

# Algoritmusok és Adatstruktúrák

## I. félév

*Hernyák Loltán*

*E másolat nem használható fel szabadon, a készülő jegyzet egy munkapéldánya.*

*A teljes jegyzetről, vagy annak bármely részéről bármely másolat készítéséhez a szerző előzetes írásbeli hozzájárulására van szükség. A másolatnak tartalmaznia kell a sokszorosításra vonatkozó korlátozó kitélt is. A jegyzet kizárólag főiskolai oktatási vagy tanulmányi célra használható!*

*A szerző hozzájárulását adja ahhoz, hogy az EKF számítástechnika tanári, és programozó matematikus szakján, a 2001 tanévtől a tárgyat az EKF TO által elfogadott módon felvett hallgatók bármelyike, kizárólag saját maga részére, tanulmányaihoz egyetlen egy példány másolatot készítsen a jegyzetből.*

*A jegyzet e változata még tartalmazhat mind gépelési, mind helyességi hibákat. Az állítások nem mindegyike lett tesztelve teljes körűen. Minden észrevételt, amely valamilyen hibára vonatkozik, örömmel fogadok.*

Eger, 2003. február 16.

# Algoritmusok és adatstruktúrák I. félév

Hernyák Zoltán

## Algoritmus neve:

**Muhammad Ibn Músza Al-Hvárizmi** csillagász, matematikus, ie. I. századi perzsa tudós nevéből származik, akinek egyik könyvét latinra fordították, és a nevét pontatlanul **Algorithmus**-nak írták.

## Algoritmus fogalma

Műveletek tartalmát és sorrendjét meghatározó egyértelmű utasításrendszer, amely a megfelelő kiinduló adatokból a kívánt eredményre vezet.

## Az algoritmus tulajdonságai

- Végrehajtható.
- Minden lépés egy elemi utasítás vagy további algoritmus végrehajtását igényli.
- Meghatározott sorrendet követ.
- Végesszámú lépésben véget ér.

Az algoritmus megadása két fő összetevő megadásából áll: **adatok**, és a velük kapcsolatos **műveletek** megadásából.

## Adatok (mennyiségek)

Az algoritmus működéséhez adatokra van szükség. Egyrészt a fő műveleti adatokból, másrészt a működés során fellépő segédadatokról. Az informatikában az adatokat **változók** és **konstansok** formájában jelentkezik.

## Alapfogalmak

**Változó:** Azok a mennyiségek, amelyek az algoritmus végrehajtása során megváltoznak.  
**Konstans:** Azok a mennyiségek, amelyek az algoritmus végrehajtása során nem változnak meg.  
**Azonosító:** Az a jelsorozat, amellyel hivatkozhatunk a változó tartalmára, és módosíthatjuk azt.  
**Értékkadás:** Az a művelet, amelynek során a változók értéket kapnak, vagy megváltozik az értékük. **Kezdőérték:** A változónak és konstans az induló értéke.  
**Deklaráció:** A bejelentés helye, az algoritmusnak az a helye, ahol a változót először elhelyeztük.  
**Definiált:** Az azonosító mögöttes értéke egyértelműen ismert.  
**Definiálatlan:** nem definiált.  
**Értéktípus:** Az adatoknak az a tulajdonsága, amely meghatározza az adat által felvehető értékeket és a rajtuk értelmezett műveleteket.

- Az azonosító képzésére komoly szabályok vannak:
  - csak az angol abc karakterei, számjegyek, és az aláhúzás jel használható
  - az első betű nem lehet számjegy
  - az azonosító hossza tetszőleges lehet, de nem ajánlatos 16 karakternél hosszabbat használni

## Értéktípusok

### 1. Egyszerű értéktípusok (egy azonosító pontosan egy értéket takar)

#### 1/1 : Egész típus

Értékek: pozitív és negatív egész számok tárolására alkalmas típus.

Műveletek: + - \* / % < > = <= >= <>

az osztás kivezethetne a tartományból, de két egész típusú adaton elvégzett osztási művelet eredményét egészen *kerekítve* kell értelmezni (csonkolás művelete) pl.  $4/3=1$

- a % művelet az osztási maradék képzése. Pl.  $4\%3=1$ ,  $8\%3=2$ ,  $8\%2=0$

## 1/2: Valós típus

Értékek: tetszőleges egész vagy tört szám

Műveletek: + - \* / < > = <= >= <>

## 1/3: Karakter típus

Értékek: egy karakter (pl. egy betű, számjegy, egyéb jel)

Műveletek: < > = <= >= <>

- karakter konstansok megadása egyszeres aposztrófok között történhet, pl. 'a'
- az összehasonlítás az ASCII kódtábla alapján történik, pl. az 'a' kisebb mint 'b'
- az összehasonlítás kisbetű-nagybetű érzékeny (Case-Sensitive), vagyis 'alma' <> 'ALMA'

## 1/4: Logikai típus

Értékek: IGAZ, HAMIS

Műveletek: ÉS VAGY NEM XOR =

- a logikai műveletek részletes leírását lásd később

## 2. Összetett értéktípusok (egy azonosító több értéket is takar)

**2/1: Tömb típus** (egy azonosító név mögött több érték is tárolható, melyek viszont kötelezően azonos típusúak kell hogy legyenek. Ez a típus a tömb alaptípusa. A mögöttes több érték közül egyszerre általában csak egyhez férhetünk hozzá (egyesével kezelhető). A konkrét érték azonosításához meg kell adni az érték azonosító sorszámát (indexét))

**2/1/1: Egydimenziós tömb (vektor)** pl.: **X: tömb [1..10] egész-ből.** A konkrét értékhez hozzáférés egyetlen index megadásával történik:  $X[1]$  a tíz lehetséges érték közül az első jelenti. A tíz érték ábrázolása egy sorban történhet.

**2/1/2: Két dimenziós tömb (mátrix)** pl.: **X:tömb [1..10,1..20] egész-ből.** A konkrét értékhez hozzáférés a két index megadásával történik:  $X[4,15]$  a 200 ( $10 \cdot 20$ ) lehetséges érték közül a negyedik sor 15. elemét jelenti. A 200 érték ábrázolása 10 sor, soronként 20 oszlop formájában történhet (gyak. Egy rácsos táblázat).

**2/1/3: Több dimenziós tömb (tömb)** pl.: **X:tömb [1..10,1..20,1..10] egész-ből.** Ez konkrétan egy három dimenziós tömb, de ugyanezen az elven lehet felépíteni négy, öt, stb... dimenziós tömböket is. A konkrét elemhez hozzáférés során a dimenziók számának megfelelő számú index megadása szükséges. Pl.  $X[1,14,6]$  egy konkrét elem a lehetséges 2000-ből ( $10 \cdot 20 \cdot 10$ ). Egy háromdimenziós tömb elemei egy térbeli egységkockákból felépített kockaként ábrázolható. Az ennél több dimenziós tömb nehezen elképzelhető, és ábrázolható.

- elméletileg elképzelhető, hogy a tömb indexei nem 1-nél kezdődnek.
- Pl. **X: tömb [-10..+10] egész-ből.** Ez pl. 21 elem tárolását jelenti, ahol a konkrét elem elérése során a sorszám -10 és +10 között lehet (0 is!).
- a lehetségestől eltérő index megadása hibára vezet. Az előbbi példa esetén az  $X[15]$  hibás, mert nincs ilyen eleme a vektornak. Több dimenziós tömbök esetén a megfelelő index a megfelelő értékhatárok között kell legyen. Pl.: **X: tömb [-5..+5,1..10,-10..20] egész-ből** esetén az első index csak -5 és +5 közötti lehet, a második index csak 1 és 10 közötti lehet, a harmadik pedig -10 és +20 közötti. Ez alapján az  $X[-5, 6, -8]$  helyes, míg az  $X[4,12,15]$  helytelen, mert a második index értéke túl nagy.
- egy esetben képzelhető el az, hogy nem csak egy tömbelemmel végzünk műveletet, amikor a tömb minden elemével egyszerre. Ez csak egy esetben lehetséges, két egyforma típusú tömb közötti értékadást úgy értelmezünk, hogy az egyik tömb minden egyes elemét átmásoljuk a másik tömb minden egyes eleme helyére. Pl.: **X,Y: tömb [1..10] egész-ből** esetén az  $X:=Y$  jelentése: X minden egyes eleme egyenlő lesz az Y megfelelő elemével  $X[1]:=Y[1]$ ,  $X[2]:=Y[2]$ , stb...
- ezen utóbbi művelet csakis teljesen egyforma tömök között lehetséges. Tömb-részre nem működik.
- Pl.: **X:tömb [1..10,1..20] egész-ből, Y:tömb [1..20] egész-ből** esetén hibás az  $X[1]:=Y$  értékadás, pedig  $X[1]$  egy 20 egészet tároló vektorként is felfogható lenne (ami éppen az Y).

**2/2: Szöveg típus (string típus)** (egynél több karakter tárolására alkalmas)

- - a szöveg konstansok a dupla aposztróf között ábrázolódnak. Pl.: "almafa"
- - a szöveg hossza az öt alkotó karakterek számával egyenlő
- - megengedett az ún. üres string is (nulla hosszú string), melyet ""-ként jelzünk.
- - a szöveg típus felfogható karakterekből álló vektorként is. Ennek megfelelően ha
- **X:szöveg**, akkor az  $X[1]$  a szöveget alkotó első karaktert jelzi. Pl. ha  $X="almafa"$ , akkor az  $X[1]$  az 'a' karaktert jelzi. Emiatt soroljuk a szöveg típust az összetett típusok közé.

## Logikai alapfogalmak

**Logikai érték:** Az IGAZ, HAMIS tulajdonság.

**Logikai művelet:** A logikai változókat összekapcsoló művelet.

**Kijelentés:** logikai kifejezés, mely logikai változókból, és a logikai műveletekből építhető fel.

## Logikai műveletek

**NOT (NEM)** *A művelet értéke az ellentétes logikai érték lesz*

**NEM IGAZ** => HAMIS

**NEM HAMIS** => IGAZ

**AND (ÉS)** *A művelet eredménye akkor és csak akkor igaz, ha mindkét operandus igaz*

**HAMIS ÉS HAMIS** => HAMIS

**HAMIS ÉS IGAZ** => HAMIS

**IGAZ ÉS HAMIS** => HAMIS

**IGAZ ÉS IGAZ** => IGAZ

**OR (VAGY)** *A művelet eredménye akkor és csak akkor hamis, ha mindkét operandus hamis*

**HAMIS VAGY HAMIS** => HAMIS

**HAMIS VAGY IGAZ** => IGAZ

**IGAZ VAGY HAMIS** => IGAZ

**IGAZ VAGY IGAZ** => IGAZ

**XOR (kizáró vagy)** *A művelet eredménye akkor és csak akkor hamis, ha mindkét operandus értéke ugyanaz*

**HAMIS XOR HAMIS** => HAMIS

**HAMIS XOR IGAZ** => IGAZ

**IGAZ XOR HAMIS** => IGAZ

**IGAZ XOR IGAZ** => HAMIS

Az A és B az alábbiakban logikai típusú változókat jelöl, melyek értékei IGAZ ill. HAMIS lehet. Az alábbiakban tárgyaljuk, hogy mely konkrét értékek esetén milyen eredményre vezet a művelet.

## Logikai azonosságok

### De Morgan azonosságok

**NEM (A VAGY B)** = **(NEM A) ÉS (NEM B)**

**NEM (A ÉS B)** = **(NEM A) VAGY (NEM B)**

### Általános azonosságok

**A ÉS (NEM A)** = mindig HAMIS

**A VAGY (NEM A)** = mindig IGAZ

**A ÉS IGAZ** = A a művelet eredménye csak A-tól függ (megegyezik A-val)

**A ÉS HAMIS** = HAMIS

**A VAGY IGAZ** = IGAZ

**A VAGY HAMIS** = A a művelet eredménye csak A-tól függ (megegyezik A-val)

**NEM (NEM A)** = A kétszeres tagadás eredménye maga az érték

Az algoritmus megadása során különböző műveleteket végezhetünk az adatokon, az adatok segítségével. A műveleteket (tevékenységeket) az alábbi módon csoportosíthatjuk:

## A tevékenységek csoportosítása

### ➤ Elemi műveletek

Azok a tevékenységek, amelyek nem igényelnek magyarázatot, azonnal végrehajthatók. Ezen műveleteket a végrehajtó (a számítógép) ismeri, és azokat végre tudja hajtani.

### ➤ Összetett műveletek

Azok a tevékenységek, amelyek elemi tevékenységekből épülnek föl, tartalmukat mindig meg kell magyarázni, maguk is egyszerűbb algoritmusokból épülnek föl. Ezen tevékenységeket a végrehajtó (a számítógép) nem ismeri, azok további magyarázatra várnak, ki kell bontani őket.

**Tevékenységszerkezetek** (több művelet végrehajtása során a műveletek során a végrehajtás sorrendjét az alábbi módokon lehet szervezni)

**1. Szekvencia** a szekvenciát alkotó utasítások a megadás (leírás) sorrendjében végrehajtandók  
utasítás 1  
utasítás 2  
...

**2. Elágazás** két (vagy több) műveletcsoport közül legfeljebb csak az egyiket kell végrehajtani. A döntés mindig valamilyen logikai feltételtől függene, és annak ismeretében egyértelmű a döntés.

