

gap

Language: zh TW

Gap

N 個非負整數 a_1,a_2,\ldots,a_N 滿足下列不等式 $0 \le a_1 < a_2 < \cdots < a_N \le 10^{18}$ 。 Jeehak 想要知道當 i 的範圍為 1 到 N-1 時, $a_{i+1}-a_i$ 可能的最大值。 Jeehak 的程式並不會直接拿到輸入的資料,而必須透過某個特殊的函式。請看 Implementation 來了解更多細節。

Task

請幫助 Jeehak 實作一個函式,這個函式能回傳當i的範圍為1到N-1時, $a_{i+1}-a_i$ 可能的最大值。

Implementation for C and C++

你需要實作一個函式 findGap(T, N) 包含下列參數並回傳一個型態為 long long 的整數:

- T 子任務 (1 or 2)
- N 給定整數的數量

你的函式 findGap 可以呼叫一個函式 MinMax(s, t, &mn, &mx),其前二個參數 s 和 t 為型態 long long 的整數,後二個參數 &mn 及 &mx 為指向 long long 變數的指標,即代表mn 和 mx 為型態 long long 的整數變數。當 MinMax(s, t, &mn, &mx) 返回時,變數 mn 的 值會變為大於或等於 s 的最小的 a_i ,而變數 mx 的值則變為小於或等於 t 的最大的 a_j 。當輸入的整數範圍都不在 s 和 t 之間 (包含 s 和 t),則 mn 和 mx 的值都會變為 -1。當呼叫 MinMax 時,s 的值不能比 t 還要大,否則程式會終止並回傳一個非零值。

Implementation for Pascal

你需要實作一個函式 findGap(T, N) 包含下列參數並回傳一個型態為 Int64 的整數:

- T 子任務 (1 or 2) (Integer 型態)
- N 給定整數的數量 (LongInt 型態)

你的函式 findGap 可以呼叫一個函式 MinMax(s, t, mn, mx),其前二個參數 s 和 t 為型態 Int64 的整數,後二個參數 mn 及 mx 為 Int64 的參考 (reference),即代表 mn 和 mx 為型態 Int64 的整數變數。當 MinMax(s, t, &mn, &mx) 結束時,變數 mn 的值會變為大於或等於 s 的最小的 a_i ,而變數 mx 的值則變為小於或等於 t 的最大的 a_j 。當輸入的整數範圍都不在 s 和 t 之間 (包含 s 和 t),則 mn 和 mx 的值都會變為 -1。當呼叫 MinMax 時,s 的值不能比 t 還要大,否則程式將會終止。

Implementation for all

除了標準的要求之外 (時間、記憶體限制、沒有執行錯誤等等), 你傳送的程式必須達到下列要求:

■ 你的函式 findGap 必須要回傳正確答案。

■ 呼叫函式 MinMax 的成本 M 不能超過限制 (請看 Scoring 的部分)。

Example for C, C++

當 N=4 且 $a_1=2, a_2=3, a_3=6, a_4=8$ 。

正確答案為3,可藉由呼叫下列MinMax來計算,並由findGap回傳。

- 呼叫 MinMax(1, 2, &mn, &mx), mn 及 mx 的值都變為 2.
- 呼叫 MinMax(3, 7, &mn, &mx), mn 的值變為 3 且 mx 的值變為 6.
- 呼叫 MinMax(8, 9, &mn, &mx), mn 及 mx 的值都變為 8.

Example for Pascal

當 N=4 且 $a_1=2, a_2=3, a_3=6, a_4=8$ 。

正確答案為3,可藉由呼叫下列MinMax來計算,並由findGap回傳。

- 呼叫 MinMax(1, 2, mn, mx) , mn 及 mx 的值都變為 2.
- 呼叫 MinMax(3, 7, mn, mx), mn 的值變為 3 且 mx 的值變為 6.
- 呼叫 MinMax(8, 9, mn, mx) , mn 及 mx 的值都變為 8.

Scoring

所有子任務都滿足 $2 \le N \le 100,000$ 。

Subtask 1 (30 points): 每次呼叫 MinMax 將會使 M 的值增加 1。若對於所有測資, $M \leq \frac{N+1}{2}$,你將可以拿到所有分數。

Subtask 2 (70 points): 令 k 為呼叫 MinMax 時,輸入整數大於等於 s 且小於等於 t 的個數。每次呼叫 MinMax 都會使 M 的值增加 k+1。最後的總分將會以下列規則計算:這個子任務你獲得的最終分數為你所有測資中最小的分數。對於每一筆測資,當 $M \leq 3N$ 時你能拿到 70 分,否則你的分數為 $\frac{60}{\sqrt{\frac{N}{N}+1}-1}$ 。

Experimentation

你可以從評分系統上下載 Sample grader,它將會以標準輸入的方式讀入資料。輸入第一行包含二個整數,子任務 T 以及 N。下一行包含 N 個以升序排列的整數。Sample grader 將會以標準輸出的方式,輸出 findGap 所回傳的值以及對應的 M 值。

以下為題目範例的輸入:

2 4 2 3 6 8