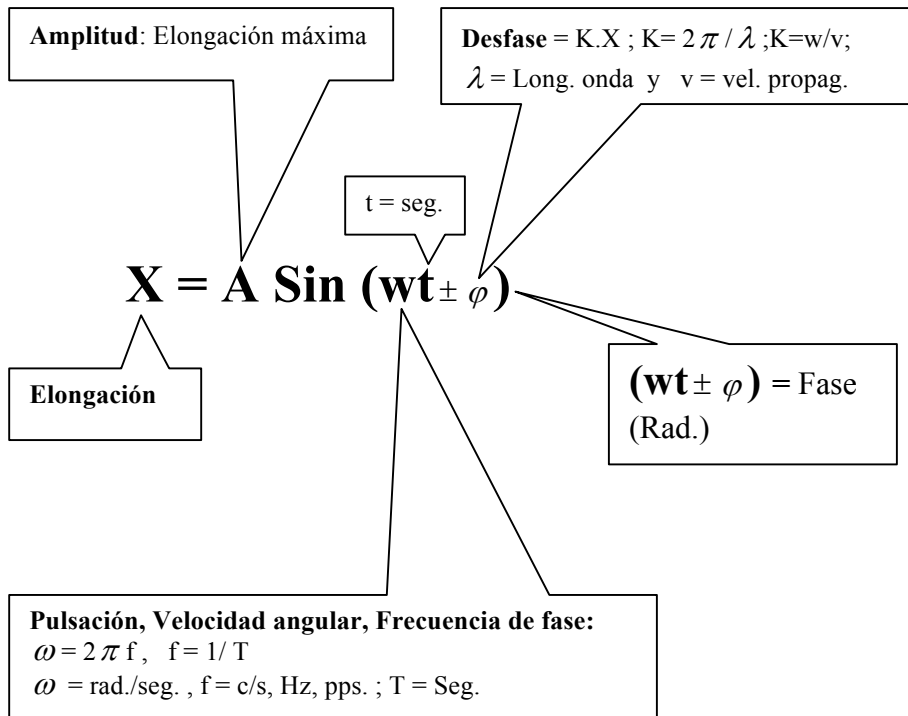


Movimiento Ondulatorio:

Se denomina **Movimiento Periódico** a cualquier clase de movimiento que se repita a intervalos de tiempo iguales. Si el movimiento se efectúa hacia adelante y hacia atrás sobre la misma trayectoria, efectuando desplazamientos en uno y otro sentido alrededor de un punto fijo se llama **Oscilatorio**.

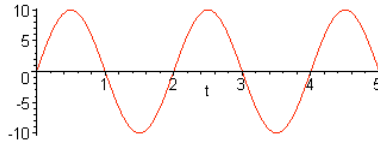
El **movimiento ondulatorio** es un movimiento oscilatorio que se propaga en un medio elástico, produciendo en éste una transmisión de energía a través del medio, sin transporte de materia.

- El movimiento Ondulatorio transmite: **Energía y Cantidad de movimiento sin necesidad de transportar materia**.
- La perturbación se propaga con la velocidad de la fase propia del medio.
- Las partículas vibran alrededor de la posición de equilibrio sin trasladarse.
- Tipos de ondas según la forma de trasladarse:
 - **Longitudinales:** Tienen la misma dirección el desplazamiento que las partículas y la propagación de la perturbación. Pe.: muelle, ondas sonoras, etc.
 - **Transversales:** Se propagan perpendicularmente a la perturbación (vibración). Pe.: cuerdas de guitarra, ondas superficie del agua, ondas electromagnéticas, etc.
- **Algunas definiciones:**
 - **Oscilación completa o vibración:** Es el movimiento efectuado hasta volver al punto de partida.
 - **Período (T):** Es el tiempo necesario para realizar una vibración completa.
 - **Frecuencia (f):** Es el número de vibraciones completas por unidad de tiempo. ($f = 1/T$).
 - **Elongación (x):** Es, en un instante dado, la distancia a la posición de equilibrio o centro de la trayectoria en ese instante.
 - **Amplitud (A):** Es la elongación máxima.
- **Representación:**



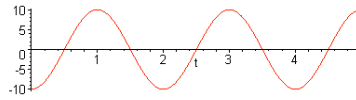
Posición: $X = A \sin(\omega t)$; Pe.: $x = 10 \sin(\pi t)$

