Vaje pri predmetu Programiranje 2

Teden 6: Rekurzija

Vsote I

Naloga

Napišite program, ki prebere števili n in k in izpiše, na koliko načinov lahko število n zapišemo kot vsoto števil med 1 in vključno k. Na primer, pri n=7 in k=5 imamo 13 načinov:

$$7 = 5 + 2$$

$$7 = 5 + 1 + 1$$

$$7 = 4 + 3$$

$$7 = 4 + 2 + 1$$

$$7 = 4 + 1 + 1 + 1$$

$$7 = 3 + 3 + 1$$

$$7 = 3 + 2 + 2$$

$$7 = 3 + 2 + 1 + 1$$

$$7 = 3 + 1 + 1 + 1 + 1$$

$$7 = 2 + 2 + 2 + 1$$

$$7 = 2 + 2 + 1 + 1 + 1$$

$$7 = 2 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1$$

$$7 = 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1$$

Vhod

Na vhodu sta zapisani celi števili $n \in [1, 400]$ in $k \in [1, n]$, ločeni s presledkom.

Izhod

Izpišite število načinov. Rezultat ne bo večji od $2^{63} - 1$.

Testni primer 1

Vhod:

7 5

Izhod:

13

Vsote II

Naloga

Napišite program, ki prebere števili n in k in izpiše vsa padajoča zaporedja števil med 1 in vključno k, katerih vsota znaša n.

Vhod

Na vhodu sta zapisani celi števili $n \in [1, 30]$ in $k \in [1, n]$, ločeni s presledkom.

Izhod

Zaporedja izpišite v padajočem leksikografskem vrstnem redu: zaporedje $\langle a_1, a_2, \ldots, a_s \rangle$ naj se izpiše pred zaporedjem $\langle b_1, b_2, \ldots, b_s \rangle$ natanko v primeru, če obstaja tak $i \geq 1$, da velja $a_i > b_i$, za vse j < i pa velja $a_j = b_j$.

Vsako zaporedje izpišite v svoji vrstici, členi zaporedja pa naj bodo med seboj ločeni z zaporedjem presledka, znaka + in presledka.

Testni primer 1

Vhod:

7 5

Izhod:

```
5 + 2

5 + 1 + 1

4 + 3

4 + 2 + 1

4 + 1 + 1 + 1

3 + 3 + 1

3 + 2 + 2

3 + 2 + 1 + 1

3 + 1 + 1 + 1 + 1

2 + 2 + 2 + 1

2 + 2 + 1 + 1 + 1

1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1
```