

Programmation avancée

Listes

Walter Rudametkin

Walter.Rudametkin@polytech-lille.fr
<https://rudametw.github.io/teaching/>

Bureau F011
Polytech'Lille

5 février 2016

Structures de Données

Représentation de collections d'informations en fonction de :

- ▶ traitements privilégiés à effectuer
- ▶ contraintes
 - ▶ espace / temps
 - ▶ outils disponibles (selon les différents langages)
- ▶ propriétés
 - ▶ relations d'ordre ?
 - ▶ taux de dynamicité
 - ▶ taille des informations

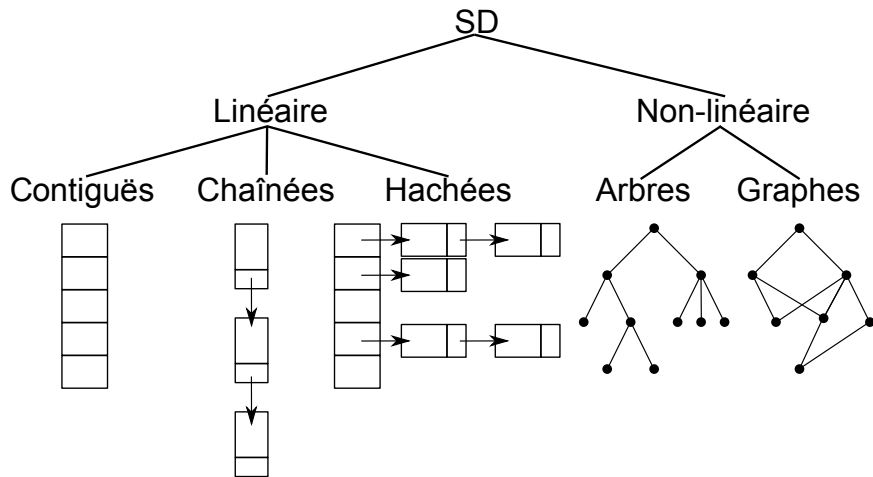
Structures de Données

Traitements types

- ▶ Tris
- ▶ Recherche d'informations
 - ▶ Par position: e.g., le k ème élément
 - ▶ Par valeur (associative) : $v \in C/P(v)$
- ▶ Mises à jour
 - ▶ Ajout
 - ▶ Suppression
 - ▶ Modification \Rightarrow recherche

Structures de Données:

Classification des SD



Structures de Données:

Analyse des besoins

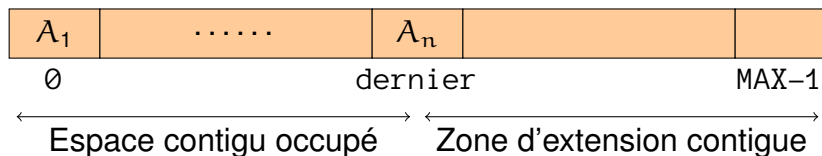
- ▶ Identification des informations et de leurs caractéristiques
- ▶ Identification des opérations (recherche, ajout, suppression, ...)
- ▶ Opérations à privilégier ?
- ▶ Etude des représentations possibles (structures de données), avec méthodes de résolution et coûts associés
- ▶ Choix de la structure en fonction des coûts

Les listes contiguës

Structures de données contiguës

- ▶ Autorisent accès direct et calculé
 - ▶ Déjà vu : tableaux

Représentation



Les listes contiguës — Définition

Définition du type liste_contiguë

```
type Liste_contigue = structure  
    espace : Vecteur[MAX] de <T>  
    dernier : Entier  
fin
```

Utilisation

- ▶ $l : \text{Liste_contiguë}$
- ▶ $l \text{ vide} \iff l.\text{dernier} = -1$

Comment estimer MAX ?

Les listes contiguës — Exemple

Exemple : affichage des éléments d'une liste contiguë

Action affich(l)

D : l : Liste_contiguë

L : i : Entier

Pour i de 0 à l.dernier Faire
 ecrire(l.espace[i])

Fpour

Faction

Les listes contiguës — Recherche

Par position

- ▶ Accès direct en temps constant : Coût = 1

Par valeur

- ▶ Non ordonnée \Rightarrow recherche séquentielle
 - ▶ coût min : 1, coût max : N
- ▶ Ordonnée
 - ▶ Recherche séquentielle ordonnée
 - ▶ coût min : 1, coût max : N
 - ▶ Recherche dichotomique
 - ▶ coût min : 1, coût max : $\log_2 N$

Soit N le nombre d'éléments de la liste

Les listes contiguës — Ajout

Non ordonnée

- ▶ Ajout n'importe où \Rightarrow en queue
- ▶ Coût : 1

Ordonnée

- ▶ Insertion à l'indice $p \Rightarrow N - p$ décalages
- ▶ Coût min : 1, coût max: N

Les listes contiguës — Suppression

Non ordonnée

- ▶ Recherche séquentielle de l'élément à supprimer (min : 1, max N)
- ▶ Permutation avec le dernier élément

Ordonnée — suppression à l'indice p

- ▶ Recherche dichotomique de l'élément
 - ▶ Coût min : 1 , coût max : $\log_2 N$
- ▶ $N - p + 1$ décalages (min : 1, max N)
- ▶ Coût min : 1, max : $N + \log_2 N$

