

Lösung 4. Aufgabe "Urlaubsfahrt"

Lösungsidee

Der zur Lösung entwickelte Algorithmus kann in drei Schritte aufgeteilt werden:

Schritt 0

Da keine explizite Garantie über das Eingabeformat vorliegt, werden die Tankstellen zunächst der Entfernung nach aufsteigend (näher am Start nach näher am Ziel) sortiert. Hierfür wird von Java ein **Quicksort** verwendet.

Schritt 1

Es werden die vom Start aus mit der Tankfüllung erreichbaren Tankstellen bestimmt. Diese sind alle diejenigen, die maximal $\text{Tankfüllung/Verbrauch} \cdot 100$ Kilometer entfernt sind.

Schritt 2

Die Tankstellen werden in der in Schritt 0 bestimmten Reihenfolge durchgegangen. Für jede Tankstelle werden die von ihr aus mit voller Tankfüllung erreichbaren Tankstellen (alle die maximal $\text{Volle Tankfüllung/Verbrauch} \cdot 100$ Kilometer entfernt sind) bestimmt. Wenn eine Tankstelle so erreicht wird, vergleicht sie die bis zu ihr erfolgten Tankvorgänge auf diesem Weg mit ihrem aktuellen "Rekordhalter" (dem bisher "besten" Weg, der zu ihr gefunden wurde), sofern er existiert - sonst wurde gerade eben ein Weg zu ihr gefunden, der als bisher Bester gespeichert wird. Sind es weniger, wird die neue Route ihre "Bestroute", als Weg mit minimal vielen Tankvorgängen. Sind es gleich viele, werden die Kosten auf dem Weg verglichen - sind sie niedriger, haben wir einen neuen Rekordhalter. Ist von einer Tankstelle aus das Ende erreichbar, wird sie mit anderen Tankstellen verglichen, von denen aus auch das Ende erreicht werden konnte. Ist die Route / der Pfad der über diese Tankstelle zum Ende führt "besser" - d.h. weniger Stopps oder geringere Kosten - haben wir einen neuen besten Weg zum Ziel gefunden.

So finden die Tankstellen der Reihe nach jeweils "beste" Routen zu sich - und können diese dann direkt an von ihnen erreichbare Tankstellen weitergeben.

Um zu bestimmen wie viel jeweils zu tanken ist, wird zunächst nicht gespeichert, wie viel getankt wird - beim nächsten Tankvorgang wird rückwirkend bestimmt, ob die vorherige Tankstelle billiger gewesen wäre - wenn ja, hätte man volltanken sollen; dies wird dann rückwirkend "gespeichert." Wenn nein, sollte man dort gerade so viel wie nötig tanken. An einem Beispiel:

1. Da der Weg möglichst kurz ist, kann keine Tankstelle übersprungen werden
2. Also reicht es, jeweils zwei Tankstellen zu vergleichen - es muss bei allen 3 getankt werden, nur wieviel ist die Frage
- 1 Start - Tankstelle A (billig) - Tankstelle B (sehr billig) - Tankstelle C (teuer) - Ziel

Es lohnt sich, zuerst bei Tankstelle A nur so viel zu tanken, wie zum Erreichen von Tankstelle B notwendig - denn dort ist der Sprit billiger. Wir stellen fest $A > B$, also tanken wir bei A nur so viel

wie nötig. Wenn wir dann bei Tankstelle B ankommen, stellen wir fest, dass C noch teurer ist - $B < C$. Also lohnt es sich, bei B vollzutanken - Sprit den wir von B noch übrig haben, müssen wir nicht bei C für einen höheren Preis erwerben. Bei C tanken wir dann nur noch soviel, wie zum Erreichen des Ziels notwendig. **Ist die zuerst kommende Tankstelle billiger, sollte man volltanken; sonst nur soviel, wie zum Erreichen der Nächsten notwendig.**

Umsetzung

Bibliotheken

- `java.io.File`, `java.io.FileReader`, `java.io.BufferedReader`: Zum Öffnen & Lesen der Dateien mit der Aufgabenstellung
- `java.util.Arrays`: Zum Sortieren der Eingabe
- `java.util.ArrayList`: Dynamisch erweiterbare Listen, um "beste Route" ([Route]-Klasse) zu speichern, oder erreichbare Tankstellen
- `java.util.Iterator`: Iterator, nützlich um `String.join` benutzen zu können

