



北京交通大学

信号与系统



主讲人：陈后金
电子信息工程学院



信号时域分析的MATLAB实现

- ※ 利用MATLAB产生基本信号
- ※ 利用MATLAB实现基本运算



利用MATLAB产生基本信号

指数信号 Ae^{at}

$$x_t = A * \exp(a * t);$$

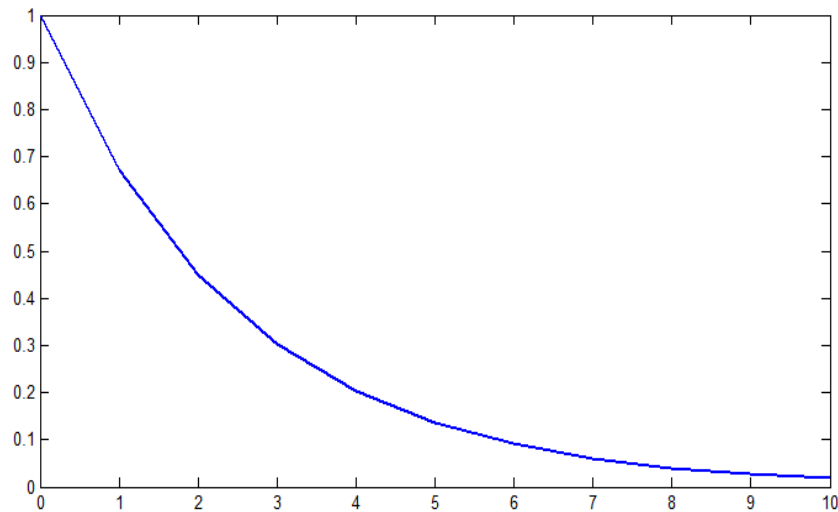
```
t=0: 0.01: 10;
```

```
A=1;
```

```
a= -0.4;
```

```
xt=A*exp(a*t);
```

```
plot(t, xt)
```





