Paradigma Funcional em Haskell e C++

André Sá (A
76361) João Rodrigues (A84505) Pedro Oliveira (A86328)

2020/07/22

Licenciatura em Ciências da Computação



${\bf \acute{I}ndice}$

Introdução									
1	Abo 1.1 1.2 1.3	O Par Haske	m ao Paradigma Funcional em Haskell e C++ adigma Funcional	4 4 4 5					
2	Comparação e Análise de Programas Equivalentes em Haskell								
	e C+			6					
	2.1	Preluc	le	6					
		2.1.1	map	6					
		2.1.2	filter	7					
		2.1.3	reverse	8					
		2.1.4	zip	8					
		2.1.5	Resultados	9					
	2.2		e Hash Code 2020	11					
		2.2.1	Notas Sobre Funções Relevantes Utilizadas	11					
		2.2.2	Tipos e Estruturas de Dados	12					
		2.2.3	Ler o Input	13					
		2.2.4	Resolver o Problema	15					
		2.2.5	Escrever o Output	17					
		2.2.6	Resultados	18					
3	Asp	ectos	Importantes de Programação Funcional	19					
	3.1		bilidade	20					
	3.2	Lazy I	$Evaluation \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$	21					
	3.3		osição	22					
	3.4	ADTs		24					
		3.4.1	struct/class	25					
		3.4.2	enum	25					
		3.4.3	union	26					
		3.4.4	ADTs em C++	26					
C	onclu	ısão		27					
R	oforô	ncias		28					

Introdução

O paradigma funcional tem ganho notorieadade junto de grandes empresas e programadores em detrimento de outros, pois permite que em poucas linhas de código, quando comparado com outros estilos, se consigam criar soluções robustas e eficientes.

A linguagem Haskell é uma linguagem de programação criada nos anos 80 por um comitê de académias baseada nas observações de Haskell Curry. Caracteriza-se por ser uma linguagem puramente funcional, sendo uma linguagem de alto nível e com uma estratégia de avaliação lazy, a programação lazy é um estilo de programação em que os argumentos são avaliados apenas quando o valor é realmente necessário. A linguagem Haskell tem sofrido constantes desenvolvimentos e é cada vez mais usada na indústria, pois permite programar de forma clara e consisa e com alto nível de abstração e produtividade, tornando-se uma linguagem simples e muito poderosa.

Do lado do C++ temos uma linguagem que surgiu também na década dos 80, inicialmente desenvolvida por Bjarne Stroustrup dos Bell Labs, com o propósito de melhorar uma versão do núcleo Unix. Como o Unix era escrito em C, a linguagem C++ tinha de ser compatível com C e ao mesmo tempo estender a linguagem com algumas funcionalidades como memória partilhada entre outras. É uma linguagem de baixo nível e de elevada complexidade, recebendo novas revisões regularmente. A última revisão feita a linguagem foi em 2017 conhecida como C++17 que é a versão utilizada neste projeto.

Neste documento será dada ênfase às vantagens do paradigma funcional e de que forma podemos aproveitar essas vantagens em C++. Iremos estudar e analisar as características funcionais em programas escritos em C++, através de algumas bibliotecas existentes para esse efeito e, aproveitaremos para efectuar uma análise comparativa de performance, sintaxe, etc, através de programas que resolvem o mesmo problema em C++ e Haskell.

Nas linguagens funcionais as funções são entidades de primeira classe, isto é, podem ser usadas como qualquer outro objecto: passadas como argumento, devolvidas como resultado, ou mesmo armazenadas em estruturas de dados. Isto dá às linguagens funcionais uma grande flexibilidade, capacidade de abstracção e modularização do processamento de dados.

O uso de templates em C++ traz algumas vantagens à programação em estilo funcional, nomeadamente a possibilidade de fazer programação genérica, isto é, criar programas polimórficos. Também é possível obter computação em tempo de compilação com templates, mas esta não é essencial à programação funcional, e portanto não vamos desenvolver sobre este assunto.¹

Aproveitaremos também para aprofundar alguns aspectos/características importantes da programação funcional tais como imutabilidade, *lazy evaluation*, composição e ADTs.

Quando necessário, e para uma melhor elucidação sobre as questões que estão a ser analisadas, serão usados pequenos excertos de código em ambas as linguagens.

¹Para mais informação sobre este assunto, ler Hoyte (2008).

Todo o código desenvolvido durante este projecto, incluindo este documento, pode ser encontrado no nosso repositório, criado para esse propósito.

1 Abordagem ao Paradigma Funcional em Haskell e C++

1.1 O Paradigma Funcional

Na programação funcional, os programas são executados através da avaliação de expressões, em contraste, por exemplo, com o paradigma imperativo onde os programas são compostos por instruções que vão alterando o estado global à medida que executam. Isto significa que os procedimentos podem ter acesso ao estado global e/ou partilhado entre vários procedimentos. Esta partilha não está especificada de forma nenhuma e, portanto, tem de ser o programador a cuidar e evitar que problemas aconteçam. O paradigma funcional evita este problema parcial ou completamente, ao desencorajar ou impedir esta prática e, ao mesmo tempo, encorajar e facilitar "boa prática".

Um exemplo extremo e pouco realista seria:

```
void accoes (void) {
    accao1();
    accao2();
    accao3();
}
```

Deste pequeno excerto, podemos concluir uma de duas hipóteses:

- 1. Como nenhum dos procedimentos accao1, accao2 ou accao3 recebe argumentos, e o resultado não é utilizado, então estes procedimentos não fazem nada de útil e, portanto, accoes também não faz nada de útil;
- Cada um dos procedimentos faz algo de útil, mas para tal acede e altera alguma estrutura de dados partilhada; esta relação input-output não é explícita.

Por outro lado, numa linguagem funcional escreveríamos (em notacao Haskell) accoes = accao3 . accao2 . accao1 para representar a mesma sequência de acções mas sem partilha de memória nem estruturas de dados a serem mutadas: cada uma das acções é uma função que devolve uma estrutura de dados, dada outra estrutura de dados.

Este problema de alteração implícita de estado agrava-se ainda mais num contexto concorrente com *threads* e partilha de memória.

1.2 Haskell Como Linguagem Funcionalmente Pura

 ${\tt Haskell}$ adopta o paradigma Funcionalmente Puro, o que quer dizer que um programa é uma função no sentido matemático, ou seja, dado o mesmo input é sempre devolvido o mesmo output.

Para se implementarem efeitos secundários em Haskell, em vez de se aceder ao mundo e alterá-lo implicitamente, como na maioria das linguagens, este é

recebido como um argumento e as mudanças são feitas sobre esse argumento.

Para dar melhor a entender, vejamos um exemplo: puts. O seu protótipo em C é int puts (const char *s). A string parâmetro s vai ser impressa no stdout, mas nada no tipo da função nos diz que assim é.

