Paradigma Funcional em Haskell e C++

André Sá (A
76361) João Rodrigues (A84505) Pedro Oliveira (A86328)

2020/07/21



${\rm \acute{I}ndice}$

1	Intr	rodução	3		
2	Abo 2.1 2.2 2.3	Ordagem ao Paradigma Funcional em Haskell e C++ O paradigma funcional	3 3 4 5		
3	Comparação e Análise de Programas Equivalentes em Haskell				
	e C+	+	5		
	3.1	Prelude	6		
		3.1.1 map	6		
		3.1.2 filter	7		
		3.1.3 reverse	8		
		3.1.4 zip	8		
		3.1.5 Resultados	9		
	3.2	Google Hash Code 2020	10		
4	Aspectos Importantes de Programação Funcional				
	4.1	Imutabilidade	11		
	4.2	Lazy Evaluation	13		
	4.3	Composição	14		
	4.4	ADTs	16		
		4.4.1 struct/class	16		
		4.4.2 enum	17		
		4.4.3 union	17		
		4.4.4 ADTs em C++	18		
5	Cor	nclusão	19		

1 Introdução

O paradigma funcional tem ganho notorieadade junto de grandes empresas e programadores em detrimento de outros, pois permite que em poucas linhas de código, quando comparado com outros estilos, se consiga criar soluções robustas e eficientes.

Neste documento será dada ênfase às vantagens do paradigma funcional e de que forma podemos aproveitar essas vantagens em C++. Iremos estudar e analisar as características funcionais em programas escritos em C++, através de algumas bibliotecas existentes para esse efeito e, aproveitaremos para efectuar uma análise comparativa de performance, sintaxe, etc, através de programas que resolvem o mesmo problema em C++ e Haskell.

O uso de templates em C++ traz algumas vantagens à programação em estilo funcional, nomeadamente a possibilidade de fazer programação genérica, isto é, criar programas polimórficos. Também é possível obter computação em tempo de compilação com templates, mas esta não é essencial a Programação Funcional, e portanto não vamos desenvolver sobre este assunto.¹

Aproveitaremos também para aprofundar alguns aspectos/características importantes da Programação Funcional tais como:

- Imutabilidade
- Lazy Evaluation
- Composição
- ADTs

Quando necessário, e para uma melhor elucidação sobre as questões que estão a ser analisadas, serão usados pequenos excertos de código em ambas as linguagens.

2 Abordagem ao Paradigma Funcional em Haskell e C++

2.1 O paradigma funcional

Na programação funcional, os programas são executados através da avaliação de expressões, em contraste, por exemplo, com o paradigma imperativo onde os programas são compostos por instruções que vão alterando o estado global à medida que executam. Isto significa que os procedimentos podem ter acesso ao estado global e/ou partilhado entre varios procedimentos. Esta partilha não está especificada de forma nenhuma e, portanto, tem de ser o programador a cuidar e evitar que problemas aconteçam. O paradigma Funcional evita este problema parcial ou completamente, ao desencorajar ou impedir esta prática e, ao mesmo tempo, encorajar e facilitar "boa pratica".

¹Para mais informação sobre este assunto, ler Let Over Lambda.

Um exemplo extremo e pouco realista seria:

```
void accoes (void)
{
    accao1();
    accao2();
    accao3();
}
```

Deste pequeno excerto, podemos concluír uma de duas hipóteses:

- 1. Como nenhum dos procedimentos accao1, accao2 ou accao3 recebe argumentos, e o resultado não é utilizado, então estes procedimentos não fazem nada de útil e, portanto, accoes também não faz nada de útil;
- 2. Cada um dos procedimentos faz algo de útil, mas para tal acede e altera alguma estrutura de dados partilhada; esta relacao *input-output* não é explicita.

Por outro lado, numa linguagem funcional escreveriamos (em notacao Haskell) accoes = accao3 . accao2 . accao1 para representar a mesma sequência de acções mas sem partilha de memória nem estruturas de dados a serem mutadas: cada uma das acções é uma função que devolve uma estrutura de dados, dada outra estrutura de dados.

Este problema de alteração implicita de estado agrava-se ainda mais num contexto concorrente com threads e partilha de memoria.

