

# 旋轉的直線們 (rotate)

Asadullo 是一位任職於 APIO(全名為「能源與產業最佳化聯盟」:Alliance for Power and Industrial Optimization)的傑出科學家。近期,他正潛心研究著一種使用未知材料來產生能源的新方法。

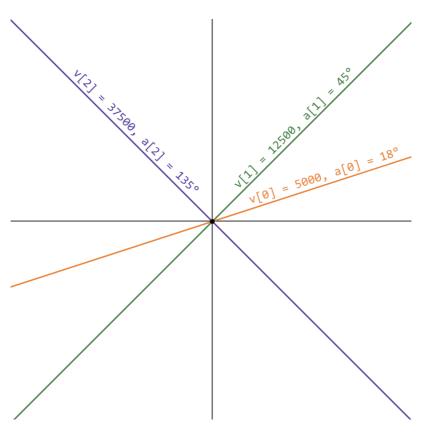
這種未知材料本身無法自行產生能量,但若使用該材料製作出數根極長的竿子,這些竿子透過彼此之間的 交互作用便能產生能源。

具體來說,我們會給你 n 根竿子的資訊  $v[0],v[1],\dots,v[n-1]$ 。第 i 根竿子將以逆時針方向、相對於 x 軸的角度擺放,其角度為  $a[i]=360\cdot\frac{v[i]}{100000}$ 。。這 n 根竿子所產生的能源效率將被定義為:

$$\sum_{i < j} ext{acute}(i, j)$$

其中  $\operatorname{acute}(i,j)$  代表第 i 根竿子與第 j 根竿子之間的銳角夾角。在這個題目中,我們將  $90^\circ$  視為銳角。更正式地,我們定義  $\operatorname{acute}(i,j) = \min(|v[i]-v[j]|, 50000-|v[i]-v[j]|)$ 。換言之,能源效率等於所有兩兩竿子之間銳角大小的總和。

舉例來說,若 v=[5000,12500,37500],則對應的角度為 a=[18,45,135],我們將得到如下圖所示的配置:



此時,acute(0,1)=7500(即  $27^\circ$ ),acute(0,2)=17500(即  $63^\circ$ ),acute(1,2)=25000(即  $90^\circ$ )。因此,這三根竿子的總能源效率為 7500+17500+25000=50000。

現在,Asadullo 想要透過調整這n 根竿子的配置,使能源效率達到最大。然而,在調整過程中必須遵守以下幾項限制:

- 首先,由於這種材料對生物極為危險,等子只能透過一種特殊的機械裝置進行控制式旋轉。該裝置 允許一次選取多根等子,並讓它們同步旋轉相同的角度。
- Asadullo 不希望能源效率下降。因此,每次使用裝置進行操作後,能源效率必須不低於原本的數值。
- 此外,操作裝置本身也會消耗大量能量,因此在所有操作過程中,被選取的竿子總數不得超過 2 000 000 根。

在這些限制之下,Asadullo 希望能夠以最佳方式進行調整操作,讓能源效率盡可能提高。請你撰寫一個程式,幫助 Asadullo 達成能源效率的最大化。

### 實作細節 (Implementation details)

你應該實作以下的函式:

void energy(int n, std::vector<int> v)

- n: 竿子的總數。
- v: —個長度為 n 的陣列,代表竿子的資訊。
- 這個函式會被呼叫恰好一次。

在該函式內,你可以呼叫以下的函式:

```
void rotate(std::vector<int> t, int x)
```

- t: 一個有相異註標的陣列,即  $0 \le t[i] < n$  對所有的 i,且  $t[i] \ne t[j]$  對所有的 i < j。 陣列 t 不一定是排好序的。
- 這個函式將陣列 t 裡面的所有竿子同時進行參數 x 的旋轉。也就是說,對於所有出現在陣列 t 中的 註標 i , v[i] 會變成 (v[i]+x) mod 50000 。
- 該函式可以被呼叫很多次。所有呼叫的陣列 t 長度總和不得超過  $2\ 000\ 000$ 。

### 範例 (Examples)

範例 1 (Example 1)

考慮以下呼叫:

```
energy(2, [20000, 10000])
```

其中,v=[20000,10000] 且初始能源效率等於 20000-10000=10000。其中一種可能的執行場景如下:

- 呼叫 rotate([0, 1], 8000)。此時v變為[28000,18000],而能源效率保持不變。
- 呼叫 rotate([0], 15000) 。此時 v 變為 [43000,18000] ,能源效率變為 43000-18000=25000。

可以證明對於這組輸入,25000 是可能達到的能源效率最大值。因此,Asadullo 可以在此時停止操作。

### 範例 2 (Example 2)

#### 考慮以下呼叫:

```
energy(3, [5000, 12500, 37500])
```

該範例對應的圖案已在上方呈現。可以證明初始的能源效率已經是最大可能值,因此不需要進行任何操 作。

### 限制 (Constraints)

- $2 \le n \le 100\ 000$
- $0 \le v[i] \le 49999$  對每個  $0 \le i < n$
- 所有 v 中的元素不一定相異

## 子任務 (Subtasks)

- 1. (5 points) n = 2
- 2. (11 points) v[i] < 25~000 對每個  $0 \leq i < n$
- 3. (8 points)  $n \le 10$
- 4. (15 points) n < 100
- 5. (15 points)  $n \le 300$
- 6. (20 points) n < 2000
- 7. (26 points) 無額外限制。

### 範例評分程式 (Sample Grader)

範例評分程式以下列格式讀取輸入:

- line 1: *n*
- line 2: v[0] v[1] ... v[n-1]

#### 範例評分程式以下列格式輸出:

• line 1: 所有竿子最終的能源效率

此外,評分程式也會將你每一次旋轉操作細節記錄在log.txt 這個檔案裡。