Cours? Impologie Del Fie x + p n & C(X) grunem re 6 et topologie pe X doco 1) Ø,XE6 2) Y D1, D2 E 6, ook D, ND2 E 6 3) Y (Di) ret C Groven UDi e 6 2 DilieI) Del: Fie X ≠ Ø si & CP(X) stondosse ne meledie X. Bereder (X, G) D. ~ motrin topologic Cexemple: 1) Fie X + \$ 2 5 - 2 - 2 / X) Perechee (X, Z) eté mitor 2) Fie X + & x = B = PCX). Pelecher (X, B) D. N. ton 3) Tie X = IR so Z = 2 (-0,0) / 0 e/R) V(d/K) Peredee (X, Z) ste m. top Jutilicere pt. 3) Aidon to sent indeplinite poop. 1), 2)3) dis definitio une topologii 1) \$, R & B (lindet) L) Fie Dn, D2 € 6

Dece Di= & son Di= & return Di/11)2 Doce D1 = IR son D2 = P, sture D1 D2 = Dz & Zemodio D10D2 = D1 E 6 Fie D1=(-00,00) & 7 M2=(-00,00) 66 D1 102=(-00, min { 101, 102) E 6 3) Fie (Di) i E I C To Doce UDi = Ø, stunci Ynt & Doce I i. E I R. Dio = R, oturai UD; = REG P.P. foré prestange generalitates de Di-(ober) VDi = (-0, sur ei) E 6 sup Lex i EI) sup (0,3)=3 sup [0,3]=3 "meg([0,3] Den 6 este topologie i.e (X, Z)este sp. Det. 1) O miltime DCX D. 2 miltime deskisse dece DEZ multime inchisé docé XF=CFEB (i. 2. complementais dui Feste multime deschise) obsinatete e lui & doce 3 DE & D. 2

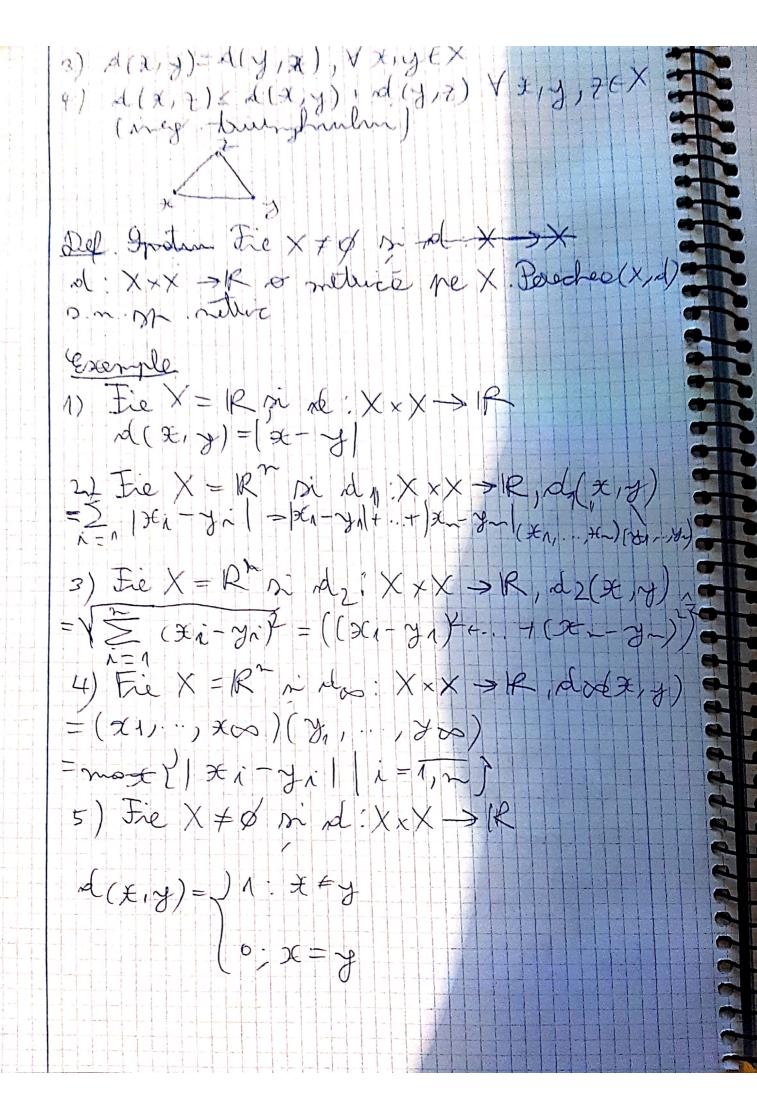
Notatie Eie ocax Willow Vie = 2VEX Vote secinotate o luix) OBS Quice multing perchise ete recentite partri toole printele sole Dol Fie (x,) CX mix EX Junen je * ste limite ninhii (x,) in report ou topologie & ni noviem lin x, = 1 nen * x = 3 x doco # YVEVX, Inv EN a.r. Y ~ 2 ~ V, orsem & EV OBS In general, intr-un (x) (y)
Spotu topologic sorecore, (x) (y)
limite unu ni nu este unica OBS. Lintogna in report ou topologie 6 poete li infocuité ou sintogno. Del. O multime KCX s. n. multime comporte doco din dice exoperie cu multimi distincte deschise e se se poète extroge o subocopelie and linita (i.e. Y(Di)iet C & re. R. KC VDn, I JCI, I finité ou prop ce seen Ardina topologice e uni multimi Del Fie (X, B) un op topologic, ACX ji