2.2 Haskell como linguagem funcionalmente pura

Haskell adopta o paradigma Funcionalmente Puro, o que quer dizer que um programa é uma função no sentido matemático, ou seja, dado o mesmo *input* é sempre devolvido o mesmo *output*.

Para se implementar efeitos secundários, em Haskell, em vez de se aceder ao mundo e alterá-lo implicitamente, como na maioria das linguagens, este é recebido como um argumento, e as mudanças são feitas sobre esse argumento.

Para dar melhor a entender, vejamos um exemplo: puts. O seu protótipo em C é int puts (const char *s). A string parâmetro s vai ser impressa no stdout, mas nada no tipo da função nos diz que assim é.

Em Haskell, a função equivalente é putStrLn, com tipo String -> IO (), e o efeito secundário de imprimir a string de *input* no stdout está descrito no próprio tipo da função: IO ().

Pode-se pensar neste IO a como sendo World -> (a, World), ou seja, dado um mundo, é devolvido o resultado da computação, e o novo mundo.²

²Ver Tackling the Awkward Squad.

2.3 C++ "funcional"

Devido à sua herança, C++ promove um estilo frágil de programação, devendo ser o programador a ter alguma atenção e a tomar algumas decisões quando pretende usar o paradigma funcional em C++. Por exemplo:

- Evitar dados mutáveis. Numa função que altera uma estrutura, em vez de receber a estrutura por referência e a alterar, será melhor receber a estrutura por valor e devolver uma nova. Por razões de performance, também pode ser boa ideia passar a estrutura por referencia const, que se traduz em menos movimentação de memória.
- Para um estilo de programação mais genérico, mas ao mesmo tempo mais seguro, preferir templates a void *, o que permite uma abstração de tipos, indo de encontro ao que acontece em Haskell. Vejamos o exemplo de uma função que soma dois valores passados como argumento.

```
template <typename T>
T add(T a, T b) {
    return a + b;
};
int main ()
{
    auto i = add(2, 3);
    auto f = add(2.2, 4.1);
    return 0;
}
```

Esta função pode ser invocada com diferentes tipos, tornando desnecessária a implementação da mesma função para tipos diferentes, e ganhando de forma gratuita a inferência de tipos por parte do compilador, através da keyword auto.

- Recorrer ao uso de *lambdas* para criar abstrações (desde C++11).
- Utilizar bibliotecas funcionais existentes, como "Functional Plus"³, "CPP Prelude"⁴, ou "Ranges"⁵.

3 Comparação e Análise de Programas Equivalentes em Haskell e C++

Neste capítulo, faremos uma comparação mais específica sobre programas escritos em âmbas as linguagens e cujo propósito é o mesmo, ou seja, podem considerar-se equivalentes. Durante a pesquisa que efectuamos, encontramos duas bibliotecas

³Ver Functional Plus.

⁴Ver CPP Prelude.

 $^{^5\}mathrm{Ver}\ Ranges.$

que tentam transpôr o paradigma funcional para C++, que vão de encontro aos objectivos do nosso projeto. Vamos começar por algumas funções sobre listas do prelude do Haskell, usando a biblioteca "CPP Prelude", para uma comparação mais directa, e terminaremos com um programa mais robusto que foi utilizado na ronda de qualificação do Google Hash Code 2020, do qual tinhamos a versão em Haskell e fizemos a conversão para C++ utilizando a biblioteca "Functional Plus", para uma comparação mais realista.

3.1 Prelude

De forma a comparar a performance de pequenos programas em âmbas as linguagens, geramos um ficheiro de *input* com uma lista de 10000000 de inteiros. Note-se que deixamos de fora da análise o processo de leitura do ficheiro. Focaremos a comparação na aplicação de funções específicas em Haskell e C++. Para cada função, vamos apresentar uma definição com recursividade explícita e uma definição recorrendo a funções de ordem superior em Haskell, seguidas de uma implementação em C++ e no final apresentamos os tempos de execução.

3.1.1 map

Comecemos pelo map. Esta função *mapeia* todos os elementos de uma dada lista com uma dada função. Por exemplo, em Haskell, se tivermos uma lista de inteiros 1 :: [Int] e quisermos duplicar todos os elements da lista, basta chamar map (*2) 1.

