



北京交通大学

信号与系统



主讲人：陈后金
电子信息工程学院



离散时间系统的模拟框图

- ◆ 直接型结构
- ◆ 级联型结构
- ◆ 并联型结构



1. 直接型结构

► 直接型结构

对于差分方程： $y[k] + \sum_{j=1}^n a_j y[k-j] = \sum_{i=0}^m b_i x[k-i]$

假设 $m=n$ ，系统函数 $H(z)$ 求得

$$H(z) = \frac{b_0 + b_1 z^{-1} + \cdots + b_{n-1} z^{-(n-1)} + b_n z^{-n}}{1 + a_1 z^{-1} + \cdots + a_{n-1} z^{-(n-1)} + a_n z^{-n}} = \frac{\sum_{i=0}^n b_i z^{-i}}{1 + \sum_{j=1}^n a_j z^{-j}} = \underbrace{\frac{1}{1 + \sum_{j=1}^n a_j z^{-j}}}_{H_1(z)} \cdot \underbrace{\sum_{i=0}^n b_i z^{-i}}_{H_2(z)}$$



1. 直接型结构

► 直接型结构

系统可以看成两个子系统的级联：

$$H_1(z) = \frac{1}{1 + \sum_{j=1}^n a_j z^{-j}} = \frac{W(z)}{X(z)} \quad H_2(z) = \sum_{i=0}^n b_i z^{-i} = \frac{Y(z)}{W(z)}$$

