

Module5—Priority Queue(Heap)

5.0 Priority Queue(คิวแบบมีลำดับความสำคัญ)

เป็นชนิดข้อมูลนามธรรม**คิว**ที่มี

- การจัดเก็บข้อมูล ตามลำดับความสำคัญ จากมากไปน้อย แทนที่จะ เป็นลำดับเวลาที่เข้ามาก่อนหลัง
- ข้อมูลที่มีลำดับความสำคัญสูงสุดอยู่ที่หัวคิว
- ข้อมูลที่มีความสำคัญต่ำสุดอยู่ที่ห้ายคิว
- การนำข้อมูลเข้า Priority Queue จะกระทำที่ท้ายคิว เช่นเดียวกับ คิวปกติ

ตัวอย่าง

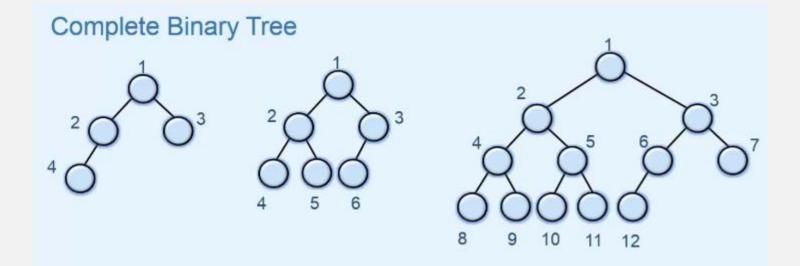
การให้การรักษาผู้ป่วยที่มีอาการหนักก่อน แม้จะมาทีหลัง การสั่งงานใน printer ส่วนกลาง

การสร้าง priority queue ในบทนี้จะใช้โครงสร้างข้อมูล แบบ Heap



<u>Complete Binary Tree คือ</u>

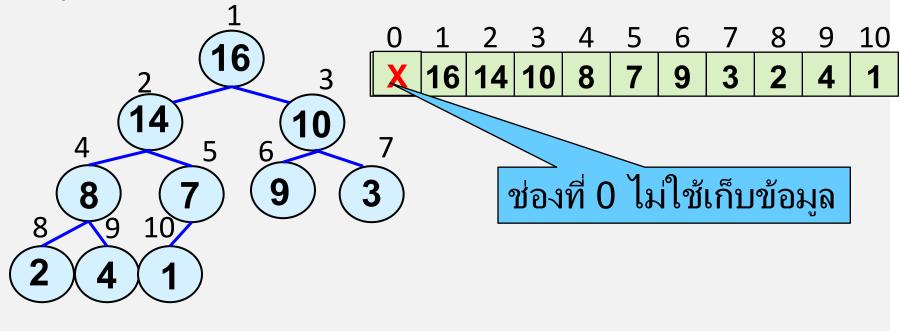
- ใบนารีทรี
- ที่แต่ละสมาชิกจะต้องมีสมาชิกครบทั้งโหนดลูกทางซ้าย (Left Child Node) และโหนดลูกทางขวา (Right Child Node)
- ยกเว้นโหนดในระดับใบ (Leaves) ที่สามารถมีสมาชิกไม่ครบได้





5.1 Heap

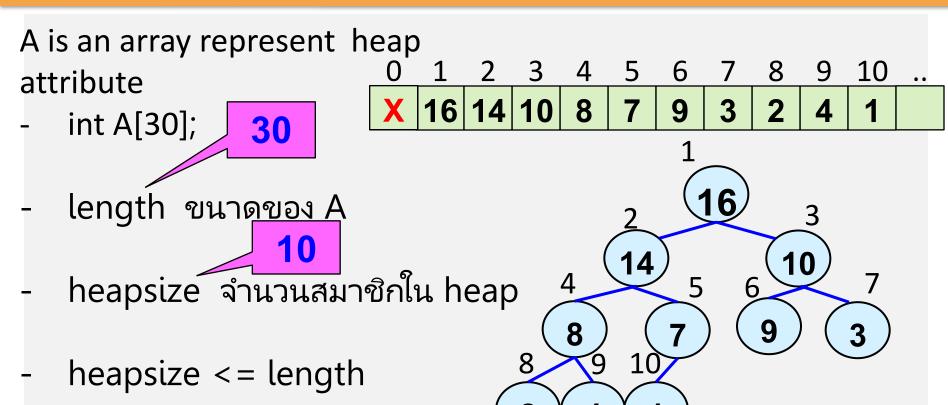
Definition The (binary) heap data structure is an array object that can be viewed as a complete binary tree. Each node of the tree corresponds to an element of the array that stores the value in the node.

