

gap

Language: ru_RU

Промежуток

Есть N неотрицательных целых чисел a_1, a_2, \ldots, a_N , удовлетворяющих следующему неравенству $0 \le a_1 < a_2 < \cdots < a_N \le 10^{18}$. Жихак хочет найти максимальное возможное значение $a_{i+1} - a_i$ где i от 1 до N-1. Эти числа не будут даны программе напрямую, но информацию о них можно будет получать с помощью специальной функции. Подробности указаны в секции "Детали реализации" выбранного вами языка.

Постановка задачи

Помогите Жихаку реализовать функцию, которая вернет максимальное возможное значение $a_{i+1}-a_i$ где i от 1 до N-1.

Детали реализации для С и С++

Вам необходимо реализовать функцию findGap(T, N) которая принимает следующие параметры и возвращает целое число типа long long:

- Т номер подзадачи (1 или 2)
- N количество чисел

Функция findGap может вызывать функцию MinMax(s, t, &mn, &mx) у которой первые два параметра s и t это целые числа типа long long, а последние два параметра &mn и &mx это указатели на переменные типа long long, то есть, mn и mx переменные типа long long. После завершения MinMax(s, t, &mn, &mx), в переменной mn будет записано минимальное a_i , не меньшее значения S, а в переменной mx будет записано наибольшее значение a_j , не большее t. Если между S и t (включительно) не находится ни одного из чисел a_i , то и mn и mx будут иметь значение -1. Значение S должно быть не больше, чем значение t, во всех вызовах функции MinMax. Если это условие не будет выполнено, то программа завершится с ненулевым кодом возврата.

Детали реализации для Pascal

Вам необходимо реализовать функцию findGap(T, N) которая принимает следующие параметры и возвращает целое число типа Int64:

- T номер подзадачи (1 или 2) (типа Integer)
- N количество чисел (типа LongInt)

Функция findGap может вызывать функцию MinMax(s, t, mn, mx) у которой первые два параметра s и t это целые числа типа Int64, а последние два параметра mn и mx передаются по ссылке и имеют тип Int64. После завершения MinMax(s, t, mn, mx), в переменной mn будет записано минимальное a_i , не меньшее значения s, а в переменной mx будет записано наибольшее значение a_j , не большее t. Если между s и t (включительно) не находится ни одного из чисел a_i , то и mn и mx будут иметь значение -1. Значение s должно быть не больше,

чем значение t во всех вызовах функции MinMax. Если это условие не будет выполнено, то программа будет завершена.

Детали реализации для всех языков

В дополнение к обычным требования (ограничения по времени и памяти, отсутствие ошибок времени выполнения, и.т.д), ваша посылка должна удовлетворять следующим ограничениям, чтобы тест был засчитан:

- функция findGap должна вернуть правильный ответ,
- стоимость M вызовов функции MinMax не должна превосходить определённого значения (см. секцию Система Оценивания).

Пример для С, С++

Пусть
$$N=4$$
, $a_1=2$, $a_2=3$, $a_3=6$ и $a_4=8$.

Ответ, равный 3, может быть вычислен функцией findGap, если сделать следующие вызовы функции MinMax:

- MinMax(1, 2, &mn, &mx), после чего mn и mx равны 2.
- MinMax(3, 7, &mn, &mx), после чего mn равен 3, mx равен 6.
- MinMax(8, 9, &mn, &mx), после чего mn и mx равны 8.

Пример для Pascal

Пусть
$$N=4$$
, $a_1=2$, $a_2=3$, $a_3=6$ и $a_4=8$.

Ответ, равный $\bf 3$, может быть вычислен функцией findGap, если сделать следующие вызовы функции MinMax:

- MinMax(1, 2, mn, mx), после чего mn и mx равны 2.
- MinMax(3, 7, mn, mx), после чего mn равен 3, mx равен 6.
- MinMax(8, 9, mn, mx), после чего mn и mx равны 8.

Система оценивания

Во всех подзадачах $2 \le N \le 100,000$.

Подзадача 1 (30 баллов): Каждый вызов MinMax прибавляет 1 к M. Вы получите полный балл за подзадачу, если если $M \leq \frac{N+1}{2}$ во всех тестах.

Подзадача 2 (70 баллов): Пусть k -- количество чисел из a между s и t включительно s вызове функции MinMax. Каждый вызов MinMax прибавит k+1 к M. Балл за подзадачу будет вычислен как минимальный из баллов за тесты этой подзадачи. Балл за тест равен 70, если $M \leq 3N$, и $\frac{60}{\sqrt{\frac{M}{N}+1}-1}$, в противном случае.

Пример проверяющего модуля

Пример проверяющего модуля, который можно скачать в тестирующей системе, читает входные данные со стандартного ввода. Первая строка входных данных должна содержать два числа - номер подзадачи и T, и N. Следующая строка должна содержать N чисел в возрастающем порядке. Пример проверяющего модуля выведет на стандартный вывод значение, которое вернула функция findGap, и значение M в соответствии с подзадачей, указанной во вводе.

Пример описывается следующим вводом:

2 4

2 3 6 8