 Em Haskell:

```
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
-- Recursividade explícita
map f [] = []
map f (h:t) = f h : map f t
-- Funções de ordem superior
map f = foldr (\a -> (f a :)) []
Em C++:
template <Function FN, Container CN, Type A,
          Type B = typename std::result_of<FN(A)>::type,
          typename AllocA = std::allocator<A>,
          typename AllocB = std::allocator<B>>
auto map(const FN& f, const CN<A, AllocA>& c) -> CN<B, AllocB> {
  auto res = CN<B, AllocB>{};
 res.reserve(c.size());
  std::transform(std::begin(c), std::end(c), std::back_inserter(res), f);
  return res;
}
```

Em C++ já existe uma função parecida: std::transform. Esta função recebe os iteradores de início e fim da colecção de *input*, a forma como se deve inserir na colecção de resultado, e como transformar cada elemento da colecção de *input*; e devolve o iterador para o início da colecção de resultado.

Como tal, podemos aproveitar o std::transform para definir o map em C++. Como devolve uma colecção, temos de criar uma a colecção de resultado (res) – em Haskell isto é feito de forma automática.

3.1.2 filter

A segunda função que comparamos foi o filter, que recebe uma lista e um predicado, e calcula a lista que tem todos os elementos que satisfazem esse predicado. Por exemplo, se tivermos uma lista de inteiros 1 :: [Int], e quisermos obter a lista dos inteiros pares, podemos usar o filter com o predicado even: filter even 1.

Em Haskell:

```
filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
-- Recursividade explícita
filter p [] = []
filter p (h:t)
    | p h
               = h : filter p t
    | otherwise =
                      filter p t
-- Funções de ordem superior
filter p = foldr (\a -> if p a then (a:) else id) []
Em C++:
template < Predicate PR, Container CN, Type A,
          typename AllocA = std::allocator<A>>
auto filter(const PR& p, const CN<A, AllocA>& c) -> CN<A, AllocA> {
  auto res = CN<A, AllocA>{};
 res.reserve(c.size());
 std::copy if(std::begin(c), std::end(c), std::back inserter(res), p);
 res.shrink_to_fit();
  return res;
}
```

Tal como no caso do map, já existe uma função parecida: std::copy_if. Apesar de não sabermos à partida quantos elementos terá a colecção de resultado, por razões de performance, podemos na mesma reservar espaço. No fim, a colecção pode conter menos elementos que os reservados, e para remover a memória inutilizada, usa-se shrink_to_fit.

3.1.3 reverse

A nossa terceira função escolhida foi o reverse que, dada uma lista, inverte a ordem dos seus elementos. Por exemplo, se tivermos a lista 1 = [1, 2, 3, 4, 5], e lhe aplicarmos o reverse obtemos [5, 4, 3, 2, 1].

Em Haskell:

```
reverse :: [a] -> [a]
-- Recursividade explícita
reverse = reverse' []
   where
        reverse' ret []
                          = ret
        reverse' ret (h:t) = reverse' (h:ret) t
-- Funções de ordem superior
reverse = foldl (flip (:)) []
Em C++:
template <Container CN, Type A, typename AllocA = std::allocator<A>>
auto reverse(const CN<A, AllocA>& c) -> CN<A, AllocA> {
  auto res = CN<A, AllocA>{c};
 std::reverse(std::begin(res), std::end(res));
  return res;
}
```

Mais uma vez, já existe uma função parecida: std::reverse. No entanto, o std::reverse altera a colecção, em vez de devolver uma nova.

3.1.4 zip

Para concluir o primeiro conjunto de funções escolhemos a função zip. Esta recebe duas listas, e emparelha os seus elementos – o primeiro com o primeiro, o segundo com o segundo, etc. Caso as listas tenham tamanhos diferentes a menor lista dita o tamanho final.

Em Haskell:

Em C++:

```
template <Container CA, Type A, typename AllocA = std::allocator<A>,
          Container CB, Type B, typename AllocB = std::allocator<B>,
          Container CRES = CA, typename RES = std::tuple<A, B>,
          typename AllocRES = std::allocator<RES>>
auto zip(const CA<A, AllocA>& left, const CB<B, AllocB>& right)
    -> CRES<RES, AllocRES> {
  auto res = CRES<RES, AllocRES>{};
 res.reserve((left.size() < right.size()) ? left.size() : right.size());</pre>
  auto 1 = std::begin(left);
  auto r = std::begin(right);
  while (l != std::end(left) && r != std::end(right)) {
    res.emplace_back(*1, *r);
    ++1;
    ++r;
 return res;
}
```

Neste caso, não existe nenhuma função parecida na STL, e portanto, é definida manualmente como um ciclo.