Em Haskell, a função equivalente é putStrLn, com tipo $String \rightarrow IO$ (), e o efeito secundário de imprimir a string de input no stdout está descrito no próprio tipo da função: IO ().

Pode-se pensar neste IO a como sendo World -> (a, World), ou seja, dado um mundo, é devolvido o resultado da computação e o novo mundo. (Peyton Jones 2001)

Na realidade, o Haskell concilia o princípio de "computação por cálculo" com o input/output através da utilização do mónade IO.

O conceito de mónade é usado para sintetizar a ideia de computação como algo que se passa dentro de uma "caixa negra", da qual apenas conseguimos ver os resultados. Em Haskell o conceito de mónade está definido como uma classe de construtores de tipos. Quando um termo t é do tipo m a, sendo m um mónade e a um tipo qualquer, isso significa que t é uma computação que retorna um valor do tipo a. Ou seja, t é um valor de tipo a com um efeito adicional captado por m. No caso do mónade IO, esse efeito é uma acção de input/output.

1.3 C++ "functional"

Devido à sua herança, C++ promove um estilo frágil de programação, devendo ser o programador a ter alguma atenção e a tomar algumas decisões quando pretende usar o paradigma funcional em C++. Por exemplo:

- Evitar dados mutáveis. Numa função que altera uma estrutura, em vez de receber a estrutura por referência e a alterar, será melhor receber a estrutura por valor e devolver uma nova. Por razões de performance, também pode ser boa ideia passar a estrutura por referência const, que se traduz em menos movimentação de memória.
- Para um estilo de programação mais genérico, mas ao mesmo tempo mais seguro, preferir templates a void *, o que permite uma abstracção de tipos, indo de encontro ao que acontece em Haskell. Vejamos o exemplo de uma função que soma dois valores passados como argumento.

```
template <typename T>
T add(T a, T b) {
    return a + b;
};
int main () {
    auto i = add(2, 3);
    auto f = add(2.2, 4.1);
    return 0;
}
```

Esta função pode ser invocada com diferentes tipos, tornando desnecessária a implementação da mesma função para tipos diferentes, e ganhando de

forma gratuita a inferência de tipos por parte do compilador, através da keyword auto.

• Recorrer ao uso de lambdas para criar abstracções (desde C++11). Por exemplo, se quisermos uma função que multiplica por 2, mas esta não for muito frequentemente necessária, podemos defini-la localmente como anónima. Ou seja, usar [] (int x){return 2*x;}, em vez de definir como usual:

```
int mul2 (int x) {
    return 2 * x;
}
```

• Utilizar bibliotecas funcionais existentes, como a "Functional Plus" ("Functional Plus," n.d.), que define muitas abstracções úteis de programação funcional, fácil de usar e com boa documentação; a "CPP Prelude" ("CPP Prelude," n.d.), que define grande parte do prelude do Haskell, à custa de funções da STL; e a "Ranges" ("Ranges," n.d.), que tem muitas abstracções úteis de programação funcional, tal como a "Functional Plus", mas com mais atenção a performance, e vai ser integrada numa revisão futura da linguagem. Estas bibliotecas aparecerão todas mais à frente, ao longo deste documento.

2 Comparação e Análise de Programas Equivalentes em Haskell e C++

Neste capítulo, faremos uma comparação mais específica sobre programas escritos em ambas as linguagens e cujo propósito é o mesmo, ou seja, podem considerar-se equivalentes. Durante a pesquisa que efectuamos, encontramos duas bibliotecas que tentam transpor o paradigma funcional para C++, que vão de encontro aos objectivos do nosso projecto. Vamos começar por algumas funções sobre listas do prelude do Haskell, usando a biblioteca "CPP Prelude", para uma comparação mais directa, e terminaremos com um programa mais robusto que foi utilizado na ronda de qualificação do Google Hash Code 2020, do qual tinhamos a versão em Haskell e fizemos a conversão para C++ utilizando a biblioteca "Functional Plus", para uma comparação mais realista.

2.1 Prelude

De forma a comparar a performance de pequenos programas em ambas as linguagens, geramos um ficheiro de *input* com uma lista de 10000000 de inteiros. Note-se que deixamos de fora da análise o processo de leitura do ficheiro. Focaremos a comparação na aplicação de funções específicas em Haskell e C++. Para cada função, vamos apresentar uma definição com recursividade explícita e uma definição recorrendo a funções de ordem superior em Haskell, seguidas de uma implementação em C++ e no final apresentamos os tempos de execução.

2.1.1 map

Comecemos pelo map. Esta função *mapeia* todos os elementos de uma dada lista com uma dada função. Por exemplo, em Haskell, se tivermos uma lista

de inteiros 1 :: [Int] e quisermos duplicar todos os elements da lista, basta chamar map (*2) 1.

Em Haskell:

```
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
-- Recursividade explícita
map f [] = []
map f (h:t) = f h : map f t
-- Funções de ordem superior
map f = foldr (\a -> (f a :)) []
Em C++:
template <Function FN, Container CN, Type A,
          Type B = typename std::result_of<FN(A)>::type,
          typename AllocA = std::allocator<A>,
          typename AllocB = std::allocator<B>>
auto map(const FN& f, const CN<A, AllocA>& c) -> CN<B, AllocB> {
  auto res = CN<B, AllocB>{};
  res.reserve(c.size());
 std::transform(std::begin(c), std::end(c), std::back_inserter(res), f);
  return res;
}
```

Em C++ já existe uma função parecida: std::transform. Esta função recebe os iteradores de início e fim da colecção de *input*, a forma como se deve inserir na colecção de resultado, e como transformar cada elemento da colecção de *input*; e devolve o iterador para o início da colecção de resultado.

Como tal, podemos aproveitar o std::transform para definir o map em C++. Como devolve uma colecção, temos de criar a colecção de resultado (res) – em Haskell isto é feito de forma automática.

2.1.2 filter

A segunda função que comparamos foi o filter, que recebe uma lista e um predicado, e calcula a lista que tem todos os elementos que satisfazem esse predicado. Por exemplo, se tivermos uma lista de inteiros 1 :: [Int], e quisermos obter a lista dos inteiros pares, podemos usar o filter com o predicado even: filter even 1.

Em Haskell:

Tal como no caso do map, já existe uma função parecida: std::copy_if. Apesar de não sabermos à partida quantos elementos terá a colecção de resultado, por razões de performance, podemos na mesma reservar espaço. No fim, a colecção pode conter menos elementos que os reservados, e para remover a memória inutilizada, usa-se shrink_to_fit.

2.1.3 reverse

A nossa terceira função escolhida foi o reverse que, dada uma lista, inverte a ordem dos seus elementos. Por exemplo, se tivermos a lista 1 = [1, 2, 3, 4, 5], e lhe aplicarmos o reverse obtemos [5, 4, 3, 2, 1].