Trusen ce xo este: 1) puret interior el lui A doct A EVEO 2) pot aderet los de adere to el lui A Love VEV, over VNA + B 3) pot le ocumular el lui A socie 4) pot frostiele el lui A soce to este pot oderet d'hi A si mete pot intérior al lui A 5) pet isolot of his A soco xo ste pot oderet of his A x me ste vet re scumulace of lui A. Notetin Fie (X, 6) en motion, ACX is xo ex 1) $A = \{ x \in X \mid x \text{ pot. interior of lui } A \}$ Cinteriorne lui A) 2) A= (XEX) X met ederent of lin A) (inchideree lui A san oderento lui A) 3) A'=) * EX | x ret. De ocumulated lui A) (multimero derivoto o line A) 4) Fx(A)= DA= CX (X) x not leastive él lui A) (frontière lui A) 5) Ino(A)='A=LXEX/X ret insoletel lui A) (milture pot rolete de hui A Def. Fie $\chi \neq \emptyset$. O functie $A: \chi \times \chi \rightarrow \mathbb{R}$ $0: \gamma$. retaine (non distorto) pe χ door: $1) A(\chi, J) \geq 0 \forall \chi, \chi \in \chi$ $1) \rho(\chi, J) = 0 \Rightarrow \chi = \chi, \chi \neq \chi$

TO

The state of the s

1



Del. Fie (X, L) un sp. nettic, (X) CX N' HEX Spuren se sivul (X) nore limite H' si in roport su nottice & si sovien lini X = X (soub X) SY doco d(X,X) -> O (i.l. YE>O, 3 recN o.) H > 200 Y~ = ~ E, over A(E, y) & E) OBS. 1) It dece metri notice, limite unui sel este unice. 2) Lintogne, in xepot ou metrice de poete fi înlocuite ou sintogne, în moture (X, d). Del Fie (X, d) un sp. setur, XEX se 1) $B(\chi,\chi) = 2 \chi \in X \mid d(\chi,\chi) < \chi \} \subset X$ (loile deschisé de centre & silose n) 2) B[X, 2] = B(X, 2)={yex|d(x,y)=2} CX (bile indrise de centre x siresex) Tesemé. Fie (X, of) un op. nitrie si Bd= Pb > U { ACX / YXEA, Fx>0 e. P. B(x, 2) CA) Ittura (X, Ed) Auton ce sunt indeplinite cell 3 conditii sui definitie unei topologii 1) Ø E Gol (levislant) XEBAL FOREX The- 42 70, B(x,2) 2X, dea 32 >0

OR BCX, IRXCEN 2) tie D1, D2 E 6 ol Dece D1 = 9 sou D2 = p, sturai D1 1 D2 P.P. RE DIED NO DZED Duce DAMDZ= of otunor DIMDZE Ed PP. 00 DADO2 \$6 Fie XED, ND2 =>XED, mixEDZ Illegen x = min { x1, x2 }>0 Thou B(X, x) C B(X, 21) 0 B(X, 22) C Deci D10D2EZOOL 3) Ele (Di)reIC 6 d Doce UDi + Ø votumai U Die God NEI P.P. re UDi +0 Fie X EVDi-FloEI e. R. XEDio x € Dio € 6 d=> = 2000 p.r. B(X,20) C Dio C U.Di Deci. UDi E Z.d. Arodal, Z.d l'topologie

Det. Topologio 6d dis del precedento se nunete topologio incluso de netura de se OBS. Dandu-se un netwe (X, ol) juters construi matul topologic (X, Ed) Ca stoer, sie sens se voorbin despre multisni deschise, vedinotetri eta inta-un motin netric (referindu-ne la lopulogia induse de ocele nativio)