## 数据结构

主讲: 项若曦 助教: 申智铭、黄毅

rxxiang@blcu.edu.cn

主楼南329





#### > 栈与递归

- 递归与形式化表达式
- 递归与递归调用图

#### > 算法设计实践

- ▶ 单链表
  - 。 正、反向打印单链表
  - 。 创建单链表
  - 。 求单链表最大值(选做)求该链表数 据元素个数;
  - 。 (选做) 求链表中元素的平均值;
- 用递归求解小型迷宫





#### > 队列

- ▶ 概念、ADT
- ▶ 各种存储结构、基本操作实现及对比
- ——链栈和顺序栈
- ▶ 应用
- ——杨辉三角和舞伴问题





► 概念、ADT

#### 队列 (Queue) 的基本概念



- > 定义:限定只允许在一端进行插入,在另一端删除元素的线性表
  - 特殊的线性表:操作受限
    - 。 只允许在一端进行插入,而在另一端删除元素
    - · 允许插入的一端为队尾(rear),允许删除的一端为队头(head)
  - ▶ 逻辑特征: 先进先出 (FIFO, First In First Out)
- 主要操作
  - 初始化空队、入队、出队、判断队空、判断队满、取队头

出队 
$$a_0$$
  $a_1$   $a_2$   $\cdots$   $a_n$  入队 队头 front 队尾 rear

#### 队列-ADT Queue



#### **ADT Queue**{

**数据对象**: D={a<sub>i</sub> |a<sub>i</sub>∈ElemSet, i=1,2,...,n, n≥0}

**数据关系**: R={R1},R1={<a<sub>i-1</sub>,a<sub>i</sub>>|a<sub>i-1</sub>,a<sub>i</sub>∈D, i=2,3,...,n}

基本操作:

InitQueue(&Q)

操作结果:构造一个空队列Q

DestroyQueue(&Q)

初始条件: 队列Q已存在 操作结果: 销毁队列Q

ClearQueue(&Q)

初始条件: 队列Q已存在

操作结果:将队列Q重置为空队列

QueueEmpty(Q)

初始条件: 队列Q已存在

操作结果:若Q为空队列,则返回TRUE,否则返回FALSE

QueueLength(Q)

初始条件:队列Q已存在

操作结果:返回队列Q中数据元素的个数

GetHead(Q,&e)

GetElem(L, i, &e)

初始条件:队列Q已存在且非空操作结果:用e返回Q中队头元素

EnQueue(&Q, e) ListInsert(&L, i, e)

初始条件:队列Q已存在

操作结果:插入元素e为Q的新的队尾元素

DeQueue(&Q, &e)

ListDelete(&L, i, &e)

初始条件:队列Q已存在且非空

操作结果:删除Q的队头元素,并用e返回其值

QueueTraverse(Q)

初始条件:队列Q已存在且非空

操作结果:从队头到队尾依次对Q的每个数据元素

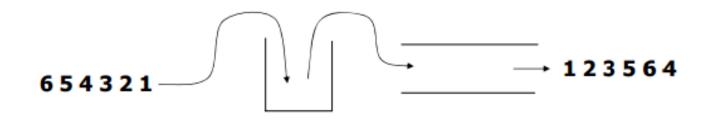
访问

}ADT Queue

#### 栈与队列的概念应用



▶问题: 设栈S和队列 Q的初态均为空,将元素1,2,3,4,5,6依次入栈S,一元素出栈后即进入队列 Q,若这6个元素出队次序是4,6,5,3,2,1,则栈S至少应能容纳多少个元素?