Em Haskell:

```
reverse :: [a] -> [a]
-- Recursividade explícita
reverse = reverse' []
    where
        reverse' ret [] = ret
        reverse' ret (h:t) = reverse' (h:ret) t
-- Funções de ordem superior
reverse = foldl (flip (:)) []
Em C++:
template <Container CN, Type A, typename AllocA = std::allocator<A>>
auto reverse(const CN<A, AllocA>& c) -> CN<A, AllocA> {
    auto res = CN<A, AllocA>{c};
    std::reverse(std::begin(res), std::end(res));
    return res;
}
```

Mais uma vez, já existe uma função parecida: std::reverse. No entanto, o std::reverse altera a colecção, em vez de devolver uma nova.

2.1.4 zip

Para concluir o primeiro conjunto de funções escolhemos a função zip. Esta recebe duas listas, e emparelha os seus elementos – o primeiro com o primeiro, o segundo com o segundo, e assim sucessivamente. Caso as listas tenham tamanhos diferentes a menor lista dita o tamanho final.

Em Haskell:

```
zip :: [a] -> [b] -> [(a,b)]
-- Recursividade explícita
zip []
                  = []
zip _
           []
                  = []
zip (x:xs) (y:ys) = (x, y) : zip xs ys
-- Funções de ordem superior
zip = zipWith (,)
Em C++:
template <Container CA, Type A, typename AllocA = std::allocator<A>,
          Container CB, Type B, typename AllocB = std::allocator<B>,
          Container CRES = CA, typename RES = std::tuple<A, B>,
          typename AllocRES = std::allocator<RES>>
auto zip(const CA<A, AllocA>& left, const CB<B, AllocB>& right)
    -> CRES<RES, AllocRES> {
  auto res = CRES<RES, AllocRES>{};
  res.reserve((left.size() < right.size()) ? left.size() : right.size());</pre>
  auto 1 = std::begin(left);
  auto r = std::begin(right);
  while (1 != std::end(left) && r != std::end(right)) {
    res.emplace_back(*1, *r);
    ++1;
    ++r;
  }
  return res;
```

Neste caso, não existe nenhuma função parecida na STL, e portanto, é definida manualmente como um ciclo.

2.1.5 Resultados

done

Para comparar performance entre as duas linguagens, executamos todas as funções num só processo e medimos o tempo de CPU de cada uma com os meios disponíveis em cada linguagem. Simultaneamente, medimos o tempo de execução do processo e a memória residente máxima com o programa /usr/bin/time.

Os programas foram executados uma única vez num sistema $Debian\ testing$, a correr num CPU $Ryzen\ 3\ 2200G$, e com 8GB de RAM. Para os compilar usamos os seguintes comandos, com as versões 9.3.0 do GCC, e 8.6.5 do GHC:

```
ghc -03 bench.hs -o bench_hs
E para correr os programas usamos o seguinte:
for P in bench_{cpp,hs}
do
    echo "$P"
    /usr/bin/time -f "%U / %S / %e / %M KB" "./$P" < lista.txt
    echo</pre>
```

g++ -Wall -Wextra --std=c++17 -03 bench.cpp -o bench_cpp

Para medir o tempo de CPU em C++ usamos std::clock() do header <ctime>, com o seguite macro:

E em Haskell usamos getCPUTime de System. CPUTime, com a seguinte função:

```
timeSomething :: NFData a => String -> a -> IO ()
timeSomething str something = do
    start <- liftIO getCPUTime
    let !result = deepforce $! something
    end <- liftIO getCPUTime
    let diff = round . (/1000000000) . fromIntegral $ end - start
    putStrLn $ str ++ ": " ++ show diff ++ " ms"</pre>
```

Como Haskell é *lazy-by-default*, para obter-mos uma comparação justa é necessário forçar a avaliação das expressões que pretendemos testar. Para isso usamos o deepforce, que está definido como deepforce x = deepseq x x, sendo deepseq a b a função que força a avaliação de a e devolve b. A leitura e conversão do *input* para uma lista de inteiros foi forçada antes do primeiro *benchmark*.

Apresentamos na tabela 1 os resultados.

Tabela 1: Tempo de CPU de cada função, tempo de execução do processo em $user\ mode$ e $kernel\ mode$ e memória residente máxima do processo.

	C++	Haskell
map (*2)	$13 \mathrm{ms}$	148ms
filter even	$50 \mathrm{ms}$	$162 \mathrm{ms}$
reverse	$14 \mathrm{ms}$	929 ms
uncurry zip . split id id	$38 \mathrm{ms}$	$164 \mathrm{ms}$
usr / sys	2.26s / 0.04s	29.38s / 0.47s
Memória residente máxima	$121.3~\mathrm{MB}$	$1262.9~\mathrm{MB}$

A diferença nos tempos é bastante drástica, especialmente do tempo total do processo. Como passa bastante tempo antes do programa em Haskell mostrar resultados podemos concluir que grande parte do tempo é gasto na leitura e processamento do *input*.

2.2 Google Hash Code 2020

Falemos agora sobre o problema do Google Hash Code 2020. O problema é de optimização, e consiste em planear que livros serão examinados e de que biblioteca, de forma a maximizar a pontuação, que é a soma da pontuação de cada livro que foi examinado – livros examinados mais do que uma vez contam só uma. Não iremos detalhar aqui o problema em si, os ficheiros de input e output, – visto que estão disponíveis na página da competição² – nem a estratégia usada para o resolver, dado não estarem directamente relacionados com o tema deste trabalho.

O programa original, escrito em Haskell, foi desenvolvido durante a competição, que durou quatro horas, e está estruturado simplesmente como a composição de três passos – ler o *input*, resolver o problema, e escrever o *output* – como se pode verificar no código:

```
main = interact (outputToString . solve . readLibraries)
```

A conversão em C++ segue a mesma estrutura, como se pode também verificar no código:

```
output_to_string(solve(read_libraries()));
```

Tem apenas duas pequenas excepções: enquanto que em Haskell temos as seguintes funções:

```
readLibraries :: String -> Libraries
outputToString :: Output -> String
Em C++ temos estes dois procedimentos:
struct libraries read_libraries (void);
void output_to_string (output_t output);
```

Isto porque seria mais difícil implementar de uma forma mais funcional e o resultado seria muito menos idiomático – estranho, até.

2.2.1 Notas Sobre Funções Relevantes Utilizadas

2.2.1.1 fplus::transform

Esta função serve um propósito similar ao da função map em Haskell. Enquanto que em Haskell escreveríamos map func col, em C++, com a biblioteca "Functional Plus", escrevemos fplus::transform(func, col).

2.2.1.2 fplus::keep_if

Esta função serve um propósito similar ao da função filter em Haskell. Enquanto que em Haskell escreveríamos filter pred col, em C++, com a biblioteca "Functional Plus", escrevemos fplus::keep_if(pred, col).