描述这两个系统的差分方程为：

$$w[k] + \sum_{j=1}^n a_j w[k-j] = x[k]$$

$$y[k] = \sum_{i=0}^n b_i w[k-i]$$

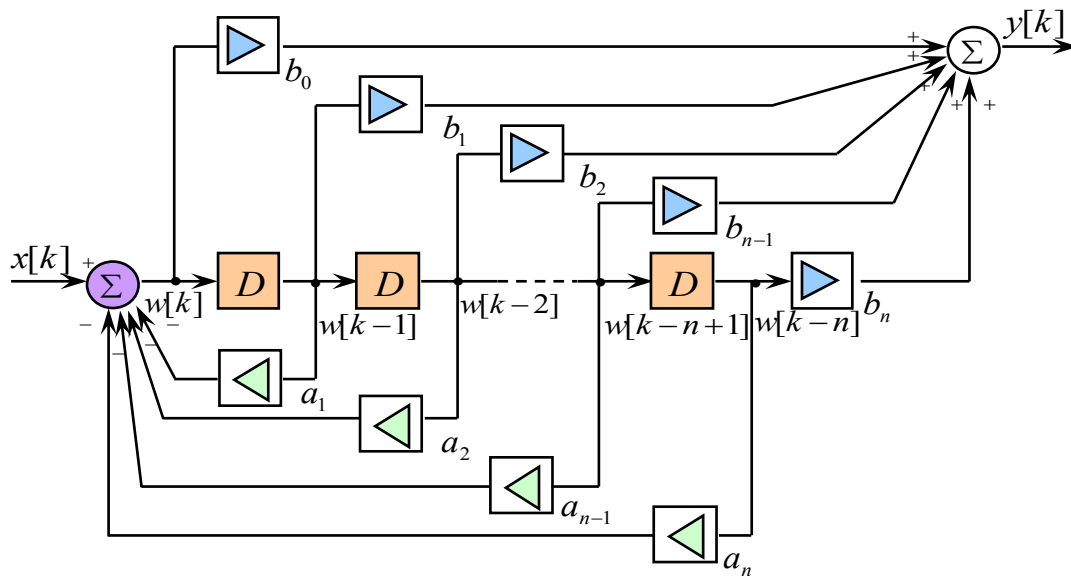


1. 直接型结构

直接型结构

$$w[k] + \sum_{j=1}^n a_j w[k-j] = x[k]$$

$$y[k] = \sum_{i=0}^n b_i w[k-i]$$



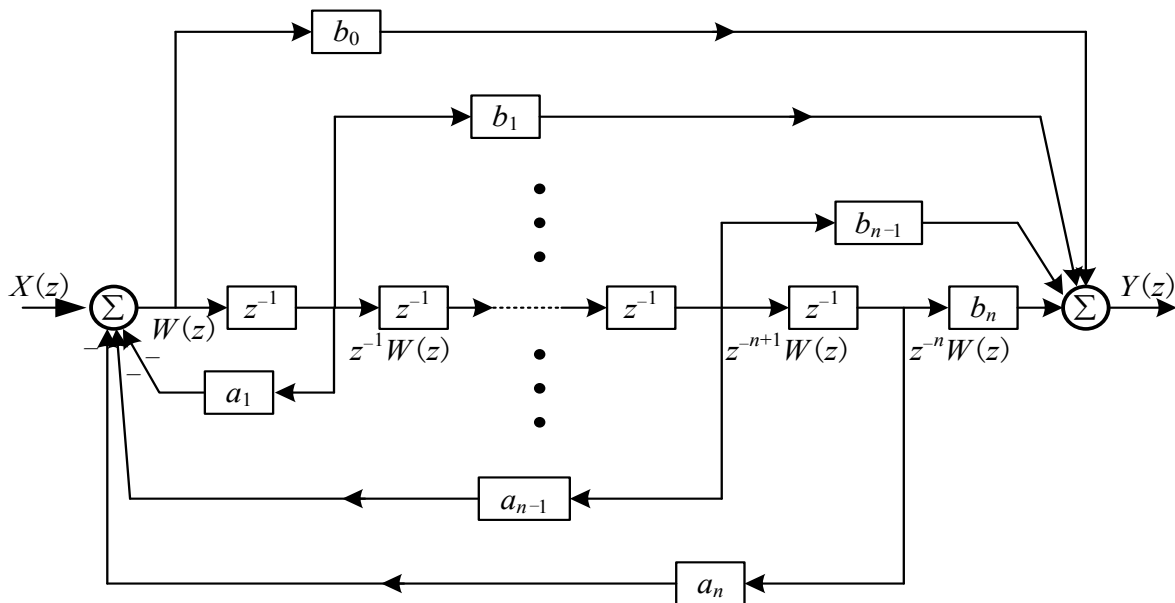
时域框图



1. 直接型结构

直接型结构

$$H(z) = \frac{b_0 + b_1 z^{-1} + \cdots + b_{n-1} z^{-(n-1)} + b_n z^{-n}}{1 + a_1 z^{-1} + \cdots + a_{n-1} z^{-(n-1)} + a_n z^{-n}}$$