Klassen

Tankstelle

Als grundlegendste Klasse implementieren wir die Tankstelle. Diese speichert:

- Die Position auf dem Weg als Ganzzahl (`int`)
- Die Kosten in Cent als Ganzzahl (`int`)
- Den besten Weg, der zu ihr führt (`Route`)
- Die von ihr aus erreichbaren Tankstellen (`ArrayList<Tankstelle>`)

Tankvorgang

Speichert die Tankstelle (jedoch als Referenz, nicht als Kopie) und wie viel getankt wurde (Gleitpunktzahl, `double`).

Route

Hauptsächlich eine Liste von Objekten der Tankvorgang-Klasse. Speichert zusätzlich noch die bisher angefallenen Kosten und den übrigen Sprit (Gleitpunktzahlen (`doubles`), müssen so nicht stets neu berechnet werden).

Verwendung

Ausgeben (einer) der "besten Routen" für eine gegebene Aufgabenstellung in einer Datei: `java -jar Urlaubsfahrt.jar <pfad_zur_datei>` (angeben des **vollständigen** Pfades empfohlen)

Beispiele

fahrt1.txt

Eine optimale Lösung ist: Bei Position 100 km, Preis €1/l, 10.0l für €14.5 getankt -> Bei Position 400 km, Preis €1/l, 48.0l für €67.2 getankt - Kosten insgesamt: €81.7 - Stopps: 2

fahrt2.txt

Eine optimale Lösung ist: Bei Position 1118 km, Preis €1/l, 239.76l für €275.724 getankt -> Bei Position 2240 km, Preis €1/l, 266.1599999999997l für €385.9319999999996 getankt -> Bei Position 3346 km, Preis €1/l, 258.96l für €300.3936 getankt -> Bei Position 4455 km, Preis €1/l, 268.08l für €351.1847999999994 getankt -> Bei Position 5534 km, Preis €1/l, 19.91999999999987l für €23.30639999999986 getankt -> Bei Position 6651 km, Preis €1/l, 253.92l für €302.1648 getankt -> Bei Position 7737 km, Preis €1/l, 274.0l für €364.42 getankt -> Bei Position 8242 km, Preis €1/l, 123.6799999999998l für €160.784 getankt -> Bei Position 9100 km, Preis €1/l, 216.0l für €278.64 getankt - Kosten insgesamt: €600.208 - Stopps: 9

fahrt3.txt

Eine optimale Lösung ist: Bei Position 465 km, Preis €1/l, 80.0l für €99.2 getankt - Kosten insgesamt: €99.2 - Stopps: 1

fahrt4.txt

Eine optimale Lösung ist: Bei Position 264 km, Preis €1/l, 88.2l für €105.84 getankt -> Bei Position 607 km, Preis €1/l, 100.7999999999998l für €131.04 getankt - Kosten insgesamt: €236.88 - Stopps: 2

fahrt5.txt

Eine optimale Lösung ist: Bei Position 194 km, Preis €1/l, 244.0l für €319.64 getankt -> Bei Position 1305 km, Preis €1/l, 225.7699999999998l für €318.3357 getankt -> Bei Position 2433 km, Preis €1/l, 231.0l für €314.16 getankt -> Bei Position 3542 km, Preis €1/l, 244.0l für €319.64 getankt -> Bei Position 4642 km, Preis €1/l, 237.72l für €290.0184 getankt -> Bei Position 5751 km, Preis €1/l, 241.7099999999998l für €335.9768999999994 getankt -> Bei Position 6883 km, Preis €1/l, 244.0l für €309.88 getankt -> Bei Position 7997 km, Preis €1/l, 216.95l für €290.7129999999997 getankt -> Bei Position 9049 km, Preis €1/l, 199.7099999999998l für €249.6374999999996 getankt - Kosten insgesamt: €583.1501 - Stopps: 9