利用MATLAB产生基本信号

正弦类信号 $A \cos(\omega_0 t + \varphi)$ 或 $A \sin(\omega_0 t + \varphi)$

$x_t = A * \cos(w_0 * t + \text{phi})$ 或 $x_t = A * \sin(w_0 * t + \text{phi})$

$A=1;$

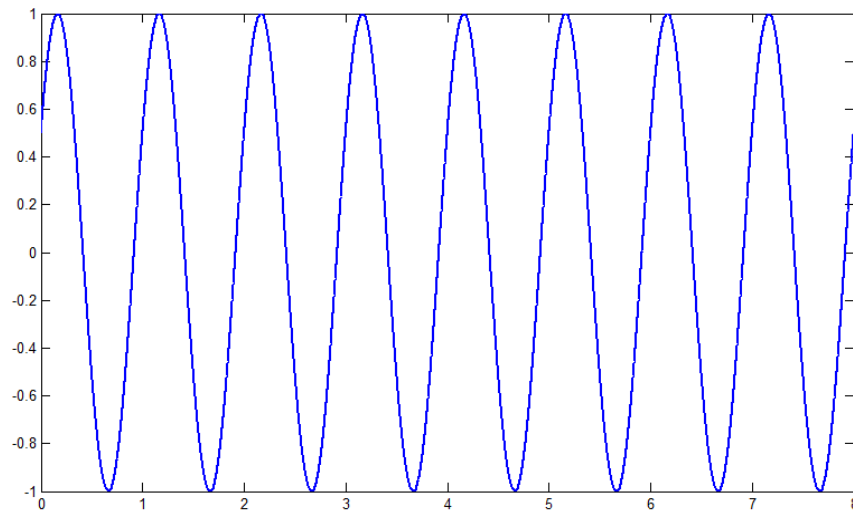
$w_0=2*\text{pi};$

$\text{phi}=\text{pi}/6;$

$t=0:0.001:8;$

$x_t=A*\sin(w_0*t+\text{phi});$

$\text{plot}(t, x_t)$



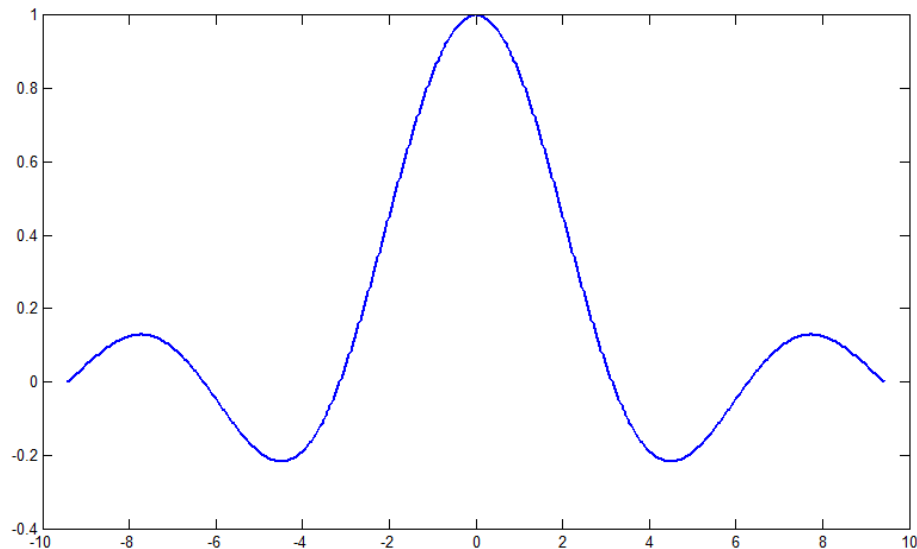


利用MATLAB产生基本信号

抽样信号 $Sa(t)$

$x_t = \text{sinc}(t);$

```
t=-3*pi: pi/100: 3*pi;  
xt=sinc(t/pi);  
plot(t, xt)
```





利用MATLAB产生基本信号

矩形脉冲信号

$x_t = \text{rectpuls}(t, \text{width});$

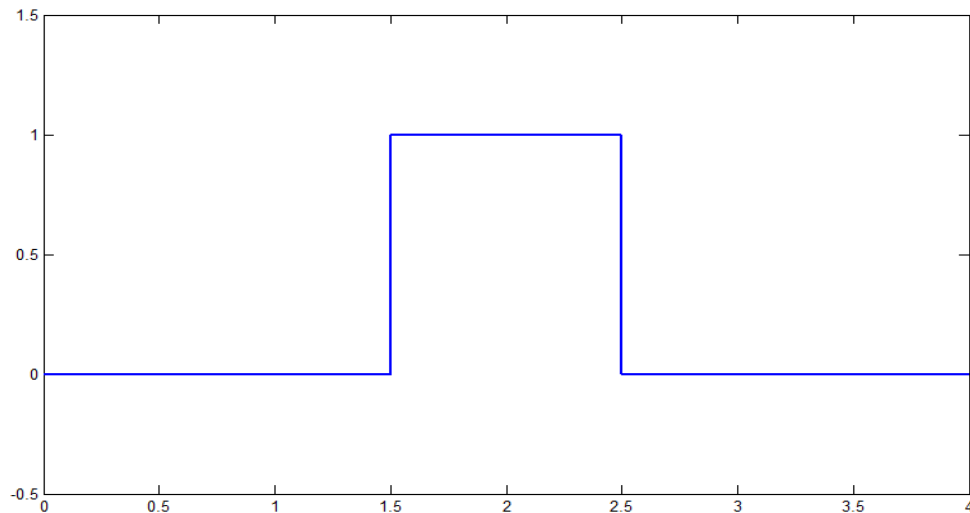
用以产生一个幅度为1，宽度为width以零点为对称的矩形波。

```
t=0: 0.001: 4;
```

```
T=1;
```

```
xt=rectpuls(t-2*T, T);
```

```
plot(t, xt)
```





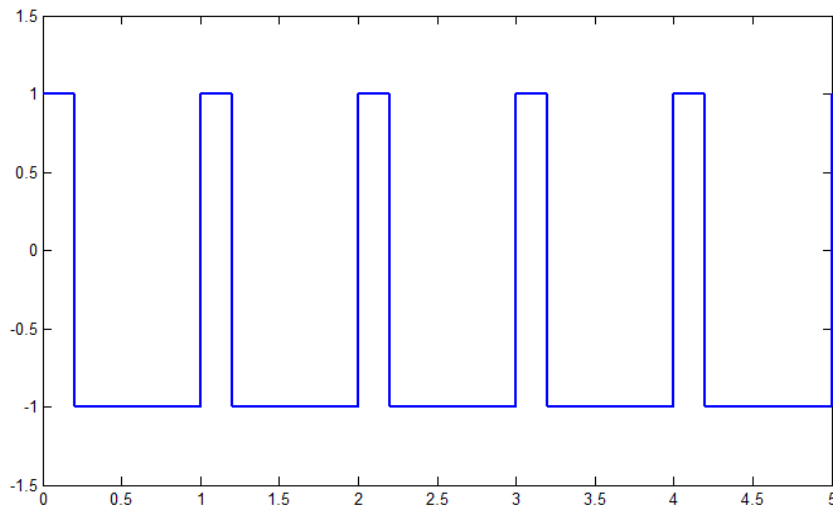
利用MATLAB产生基本信号

周期方波信号

`xt= square(w0*t, duty_cycle);`

用以产生一个幅度是+1和-1，基波频率为 ω_0 ，即周期 $T=2\pi/\omega_0$ 的方波信号。

```
t=0: 0.0001: 5;  
A=1; T=1; w0=2*pi/T;  
ft=A*square(w0*t,20);  
plot(t, ft)
```