z域框图



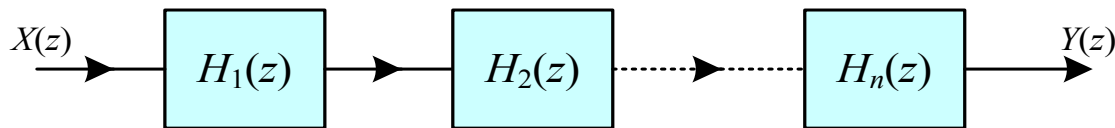
2. 级联型结构

级联型结构

将系统函数的分子和分母多项式分解为一阶或二阶实系数因子形式，组成一阶或二阶子系统级联起来，即

$$H(z) = H_1(z) H_2(z) \dots H_n(z)$$

画出每个子系统直接型模拟框图，再将各子系统级联。





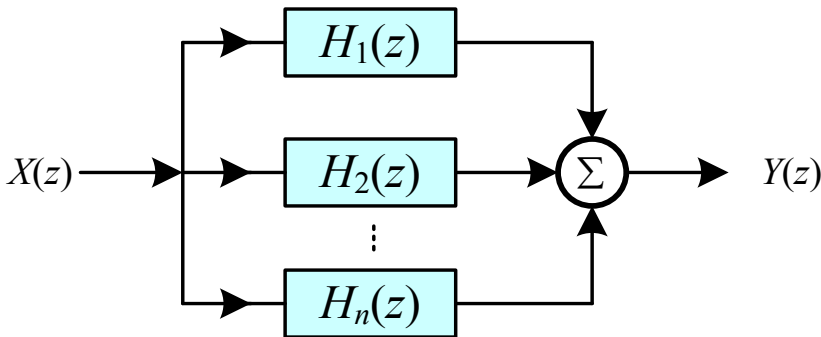
3. 并联型结构

▶ 并联型结构

将系统函数展开成部分分式，形成一阶和二阶子系统并联形式，即

$$H(z) = H_1(z) + H_2(z) + \dots + H_n(z)$$

画出每个子系统直接型模拟框图，再将各子系统并联。

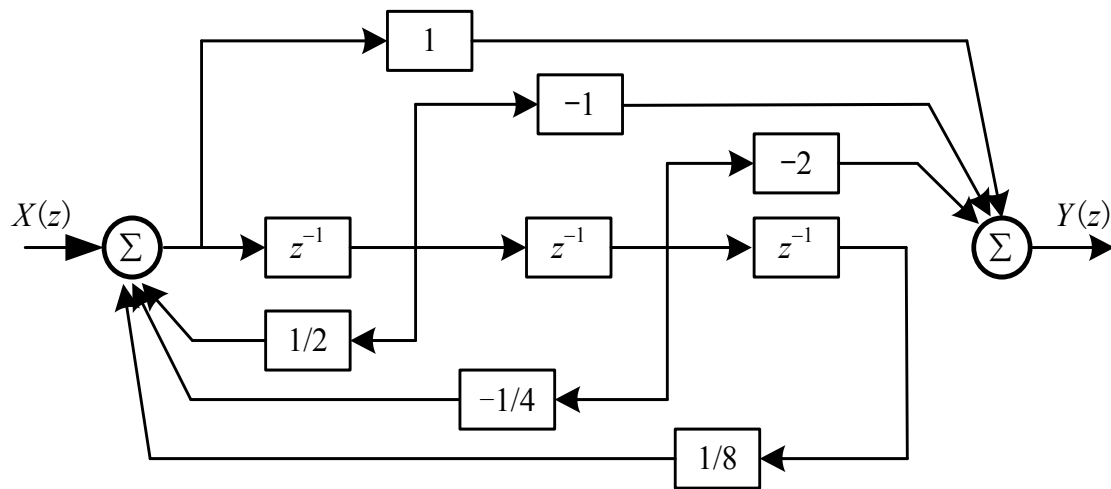




例：画出离散时间LTI系统 $H(z)$ 的模拟框图。

该系统的系统函数为：
$$H(z) = \frac{1 - z^{-1} - 2z^{-2}}{1 - 0.5z^{-1} + 0.25z^{-2} - 0.125z^{-3}}$$

解：1) 直接型结构



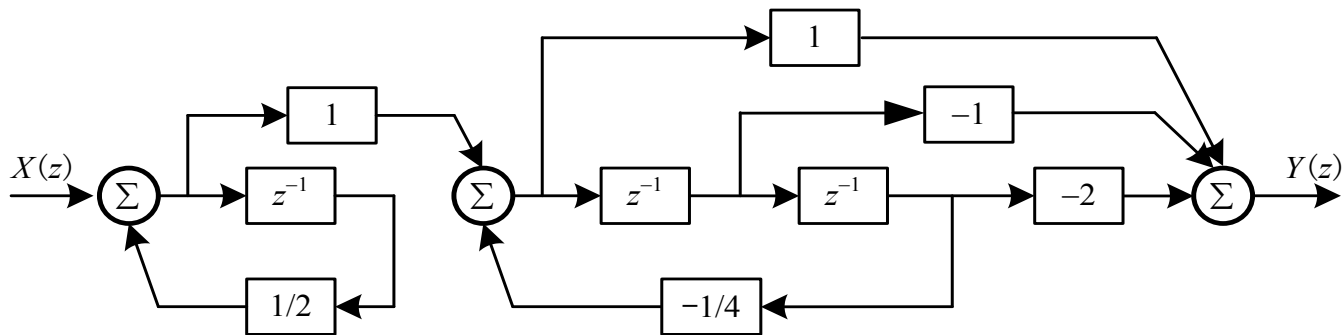


例：画出离散时间LTI系统 $H(z)$ 的模拟框图。

该系统的系统函数为：
$$H(z) = \frac{1 - z^{-1} - 2z^{-2}}{1 - 0.5z^{-1} + 0.25z^{-2} - 0.125z^{-3}}$$