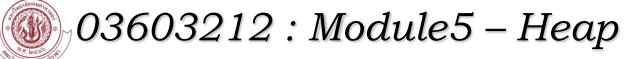




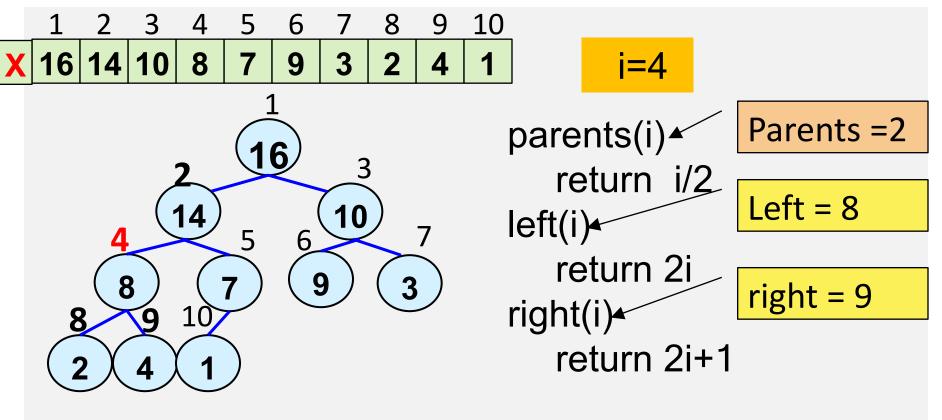
ตอบคำถาม

- 1. Priority Queue คืออะไร
- 2. Heap คืออะไร
- 3. ถ้ากำหนด int A[30]; เก็บ heap ค่า 30 คือ length หรือ heapsize











	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
X	16	14	10	8	7	9	3	2	4	1

i=2

parent คือ? left คือ ? right คือ ?

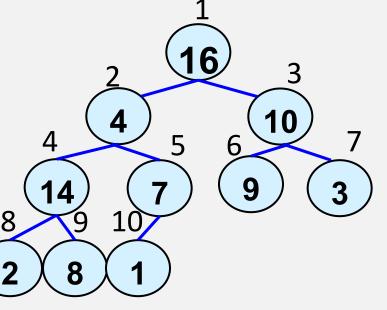


5.1.1 Heap property:

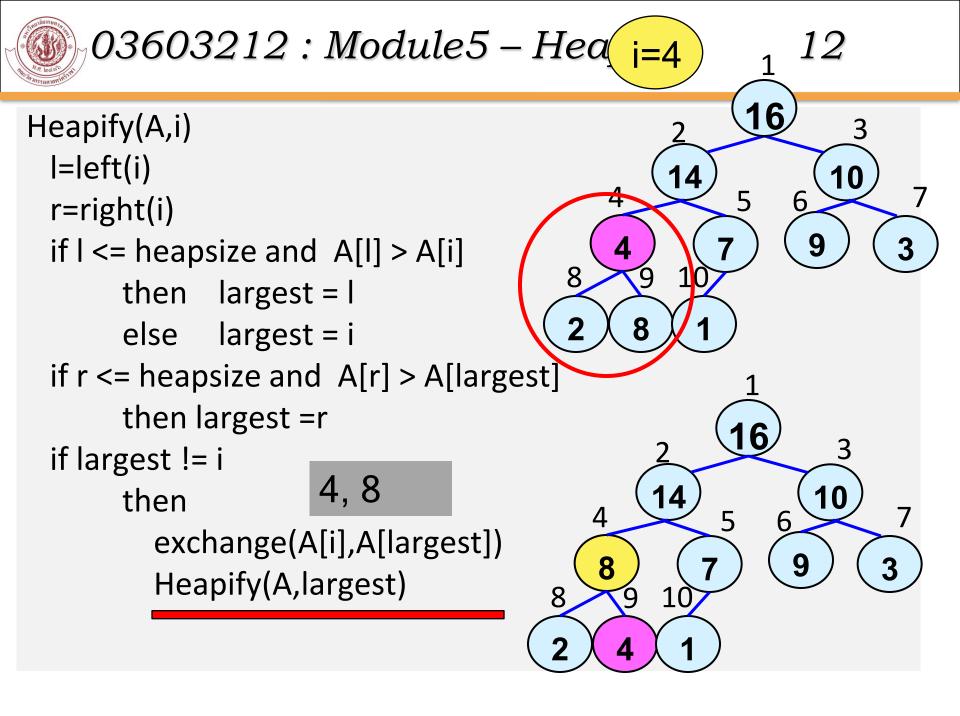
Heaps also satisfy the heap property: for every node i other than the root,