Quellcode

Tankstelle.java

```
1 package appguru;
2
3 import java.util.ArrayList;
4
5 /**
6  *
7  * @author lars
8  */
9 public class Tankstelle {
10
11     public int distanz;
12     public int preis;
13     public int min_stopps_bis = Integer.MAX_VALUE / 2;
14     public boolean erreicht = false;
15     public Route beste_route = new Route();
16
17     public Tankstelle(int distanz, int preis) {
18         this.distanz = distanz;
19         this.preis = preis;
20     }
21
22     // Passt den letzten Tankvorgang an
23     public static void passeLetztesTankenAn(Tankstelle vorige, Tankstelle naechste) {
24         if (!naechste.beste_route.stopps.isEmpty()) {
25             double zu_tanken;
26             double min_zu_tanken = Urlaubsfahrt.VERBRAUCH * (naechste.distanz - vorige.distanz);
27             // Genau soviel wie noch nötig tanken
28             Tankvorgang letzter =
29                 naechste.beste_route.stopps.get(naechste.beste_route.stopps.size() - 1);
30             if (letzter.tankstelle.preis < naechste.preis) {
31                 zu_tanken = Urlaubsfahrt.GROESSE_TANK; // Volltanken
32             } else { // Fall 2
33                 zu_tanken = min_zu_tanken;
34             }
35             double sprit_uebrig = zu_tanken - min_zu_tanken; // Tank ist voll, oder es bleibt nix
36             // übrig
37             zu_tanken -= vorige.beste_route.sprit_uebrig; // Können nicht überfüllen, und wollen
38             // sowieso weniger tanken in Fall 2
39             naechste.beste_route.sprit_uebrig = vorige.beste_route.sprit_uebrig + sprit_uebrig;
40             // Übrigen Sprit speichern
41             letzter.liter_getankt = zu_tanken; // Rückwirkend hätten wir soviel tanken sollen
42             naechste.beste_route.kosten += zu_tanken * vorige.preis;
43         }
44     }
45 }
```

```

40
41 public void zielErreicht() {
42     double noch_zu_fahren = Urlaubsfahrt.LAENGE_STRECKE - this.distanz;
43     if (!beste_route.stopps.isEmpty()) {
44         passeLetztesTankenAn(beste_route.stopps.get(beste_route.stopps.size() -
45             1).tankstelle, this);
46     }
47     double zu_tanken = noch_zu_fahren * Urlaubsfahrt.VERBRAUCH;
48     zu_tanken -= beste_route.sprit_uebrig;
49     beste_route.stopps.add(new Tankvorgang(this, zu_tanken));
50     beste_route.kosten += zu_tanken * this.preis;
51 }
52 // t ist von uns aus erreichbar
53 public void erreichbar(Tankstelle t) {
54     if (min_stopps_bis + 1 < t.min_stopps_bis || (min_stopps_bis + 1 == t.min_stopps_bis &&
55         beste_route.kosten < t.beste_route.kosten)) {
56         t.beste_route = new Route();
57         t.beste_route.stopps = new ArrayList();
58         t.beste_route.stopps.addAll(beste_route.stopps);
59         passeLetztesTankenAn(this, t);
60         t.beste_route.stopps.add(new Tankvorgang(this, 0));
61         t.min_stopps_bis = min_stopps_bis + 1;
62         if (erreicht) {
63             t.erreicht=true;
64         }
65     }
66 }
67 @Override
68 public String toString() { // Tankstelle schön formatieren
69     return "Position " + distanz + " km, Preis " + (preis / 100) + " €/l"; // "(s="+distanz+",
70         p="+preis+", t="+min_steps_to+")";
71 }
72 @Override
73 public int hashCode() {
74     return this.distanz; // Distanz als hashCode
75 }
76
77 @Override
78 public boolean equals(Object obj) { // Vergleichsoperation
79     if (this == obj) {
80         return true;
81     }
82     if (obj == null) {
83         return false;
84     }

```

```

85     if (getClass() != obj.getClass()) {
86         return false;
87     }
88     final Tankstelle other = (Tankstelle) obj;
89     return this.distanz == other.distanz; // Positionen zu vergleichen reicht per
        Aufgabenstellung
90 }
91
92 }

```

Tankvorgang.java

```

1 package appguru;
2
3 /**
4  *
5  * @author lars
6  */
7 // Speichert einen Tankvorgang
8 public class Tankvorgang {
9
10     public Tankstelle tankstelle; // Tankstelle (Referenz)
11     public double liter_getankt; // Getankte Liter
12
13     // Konstruktor zum Initialisieren
14     public Tankvorgang(Tankstelle tankstelle, double liter_getankt) {
15         this.tankstelle = tankstelle;
16         this.liter_getankt = liter_getankt;
17     }
18
19     @Override
20     public String toString() {
21         return "Bei " + tankstelle + ", " + liter_getankt + "l für
            "+(tankstelle.preis*liter_getankt/100)+"€ getankt";
22     }
23 }