3.1.5 Resultados

Para comparar performance entre as duas linguagens, medimos o tempo de CPU de cada função, com os meios disponíveis em cada uma. Simultaneamente medimos o tempo de execução real do processo com o programa /usr/bin/time.

Em C++ usamos std::clock() do header <ctime>, com o seguite macro:

Em Haskell usamos getCPUTime de System. CPUTime, com a seguinte função:

```
timeSomething :: NFData a => String -> a -> IO ()
timeSomething str something = do
    start <- liftIO getCPUTime
    let !result = deepforce $! something
    end <- liftIO getCPUTime
    let diff = round . (/1000) . fromIntegral $ end - start
    putStrLn $ str ++ ": " ++ show diff ++ " nanoseconds"</pre>
```

Como Haskell é lazy-by-default, para obter-mos uma comparação justa é necessário forçar a avaliação das expressões que pretendemos testar. Para isso usamos o deepforce, que está definido como deepforce x = deepseq x x, sendo deepseq a b a função que força a avaliação de a e devolve b.

	C++	Haskell
map (*2)	14 ms	149 ms
filter even	$48~\mathrm{ms}$	$139~\mathrm{ms}$
reverse	$11 \mathrm{\ ms}$	$806~\mathrm{ms}$
uncurry zip . split id id	$36~\mathrm{ms}$	$126~\mathrm{ms}$
Tempo real do processo	$02.35~\mathrm{s}$	$30.18~\mathrm{s}$

3.2 Google Hash Code 2020

Falemos agora sobre o problema do $Google\ Hash\ Code\ 2020$. O programa original, escrito em <code>Haskell</code>, foi desenvolvido durante a competição, que durou quatro horas, e está estruturado simplesmente como a composição de três passos – ler o input, resolver o problema, e escrever o output – como se pode verificar no código:

```
main = interact (outputToString . solve . readLibraries)
```

A conversão em C++ segue a mesma estrutura, como se pode também verificar no código:

```
output_to_string(solve(read_libraries()));
```

Tem apenas duas pequenas excepções: enquanto que em Haskell temos as seguintes funções:

```
readLibraries :: String -> Libraries
outputToString :: Output -> String
Em C++ temos estes dois procedimentos:
struct libraries read_libraries (void);
void output_to_string (output_t output);
```

Isto porque seria mais difícil implementar de uma forma mais funcional e o resultado seria muito menos idiomático – estranho, até.

A conversão "imediata" para C++, com a biblioteca "Functional Plus", demorou duas tardes a completar, um total de cerca de oito horas. Para alguns dos ficheiros de *input*, o programa em C++ dá um resultado ligeiramente diferente do original. Acreditamos que isto se deve a diferenças entre as implementações do algoritmo de ordenação nas duas linguagens.

Quanto a performance, o programa original demora cerca de 7 segundos para processar todos os ficheiros de *input*, e o programa em C++ demora cerca de 30 minutos. Pensamos que esta diferença acentuada se deve ao facto de as estruturas usadas em C++ não serem adequadas para o uso que lhes estamos a dar – existe muita cópia de memória.

4 Aspectos Importantes de Programação Funcional

Neste capítulo detalharemos as características da programação funcional, mencionadas na introdução.

Composição é, provavelmente, o mais importante e talvez o único aspecto inerente a Programação Funcional. A ideia central de Programação Funcional é que construindo peças pequenas, fáceis de entender e de provar como correctas, é também "simples" construir um sistema complexo, correctamente.

De seguida, imutabilidade, em que objectos não são alterados mas sim copiados, para implementar mudanças. Esta propriedade ajuda a evitar erros comuns em Programação Imperativa, causados pela partilha de memória e a não especificação da relação entre estados.

Lazy Evaluation, não sendo adoptada como estratégia de avaliação, pode ser usada como estratégia de optimização, especialmente quando combinada com imutabilidade e partilha de memória.