利用MATLAB产生基本信号

单位阶跃信号

`ut = stepfun(t, t0);`

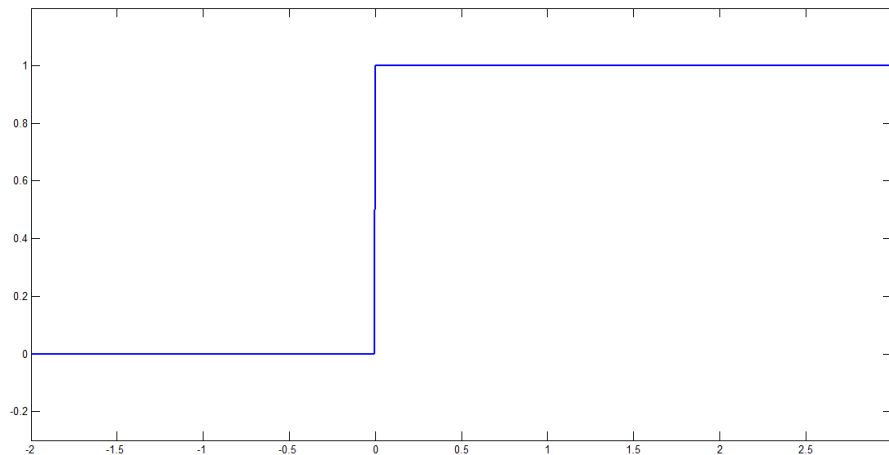
t是以向量形式表示的变量，t0表示信号发生突变的时刻。

```
t=-2:0.01:3;
```

```
t0=0;
```

```
ut=stepfun(t,t0);
```

```
plot(t,ut)
```

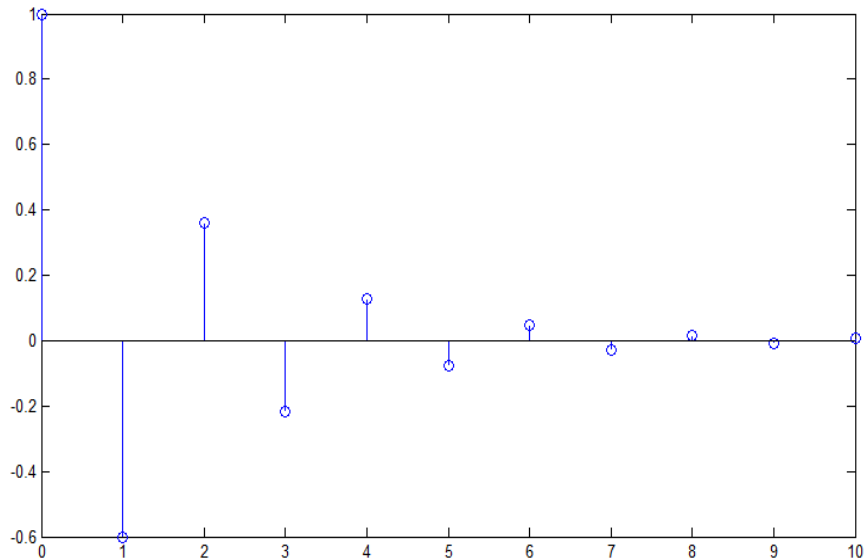




利用MATLAB产生基本信号

指数序列 a^k 利用数组幂运算 $xk=a.^k$;

```
A=1;  
k=0:10;  
a=-0.6;  
xk=A*a.^k;  
stem(k, xk)
```





利用MATLAB产生基本信号

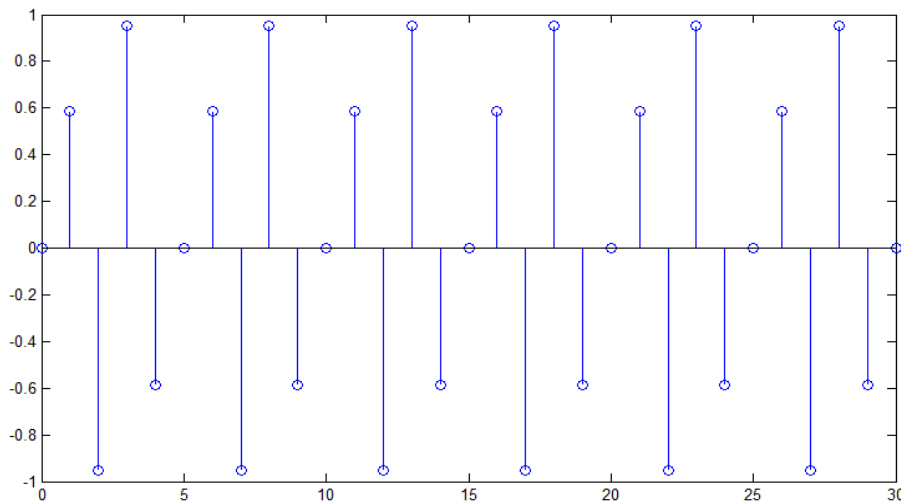
正弦类信号 $A \cos(\Omega k + \varphi)$ 或 $A \sin(\Omega k + \varphi)$

$x_k = A * \cos(\omega * k + \phi)$ 或 $x_k = A * \sin(\omega * k + \phi)$

```
k=0:30;
```

```
xk= sin(4*pi/5*k);
```

```
stem(k, xk)
```