解：2) 级联型结构

$$H(z) = \frac{1 - z^{-1} - 2z^{-2}}{1 - 0.5z^{-1} + 0.25z^{-2} - 0.125z^{-3}} = \frac{1}{1 - 0.5z^{-1}} \cdot \frac{1 - z^{-1} - 2z^{-2}}{1 + 0.25z^{-2}}$$



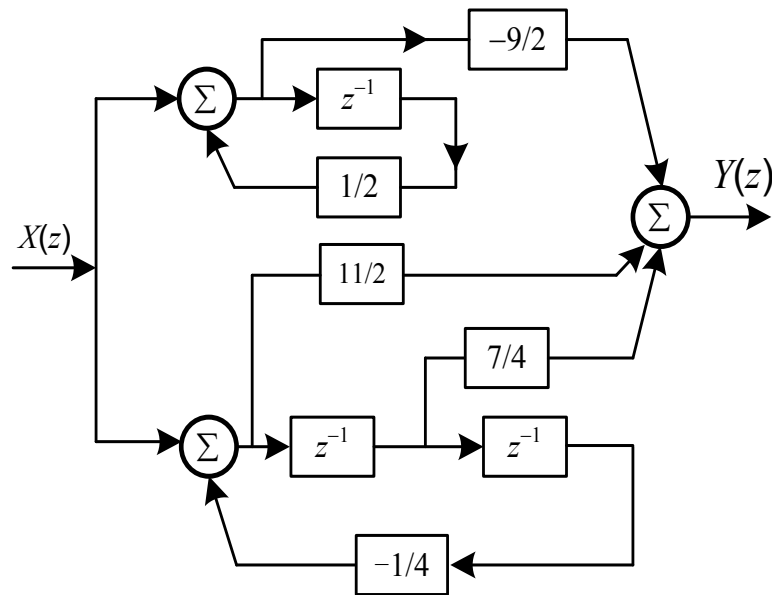


例：画出离散时间LTI系统 $H(z)$ 的模拟框图。

该系统的系统函数为：
$$H(z) = \frac{1 - z^{-1} - 2z^{-2}}{1 - 0.5z^{-1} + 0.25z^{-2} - 0.125z^{-3}}$$

解：3) 并联型结构

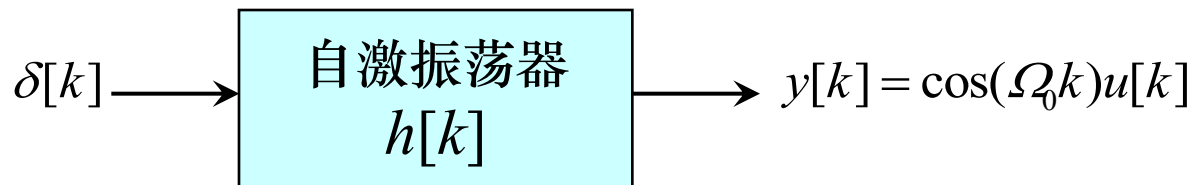
$$\begin{aligned} H(z) &= \frac{1 - z^{-1} - 2z^{-2}}{1 - 0.5z^{-1} + 0.25z^{-2} - 0.125z^{-3}} \\ &= \frac{-4.5}{1 - 0.5z^{-1}} + \frac{5.5 + 1.75z^{-1}}{1 + 0.25z^{-2}} \end{aligned}$$