**2/1: Egyszerű elágazás** (egy utasításblokkból áll)

az utasításblokk a feltételtől függően vagy végrehajtásra kerül, vagy nem.

HA sötét\_van AKKOR

kapcsold fel a villanyt

HVÉGE

**2/2: Összetett elágazás**

**2/2/a: két utasításblokkból álló összetett elágazás**

A két utasításblokk közül a feltételtől függően pontosan az egyik utasításblokk hajtódik végre.

HA meleg\_van AKKOR

nyisd\_ki\_az\_ablakot

KÜLÖNBEN

kapcsol\_le\_a\_kazánt

HVÉGE

**2/2/b: több utasításblokkból álló összetett elágazás**

A több utasításblokk közül legfeljebb az egyik kerül végrehajtásra

- elképzelhető, hogy egyik feltétel sem teljesül. Ekkor

- ha van KÜLÖNBEN ág, akkor az hajtódik végre

- ha nincs KÜLÖNBEN ág, akkor egyik blokk sem hajtódik végre

- ha több feltétel is teljesül, akkor sorrendben csak az első hajtódik végre

**ELÁGAZÁS KEZD**

HA kapható\_túró AKKOR

süss\_túrós\_sütit

HA kapható\_mák AKKOR

süss\_mákos\_sütit

HA kapható\_dió AKKOR

süss\_diós\_sütit

KÜLÖNBEN

süss\_almás\_sütit

**ELÁGAZÁS VÉGE**

**3. Ciklus** egy feltételtől függően egy adott utasításblokk többszöri ismételt végrehajtását jelenti. Az utasításblokkot **ciklusmagnak** nevezzük. A feltételt **ciklus vezérlő feltételnek**.

**Pozitív vezérlés elve:** a ciklusmagnet akkor kell végrehajtani, ha a vezérlő feltétel **igaz**.

**Negatív vezérlés elve:** a ciklusmagnet akkor kell végrehajtani, ha a vezérlő feltétel **hamis**.

**Előtesztelő ciklusok:** a feltétel előbb értékelődik ki, majd megfelelő esetben végrehajtásra kerül a ciklusmag „... előbb tesztel, aztán ciklusmag...”.

**Hátultesztelő ciklusok:** a ciklusmag végrehajtódik, majd kiértékelődik a ciklus vezérlő feltétel, és megfelelő esetben újra végrehajtásra kerül a ciklusmag.

**3/1: logikai ciklusok**

**3/1/a: logikai előtesztelő pozitív vezérlésű ciklusok működése:**

1. HA a ciklus\_vezérlő\_feltétel igaz AKKOR
2. ciklusmag\_utasításaink\_végrehajtása
3. ugorj újra az 1. Sorra
4. KÜLÖNBEN ciklus vége

**3/1/b: logikai előtesztelő negatív vezérlésű ciklusok működése:**

1. HA a ciklus\_vezérlő\_feltétel hamis AKKOR
2. ciklusmag\_utasításaink\_végrehajtása
3. ugorj újra az 1. sorra
4. KÜLÖNBEN ciklus vége

**3/1/c: logikai hátulatesztelő pozitív vezérlésű ciklusok működése:**

1. ciklusmag\_utasításainak\_végrehajtása
2. HA a ciklus\_vezérlő\_feltétel igaz AKKOR ugorj újra az 1. sorra
3. KÜLÖNBEN ciklus vége

**3/1/d: logikai hátulatesztelő negatív vezérlésű ciklusok működése:**

1. ciklusmag\_utasításaink\_végrehajtása
2. HA a ciklus\_vezérlő\_feltétel hamis AKKOR ugorj újra az 1. sorra
3. KÜLÖNBEN ciklus vége

- az előtesztelő ciklus esetén (a működésből fakadóan) elképzelhető, hogy a ciklusmag egyszer sem hajtódik végre, hátulatesztelők esetén a ciklusmag legalább egyszer biztosan végrehajtódik
- pozitív vezérlésű ciklusoknál a vezérlő feltétel igaz értéke esetén ismétlődik a ciklusmag végrehajtása (ekkor a vezérlő feltételt a ciklusban maradás feltételének is hívhatjuk)
- negatív vezérlésű ciklusoknál a vezérlő feltétel hamis értéke esetén ismétlődik a ciklusmag végrehajtása (ekkor a vezérlő feltételt a cikusból kilépés feltételének is hívhatjuk)
- gondoskodni kell róla, hogy a ciklusmag kihatással legyen a vezérlő feltétel értékére, különben végtelen ciklus léphet fel (a vezérlő feltétel értéke sohasem lesz képes megváltozni)
- a helytelenül megfogalmazott logikai ciklus könnyen végtelen ciklussá válhat

**3/2 fix ismétlésszámú**

**3/2/a: fix ismétlésszámú ciklus**

ISMÉTELD n-szer  
ciklusmag\_utasításai  
IVÉGE

- a ciklusmag\_utasításai a fejrészben megadott számszor hajtódnak végre

**3/2/b: számlálós ciklus**

ISMÉTELD cv:=kezdőérték -től végérték -ig  
ciklusmag\_utasításai  
IVÉGE

végrehajtása:

1. lépés: ciklus változó (cv, amely egy egész típusú változó) felveszi a kezdőértéket
2. lépés: HA a ciklusváltozó értéke kisebb, vagy egyenlő, mint a végérték AKKOR
3. lépés: ciklusmag\_utasításainak végrehajtása
4. lépés: ciklusváltozó értékének automatikus növelése 1-el
5. lépés. ugorj újra a 2. Lépésre
6. lépés: KÜLÖNBEN ciklus vége

a ciklusváltozó értéke a ciklus belsejében hozzáférhető (olvasható), de meg nem változtatható (nem írható)

a ciklusváltozó értéke a 4. Lépésben automatikusan változik. Általában 1-el nő, de ha ettől eltérő viselkedést várunk a ciklustól (pl. 1-el csökkenjen), azt a ciklus megadásakor jelezni kell.

- a számlálós ciklusok esetén (elvileg) a végtelen ciklusba esés kizárt

**3/2/c: halmaz-alapú ciklus**

A ciklus egy adott (nem végtelen) intervallum minden egyes elemét felveszi. Hasonló a számlálós ciklushoz, de itt nem csak adott egész intervallumra működik, hanem kissé kiterjesztett értelemben akár egy halmazon is futtatható, melynek során a ciklusváltozó felveszi a halmaz minden egyes elemét, és közben mindig végrehajtja a ciklusmagot. A halmaz elemein általában tudunk értelmezni egy rendező leképezést, mely alapján meg tudjuk határozni, hogy melyik elem után melyik elem értékét veszi fel a ciklusváltozó.

### 3/3: végtelen ciklusok

- a ciklusmag utasításai a végtelenségig ismétlődnek
- az algoritmusok egyik alaptulajdonsága a végesség. De speciális algoritmusok esetén éppen hogy a végtelenség a szükséges tulajdonság (pl. operációs rendszerek futása elvileg a végtelenségig zajlik).

**Struktúrált programozás: olyan algoritmusok készítése, amely csak a fenti három tevékenységszerkezet tartalmaz (szekvencia, szelekció, iteráció).**

Matematikusok bizonyították, hogy minden algoritmus elkészíthető csak ezen három szerkezet segítségével.

## Algoritmusleíró eszközök

### 1. Folyamatábra

*Szabályok:*

- Minden folyamatábra pontosan egy START szimbólumot tartalmaz.
- Minden folyamatábra legalább egy STOP szimbólumot tartalmaz.
- Minden folyamatábra-szimbólumba pontosan egy irányított él vezet be, kivéve a START szimbólumot, melybe nem vezet be él.
- Minden folyamatábra-szimbólumból pontosan annyi irányított él vezet ki, amennyit a mellékelt ábrán jelöltünk (vagyis mindegyikből pontosan egy vezet ki, kivéve az elágazás szimbólumot, melyből kettő, és kivéve a STOP szimbólumot, melyből egy sem).
- Minden folyamatábra-szimbólumba vezet irányított élsorozat a START szimbólumból.
- Minden folyamatábra szimbólumból vezet irányított élsorozat legalább egy STOP szimbólumba.

*A folyamatábrával nem csak struktúrált algoritmusok írhatók le. Ahhoz, hogy ellenkezője ne történhessen, az alábbiakra kell ügyelni:*



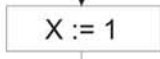
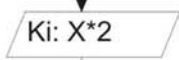
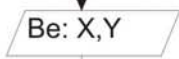
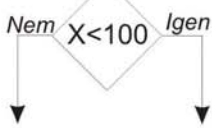
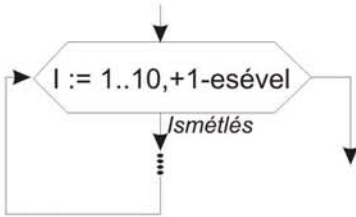
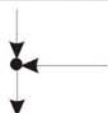
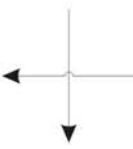
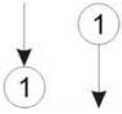
- azon feltételes elágazások, melyek nem ciklust jelölnek, a „Nem” és az „Igen” ágak egy pontban kell hogy találkozzanak
- Nem vezethet be irányított él a ciklusok magjába, sem feltételes elágazások ágainak belsejébe.

### 2. Struktogramm

Dobozolós módszer. Csak struktúrált algoritmusok írhatók le segítségével. Hátránya, hogy előre „jól” kell dönteni a kiinduló téglalap méretéről. Az algoritmus bővítése során ugyanis könnyen előfordulhat, hogy „kicsi” lesz valamelyik téglalap.

### 3. Leíró nyelv

Mondatszerű leíró eszköz, mely nem teljesen szabványosított, de könnyen elsajátítható. Csak struktúrált algoritmusok írhatók le vele.

	Start: folyamatábra kezdőszimbóluma, ebből pontosan egy van minden folyamatábrában.
	Stop: folyamatábra záró szimbóluma. Ebből elvileg csak egy van de gyakorlatilag többet is szoktunk használni a könnyebbség végett.
	Értékkadás szimbóluma.
	Output. A megadott kifejezés eredménye kiíródik a képernyőre.
	Input. A megadott változók értékeit a gép sorban bekéri a billentyűzetről.
	Feltételes elágazás. Ha a megadott feltétel igaz, az "Igen" ágon kell továbbhaladni. Ellentétes esetben a "Nem" ágon. Mindíg két ág van. Az "Igen" és "Nem" ágak fordítva is elhelyezkednek, ezért felirattal mindig jelezni kell melyik melyik. A rombusz belsejébe egy egyértelműen eldönthető Logikai kifejezést kell írni.
	Számlálós ciklus. A ciklusváltozó (I) felveszi a kezdőértéket, amennyiben ez kisebb, vagy egyenlő mint a végérték, az "Ismétlés" ágon kell haladni. Mielőtt visszatérnénk a szimbólumba, a ciklusváltozó értéke automatikusan nő egyel. Amennyiben még mindig kisebb, vagy egyenlő a végértékkel, újra az "Ismétlés" ágon kell haladni. Az "Ismétlés" ágon kell elhelyezni a ciklusmag utasításait. Amennyiben a ciklusváltozó értéke meghaladja a végértéket, a ciklus futása befejeződik, és a másik ágon folytatódik a folyamatábra végrehajtása.
	Folyamatábra vonalak csatlakozása. Az ágak közös irányban haladnak tovább.
	Vonalak csatlakozás nélküli keresztezése. A két dimenziós ábrázolás miatt a vonalak időnként keresztezik egymást.
	Algoritmus folytatása. Áttekinthetőségi okok miatt, vagy mert az algoritmus eléri a lap szélét, folytatást jelölhetünk. A megszakítás helyére egy baloldali szimbólum kerül, a folytatást egy jobb oldali szimbólummal kezdjük. A szám helyébe természetesen tetszőleges szám, ill. egyéb egyedi azonosító kerülhet.

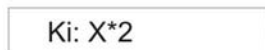




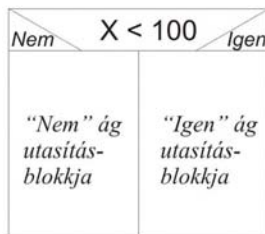
Értékadás szimbóluma.



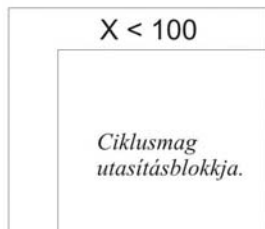
Input. A megadott változók értékeit a gép sorban bekéri a billentyűzetről.



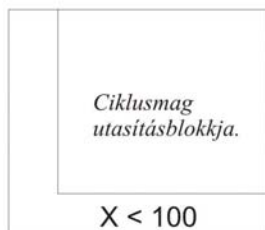
Output. A megadott kifejezés eredménye kiíródik a képernyőre.



Feltételes elágazás. A megadott feltétel "Igen" értéke esetén a jobb oldali rész-blokkba zárt utasításblokk hajtódik végre. "Nem" esetén a bal oldali blokk utasításai hajtódnak végre. Az "Igen" és "Nem" ág helyzetét fel lehet cserélni, ezért mindig jelölni kell melyik melyik.