Finalmente, ADTs (Algebraic Data Types) são um forma de definir formalmente novos tipos de dados a partir de tipos já existentes. Apesar de não serem essenciais para a Programação Funcional, é desejavel criar abstrações no sistema de tipos que ajudem a descrever o problema com que nos deparamos, dando significado a valores e tentando limitar o conjunto de valores possíveis aos estritamente válidos.

A seguir, para cada um destes pontos, mostraremos e analisaremos exemplos de como se faz em Haskell e como se pode fazer em C++.

4.1 Imutabilidade

Uma das características mais importantes do paradigma funcional, nomeadamente na linguagem Haskell (existem linguagens funcionais impuras) é a noção de imutabilidade das expressões. Isto faz com que não seja possível alterar

o valor de variáveis já existentes mas sim, criar novas variáveis com os novos valores.

A linguagem C++ tenta também lidar com esta noção de imutabilidade. A noção de funções puras é dada pela avaliação de referential transparency. Uma função é referencialmente transparente se para o mesmo input, a função devolve sempre o mesmo valor de retorno, ou seja, substituindo uma expressão pelo seu valor de retorno, o seu significado permanece inalterado. Por exemplo:

```
int g = 0;

/* Referencialmente transparente */
int ref_trans (int x) {
    return x + 1;
}

/*

   * Não referencialmente transparente -- cada vez que a função é
   * invocada, tem um valor de retorno diferente
   */
int not_ref_trans (int x) {
    g++;
    return x + g;
}
```

Se uma expressão é referencialmente transparente, não tem efeitos colaterais observáveis e, portanto, todas as funções usadas nessa expressão são consideradas puras. A ideia de imutabilidade é particularmente útil em ambientes em que se gera concorrência, pois, existem variáveis partilhadas que podem gerar comportamentos inesperados nos programas se não for devidamente protegida a sua alteração. Em C++ está disponível a keyword const que permite controlar a imutabilidade de uma variável. Ao declarar uma variável const x estamos a dizer ao compilador que esta variável é imutável e, qualquer tentativa de alteração à variável irá originar um erro de compilação. De seguida analisamos a declaração de uma variável const e os possíveis erros que podem ser cometidos ao tentar manipular essa variável.

```
const std::string name{"John Smith"};

1 - std::string name_copy = name;
2 - std::string& name_ref = name; // erro
3 - const std::string& name_constref = name;
4 - std::string* name_ptr = &name; // erro
5 - const std::string* name_constptr = &name;
```

Em 1 não há ocorrências de erros pois apenas se está a associar o valor de name a uma nova variável. Em 2 teremos um erro de compilação pois estamos a passar name por referência a uma variável não const, situação que é resolvida em 3.

Em 4 voltamos a ter um erro de compilação pois estamos a criar um apontador não const para name. Este erro é resolvido em 5. O facto de em 2 e 5 ocorrer um erro de compilação deve-se ao facto de name_ref e name_ptr não estarem qualificados com const e poderem ser alterados. No entanto, como apontam para uma variável const, gera-se uma contradição.

4.2 Lazy Evaluation

Lazy Evaluation é uma técnica de programação que adia a avaliação de uma expressão até que, e se, o seu valor for realmente necessário. Além disso, é possível evitar a reavaliação de uma expressão.

Muitas vezes, o resultado da avaliação de uma expressão é comum a várias operações. Se todas essas operações avaliassem a expressão, o sistema seria sobrecarregado descenessariamente, resultando numa perda de performance. Por exemplo, no caso de um algoritmo que recorra ao cálculo do produto entre duas matrizes com alguma frequência, *lazy evaluation* propõe calcular uma única vez o produto das matrizes e reutilizar o resultado sempre que o produto seja utilizado. Deste modo evita-se o custo computacional associado à repetição da mesma operação, o que contribui para o aumento da performance.

C++não é $\mathit{lazy-by-default},$ e como tal, deverá ser o programador a aplicar esta técnica.