利用MATLAB产生基本信号

连续正弦类信号 $\cos(\omega_0 t)$ 与离散正弦类信号 $\cos(\Omega_0 k)$ 关系分析

$$\cos(\omega_0 t) \Big|_{t=kT} = \cos(\omega_0 \times T \times k) = \cos(\Omega_0 k), \text{ 其中 } \Omega_0 = \omega_0 \times T$$

讨论： 当 (1) $\frac{\Omega_0}{2\pi} = \frac{1}{N}$ (2) $\frac{\Omega_0}{2\pi} = \frac{2}{N}$ (3) $\frac{\Omega_0}{2\pi} = \frac{3}{N}$ 时，

对比 $\cos(\omega_0 t)$ 与 $\cos(\Omega_0 k)$ 波形，分析有何结论？



利用MATLAB产生基本信号

已知连续信号 $x(t) = \cos(\pi t)$ ，当抽样间隔 T 分别取 0.08、0.16 和 0.24 时，对应离散信号序列分别为

$$x_1[k] = \cos(\Omega_1 k) = \cos(0.08\pi k)$$

$$x_2[k] = \cos(\Omega_2 k) = \cos(0.16\pi k)$$

$$x_3[k] = \cos(\Omega_3 k) = \cos(0.24\pi k)$$

$$\frac{\Omega_1}{2\pi} = \frac{0.08\pi}{2\pi} = \frac{1}{25}$$

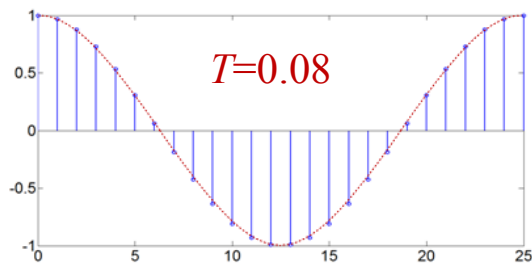
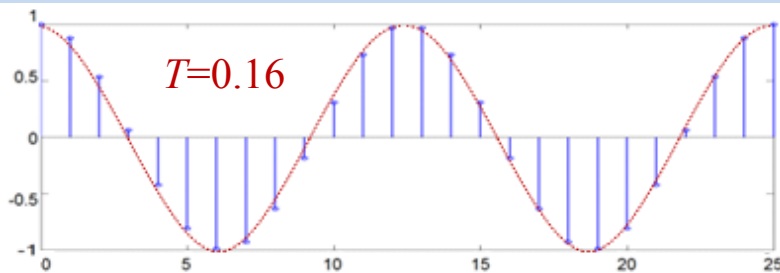
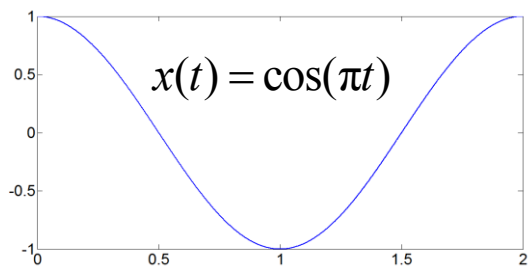
$$\frac{\Omega_2}{2\pi} = \frac{0.16\pi}{2\pi} = \frac{2}{25}$$

$$\frac{\Omega_3}{2\pi} = \frac{0.24\pi}{2\pi} = \frac{3}{25}$$

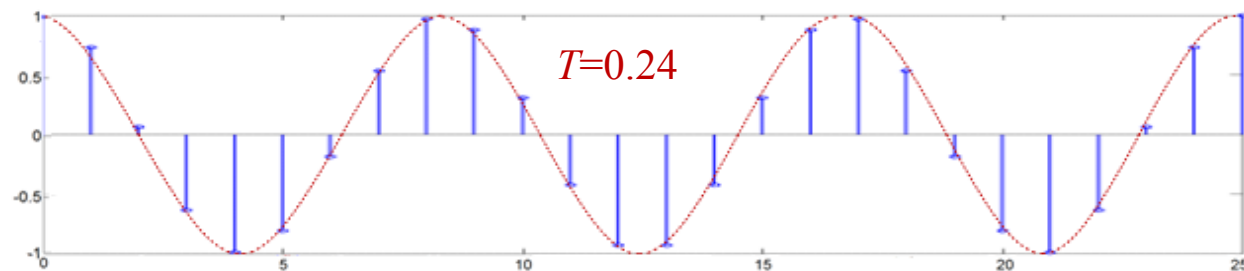
可见三个离散余弦信号的周期都为 $N=25$ 。



利用MATLAB产生基本信号



$$x_1[k] = \cos(0.08\pi k)$$



$$x_3[k] = \cos(0.24\pi k)$$

结论：当满足 $\Omega/2\pi = M/N$ ，且 N 、 M 是不可约正整数，则 N 为离散余弦序列的周期，而 M 表示离散余弦序列一个周期 N 内包含原连续周期余弦信号的周期数。