Előltesztelő logikai ciklus. A vezérlő feltétel "Igaz" értéke esetén az al-blokkba zárt ciklusmag utasításai hajtódnak végre. A vezérlő feltétel "Nem" értéke esetén tovább folytatódik az algoritmus végrehajtása a következő utasításon.



Hátultesztelő pozitív bezérlésű ciklus. A ciklusmag egyszer biztosan végrehajtódik. Amennyiben a vezérlő feltétel "Igen" értékű, a ciklusmag utasításai újra végrehajtódnak. Amennyiben a vezérlő feltétel értéke "Nem"-re vált, az algoritmus végrehajtása a következő utasításon folytatódik.

## Leíró nyelv:

### ALGORITMUS DEKLARÁCIÓ

Vannak bemenő, kimenő, és átmenő paraméterei  
Ezek után kell megadni a lokális változókat

#### Változódeklarációk

### AKEZD

Algoritmus kezd. Utána következnek az utasítások.

#### Utasítások

#### Utasítások

### AVÉGE

Algoritmus vége. Utána már nem állhat semmi.

**vá := kifejezés**

Értékadás

**Ki: kifejezés**

Output, kiírás a képernyőre. A képernyőre kiíródik a kifejezés értéke.

**Be: változólista**

Input, bekérés billentyűzetről. A megadott változók értékeit a gép sorban bekéri a billentyűzetről.

### HA feltétel AKKOR

Feltételes elágazás. Ha a feltétel „Igaz”, akkor az „AKKOR” ág utasításai hajtódnak végre. Ha a feltétel „Hamis”, akkor a HVÉGE után következő utasításon folytatódik a végrehajtás.

#### Utasítás

#### Utasítás

### HVÉGE

### HA feltétel AKKOR

Feltételes elágazás. Ha a feltétel „Igaz”, akkor az „AKKOR” ág utasításai hajtódnak végre. Ha a feltétel „Hamis”, akkor a „KÜLÖNBEN” ág utasításai hajtódnak végre. A megfelelő ág végrehajtása után a HVÉGE után következő utasításon folytatódik a végrehajtás.

#### Utasítás

#### Utasítás

### KÜLÖNBEN

#### Utasítás

#### Utasítás

### HVÉGE

### ELÁGAZÁS

#### HA feltétel

#### Utasítás

#### HA feltétel

#### Utasítás

#### KÜLÖNBEN

#### Utasítás

### EVÉGE

Összetett elágazás. Az első teljesülő feltételhez tartozó utasításblokk hajtódik végre. Ha több feltétel is teljesülne egyszerre, akkor is csak a sorrendben először teljesülőhöz tartozó utasításblokk hajtódik végre. Ha egyik sem teljesül, akkor a „KÜLÖNBEN” ág utasításblokkja hajtódik végre. Ha nincs „KÜLÖNBEN” ág (ez ugyanis nem kötelező), és egyik feltétel sem teljesül, akkor egyik programág sem hajtódik végre. Akár így, akár úgy, az algoritmus végrehajtása az „EVÉGE” utáni soron folytatódik.

### CIKLUS AMÍG feltétel

#### Utasítás

Pozitív vezérlésű logikai előltesztelő ciklus. Ha a feltétel „Igaz”, végrehajtódnak a ciklusmag utasításai. Ha a feltétel „Hamis”-sá válik, akkor a CVÉGE

#### Utasítás

után utasításon folytatódik a végrehajtás. A ciklusmag nem biztos hogy egyszer is végrehajtódik.

### CVÉGE

### CIKLUS

Pozitív vezérlésű logikai hátultesztelő ciklus. Végrehajtódik a ciklusmag, majd

#### Utasítás

ha a feltétel „Igaz”, újra végrehajtódik ciklusmag utasításai. Ha a feltétel „Hamis”-sá válik, az algoritmus végrehajtása a MIALATT sor után folytatódik.

#### Utasítás

### AMÍG feltétel

### CIKLUS

Negatív vezérlésű logikai hátultesztelő ciklus. Végrehajtódik a ciklusmag, majd ha a feltétel „Igaz”-sá válik, a ciklus kilép. Ha a feltétel „Hamis”, akkor újra végrehajtódnak a ciklusmag utasításai.

#### Utasítás

#### Utasítás

### CVÉGE\_HA feltétel

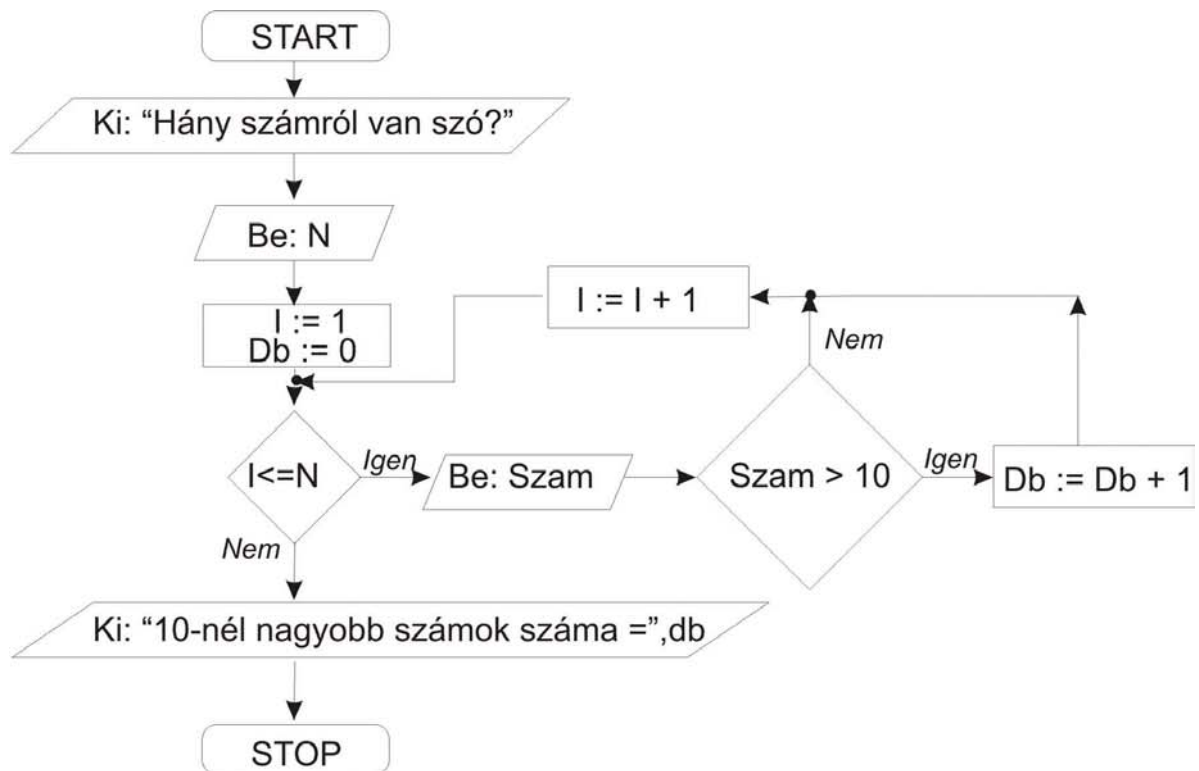
### CIKLUS cv := ké-től vé-ig

Számlálós ciklus. A ciklusváltozó (cv) felveszi a kezdőértéket (ké). Amennyiben ez kisebb vagy egyenlő a végértéknél, úgy végrehajtásra kerül a ciklusmag, majd a cv értéke automatikusan nő eggyel. Ha ez még nem nagyobb a vé-nél, akkor újra végrehajtódik a ciklusmag. Ha a lépésköz nem +1, hanem -1, akkor azt külön jelölni kell.

#### Utasítás

#### Utasítás

### CVÉGE



Ki: "Hány számról van szó?"
Be: N
I := 1 Db := 0
I <= N
Be: Szam
Szam > 10
Db := Db + 1
I := I + 1
Ki: "A 110-nél nagyobb számok száma",Db

AKezd

Ki: "Hány számról van szó?"

Be: N

I := 1

Db := 0

Ciklus Amíg I <= N

Be: Szam

Ha Szam > 10

Db := Db + 1

HVége

I := I + 1

CVége

Ki: "A 110-nél nagyobb számok száma",Db

AVége

## Algoritmusok osztályozása:

- **Egy elemhez egy elemet rendelő algoritmusok osztálya**  
*Egy (ill. néhány, de jellegében különböző) bemenő adathoz egy (ill. néhány, de jellegében különböző) kimenő adatot rendel. Pl: másodfokú egyenlet megoldásának algoritmus.*
- **Egy elemhez egy sorozatot rendelő algoritmusok osztálya**  
*Egy (ill. néhány, de jellegében különböző) bemenő adathoz egy sorozatot (vagy tömböt) rendel hozzá. Pl: Egy kezdőérték megadása után a tömb feltöltése adott lépésközzel.*
- **Egy sorozathoz egy elemet rendelő algoritmusok osztálya**  
*Egy bemenő sorozathoz (vagy tömbhöz) egy konkrét elemet rendel hozzá. Pl: lineáris keresés tétele.*
- **Egy sorozathoz egy sorozatot rendelő algoritmusok osztálya**  
*Egy bemenő sorozathoz egy másik kimenő sorozatot rendel hozzá. Pl: másolás tétele.*
- **Egy sorozathoz több sorozatot rendelő algoritmusok osztálya**  
*Egy bemenő sorozathoz több kimenő sorozatot rendel hozzá. Pl: szétválogatás tétele.*
- **Több sorozathoz egy sorozatot rendelő algoritmusok osztálya**  
*Több bemenő sorozathoz egy kimenő sorozatot rendel hozzá. Pl: összefuttatás tétele.*

---

„be”: Az algoritmusok bemenő paraméterei azt jelzik, hogy az adott változónak van értéke már az algoritmus indulása előtt is (és ezt ki is használjuk az algoritmusban)

„ki”: Az algoritmusok kimenő paramétere azt jelzi, hogy ezen változóknak elvileg lehet kezdőértéke az algoritmus indulásakor, de ezt az algoritmusban nem használjuk ki. Viszont az algoritmus ezen változóknak beállít egy értéket, mely érték az algoritmusok lefutása után a további feldolgozások miatt később is érdekes és fontos.

„átmenő” : Ezen paraméterek a „be” és „ki” keveredése, vagyis azt jelzik, hogy az algoritmus indulásakor ezen változóknak már van kezdőértékük (amit ki is használunk), de az algoritmus futása közben ezen értéket megváltoztatja, és ezen új érték később is fontos lehet, ezért egyben kimenő paraméter is.

„előfeltétel”: a bemenő vagy átmenő változók kezdőértékére vonatkozó állítások, melyek szükségesek az algoritmusok helyes működéséhez. Ez azt jelenti, hogy ha ezen változók kezdőértéke ennek megfelelő, akkor az algoritmus is megfelelően fog működni. Ha ennek nem felel meg, akkor az algoritmus még működhet (véletlenül) helyesen, de nem garantált.

„utófeltétel”: a kimenő vagy átmenő változók értékére vonatkozó állítások. Ezek csak akkor garantáltak, ha az „előfeltétel” megfelelő volt.

Pl: „ $\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált” olvasása: minden olyan egész számra, mely  $1..N$  közé esik ( $1$  és  $N$  is lehet) a  $T[]$  vektor ezen eleme egy egész számot tartalmaz, és tényleg tartalmaz számot, az algoritmus azt beállította.

Pl: „ $N \geq 1, N \in \mathbb{N}$ ” olvasása:  $N$  változó induláskor egy egész számot tartalmaz, amely nagyobb, vagy egyenlő  $1$ -el

Pl: „ $\forall i, j \in \mathbb{N}, 1 \leq i < j \leq N$ -re:  $T[i] \leq T[j]$ , és  $T[1..N]$  új a  $T[1..N]$  eredeti egy permutációja” olvasása: A  $T[i]$  elem nem nagyobb a  $T[j]$  elemnél, ha a  $j$ . elem később van, mint az  $i$ . elem (vagyis pl. a  $T[2]$  elemnél a  $T[3]$  csak nagyobb vagy egyenlő lehet, mivel ez minden ilyen esetre igaz kell legyen, ezért a  $T$  vektor rendezett). A  $T$  az eredeti  $T$  egy permutációja azt jelenti, hogy az új  $T$  elemek a régi elemek sorrendjének átrendezésével kaphatóak, más elem nem kerülhet bele.

**Feladat:** egy adott ( $N$  elemű) vektor feltöltése billentyűzetről.

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}$

**Utófeltétel:**  $\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

1. **ALGORITMUS** ( be  $N$ : konstans egész;  $k_i T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből )
2. **DEKLARÁCIÓ**
3.  $I$  : egész
4. **ÁKEZD**
5. Ciklus  $I:=1$ -től  $N$ -ig
6.  $Be: T[I]$
7. **CVÉGE**
8. **ÁVÉGE**

#### Megjegyzések:

- az  $I$  ciklusváltozó minden egész értéket felvesz 1 és  $N$  között, így az algoritmus sorban bekéri az 1., 2., 3., ...,  $N-1$ .,  $N$ . tömbértéket.