Vejamos uma possível implementação de *lazy evaluation* em C++, sendo necessário ter em atenção os seguintes pontos:

- Função sobre a qual queremos adiar o cálculo
- Uma flaq que indica se já calculamos o resultado da função
- O resultado calculado

```
template <typename F>
class lazy_funcall
{
    const F func;
    typedef decltype(func()) RetType;
    mutable std::optional<RetType> ret;
    mutable std::once_flag call_once_flag;

public:
    lazy_funcall (F f) : func(f) { }

    const RetType & operator() () const
    {
        std::call_once(call_once_flag, [this] { ret = func(); });
        return ret.value();
    }
};
```

4.3 Composição

Uma parte importante de Programação Funcional é a composição de funções. Ao escrever funções pequenas e genéricas, e ao reutilizá-las com composição, é possível escrever programas completos rapidamente e com menos bugs. Em linguagens funcionais, composição é usada frequentemente; numa linguagem como C++ não é muito conveniente usar composição em todo o lado, principalmente por causa da sintaxe e da semântica de passar variáveis por valor ou referência. Há um sitio, no entanto, onde composição não tem de ser pointwise: trabalhar com colecções. Quando há um conjunto de operações a aplicar a uma colecção, seja no seu todo ou parte dela, expressar estas operações com algum tipo de pipeline é bastante intuitivo, legível e barato em número de caracteres escritos. Esta ideia não é nova – em linguagens funcionais este conceito é normalmente implementado como listas em linguagens lazy-by-default, como Haskell, ou lazy-lists/streams em linguagens eager-by-default, como Scheme.

Existem muitas operações sobre colecções que podem ser mapeadas numa pipeline, sendo muitas delas bastante comuns. Programá-las de cada vez manualmente como um loop é tedioso e muito provavelmente menos legível do que simplesmente usar as abstracções. Algumas destas operações comuns incluem somar, multiplicar, filtrar, mapear e o canivete suíço, com o qual muitas das outras operações são implementadas, o fold – também comummente conhecido como reduce, mas com semântica ligeiramente diferente.

A STL de C++ já tem algumas destas operações. Para os casos mais simples e comuns estas podem ser suficientes. É definitivamente melhor do que escrever um loop manualmente. Estas podem, no entanto, ser melhoradas. Existem várias bibliotecas que implementam conceitos funcionais em C++; vamos usar apenas a "Functional Plus" no documento. No entanto, existe uma outra biblioteca parecida, "Ranges", com melhor performance, mas a documentação é escassa, o que torna difícil perceber como a usar.

Como exemplo, dado um vector (ou uma lista em Haskell), filtrar os elementos dado um predicado, aplicar uma função a cada um deles, e depois multiplicar os resultados pode ser feito assim em Haskell:

```
product . map mapper . filter pred $ xs
```

Um *loop* for em C++ escrito manualmente podia ser como o que se segue – omitindo a declaração e inicialização da variável ret:

```
for (auto x : xs) {
    if (pred(x)) {
        ret *= mapper(x);
    }
}
```

Mas não é preciso escrever *loops* for manualmente grande parte das vezes – podemos em vez disso escrever o seguinte⁶:

```
fplus::fwd::apply(
    xs
    , fplus::fwd::keep_if(pred)
    , fplus::fwd::transform(mapper)
    , fplus::fwd::product()
)
```

O nosso estudo não se centrou apenas na "Functional Plus", no entanto. A partir do livro Functional Programming in C++, do Ivan Čukić, pudemos obter uma amostra do que é possível neste tipo de biblioteca. Em particular, o livro explica por alto porque é que a biblioteca "Ranges" tem melhor performance que a STL, e que a "Functional Plus".

Começando por usabilidade: na STL, as funções têm como parâmetros dois *iterators*, – o início e fim da colecção de *input*, ou de parte dela – um iterador para o início da colecção de *output*, e um *inserter*, que dita como os elementos serão inseridos na colecção de *output*. De imediato, alguns pontos a melhorar saltam à vista:

- 1. Porque é que é preciso passar os iteradores de início e fim da colecção de input? Na verdade sabemos para que serve, mas não precisa de ser assim. Dá mais trabalho passar dois argumentos em vez de um, mas mais importante: é possível passar iteradores para o início e fim de duas colecções diferentes por engano.
- 2. Passar iterador e *inserter* da colecção de *output* também é tedioso; mas pior, significa que é sempre criada uma colecção de *output*.