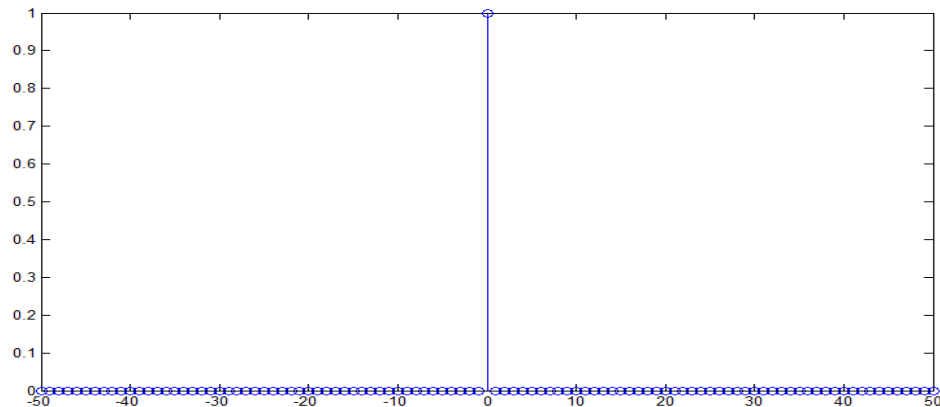


利用MATLAB产生基本信号

单位脉冲序列

用零矩阵函数zeros表示;

```
k = -50: 50;  
delta = [zeros(1,50), 1, zeros(1,50)]  
stem(k, delta)
```



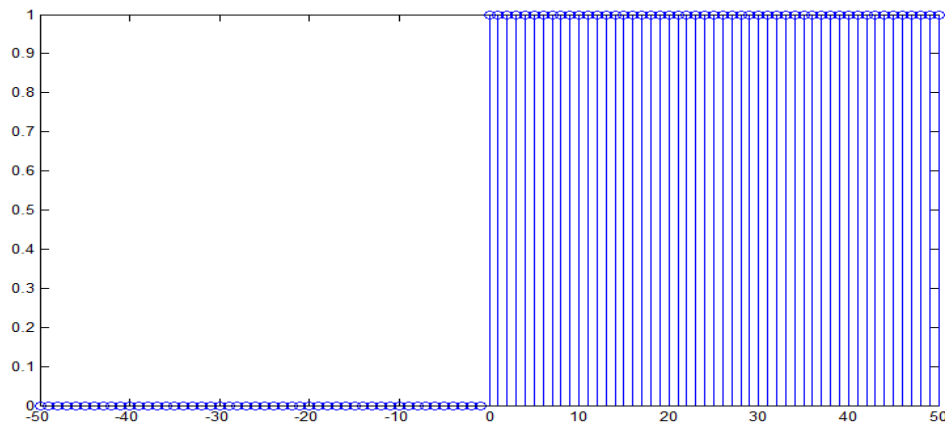


利用MATLAB产生基本信号

单位阶跃序列

用单位矩阵函数ones表示;

```
k=-50:50;  
uk=[zeros(1,50), ones(1,51)];  
stem(k, uk)
```



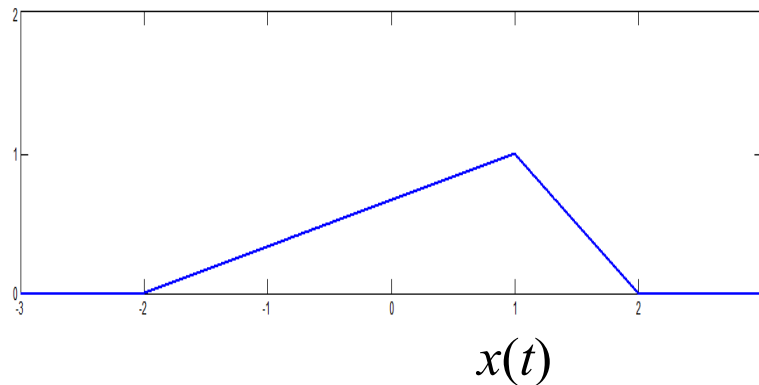


利用MATLAB实现基本运算

连续时间信号的尺度变换、翻转、时移（平移）

已知三角波 $x(t)$ ，利用MATLAB画出的 $x(2t)$ 和 $x(2-2t)$ 波形

```
t=-3:0.001:3;  
ft=tripuls(t,4,0.5);  
plot(t, ft);
```

