Data Structure - Homework3

tags: Data Structure

Introduction

Huffman Coding在資料壓縮領域是相當重要的演算法,演算過程需從資料組中取出最小的兩值進行運算,因此適合使用資料結構中的優先佇列(Priority Queue)來實作,本次作業將要求使用Min-Heap來建構Huffman-Tree並完成編碼工作,同時練習有關樹的基本操作。

https://zh.wikipedia.org/zh-tw/霍夫曼编码 (https://zh.wikipedia.org/zh-tw/%E9%9C%8D%E5%A4%AB%E6%9B%BC%E7%BC%96%E7%A0%81)

Problem

1. (20%)請實作Min-Heap,把輸入的符號與權重序列先建成節點(Leaf Node)後Push到Min-Heap中,以樹的形式將Min-Heap所存節點之權重值與樹高(從0起算)印出,範例如下

使用者需輸入size、符號序列及權重序列(以空白隔開)

```
// Example
// Huffman Tree Node
struct HuffNode {
   int data;
   char symbol;
   HuffNode *leftChild;
   HuffNode *rightChild;
};
// min-heap class
template < class T>
class MinHeap {
public:
   MinHeap(){ //initialize };
   bool IsEmpty();
   const T& Top();
   void Push(const T&);
   void Pop();
   void ChangeSize1D(T *a, const int oldSize, const int newSize);
   // ChangeSize1D 在課本第130頁
private:
   T *heap; // element array
   int heapSize; // number of elements in heap
   int capacity; // size of the array heap
};
int main() {
  int size;
  cin >> size;
  char *arr = new char[size];
  int *freq = new int [size];
  // Read
  for (int i = 0; i < size; i++) cin >> arr[i];
  for (int i = 0; i < size; i++) cin >> freq[i];
  MinHeap<HuffNode> min_heap;
  // Initalize the leaf node
  for (int i = 0; i < size; i++) {
    HuffNode leaf_node;
    leaf_node.data = freq[i];
    leaf_node.symbol = arr[i];
    leaf_node.leftChild = leaf_node.rightChild = nullptr;
    min_heap.Push(leaf_node);
  }
// print_tree(min_heap);
// cout << complete_tree_max_level(min_heap) << endl;</pre>
  return 0;
}
```

評分

(10%) Complete-Tree Structure

(10%) Max Level(with complete tree)

2. (30%)請根據第1小題建立的Min-Heap,建立Huffman編碼樹,以前序、中序的方式從Root開始走訪並印出權值、樹高(從0起算)及節點個數,範例如下

演算法

- (1) 每次從Min-Heap中取出兩最小權值的節點(Pop兩次)
- (2) 將此兩節點建立成新節點後(權值相加且子點依[規定]擺放),再Push回Min-Heap中
- (3) 直到Min-Heap內只剩一個節點(此為Huffman Tree的Root)

Ref: Huffman Coding (https://www.geeksforgeeks.org/huffman-coding-greedy-algo-3/)

Huffman Tree:

PreOrder: 12 7 4 3 2 1 5 InOrder: 4 7 2 3 1 12 5

Max level: 3

Number of Node: 7

[規定]: **左子值 > 右子值**

評分

(10%) Preorder && Inorder

(10%) Max Level(with binary tree)

(10%) Number of Node

3. (10%)請根據第2小題建立的Huffman編碼樹依[規定]對符號進行編碼,並印出編碼結果即可,範例如下

4. (10%)請根據第3小題的編碼表實作解碼工作,使用者可輸入一組0/1序列,對該組序列進行解碼來得到字詞,範例如下

```
Input sequence for decode: 101110100

Decoded Huffman Data:
dcba
```

Ref: https://www.geeksforgeeks.org/huffman-decoding/

(https://www.geeksforgeeks.org/huffman-decoding/)

5. (30%)最後請修正第一題的輸入方式,使用者輸入一字串,求該字串中不重複的字元(symbol)與其個數(size),及每個不重複字元出現的頻率 (frequency),範例如下

```
使用者只需輸入一字串即可
輸出的字符請依字母次序排序(A, B, C, …),並依照此次序Push進Min-Heap中
Input a string: bbbbbbddcccca
Your input size[int]: 4
Your input symbol[char]: a b c d
Your input frequency[int]: 1 5 4 2
```

因此最後程式輸出結果會為

```
Input a string: bbbbbbddcccca
Your input size[int]: 4
Your input symbol[char]: a b c d
Your input frequency[int]: 1 5 4 2
MinHeap Tree:
Max Level: 2
Huffman Tree:
PreOrder: 12 7 4 3 2 1 5 InOrder: 4 7 2 3 1 12 5
Max level: 3
Number of Node: 7
Huffman Coding:
c : 11
d : 101
a : 100
Input sequence for decode: 101110100
Decoded Huffman Data:
deba
```

批改的測資會經過設計,建Huffman Tree的過程不會出現重複的權值節點

- (1) 本次作業請依照**第一小題所建的Min-Heap**去實作Huffman Coding
- (2) 因此不要使用其他排序的方式實作(quickly sort, merge sort, algorithm套件的sort, etc...)
- (3) 每題之間請用如圖上的"="區隔,以便助教批改

Notices

作業規定

- 1. 除stack, queue, vector, list, string之外,禁止使用STL相關套件(deque, map, set ect...)
- 2. 可使用algorithm, math.h等數學運算套件
- 3. 程式以**c++/c語言為主**

- 4. 請在程式碼中適時加入註解(未註解說明者將酌量扣分)
- 5. 可參考Reference撰寫,但請勿完全抄襲Ref及同學作業
- 6. Deadline: 5/17(日) 23:55 moodle繳交
- 7. 未按繳交格式繳交者,將酌量扣分

繳交格式

1. 作業zip檔內須包含程式原始碼(.cpp/.c)、執行檔(.exe)及pdf說明文件(readme.pdf)

程式原始碼需包含所有小題,請勿分開寫在不同的Code readme.pdf請說明程式碼如何運作

2. 檔名**HW3_學號_姓名_v1.zip** 如果你有實作第五題,請在檔尾加上v1 若沒有實作第五題,請在檔尾加上v2

Office Time

禮拜三、四下午15:00~17:00,請先寄信通知

Mail ds2020@dcmc.ee.ncku.edu.tw (mailto:ds2020@dcmc.ee.ncku.edu.tw)