#### > 队列

- 各种存储结构、基本操作实现及对比
- ——顺序队列、链队列

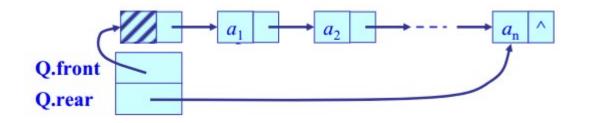




# 本节内容



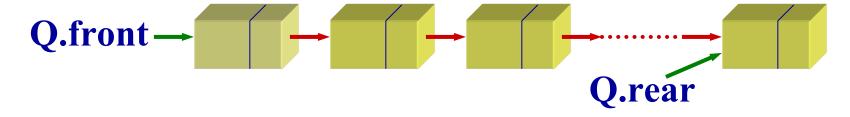
- 链队列
  - 基本操作的实现
    - ・ 无队满问题(除非分配不出内存), 空间可扩充
    - · 引入头结点(一定需要吗?)



- 1) 引入队头指针、队尾指针:在O(1)时间内找到操作结点
- 2) 引入头结点: 队尾插入时, 使队空和队不空的结点表示一致
- 3) 队空的判断: 头、尾指针均指向头结点
- 4) 队满的判断转变成对申请空间是否成功的判断。



- 链队列
  - 。 基本操作的实现
    - ・ 无队满问题(除非分配不出内存), 空间可扩充
    - ・若无头结点



- 1) 引入队头指针、队尾指针:在O(1)时间内找到操作结点
- 2) 没有引入头结点: 队尾插入时, 队空和队不空要单独判断!
- 3) 队空的判断: **头==NULL**
- 4) 队满的判断转变成对申请空间是否成功的判断。

#### 队列的存储表示——链队列



#### > 链队列

▶ 约定与类型定义: Q.front和Q.rear的含义 typedef int QElemType; typedef struct QNode{ QElemType data; struct QNode \*next; }QNode, \*QueuePtr; typedef struct { QueuePtr front; /\* 队头指针, 指向头元素\*/ QueuePtr rear; /\* 队尾指针,指向队尾元素\*/ }LinkQueue;

#### 队列——链队的表示与实现



- 类型说明
  - 。操作实现:初始化、队空、入队、出队、看队头、......

注意: 队空的判断、入队、出队依赖于队列的表示及其约定。

进一步考虑: 若无头结点, 此时队列的初始化、入队、队空的条件、出队

等如何表示与实现?



```
1. Status InitQueue(LinkQueue& Q) {//P73算法3.16
        Q.rear = Q.front = new QNode;
       Q.front->next = NULL;
       return OK;
1. Status QueueEmpty(const LinkQueue& Q){
        return Q.front == Q.rear;
3. }
```



```
1. Status EnQueue(LinkQueue& Q, QElemType e) {//入队P74算法3.17
2. QueuePtr p = new QNode;
3. p->data = e; p->next = NULL;
4. Q.rear->next = p; //接在链尾后
5. Q.rear = p;
6. return OK;
7 }
```



```
1. Status DeQueue(LinkQueue& Q, QElemType& e) {//出队P75算法3.18
        if (QueueEmpty(Q)) return ERROR;
        QueuePtr p = Q.front->next;
3.
       e = p->data;
4.
       Q.front->next = p->next;
6.
       if (Q.rear == p)
                Q.rear = Q.front:
8.
        delete p;
9.
        return OK;
10.}
```



```
    Status GetHead(const LinkQueue& Q, QElemType& e) {//P75算法3.19
    if (QueueEmpty(Q))
    return ERROR;
    e = Q.front->next->data;
    return OK;
    }
```



- 类型说明
  - 。操作实现:初始化、队空、入队、出队、看队头、......

注意: 队空的判断、入队、出队依赖于队列的表示及其约定。

进一步考虑: 若无头结点, 此时队列的初始化、入队、队空的条件、出队

等如何表示与实现?