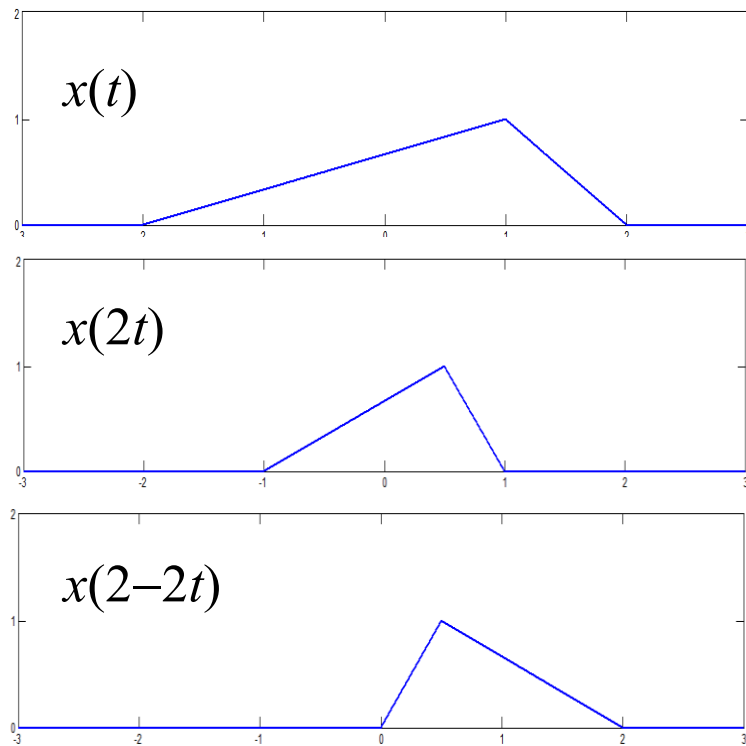




利用MATLAB实现基本运算

已知三角波 $x(t)$ ，利用MATLAB画出的 $x(2t)$ 和 $x(2-2t)$ 波形

```
t=-3:0.001:3;  
ft1=tripuls(2*t,4,0.5);  
subplot(2,1,1)  
plot(t,ft1)  
title('x(2t)')  
ft2=tripuls((2-2*t),4,0.5);  
subplot(2,1,2)  
plot(t,ft2)  
title('x(2-2t)')
```





利用MATLAB实现基本运算

离散时间序列的尺度变换

- 实现M倍抽取的MATLAB语句

$x_D = x(1:M:end);$

- 实现L倍内插的MATLAB语句

$x_I = \text{zeros}(1, L * \text{length}(x));$

$x_I(1:L:end) = x;$



利用MATLAB实现基本运算

离散时间序列的抽取运算



原信号x

```
[x,Fs,bits] = wavread('我的祖国');  
% Fs=22,050 Hz
```



4倍抽取后信号x1

```
x1=x(1:4:end);  
% Fs=22,050/4 Hz
```



8倍抽取后信号x2

```
x2=x(1:8:end);  
% Fs=22,050/8 Hz
```



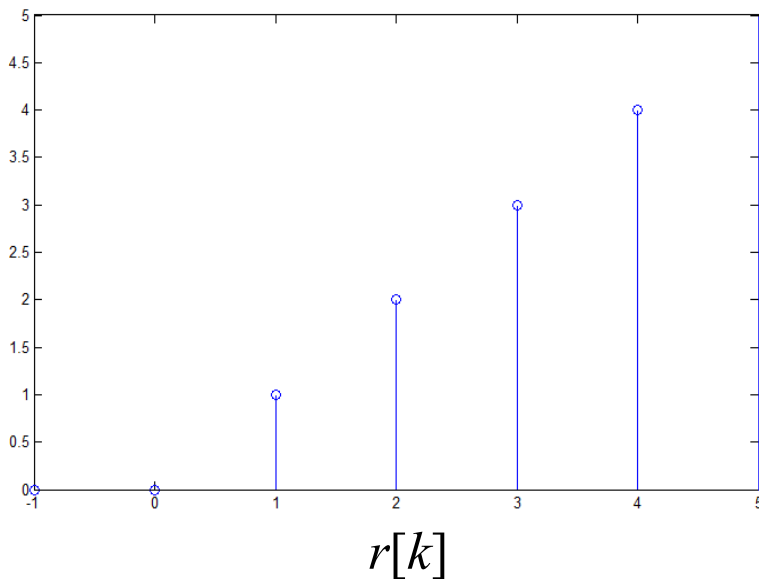
利用MATLAB实现基本运算

信号的相加与相乘

相加用算术运算符 “+”实现

相乘用数组运算符 “.*”实现

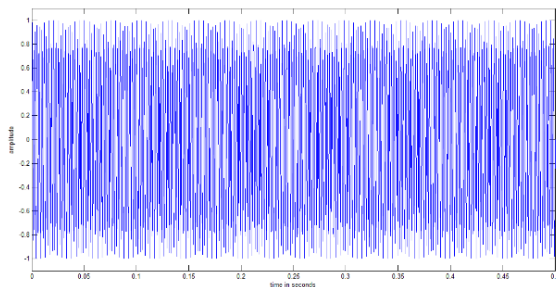
```
k=-1:5;  
x=(k>=0);  
stem(k,x.*k)
```