例：设计数字正弦波自激振荡器，给出系统单位脉冲响应 $h[k]$ 、系统传输函数 $H(z)$ ，并画出系统模拟框图。

解：为保证系统自激，系统函数极点应位于 z 平面的单位圆上，系统响应的时域信号为等幅的正弦波。



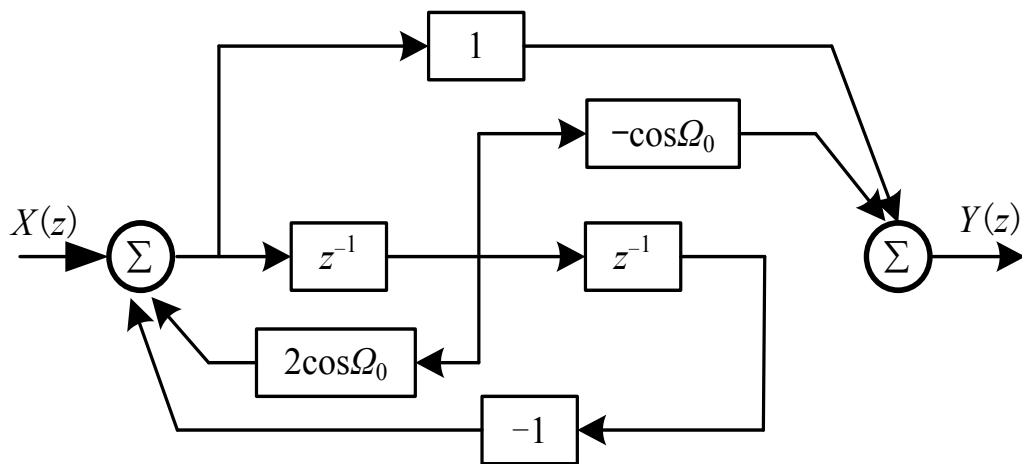
单位脉冲响应： $h[k] = \cos(\Omega_0 k)u[k]$

系统传输函数： $H(z) = \frac{z^2 - z \cos \Omega_0}{z^2 - 2z \cos \Omega_0 + 1}$



例：设计数字正弦波自激振荡器，给出系统单位脉冲响应 $h[k]$ 、系统传输函数 $H(z)$ ，并画出系统模拟框图。

$$\text{系统传输函数: } H(z) = \frac{z^2 - z \cos \Omega_0}{z^2 - 2z \cos \Omega_0 + 1} = \frac{1 - z^{-1} \cos \Omega_0}{1 - 2z^{-1} \cos \Omega_0 + z^{-2}}$$



器件MT8880

模拟框图



数字自激振荡器的实际应用

自激振荡器广泛用于按键式电话机中双音多频(DTMF)信号的产生。



按键“5”

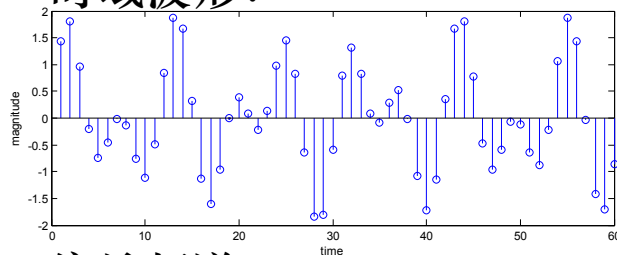


MT8880

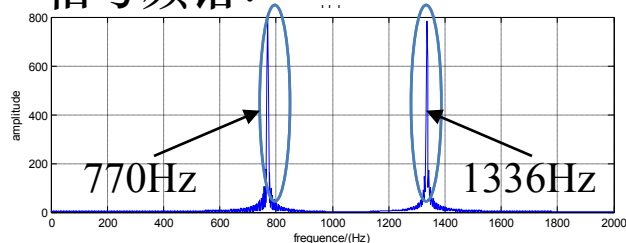
DTMF信号产生规律(Hz)

高频组 \ 低频组	1209	1336	1447	1633
	697	770	850	941
	1	2	3	A
	4	5	6	B
	7	8	9	C
	*	0	#	D

时域波形:



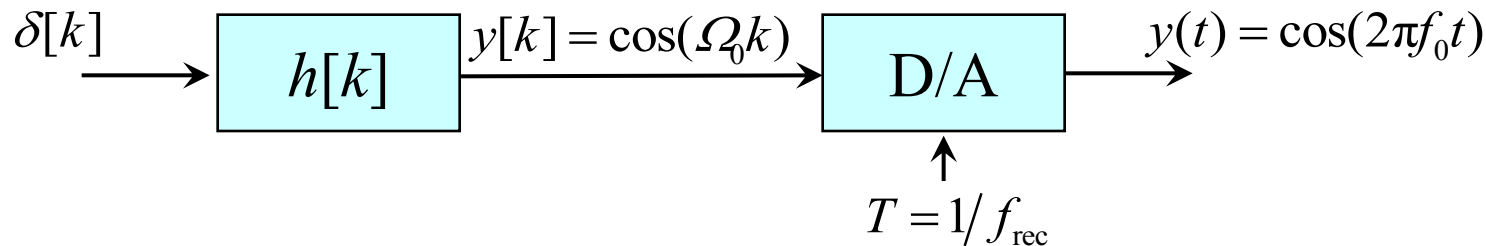
信号频谱:





数字自激振荡器的实际应用

如何由数字振荡器产生频率 $f_0=770\text{Hz}$ 、 1336Hz 的振荡信号 $y(t)$?