6.



```
1. Status InitQueue(LinkQueue& Q) {
       Q.rear = Q.front = NULL;
3.
       return OK;
  bool QueueEmpty(const LinkQueue& Q) {
       return Q.front == NULL;
3. }
  Status GetHead(const LinkQueue& Q, QElemType& e) {
       if (QueueEmpty(Q))
3.
               return ERROR;
       e = Q.front->data;
       return OK;
```



```
    Status EnQueue(LinkQueue& Q, QElemType e) {

       QueuePtr p = new QNode;
       p->data = e; p->next = NULL;
3.
       if (Q.front == NULL)
                                              //空
               Q.front = Q.rear = p;
                                              //创建第一个结点
6.
                                              //不空
       else {
                                              //接在链尾后
               Q.rear->next=p;
8.
               Q.rear = p;
9.
10.
       return OK;
11.}
```



```
1. Status DeQueue(LinkQueue& Q, QElemType& e) {
       //删去队头结点,并返回队头元素的值
3.
       if (QueueEmpty(Q))
                                     //判队空
               return ERROR;
4.
5.
       QueueNode* p = Q.front;
                                     //保存队头的值
       e = p -> data;
6.
                                     //新队头
       Q.front = Q.front->next;
8.
       if (Q.front == NULL)
9.
               Q.rear = NULL;
10.
       delete p;
11.
       return OK;
12.}
```





## 本节内容

#### 队列——顺序队列



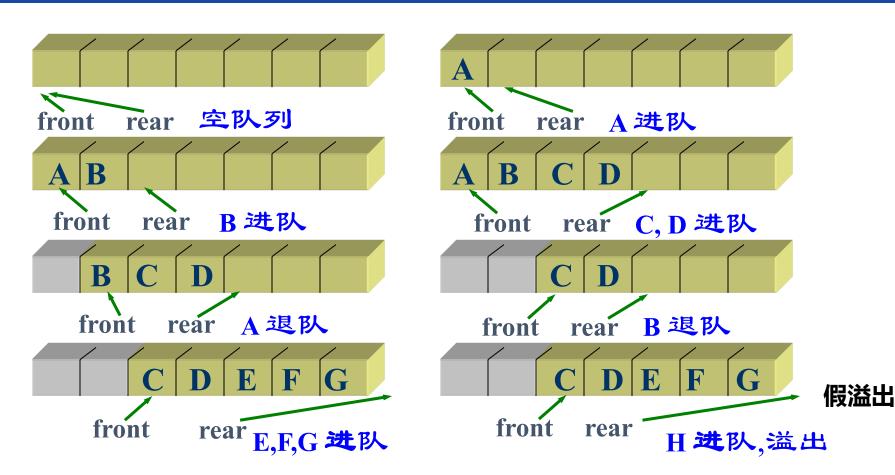
- 队列的顺序存储
  - 。 队列的顺序存储
    - · 约定与类型定义: **Q.front**和**Q.rear**的含义:**约定**front指向队列 头元素,rear 指向队尾元素的下一位置。

```
#define MAXQSIZE 100 /* 最大队列长度 */
typedef struct{
    QElemType *base; /* 存储空间 */
    int front; /* 头指针,指向队列的头元素 */
    int rear; /* 尾指针,指向队尾元素的下一个位置 */
}SqQueue; /* 非增量式的空间分配 */
```

· 删除: 避免大量的移动->头指针增1

### 队列——顺序队列







#### 操作实现

- 1. 空队: Q.front=Q.rear=0;
- 2. 入队:判断是否队满,非队满时,Q.rear位置放新插入的元素,Q.rear++
- 3. 出队:判断是否队空,非队空时,Q.front位置为待删除的元素,Q.front++
- 4. 队空条件: Q.front == Q.rear
- 5. 队满条件: Q.rear == MAXQSIZE-1

问题: 存在假上溢(由于出队操作, 队列空间的下部可能存在空闲空间)



- ▶ 循环队列
  - 。 队列的顺序存储
    - · 约定与类型定义: Q.front和Q.rear的含义:**约定**front指向队列 头元素,rear 指向队尾元素的下一位置。

```
#define MAXQSIZE 100 /* 最大队列长度 */
typedef int QElemType;
typedef struct{
    QElemType *base; /* 存储空间 */
    int front; /* 头指针,指向队列的头元素 */
    int rear; /* 尾指针,指向队尾元素的下一个位置 */
}SqQueue; /* 非增量式的空间分配 */
```

