# Software para la Extracción del Esqueleto por Contracción y Suavizado

Alexander Pinzón, Eduardo Romero

#### Abstract

Este articulo presenta un software para el procesamiento, visualización, y extracción del esqueleto desde mallas de polígonos. El software se diseño con base en un sistema de plugins y filtros, se implemento un plugin que contenía un filtro para la extracción del esqueleto por contracción en dirección gradiente con suavizado Laplaciano. El software producido proporciona una plataforma flexible para el diseño e implementación de plugins.

### Métodos de Suavizado de Mallas

Los métodos para suavizar mallas reducen el ruido, o permiten iterativamente eliminar frecuencias altas presentes en el muestreo tridimensional de los modelos.

#### **Métodos Laplacianos**

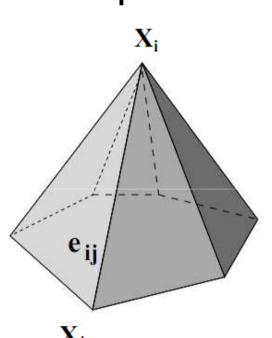
La idea básica consiste en mover un vértice en la Eq(1)  $\frac{\partial X}{\partial t} = \lambda L(X)$ misma dirección del Laplaciano.

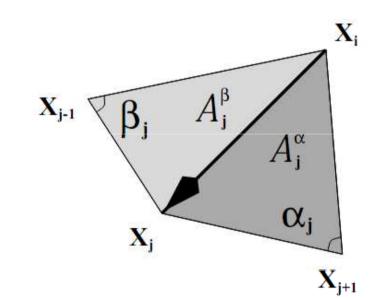
La ecuación 1 se implementa como la  $Eq(2) \quad X_{t+1} = (I + \lambda L)X_{t}$ ecuación de diferencias hacia adelante así: Donde  ${\it X}$  es el conjunto de vértices,  ${\it L}$  es el Laplaciano, y  ${\it \lambda}$  es la velocidad de difusión.

Y la aproximación discreta de la ecuación 2 es:

$$Eq(3)$$
  $L(x_i) = \sum w_{ij}(x_j - x_i), x_j \in Vecinos(x_i)$ 

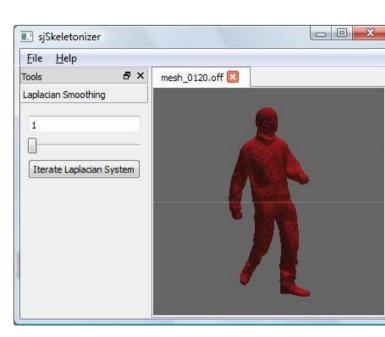
Aproximación del Laplaciano mediante la Curvatura normal

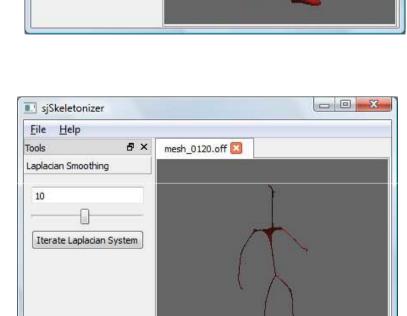




Con  $w_{ij} = \cot \alpha_j + \cot \beta_j$  para el vértice  $x_i$  y sus vecinos  $x_j$ 

### Software Skeletonizer





- **sjSkeletonizer** es el software desarrollado en el grupo Bioingenium para el procesamiento, visualización y extracción del esqueleto desde mallas de polígonos.
- **CGAL** (Computational Usa Geometry Algorithms Library)
- •Usa **Graphite** (Software de Geometría Numérica y Computación Grafica)
- Se integraron las siguientes librerías de procesamiento numérico: ACE, AMD, ARPACK, ARPACK UTIL, CBLAS, CCOLAMD, CHOLMOD, CLAPACK, COLAMD, F2CLIBS, METIS, MISC, NL, SUPERLU, TAUCS

## Implementación para la extracción del esqueleto

La Esqueletonización reduce la dimensionalidad y representa un cuerpo como un estructura uní-dimensional.

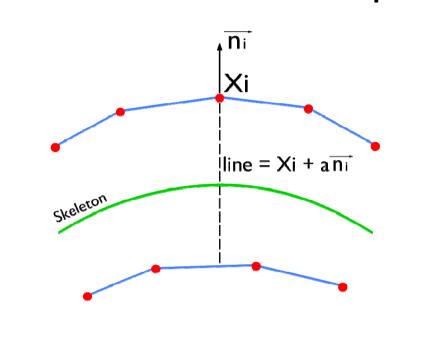
El esqueleto puede ser obtenido suavizando la malla pero bajo dos restricciones, W<sub>L</sub> que da peso al Laplaciano y W<sub>H</sub> que mantiene los vértices en su localización original.