```

Route.java

```

1 package appguru;
2
3 import java.util.ArrayList;
4 import java.util.Iterator;
5
6 /**
7  *
8  * @author lars
9  */

```

```

10
11 // Route als Struktur zum Speichern
12 public class Route {
13     public ArrayList<Tankvorgang> stopps=new ArrayList(); // Tankvorgänge
14     public double kosten; // Kosten in Cent
15     public double sprit_uebrig; // Sprit übrig in Liter
16
17     @Override
18     public String toString() {
19         // Route schön formatieren - Stopps getrennt mit "->", Gesamtkosten, Anzahl Stopps
20         return String.join(" -> ", new Iterable<String>() {
21             @Override
22             public Iterator<String> iterator() {
23                 return stopps.stream().map(Tankvorgang::toString).iterator();
24             }
25         })+" - Kosten insgesamt: "+kosten/100+"€ - Stopps: " + stopps.size();
26     }
27 }

```

Urlaubsfahrt.java

```

1 package appguru;
2
3 import java.io.BufferedReader;
4 import java.io.File;
5 import java.io.FileReader;
6 import java.util.Arrays;
7 import java.util.ArrayList;
8
9 /**
10  *
11  * @author lars
12  */
13 public class Urlaubsfahrt {
14
15     // Selbsterklärende Variablennamen, näheres in readFile
16     public static double VERBRAUCH;
17     public static int GROESSE_TANK;
18     public static int FUELLUNG_TANK;
19     public static int LAENGE_STRECKE;
20     public static double ANFANGS_REICHWEITE;
21     public static double VOLLE_REICHWEITE;
22     public static Tankstelle[] TANKSTELLEN;
23     public static int MIN_STOPPS_BIS = Integer.MAX_VALUE;
24
25     // Liest die Aufgabenstellung
26     public static void readFile(File file) throws Exception {
27         var reader = new BufferedReader(new FileReader(file)); // Datei öffnen

```

```

28     VERBRAUCH = Integer.parseInt(reader.readLine()) / 100.0; // Erste Zeile: Verbrauch pro
        100km lesen, in Verbrauch pro km umrechnen, und speichern
29     GROESSE_TANK = Integer.parseInt(reader.readLine()); // 2. Zeile: Tankgröße
30     FUELLUNG_TANK = Integer.parseInt(reader.readLine()); // 3. Zeile: Tankfüllung
31     LAENGE_STRECKE = Integer.parseInt(reader.readLine()); // 4. Zeile: Länge der Strecke
32     TANKSTELLEN = new Tankstelle[Integer.parseInt(reader.readLine());] // 5. Zeile: Anzahl
        Tankstellen, Array initialisieren
33     for (int t = 0; t < TANKSTELLEN.length; t++) {
34         // Strecke und Preis sind pro Zeile mit einem oder mehreren Leerzeichen getrennt,
        daher der Regex "\\s+"
35         String[] strecke_und_preis = reader.readLine().split("\\s+");
36         int strecke = Integer.parseInt(strecke_und_preis[0]);
37         int preis = Integer.parseInt(strecke_und_preis[1]);
38         Tankstelle tanke = new Tankstelle(strecke, preis); // Tankstelle erzeugen
39         TANKSTELLEN[t] = tanke; // Und speichern
40     }
41     // Tankstellen der Strecke nach sortieren (nah am Start nach weit vom Start)
42     Arrays.sort(TANKSTELLEN, 0, TANKSTELLEN.length, (Object o1, Object o2) ->
        Integer.compare(((Tankstelle) o1).distanz, ((Tankstelle) o2).distanz));
43     ANFANGS_REICHWEITE = FUELLUNG_TANK / (double) VERBRAUCH; // Anfangsreichweite:
        Tankfüllung/Verbrauch
44     VOLLE_REICHWEITE = GROESSE_TANK / (double) VERBRAUCH; // Maximale Reichweite: Volle
        Tankfüllung/Verbrauch
45 }
46
47 // Führt den Algorithmus zur Lösung durch
48 public static void findeOptimalenWeg() {
49     // Trivialfall: Ziel direkt erreichbar mit anfänglicher Tankfüllung
50     if (ANFANGS_REICHWEITE >= LAENGE_STRECKE) {
51         System.out.println("0 mal tanken notwendig, Ziel direkt erreichbar");
52         return;
53     }
54
55     // Alle vom Start aus erreichbaren Tankstellen bestimmen
56     for (int t = 0; t < TANKSTELLEN.length; t++) {
57         if (TANKSTELLEN[t].distanz > ANFANGS_REICHWEITE) {
58             break;
59         }
60         TANKSTELLEN[t].erreicht = true; // Tankstelle erreicht
61         TANKSTELLEN[t].min_stopps_bis = 0; // Keine Stopps bis zur Tankstelle nötig
62         TANKSTELLEN[t].beste_route.sprit_uebrig = FUELLUNG_TANK - (TANKSTELLEN[t].distanz *
            VERBRAUCH); // Bei Erreichen noch so viel Sprit übrig, wie von der
            Anfangsfüllung bleibt
63     }
64
65     // Tankstellen durchgehen, von Tankstellen aus erreichbare Tankstellen & Routen bestimmen
66     boolean loesung_existiert = false; // existiert eine Lösung?
67     Route beste_route = new Route(); // Rekordhalter-Route initialisieren