#### Ellenőrző kérdések:

1. mi történne, ha a  $T$  tömb nem „egész-ből”, hanem „valós-ból” lenne deklarálva ?
2. mi történne, ha az  $I$  nem „egész”, hanem „valós” lenne ?
3. mi történne, ha az 5. sorban a ciklus nem 1-től, hanem 2-től indulna ?
4. mi történne, ha az 5. sorban a ciklus nem  $N$ -ig hanem  $N+1$ -ig menne ?
5. mi történne, ha az 5. sor „Ciklus  $I:=2$ -től  $N+1$ -ig” lenne, a 6. sor „ $Be: T[I-1]$ ” lenne ?

**Feladat:** egy adott  $(A,B)$  egész számintervallumba eső véletlen szám előállítás

**Előfeltétel:**  $A \leq B, A, B \in \mathbb{N}$

**Utófeltétel:**  $X \in \mathbb{N}, A \leq X \leq B$

1. **ALGORITMUS** ( be  $A, B$ : konstans egész;  $k_i X$ : egész )
2. **DEKLARÁCIÓ**
3. **ÁKEZD**
4.  $X := Véletlen\_Érték(B-A+1) + A$
5. **ÁVÉGE**

**Megj:** A  $Véletlen\_Érték(N)$  egy  $0..N-1$  közötti véletlen egész számot ad meg.

**Megj:** A továbbiakban a  $Véletlen\_Érték(A \text{ és } B \text{ között})$  jelölésen a fenti algoritmust értjük.

**3. Algoritmus****Vektorok feltöltése II. - véletlenszám-generátorral**

**Feladat:** egy adott ( $N$  elemű) vektor feltöltése véletlen értékekkel

**Előfeltétel:**  $A \leq B$ ,  $A, B \in \mathbb{N}$  és  $N \geq 1$ ,  $N \in \mathbb{N}$

**Utófeltétel:**  $\forall i \in \mathbb{N}$ ,  $1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált, és  
 $A \leq T[i] \leq B$

1. **ALGORITMUS** (be  $N, A, B$ : konstans egész; ki  $T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből)
2. **DEKLARÁCIÓ**
3.  $I$ : egész
4. **AKEZD**
5. Ciklus  $I := 1$ -től  $N$ -ig
6.  $T[I] := \text{Véletlen\_Érték}(A \text{ és } B \text{ között})$
7. **CVÉGE**
8. **AVÉGE**

**4. Algoritmus****Vektorok feltöltése III. - végértékig**

**Feladat:** egy adott ( $N$  elemű) vektor feltöltése billentyűzetről úgy, hogy egy speciális érték jelzi a vektor végét (leggyakrabban 0).

**Előfeltétel:**  $\text{VegeJel} \in \mathbb{N}$ ,  $1 \leq N$ ,  $N \in \mathbb{N}$

**Utófeltétel:**  $Db \in \mathbb{N}$ ,  $1 \leq Db \leq N$ , és  
 $\forall i \in \mathbb{N}$ ,  $1 \leq i \leq Db$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált, és  
 $T[i] \neq \text{Vege\_Konstans}$

1. **ALGORITMUS** ( be  $N, \text{VegeJel}$ : konstans egész;  
 ki  $T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből;  
 ki  $Db$ : egész )
2. **DEKLARÁCIÓ**
3. Befejeztük: logikai
4.  $X$ : egész
5. **AKEZD**
6.  $Db := 0$
7. Befejeztük := HAMIS
8. Ciklus amíg ( $Db \leq N$ ) és nem Befejeztük
9. Be:  $X$
10. HA  $X = \text{VegeJel}$  AKKOR
11. Befejeztük := IGAZ
12. KÜLÖNBEN
13.  $Db := Db + 1$
14.  $T[Db] := X$
15. **HVÉGE**
16. **CVÉGE**
17. **AVÉGE**

**Feladat:** egy adott ( $N$  elemű) vektor feltöltése véletlen értékekkel úgy, hogy a vektor eleve rendezett legyen szigorúan növekvő formában

**Előfeltétel:**  $A \leq B, A, B \in \mathbb{N}, 1 \leq C, C \in \mathbb{N}, 1 \leq N, N \in \mathbb{N}$

**Utófeltétel:**  $\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált, és

$T[i] \in [A .. B + (N-1) * C]$ , és  
 $\forall i, j \in \mathbb{N}, 1 \leq i < j \leq N$ -re:  $T[i] < T[j]$

1. **ALGORITMUS** (be  $A, B, C, N$ : konstans egész;  $k_i T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből)
2. **DEKLARÁCIÓ**
3.  $I, J$ : egész
4. **AKEZO**
5.  $T[1] := \text{Véletlen\_Érték}(A \text{ és } B \text{ között})$
6. Ciklus  $I := 2$ -től  $N$ -ig
7.  $T[I] := T[I-1] + \text{Véletlen\_Érték}(1 \text{ és } C \text{ között})$
8. **CVÉGE**
9. **AVÉGE**

#### Megjegyzések:

- Amennyiben a 7. sorban „+ Véletlen\_Érték( 0 és C között )” lenne írva, úgy a vektoron belül előfordulhatna ismétlődés (csak növekvő formátum, nem szigorúan növekvő!)

**Feladat:** egy adott ( $N \times M$ -s rögzített) méretű mátrix feltöltése billentyűzetről.

**Előfeltétel:**  $N, M \geq 1; N, M \in \mathbb{N}$

**Utófeltétel:**  $\forall i, j \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N, 1 \leq j \leq M$ -re:  $T[i, j] \in \mathbb{N}$ , definiált

1. **ALGORITMUS** ( $N, M$ : konstans egész;  $k_i T$ : tömb  $[1..N, 1..M]$  egész-ből)
2. **DEKLARÁCIÓ**
3.  $I, J$ : egész
4. **AKEZO**
5. Ciklus  $I := 1$ -től  $N$ -ig
6. Ciklus  $J := 1$ -től  $M$ -ig
7. Be:  $T[I, J]$
8. **CVÉGE**
9. **CVÉGE**
10. **AVÉGE**

#### Megjegyzések:

- A belső ciklus (J) egy teljes sor, az (I. sor) bekérését végzi el.
- A külső ciklus (I) gondoskodik, hogy minden sor bekérésre kerüljön.

#### Ellenőrző kérdések:

1. mi történne, ha az 5. sor csak egy „I := 3”-ból állna, és a 9. sort elhagynánk
2. mi történne, ha az 5. és 6. sort felcserélnénk az algoritmusban ?
3. mi történne, ha fordítva neveznénk el a ciklusokat ?
4. mi történne, ha a J ciklust is N-ig futtatnánk, vagy ha az I ciklust is M-ig futtatnánk ?

**7. Algoritmus****Vektorok összeadása konstanssal**

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött)  $N$  elemű vektor minden egyes elemének értékének megnövelése egy adott másik értékkel

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}, \text{Ertek} \in \mathbb{N}$

$\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N\text{-re: } T[i] \in \mathbb{N}, \text{ definiált}$

**Utófeltétel:**  $\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N\text{-re: } T[i] \in \mathbb{N}, \text{ és}$

$T[i] = T[i] \text{ eredeti értéke} + a \text{ konstans}$

1. **ALGORITMUS** (be  $N, \text{Ertek}; \text{konstans}$  egész; átmenő  $T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből)
2. **DEKLARÁCIÓ**
3.  $I$ : egész
4. **ÁKEZD**
5. Ciklus  $I := 1$ -től  $N$ -ig
6.  $T[I] := T[I] + \text{Ertek}$
7. **CVÉGE**
8. **ÁVÉGE**

**Megjegyzések:**

- Az „Érték” konstans értékkel kerül minden egyes tömbelem értéke növelésre

**Ellenőrző kérdések:****8. Algoritmus****Vektorok szorzása konstanssal**

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor minden egyes elemének értékének megszorozása egy konstanssal.

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}, \text{Ertek} \in \mathbb{N}$

$\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N\text{-re: } T[i] \in \mathbb{N}, \text{ definiált}$

**Utófeltétel:**  $\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N\text{-re: } T[i] \in \mathbb{N}, \text{ és}$

$T[i] = T[i] \text{ eredeti értéke} * a \text{ konstans}$

1. **ALGORITMUS** (be  $N, \text{Ertek}; \text{konstans}$  egész; átmenő  $T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből)
2. **DEKLARÁCIÓ**
3.  $I$  : egész
4. **ÁKEZD**
5. Ciklus  $I := 1$ -től  $N$ -ig
6.  $T[I] := T[I] * \text{Ertek}$
7. **CVÉGE**
8. **ÁVÉGE**

**Megjegyzések:**

- Az „Érték” konstans értékkel kerül minden egyes tömbelem értéke szorzásra

**Ellenőrző kérdések:**



**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) mátrix minden egyes elemének értékének megnövelése egy konstanssal.

**Előfeltétel:**  $N, M \geq 1, N, M \in \mathbb{N}, \text{Ertek} \in \mathbb{N}$

$\forall i, j \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N, 1 \leq j \leq M$ -re:  $T[i, j] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:**  $\forall i, j \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N, 1 \leq j \leq M$ -re:  $T[i, j] \in \mathbb{N}$ , és

$T[i] = T[i]$  eredeti értéke + a konstans

1. **ALGORITMUS** (be  $N, \text{Ertek}$ ; konstans egész; átmenő  $T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből)
2. **DEKLARÁCIÓ**
3.  $I, J$ : egész
4. **AKEZO**
5. Ciklus  $I := 1$ -től  $N$ -ig
6. Ciklus  $J := 1$ -től  $M$ -ig
7.  $T[I, J] := T[I, J] + \text{Ertek}$
8. **CVEGE**
9. **CVEGE**
10. **AVÉGE**

#### Megjegyzések:

- A belső ciklus (J) a mátrix adott sorának minden egyes elemére elvégzi a műveletet.
- A külső ciklus (I) gondoskodik róla, hogy minden egyes sorra lefusszon a belső ciklus

#### Ellenőrző kérdések:

- Mi történne, ha felcserélnénk az 5. és 6. sort ?
- Mi történne, ha az I ciklust 1-től M-ig futtatnák ?
- Mi történne, ha felcserélnénk az 5. és 6. sort, de a 7. sorban azt íránk:  
 $T[J, I] := T[J, I] + \text{Ertek}$

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) mátrix minden egyes elemének szorzása egy konstanssal.

**Előfeltétel:**  $N, M \geq 1, N, M \in \mathbb{N}, \text{Ertek} \in \mathbb{N}$

$\forall i, j \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N, 1 \leq j \leq M$ -re:  $T[i, j] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:**  $\forall i, j \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N, 1 \leq j \leq M$ -re:  $T[i, j] \in \mathbb{N}$ , és

$T[i] = T[i]$  eredeti értéke \* a konstans

1. **ALGORITMUS** (be  $N, \text{Ertek}$ ; konstans egész; átmenő  $T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből)
2. **DEKLARÁCIÓ**
3.  $I, J$ : egész
4. **AKEZO**
5. Ciklus  $I := 1$ -től  $N$ -ig
6. Ciklus  $J := 1$ -től  $M$ -ig
7.  $T[I, J] := T[I, J] * \text{Ertek}$
8. **CVEGE**
9. **CVEGE**
10. **AVÉGE**

**11. Algoritmus****Vektorok másolása**

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor minden eleméről másolat készítése egy másik, azonos méretű vektorba.

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}$   
 $\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:**  $\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $A[i] \in \mathbb{N}$ , definiált, és  $A[i] = T[i]$

```

1.  ALGORITMUS (    be  $N$ : konstans egész;
                    be  $T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből;
                    ki  $A$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből )
2.  DEKLARÁCIÓ
3.     $I$ : egész
4.  AKERD
5.    Ciklus  $I := 1$ -től  $N$ -ig
6.       $A[I] := T[I]$ 
7.    CÉGE
8.  AVÉGE

```

**Megjegyzések:**

- A két vektornak természetesen kompatibilis alaptípusból kell felépülnie, és az „A” vektornak legalább akkorának kell lennie, mint a „T” vektornak
- Egyes programozási nyelvek megengedik egyforma típusú vektorok esetén az  $A := T$  formát, amely ugyanezt jelenti: a „T” vektorról másolatot kell készíteni az „A” vektorba.

**Ellenőrző kérdések:****12. Algoritmus****Mátrixok másolása**

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) mátrix minden eleméről másolat készítése egy másik, azonos méretű mátrixba.

**Előfeltétel:**  $N, M \geq 1, N, M \in \mathbb{N}$   
 $\forall i, j \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N, 1 \leq j \leq M$ -re:  $T[i, j] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:**  $\forall i, j \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N, 1 \leq j \leq M$ -re:  $A[i, j] \in \mathbb{N}$ , definiált, és  $A[i, j] = T[i, j]$

```

1.  ALGORITMUS (be  $N, M$ : konstans egész;
                be  $T$ : tömb  $[1..N, 1..M]$  egész-ből;
                ki  $A$ : tömb  $[1..N, 1..M]$  egész-ből )
2.  DEKLARÁCIÓ
3.     $I, J$ : egész
4.  AKERD
5.    Ciklus  $I := 1$ -től  $N$ -ig
6.      Ciklus  $J := 1$ -től  $M$ -ig
7.         $A[I, J] := T[I, J]$ 
8.      CÉGE
9.    CÉGE
10. AVÉGE

```

**Megjegyzések:****Ellenőrző kérdések:**

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor elemeinek összegének kiszámítása.