Les listes chaînées

Représentation dispersée

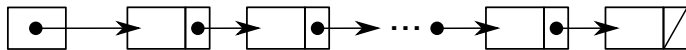
- ▶ Éléments rangés n'importe où en mémoire
... dans des cellules mémoire gérées dynamiquement
... repérées par pointeur

Chaînées

- ▶ Chaque cellule repère la cellule suivante
- ▶ Pointeur sur la première cellule définit la liste
- ▶ Dernière cellule ne repère aucune cellule : pointeur NULL
- ▶ NULL = valeur de la liste vide

Les listes chaînées

Schématiquement



Liste vide $l = \text{NULL}$ ou \emptyset

Déclarations

type Ptcellule = Pointeur de Cellule

type Cellule = structure
 valeur : $\langle T \rangle$
 suivant : Ptcellule

fin

type Liste chaînée = Ptcellule

l : Liste chaînée

Les listes chaînées :

Notation sur les pointeurs

- ▶ $p \uparrow : \text{Cellule} \Rightarrow \text{Pointeur de Cellule}$
- ▶ $p \uparrow \bullet \text{valeur}$
- ▶ $p \uparrow \bullet \text{suivant}$
- ▶ $\text{NULL} \Rightarrow \text{pointeur vide}$

On trouve souvent la notation $p \rightarrow \text{valeur}$ à la place de $p \uparrow \bullet \text{valeur}$

Les listes chaînées :

Gestion dynamique des cellules

- ▶ Fonction allouer () : Ptcellule
 - ▶ Fonction qui alloue dynamiquement une cellule
 - ▶ Résultat : pointeur sur la cellule allouée
- ▶ Action libérer(p)
 - ▶ Récupère la cellule mémoire pointée par p
 - ▶ Valeur de p ???

Les listes chaînées — Recherche

SD essentiellement séquentielle \Rightarrow parcours séquentiel

- ▶ Par position
 - ▶ Parcours du chaînage jusqu'au k ème (coût = k)
- ▶ Par valeur
 - ▶ Séquentielle (coût min : 1, max : N)
 - ▶ Séquentielle ordonnée (coût min : 1, max : N)
 - ▶ Pas de dichotomie

Les listes chaînées — Parcours séquentiel

type Ptcellulle = Pointeur de Cellule

type Cellule = structure

 valeur : <T>

 suivant : Ptcellulle

fin

type Liste chaînée = Ptcellulle

1 Action affich (l)

2 D : l : Liste chaînée

3 L : p : PtCellule

4 p ← l

5 TQ p ≠ NULL Faire

6 ecrire(p↑•valeur)

7 p ← p↑•suivant

8 FTQ

9 Faction

Les listes chaînées — Mises à jour

- ▶ Ajout / Suppression de cellules
 - ▶ Modification locale du chaînage
 - ▶ Pas de décalage de cellules
- ▶ Coût : constant (quelques affectations de pointeurs)
- ▶ Ajout dans une liste non ordonnée
 - ▶ N'importe où, e.g en tête
- ▶ Ajout dans une liste ordonnée
 - ▶ Coût ???

Les listes chaînées — Mise à jour

Ajout dans une liste non-ordonnée

```
1  Action ajout_tête(l, val)
2      D : val : <T>
3      D/R : l : Liste chaînée
4      L : p : Ptcellule
5
6      p ← allouer()
7      p↑•valeur ← val
8      p↑•suivant ← L
9      l ← p
10 Faction
```

Cas limite: liste vide

Les listes chaînées — Mises à jour

Ajout dans une liste ordonnée

Rechercher `prec`, pointeur précédent tel que

- ▶ $\text{prec} \uparrow \bullet \text{valeur} < \text{val} \leq \text{prec} \uparrow \bullet \text{suivant} \uparrow \bullet \text{valeur}$

Les listes chaînées — Mise à jour

Ajout dans une liste ordonnée

```
1  Action   ajout_après ( prec, val)
2      D : prec : Ptcellule, val : <T>
3      L : p : Ptcellule
4
5      p ← allouer()
6      p↑•valeur ← val
7      p↑•suivant ← prec↑•suivant
8      prec↑•suivant ← p
9  Faction
```

Cas limites

- ▶ ajout en queue : OK
- ▶ ajout en tête : pas de prec \Rightarrow algo ajout_tête
- ▶ liste vide : idem

Les listes chaînées — Mises à jour

Suppression

Rechercher la cellule précédant celle à supprimer, soit `prec`

Les listes chaînées — Mise à jour

Suppression

```
1  Action  sup_après ( prec )
2      D : prec : Ptcellule
3      L : p : Ptcellule
4
5      p ← prec↑•suivant
6      prec↑•suivant ← p↑•suivant
7      libérer (p)
8  Faction
```

Cas limites

- ▶ en queue : ok
- ▶ en tête : pas de prec \Rightarrow action sup_tête

Les listes chaînées — Mise à jour

Suppression

```
1  Action  sup_tête ( l )
2      D/R : l : Liste chaînée
3      L : p : Ptcellule
4
5      p ← l
6      l ← l↑•suivant
7      libérer (p)
8  Faction
```