`plot(10*sin(3.14*t), t=0..5);`

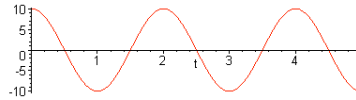


Con un desfase de 90° Tendríamos:

`plot(10*sin(3.14*t-Pi/2), t=0..5);`

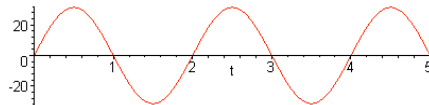


`plot(10*sin(3.14*t+Pi/2), t=0..5);`



Velocidad: $V = A \omega \cos(\omega t)$; Pe. $V = 31.4 \cos(3.14 t)$

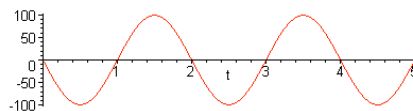
`plot(31.4*sin(3.14*t), t=0..5);`



Aceleración:

$a = -A \omega^2 \sin(\omega t)$; Pe.: $-10 \cdot 3.14^2 \sin(3.14 t)$

`plot(-98.696*sin(3.14*t), t=0..5);`



Valores máximos:

$x = A \sin(\omega t)$

$v = A \omega \cos(\omega t)$. El valor máximo de la velocidad se alcanza cuando $\cos(\omega t) = 1$

$a = -A \omega^2 \sin(\omega t)$. “ “ “ “ aceleración “ “ “ $\sin(\omega t) = 1$

Otros valores:

▪ Como $v = A \omega \cos(\omega t)$, $v^2 = A^2 \omega^2 \cos^2(\omega t)$, y $\cos^2(\omega t) = 1 - \sin^2(\omega t)$, \rightarrow
 $v^2 = A^2 \omega^2 (1 - \sin^2(\omega t))$; $\omega^2 (A^2 - A^2 \sin^2(\omega t)) \rightarrow \boxed{v = \omega \sqrt{A^2 - x^2}}$

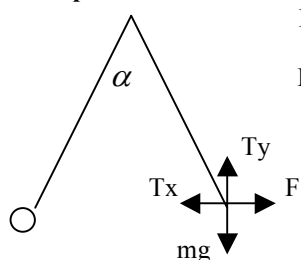
▪ La aceleración : $a = -A \omega^2 \sin(\omega t)$, y $x = A \sin(\omega t) \rightarrow \boxed{a = -\omega^2 x}$

▪ En el **muelle** tenemos:

$$\left. \begin{array}{l} F = -Kx \\ F = ma \end{array} \right\} -Kx = ma; \text{ como } a = -\omega^2 x ; -Kx = -m \omega^2 x \rightarrow \boxed{K = m \omega^2}$$

Si $\omega = \sqrt{k/m}$, y $\omega = 2\pi f$, $f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{k/m}$, por tanto: $\boxed{T = 2\pi \sqrt{m/k}}$

▪ En el **péndulo** :



$F = -mg \sin \alpha$, $S = \alpha L$, como para ángulos pequeños $\sin \alpha \cong \alpha$

$F = -mg \alpha \Rightarrow F = -mg \frac{S}{L}$ y $F = -kx \Rightarrow k = \frac{mg}{L}$

Si $T = 2\pi \sqrt{m/k} \Rightarrow T = 2\pi \sqrt{m/(mg/L)}$

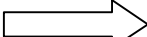
$\Rightarrow \boxed{T = 2\pi \sqrt{L/g}}$

Movimiento Armónico:

$x = A \sin(\omega t - kx)$; En donde k = Número de onda; número de ondas que hay en una longitud de

onda, esto es 2π .