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}$   
 $\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:**  $Osszeg \in \mathbb{N}$ ,  $Osszeg = \sum T[i] \ (i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N)$

```

1.  ALGORITMUS (    be N: konstans egész;
                    be T: tömb [1..N] egész-ből;
                    Ki Osszeg: egész)

2.  DEKLARÁCIÓ
3.    I: egész
4.  AKERD
5.    Osszeg := 0
6.    Ciklus I:=1-től N-ig
7.      Osszeg := Osszeg + T[ I ]
8.  CÉGE
9.  AVÉGE

```

#### Megjegyzések:

- A „0” a szorzat műveletre nézve neutrális elem!
- A vektornak természetesen valamely szám alaptípusból kell felépülnie. Az „összeg” nevű változónak hasonló alaptípusból kell állnia, de ne feledjük, hogy a benne képződő szám már nagyon nagy is lehet.
- Az összegképzést szokás „szumma meghatározás”-nak is nevezni.

#### Ellenőrző kérdések:

- Mi történne, ha az 5. sort kihagynánk az algoritmusból ?
- Mi történne, ha a 7. sort „Osszeg := T[I] + Osszeg” formában írnánk fel ?
- Mi történne, ha az 5. sort Osszeg := -1 formában írnánk fel ?
- Mi történne, ha az 5. sort „Osszeg:=T[1]” és a 6. sort „Ciklus I:=2-től N-ig” formában írnánk fel ?

#### Az alábbi algoritmus szintén megoldja a fenti problémát:

```

10. ALGORITMUS (    be N: konstans egész;
                    be T: tömb [1..N] egész-ből;
                    Ki Osszeg: egész)

11. DEKLARÁCIÓ
12.    I: egész
13.  AKERD
14.    Osszeg := T[1]
15.    Ciklus I:=2-től N-ig
16.      Osszeg := Osszeg + T[ I ]
17.  CÉGE
18.  AVÉGE

```

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor elemeinek szorzatának kiszámítása.

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}$   
 $\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:**  $Osszeg \in \mathbb{N}$ ,  $Osszeg = \prod_{i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N} T[i]$

```

1.  ALGORITMUS (    be N: konstans egész;
                    be T: tömb [1..N] egész-ből;
                    ki Szorzat: egész)

2.  DEKLARÁCIÓ
3.    I: egész
4.  AKERD
5.    Szorzat := 1
6.    Ciklus I:=1-től N-ig
7.      Szorzat := Szorzat * T[ I ]
8.  CVÉGE
9.  AVÉGE

```

#### Megjegyzések:

- Az „1” a szorzat műveletre nézve neutrális elem!

#### Ellenőrző kérdések:

- Mi történne, ha az 5. sort kihagynánk az algoritmusból ?
- Mi történne, ha az 5. sort Szorzat := 0 formában írnánk fel ?

#### Az alábbi algoritmus szintén megoldja a fenti problémát:

```

1.  ALGORITMUS (    be N: konstans egész;
                    be T: tömb [1..N] egész-ből;
                    ki Szorzat: egész)

2.  DEKLARÁCIÓ
3.    I: egész
4.  AKERD
5.    Szorzat := T[ 1 ]
6.    Ciklus I:=2-től N-ig
7.      Szorzat := Szorzat * T[ I ]
8.  CVÉGE
9.  AVÉGE

```

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor elemei közül meghatározni azon elem sorszámát, amely megfelel egy adott  $P$  tulajdonságnak (pl. páros szám-e). Ha több ilyen elem is lenne, a legkisebb sorszámot határozzuk meg. Ha egyetlen ilyen elem sincs, akkor az észrevehető legyen.

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}$   
 $\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:**  $Sorszam \in \mathbb{N}, 0 \leq Sorszam \leq N$ , és  
 $Sorszam = 0$ , ha  $\nexists i \in \mathbb{N}$ , hogy  $T[i]$   $P$  tulajdonságú,  
 $0 < Sorszam = j$ , ha  $T[j]$   $P$  tulajdonságú, és  
 $\nexists i \in \mathbb{N}$ , hogy melyre  $T[i]$   $P$  tulajdonságú, és  $i < j$

```

1.  ALGORITMUS (    be N: konstans egész;
                    be T: tömb [1..N] egész-ből;
                    ki Sorszam: egész)

2.  DEKLARÁCIÓ
3.    I : egész
4.  KEZD
5.    I := 1
6.    Ciklus Amíg I <= N ÉS NEM PTulajdonságú( T[ I ] )
7.      I := I + 1
8.    VÉGE
9.    HA I <= N AKKOR
10.     Sorszam := I // „Van közöttte P tulajdonságú elem, mégpedig az „ I ” sorszámú elem
11.    KÜLÖNBEN
12.     Sorszam := 0 // Nincs a vektor elemei között P tulajdonságú elem.
13.    HVÉGE
14.  VÉGE

```

#### Megjegyzések:

- A „PTulajdonságú( elem )” egy fv, amely eldönti az áttadott „elem”-ről, hogy ő megfelelő-e, vagyis  $P$  tulajdonságú-e
- Ha a vektor egyetlen eleme sem  $P$  tulajdonságú, akkor a Sorszam értéke kilépéskor 0 lesz, egyébként pedig a legkisebb sorszámú elem

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor elemei közül meghatározni azon elem sorszámát, amely megfelel egy adott  $P$  tulajdonságnak (pl. páros szám-e). Ha több ilyen elem is lenne, a legnagyobb sorszámot határozzuk meg. Ha egyetlen ilyen elem sincs, akkor az észrevehető legyen.

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}$   
 $\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:**  $Sorszam \in \mathbb{N}, 0 \leq Sorszam \leq N$ , és  
 $Sorszam = 0$ , ha  $\nexists i \in \mathbb{N}$ , hogy  $T[i]$   $P$  tulajdonságú,  
 $0 < Sorszam = j$ , ha  $T[j]$   $P$  tulajdonságú, és  
 $\nexists i \in \mathbb{N}$ , hogy melyre  $T[i]$   $P$  tulajdonságú, és  $i > j$

1. **ALGORITMUS** (  $be\ N: konstans\ egész;$   
 $be\ T: tömb\ [1..N]\ egész-ből;$   
 $kj\ Sorszam: egész$ )
2. **DEKLARÁCIÓ**
3.  $I : egész$
4. **AKKEZD**
5.  $I := N$
6. *Ciklus Amíg  $I \geq 1$  ÉS NEM  $P$  Tulajdonságú( $T[I]$ )*
7.  $I := I - 1$
8. **CVÉGE**
9. *HÁ  $I \geq 1$  AKKOR*
10.  $Sorszam := I$  // Van közöttte  $P$  tulajdonságú elem, mégpedig az „ $I$ ” sorszámú elem
11. **KÜLÖNBEN**
12.  $Sorszam := 0$  // Nincs a vektor elemei között  $P$  tulajdonságú elem.
13. **HVÉGE**
14. **AVÉGE**

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor elemei közül meghatározni azon elem sorszámát, amely megfelel egy adott  $P$  tulajdonságnak (pl. páros szám-e). Ha több ilyen elem is lenne, a legkisebb sorszámot határozzuk meg. Ha egyetlen ilyen elem sincs, akkor az észrevehető legyen.

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}$   
 $\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:**  $Sorszam \in \mathbb{N}, 0 \leq Sorszam \leq N$ , és  
 $Sorszam = 0$ , ha  $\nexists i \in \mathbb{N}$ , hogy  $T[i]$   $P$  tulajdonságú,  
 $0 < Sorszam = j$ , ha  $T[j]$   $P$  tulajdonságú, és  
 $\nexists i \in \mathbb{N}$ , hogy melyre  $T[i]$   $P$  tulajdonságú, és  $i < j$

```

1.  ALGORITMUS (    be  $N$ : konstans egész;
                    be  $T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből;
                    ki  $Sorszam$ : egész)
2.  DEKLARÁCIÓ
3.       $I$ : egész
4.  KEZD
5.       $Sorszam := 0$ 
6.      Ciklus  $I := 1$ -től  $N$ -ig
7.          HA  $P$ Tulajdonságú( $T[I]$ ) AKKOR
8.               $Sorszam := I$ 
9.          HVÉGE
10.     CVÉGE
11.  VÉGE

```

## 18. Algoritmus Kiválasztás tétele (számlálós ciklussal, legnagyobb sorszám)

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor elemei közül meghatározni azon elem sorszámát, amely megfelel egy adott  $P$  tulajdonságnak (pl. páros szám-e). Ha több ilyen elem is lenne, a legnagyobb sorszámot határozzuk meg. Ha egyetlen ilyen elem sincs, akkor az észrevehető legyen.

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}$   
 $\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:**  $Sorszam \in \mathbb{N}, 0 \leq Sorszam \leq N$ , és  
 $Sorszam = 0$ , ha  $\nexists i \in \mathbb{N}$ , hogy  $T[i]$   $P$  tulajdonságú,  
 $0 < Sorszam = j$ , ha  $T[j]$   $P$  tulajdonságú, és  
 $\nexists i \in \mathbb{N}$ , hogy melyre  $T[i]$   $P$  tulajdonságú, és  $i > j$

```

1.  ALGORITMUS (    be  $N$ : konstans egész;
                    be  $T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből;
                    ki  $Sorszam$ : egész)
2.  DEKLARÁCIÓ
3.       $I$ : egész
4.  KEZD
5.       $Sorszam := 0$ 
6.      Ciklus  $I := N$ -től 1-ig -1-esével
7.          HA  $P$ Tulajdonságú( $T[I]$ ) AKKOR
8.               $Sorszam := I$ 
9.          HVÉGE
10.     CVÉGE
11.  AVÉGE

```



**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor elemei közül meghatározni, van-e egyáltalán olyan elem, amely megfelel egy adott  $P$  tulajdonságnak (pl. páros szám-e).

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}$   
 $\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:**  $\text{Van\_e} \in \mathcal{H}$   
 $\text{Van\_e} = \text{HAMIS}$ , ha  $\nexists i \in \mathbb{N}$ , hogy  $T[i]$   $P$  tulajdonságú,  
 $\text{Van\_e} = \text{IGAZ}$ , ha  $\exists i \in \mathbb{N}$ , hogy  $T[i]$   $P$  tulajdonságú,

```

1. ALGORITMUS (    be  $N$ : konstans egész;
                    be  $T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből;
                    ki  $\text{Van\_e}$ : logikai)

2. DEKLARÁCIÓ
3.     $I$ : egész
4. KEZD
5.     $I := 1$ 
6.    Ciklus Amíg  $I \leq N$  ÉS NEM  $P$ Tulajdonságú( $T[I]$ )
7.         $I := I - 1$ 
8.    VÉGE
9.     $\text{Van\_e} := (I \leq N)$ 
10. VÉGE

```

Megj.: a kiválasztás és az eldöntés tétele közel azonos feladattal foglalkozik. Az eldöntés lényege, hogy döntsük el, hogy van-e a vektor elemei között  $P$  tulajdonságú elem (csak Igen/Nem válasz). A kiválasztás tétele során ha van, akkor azt is meg kell határozni, mi az elem sorszáma.

Megj. Az eldöntéshez felhasználhatnánk a kiválasztás tételét, és a „HA Sorszam=0 AKKOR  $\text{Van\_E} := \text{HAMIS}$  KÜLÖNBEN  $\text{Van\_e} := \text{IGAZ}$ ” sorral befejezhetnénk a problémát.

Megj. Ez utóbbit a „ $\text{Van\_e} := (\text{Sorszam}=0)$ ” formában írva elegánsabb.

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor elemei közül meghatározni, vane- egyáltalán olyan elem, amely megfelel egy adott  $P$  tulajdonságnak (pl. páros szám-e).

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}$   
 $\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:**  $\text{Vane\_e} \in \mathcal{H}$   
 $\text{Vane\_e} = \text{HAMIS}$ , ha  $\nexists i \in \mathbb{N}$ , hogy  $T[i]$   $P$  tulajdonságú,  
 $\text{Vane\_e} = \text{IGAZ}$ , ha  $\exists i \in \mathbb{N}$ , hogy  $T[i]$   $P$  tulajdonságú,

```

11. ALGORITMUS (  $\text{be } N$ : konstans egész;
                   $\text{be } T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből;
                   $\text{ki } \text{Vane\_e}$ : logikai)
12. DEKLARÁCIÓ
13.    $I$ : egész
14. KEZD
15.    $\text{Vane\_e} := \text{HAMIS}$ 
16.   Ciklus  $I := 1$ -től  $N$ -ig
17.     Ha  $P\text{Tulajdonságú}(T[I])$ 
18.        $\text{Vane\_e} := \text{IGAZ}$ 
19.   HVÉGE
20.   CVÉGE
21. AVÉGE

```

Megj: ez az implementáció nem olyan hatékony, mint az előző, mert ha már eldőlt, hogy van-e ilyen elem, akkor is folytatja a vizsgálatot, a vektor elemeinek feldolgozását.

Megj: a két megoldás egyforma ideig fut, ha a vektorban egyáltalán nincs  $P$  tulajdonságú elem, vagy ha az első ilyen elem sorszáma éppen  $N$ .

