

РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ

Факультет физико-математических и естественных наук

Кафедра прикладной информатики и теории вероятностей

ОТЧЕТ

ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ № 2

дисциплина: Математические основы защиты информации и информационной безопасности

Студент: Пиняева Анна Андреевна

Группа: НПИМд-01-24

МОСКВА

2025

Теоретическое введение

Маршрутное шифрование

Данный способ шифрования разработал французский математик Франсуа Виет. Открытый текст записывают в некоторую геометрическую фигуру (обычно прямоугольник) по некоторому пути, а затем, выписывая символы по другому пути, получают шифртекст. Пусть m и n - целые положительные числа, большие 1. Открытый текст разбивается на блоки равной длины, состоящие из числа символов, равному произведению mn . Если последний блок получится меньше остальных, то в него следует дописать требуемое количество произвольных символов. Составляется таблица размерности mn . Блоки вписываются построчно в таблицу. Криптограмма получается выписыванием букв из таблицы в соответствии с некоторым маршрутом. Ключом такой криптограммы является маршрут и числа m и n . Обычно буквы выписывают по столбцам, которые упорядочивают согласно паролю: внизу таблицы приписывается слово из n неповторяющихся букв и столбцы нумеруются по алфавитному порядку букв пароля.

Шифрование с помощью решеток

Данный способ шифрования предложил австрийский криптограф Эдуард Флейснер в 1881 году. Суть этого способа заключается в следующем. Выбирается натуральное

число $k > 1$, строится квадрат размерности k и построчно заполняется числами $1, 2, \dots, k^2$.

Важно отметить, что число k подбирается в соответствии с количеством букв N исходного текста. В идеальном случае $k^2 = N$. Если такого равенства достичь невозможно, то можно либо дописать произвольную букву k последнему слову открытого текста, либо убрать ее.

Таблица Виженера

В 1585 году французский криптограф Блез Виженер опубликовал свой метод шифрования в «Трактате о шифрах». Шифр считался нераскрываемым до 1863 года, когда австриец Фридрих Казиски взломал его. Открытый текст разбивается на блоки длины n . Ключ представляет собой последовательность из n натуральных чисел: a_1, a_2, \dots, a_n . Далее в каждом блоке первая буква циклически сдвигается вправо по алфавиту на a_1 позиций, вторая буква - на a_2 позиций, последняя - на a_n позиций. Для лучшего запоминания в качестве ключа можно взять осмысленное слово, а алфавитные номера входящих в него букв использовать для осуществления сдвигов. —

Цель работы

Изучение и реализация маршрутного шифрования, шифрования с помощью решеток и таблицы Виженера.

Ход работы

1. Маршрутное шифрование.

Алгоритм:

- Удаление пробелов и приведение к верхнему регистру.
- Разбиение на блоки длиной пароля.
- Создание таблицы $m \times n$.
- Сортировка столбцов по алфавитному порядку пароля.
- Чтение по столбцам в новом порядке.

Код реализации представлен на рис.1, тестирование - рис.2.

Рис. 1 Реализация маршрутного шифрования:

```
[1]: function column(text, password)
    text = replace(uppercase(text), " " => "")
    text_chars = collect(text)
    n = length(collect(password))
    if length(text_chars) % n != 0
        append!(text_chars, fill('X', n - length(text_chars) % n))
    end
    m = length(text_chars) ÷ n
    table = [text_chars[i*n+1:(i+1)*n] for i in 0:m-1]
    password_chars = collect(password)
    order = sortperm(password_chars)
    cipher_chars = Char[]
    for col in order
        for row in 1:m
            push!(cipher_chars, table[row][col])
        end
    end
    return join(cipher_chars)
end
```

[1]: column (generic function with 1 method)

Рис. 2 Тестирование маршрутного шифрования:

```
[2]: text1="нельзя недооценивать противника"
password1="пароль"
encrypted1=
column(text1, password1)
println(encrypted1)
```

ЕЕНПНЗОАТАЬОВОКННЕЬВЛДИРИЯЦТИХ

2. Шифрование с помощью решеток.