 $^{^2\}mathrm{Para}$ o enunciado do problema e ficheiros de input, ver ("Google Hash Code Archive" 2020).

2.2.1.3 fplus::fwd::apply

Esta função é usada para aplicar funções sobre colecções a uma colecção. Por exemplo, quando em Haskell escreveríamos func3 . func2 . func1 \$ col, em C++, com a biblioteca "Functional Plus", escrevemos

```
fplus::fwd::apply(col, func1, func2, func3).
```

Funções úteis para usar com fplus::fwd::apply podem ser encontradas no namespace fplus::fwd.

2.2.1.4 fplus::fwd

Como em C++ não há *auto-currying*, de forma a ser possível compor funções da biblioteca, existem no *namespace* fplus::fwd versões para este propósito. Por exemplo, podemos escrever

2.2.1.5 std::tie

Para destruturar tuplos em C++ – mas não pares – podemos usar std::tie. Isto é equivalente a fazer *pattern match* sobre um tuplo em Haskell. Vejamos um exemplo:

Em Haskell:

2.2.2 Tipos e Estruturas de Dados

Definimos apenas três tipos para uso no programa, — um para representar o *input*, outro para representar o *output*, e um para representar uma biblioteca — e as únicas estruturas de dados usadas foram listas e vectores — só vectores do lado de C++. Apresentamos as suas definições a seguir.

Em Haskell:

```
-- ID nBooks Signup books/day books

type LibraryDesc = (Int, (Int, Int, Int, V.Vector Int))

data Libraries = Libraries {
```

```
nBooks :: Int,
 nLibraries :: Int,
 nDays :: Int,
  bookScore :: V.Vector Int,
  libraries :: [LibraryDesc]
 } deriving Show
                           lib nb
                                    books
newtype Output = Output [(Int, Int, V.Vector Int)]
Em C++:
typedef std::pair<int, std::tuple<int, int, int, std::vector<int>>>
        library_desc_t;
struct libraries {
 int n_books;
  int n_libraries;
  int n_days;
  std::vector<int> book_scores;
  std::vector<library_desc_t> libraries;
typedef std::vector<std::tuple<int, int, std::vector<int>>>
        output_t;
```

2.2.3 Ler o Input

Para a leitura do input tiramos proveito da lazyness do Haskell, e tomando-o como uma String. Do lado do C++ usamos também std::string, simplesmente porque pretendíamos uma conversão mais directa — em geral, esta não é a melhor escolha para performance, mas para os ficheiros de input não é expectável qualquer penalização, visto que o maior destes tem apenas 3.4MB.

De seguida apresentamos o ficheiro de exemplo mais pequeno:

```
; 6 livros, 2 bibliotecas, 7 dias
1 2 3 6 5 4 ; Pontuação de cada livro
           ; Biblioteca 0: 5 livros, 2 dias de signup, 2 livros/dia
5 2 2
          ; Os livros da biblioteca O
            ; Biblioteca 1: 4 livros, 3 dias de signup, 1 livro/dia
4 3 1
0 2 3 5
            ; Os livros da biblioteca 1
Em Haskell:
onTSBD (_, (_, ts, bd, _)) = (ts, bd)
readLibraries :: String -> Libraries
readLibraries = proc . map (map read . words) . lines
    proc ([nb, nl, nd]:scores:library_desc) = Libraries nb nl nd scs libs
        scs = V.fromList scores
        libs = (proc3 . zip [0..] $ proc2 library_desc)
    proc3 = sortOn onTSBD
```

```
proc2 ([nb, su, bd]:books:t) = (nb, su, bd, V.fromList books):(proc2 t)
    proc2 _ = []
Em C++:
struct libraries read_libraries (void) {
  std::string input(std::istreambuf iterator<char>{std::cin}, {});
  std::vector<std::vector<int>> values = fplus::fwd::apply(
      input,
      fplus::fwd::split_lines(false),
      fplus::fwd::transform([](std::string line) -> std::vector<int> {
        return fplus::fwd::apply(
            line,
            fplus::fwd::split_words(false),
            fplus::fwd::transform(fplus::read_value_unsafe<int>));
        }));
  struct libraries ret;
  /* Primeira linha */
 ret.n_books = values[0][0];
 ret.n_libraries = values[0][1];
 ret.n_days = values[0][2];
  /* Segunda linha */
 ret.book_scores = values[1];
  /* Resto */
 ret.libraries.reserve(ret.n_libraries);
  for (int i = 0; i < ret.n_libraries; i++) {</pre>
    std::vector<int> props = values[2 * i + 2 + 0];
    std::vector\langle int \rangle books = values[2 * i + 2 + 1];
    int n_books = props[0];
    int sign_up = props[1];
    int books_per_day = props[2];
    ret.libraries.push_back(
        std::make_pair(i,
          std::make_tuple(n_books,
            sign_up,
            books_per_day,
            books)));
  /* `proc3` */
 ret.libraries = fplus::sort_on(&on_ts_bd, ret.libraries);
 return ret;
```

Como se pode verificar, o passo de separar a *string* de *input* em linhas e palavras, e de ler essas palavras para inteiros, está muito parecido ao original – a definição da variável values. O passo zip [0..] . proc2 já foi fundido num só ciclo *for*.