$\boxed{K = \frac{2\pi}{\lambda}}$

$x = A \sin(\omega t - kx)$ Cuando la onda vija hacia 

$x = A \sin(\omega t + kx)$ “ “ “ 

Velocidad de fase o de propagación :

$\boxed{v = \frac{\lambda}{T}}$

Como $v = \lambda f * (\frac{2\pi}{2\pi}) \rightarrow v = 2\pi f (\lambda / 2\pi) \rightarrow v = \omega (1/k) \rightarrow$

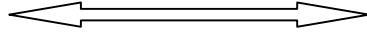
$\boxed{v = \frac{\omega}{k} \text{ m/s}}$

Ejemplos:

E1.- Escribir la ecuación de onda para: $A = 20 \text{ cm.}$; $f = 50 \text{ Hz.}$; $v = 8 \text{ m/s.}$

$$k = 1/\lambda, \quad k = 1/v \cdot T, \quad \text{como } T = 1/f \rightarrow k = f/v, \quad k = 20/8 = 2.5$$

$$y = 0.2 \cos 2\pi (20t - 2.5x)$$



E2.- En el movimiento $y = 0.1 \cos (100t - 5x)$ calcular: a) λ , b) v , c) estado para $x = 20 \text{ cm.}$, $y = t = 0.5''$, d) v transversal de la partícula anterior en el mismo instante.

Comparando la ecuación propuesta con la teórica tenemos:

$$y = A \cos 2\pi (ft - kx)$$

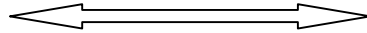
$$y = 0.1 \cos (100t - 5x)$$

a) $k = 1/\lambda \rightarrow 5/2\pi = 1/\lambda \rightarrow \lambda = 2\pi/5 \rightarrow 0.4\pi \text{ m.}$

b) $v = \frac{\lambda}{T} \rightarrow v = \lambda \cdot f \rightarrow v = 0.4\pi (100/2\pi) \rightarrow v = 20 \text{ m/s.}$

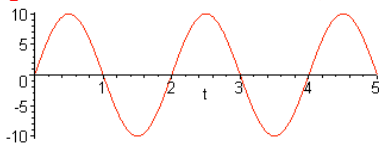
c) $y(0.2, 0.5) = 0.1 \cos (100 \cdot 0.5 - 5 \cdot 0.2) = 0.030 \text{ m.}$

d) $v = \frac{dy}{dt} \rightarrow v = -10 \sin (100t - 5x) \rightarrow v = 6.7 \text{ m/s.}$



E3.- Calcular: a) v de vibración y , b) aceleración correspondiente a: $x = 10 \sin (\pi t)$

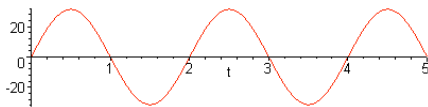
`plot(10*sin(3.14*t), t=0..5);`



Velocidad: $v = A\omega \cos(\omega t);$

Pe. $v = 31.4 \cos(3.14t)$

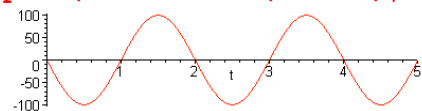
`plot(31.4*sin(3.14*t), t=0..5);`



Aceleración: $a = -A\omega^2 \sin(\omega t);$

Pe.: $-10 \cdot 3.14^2 \sin(3.14t)$

`plot(-98.696*sin(3.14*t), t=0..5);`



Resumen de fórmulas de trigonometría

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$

$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta$$

$$\sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cos \beta - \cos \alpha \sin \beta$$

$$\tan(\alpha \pm \beta) = \frac{\tan \alpha \pm \tan \beta}{1 \mp \tan \alpha \cdot \tan \beta}$$

Ángulo doble:

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

$$\tan 2\alpha = \frac{2 \tan \alpha}{1 - \tan^2 \alpha}$$

Ángulo mitad:

$$\sin \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{2}}$$

$$\cos \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \alpha}{2}}$$

$$\text{Cambios: } A = \alpha + \beta, B = \alpha - \beta \Rightarrow \alpha = \frac{A+B}{2}, \text{ y } \beta = \frac{A-B}{2}$$

$$\cos A + \cos B = 2 \cos \frac{A+B}{2} \cdot \cos \frac{A-B}{2}$$

$$\cos A - \cos B = -2 \sin \frac{A+B}{2} \cdot \sin \frac{A-B}{2}$$

$$\sin A \pm \sin B = 2 \sin \frac{A \pm B}{2} \cdot \cos \frac{A \mp B}{2}$$

$$\tan A \pm \tan B = \frac{\sin(A \pm B)}{\cos A \cos B}$$

Composición de movimientos armónicos de la misma dirección y con el mismo periodo.

