Programmation avancée Listes

Walter Rudametkin

Walter.Rudametkin@polytech-lille.fr https://rudametw.github.io/teaching/

> Bureau F011 Polytech'Lille

> > CM2

Structures de Données

Représentation de collections d'informations en fonction de :

- traitements privilégiés à effectuer
- contraintes
 - espace / temps
 - outils disponibles (selon les différents langages)
- propriétés
 - relations d'ordre ?
 - taux de dynamicité
 - taille des informations

0/04

Structures de Données

Traitements types

- ► Tris
- ► Recherche d'informations
 - Par position: e.g., le kième élément
 - Par valeur (associative) : $\nu \in C/P(\nu)$
- Mises à jour
 - Ajout
 - Suppression
 - ▶ Modification ⇒ recherche

Structures de Données:
Classification des SD

Linéaire
Non-linéaire
Contiguës Chaînées Hachées Arbres Graphes

3/24

Structures de Données: Analyse des besoins

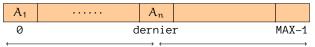
- Identification des informations et de leurs caractéristiques
- Identification des opérations (recherche, ajout, suppression, ...)
- ► Opérations à privilégier ?
- Etude des représentations possibles (structures de données), avec méthodes de résolution et coûts associés
- Choix de la structure en fonction des coûts

Les listes contiguës

Structures de données contiguës

- Autorisent accès direct et calculé
 - Déjà vu : tableaux

Représentation



Espace contigu occupé Zone d'extension contigue

6/2

5/24

Les listes contiguës — Définition

Définition du type liste_contiguë

Utilisation

- ▶ l : Liste_contiguë
- ▶ l vide ⇔ l.dernier = -1

Comment estimer MAX ?

Les listes contiguës — Exemple

Exemple : affichage des éléments d'une liste contiguë

```
\begin{tabular}{lll} Action & affich(1) & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\
```

7/24

8/24

Les listes contiguës — Recherche

Par position

Accès direct en temps constant : Coût = 1

Par valeur

- Non ordonnée ⇒ recherche séquentielle
 - ► coût min: 1, coût max: N
- Ordonnée
 - ► Recherche séquentielle ordonnée
 - ► coût min : 1, coût max : N
 - Recherche dichotomique
 - ► coût min: 1, coût max: log₂N

Soit N le nombre d'éléments de la liste

Les listes contiguës — Ajout

Non ordonnée

- ► Ajout n'importe où ⇒ en queue
- ► Coût: 1

Ordonnée

- ▶ Insertion à l'indice $p \Rightarrow N p$ décalages
- Coût min : 1, coût max: N

10/2

Les listes contiguës — Suppression

Non ordonnée

- Recherche séquentielle de l'élément à supprimer (min : 1, max N)
- ▶ Permutation avec le dernier élément

Ordonnée — suppression à l'indice p

- ► Recherche dichotomique de l'élément
 - Coût min : 1 , coût max : log_2N
- ▶ N p + 1 décalages (min : 1, max N)
- ► Coût min: 1, max: N + log₂N

Les listes chaînées

Représentation dispersée

- Éléments rangés n'importe où en mémoire
 - ...dans des cellules mémoire gérées dynamiquement
 - ... repérées par pointeur

Chaînées

- ► Chaque cellule repère la cellule suivante
- ▶ Pointeur sur la première cellule définit la liste
- Dernière cellule ne repère aucune cellule : pointeur NULL
- ► NULL = valeur de la liste vide

11/9

19/9/

Les listes chaînées Schématiquement Liste vide 1 = NULL ou Ø Déclarations type Ptcellulle = Pointeur de Cellule type Cellule = structure valeur : <T> suivant : Ptcellule fin type Liste_chaînée = Ptcellule

Les listes chaînées : Notation sur les pointeurs

- ▶ p↑ : Cellule ⇒ Pointeur de Cellule
- ▶ p↑•valeur
- p↑•suivant
- NULL ⇒ pointeur vide

On trouve souvent la notation p->valeur à la place de p↑•valeur

14/04

Les listes chaînées : Gestion dynamique des cellules

- ▶ Fonction allouer () : Ptcellule
 - Fonction qui alloue dynamiquement une cellule
 - Résultat : pointeur sur la cellule allouée
- Action libérer(p)

l : Liste_chaînée

- Récupère la cellule mémoire pointée par p
- Valeur de p ???

Les listes chaînées — Recherche

SD essentiellement séquentielle ⇒ parcours séquentiel

- Par position
 - Parcours du chaînage jusqu'au kième (coût = k)
- Par valeur
 - ► Séquentielle (coût min : 1, max : N)
 - Séquentielle ordonnée (coût min : 1, max : N)
 - Pas de dichotomie

16/2

Les listes chaînées — Parcours séquentiel

```
type Ptcellulle = Pointeur de Cellule

type Cellule = structure
    valeur : ⟨T⟩
    suivant : Ptcellule

fin

type Liste_chaînée = Ptcellule

Action affich (1)

D : 1 : Liste_chaînée

L : p : PtCellule

p ← 1

TQ p ≠ NULL Faire
ecrire(p↑•valeur)
p ← p↑•suivant

FTQ

Faction
```

Les listes chaînées — Mises à jour

- Ajout / Suppression de cellules
 - Modification locale du chaînage
 - Pas de décalage de cellules
- Coût : constant (quelques affectations de pointeurs)
- Ajout dans une liste non ordonnée
 - N'importe où, e.g en tête
- ► Ajout dans une liste ordonnée
 - ► Coût ???

18/24

Les listes chaînées — Mise à jour

Ajout dans une liste non-ordonnée

```
Action ajout_tête(1, val)

D: val: ⟨T⟩

D/R: l: Liste_chaînée

L: p: Ptcellule

p ← allouer()

p↑•valeur ← val

p↑•suivant ← L

l ← p

Faction
```

Cas limite: liste vide

Les listes chaînées — Mises à jour

Ajout dans une liste ordonnée

Rechercher prec, pointeur précédent tel que

▶ prec↑•valeur < val ≤ prec↑•suivant↑•valeur</pre>

Les listes chaînées — Mise à jour

Ajout dans une liste ordonnée

```
Action ajout_après ( prec, val)

D: prec: Ptcellule, val: ⟨T⟩

L: p: Ptcellule

p ← allouer()
p↑•valeur ← val
p↑•suivant ← prec↑•suivant
prec↑•suivant ← p

Faction
```

Cas limites

- ▶ ajout en queue : OK
- ▶ ajout en tête : pas de prec ⇒ algo ajout_tête
- ► liste vide : idem

Les listes chaînées — Mises à jour

Suppression

Rechercher la cellule précédant celle à supprimer, soit prec

22/24

Les listes chaînées — Mise à jour

Suppression

```
Action sup_après ( prec )

D: prec : Ptcellule

L: p: Ptcellule

prec↑•suivant
prec↑•suivant ← p↑•suivant
libérer (p)

Faction
```

Cas limites

- ► en queue : ok
- ▶ en tête : pas de prec ⇒ action sup_tête

Les listes chaînées — Mise à jour

Suppression

```
Action sup_tête ( 1 )

D/R : 1 : Liste_chaînée

L : p : Ptcellule

p \leftarrow 1

libérer (p)

Faction
```

23/24

24/2