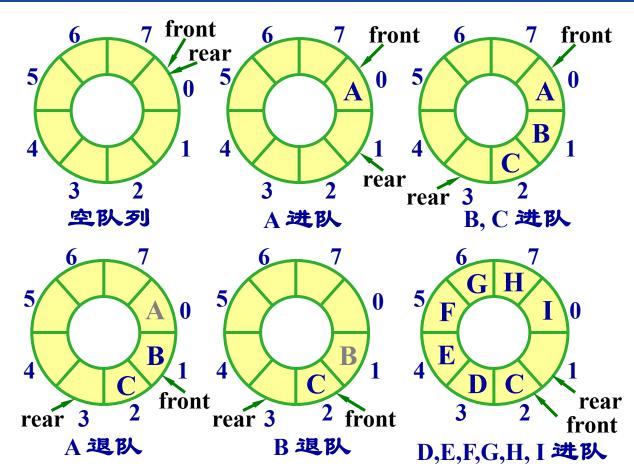
· 删除: 避免大量的移动->头指针增1



- 假上溢的解决: 将队列假想为首尾相接的环,即循环队列。
- ▶ 队头、队尾指针加 1 时从 QueueSize-1 直接进到0,可用语言的取模 (%)运算实现。
- 注意,进队和出队时指针都是顺时针前进。
  - 1. 空队: Q.front=Q.rear=0; (初始化)
  - 2. 入队: ....., Q.rear = (Q.rear+1)%MAXQSIZE
  - 3. 出队: ....., Q.front = ( Q.front+1)%MAXQSIZE
  - 4. 队空条件: Q.front == Q.rear, 由于出队Q.front追上了Q.rear
  - 5. 队满条件: Q.front == Q.rear, 由于入队Q.rear追上了Q.front

约定Q.front (实际队头) 和Q.rear(队尾的下一个)







#### 如何区分队空和队满

有维护 代价

- 1. 设标志位:不足在于需要额外对标志位的判断及维护: 0-创建/删除, 1-插入
- 2. 在队列的结构中引入长度成员,在初始化队列、入队、出队操作中维护这个成员。
- 3. 少用一个元素空间,即队满的条件如下

(Q.rear+1)% MAXQSIZE == Q.front

插入前判断Q.front==(Q.rear+1)%MAXQSIZE



▶ 循环队列类型的模块声明: P.71,
Status InitQueue(SqQueue &Q);
bool QueueEmpty(const SqQueue&Q);
bool QueueFull(const SqQueue&Q);
int QueueLength(SqQueue Q);
Status EnQueue(SqQueue &Q, QElemType e);
Status DeQueue(SqQueue &Q, QElemType &e);
Status GetHead(const SqQueue& Q, ElemType&e);

### 循环队列的实现——InitQueue、QueueLength



```
Status InitQueue(SqQueue& Q) {//初始化队, P71算法3.11
       Q.base = new QElemType[MAXQSIZE];
       if (!Q.base)exit(OVERFLOW);
3.
       Q.front = Q.rear = 0;
4.
       return OK;
6.
  int QueueLength(SqQueue Q) {//
       return(Q.rear - Q.front + MAXQSIZE) % MAXQSIZE;
3. }
```

```
bool QueueEmpty(const SqQueue& Q) {
       return Q.rear == Q.front;
3. }
  bool QueueFull(const SqQueue& Q) {
       return (Q.rear + 1) % MAXQSIZE == Q.front;
3. }
  Status GetHead(const SqQueue& Q, QElemType& e) {//P73 算法3.15
       if (QueueEmpty(Q)) return ERROR;
       e = Q.base[Q.front]; return OK;
3.
4. }
```