A[parent(i)] >= A[i]

ตัวใดที่ขาดคุณสมบัติ



การเปลี่ยน Array ธรรมดาให้เป็น heap ด้วย algorithm heapify



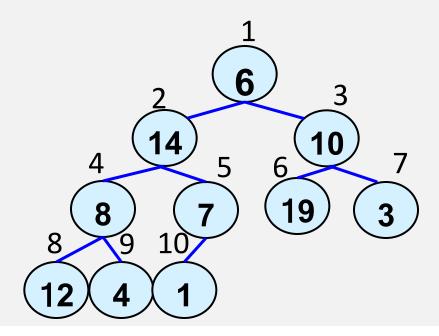


```
Heapify(A,i)
 l=left(i)
 r=right(i)
 if I <= heapsize and A[I] > A[i]
       then largest = l
       else largest = i
 if r <= heapsize and A[r] > A[largest]
       then largest =r
 if largest != i
       then
         exchange(A[i],A[largest])
         Heapify(A, largest)
```

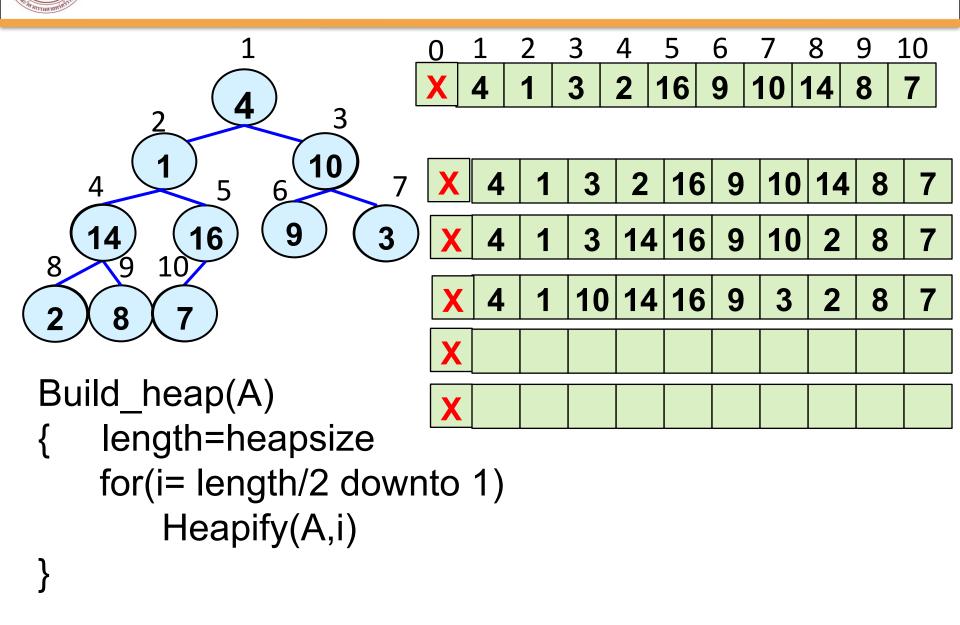
algorithm heapify เป็นการสร้าง array ให้เป็น heap ทีละโหนด