2.2.4 Resolver o Problema

```
Em Haskell:
ordBookScore :: Libraries -> Int -> Int
ordBookScore 1 id = (V.! id) $ bookScore 1
solve :: Libraries -> Output
solve 1 = cenas . sortOn onTSBD $ solve' (nDays 1) (distinct $ libraries 1)
  where
    distinct :: [LibraryDesc] -> [LibraryDesc]
    distinct = map mapper . filter pred . fst . foldl' folder def
        mapper (id, (nb, ts, bd, bs)) = (id, (nb, ts, bd, sorted))
            sorted = V.fromList . sortOn (ordBookScore 1) $ V.toList bs
        pred (_, (_, _, _, bs)) = not $ V.null bs
        def = ([], S.empty)
        folder (ret, s) (id, (nb, ts, bd, bs)) = let
          bss = S.fromList $ V.toList bs
          bs' = S.difference bss s
          ss = S.union s bs'
          bs'' = V.fromList $ S.toList bs'
          in ((id, (S.size bs', ts, bd, bs'')):ret, ss)
    cenas = Output . map (\((id, (nb, ts, bd, bs)) -> (id, nb, bs))
    solve' 0 _ = []
    solve' _ [] = []
    solve' nd (e@(_, (_, ts, _, _)):t)
      | ts <= nd = e:(solve' (nd - ts) t)
      | otherwise = solve' nd t
/* Esta função representa a função `distinct` acima */
struct libraries distinct (struct libraries libs) {
  libs.libraries = fplus::fwd::apply(
      libs.libraries,
      fplus::fwd::fold_left(
        [](std::pair<std::vector<library_desc_t>, std::set<int>> a,
          library_desc_t b) {
        std::vector<library_desc_t> ret = a.first;
        std::set<int> s = a.second;
        int id = b.first;
        int ts, bd;
        std::vector<int> bs;
        std::tie(std::ignore, ts, bd, bs) = b.second;
        std::set<int> bss(bs.begin(), bs.end());
```

```
std::set<int> bs_ = fplus::set_difference(bss, s);
        std::set<int> ss = fplus::set_merge(s, bs_);
        return std::make_pair(
            fplus::prepend_elem(
              std::make_pair(
                id,
                std::make tuple(
                  bs_.size(),
                  ts,
                  bd,
                  std::vector<int>(bs_.begin(), bs_.end()))),
              ret),
            ss);
       },
          std::make_pair(std::vector<library_desc_t>(), std::set<int>())),
          fplus::fwd::fst(),
          fplus::fwd::keep_if([](library_desc_t pt)
              { return !std::get<3>(pt.second).empty(); }),
          fplus::fwd::transform(
              fplus::fwd::transform_snd(
                [libs](std::tuple<int, int, int, std::vector<int>> tup) {
                int nb, ts, bd;
                std::vector<int> bs;
                std::tie(nb, ts, bd, bs) = tup;
                bs = fplus::sort_on([libs](int bid)
                { return libs.book_scores[bid]; }, bs);
                return std::make_tuple(nb, ts, bd, bs);
                }))
 );
 return libs;
/* Esta função representa a função `solve'` acima */
std::vector<library_desc_t>
solve_ (int n_days, std::vector<library_desc_t> libs) {
 std::vector<library_desc_t> ret;
 int len = libs.size();
 assert(len > 0);
 for (int i = 0; i < len && n_days > 0; i++) {
   library_desc_t e = libs[i];
   /*
     * `e` é um `std::pair`
     * `e.second` acede à componente da direita.
     * `e.second` é um `std::tuple`
     * `std::get<1>` acede à componente de índice 1
   int ts = std::get<1>(e.second);
   if (ts <= n_days) {</pre>
     ret.push_back(e);
```

```
n_days -= ts;
 }
 return ret;
output t solve (struct libraries libs) {
  libs = distinct(libs);
  return fplus::fwd::apply(
      solve_(libs.n_days, libs.libraries),
      fplus::fwd::sort_on(&on_ts_bd),
      fplus::fwd::transform(
        [](library_desc_t pt) {
          int id = pt.first;
          int nb;
          std::vector<int> bs;
          std::tie(nb, std::ignore, std::ignore, bs) = pt.second;
          return std::make_tuple(id, nb, bs);
        }));
}
```

2.2.5 Escrever o Output

Aqui apresentamos o output gerado pelos dois programas, dado o ficheiro de exemplo mostrado acima:

```
; 2 bibliotecas
          ; 5 livros, da biblioteca 0
0 1 2 4 3 ; Livros 0, 1, 2, 4, 3, por esta ordem
          ; 1 livro, da biblioteca 1
          ; Livro 5
Em Haskell:
outputToString :: Output -> String
outputToString (Output libs) = unlines
                              . ((show nLibs):)
                              $ concatMap mapper libs
  where
    mapper = map (unwords . map show)
           ((x, y, 1) \rightarrow [[x, y], V.toList 1])
    nLibs = length libs
Em C++:
void output_to_string (output_t output) {
  /* Esta operação representa `((show nLibs):)` acima */
  std::cout << output.size() << std::endl;</pre>
  /* O corpo deste ciclo representa a função `mapper` acima */
  for (const std::tuple<int, int, std::vector<int>> & lib : output) {
    int x, y;
    std::vector<int> 1;
```

```
std::tie(x, y, 1) = lib;
std::cout << x << " " << y << std::endl;
int len = l.size();
assert(len > 0);
std::cout << l[0];
for (int i = 1; i < len; i++)
    std::cout << " " << l[i];
std::cout << std::endl;
}</pre>
```

2.2.6 Resultados

A conversão "imediata" para C++, com a biblioteca "Functional Plus", demorou duas tardes a completar, um total de cerca de oito horas. Estes testes foram executados no mesmo sistema usado na secção 2.1.5 e utilizamos novamente /usr/bin/time, com o seguinte ciclo, para medir o tempo de execução e memória residente máxima:

```
for P in Solve_hs solve_cpp
do
   for F in [abcdef]_*.txt
   do
    echo -n "$F: "
    /usr/bin/time -f "%U / %S / %M KB" "./$P" < "$F" > /dev/null
   done
done
```

Apresentamos na tabela 2 a memória residente máxima por cada ficheiro e se o output foi igual nos dois programas. Na tabela 3 apresentamos os tempos de execução para o processamento de cada ficheiro e o tempo total para o processamento de todos os ficheiros. Os tempos apresentados são usr/sys, ou seja, o tempo do processo em $user\ mode$ e em $kernel\ mode$.

Tabela 2: Memória residente máxima por ficheiro e se o output foi igual nos dois programas.

Ficheiro	Haskell	C++	Output igual?
a_example.txt	3.8 MB	3.3 MB	Sim
b_read_on.txt	$66.2~\mathrm{MB}$	28.9 MB	Não
c_incunabula.txt	$95.7~\mathrm{MB}$	$43.8~\mathrm{MB}$	Sim
d_tough_choices.txt	$117.4~\mathrm{MB}$	$77.4~\mathrm{MB}$	Não
e_so_many_books.txt	$212.6~\mathrm{MB}$	$77.4~\mathrm{MB}$	Não
f_libraries_of_the_world.txt	$221.7~\mathrm{MB}$	$79.6~\mathrm{MB}$	Sim

Tabela 3: Tempo de execução em *user mode* e *kernel mode* por ficheiro, e tempo total para todos os ficheiros.

Ficheiro	Haskell	C++
a_example.txt	0.00s / 0.00s	0.00s / 0.00s
b_read_on.txt	0.53s / 0.03s	8.41s / 0.02s
c_incunabula.txt	0.91s / 0.03s	4m16.64s / 0.07s
d_tough_choices.txt	1.21s / 0.02s	21 m 20.58 s / 1.07 s
e_so_many_books.txt	2.27s / 0.09s	2m34.70s / 0.03s
f_libraries_of_the_world.txt	2.36s / 0.07s	2m38.32s / 0.02s
Tempo total (usr/sys)	7.28s / 0.24s	$30 \text{m} 56.65 \text{s} \ / \ 1.21 \text{s}$

Como é possível verificar na tabela, o tempo total de execução para todos os ficheiros de *input* é muito superior em C++. Pensamos que esta diferença acentuada se deve ao facto de as estruturas usadas em C++ não serem adequadas para o uso que lhes estamos a dar – existe muita cópia de memória. Por outro lado, a biblioteca que estamos a utilizar poderá ter sido pensada para satisfazer os requisitos funcionais descurando performance.