**Feladat:** egy adott ( $N$  elemű) vektor feltöltése véletlen értékekkel úgy, hogy nem lehet a vektoron belül ismétlődés (egy érték kétszer nem fordulhat elő)

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}, A, B \in \mathbb{N}, N \leq B - A, A < B$

**Utófeltétel:**  $\forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált, és  
 $A \leq T[i] \leq B$ , és  $\nexists i, j \in \mathbb{N}, i \neq j$  hogy  $T[i] = T[j]$

1. **ALGORITMUS** (  $b_e A, B, N$ : konstans egész;  
 $k_i T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből)

**DEKLARÁCIÓ**

2.  $I, J$ : egész

3. **ÁKEZD**

4.  $I := 1$

5. Ciklus amíg ( $I \leq N$ )

6.  $T[I] := \text{Véletlen\_Érték}(A \text{ és } B \text{ között})$

7.  $J := 1$

8. Ciklus amíg ( $J < I$ ) és ( $T[J] < T[I]$ )

9.  $J := J + 1$

10. **CVÉGE**

11. Ha  $J > I$  AKKOR

12.  $I := I + 1$

13. **HVÉGE**

14. **CVÉGE**

15. **AVÉGE**

**22. Algoritmus****Megszámlálás tétele**

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor elemei között megszámolni, hogy hány db adott  $P$  tulajdonságú eleme (pl. páros szám) van.

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}, \forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:** Ha  $\mathcal{A} := \{ i \mid i \in \mathbb{N}, T[i] \text{ elem } P \text{ tulajdonságú} \}$ , akkor  $Db = |\mathcal{A}|$ .

```

1.  ALGORITMUS (    be  $N$ : konstans egész;
                    be  $T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből;
                    ki  $Db$ : egész)

2.  DEKLARÁCIÓ
3.     $I$ : egész
4.  AKKOR
5.     $Db := 0$ 
6.    Ciklus  $I := 1$ -től  $N$ -ig
7.      HA  $P$ Tulajdonságú( $T[I]$ ) AKKOR
8.         $Db := Db + 1$ 
9.      HVÉGE
10.   CVÉGE
11.  AVÉGE

```

Megj: az eldöntés tételét ezen tétel segítségével is meg lehet valósítani, mert ha  $Db=0$ , akkor nem volt ilyen  $P$  tulajdonságú elem a vektorban, egyébként pedig volt.

**23. Algoritmus****Maximális elem kiválasztás tétele (érték)**

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor elemei közül meghatározni a legnagyobb elem értékét.

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}, \forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:**  $Max := \text{maximum}\{ T[i] \mid i \in \mathbb{N} \}$

```

1.  ALGORITMUS (    be  $N$ : konstans egész;
                    be  $T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből;
                    ki  $Max$ : egész)

2.  DEKLARÁCIÓ
3.     $I$ : egész
4.  AKKOR
5.     $Max := T[1]$ 
6.    Ciklus  $I := 2$ -től  $N$ -ig
7.      HA  $Max < T[I]$  AKKOR
8.         $Max := T[I]$ 
9.      HVÉGE
10.   CVÉGE
11.  AVÉGE

```

**Kérdés:** Mely esetekben nem fog az algoritmus helyes működést produkálni, ha az 5. sort „ $Max:=0$ ”-ra javítjuk, és a 6. sorban a ciklus 1-től indul?

**24. Algoritmus****Maximális elem kiválasztás tétele (pozíció)**

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor elemei közül meghatározni a legnagyobb elem sorszámát. Ha ezen maximális érték többször is előfordulna, úgy a legkisebb ilyennek a sorszámát.

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}, \forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:** Ha  $Max := \text{maximum}\{ T[i] \mid i \in \mathbb{N} \}$ , akkor  
 $MaxI := \text{minimum}\{ i \mid i \in \mathbb{N}, T[i] = Max \}$

1. **ALGORITMUS** (  $be\ N: \text{konstans egész};$   
 $be\ T: \text{tömb } [1..N] \text{ egész-ből};$   
 $k_i\ Max: \text{egész}$ )
2. **DEKLARÁCIÓ**
3.  $I: \text{egész}$
4. **AKEZO**
5.  $MaxI := 1$
6.  $Ciklus\ I:=2\ \text{től}\ N\text{-ig}$
7.  $H\ A\ T[MaxI] < T[I]\ AKKOR$
8.  $MaxI := I$
9.  $H\ VÉGE$
10.  $C\ VÉGE$
11. **AVÉGE**

**Megj:** Ha ismert a legnagyobb elem indexe, akkor az értéke is, hiszen az nem más, mint  $T[MaxI]$  !

**25. Algoritmus****Minimális elem kiválasztás tétele (érték)**

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor elemei közül meghatározni a legkisebb elem értékét.

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}, \forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:**  $Min := \text{minimum}\{ T[i] \mid i \in \mathbb{N} \}$

12. **ALGORITMUS** (  $be\ N: \text{konstans egész};$   
 $be\ T: \text{tömb } [1..N] \text{ egész-ből};$   
 $k_i\ Min: \text{egész}$ )
13. **DEKLARÁCIÓ**
14.  $I: \text{egész}$
15. **AKEZO**
16.  $Min := T[1]$
17.  $Ciklus\ I:=2\ \text{től}\ N\text{-ig}$
18.  $H\ A\ Min > T[I]\ AKKOR$
19.  $Min := T[I]$
20.  $H\ VÉGE$
21.  $C\ VÉGE$
22. **AVÉGE**

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor elemei közül meghatározni a legkisebb elem sorszámát. Ha ezen minimum érték többször is előfordulna, úgy a legkisebb ilyennek a sorszámát.

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}, \forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:** Ha  $Min := \text{minimum}\{T[i] \mid i \in \mathbb{N}\}$ , akkor  
 $MinI := \text{minimum}\{i \mid i \in \mathbb{N}, T[i] = Min\}$

1. **ALGORITMUS** ( be  $N$ : konstans egész;  
 be  $T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből;  
 ki  $MinI$ : egész)
2. **DEKLARÁCIÓ**
3.  $I$ : egész
4. **KEZD**
5.  $MinI := 1$
6. Ciklus  $I := 2$ -től  $N$ -ig
7. HA  $T[MinI] < T[I]$  AKKOR
8.  $MinI := I$
9. HVÉGE
10. CVÉGE
11. **AVÉGE**

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor elemei közül egy másik vektorba átemelni azokat az elemeket, amelyek adott  $P$  tulajdonsággal rendelkeznek (pl. párosak).

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}, \forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:** Ha  $F := \{ T[i] \mid i \in \mathbb{N}, T[i] \text{ elem } P \text{ tulajdonságú} \}$ ,  
 $ADb := |F|$ , és  $A[i] := F$  elemei (rendre)  $1 \leq i \leq ADb$ -ra

```

1.  ALGORITMUS (    be  $N$ : konstans egész;
                    be  $T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből;
                    ki  $ADb$ : egész;
                    ki  $A$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből )

2.  DEKLARÁCIÓ
3.     $I$ : egész
4.  AKKOR
5.     $ADb := 0$ 
6.    Ciklus  $I := 1$ -től  $N$ -ig
7.      HA  $P$ Tulajdonságú( $T[I]$ ) AKKOR
8.         $ADb := Adb + 1$ 
9.         $A[ADb] := T[I]$ 
10.   HVÉGE
11.  CVÉGE
12.  AVÉGE

```

Megj: Az „A” vektor további feldolgozásához szükséges az „ADb” értékének ismerete, hiszen az „A” vektor elemei csak az 1..ADb részen definiáltak! Pl:

```

1.  HA  $ADb = 0$  AKKOR
2.    Ki: „Nem volt a  $T$  tömbben  $P$  tulajdonságú elem!”
3.  KÜLÖNBEN
4.    Ciklus  $I := 1$ -től  $ADb$ -ig
5.      Ki:  $A[I]$ 
6.    CVÉGE
7.  HVÉGE

```

**Megj:** A formális specifikációban adott „F” halmaz ismétlődő elemeket is tartalmazhat, ún. multiset, hiszen az „A” vektorban lehet ismétlődés, ezek közül lehetnek olyan elemek, amelyek  $P$  tulajdonságúak. Ekkor ezek többszörösen szerepelnek az „F” halmazban is.

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) vektor elemei közül egy másik vektorba átemelni azokat az elemeket, amelyek adott  $P$  tulajdonsággal rendelkeznek (pl. párosak). Az átemelés során a  $P$  tulajdonságú elemeket a másik vektor elejére kell elhelyezni, a többi a vektor végére.

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}, \forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált

**Utófeltétel:** Ha  $F1 := \{ T[i] \mid i \in \mathbb{N}, T[i] \text{ elem } P \text{ tulajdonságú} \}$ ,  
és  $F2 := \{ T[i] \mid i \in \mathbb{N}, T[i] \text{ elem nem } P \text{ tulajdonságú} \}$ ,  
akkor  $Ae := |F1|$ , és az  $A[1..Ae] := F1$  elemei (rendre), és  
 $A[Ae+1..N] := F2$  elemei (fordított sorrendben rendre)

1. **ALGORITMUS** (  $be\ N$ : konstans egész;  
                   $be\ T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből;  
                   $k_i\ Ae$ : egész;  
                   $k_i\ A$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből )
2. **DEKLARÁCIÓ**
3.      $I, Av$ : egész
4. **ÁKEZD**
5.      $Ae := 0$
6.      $Av := N$
7.     Ciklus  $I := 1$ -től  $N$ -ig
8.         Ha  $P$ Tulajdonságú( $T[I]$ ) AKKOR
9.              $Ae := Ae + 1$
10.             $A[Ae] := T[I]$
11.     KÜLÖNBEN
12.             $A[Av] := T[I]$
13.             $Av := Av - 1$
14.     HÉGE
15.     CVÉGE
16. **ÁVÉGE**

Megj: Az „A” vektor további feldolgozásához szükséges lesz az „Ae” ismerete:

1.     Ciklus  $I := 1$ -től  $De$ -ig
2.          $K_i$ : „ $P$  tulajdonságú elemek”,  $A[I]$
3.     CVÉGE
4.     Ciklus  $I := N$ -től  $De+1$ -ig  $-1$ -esével
5.          $K_i$ : „Nem  $P$  tulajdonságú elemek”,  $A[I]$
6.     CVÉGE

Megj: a fenti kiírások (feldolgozások) akkor is helyesen működnek, ha a  $T$  vektorban minden elem/egy elem sem volt  $P$  tulajdonságú!

Megj: ha  $Ae$  ( $A$  tömb eleje) db  $P$  tulajdonságú elem volt, akkor a nem  $P$  tulajdonságú elemek számát könnyű meghatározni:  $N - Ae$ !



**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) **rendezett** vektor elemei között egy adott ( $X$ ) érték megkeresése. Ha az elem előfordul, adjuk meg a sorszámát ( $K$ ). Ha nincs a vektor elemei között, akkor jelezzük ( $K=0$ ).

**Előfeltétel:**  $N \geq 1, N \in \mathbb{N}, \forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált, és  
 $\forall i, j \in \mathbb{N}, i < j$ -re  $T[i] \leq T[j]$  ( $T$  rendezett)  
 $X \in \mathbb{N}$ , definiált (nem feltétlenül eleme a vektornak)

**Utófeltétel:**  $K \in \mathbb{N}, 0 \leq K \leq N$ , és  
 $K=0$ , ha  $\nexists i \in \mathbb{N}$ , hogy  $T[i]=X$ ,  
 $1 \leq K=j$ , ha  $T[j]=X$

```

1.  ALGORITMUS (    be  $N$ : konstans egész;
                    be  $T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből;
                    be  $X$ : egész;
                    ki  $K$ : egész)

2.  DEKLARÁCIÓ
3.     $A, F$ : egész
4.  AKKOR
5.     $A := 1$ 
6.     $F := N$ 
7.    Ciklus
8.       $K := (A + F) / 2$ 
9.      ELÁGAZÁS
10.     HA  $T[K] < X$  AKKOR
11.        $A := K + 1$ 
12.     HA  $T[K] > X$  AKKOR
13.        $F := K - 1$ 
14.     VÉGE
15.   CÉLJE_HA  $T[K] = X$  VAGY  $A > F$ 
16.   HA  $A > F$  AKKOR
17.      $K := 0$ 
18.   HVÉGE
19.  AVÉGE

```

**Megj:** A keresés (a ciklusmag végrehajtásának) maximális időigénye  $\log_2(N)$ , ezért ezen keresést logaritmikusan keresésnek hívják.

**Megj:** Mivel a  $\log_2(N)$  azt a számot adja meg, hogy 2-t hanyadik hatványra kell emelni, hogy éppen  $N$ -t kapjunk, ez akár tört szám is lehet, az lépésszám ezen  $\log_2(N)$  pozitív valós szám felfelé kerekítése a legközelebbi tőle nem kisebb egész számra. Ezt  $\lceil \log_2(N) \rceil$ -el jelöljük.

**Megj:** 1024 elemből álló vektorban a fenti keresés 10 lépésen belül véget ér, mivel  $2^{10}=1024$ . 65536 elemű vektor esetén maximum 16 lépés kell az eredmény előállításához. Ez nagyon kedvező idő! Ezen fenti keresést bináris keresésének is hívják.

**Megj:** Az „elágazás” helyett sokszor két külön „ha”-t írnak. Ha egy „ha”-t írunk, és az „ $F:=K-1$ ”-et egy „különben”-be tesszük, az algoritmus hibásan fog működni!!!!