<u>คำถาม</u>

ถ้า heapify i=1 แล้ว array นี้จะมีคุณสมบัติเป็น heap ทั้ง array หรือไม่







AND TO STANDARY OF THE PROPERTY OF THE PROPERT

03603212 : Module5 – Heap

คำถาม

- 1. Heapify 1 ค่า มี bigO เท่าใด
- 2. Build head มี bigO เท่าใด



 เมื่อ Array มีคุณสมบัติเป็น heap ข้อมูลตัวที่ มากที่สุดจะอยู่ด้านหน้าสุด

 สามารถนำคุณสมบัตินี้มาใช้ในการเรียงข้อมูล ในอะเรย์ เช่นการเรียงข้อมูลจากไปไปน้อย



ต้องการเรียงข้อมูลจากน้อยไปมาก

X 7 5 4 3 Heap

X 3 5 4 7

X 5 3 4 7 Heap

X 4 3 5 7



 X
 4
 3
 5
 7
 Heap

X 3 4 5 7



5.1.4 Heap sort :

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7
 8
 9
 10

 X
 16
 14
 10
 8
 7
 9
 3
 2
 4
 1

Heapsort(A)

Build_heap(A)

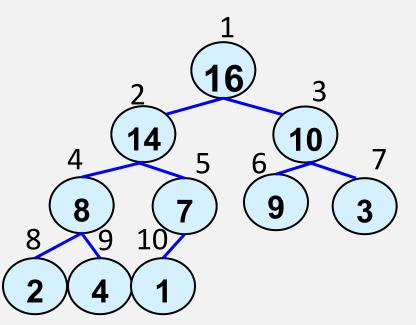
i=10

for i = length down to 2

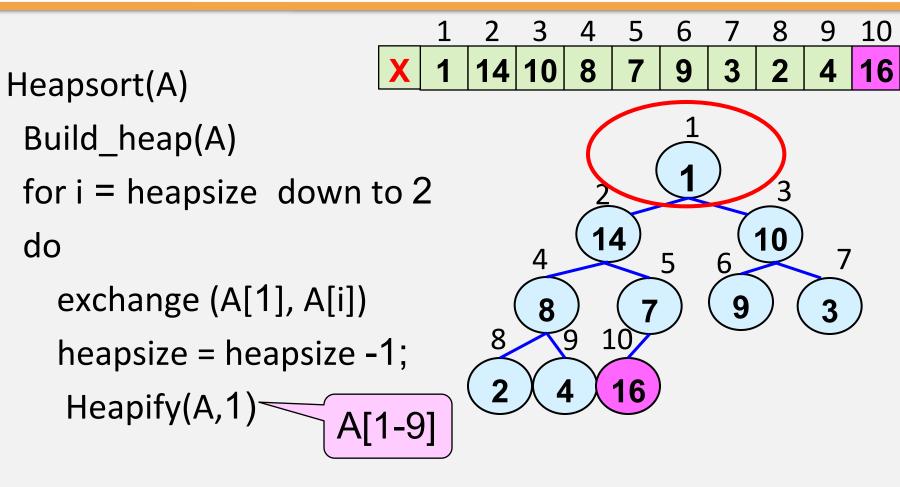
do

exchange (A[1], A[i])

heapsize = heapsize -1; Heapify(A,1)





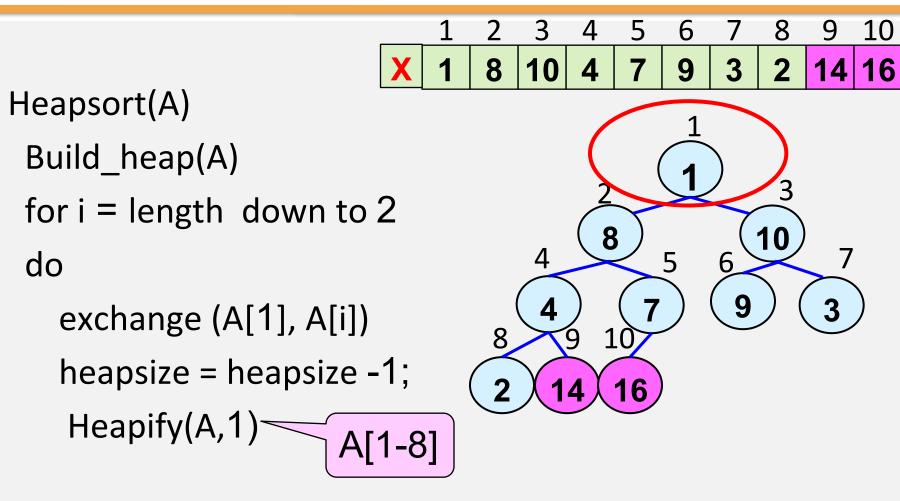




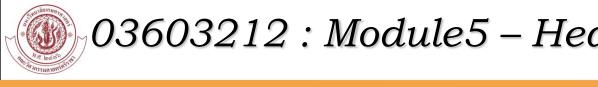


```
Heapsort(A)
 Build_heap(A)
 for i = length down to 2
 do
   exchange (A[1], A[i])
   heapsize = heapsize -1;
   Heapify(A,1)
```









```
Heapsort(A)
 Build_heap(A)
 for i = length down to 2
 do
                                       8
   exchange (A[1], A[i])
   heapsize = heapsize -1;
   Heapify(A,1)
```