Para alguns dos ficheiros de *input*, o programa em C++ dá um resultado ligeiramente diferente do original. Como os programas são deterministas, acreditamos que isto se deve a diferenças entre as implementações do algoritmo de ordenação nas duas linguagens.

3 Aspectos Importantes de Programação Funcional

Neste capítulo detalharemos as características da programação funcional mencionadas na introdução.

Composição é, provavelmente, o mais importante e talvez o único aspecto inerente a programação funcional. A ideia central é que construindo peças pequenas, fáceis de entender e de provar como correctas, é também "simples" construir um sistema complexo, correctamente.

De seguida, falaremos do conceito de imutabilidade, em que objectos não são alterados mas sim copiados, para implementar mudanças. Esta propriedade ajuda a evitar erros comuns em programação Imperativa, causados pela partilha de memória e a não especificação da relação entre estados.

Lazy Evaluation, não sendo adoptada como estratégia de avaliação, pode ser usada como estratégia de optimização, especialmente quando combinada com imutabilidade e partilha de memória.

Finalmente, ADTs (*Algebraic Data Types*) são um forma de definir formalmente novos tipos de dados a partir de tipos já existentes. É desejavel criar abstracções no sistema de tipos que ajudem a descrever o problema com que nos deparamos, dando significado a valores e tentando limitar o conjunto de valores possíveis aos estritamente válidos.

A seguir, para cada um destes pontos, mostraremos e analisaremos exemplos em Haskell e como se pode fazer em C++.

3.1 Imutabilidade

Uma das características mais importantes do paradigma funcional, é a noção de imutabilidade das expressões. Isto faz com que não seja possível alterar o valor de variáveis já existentes mas sim, criar novas variáveis com os novos valores.

A linguagem C++ tenta também lidar com esta noção de imutabilidade. A noção de funções puras é dada pela avaliação de referential transparency. Uma função é referencialmente transparente se para o mesmo input, é sempre devolvido o mesmo valor de retorno – ou seja, substituindo uma expressão pelo seu valor de retorno, o seu significado permanece inalterado – e não tem efeitos colaterais observáveis. Por exemplo:

```
int g = 0;
/* Referencialmente transparente */
int ref_trans (int x) {
   return x + 1;
/* Não referencialmente transparente -- cada vez que a função é
 * invocada, tem um valor de retorno diferente */
int not_ref_trans1 (int x) {
   g++;
   return x + g;
/* Não referencialmente transparente -- embora o valor de retorno seja
 * sempre o mesmo, dado o mesmo input, há um efeito colateral, o
 * incremento de `q` */
int not_ref_trans2 (int x) {
   g++;
   return x + 1;
}
```

A ideia de imutabilidade é particularmente útil em ambientes em que se gera concorrência, pois existem variáveis partilhadas que podem gerar comportamentos inesperados nos programas se não for devidamente protegida a sua alteração. Em C++ está disponível a keyword const que permite controlar a imutabilidade de uma variável. Ao declarar uma variável const x estamos a dizer ao compilador que esta variável é imutável e, qualquer tentativa de alteração à variável irá originar um erro de compilação. De seguida analisamos a declaração de uma variável const e os possíveis erros que podem ser cometidos ao tentar manipular essa variável.

```
const std::string name{"John Smith"};
std::string name_copy = name;
std::string& name_ref = name; // erro
const std::string& name_constref = name;
std::string* name_ptr = &name; // erro
const std::string* name_constptr = &name;
```

Em 1 não há ocorrências de erros pois apenas se está a associar o valor de name a uma nova variável. Em 2 teremos um erro de compilação pois estamos a passar name por referência a uma variável não const, situação que é resolvida em 3. Em 4 voltamos a ter um erro de compilação pois estamos a criar um apontador não const para name. Este erro é resolvido em 5. O facto de em 2 e 4 ocorrer um erro de compilação deve-se ao facto de name_ref e name_ptr não estarem qualificados com const e poderem ser alterados. No entanto, como apontam para uma variável const, gera-se uma contradição.

3.2 Lazy Evaluation

Lazy Evaluation é uma técnica de programação usada para atrasar a avaliação de uma expressão até que, e se, o seu valor for realmente necessário, sendo também possível evitar a reavaliação desta. No contexto da programação funcional isto significa que quando uma função é aplicada a um argumento, o argumento não é previamente calculado.

Muitas vezes, o resultado da avaliação de uma expressão é comum a várias operações. Se todas essas operações avaliassem a expressão, o sistema seria sobrecarregado descenessariamente, resultando numa perda de performance. Por exemplo, no caso de um algoritmo que recorra ao cálculo do produto entre duas matrizes com alguma frequência, *lazy evaluation* propõe calcular uma única vez o produto das matrizes e reutilizar o resultado sempre que o produto seja utilizado. Deste modo evita-se o custo computacional associado à repetição da mesma operação, o que contribui para o aumento da performance. Isto só faz sentido em conjunto com imutabilidade de objectos, ou *Copy-on-Write*.

C++ não é lazy-by-default, e como tal, deverá ser o programador a aplicar esta técnica. Apesar de esta técnica poder ser usada como técnica de optimização, é apenas em contextos muito específicos. Em geral, em linguagens eager-by-default, pode ser usada quando existem acções que podem vir a não ser precisas no futuro. Por exemplo, ao criar um objecto que tem campos custosos de calcular e que não serão necessariamente usados. Mais especialmente, se tivermos, por exemplo, um dicionário, pode ser útil em certas ocasiões convertê-lo para uma alist (association list), ou seja, converter Map k v para [(k, v)]. Numa estrutura imutável, esta conversão basta ser realizada uma vez, e portanto, um dos campos do dicionário pode ser o atraso dessa conversão. Além disso, na programação funcional é particularmente útil na implementação de estruturas de dados puramente funcionais, como se pode ver no livro Okasaki (1999).