```



```

68     beste_route.kosten = Double.MAX_VALUE;
69     for (int t = 0; t < TANKSTELLEN.length; t++) {
70         // Lässt sich von der Tankstelle aus das Ende erreichen?
71         if (LAENGE_STRECKE - TANKSTELLEN[t].distanz <= VOLLE_REICHWEITE) {
72             // Tankstelle muss erreichbar sein
73             if (TANKSTELLEN[t].erreicht) {
74                 loesung_existiert = true;
75                 TANKSTELLEN[t].zielErreicht();
76                 if (TANKSTELLEN[t].min_stopps_bis < MIN_STOPPS_BIS) { // Neuer Rekordhalter!
77                     MIN_STOPPS_BIS = TANKSTELLEN[t].min_stopps_bis;
78                     beste_route = TANKSTELLEN[t].beste_route;
79                 } else if (TANKSTELLEN[t].min_stopps_bis == MIN_STOPPS_BIS) { // Gleich viele
                    // Stopps, aber vielleicht billiger?
80                     if (TANKSTELLEN[t].beste_route.kosten < beste_route.kosten) { // Falls
                        billiger
81                         beste_route = TANKSTELLEN[t].beste_route; // Neuer Rekordhalter !
82                     }
83                 }
84             }
85         } else {
86             // Welche anderen Tankstellen lassen sich von der Tankstelle aus erreichen
87             for (int t2 = t + 1; t2 < TANKSTELLEN.length; t2++) {
88                 if (TANKSTELLEN[t2].distanz - TANKSTELLEN[t].distanz > VOLLE_REICHWEITE) {
89                     break;
90                 }
91                 TANKSTELLEN[t].erreichbar(TANKSTELLEN[t2]);
92             }
93         }
94     }
95     if (!loesung_existiert) { // Es existiert keine Lösung, das Ziel kann nicht erreicht
        werden
96         System.out.println("Es existiert keine Lösung: die Tankstellen liegen zu weit
            auseinander, das Ziel kann nicht erreicht werden");
97     } else { // Sonst: gebe gefundene Lösung aus
98         System.out.println("Eine optimale Lösung ist: " + beste_route);
99     }
100 }
101
102 public static void main(String[] args) {
103     if (args.length != 1) { // Zu viele / zu wenige Argumente
104         System.out.println("Argumente: <pfad_zur_datei>");
105         return;
106     }
107     try {
108         Urlaubsfahrt.readFile(new File(args[0])); // Datei lesen
109     } catch (Exception ex) {
110         // Fehlermeldung
111         System.out.println("Datei existiert nicht / ist nicht lesbar / ist falsch

```

```
        formatiert.");  
112     return;  
113 }  
114 // Algorithmus starten  
115 Urlaubsfahrt.findeOptimalenWeg();  
116 }  
117  
118 }
```