$$\left. \begin{aligned} x_1 &= A_1 \sin(\omega t + \varphi_1) \\ x_2 &= A_2 \sin(\omega t + \varphi_2) \end{aligned} \right\} x = x_1 + x_2 = A_1 \sin(\omega t + \varphi_1) + A_2 \sin(\omega t + \varphi_2) \rightarrow$$

$$\rightarrow x = \left[A_1 \sin \omega t \cdot \cos \varphi_1 + A_1 \cos \omega t \cdot \sin \varphi_1 \right] + \left[A_2 \sin \omega t \cdot \cos \varphi_2 + A_2 \cos \omega t \cdot \sin \varphi_2 \right]$$

$$\rightarrow x = \sin \omega t (A_1 \cos \varphi_1 + A_2 \cos \varphi_2) + \cos \omega t (A_1 \sin \varphi_1 + A_2 \sin \varphi_2) \rightarrow$$

$$\boxed{A \cos \Phi}$$

$$\boxed{A \sin \Phi}$$

$\rightarrow x = A \sin \omega t \cos \Phi + A \cos \omega t \sin \Phi$ La onda resultante tendrá :

$x = A \sin(\omega t + \Phi)$; con Amplitud: A, y fase = Φ .

Cálculo de Φ :

$$\Phi = \text{Arc.Tang} \frac{A_1 \sin \varphi_1 + A_2 \sin \varphi_2}{A_1 \cos \varphi_1 + A_2 \cos \varphi_2}$$

Cálculo de A :

$$(A \cos \Phi = A_1 \cos \varphi_1 + A_2 \cos \varphi_2)^2 \rightarrow A^2 \cos^2 \Phi = A_1^2 \cos^2 \varphi_1 + A_2^2 \cos^2 \varphi_2 + 2 A_1 A_2 \cos \varphi_1 \cos \varphi_2$$

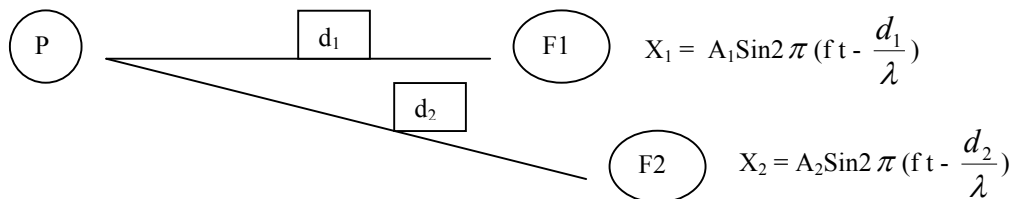
$$(A \sin \Phi = A_1 \sin \varphi_1 + A_2 \sin \varphi_2)^2 \rightarrow A^2 \sin^2 \Phi = A_1^2 \sin^2 \varphi_1 + A_2^2 \sin^2 \varphi_2 + 2 A_1 A_2 \sin \varphi_1 \sin \varphi_2$$

Sumando:

$$A^2(\sin^2 \Phi + \cos^2 \Phi) = A_1^2 (\sin^2 \Phi + \cos^2 \Phi) + A_2^2 (\sin^2 \Phi + \cos^2 \Phi) + 2 A_1 A_2 (\cos \varphi_1 \cos \varphi_2 + \sin \varphi_1 \sin \varphi_2)$$

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2 A_1 A_2 \cos(\varphi_2 - \varphi_1)$$

Interferencia de dos ondas coherentes (igual f y λ), x_1 y x_2 , en un puntop P, generadas por dos focos, F₁, y F₂



$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2 A_1 A_2 \cos 2 \pi \left(\frac{d_2 - d_1}{\lambda} \right) \text{ ya que: } \varphi_1 = \frac{2 \pi d_1}{\lambda} \text{ y } \varphi_2 = \frac{2 \pi d_2}{\lambda} \rightarrow \varphi_2 - \varphi_1 = 2 \pi \left(\frac{d_2 - d_1}{\lambda} \right)$$