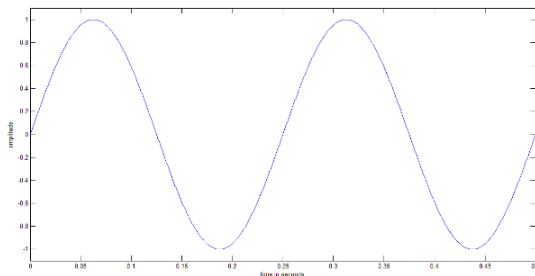
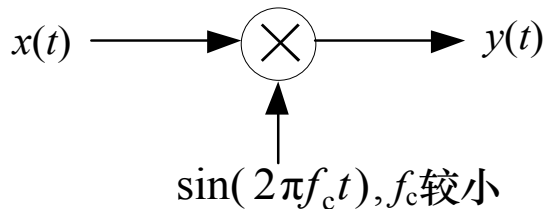


利用MATLAB实现基本运算

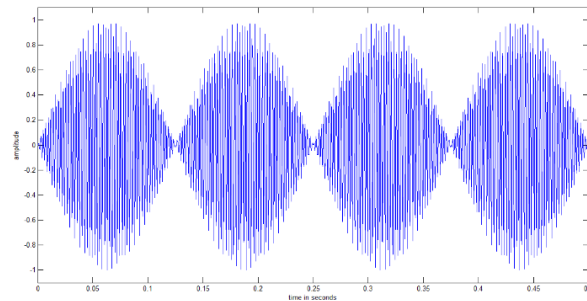
[例]440Hz正弦乘以4Hz正弦波（震音）



440Hz正弦波



4Hz正弦波



震音处理后





利用MATLAB实现基本运算

```
fs1=4;fs2=440;  
t=linspace(0,2/fs1,1000);  
y1=sin(2*pi*fs1*t);  
y2=sin(2*pi*fs2*t);  
y=y1.*y2;  
subplot(2,2,1);  
plot(t,y1);  
subplot(2,2,2);  
plot(t,y2);  
subplot(2,2,3);  
plot(t,y);
```



利用MATLAB实现基本运算

连续信号的微分与积分
离散序列的差分与求和

■ 微分 $y = \text{diff}(\text{function})/h$; %h为数值计算所取时间间隔

求函数function的一阶导数;

■ 定积分 $\text{quad}(\text{'function_name'}, a, b)$;

function_name为被积函数名, a和b指定积分区间。

■ 差分 $y = \text{diff}(f)$;

■ 求和 $y = \text{sum}(f(k1:k2))$;



利用MATLAB实现基本运算

[例] 已知三角波 $x(t)$ ，画出其微分与积分的波形。

```
function yt=tri(t)
```

```
yt=tripuls(t,4,0.5)
```

```
%微分
```

```
h=0.001;
```

```
t=-3:h:3;
```

```
y1=diff(tri(t))/h;
```

```
plot(t(1:length(t)-1),y1)
```

```
%积分
```

```
t= -3:0.1:3;
```

```
for x=1:length(t)
```

```
    y2(x)=quad('tri', -3,t(x));
```

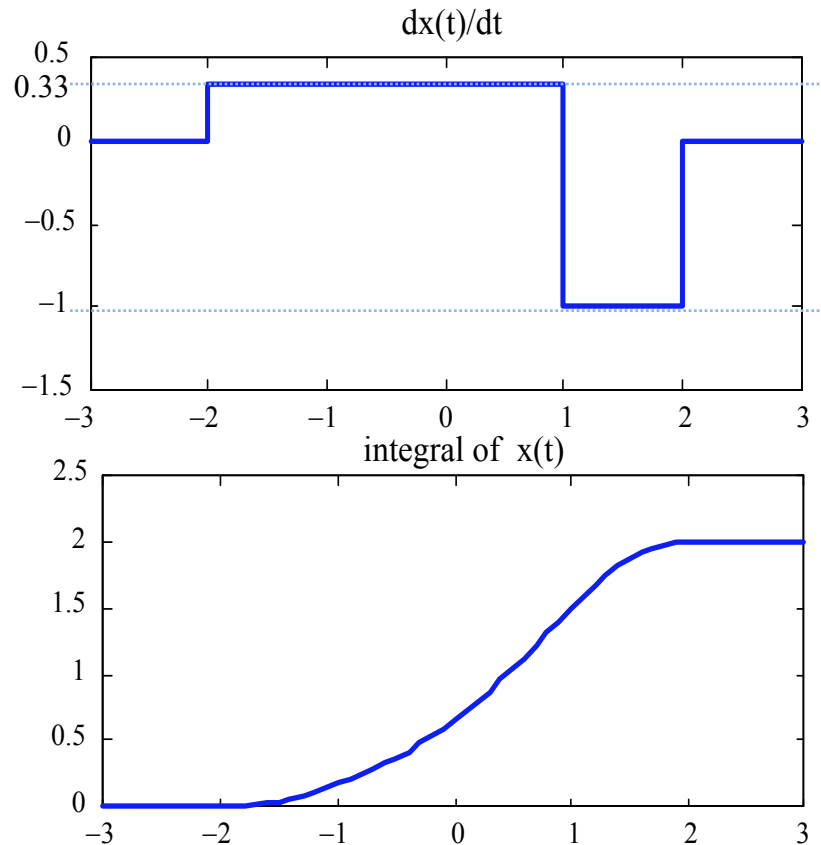
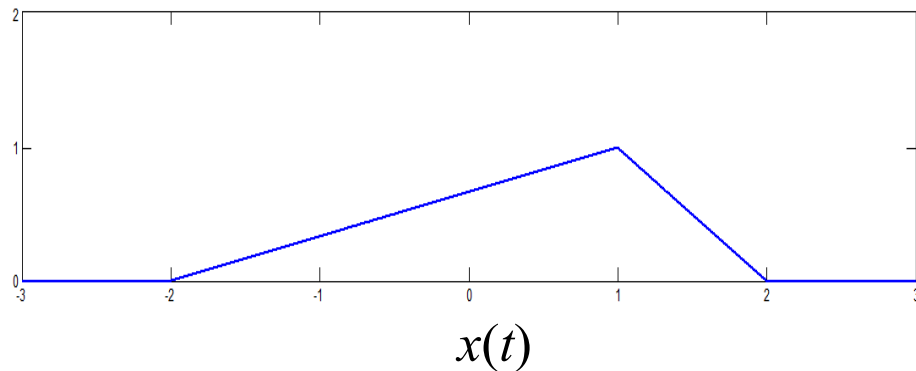
```
end
```

```
plot(t,y2)
```




