

# Retas!

Satu jam telah berlalu dalam suatu kontes Codeforces ketika Anda sadar bahwa ada kontestan lain di ruangan Anda yang menyelesaikan sebuah soal menggunakan `unordered_set`. Saatnya meretas solusi tersebut!

Anda tahu bahwa `unordered_set` menggunakan *hash table* dengan  $n$  buah *bucket* yang dinomori dari 0 hingga  $n - 1$ . Sayangnya, Anda tidak mengetahui nilai  $n$  dan ingin mencari tahu nilai tersebut.

Saat Anda memasukkan bilangan bulat  $x$  ke dalam *hash table*, bilangan bulat tersebut akan dimasukkan ke dalam *bucket* nomor  $(x \bmod n)$ . Apabila sudah terdapat  $b$  elemen di dalam *bucket* tersebut sebelum  $x$  dimasukkan, akan terjadi  $b$  kali *hash collision*.

Dengan memberikan array  $x = [x[0], x[1], \dots, x[k-1]]$  berisi  $k$  bilangan bulat berbeda kepada interaktor, Anda bisa menanyakan banyaknya *hash collision* keseluruhan yang terjadi saat membuat `unordered_set` baru dan memasukkan elemen-elemen  $x[0], x[1], \dots, x[k-1]$  secara berurutan. Pertanyaan tersebut membutuhkan biaya sebesar  $k$ .

Contohnya, jika  $n = 5$ , maka memberikan  $x = [2, 15, 7, 27, 8, 30]$  kepada interaktor akan mengakibatkan 4 *collision* secara keseluruhan:

| Operasi                | <i>Collision</i> baru | Isi <i>bucket</i>  |
|------------------------|-----------------------|--|
| <i>kondisi awal</i>    | —                     | <code>[]</code> , <code>[]</code> , <code>[]</code> , <code>[]</code> , <code>[]</code>                |
| memasukkan $x[0] = 2$  | 0                     | <code>[]</code> , <code>[]</code> , <code>[2]</code> , <code>[]</code> , <code>[]</code>               |
| memasukkan $x[1] = 15$ | 0                     | <code>[15]</code> , <code>[]</code> , <code>[2]</code> , <code>[]</code> , <code>[]</code>             |
| memasukkan $x[2] = 7$  | 1                     | <code>[15]</code> , <code>[]</code> , <code>[2, 7]</code> , <code>[]</code> , <code>[]</code>          |
| memasukkan $x[3] = 27$ | 2                     | <code>[15]</code> , <code>[]</code> , <code>[2, 7, 27]</code> , <code>[]</code> , <code>[]</code>      |
| memasukkan $x[4] = 8$  | 0                     | <code>[15]</code> , <code>[]</code> , <code>[2, 7, 27]</code> , <code>[8]</code> , <code>[]</code>     |
| memasukkan $x[5] = 30$ | 1                     | <code>[15, 30]</code> , <code>[]</code> , <code>[2, 7, 27]</code> , <code>[8]</code> , <code>[]</code> |

Perhatikan bahwa interaktor membuat *hash table* dengan memasukkan elemen-elemen secara berurutan ke dalam `unordered_set` yang awalnya kosong. Selain itu, untuk setiap pertanyaan, akan dibuat `unordered_set` kosong yang baru. Dengan kata lain, setiap pertanyaan bersifat independen.

Tugas Anda adalah mencari tahu banyaknya *bucket*,  $n$ , dengan jumlah biaya seluruh pertanyaan Anda tidak melebihi 1 000 000.

## Detail Implementasi

Anda harus mengimplementasikan prosedur berikut:

```
int hack()
```

- Prosedur ini harus mengembalikan sebuah bilangan bulat, yakni nilai  $n$  yang perlu Anda cari.
- Pada suatu kasus uji, prosedur ini akan dipanggil paling banyak  $t$  kali. Setiap pemanggilan prosedur harus Anda anggap sebagai skenario yang terpisah.

Di dalam prosedur di atas, Anda dapat memanggil fungsi berikut:

```
long long collisions(std::vector<long long> x)
```

- $x$ : *array* yang berisi bilangan bulat berbeda. Harus terpenuhi bahwa  $1 \leq x[i] \leq 10^{18}$  untuk semua  $i$ .
- Fungsi ini akan mengembalikan banyaknya *collision* yang terjadi saat memasukkan *array*  $x$  secara berurutan ke dalam suatu `unordered_set`.
- Fungsi ini dapat dipanggil berkali-kali. Dalam satu pemanggilan `hack()`, jumlah panjang *array*  $x$  yang diberikan ke dalam fungsi ini tidak boleh melebihi 1 000 000.