1.- A max.: Se presentará cuando $2 \pi \left(\frac{d_2 - d_1}{\lambda} \right) = 0, 2 \pi, \dots, 2n \pi \rightarrow \text{Si } 2 \pi \left(\frac{d_2 - d_1}{\lambda} \right) = 2n \pi \rightarrow d_2 - d_1 = \lambda n$

$$d_2 - d_1 = \lambda n$$

Por tanto cuando se cumpla, también se cumplirá que: $A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2 A_1 A_2 \rightarrow A^2 = (A_1 + A_2)^2 \rightarrow$

$$A = A_1 + A_2$$

2.- A min.: Se presentará cuando $2 \pi \left(\frac{d_2 - d_1}{\lambda} \right) = \pi \rightarrow 2 \pi \left(\frac{d_2 - d_1}{\lambda} \right) = \pi, 3 \pi, 5 \pi \dots (2n+1) \pi \rightarrow$

$$\text{Si } 2 \pi \left(\frac{d_2 - d_1}{\lambda} \right) = (2n+1) \pi \rightarrow$$

$$d_2 - d_1 = (2n+1) \frac{\lambda}{2}$$

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 - 2 A_1 A_2 \rightarrow A^2 = (A_1 - A_2)^2 \rightarrow$$

$$A = A_1 - A_2$$

Otra forma de presentarse las ondas incidentes sería:

$$\begin{aligned}
 y_1 &= A \cos 2\pi (ft - kx_1), \quad y_2 = A \cos 2\pi (ft - kx_2) \rightarrow y_1 + y_2 = A \cos 2\pi (ft - kx_1) + A \cos 2\pi (ft - kx_2), \\
 \text{pero como } \cos \alpha + \cos \beta &= 2 \cos \frac{\alpha + \beta}{2} \cos \frac{\alpha - \beta}{2} \rightarrow \\
 A \cos 2\pi (ft - kx_1) + A \cos 2\pi (ft - kx_2) &= 2A \cos \frac{2\pi (ft - kx_1 + ft - kx_2)}{2} \cos \frac{2\pi (ft - kx_1 - ft + kx_2)}{2} \rightarrow \\
 2A \cos 2\pi \left[ft - \frac{k(x_1 + x_2)}{2} \right] \cos 2\pi k \frac{(x_1 - x_2)}{2} &\rightarrow 2A \cos 2\pi k \frac{(x_1 - x_2)}{2} \cos 2\pi \left[ft - \frac{k(x_1 + x_2)}{2} \right] \rightarrow \\
 \rightarrow A_r \cos 2\pi \left[ft - \frac{k(x_1 + x_2)}{2} \right], \text{ Siendo } &\boxed{A_r = 2A \cos 2\pi k \frac{(x_1 - x_2)}{2}}
 \end{aligned}$$

La onda resultante será:

$$\phi = A_r \cos \left[\omega t - k \frac{(x_1 - x_2)}{2} \right]$$

Valores máximos: $\cos \pi k(x_1 - x_2) = \pm 1 \rightarrow \pi k(x_1 - x_2) = n\pi \rightarrow (x_1 - x_2) = \frac{n}{k} = n\lambda$

Valores mínimos: $\cos \pi k(x_1 - x_2) = 0 \rightarrow \pi k(x_1 - x_2) = (2n+1)\pi/2 \rightarrow (x_1 - x_2) = (2n+1)\lambda/2$

E4.-

Sea la ecuación de onda $Y(x,t) = 5 \cos 4\pi (10t - x)$. Calcular: 1) La diferencia de fase que existirá entre dos puntos del medio de propagación separados por una distancia de 0.5m. y 2), por una distancia de 0.25m.

1) Punto 1: $y_1 = 5 \cos 4\pi (10t - x_1)$; $y_2 = 5 \cos 4\pi (10t - x_2)$; Por tanto la diferencia de fase ϕ será:
 $\phi = 4\pi (10t - x_1) - 4\pi (10t - x_2) = 4\pi 10t - 4\pi x_1 - 4\pi 10t + 4\pi x_2 = 4\pi (x_2 - x_1)$; como $(x_2 - x_1) = 0.5m$.
 La diferencia de fase será: $\phi = 4\pi 0.5 = 2\pi$.

La longitud de onda λ , de la ecuación $y = 5 \cos 4\pi (10t - x)$ será: $y = 5 \cos 2\pi (20t - 2x) \rightarrow k=2$ y
 como $\rightarrow \lambda = 1/k$, $\lambda = 0.5m \rightarrow (x_2 - x_1) = \lambda \rightarrow$ están en fase.

2) $\phi = (x_2 - x_1) = 0.25 \rightarrow \phi = 4\pi 0.25 = \pi \rightarrow$ Tendrán un desfase de 180° .