**30. Algoritmus****Két változó cseréje segédváltozóval**

**Feladat:** adott két elemi változó. Cseréljük meg a két változó értékét.

**Előfeltétel:**  $A, B \in \mathbb{N}$ , definiáltak

**Utófeltétel:**  $A=B$  eredeti értéke,  $B = A$  eredeti értéke

1. **ALGORITMUS** (átmenő  $A, B$ : egész)
2. **DEKLARÁCIÓ**
3.     Seged: egész
4. **ÁKEZD**
5.     Seged := A
6.     A := B
7.     B := Seged
8. **AVÉGE**

**Megj:** A fenti algoritmusra a továbbiakban  $Csere(A, B)$  formában fogunk hivatkozni.

**31. Algoritmus****Vektorok feltöltése VI. – intervallum minden eleme**

**Feladat:** egy adott ( $N$  elemű) vektor feltöltése véletlen értékekkel úgy, hogy minden érték szerepeljen  $1..N$  között, és nem lehet ismétlődés

**Előfeltétel:**  $N \in \mathbb{N}$ ,  $N \geq 1$

**Utófeltétel:**  $\forall i \in \mathbb{N}$ ,  $1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált,  $1 \leq T[i] \leq N$ , és  
 $\nexists i, j \in \mathbb{N}$ ,  $i \neq j$ , hogy  $T[i] = T[j]$

1. **ALGORITMUS** (  $be \ N$ : konstans egész;  
 $k_i \ T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből)
- DEKLARÁCIÓ**
2.      $I, J, K$ : egész
3. **ÁKEZD**
4.     Ciklus  $I := 1$ -től  $N$ -ig
5.          $T[I] := I$
6.     **CVÉGE**
7.     Ciklus  $I := 1$ -től  $N^*10$ -ig
8.          $J := Véletlen\_Érték(1..N \text{ között})$
9.          $K := Véletlen\_Érték(1..N \text{ között})$
10.          $Csere(T[J], T[K])$
11.     **CVÉGE**
12. **AVÉGE**

**Megj:** Ha  $J=K$ , akkor a Csere semmit nem változtat a vektoron belül (saját magával történt megcserélés). A csere elé el lehetne helyezni egy  $J \neq K$  feltételt. De elég ritkán történik meg a  $J=K$  egyenlőség, mely időben felesleges csere hajtodna végre, ugyanakkor ezen feltétel kiértékelésére mindig sort kerítene az algoritmus, ezért ezen vizsgálat beillesztése elképzelhető, hogy nem okoz komoly sebességnövekedést.

**Megj:** A  $N^*10$  kifejezésben a 10-es szorzó tapasztalati érték. Alaposabb keveréshez használjunk alkalmasint nagyobb konstans szorzót.

**Megj:** ha az intervallum értékeit véletlenszám-generálással sorsolnánk, nagyon lassú futásidejű algoritmust kapnánk!

**Nagyság szerint növekvőben rendező algoritmusok feladata, előfeltétele, és utófeltétele közös, ezért ezt csak egyszer adjuk meg: Csökkenőbe rendezés esetén ezek átírása triviális.**

**Feladat:** egy adott (adatokkal már feltöltött) rendezetlen vektor elemeit rendezni kell nagyság szerint növekvő sorrendbe.

**Előfeltétel:**  $N \in \mathbb{N}, N \geq 1, \forall i \in \mathbb{N}, 1 \leq i \leq N$ -re:  $T[i] \in \mathbb{N}$ , definiált,

**Utófeltétel:**  $\forall i, j \in \mathbb{N}, 1 \leq i < j \leq N$ -re:  $T[i] \leq T[j]$ , és  
 $T[1..N]$  új a  $T[1..N]$  eredeti egy permutációja

## 32. Algoritmus Cserélő rendezés (rendezés közvetlen elemkiválasztással)

```

1.  ALGORITMUS (    be N: konstans egész;
                   átmenő T: tömb [1..N] egész-ből)
2.  DEKLARÁCIÓ
3.    I, J: egész
4.  AKKOR
5.    Ciklus I := 1-től N-1-ig
6.      Ciklus J := I + 1-től N-ig
7.        HA T[I] > T[J] AKKOR
8.          Csere(T[i], T[j])
9.        HVÉGE
10.     CVÉGE
11.   CVÉGE
12.  AVÉGE

```

**Megj:** a relációjel megfordítása esetén a rendezés csökkenő sorrendbe fog történni.

**Ciklusinvariás:** A belső ciklus (J) minden egyes lefutásának végére a tömb I. eleme a rendezettségben I. elem értékét fogja tartalmazni.

**Megj:** A belső ciklus (J) minden egyes lefutásának végére a tömb I. eleme a „helyére kerül”, hiszen összehasonlításra kerül a többi elemmel, és ha azok közül valamelyik kisebb lenne nála, akkor a csere folytán ő kerül az I. elem helyére.

**Megj:** Ennek megfelelően I=1 esetén (első lefutás) az 1. elem helyére kerül a vektor legkisebb eleme, I=2-re a 2. elem helyére a vektor második legkisebb eleme, stb...

**Megj:** Utoljára I=N-1-re fut le a belső ciklus, melynek hatására A vektor N-1 helyére kerül a megfelelő elem. De ekkor a vektor N-edik eleme is a helyére kerül!

**Megj:** Egy J menetben több csere is történhet, mire az I. elem a megfelelőre elemre cserélődik. Ezért ezen rendezés kis hatékonyságú (lassú).

**Kérdés:** Mi történne, ha a J ciklus nem I+1-től, hanem 1-től indulna?

```

1. ALGORITMUS ( be N: konstans egész;
                  átmenő T: tömb [1..N] egész-ből)
2. DEKLARÁCIÓ
3.   I, J, MaxI : egész
4. ÁKEZD
5.   Ciklus I := N-től 2-ig -1-esével
6.     MaxI := I
7.     Ciklus J := I - 1-től 1-ig -1-esével
8.       HA T[MaxI] < T[J] AKKOR
9.         MaxI := J
10.      HVÉGE
11.    CVÉGE
12.    HA MaxI <> I AKKOR
13.      Csere( T[MaxI], T[I] )
14.    HVÉGE
15.  CVÉGE
16. AVÉGE

```

**Megjegyzés:** a relációjel megfordítása esetén a rendezés csökkenő sorrendbe fog történni, bár ekkor a „MaxI” változót inkább „MinI” változónak kellene hívni. Ekkor gyakorlatilag a minimumkiválasztásos rendezést kapjuk, annak is a csökkenő sorrendbe rendező változatát).

```

1. ALGORITMUS ( be N: konstans egész;
                  átmenő T: tömb [1..N] egész-ből)
2. DEKLARÁCIÓ
3.   I, J, MinI : egész
4. ÁKEZD
5.   Ciklus I := 1-től N-1-ig
6.     MinI := I
7.     Ciklus J := I + 1-től N-ig
8.       HA T[MinI] > T[J] AKKOR
9.         MinI := J
10.      HVÉGE
11.    CVÉGE
12.    HA MinI <> I AKKOR
13.      Csere( T[MinI], T[I] )
14.    HVÉGE
15.  CVÉGE
16. AVÉGE

```

**Megjegyzés:** a relációjel megfordítása esetén a rendezés csökkenő sorrendbe fog történni, bár ekkor a „MinI” változót inkább „MaxI” változónak kellene hívni. Ekkor gyakorlatilag a maximumkiválasztásos rendezést kapjuk, annak is a csökkenő sorrendbe rendező változatát).

```

1. ALGORITMUS ( be N: konstans egész;  

   átmenő T: tömb [1..N] egész-ből)
2. DEKLARÁCIÓ
3.   I, J: egész
4. AKEZO
5.   Ciklus I := N-1-től 1-ig -1-esével
6.     Ciklus J := 1-től I-ig
7.       HA T[J] > T[J+1] AKKOR
8.         Csere( T[J], T[J+1] )
9.       HVÉGE
10.    CVÉGE
11.  CVÉGE
12. AVÉGE

```

**Megj:** kulcsszó: szomszédos elemek összehasonlítása!

**Megj:** egy eredetileg rendezett tömbön is elég sokáig dolgozik!

```

1. ALGORITMUS ( be N: konstans egész;  

   átmenő T: tömb [1..N] egész-ből)
2. DEKLARÁCIÓ
3.   I, J: egész
4.   Vege: logikai
5. AKEZO
6.   I := N - 1
7.   Vege := HAMIS
8.   Ciklus Amíg I >= 1 ÉS NEM Vege
9.     Vege := IGAZ
10.    Ciklus J := 1-től I-ig
11.      HA T[J] > T[J+1] AKKOR
12.        Csere( T[J], T[J+1] )
13.      Vege := HAMIS
14.    HVÉGE
15.  CVÉGE
16.  I := I - 1
17.  CVÉGE
18. AVÉGE

```

**Megj:** A rendezés menet közben abbamarad, ha egy belső ciklus menetben (J) már nem történik csere (akkor később sem fog már!).

**Megj:** az előrerendezettséget is figyeli, ha a tömb már „félúton” rendezetté válik, azonnal kilép.

```

1. ALGORITMUS ( be N: konstans egész;  

   átmenő T: tömb [1..N] egész-ből)
2. DEKLARÁCIÓ
3.   I, J : egész
4.   UtolsoCsere : egész
5. AKEZO
6.   I := N - 1
7.   Ciklus Amíg I >= 1
8.     UtolsoCsere := 0
9.     Ciklus J := 1-től I-ig
10.      HA T[J] > T[J + 1] AKKOR
11.        Csere(T[J], T[J + 1])
12.        UtolsoCsere := J
13.      HVÉGE
14.    CVÉGE
15.    I := UtolsoCsere
16.  CVÉGE
17. AVÉGE

```

**Megj:** A belső ciklus hossza megfelelő esetben nem csak 1-el csökkenhet minden végrehajtás után (rohamos csökkenés).

**Megj:** Ha a tömb már „félúton” rendezetté válik, azonnal kilép.

```

1. ALGORITMUS ( be N: konstans egész;  

   átmenő T: tömb [1..N] egész-ből)
2. DEKLARÁCIÓ
3.   X, I, J : egész
4. AKEZO
5.   Ciklus I := 2-től N-ig
6.     J := I - 1
7.     X := T[I]
8.     Ciklus Amíg J >= 1 ÉS X < T[J]
9.       T[J + 1] := T[J]
10.      J := J - 1
11.    CVÉGE
12.    T[J + 1] := X
13.  CVÉGE
14. AVÉGE

```

**Megj:** a rendezés elve a kártyák sorbarendezésére hasonlít pókerezés közben a kézben.

**Feladat:** Meg kell határozni egy adott (adatokkal már feltöltött) rendezetlen vektor elemeinek rendezett sorrendjét a nélkül, hogy az eredeti sorrenden változtatnánk!

```

1.  ALGORITMUS (    be  $N$ : konstans egész;
                    be  $T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből;
                    ki:  $MU$ : tömb  $[0..N]$  egész-ből)
2.  DEKLARÁCIÓ
3.     $Me, Mk, X, I$  : egész
4.  KEZD
5.    Ciklus  $I := 0$ -tól  $N$ -ig
6.       $MU[I] := 0$ 
7.    VÉGE
8.     $MU[0] := 1$ 
9.    Ciklus  $I := 2$ -tól  $N$ -ig
10.      $Me := 0$ 
11.      $Mk := MU[Me]$ 
12.      $X := T[I]$ 
13.     Ciklus Amíg  $Mk > 0$  ÉS  $X > T[Mk]$ 
14.        $Me := Mk$ 
15.        $Mk := MU[Me]$ 
16.     VÉGE
17.      $MU[Me] := I$ 
18.      $MU[I] := Mk$ 
19.   VÉGE
20. VÉGE

```

**Megj:** Me: „Mutató az Előzőre”, Mk: „Mutató a következőre”

**Megj:** A „MU” vektor elemei valójában a T vektor tömbindexei,  $1..N$  terjedő számok. A 0 érték is előfordul a MU vektorban, jelentése speciális, a lánc végét jelenti.

**Megj:** A MU elemei láncolat formában tartalmazzák a T következő elemének sorszámát:

```

Pl:  MU[0] = 2
      MU[1] = 3
      MU[2] = 1
      MU[3] = 0

```

A láncot a 0. elemnél kell elkezdni kiolvasni. Ez azt mutatja, hogy a T rendezett sorrendjében a 2. elem a legkisebb. A MU[2] szerint a következő legkisebb elem a T 1. eleme. MU[1] szerint a rákövetkező elem a T 3. eleme. A MU[3] 0-t tartalmaz, ezzel jelzi, hogy vége a láncnak.

**Megj:** A MU[N]=M azt jelöli, hogy a rendezettségben a T[M] elem következik, és hogy tudjuk folytatni, el kell olvasni a MU[M] értékét. Ezt addig, amíg 0-t nem tartalmaz a MU vektor.