根据振荡信号频率 f_0 ，确定离散余弦信号的角频率 Ω_0 的值。

首先定义 Ω_0 的值，使 $\cos(\Omega_0 k)$ 成为周期为 N 的离散序列。

$$\Omega_0 = \frac{2\pi}{N} \quad \omega_0 = 2\pi f_0 = \frac{2\pi}{NT} = \frac{\Omega_0}{T} \quad \longrightarrow \quad f_0 = \frac{1}{NT} = \frac{f_{\text{rec}}}{N}$$



数字自激振荡器的实际应用

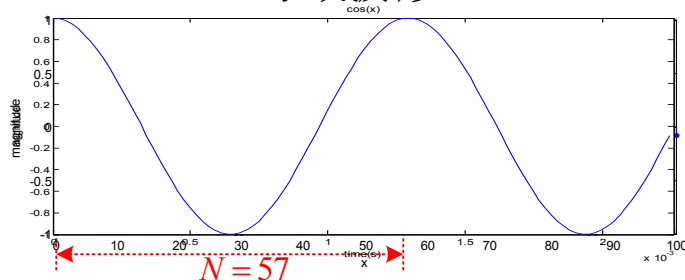
如何由数字振荡器产生频率 $f_0=770\text{Hz}$ 、 1336Hz 的振荡信号 $y(t)$?

$$N = 57$$

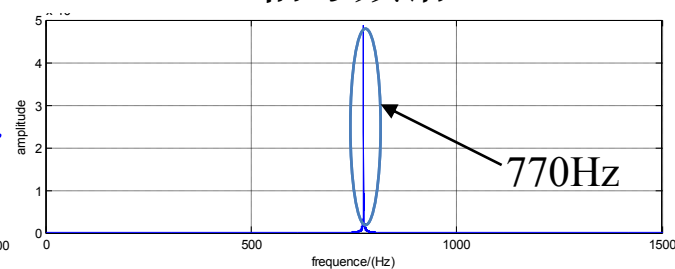
$$f_{\text{rec}} = 1/T = 44.1\text{kHz}$$

$$f_0 = 1/NT = 770\text{Hz}$$

时域波形



信号频谱

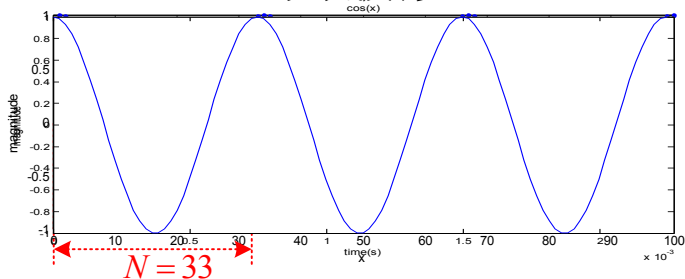


$$N = 33$$

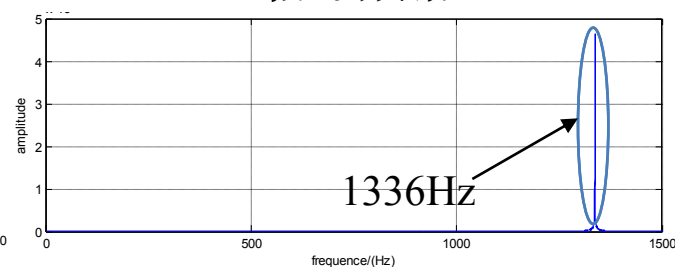
$$f_{\text{rec}} = 1/T = 44.1\text{kHz}$$

$$f_0 = 1/NT = 1336\text{Hz}$$

时域波形



信号频谱





离散时间系统的模拟框图

谢 谢

本课程所引用的一些素材为主讲老师多年的教学积累，来源于多种媒体及同事、同行、朋友的交流，难以一一注明出处，特此说明并表示感谢！