A "Functional Plus" melhora o primeiro destes pontos, – basta passar a colecção em si, não iteradores para ela – mas o segundo ponto continua um problema presente – e sempre devolvida uma nova operação como resultado.

A "Ranges" melhora estes dois aspectos ao simplesmente abstrair colecções como ranges, e devolver ranges como resultado das operações. Pode-se pensar nesta abstracção de range como um par de iteradores: o início e fim.

Agora é possível passar a uma operação uma colecção, que é automaticamente transformada num range, ou o resultado de uma outra operação, que já é um range. Esta última parte é crucial – significa que podemos compor operações point free.

Usabilidade está explicada. Vamos agora a porformance. O par de iteradores que forma um range é só um par de apontadores. Para operações que não alteram a colecção original não há necessidade de copiar memória. Para implementar, por exemplo, o filter, basta implementar o operador ++ (next) para o range de output, sobre o iterador de início, procurando pelo elemento seguinte no range

⁶Para mais exemplos de uso, ver o programa do Google Hash Code 2020.

de *input* que satisfaz o predicado. Se nenhum elemento satisfaz o predicado chegamos eventualmente ao fim da colecção, ou seja, temos um *range* vazio.

Quando há a necessidade de alterar o range de input temos duas opções: copiar o range de input, ou mutar a colecção original in-place.

Todas as operações são *lazy*, ou seja, acontecem *on-demand*, como em Haskell – se o resultado não for usado, nada é feito.

4.4 ADTs

ADTs (*Algebraic Data-Types*), ou Tipos de Dados Algebricos, são tipos de dados criados a partir de tipos já existentes, de duas maneiras diferentes. Vamos dar uma breve descrição, para completude, simplesmente porque nem todas as linguagens funcionais têm ADTs nativamente ou com este nome.

A primeira, e mais comum, é o produto. Dados dois tipos A e B, o produto deles, $A \times B$, é simplesmente o produto cartesiano entre A e B.

A segunda, presente em grande parte das linguagens, mesmo que indirectamente, é o co-produto. Dados dois tipos A e B, o co-produto deles, A+B, é o conjunto cujos elementos ou são do tipo A ou do tipo B, mas é possível distingui-los – união disjunta. Este conjunto pode ser representado indirectamente como $Bool \times (A \cup B)$: um elemento de A ou B, e uma flag a indicar se é de A ou de B. Note-se que esta flag indica na verdade se o elemento é da esquerda ou direita: A+A é um tipo válido.

Com estas duas técnicas de composição é possível representar qualquer estrutura de dados. Será então útil saber como usar estas duas técnicas numa linguagem de programação. Em Haskell, com o seu sistema de tipos avançado, âmbas estão disponíveis nativamente. Em C++, tal como em C, só o produto está disponível, sob a forma de structs. Na STL também existem std::pair e std::tuple que podem considerar-se alternativas em alguns casos.

De seguida vamos apresentar as três formas de compor tipos em C++, com as keywords struct/class, enum, e union, qual o equivalente em Haskell e como cada uma se relaciona com ADTs.

4.4.1 struct/class

Juntamos estas duas *keywords* visto que servem o mesmo propósito; a única diferença está em que, caso nada seja dito em contrário, numa **struct** todos os membros são públicos, enquanto que numa **class** são privados.

Por exemplo, para representar um filme, com o seu título (String), ano de lançamento (Int), e uma pontuação (Float), podemos definir o tipo Filme como o produto dos seus três atributos, ou seja $Filme \cong String \times Int \times Float$.

Em Haskell existem várias maneiras de definir o tipo Filme.

```
type Filme = (String, Int, Float)

data Filme = Filme String Int Float

data Filme = Filme {
    titulo :: String,
    ano :: Int,
    pontuacao :: Float
}
```

A primeira reflecte mais directamente o tipo teórico; a segunda é uma definição mais comum; a terceira, com *records*, dá "nomes" aos vários campos e é mais parecida com uma definição em C++.

Em C++, existem duas alternativas:

```
struct Filme {
    std::string titulo;
    unsigned ano;
    float pontuacao;
};

typedef std::tuple<std::string, unsigned, float> Filme;
```

A primeira, que é mais idiomática, e a segunda, que é mais parecida com o tipo teórico, como a primeira definição em Haskell.