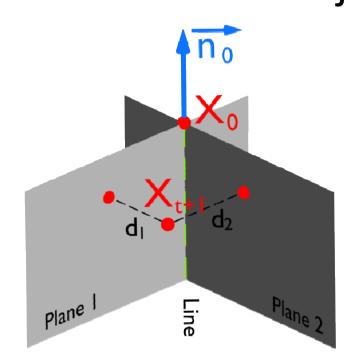
Extracción del esqueleto.

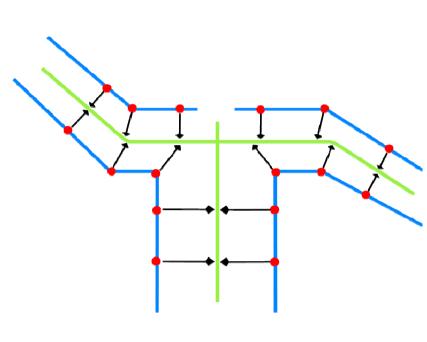
$$\left[ egin{array}{c} W_L L \ W_H \end{array} 
ight] X_{t+1} = \left[ egin{array}{c} 0 \ W_H X_t \end{array} 
ight]$$

Donde L(X) = Suavizado Laplaciano con  $w_{ij}$  $w_{ij} = \cot \alpha_i + \cot \beta_i$ basado en la curvatura de flujo

Y la nueva restricción propuesta en este trabajo







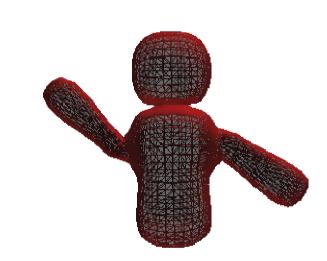
Tratar de suavizar los vértices a lo largo de la línea La distancia del punto a la linea

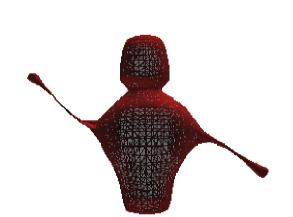
$$line = \overrightarrow{P_1} + t\overrightarrow{P_2}, \ point \ P_0 \Longrightarrow distance(line, P_0) = \frac{|(P_2 - P_1) \times (P_1 - P_0)|}{|P_2 - P_1|}$$

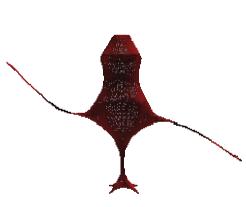
Cada punto en un plano satisface esta ecuación

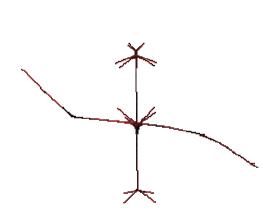
$$P_0: a\mathbf{x} + b_0\mathbf{y} + c_0\mathbf{z} + d_0 = 0.$$

#### Resultados









- •Los vértices se pueden mover a lo largo de la línea.
- •El esqueleto tiene muchas ramas.
- Muchas mas ecuaciones que incógnitas.
- •La solución debe ser restringida a una región particular de la línea.

# Referencias y Agradecimientos

- Oscar Kin-Chung Au, Chiew-Lan Tai, Hung-Kuo Chu, Daniel Cohen-Or, and Tong-Yee Lee. Skeleton extraction by mesh contraction. ACM Transactions on Graphics, 27(3):10, 2008. Skeleton Extraction.
- •Daniel Vlasic, Ilya Baran, Wojciech Matusik, and Jovan Popović. Articulated mesh animation from multi-view silhouettes. ACM Trans. Graph.,27(3):1–9, 2008. 3D Reconstruction.
- •Nicu D. Cornea and Patrick Min. Curve-skeleton properties, applications, and algorithms. IEEE Transactions on Visualization and Computer Graphics, 13(3):530-548, 2007. Skeleton Extraction Survey Member-Silver, Deborah.

Agradecimientos: The captured performance data were provided courtesy of the Computer Graphics Group of the MIT CSAIL Vision Research (Cambirdge, USA).

## Contacto

Alexander Pinzón Fernández apinzonf@gmail.com Grupo de Investigación Bioingenium <u>www.bioingenium.unal.edu.co</u> Universidad Nacional de Colombia www.unal.edu.co Facultad de Medicina, Edificio 471 Primer Piso