E5.-

En un punto de una cuerda inciden los impulsos de : $y_1 = 10 \cos (127t - 45^\circ)$; $y_2 = 8 \cos (127t - 15^\circ)$. Calcular: a) A , b) ϕ , y c) y , para $t=0.1$ ''.

a) $A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2 A_1 A_2 \cos(\phi_2 - \phi_1) \rightarrow \sqrt{100 + 64 + 2 \cdot 10 \cdot 8 \cdot \cos 30} = 17.39 \text{ cm.}$

b) $\phi = \text{arc.Tang.} \frac{10 \sin 45 + 8 \sin 30}{10 \cos 45 + 8 \cos 15} = \phi = \text{arc.Tang} 1.62 = 58.77^\circ$ Por tanto la ecuación quedará:
 $y = 17.39 \cos (127t - 58.27^\circ)$.

c) $y = 17.39 \cos (127 \cdot 0.1 - 58.27^\circ) = -0.294 \text{ cm.}$

E6.-

Hallar a) la resultante de las ondas incidentes: $y_1 = 3 \cos(100t - 0.05x_1)$, $y_2 = 3 \cos(100t - 0.05x_2)$, b) la amplitud de un punto a 10 m. Y a 12.5m. de los focos emisores. c) Comprobar que la onda incidente y la resultante tienen la misma λ . d) Ecuación de los nodos.

a)

$$y = y_1 + y_2 = 6 \cos \frac{(100t - 0.05x_1 + 100t + 0.05x_2)}{2} \cos \frac{(100t - 0.05x_1 - 100t + 0.05x_2)}{2} \rightarrow$$

$$y = 6 \cos 0.025(x_1 - x_2) \cos[100t - 0.025(x_1 - x_2)].$$

b) $A_r = 6 \cos 0.025(x_1 - x_2) \rightarrow A_r = 6 \cos 0.025(10 - 12.5) \rightarrow A_r = 6 \cos 0.025 \cdot 0.625 = 5.98 \text{ m.}$

c) $y = 3 \cos(100t - 0.05x_1) \rightarrow y = 3 \cos 2\pi \left[\frac{50t}{\pi} - \frac{0.025x_1}{\pi} \right] \rightarrow \text{como } \lambda = \pi / 0.025 = 40 \pi \text{ m.}$

$$y = A_r \cos 2\pi \left[\frac{50t}{\pi} - \frac{0.025}{\pi}(x_1 - x_2) \right] \rightarrow \lambda = \pi / 0.025 \text{ m.}$$

d) La ecuación de los nodos sea: $A_r = 0$, $\cos 0.025(x_1 - x_2) = 0 \rightarrow 0.025(x_1 - x_2) = (2n+1)\pi/2 \rightarrow$
 $x_1 - x_2 = (2n+1)\pi/2 \cdot 40 = (2n+1)\lambda/2 \rightarrow x_1 - x_2 = 20\pi(2n+1).$

Ondas Estacionarias:

Son aquellas que se producen cuando se superponen dos ondas de la misma frecuencia, amplitud y velocidad de propagación, pero en sentido contrario.

- $y_1 = A \sin(\omega t - \varphi)$, $y_2 = A \sin(\omega t + \varphi)$

1.- Cuerda con un extremo fijo:

$$y = y_1 + y_2 = A \sin(\omega t + \varphi) - A \sin(\omega t - \varphi),$$

como $\sin A - \sin B = 2 \cos \frac{A+B}{2} \sin \frac{A-B}{2} \rightarrow$

$y = 2A \sin \varphi \cos \omega t$

2.- Superposición sin extremo fijo:

$$y = y_1 + y_2 = A \sin(\omega t + \varphi) + A \sin(\omega t - \varphi) \rightarrow$$

$y = 2A \cos \varphi \sin \omega t$

Los **nodos** se presentan cuando $A=0 \rightarrow \sin \varphi = 0$, o que el $\cos \varphi = 0$ según sea el caso 1 o el 2.

La distancia entre **nodos** estará a $\lambda/2$.

Los **vientres** o **antinodos** se darán cuando $A_r = 2A$; esto es, en el caso 1: $\sin \varphi = \pm 1$ y para el caso 2: cuando el $\cos \varphi = \pm 1$.