Vejamos uma possível implementação de *lazy evaluation* em C++, sendo necessário ter em atenção os seguintes pontos:

- Função sobre a qual queremos atrasar o cálculo
- Uma flag que indica se já calculamos o resultado da função
- O resultado calculado

```
template <typename F>
class lazy_funcall {
   const F func;
   typedef decltype(func()) RetType;
```

```
mutable std::optional<RetType> ret;
mutable std::once_flag call_once_flag;
public:
    lazy_funcall (F f) : func(f) { }
    const RetType & operator() () const {
        std::call_once(call_once_flag, [this] { ret = func(); });
        return ret.value();
    }
};
```

O construtor da lazy_funcall espera receber um procedimento, mas para facilitar o seu uso podemos ainda definir alguns *macros* para aceitar expressões.

```
#define delay_(capt, block) delay_funcall(capt block)
#define delay(block) delay_([&], block)
#define delay_expr_(capt, expr) delay_(capt, { return (expr); })
#define delay_expr(expr) delay_expr_([&], (expr))
```

Com estes *macros* podemos fazer atrasar a avaliação de expressões ou blocos assim:

```
delay_expr(2 * 21);
delay({
    int x = 2;
    int y = 21;
    int r = x * y;
    return r;
});
```

Como estes macros fazem uso de *lambdas*, delay e delay_expr usam [&] como captura por omissão. Caso se pretenda especificar as capturas, podem-se usar delay_ e delay_expr_, assim:

```
delay_expr_([], 2 * 21);
delay_([], {
   int x = 2;
   int y = 21;
   int r = x * y;
   return r;
});
```

3.3 Composição

Uma parte importante de programação funcional é a composição de funções. Ao escrever funções pequenas e genéricas, e ao reutilizá-las com composição, é possível escrever programas completos rapidamente e com menos bugs. Em linguagens funcionais, composição é usada frequentemente; numa linguagem como C++ não é muito conveniente usar composição em todo o lado, principalmente por causa da sintaxe e da semântica de passar variáveis por valor ou referência. Existe um caso, no entanto, onde composição não tem de ser pointwise: trabalhar com colecções. Quando há um conjunto de operações a aplicar a uma colecção, seja no seu todo ou parte dela, expressar estas operações com algum tipo de pipeline é bastante intuitivo, legível e barato em número de caracteres escritos.

Esta ideia não é nova – em linguagens funcionais este conceito é normalmente implementado como listas em linguagens *lazy-by-default*, como Haskell, ou *lazy-lists/streams* em linguagens *eager-by-default*, como Scheme.

Existem muitas operações sobre colecções que podem ser mapeadas numa pipeline, sendo muitas delas bastante comuns. Programá-las de cada vez manualmente como um ciclo é tedioso e muito provavelmente menos legível do que simplesmente usar as abstracções. Algumas destas operações comuns incluem somar, multiplicar, filtrar, mapear, e o fold, que é um canivete suíço, com o qual muitas das outras operações são implementadas – também comummente conhecido como reduce, mas com semântica ligeiramente diferente.

A STL de C++ já tem algumas destas operações. Para os casos mais simples e comuns estas podem ser suficientes. É definitivamente melhor do que escrever um ciclo manualmente. Estas podem, no entanto, ser melhoradas. Existem várias bibliotecas que implementam conceitos funcionais em C++; vamos usar apenas a "Functional Plus" no documento. No entanto, existe uma outra biblioteca parecida, "Ranges", com melhor performance, mas a documentação é escassa, o que torna difícil perceber como a usar.

Como exemplo, dada uma lista em Haskell, filtrar os elementos que satisfazem um predicado, aplicar uma função a cada um deles, e por fim calcular o produtório pode ser escrito assim em Haskell:

```
product . map mapper . filter pred $ xs
```

Um ciclo for para o mesmo efeito em C++, escrito manualmente, podia ser como o que se segue – omitindo a declaração e inicialização da variável ret:

```
for (auto x : xs)
   if (pred(x))
     ret *= mapper(x);
```

Mas não é preciso escrever ciclos for manualmente grande parte das vezes – podemos em vez disso escrever o seguinte:

```
fplus::fwd::apply(xs
    , fplus::fwd::keep_if(pred)
    , fplus::fwd::transform(mapper)
    , fplus::fwd::product())
```

O nosso estudo não se centrou apenas na "Functional Plus", no entanto. Ao ler Čukić (2019), pudemos obter uma amostra do que é possível neste tipo de biblioteca. Em particular, o livro explica sucintamente porque é que a biblioteca "Ranges" tem melhor performance que a STL, e que a "Functional Plus".

Comecemos pelo aspecto da usabilidade: na STL, as funções têm como parâmetros dois *iterators*, — o início e fim da colecção de *input*, ou de parte dela — um iterador para o início da colecção de *output*, e um *inserter*, que dita como os elementos serão inseridos na colecção de *output*. De imediato, alguns pontos a melhorar saltam à vista:

 Porque é que é preciso passar os iteradores de início e fim da colecção de input? Na verdade sabemos para que serve, mas não precisa de ser assim. Dá mais trabalho passar dois argumentos em vez de um, mas mais importante: é possível passar iteradores para o início e fim de duas coleções diferentes por engano.

2. Passar iterador e *inserter* da colecção de *output* também é tedioso; mas pior, significa que é sempre criada uma colecção de *output*.

A "Functional Plus" melhora o primeiro destes pontos, – basta passar a colecção em si, não iteradores para ela – mas o segundo ponto continua um problema presente – é sempre devolvida uma nova operação como resultado.

A "Ranges" melhora estes dois aspectos ao simplesmente abstrair colecções como ranges, e devolver ranges como resultado das operações. Pode-se pensar nesta abstracção de range como um par de iteradores: o início e fim.

Agora é possível passar a uma operação uma colecção, que é automaticamente transformada num *range*, ou o resultado de uma outra operação, que já é um *range*. Esta última parte é crucial – significa que podemos compor operações *pointfree*.

Vamos agora a performance. O par de iteradores que forma um range é só um par de apontadores. Para operações que não alteram a colecção original não há necessidade de copiar memória. Para implementar, por exemplo, o filter, basta implementar o operador ++ (next) para o range de output, sobre o iterador de início, procurando pelo elemento seguinte no range de input que satisfaz o predicado. Se nenhum elemento satisfaz o predicado chegamos eventualmente ao fim da colecção, ou seja, temos um range vazio.

Quando há a necessidade de alterar o range de input temos duas opções: copiar o range de input, ou mutar a colecção original in-place.

Todas as operações são *lazy*, ou seja, acontecem *on-demand*, como em Haskell – se o resultado não for usado, nada é feito.

3.4 ADTs

ADTs (*Algebraic Data-Types*), ou Tipos de Dados Algébricos, são tipos de dados criados a partir de tipos já existentes, de duas maneiras diferentes. Vamos dar uma breve descrição, para completude, simplesmente porque nem todas as linguagens funcionais têm ADTs nativamente ou com este nome.

A primeira, e mais comum, é o produto. Dados dois tipos A e B, o produto deles, $A \times B$, é simplesmente o produto cartesiano entre A e B.

A segunda, presente em grande parte das linguagens, mesmo que indirectamente, é o coproduto. Dados dois tipos A e B, o coproduto deles, A+B, é o conjunto cujos elementos ou são do tipo A ou do tipo B, mas é possível distingui-los – união disjunta. Este conjunto pode ser representado indirectamente como $Bool \times (A \cup B)$: um elemento de A ou B, e uma flag a indicar se é de A ou de B. Note-se que esta flag indica na verdade se o elemento é da esquerda ou direita: A+A é um tipo válido.