#### 循环队列的实现——EnQueue、DeQueue



```
Status EnQueue(SqQueue& Q, QElemType e) {//P72算法3.13
       if (QueueFull(Q))return ERROR;
3.
       Q.base[Q.rear] = e;
4.
       Q.rear = (Q.rear + 1) \% MAXQSIZE;
5.
       return OK:
6. }
  Status DeQueue(SqQueue& Q, QElemType& e) {//P72算法3.14
        if (QueueEmpty(Q))return ERROR;
       e = Q.base[Q.front];
3.
       Q.front = (Q.front + 1) \% MAXQSIZE;
4.
5.
       return OK:
6. }
```

#### 队列——循环队列(自己回去思考)



- ▶ 难点:连续的存储单元的上下界: [d1,d2]
  - ⊸ 初始化空队:Q.front = Q.rear = d1;
  - ⊸ 队空: Q.front==Q.rear
  - 。 队满:Q.front==(Q.rear-d1+1)%(d2-d1+1)+d1
  - 。 入队: 前提:队列不满
    - Q.base[Q.rear] = e;
    - Q.rear = (Q.rear-d1+1)%(d2-d1+1)+d1;
  - 。 出队:前提:队列不空
    - e = Q.base[Q.front];
    - Q.front = (Q. front-d1+1)%(d2-d1+1)+d1

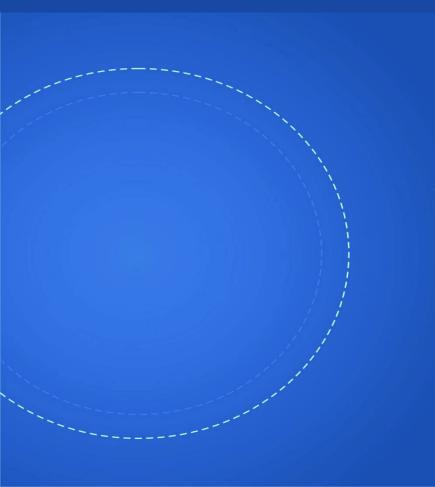




### | 应用

- ▶ 舞伴问题
- ▶ 杨辉三角





## > 舞伴问题

### 队列的应用——舞伴问题



### > 案例分析

- 设置两个队列分别存放男士和女士入队者。
- 假设男士和女士的记录存放在一个数组中作为输入,然后依次扫描该数组的 各元素,并根据性别来决定是进入男队还是女队。
- 当这两个队列构造完成之后,依次将两队当前的队头元素出队来配成舞伴, 直至某队列变空为止。
- 此时,若某队仍有等待配对者,则输出此队列中排在队头的等待者的姓名, 此人将是下一轮舞曲开始时第一个可获得舞伴的人。

### 舞伴问题



### > 数据结构

```
//- - - - - 跳舞者个人信息- - - - -
typedef struct{
       char name[20];
                               //姓名
                               //性别, 'F'表示女性, 'M'表示男性
        char sex;
Person;
//- - - - - 队列的顺序存储结构- - -
#define MAXQSIZE 100
                               //队列可能达到的最大长度
typedef struct{
                               //队列中数据元素类型为Person
       Person* base;
        int front;
                               //头指针
                               //尾指针
        int rear;
}SqQueue;
SqQueue Mdancers, Fdancers;
                              //分别存放男士和女士入队者队列
```

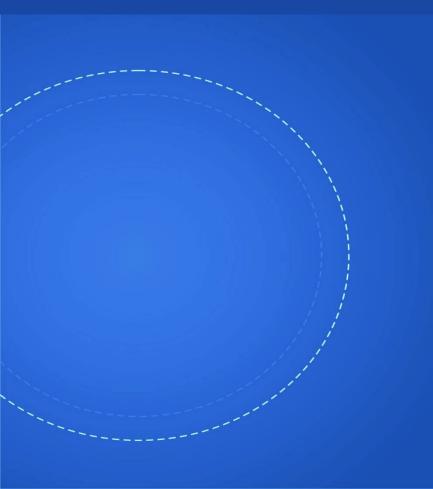
## 舞伴问题



### > 算法步骤

- ▶ ① 初始化Mdancers队列和Fdancers队列。
- ▶ ② 反复循环,依次将跳舞者根据其性别插入Mdancers队列或Fdancers队列。
- ③ 当Mdancers队列和Fdancers队列均为非空时,反复循环,依次输出男女舞伴的姓名。
- ④ 如果Mdancers队列为空而Fdancers队列非空,则输出Fdancers队列的队 头女士的姓名。
- ⑤ 如果Fdancers队列为空而Mdancers队列非空,则输出Mdancers队列的队 头男士的姓名。