利用MATLAB实现信号的基本运算

三角波 $x(t)$ 微分与积分的波形





利用MATLAB实现基本运算

[例] 已知离散序列 $x[k]=\{1,2,3,4,k=0,1,2,3\}$ ，画出其差分与求和的波形。

```
%x[k]
```

```
k=-1:4;
```

```
x=[0,1,2,3,4,0];
```

```
stem(k,x)
```

```
%差分
```

```
k1=-1:4;
```

```
x=[0,1,2,3,4,0];
```

```
y=diff(x);
```

```
stem(k1,y)
```

```
%求和
```

```
k=-1:4;
```

```
x=[0,1,2,3,4,0]
```

```
for i=1:length(k)
```

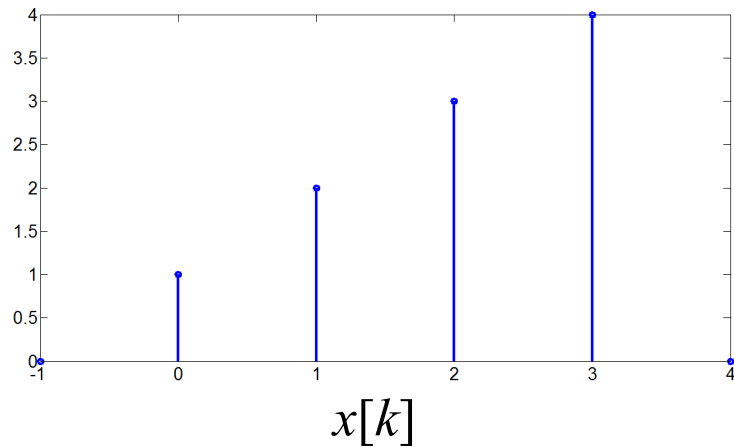
```
    y(i)=sum(x(1:i));
```

```
end
```

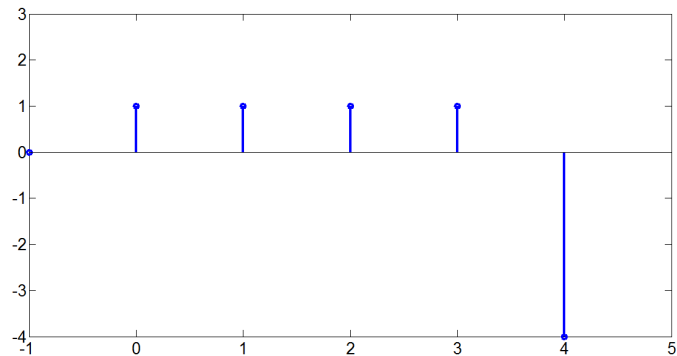


利用MATLAB实现信号的基本运算

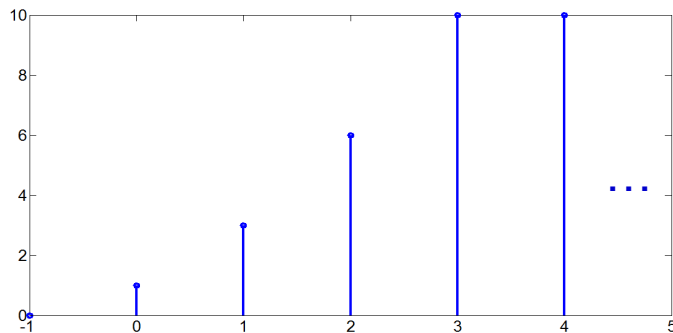
离散序列 $x[k]$ 差分与求和的波形



差分



求和





信号时域分析的MATLAB实现

谢 谢

本课程所引用的一些素材为主讲老师多年的教学积累，来源于多种媒体及同事、同行、朋友的交流，难以一一注明出处，特此说明并表示感谢！