Com estas duas técnicas de composição é possível representar qualquer estrutura de dados. Será então útil saber como usar estas duas técnicas numa linguagem de programação. Em Haskell, com o seu sistema de tipos avançado, ambas estão disponíveis nativamente. Em C++, tal como em C, só o produto está disponível,

sob a forma de structs. Na STL também existem std::pair e std::tuple que podem considerar-se alternativas em alguns casos.

De seguida vamos apresentar as três formas de compor tipos em C++, com as keywords struct/class, enum, e union, qual o equivalente em Haskell e como cada uma se relaciona com ADTs.

3.4.1 struct/class

Juntamos estas duas *keywords* visto que servem o mesmo propósito; a única diferença está em que, caso nada seja dito em contrário, numa **struct** todos os membros são públicos, enquanto que numa **class** são privados.

Por exemplo, para representar um filme, com o seu título (String), ano de lançamento (Int), e uma pontuação (Float), podemos definir o tipo Filme como o produto dos seus três atributos, ou seja $Filme \cong String \times Int \times Float$.

Em Haskell existem várias maneiras de definir o tipo Filme.

```
type Filme = (String, Int, Float)
data Filme = Filme String Int Float
data Filme = Filme {
    titulo :: String,
    ano :: Int,
    pontuacao :: Float
}
```

A primeira é um produto. A segunda é um tipo algébrico gerado por um único construtor: Filme :: String -> Int -> Flaot -> Filme. A terceira é também um tipo algébrico gerado pelo mesmo construtor com o acrescimo de associar a cada um dos seus parâmetros nomes que funcionam também como selectores: titulo :: Filme -> String, ano :: Filme -> Int e pontuação :: Filme -> Float.

Em C++, existem duas alternativas:

```
struct Filme {
    std::string titulo;
    unsigned ano;
    float pontuacao;
};
```

```
typedef std::tuple<std::string, unsigned, float> Filme;
```

A primeira, que é mais idiomática, e a segunda, que é mais parecida com o tipo teórico, como a primeira definição em Haskell.

3.4.2 enum

Um exemplo simples e conhecido a todos do uso de *enums* é na definição do tipo dos booleanos: enum bool { false, true }; em C++, e

data Bool = False | True em Haskell, que não é mais do que o coproduto $Bool \cong 1+1$.

Poderíamos assim achar que enum em C++ serve para representar coprodutos em geral, mas estaríamos errados. enum serve apenas para representar o coproduto de vários conjuntos singulares, ou um único conjunto enumerável de valores não inteiros e sem ordem. Veremos mais à frente como representar tipos de soma.

3.4.3 union

Esta é a menos comum das três *keywords*, por ser de uso muito limitado, e não existe equivalente em Haskell. Esta "falha" do lado de Haskell na verdade não é grave — possivelmente nem sequer é uma falha. Ao contrário do que o nome sugere, union não serve para representar a união de tipos, e não vamos aqui listar os seus usos além do necessário para este texto.

union pode ser usada quando se pretende guardar qualquer um de vários valores, mas não vários em simultâneo, pois reserva espaço de memória suficiente para armazenar qualquer um dos seus componentes, mas apenas um. Por exemplo, se se pretender um tipo para guardar ou inteiros ou *floats*, pode-se usar a seguinte union:

```
union {
    int i;
    float f;
}
```

3.4.4 ADTs em C++

Vamos agora, finalmente, descrever como implementar ADTs em C++. A maneira mais idiomática, possível também em C, é usar uma tagged union.

Como exemplo, vamos definir um tipo de árvores binárias de nós, com valores nos nós e nas folhas: $BTree\ A\cong A+(A\times BTree\ A\times BTree\ A).$

Em Haskell:

```
} node;
} tree;
};
```

Esta definição em C++ é muito maior do que a definição em Haskell, não só devido à verbosidade de da linguagem, como à necessidade de usar um truque para transformar um coproduto num produto.

```
BTree\ A \cong A + (A \times BTree\ A \times BTree\ A) \cong Bool \times (A \cup (A \times BTree\ A \times BTree\ A))
```

Ou, para aproximar melhor a implementação,

```
BTree\ A \cong \{\ Leaf,\ Node\ \} \times (A\ \cup\ (A \times BTree\ A \times BTree\ A))
```

Neste caso, a union está realmente a simular a união de conjuntos.

Uma alternativa à tagged union, é usar std::variant, como a que se segue:

```
template <typename A>
struct Node {
    A x;
    Node<A> left;
    Node<A> right;
};
template <typename A>
using BTree = std::variant<A, struct Node<A>>;
```

Conclusão

Ao longo deste documento é possível constatar visualmente as diferenças sintáticas entre as duas linguagens. Em Haskell o código é bastante mais conciso do que em C++, pelo que a sua leitura e compreensão se torna mais simpática. Relativamente à eficiência e usabilidade das linguagens, em Haskell torna-se mais simples escrever programas relativamente eficientes com "pouco cuidado", uma vez que não há necessidade de preocupação com certos detalhes de implementação – gestão de memória, ordem de execução, etc. Embora C++ não tenha sido inicialmente pensado para o paradigma funcional, é de notar que têm sido incluídas nas suas revisões alguns conceitos directamente relacionados com este mesmo paradigma, sendo por isso natural que em próximas revisões, a afinidade com este paradigma seja reforçada.

Relativamente ao nosso projecto, este deu-nos uma amostra sobre uma linguagem que até então nos era desconhecida, C++, e proporcionou-nos uma diferente perspectiva sobre alguns conceitos do paradigma funcional. Notámos, no entanto, que existe muito mais conteúdo a ser explorado no âmbito deste tema, tal como Concorrência, Monads, Error Handling, cuja investigação poderá ser realizada em projectos futuros, ou mesmo por outros alunos, dando continuidade ao material já existente.

Referências

"CPP Prelude." n.d. https://github.com/kdungs/cpp-prelude.

Čukić, Ivan. 2019. Functional Programming in C++. Manning Publications.

"Functional Plus." n.d. https://github.com/Dobiasd/Functional Plus.

"Google Hash Code Archive." 2020. https://codingcompetitions.withgoogle.com/hashcode/archive.

Hoyte, Doug. 2008. Let over Lambda. Lulu.com. https://letoverlambda.com.

Okasaki, Chris. 1999. Purely Functional Data Structures. Cambridge University Press.

Peyton Jones, Simon. 2001. Tackling the Awkward Squad: Monadic Input/Output, Concurrency, Exceptions, and Foreign-Language Calls in Haskell. IOS Press. https://www.microsoft.com/en-us/research/publication/tackling-awkward-squad-monadic-inputoutput-concurrency-exceptions-foreign-language-calls-haskell.

"Ranges." n.d. https://github.com/ericniebler/range-v3.