

# Permutation Game

Alice ve Bob beraber entellektüel oyunlar oynamayı seven çocukluk arkadaşlarıdır. Bugün graflar üzerinde yeni bir oyun oynayacaklardır.

Oyunda  $m$  köşeli (node) **connected** bir graf vardır, köşeler  $0'dan m - 1'e$  numaralandırılmıştır, ve  $e$  tane kenar,  $0'dan e - 1'e$  numaralandırılmıştır.  $i$ -inci kenar  $u[i]$  ve  $v[i]$  köşelerini bağlar.

Oyunda ayrıca  $n$  elemanlı bir permutasyon  $p[0], p[1], \dots, p[n - 1]$  vardır, ve  $m \leq n$  şartı sağlanır. Permutasyon  $0'dan n - 1'e$  her elemanın tam olarak bir kere herhangi bir sırada geçtiği bir dizidir. Permutasyon  $p'nin$  **score'u**  $p[i] = i$  şartını sağlayan  $i$  indislerinin sayısıdır.

Oyun en fazla  $10^{100}$  tur sürecektir. Her turda şu olacaktır:

1. Eğer Alice oyunu bitirmeye karar verirse, oyun biter.
2. Öbür durumda, Alice  $0 \leq t[i] < n$  şartını sağlayacak şekilde **farklı indisler**  $t[0], t[1], \dots, t[m - 1]$  seçer. Unutmayın ki  $t[0] < t[1] < \dots < t[m - 1]$  şartı **sağlanmak zorunda değildir**.
3. Bob grafın kenarlarından bir indis seçer  $0 \leq j < e$  ve  $p[t[u[j]]]$  ve  $p[t[v[j]]]$  değerlerini değiştirir (swap).

Alice final skorunu maksimum yapmak isterken, Bob minimum yapmak ister.

Alice'e Bob'a karşı oynarken yardım edin, hamleler grader tarafından simüle edilmektedir.

*optimal score'u* Alice ve Bob optimal oynadığındaki son skor olarak tanımlayalım.

Permutasyonun optimal skorunu hesaplamalısınız ve daha sonra da oyunu Bob ile oynayıp birkaç tur sonunda **en azından** optimal skora ulaşmalısınız.

**Unutmayın ki Alice'in stratejisi Bob ne yaparsa yapsın, optimal olmayan hamleler yaptığında bile çalışacaktır.**

## Kodlama Detayları

Aşağıdaki prosedürü kodlamalısınız:

```
int Alice(int m, int e, std::vector<int> u, std::vector<int> v,
          int n, std::vector<int> p)
```

- $m$ : grafdaki köşe sayısı.
- $e$ : grafdaki kenar sayısı.
- $u$  ve  $v$ :  $e$  uzunluğundaki kenarları temsil eden dizi.
- $n$ : permutasyonun uzunluğu.
- $p$ :  $n$  elemanlı permutasyonu gösteren dizi.
- Bu prosedür kesinlikle bir kere çağırılacaktır.
- Bu prosedür sadece bir sayı dönecektir- Oyunun optimal skoru.

Bu prosedürde aşağıdaki prosedürü çağırabilirsiniz:

```
int Bob(std::vector<int> t)
```

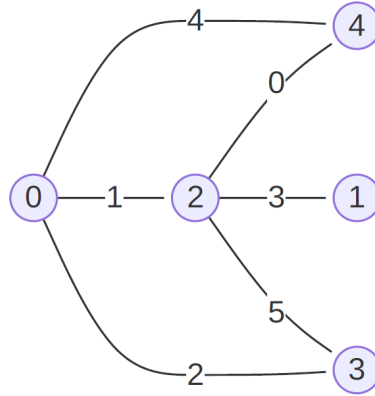
- $t$ :  $m$  farklı eleman içeren bir dizi,  $0 \leq t[i] < n$  ve her  $i \neq j$  için  $t[i] \neq t[j]$ .
- Bu fonksiyon sadece bir tamsayı döndürmeli  $j$ .  $0 \leq j < e$ .
- Bu prosedür birden çok defa çağırılabilir.

