## Exercícios - Corte Mínimo Global

## Prof. André Vignatti

## Exercício 1. No Algoritmo de Contração visto em aula, mostre que

- (a) Se uma aresta de um corte mínimo é escolhida, o algoritmo falha ao encontrar aquele corte mínimo.
- (b) Se o algoritmo encontra um certo corte mínimo, então nenhuma aresta deste corte mínimo foi escolhida. (dica: use demonstração contrapositiva no item (a) )
- (c) Se nenhuma aresta de um certo corte mínimo foi contraída, então o algoritmo devolve este corte mínimo. (dica: considere o nome dos vértices contraídos como sendo o conjunto dos vértices iniciais que estão "dentro" do vértice contraído, mostre que no final temos dois "super-vértices" com a partição correta)

Exercício 2. Para melhorar a chance de sucesso do algoritmo de contração, ele pode ser executado várias vezes.

- (a) Considere executar o algoritmo duas vezes. Determine o número de contrações e limite (inferiormente ou superiormente???) a probabilidade de encontrar um corte mínimo global.
- (b) Considere a seguinte variação no algoritmo. Começamos com o grafo com n vértices, usamos o algoritmo de contração até ficarmos com k vértices. Fazemos cópias do grafo com k vértices, e executamos o algoritmo  $\ell$  vezes neste grafo reduzido, independentemente. Determine o número de contrações de arestas e limite a probabilidade de encontrar um corte mínimo global.
- (c) Encontre valores ótimos (ou próximos do ótimo) para k e  $\ell$  na variação sugerida no item (b) que maximiza a probabilidade de encontrar um corte mínimo e que usa o mesmo número de contrações de arestas que o algoritmo original usa ao executar duas vezes.