Catatan: **Karena prosedur `hack()` dapat dipanggil lebih dari satu kali, Anda perlu memperhatikan dampak data yang tersisa dari pemanggilan prosedur sebelumnya, khususnya terhadap variabel-variabel global.**

Batasan 1 000 000 berlaku untuk setiap pemanggilan `hack()`. Secara umum, jika ada  $t$  kali pemanggilan `hack()`, Anda dapat menggunakan biaya keseluruhan tidak lebih dari  $t \times 1\,000\,000$ , dengan masing-masing pemanggilan `hack()` menggunakan jumlah biaya tidak lebih dari 1 000 000.

*Grader* tidak bersifat adaptif: nilai dari  $n$  sudah ditetapkan sebelum pemanggilan `hack()` dilakukan.

## Contoh

Misalkan terdapat kasus uji yang terdiri dari dua pemanggilan `hack()`. Pertama, *grader* akan melakukan pemanggilan berikut:

```
hack()
```

Misalkan Anda melakukan pemanggilan-pemanggilan berikut di dalam prosedur `hack()`:

| Pemanggilan                                    | Nilai kembalian |
|--|-----------------|
| <code>collisions([2, 15, 7, 27, 8, 30])</code> | 4               |
| <code>collisions([1, 2, 3])</code>             | 0               |
| <code>collisions([10, 20, 30, 40, 50])</code>  | 10              |

Setelah itu, jika Anda menemukan bahwa nilai  $n = 5$ , prosedur `hack()` harus mengembalikan 5.

Lalu, *grader* akan melakukan pemanggilan berikut:

```
hack()
```

Misalkan Anda melakukan pemanggilan-pemanggilan berikut di dalam prosedur `hack()`.

| Pemanggilan                     | Nilai kembalian |
|---------------------------------|-----------------|
| <code>collisions([1, 3])</code> | 1               |
| <code>collisions([2, 4])</code> | 1               |

Satu-satunya nilai  $n$  yang sesuai dengan semua nilai kembalian adalah 2. Maka, prosedur `hack()` harus mengembalikan 2.

## Batasan

- $1 \leq t \leq 10$ , dengan  $t$  adalah banyaknya pemanggilan `hack()` di dalam setiap kasus uji.
- $2 \leq n \leq 10^9$
- $1 \leq x[i] \leq 10^{18}$  untuk setiap pemanggilan `collisions()`.

## Subsoal

1. (8 poin)  $n \leq 500\,000$
2. (17 poin)  $n \leq 1\,000\,000$
3. (75 poin) Tidak ada batasan tambahan.

Pada subsoal terakhir, Anda bisa mendapatkan nilai parsial. Misalkan  $g$  merupakan jumlah biaya maksimum di antara semua pemanggilan prosedur `hack()` dari semua kasus uji pada subsoal ini. Nilai Anda untuk subsoal ini dihitung berdasarkan tabel berikut:

| Kondisi                         | Nilai  |
|---------------------------------|--|
| $1\,000\,000 < q$               | 0  |
| $110\,000 < q \leq 1\,000\,000$ | $75 \cdot \log_{50} \left( \frac{10^6}{x-90000} \right)$ |
| $q \leq 110\,000$               | 75   |

Jika pada suatu kasus uji, terdapat pemanggilan prosedur `collisions()` yang tidak sesuai dengan batasan yang tertera pada bagian Detail Implementasi, atau nilai yang dikembalikan oleh prosedur `hack()` tidak tepat, maka nilai Anda untuk subsoal yang mengandung kasus uji tersebut adalah 0.

## Contoh Grader

Contoh *grader* membaca masukan dengan format berikut:

- Baris 1:  $t$

Setelah itu, terdapat  $t$  baris yang masing-masing berisi nilai  $n$  untuk setiap pemanggilan `hack()`:

- Baris 1:  $n$

Untuk setiap pemanggilan `hack()`, misalkan  $m$  merupakan nilai kembalian `hack()`, dan  $c$  merupakan jumlah biaya dari semua pemanggilan `collisions()`. Contoh *grader* akan mengeluarkan jawaban Anda dalam format berikut:

- Baris 1:  $m\ c$