# > 杨辉三角

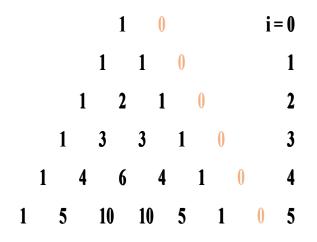
## 队列的应用——杨辉三角

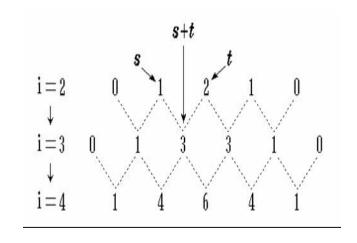


```
c:\Users\Administrator\Desktop\test\Debug\test.exe
请输入杨辉三角的阶数<0-12>.5
                   10
              10
```

## 队列的应用——杨辉三角









										Thomas .			
		q	1	2	1	0	1	3	3	1	0	1	
2. 3.	<pre>int s = 0; EnQueue(Q, 1); EnQueue(Q, 0); for (int i = 0; i &lt; n; i</pre>		$t^{s=t}$	t=2 $f$	t=1 $f$	t = 0 $/ s = t$ $+t$	$t = 1 \uparrow \\ / s = t \\ + t $	$ \begin{array}{c c} t = 3 \\ / s = t \\ + t \\ \hline \end{array} $	$\begin{bmatrix} t = 3 \\ / s = t \\ + t \end{bmatrix} $	$ \begin{array}{c c} t = 1 \\ / s = t \\ + t \\ \hline \end{array} $	t = 0 +t		

EnQueue(Q, 0);

break;

- EnQueue(Q, s + t); 7.
- 8. s = t;
- 9. **if** (!t) {
- 10. 11.
- 12. 13.
- cout << endl; 14. 15.}





**> 优先队列(\*)** 

## 优先队列(priority\_queue)



### **优先队列**

- 每次从队列中取出的是具有最高优先权的元素
- 任务优先权及执行顺序的关系

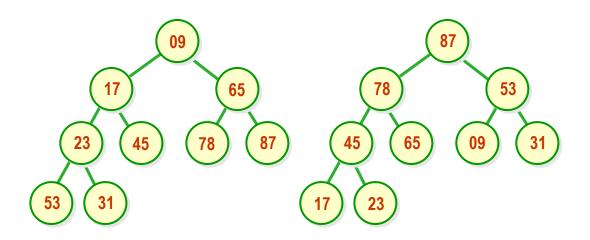
任务编号	1	2	3	4	5
优先权	20	0	40	30	10
执行顺序	3	1	5	4	2

数字越小, 优先权越高

## 优先队列(priority\_queue)



- **一 优先队列的实现** 
  - 堆





### 哪种堆最好?

Dijkstra 算法的运行时间严重依赖于优先队列的所用的实现方法。以下是几种典型的选择:

实现方式	deletemin	insert/ decreasekey	$ V  \times \text{deletemin} + ( V  +  E ) \times \text{insert}$ $O( V ^2)$		
数组	0( V )	O(1)			
二分堆	$O(\log  V )$	$O(\log  V )$	$O(( V  +  E )\log V )$		
d 堆	$O\left(\frac{d\log V }{\log d}\right)$	$O\left(\frac{\log V }{\log d}\right)$	$O\left(( V \cdot d +  E )\frac{\log V }{\log d}\right)$		
Fibonacci 堆	$O(\log  V )$	0(1)(平摊后)	$O( V \log V + E )$		