4.4.2 enum

Um exemplo simples e conhecido a todos do uso de *enums* é na definição do tipo dos booleanos: enum bool { false, true }; em C++, e data Bool = False | True em Haskell.

Se pensarmos nos valores de falso e verdadeiro como pertencentes a um conjunto singular, e denotarmos esse conjunto por false e true respectivamente, podemos pensar no tipo booleano como o co-produto de false e true, isto é, $Bool \cong False + True$.

Poderíamos assim achar que enum em C++ serve para representar co-produtos em geral mas estariamos errados. enum serve apenas para representar o co-produto de vários conjuntos singulares ou um único conjunto enumerável de valores não inteiros e sem ordem. Veremos mais a frente como representar tipos de soma.

4.4.3 union

Esta é a menos comum das três *keywords*, por ser de uso muito limitado, e não existe equivalente em Haskell. Esta "falha" do lado de Haskell na verdade não é grave – possivelmente nem sequer é uma falha. Ao contrário do que o nome

sugere, union não serve para representar a união de tipos, e não vamos aqui listar os seus usos além do necessário para este texto.

union pode ser usada quando se pretende guardar qualquer um de vários valores, mas não vários em simultâneo. Por exemplo, se se pretender um tipo para guardar ou inteiros ou *floats*, pode-se usar a seguinte union:

```
union {
    int i;
    float f;
}
```

4.4.4 ADTs em C++

Vamos agora, finalmente, descrever como implementar ADTs em C++. A maneira mais idiomática, possível também em C, é usar uma tagged union.

Como exemplo, vamos definir um tipo de árvores binárias de nós, com valores nos nós e nas folhas: $BTree\ A\cong A+(A\times BTree\ A\times BTree\ A).$

Em Haskell:

```
data BTree a = Leaf a
             | Node a (BTree a) (Btree a)
Em C++:
template <typename A>
struct BTree {
    enum {
        BTree_Leaf,
        BTree_Node,
    } variant;
    union {
        A leaf;
        struct {
            Ax;
            BTree<A> left;
            BTree<A> right;
        } node;
    } tree;
};
```

Esta definição em C++ é muito maior do que a definição em Haskell, não só devido à verbosidade de C++, como à necessidade de usar o truque mencionado acima de transformar um co-produto num produto, ou seja,

 $BTree\ A \cong A + (A \times BTree\ A \times BTree\ A) \cong Bool \times (A \cup (A \times BTree\ A \times BTree\ A))$

Ou, para aproximar melhor a implementação,

```
BTree\ A \cong \{\ Leaf,\ Node\ \} \times (A\ \cup\ (A \times BTree\ A \times BTree\ A))
```

Neste caso, a union está realmente a simular a união de conjuntos.

Uma alternativa à tagged union, é usar std::variant, como a que se segue:

```
template <typename A>
struct Node {
    A x;
    BTree<A> left;
    BTree<A> right;
};

template <typename A>
using BTree = std::variant<A, struct Node>;
```

5 Conclusão

Ao longo deste documento, é possível constatar visualmente as diferenças sintáticas entre as duas linguagens. Em Haskell o código é bastante mais conciso do que em C++, pelo que a sua leitura e compreensão se torna mais simpática. Relativamente a eficiência e usabilidade das linguagens, em Haskell torna-se mais simples escrever programas relativamente eficientes com "pouco cuidado" uma vez que não há necessidade de preocupação com certos detalhes de implementação – gestão de memória, ordem de execução, etc. Embora C++ não tenha sido inicialmente pensado para o paradigma funcional, é de notar que têm sido incluídas nas suas revisões alguns conceitos directamente relacionados com este mesmo paradigma, sendo por isso natural que em próximas revisões, a afinidade com este paradigma seja reforçada.

Relativamente ao nosso projecto, este deu-nos uma amostra sobre uma linguagem que até então nos era desconhecida, C++, e proporcionou-nos uma diferente perspectiva sobre alguns conceitos do paradigma funcional. Notámos, no entanto, que existe muito mais conteúdo a ser explorado no âmbito deste tema, tal como Concorrência, Monads, Error Handling, cuja investigação poderá ser realizada em projectos futuros, ou mesmo por outros alunos, dando continuidade ao material já existente.