B、C 三點 若 k=0,則恰有-8
- 若 k=-3,則存在雙曲線可通過 A、B、C 三點 4.
- 5. 不論 k 為甚麼實數, 皆可找到實係數方程式 $ax^2 + bxy + cy^2 + dx + ey + f = 0$, 使其圖形可通過A、B、C三點

二、配合題

a,b,c 為實數,考慮二次方程式 $a(x-1)^2+b(y-3)^2=c$ 在 xy 平面上所表示的圖形, 根據下列情形選出可能的圖形(以代號表示即可)。

2. ab = 01. a = b

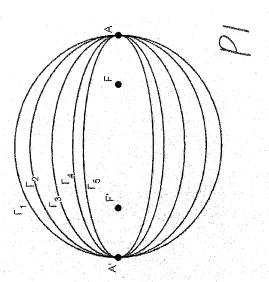
(A)無圖形

- 3. abc < 0(B)一點
- (H) 拋物線 (G)橢圓 (王)圓
- (E)雨平行直線 (D) 兩相交直線 (I)雙曲線 (C)一直線

三、填充題

1. m 為實數,已知 $x^2 + y^2 + (2m + 4)x - (2m + 6)y + 3m^2 + 2 = 0$ 的圖形為一圓,試求此圓的最大面積

- 自 P(-2,4)對圖 $x^2+y^2-4x-2y=0$ 作二切線,切點為 A,B。 તં
- 象限,試求直線 BA的方程式 (1)兩條切線所夾的銳角為 B, 試求 tan B 之值。(2) 若 A 在第一
- x 軸,且過(-2,1),(2,-1),(-1,2)三點,試求此拋物線的焦點坐標 已知一抛物線的對稱軸平行 3
- 4. 抛物線 $x^2 = 16y$ 的焦點為F,點P在拋物線上,且 $\overline{PF} = 13$,試求P點坐標
- 如圖, Г1, Г2, Г3, Г4, Г5 皆為以 AA' 為長軸的橢圓(依序由外至內), 個橢圓最有可能是以下,下為焦點?(單選) 試判斷哪一 vi



(N) HIK HK 本試卷題目卷之頁,答案卷

数

一個

- 試求厂的正焦弦長 9 -2x+4y+5 $+\sqrt{x^2+y^2}$ -2x-4y+5I的定義式為 Vx2+y2 椭圓 9
- 海海
 - $\Gamma_1: 2x^2 y^2 + 4x + 4y + 2 = 0$ 、 $\Gamma_2: 2x^2 y^2 + 4x + 4y + k = 0$ 互為共軛雙曲線, 試求 k 之值 已和 ۲.
- $+\frac{y^2}{2s}=1$ 與橢圓 $\Gamma_1:\frac{x^2}{90}+\frac{y^2}{15}=1$ 共焦點 ,若點 $P(\sqrt{118},t)$ 在 Γ_2 上,且t>0,末t之值。 $s^2 - 5$ 雙曲線 Γ_2 : တ်
- 已知一彗星繞太陽的軌道是以太陽為焦點的橢圓,橢圓長軸的兩頂點中,距離太陽最近的點稱為近日 點,距離太陽最遠的點稱為遠日點,此彗星軌道上之近日點與遠日點和太陽的距離比是 1:49,試 問此橢圓軌道之長軸長度是短軸長度的幾倍 6
- 若 Γ 的方程式為 $x^2 16xy 11y^2 + ax + by + 49 = 0$, 試求數對(a, b)的雙曲線 ,貫軸長為2√5 Г為以 F₁(3, 5)、F₂(-1, -3)為焦點 10.
- 雙曲線 Γ 的雨漸近線方程式為3x-4y+5=0、4x-3y+2=0,且點(6,7)為其焦點。試求 Γ 的質軸長 11.
- $\frac{1}{5+3\cos\theta}$ $(r\geq0,0\leq\theta<2\pi)$,試求此橢圓的短軸長 16 1 橢圓的極坐標方程式為 12.
- 、有最小值 3√p²+16 13. θ 為任意實數,p, k>0, H physin $\theta+4k\cos\theta-25$ 恆有最大值 $7\sqrt{p^2+16}$ 試求實數數對(p, k)
- 管內壁相切,且兩球面上的點之最長距離為14公分。今向此水管斜切一刀,使其截面 有一段直水管,其横切面為半徑3公分的圓。水管內塞了兩個球,球的表面剛好和水 恰好接觸到兩球面。在不考慮水管的厚度下,已知水管截面圖形為一橢圓,問此橢圓 ٥. 的長軸長為幾公分 14



z + 3y-215. Γ 為空間中的拋物線,已約其焦點為 $\mathrm{F}(1,1,1)$,準線為 $\mathrm{L}:\frac{x}{2}$ 試求其正焦弦雨端點的坐標

組) 炎 科答案卷(自 學 敷 次段考 Π 紙 期 哪 無 度 # のくや 暈 4 高雄

二年——班 一號 姓名—

請用藍色或黑色原子筆作答!