Алгоритм:

- Удаление пробелов и приведение к верхнему регистру.
- Дополнить количество символов при необходимости.
- Создание решетки $2k \times 2k$ с последовательной нумерацией.
- Определение отверстий.
- Для каждого поаворота решетки на 90: -записать символы текста в отверстия; - повернуть решетку.

- Прочитать заполненную таблицу по столбцам согласно паролю.

Код реализации представлен на рис.3, тестирование - рис.4.

Рис. 3 Реализация шифрования с помощью решеток:

```

[4]: function fleissner(k, text, password)
    grid = zeros(Int, 2k, 2k)
    num = 1
    temp_grid = reshape(1:(4*k^2), k, 4k)
    for rot in 0:3
        view = temp_grid[1:k, rot*k+1:(rot+1)*k]
        grid[1:k, 1:k] = view
        grid = rotl90(grid)
    end

    holes = collect(1:k^2)

    text = replace(uppercase(text), " " => "")
    text_chars = collect(text)

    total_cells = 4*k^2
    if length(text_chars) < total_cells
        append!(text_chars, fill('X', total_cells - length(text_chars)))
    elseif length(text_chars) > total_cells
        text_chars = text_chars[1:total_cells]
    end

    table = fill(' ', 2k, 2k)
    current_grid = copy(grid)
    idx = 1

    for rotation in 0:3
        for pos in 1:(2k)^2
            if current_grid[pos] in holes
                table[pos] = text_chars[idx]
                idx += 1
            end
        end
        current_grid = rotl90(current_grid)
    end

    password_chars = collect(password)
    order = sortperm(password_chars)

    result_chars = Char[]
    for col in order
        for row in 1:2k
            push!(result_chars, table[row, col])
        end
    end

    return join(result_chars)
end

function rotl90(matrix)
    return permutedims(reverse(matrix, dims=1))
end

```

Рис. 4 Тестирование шифрования с помощью решеток:

```
[8]: k=2
text2="договор подписали"
password2="шифр"
encrypted2=fleissner(k,text2,password2)
println(encrypted2)
```

ГОЛИРППИВООДДОСА

3. Таблица Виженера.

Алгоритм:

- Удаление пробелов и приведение к верхнему регистру.
- Для каждого символа текста: -взять соответствующий символ ключа; - вычислить сдвиг; - применить модуль 32; -получить новый символ.

Код реализации представлен на рис.5, тестирование - рис.6.

Рис. 5 Реализация таблицы Виженера:

```
[12]: function vigener(text, password; encrypt=true)
    text = replace(uppercase(text), " " => "")
    text_chars = collect(text)
    password = uppercase(password)
    password_chars = collect(password)
    result_chars=Char[]
    for (i,char) in enumerate(text_chars)
        kchar=password_chars[(i-1)%length(password_chars)+1]
        shift=encrypt ? 1 : -1

        if 'A'<=char<='Я' && 'A'<=kchar<='Я'
            new_char = 'A' +(Int(char)-Int('A')+shift*(Int(kchar)-Int('A')))%32
            push!(result_chars,Char(new_char))
        else
            push!(result_chars,char)
        end
    end
    return join(result_chars)
end
```

[12]: vigener (generic function with 1 method)

Рис. 6 Тестирование таблицы Виженера:

```
[14]: text3="криптография серьезная наука"  
password3="математика"  
encrypted3=vigener(text3,password3, encrypt=true)  
println(encrypted3)
```

ЦРЪФЮОХШКФЯГКЪЧПЧАЛНТЩА

Вывод: В ходе данной работы мной были изучены и реализованы методы маршрутного шифрования, шифрования с помощью решеток и таблицы Виженера. Написан программный код на языке Julia и протестирован.