## > 队列的实现

- ▶ 链队列 (带、无头结点)
- ▶ 循环队列
- > 杨辉三角
- > 舞伴问题





### 第四章 串和数组(1)串

- > 4.1 串的定义
- > 4.2 案例引入
- > 4.3 串的类型定义、存储及运算
- ▶ 串抽象数据类型定义 (ADT)
- ▶ 串的存储结构
- ▶ 串的模式匹配算法

重点: 串的定义、表示与实现, 模式匹配

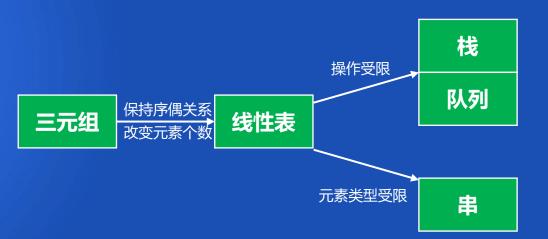
难点: 匹配算法





### ADT=(D, S, P)

- 。 D 数据对象,数据元素的有限集(元素个数、类型等)
- 。 S 是D上关系的有限集
- 。 P 是对D的基本操作





## C语言中的字符串——以"\0"结尾

### 字符串初始化

- char name[12] = {'J','i','s','u','a','n','j','i'};
- 4. char name[] =  $\{'J','i','s','u','a','n','j','i', '\0'\};$
- 5. char \*name = "Jisuanji";
- 6. char name[12];

name = "Jisuanji"; × 因数组名是地址常量

```
回顾
```





▶ 单个字符串的输入函数 gets (str)

```
例 char name[12];
gets (name);
```

> 多个字符串的输入函数 scanf

```
例 char name1[12], name2[20];
scanf ("%s%s\n", name1, name2);
```

> 字符串输出函数 puts (str)

```
例 char name[12];
gets(name);
puts(name);
```

> 字符串求长度函数 strlen(str)

字符串长度不包括"\0"和分界符





### ▶ 字符串连接函数 strcat (str1, str2)

```
例 str1 "Jisuanji\0" //连接前
str2 "Good\0" //连接前
str1 "JisuanjiGood\0" //连接后
str2 "Good\0" //不变
```

### ▶ 字符串比较函数 strcmp (str1, str2)

```
//从两个字符串第 1 个字符开始,逐个对
//应字符进行比较,全部字符相等则函数返
//回0,否则在不等字符处停止比较,函数
//返回其差值 — ASCII代码
例 str1 "University" i 的代码值105
```

str2 "Universal" a 的代码值97, 差8





▶ C++:String 类





» 串类型的定义、ADT、操作

### 4.1 串类型的定义



### >串 P.87.

- 一般地, 串是有零个或多个字符组成的有限序列
  - 。 C中的字符串:一对双引号括起来的字符序列,如 "abcd ef"
- ▶ 一些概念:
  - 。 串的长度、空串、子串、主串、字符/子串在串/主串中的位置、空格串 v.s. 空串**Ø** 
    - ・ 如: S= "Data Structure" , S为串名, "Data Structure" 为串值长度为14; "ata Str" 为主串S的子串, 它在S中的位置为2。
    - · 称两个串是相等的, 当且仅当这两个串的值相等。
- 串是特殊的线性表
  - 1)元素类型为字符;
  - 。 2)操作对象: 个体(字符)与整体(子串)

## 4.1 串类型的定义 – ADT String



#### **ADT String**{

数据对象: D={a<sub>i</sub>|a<sub>i</sub>∈**CharacterSet**, i=1,2,...,n, n≥0} 数据关系: R={R1},R1={<a<sub>i-1</sub>,a<sub>i</sub>>|a<sub>i-1</sub>,a<sub>i</sub>∈D, i=2,3,...,n}

基本操作:

#### StrAssign(&T, chars)

初始条件: chars是字符串常量

操作结果: 生成一个其值等于chars的串T

#### StrCopy(&T, S)

初始条件: 串S存在

操作结果:由串S复制得串T

#### StrEmpty(S)

初始条件: 串S存在

操作结果: 若S为空串,则返回TRUE,否则返回FALSE

#### StrCompare(S, T)

初始条件: 串S和T存在

操作结果: 若串S>T,则返回值>0;若串S=T,则返回值=0;

若串S<T,则返回值<0

#### StrLength(S)

初始条件: 串S已存在

操作结果:返回串S中数据元素的个数

#### ClearString(&S)

初始条件: 串S已存在 操作结果: 将串S清为空串

#### Concat(&T, S1, S2)

初始条件: 串S1和S2存在

操作结果:用T返回由S1和S2联接而成的新串

#### SubString(&Sub, S, pos, len)

初始条件: 串S存在, 1 ≤ pos ≤ StrLength(S)且0 ≤ len ≤

StrLength(S)-pos+1

操作结果: 用Sub返回串S的第pos个字符起长度为len的子串

#### Index(S, T, pos)

初始条件: 串S和T存在, T非空, 1 ≤ pos ≤ StrLength(S)

操作结果: 若主串S中存在和串T值相同的子串,则返回它在主串S中等pos个字符之后第一次出现的位置;否则函数值为

#### Replace(&S, T, V)

初始条件: 串S, T和V存在, T是非空串

操作结果:用V替换主串S中出现的所有与T相等的不重叠的子串

#### StrInsert(&S, pos, T)

初始条件: 串S和T存在, 1 ≤ pos ≤ StrLength(S)+1

操作结果:在串S的第pos个字符之前插入串T StrDelete(&S, pos, len)

初始条件: 串S存在, 1 ≤ pos ≤ StrLength(S)-len+1 操作结果: 从串S中删除第pos个字符起长度为len的子串

DestroyString(&S))

初始条件: 串S存在 操作结果: 串S被销毁

**ADT** String

## 4.1 串类型的定义 – ADT String



## > ADT String 串的整体操作

- ▶ 赋值StrAssign(S, "Data Structure")
- ▶ 复制StrCopy(T, S)
- ▶ 比较StrCompare(S, T)
- ▶ 连接Concat(T, "Data", "Structure")
- ▶ 取子串SubString(sub, S, 2, 5)
- ▶ 子串在主串中的定位Index(S, "a", 3)
- ▶ 子串置换Replace(S, "a", "b")
- ▶ 子串插入StrInsert(S, 3, "aha")
- ▶ 子串删除StrDelete(S, 3, 5)

```
// T<=S, T为 "Data Structure"

//T为 "DataStructure"

// sub为 "ata S"

// 4

// S为 "Dbtb Structure"

// "Daahata Structure"
```

// "Daructure"

## 4.1 串类型的定义 - 操作间的关系



## > 串的最小操作子集

▶ 1) 赋值操作

▶ 2) 比较函数

▶ 3) 求串长函数

▶ 4) 联接函数

▶ 5) 求子串函数

其他操作可在此最小操作集上实现。

StrAssign(&T, chars)

StrCompare(T, S)

StrLength(S)

Concat(&T, S1, S2)

SubString(&Sub, S, pos, len)

### 4.1 串类型的定义 – 操作间的关系



### > 串的最小操作子集

- 赋值、求串长、比较、联接、取子串
- ▶ 模式匹配(定位函数) Index (S, T, pos)

```
int Index(String S, String T, int pos) {
     if (pos>0){ // pos的合法性
        n = StrLength(S); m = StrLength(T); i = pos;
        while (i \le n-m+1)
           SubString(sub, S, i, m);
6.
           if (StrCompare(sub, T) != 0) ++i;
           else return i;
                                              // 返回子串在主串中的位置
8.
                                              // while
9.
                                              // if
10.
                                              // S中不存在与T相等的子串
      return 0;
                                              // Index
11. }
```





## > 串的表示及实现

——三种表示方法,对应操作实现的例子