一、是非題: (10%) (正確以○劃記、錯誤以入劃記之)

vi	0
4	\times
ં	\times
2.	\times
1	0
題號	茶

(每題5分。錯一個選項給3分,錯2個給1分,錯3個以上或不作答皆不給分) 二、配合題:(15%)

 ABF

三、填充題: (75%)

16	75
15	73
14	71
13	89
12	65
11	62
10	59
6	56
∞	53
L	50
9	45
S	40
4	32
3	24
2	16
	8
格數	分數

3.	$(\frac{-7}{4}, 1)$	7.	9 –	11.	14	15.	(3, 2, 3) \$\psi u (-1, 0, -1)\$
2.(2)	2x + 11y - 40 = 0	.9	10 3	10.	(14, 38)	14.	8公分
2.(1)	4 €	'n	Γ_2	9.	<u>255</u>	13.	(3, 2)
1.	36π	4.	(±12, 9)	8.	4	12.	. 8

社會組

班别:

茶

哪

數

座號:

填充題: (100%)

- 1. 設 $m \in \mathbb{R}$ 。在平面坐標系上,方程式 $x^2 + y^2 + 2(m+2)x - 2(m+1)y + 3m^2 + 10 = 0$ 所代表的圖形為-試求*m*的範圍。
- 2. 在平面坐標系上,點A(1,4),B(3,-2)。若有一圓心在第一象限的圓C以 \overline{AB} 為弦且圓心與 \overline{AB} 距離 $\sqrt{10}$ 試求圓C的方程式
- 在平面坐標系上,試求過點P(8,1)與圖 $C:x^2+y^2-4x+2y+1=0$ 相切之直線方程式 ς,
- 在平面坐標系上,試求不等式 $(x^2 + y^2 4)(x^2 + y^2 2x + 4y 20) \le 0$ 所代表之區域面積。 4
- 設 $m \in \mathbb{R}$ 。若圓 $\mathbf{x}^2 + \mathbf{y}^2 + 4\mathbf{x} 7\mathbf{y} + 10 = 0$,與直線y = m(x + 3)在坐標平面上的兩個交點位於不同的象限 而滿足此條件的m之最大範圍為a < m < b,試求數對(a,b)5.

6. 設
$$k \in \mathbb{R} \circ (x, y)$$
之方程组 $\left\{ x^2 + y^2 + 2x - 2y + k = 0 \right\}$ 恰有一組解。試求 k 之值 $\left\{ 3x - 4y + 17 = 0 \right\}$

- 7. 設 $x,y \in \mathbb{R}$ 。若 $(x-1)^2 + (y+1)^2 \le 4$,試求x + 2y的最大值。
- 在平面坐標系上,圓 $C:(x-2)^2+(y+3)^2=4$ 。動點P滿足過P作圓C的二切線夾角 60° , 試求P之軌跡方程式 ∞ ∞
- 在平面坐標系上,一拋物線之正焦弦二端點坐標為(4,8),(4,-8),試求此拋物線方程式 6

(V) 頁 本試悉題目卷 二頁, 答案卷

敷 一個 10.在平面坐標系上,一雙曲線貫軸上二頂點坐標為(3,-6),(3,10),且有一漸近線斜率-3

試求此雙曲線方程式

- 11. 在平面坐標系上,試求二次曲線 Γ : $4x^2 y^2 + 8x + 4y + 4 = 0$ 的焦點坐標
- =8在第一象限的長軸頂點坐標 12. 在平面坐標系上,試求橢圓 Γ : $\sqrt{(x-1)^2+(y-2)^2}+\sqrt{(x+3)^2+(y+1)^2}$
- 13.在平面坐標系,拋物線 Γ : $(x-1)^2=8(y+1)$ 的焦點F,若 Γ 在第一象限有一點P使 $\overline{PF}=5$,試求點P坐標
- 14.在平面坐標系上,橢圓 $\Gamma: \frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$ 的焦點 F_1, F_2 ,若 Γ 在第一象限有一點P使 $\angle F_1PF_2$ 為直角 試求 $\Delta F_1 P F_2$ 的面積
- $\frac{y^2}{16} = 1$ 的焦點 F_1, F_2 ,若 Γ 上一點P使 $\Delta F_1 P F_2$ 為等腰三角形, 15.在平面坐標系上,雙曲線厂: 一 試求 $\Delta F_1 PF_2$ 的周長。
- 16. 探照燈反射鏡的縱斷面是拋物線的一部分,燈口直徑50公分,燈深40公分,試求此反射鏡之焦距
- -橢圓,其長軸長8,短軸長6,試求此橢圓之內接正方形的面積。 17.有-
- 18. 在平面坐標系上,點 B(4,0), C(-4,0)。 若在第一象限有一點 A 使 ΔABC 問長 18, 面積 $3\sqrt{15}$ 試求點 B 坐標。

二年级 期未考 高雄中學 108 年度第二學期

數學科

班别:

莊名:

座號:

	Т
18	100
17	97
16	94
15	91
14	88
13	83
12	78
	73
10	89
6	63
∞	26
2	49
9	42
ശ	35
4	28
ಣ	21
2	14
	2
答對格數	农
袎	映

二、填充題:(100%)

1 1 <m<5< th=""><th>2</th><th>3 $3x - 4y = 20$ or</th><th>4 21π</th></m<5<>	2	3 $3x - 4y = 20$ or	4 21π
	$(x-5)^2 + (y-2)^2 = 20$	<i>y</i> =1	
5 $(\frac{2}{3}, \frac{5}{3})$	6 $k = -2$	7 -1+2√5	$(x-2)^2 + (y+3)^2 = 16$
9 $y^2 = 16x$ or $y^2 = -16(x-8)$	$\frac{10}{(y-2)^2} - \frac{(x-3)^2}{64} = 1$	11 $(-1,2\pm\sqrt{5})$	12 $(\frac{11}{5}, \frac{29}{10})$
13 $(1+2\sqrt{6},2)$	14 9	15 24 or 36	16 125 32
17 576 25	18 $(\frac{5}{4}, \frac{3\sqrt{15}}{4})$		