- Si las ondas se representan como: $y_1 = A \cos(\omega t - \varphi)$, $y_2 = A \cos(\omega t + \varphi)$

$$y = y_1 + y_2 = 2A \cos \frac{2\pi(ft - kx + ft + kx)}{2} \cos \frac{2\pi(ft - kx - ft - kx)}{2} \rightarrow$$

$$y = 2A \cos(2\pi ft) \cdot \cos(2\pi kx) \rightarrow$$

$$y = Ar \cdot \cos(2\pi ft)$$

$$Ar = 2A \cos(2\pi kx)$$

Vientres sucesivos: $Ar = 2A$ cuando $\cos 2\pi = \pm 1 \rightarrow 2\pi x = n\pi \rightarrow x = \frac{n}{2k} = \frac{n}{2}\lambda$

Para $n = 0 \rightarrow x = x_0 = 0 \rightarrow$ Ventre 1

“ $n = 1 \rightarrow x_1 = \lambda/2 \rightarrow$ Ventre 2

Distancia entre vientres:

$$x_2 - x_1 = \frac{n}{2}\lambda - \frac{n-1}{2}\lambda = \frac{\lambda}{2}$$

Nodos sucesivos:

$$\cos(2\pi kx) = 0 \rightarrow (2\pi kx) = (2n+1)\frac{\pi}{2} \rightarrow X = (2n+1)\frac{\lambda}{4}$$

Para $n = 0 \rightarrow x = x_0 = \frac{\lambda}{4} \rightarrow$ Nodo 1

“ $n = 1 \rightarrow x = x_1 = \frac{3}{4}\lambda \rightarrow$ Nodo 2

Distancia entre dos nodos sucesivos:

$$x_n - x_{n-1} = (2n+1)\frac{\lambda}{4} - [2(n-1)+1]\frac{\lambda}{4} = (2n+1-2n+2-1)\frac{\lambda}{4} = \frac{\lambda}{2}$$

E7.-

Una onda se propaga según, $y = 2\cos(100t - 0.1x)$. Calcular: a) λ , b) Onda estacionaria, c) Distancia entre dos nodos consecutivos.

$$a) y = 2\cos(100t - 0.1x) = 2\cos 2\pi \left(\frac{50}{\pi} \cdot t - \frac{0.05}{\pi} \cdot x \right) \rightarrow f = \frac{50}{\pi} \text{ Hz, como } \lambda = 1/k \rightarrow \lambda = \pi / 0.05$$

$$\lambda = 20\pi \text{ m. ;}$$

$$v = \lambda / T \rightarrow v = \lambda f \rightarrow v = 20\pi (50/\pi) = 1000 \text{ m/s.}$$

$$b) \left. \begin{array}{l} y_1 = 2\cos(100t - 0.1x) \\ y_2 = 2\cos(100t + 0.1x) \end{array} \right\} y = y_1 + y_2 \rightarrow$$

$$4\cos \frac{(100t - 0.1x + 100t + 0.1x)}{2} \cos \frac{(100t - 0.1x - 100t + 0.1x)}{2} \rightarrow$$

$$y = 4\cos 0.1x \cos 100t$$

c) Nodo:

$$\text{Cuando } \cos 0.1x = 0 \rightarrow 0.1x = (2n+1)\pi/2 \rightarrow x = (2n+1)5\pi$$

$$\text{Distancia: } x_n - x_{n-1} = (2n+1)5\pi - [2(n-1)+1]5\pi = 10\pi \text{ m.}$$

E8.-

Hallar la resultante de la interacción de las ondas: $y_1 = 10 \cos (1000t - 250x)$, $y_2 = 10 \cos (1000t + 250x)$.

a)

$$y = y_1 + y_2 = 20 \sin \frac{(1000t - 250x) - (1000t + 250x)}{2} \cos \frac{(1000t - 250x) + (1000t + 250x)}{2} \rightarrow$$

$$y = 20 \cos(250 \cdot x) \cdot \sin(1000 \cdot t).$$

b) $A = 0$ en todos los nodos.

d) Habrá vientres cuando el $\cos 250x = \pm 1 \rightarrow 250 \cdot x = n\pi \rightarrow x = n \cdot \frac{\pi}{250}$ y los sucesivos:

$$x_n - x_{n-1} = \frac{\pi}{250} [n - (n-1)] = \frac{\pi}{250} \text{ metros.}$$