## Örnek

Şu çağrıya bakalım:

```
Alice(5, 6, [4, 0, 3, 1, 4, 2], [2, 2, 0, 2, 0, 3],
      10, [8, 2, 7, 6, 1, 5, 0, 9, 3, 4])
```

graf şu şekildedir:



ve  $p$  başta şudur:  $[8, 2, 7, 6, 1, 5, 0, 9, 3, 4]$ .

Yukarıdaki değerlere bakarak, permutasyonun optimal skorunun 1 olduğu görülebilir.

Diyelim ki Alice şu 4 hamleyi yapsın:

Argument of $t$ to Bob	Return value of Bob	Corresponding indices of $p$	$p$ after the swap by Bob
[3, 1, 5, 2, 0]	5	5, 2	[8, 2, 5, 6, 1, 7, 0, 9, 3, 4]
[9, 3, 7, 2, 1]	0	1, 7	[8, 9, 5, 6, 1, 7, 0, 2, 3, 4]
[5, 6, 7, 8, 9]	1	5, 7	[8, 9, 5, 6, 1, 2, 0, 7, 3, 4]
[7, 5, 2, 3, 6]	3	5, 2	[8, 9, 2, 6, 1, 5, 0, 7, 3, 4]

Unutmayın ki burada Alice ve Bob her zaman optimal hamleleri yapmıyor olabilir. Bu hamleler amacımızı göstermek için gösterilmiştir. Ayrıca Alice oyunu başlar başlamaz da bitirebilirdi ve bu durumda da skor 1 olurdu.

Alice yukarıdaki hamlelerin hepsini yaptıktan sonra , permutasyonun gerçek skoru 3 (  $p[2] = 2, p[5] = 5, p[7] = 7$ ) olur.

Sonuçta, fonksiyon `Alice()` 1 dönecektir – permutasyonun optimal skoru.

**Unutmayın ki Alice 3 skorunu elde etmiş olsa da, `Alice()` fonksiyonunu 1 yerine 3 döndüğünde 0 puan alacaktınız.**

## Sınırlar

- $2 \leq m \leq 400$
- $m - 1 \leq e \leq 400$
- $0 \leq u[i], v[i] < m$
- $m \leq n \leq 400$
- $0 \leq p[i] < n$
- Graf bağlıdır, self-loops veya multiple edges içermez.
- $p$  bir permutasyondur, yani her  $i \neq j$  için  $p[i] \neq p[j]$ .

## Alt Görevler

1. (6 puan)  $m = 2$
2. (6 puan)  $e > m$
3. (10 puan)  $e = m - 1$
4. (24 puan)  $e = m = 3$
5. (24 puan)  $e = m = 4$
6. (30 puan)  $e = m$

Her alt görev için parçalı puan alabilirsiniz.  $r$  alt görevin bütün testleri için  $\frac{k}{n}$  oranının maksimumu olsun, burada  $k$  tur sayısını (yani `Bob()` çağrı sayısı) gösterir. Alt görevin puanı bununla çarpılır:

Şart	Çarpan
$12 \leq r$	0
$3 < r < 12$	$1 - \log_{10}(r - 2)$
$r \leq 3$	1

Eğer problemi  $3n$  tur içinde çözerseniz, alt görevden tam puan alırsınız.  $12n$ 'den fazla tur kullanmak alt görev için 0 puan almaya sebebiyet verir.( `Output isn't correct` olarak dönüt alırsınız).

## Örnek Grader

Örnek grader girdiyi şu formatta okur:

- line 1:  $m\ e$
- line  $2 + i$  ( $0 \leq i \leq e - 1$ ):  $u[i]\ v[i]$
- line  $2 + e$ :  $n$
- line  $3 + e$ :  $p[0]\ p[1]\ \dots\ p[n - 1]$

Örnek grader çıktığı şu formatta verir:

- line 1: final permutation  $p$
- line 2: return value of `Alice()`
- line 3: actual score of final permutation
- line 4: the number of turns