## Exercícios - Análise de Algoritmos Recursivos

## Prof. André Vignatti

Exercício 1. Mostre passo-a-passo como o MergeSort executa no vetor (3,41,52,26,38,57,9,49).

Exercício 2. Considere o algoritmo Intercala apresentado em aula.

**Afirmação** (Invariante do Intercala). No começo de cada iteração do laço das linhas 7–12, vale que:

- 1.  $A[p \dots k-1]$  está ordenado,
- 2.  $A[p \dots k-1]$  contém todos os elementos de  $B[p \dots i-1]$  e de  $B[j+1 \dots r]$ ,
- 3.  $B[i] \ge A[k-1] e B[j] \ge A[k-1]$ .
- (a) Prove que a afirmação acima é de fato um invariante de Intercala.
- (b) (fácil) Mostre usando o invariante acima que Intercala é correto.

**Exercício 3.** Supondo que o algoritmo Intercala está correto (resolvido no Exercício 2), prove que o Mergesort está correto.