5.1.5 Priority queues

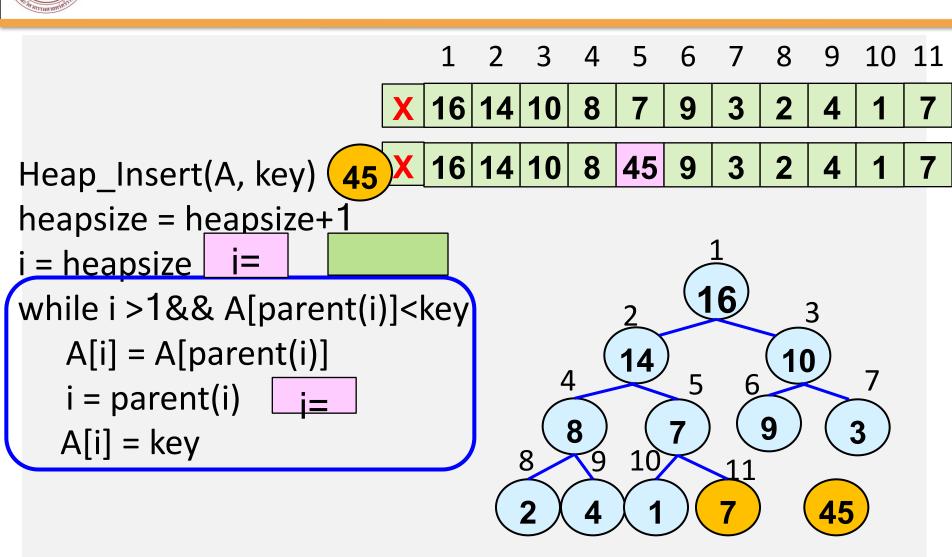
Priority queues: is a data structure for maintaining a set S of elements, each with a associated value called a key. A priority supports the following operations.

- 1) Insert(S, x): insert the element x into the set S. This operation could be written as S <- S U { x }
- 2) Maximum(S): returns the elements of S with the largest key;
- 3) Extract_Max(S): return the elements of S with the largest key.

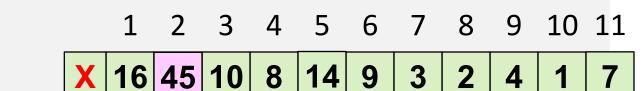


Priority queues operators:

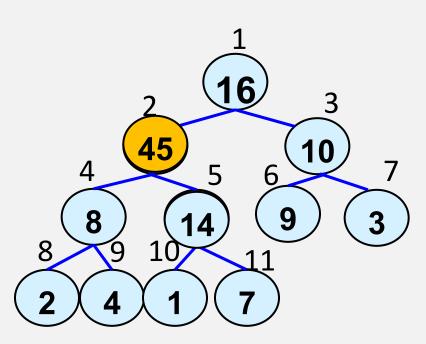
- 1. Insert O(logn)
- 2. Maximum O(1)
- 3. Extract Max ??

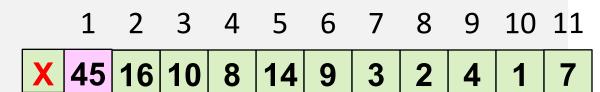






```
Heap_Insert(A, key)
heapsize = heapsize+1
i = heapsize i=
while i >1&& A[parent(i)]<key
    A[i] = A[parent(i)]
    i = parent(i) i=
    A[i] = key
```





```
Heap_Insert(A, key)
heapsize = heapsize+1
i = heapsize i=
while i >1&& A[parent(i)]<key
    A[i] = A[parent(i)]
    i = parent(i) i=
    A[i] = key
```