**Megj:** A „MU” vektor segítségével pl. az alábbi módon lehet a T vektor elemét rendezetten feldolgozni:

```

1.  // ..... kiírás a MU tömb segítségével
2.   $Mk := 0$ 
3.  Ciklus  $J := 1$ -től  $N$ -ig
4.    Ki:  $T[MU[Mk]]$ 
5.     $Mk := MU[Mk]$ 
6.  VÉGE

```

**Feladat:** két, eleve rendezett vektor elemeinek összefűsülése egy újabb vektorba úgy, hogy az is rendezett legyen.

```

1.  ALGORITMUS (    be  $N, M$ : konstans egész;
                    be  $A$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből;
                    be  $B$ : tömb  $[1..M]$  egész-ből;
                    ki  $C$ : tömb  $[1..N+M]$  egész-ből)

2.  DEKLARÁCIÓ
3.     $Adb, Bdb, Cdb$ : egész
4.  AKKOR
5.     $Adb := 1$ 
6.     $Bdb := 1$ 
7.     $Cdb := 0$ 
8.    Ciklus Amíg  $Adb \leq N$  ÉS  $Bdb \leq M$ 
9.      HA  $A[Adb] > B[Bdb]$  AKKOR
10.         $Cdb := Cdb + 1$ 
11.         $C[Cdb] := B[Bdb]$ 
12.         $Bdb := Bdb + 1$ 
13.      KÜLÖNBEN
14.         $Cdb := Cdb + 1$ 
15.         $C[Cdb] := A[Adb]$ 
16.         $Adb := Adb + 1$ 
17.      HVÉGE
18.    CVÉGE
19.    Ciklus Amíg  $Adb \leq N$ 
20.       $Cdb := Cdb + 1$ 
21.       $C[Cdb] := A[Adb]$ 
22.       $Adb := Adb + 1$ 
23.    CVÉGE
24.    Ciklus Amíg  $Bdb \leq M$ 
25.       $Cdb := Cdb + 1$ 
26.       $C[Cdb] := B[Bdb]$ 
27.       $Bdb := Bdb + 1$ 
28.    CVÉGE
29.  AVÉGE

```

**Megj:** Az első „nagy” ciklus valamelyik (A vagy B) vektor minden elemét átmásolja a C vektorba. A másik két „kis” vektor a maradék elemeket is hozzáteszi. A két kis ciklus közül egy konkrét futás esetén csak az egyik fog elindulni – amelyik vektort a nagy ciklus nem fejezett be! De mivel általános esetben nem lehet tudni, melyik lesz az, ezért kell mindkettőt beletervezni az algoritmusba!

**Megj:** Az algoritmusnak van olyan változata is, amelyben a „nagy” ciklus belsejében külön esetként kezelik az „ $A[Adb]=B[Bdb]$ ” esetet, s ekkor ezen egyenlő értékek közül csak az egyiket teszik át a C-be, de mindkét számlálót (Adb, Bdb) növelik. Ezt akkor használjuk, ha az A és B vektor elemei között nem lehet ismétlődés, és azt szeretnénk, hogy a C-ben se legyen. Ekkor a C elemszáma nem feltétlenül lesz  $N+M$ ! Ekkor az algoritmusnak kimenő adatként kell a Cdb-t feltüntetnie!



**Feladat:** két, eleve rendezett vektor elemeinek összefűsülése egy újabb vektorba úgy, hogy az is rendezett legyen.

**Előfeltétel:** Az  $A[]$  és  $B[]$  vektorok 1-el nagyobb méretűek!

```

1.  ALGORITMUS (    be  $N, M$ : konstans egész;
                    be  $A$  : tömb  $[1..N+1]$  egész-ből;
                    be  $B$ : tömb  $[1..M+1]$  egész-ből;
                    ki  $C$  : tömb  $[1..N+M]$  egész-ből)

2.  DEKLARÁCIÓ
3.   $Adb, Bdb, Cdb$  : egész
4.  AKERD
5.   $Adb := 1$ 
6.   $Bdb := 1$ 
7.   $Cdb := 0$ 
8.   $A[N+1] := +\infty$ 
9.   $B[M+1] := +\infty$ 
10. Ciklus Amíg  $Adb \leq N$  VAGY  $Bdb \leq M$ 
11.    HA  $A[Adb] > B[Bdb]$  AKKOR
12.       $Cdb := Cdb + 1$ 
13.       $C[Cdb] := B[Bdb]$ 
14.       $Bdb := Bdb + 1$ 
15.    KÜLÖNBEN
16.       $Cdb := Cdb + 1$ 
17.       $C[Cdb] := A[Adb]$ 
18.       $Adb := Adb + 1$ 
19.    HVÉGE
20.  CVÉGE
21.  AVÉGE

```

**Megj:** Az algoritmusból hiányzik a két „kis” ciklus, köszönhetően annak, hogy a „nagy” ciklus mindkét vektor mindkét elemét átemeli a C vektorba.

**Megj:** Indulás előtt az  $A[N+1]$  és  $B[M+1]$  elemét be kell állítani egy olyan extrém nagy értékre, melynél csak kisebb elemek fordulnak elő a vektorokban. Ezzel oldjuk azt meg, hogy amikor valamely vektor utolsó elemét is betesszük a C vektorba, és léptetjük a számlálóját, a következő cikluslépésben az összehasonlítás során mindenképpen a másik vektor soron következő eleme legyen a kisebb, az átrakandó.

**Megj:** ezen funkció betöltéséhez az  $A[N+1] :=$  „B legnagyobb eleme”+1, beállítás is elegendő lenne, de ehhez egy menetben meg kellene határozni a B legnagyobb (maximális) elemének értékét, amely csak lassítaná a futást (és hasonlóan az A vektorra is)

**Megj:** Az algoritmus konkrét nyelvi implementációjában a  $+\infty$  természetesen nem írható le. Helyette a konkrét feladat ismeretében valamely elképzelhetetlenül nagy értéket használnak (pl ha az A és B vektorok egy folyó vízének hőmérséklet-adatait tartalmazzák, akkor a 101 is megfelelő lesz!). Ha ilyen nincs, akkor az „egész” típus adott programnyelvében ábrázolható legnagyobb „egész” számot használják.

A verem egy olyan összetett adatszerkezet, amely véges mennyiségű homogén adat tárolására képes úgy, hogy az adathozzáférés mechanizmusa LIFO rendszerű (LIFO = Last In First Out, Utolsó Be Először Ki).

A vermet egy vektor segítségével szimuláljuk. A veremkezelő algoritmus-részletek a feltüntetett paramétereken kívül minden esetben átmenő paraméterként megkapják a  $T$  vektort, és a  $VM$  változót is.

### DEKLARÁCIÓ

$T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből

$VM$ : egész

**Feladat: a verem kezdőállapotba hozása. ( INIT )**

**ELJÁRÁS** Verem\_Inic

$VM := 0$

EVÉGE

**Feladat: megállapítani, hogy a verem üres-e ( EMPTY )**

**ELJÁRÁS** Verem\_Ures( $kj$  Ures\_e:logikai)

$Ures\_e := (VM=0)$

EVÉGE

**Feladat: megállapítani, hogy a verem tele van-e ( FULL )**

**ELJÁRÁS** Verem\_Tele( $kj$  Tele\_e:logikai)

$Tele\_e := (VM=N)$

EVÉGE

**Feladat: az „X” elem elhelyezése a verembe ( PUSH )**

**ELJÁRÁS** VeremBe\_Elhelyezes( *be*  $X$ : egész; *kj* Sikeres\_volt:logikai )

HA NEM Verem\_Tele AKKOR

$VM := VM + 1$

$T[VM] := X$

$Sikeres\_volt := IGAZ$

KÜLÖNBEN

$Sikeres\_volt := HAMIS$

HVÉGE

EVÉGE

**Feladat: elem kiolvasása a veremből ( POP )**

**ELJÁRÁS** VeremBoL\_Olvasas( *kj*  $X$ : egész; *kj* Sikeres\_volt:logikai )

HA NEM Verem\_Ures AKKOR

$X := T[VM]$

$VM := VM - 1$

$Sikeres\_volt := IGAZ$

KÜLÖNBEN

$Sikeres\_volt := HAMIS$

HVÉGE

EVÉGE

A sor egy olyan összetett adatszerkezet, amely véges mennyiségű homogén adat tárolására képes úgy, hogy az adathozzáférés mechanizmusa FIFO rendszerű (FIFO = First In First Out, Első Be Először Ki). A sort egy vektor segítségével szimuláljuk. A sorkezelő algoritmus-részletek a feltüntetett paramétereken kívül minden esetben átmenő paraméterként megkapják a  $T$  vektort, és a  $Berak$  és  $TaroltDb$  változókat is.

### DEKLARÁCIÓ

$T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből

$Berak$ ,  $TaroltDb$ : egész

### ELJÁRÁS Sor\_Inic

$Berak := 0$  // hová tettük be az utolsó elemet

$TaroltDb := 0$  // jelenleg hány tárolt elem van a sorban

EVÉGE

### ELJÁRÁS Sor\_Ures( $k_i$ Ures\_e:logikai)

$Ures\_e := (TaroltDb = 0)$

EVÉGE

### ELJÁRÁS Sor\_Tele( $k_i$ Tele\_e:logikai)

$Tele\_e := (TaroltDb = N)$

EVÉGE

### ELJÁRÁS SorBa\_Elhelyezes (be $X$ : egész; $k_i$ Sikeres\_volt:logikai)

HA NEM Sor\_Tele AKKOR

$Berak := Berak + 1$

$T[Berak] := X$

$TaroltDb := TaroltDb + 1$

$Sikeres\_volt := IGAZ$

KÜLÖNBEN

$Sikeres\_volt := HAMIS$

HVÉGE

EVÉGE

### ELJÁRÁS SorBol\_Olvasas( $k_i$ $X$ :egész; $k_i$ Sikeres\_volt:logikai)

HA NEM Sor\_Ures AKKOR

$X := T[1]$

Ciklus  $I := 1$ -től  $TaroltDb-1$ -ig

$T[I] := T[I+1]$

CVÉGE

$TaroltDb := TaroltDb - 1$

$Sikeres\_volt := IGAZ$

KÜLÖNBEN

$Sikeres\_volt := HAMIS$

HVÉGE

EVÉGE

**A sort egy vektor segítségével szimuláljuk. A sorkezelő algoritmus-részletek a feltüntetett paramétereken kívül minden esetben átmenő paraméterként megkapják a  $T$  vektort, és a  $Berak$ ,  $TaroltDb$  és  $Kivesz$  változókat is.**

### DEKLARÁCIÓ

$T$ : tömb  $[1..N]$  egész-ből

$Berak$ ,  $TaroltDb$ : egész

### ELJÁRÁS Sor\_Inic

$Berak := 0$  // hová tettük be az utolsó elemet  
 $TaroltDb := 0$  // jelenleg hány tárolt elem van a sorban  
 $Kivesz := 0$  // honnan vettük ki az utolsó elemet

ÉVÉGE

### ELJÁRÁS SorBa\_Elhelyezés ( be $X$ : egész; ki Sikeres\_volt: logikai )

HA NEM Sor\_Tele AKKOR

HA  $Berak = N$  AKKOR

$Berak := 0$

HVÉGE

$Berak := Berak + 1$

$T[Berak] := X$

$TaroltDb := TaroltDb + 1$

$Sikeres_volt := IGAZ$

KÜLÖNBEN

$Sikeres_volt := HAMIS$

HVÉGE

ÉVÉGE

### ELJÁRÁS SorBoL\_Olvasas( ki $X$ : egész; ki Sikeres\_volt: logikai )

HA NEM Sor\_Ures AKKOR

HA  $Kivesz = N$  AKKOR

$Kivesz := 0$

HVÉGE

$Kivesz := Kivesz + 1$

$X := T[Kivesz]$

$TaroltDb := TaroltDb - 1$

$Sikeres_volt := IGAZ$

KÜLÖNBEN

$Sikeres_volt := HAMIS$

HVÉGE

ÉVÉGE

**Megj:** a „Sor\_tele” és „Sor\_ures” eljárások változatlan formában átvehetők az előző változatból

## Témakörök / Algoritmusok

### Esti tagozat, I. félév

- Algoritmus fogalma, tulajdonságai. Adatok, alapfogalmak. Értéktípusok (egyszerű, összetett). Logaritmikus keresés (Bináris keresés)
- Logikai alapfogalmak. Logikai műveletek. Logikai azonosságok. Ciklusok. Beszűrő rendezés (Póker)
- Tevékenységszerkezetek. Szekvencia. Elágazás. Kiválogatás tétele, Buborék-III.
- Algoritmus leíró eszközök. Leíró nyelv. Folyamatábra. Struktogramm. Szétválogatás tétele.
- Vektorok feltöltése I. II. III. Mátrixok feltöltése. Vektorok és mátrixok kiírása képernyőre. Ciklikus sorok.
- Egydimenziós és kétdimenziós tömb összeadása, szorzása konstanssal  
Megszámlálás tétele, Buborék-II,
- Összegképzés és szorzatképzés tétele. Maximum kiválasztás tétele 1, 2.  
Cserélő rendezés (Rendezés közvetlen kiválasztással)
- Vektorok feltöltése IV. V. VI. Eldöntés tétele 1, 2. Összefuttatás tétele 1, 2.
- Minimum kiválasztás tétele 1, 2. Lineáris keresés tétele 1, 2.
- Másolás tétele, Buborék-I., Maximumkiválasztásos rendezés
- Listás rendezés (MU-ME), Veremkezelés.
- Léptető sorok. Minimumkiválasztásos rendezés

Hernyák Zoltán  
főisk. adj.