Programmation avancée Listes

Walter Rudametkin

Walter.Rudametkin@polytech-lille.fr https://rudametw.github.io/teaching/

> Bureau F011 Polytech'Lille

5 février 2016

Structures de Données

Représentation de collections d'informations en fonction de :

- traitements privilégiés à effectuer
- contraintes
 - espace / temps
 - outils disponibles (selon les différents langages)
- propriétés
 - relations d'ordre ?
 - ▶ taux de dynamicité
 - ► taille des informations

2/24

Structures de Données

Traitements types

- ▶ Tris
- Recherche d'informations
 - ► Par position: e.g., le kième élément
 - ▶ Par valeur (associative) : $v \in C/P(v)$
- Mises à jour
 - Ajout
 - Suppression
 - ▶ Modification ⇒ recherche

Structures de Données: Classification des SD SD Non-linéaire Contiguës Chaînées Hachées Arbres Graphes

3/24

Structures de Données: Analyse des besoins

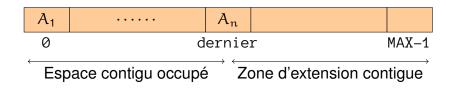
- Identification des informations et de leurs caractéristiques
- Identification des opérations (recherche, ajout, suppression, ...)
- ▶ Opérations à privilégier ?
- Etude des représentations possibles (structures de données), avec méthodes de résolution et coûts associés
- Choix de la structure en fonction des coûts

Les listes contiguës

Structures de données contiguës

- Autorisent accès direct et calculé
 - Déjà vu : tableaux

Représentation



6/2

Les listes contiguës — Définition

Définition du type liste_contiguë

Utilisation

- ▶ l : Liste_contiguë
- ▶ l vide ⇔ l.dernier = -1

Comment estimer MAX ?

Les listes contiguës — Exemple

Exemple : affichage des éléments d'une liste contiguë

```
 \begin{array}{c} \underline{Action} \  \  \, & \underline{Action} \  \  \, & \underline{D} \  \  \, : \  \, 1 \  \  \, : \  \, \text{Liste\_contiguë} \\ \underline{L} \  \  \, : \  \  \, i \  \  \, : \  \, \text{Entier} \\ \underline{Pour} \  \  \, i \  \  \, de \  \, \emptyset \  \, a \  \, 1.dernier \  \, \underline{Faire} \\ \underline{ecrire(l.espace[i])} \\ \underline{Fpour} \end{array}
```

7/24

Les listes contiguës — Recherche

Par position

Accès direct en temps constant : Coût = 1

Par valeur

► Non ordonnée ⇒ recherche séquentielle

► coût min: 1, coût max: N

Ordonnée

Recherche séquentielle ordonnée

► coût min : 1, coût max : N

► Recherche dichotomique

▶ coût min : 1, coût max : log₂N

Soit N le nombre d'éléments de la liste

Les listes contiguës — Ajout

Non ordonnée

► Ajout n'importe où ⇒ en queue

► Coût: 1

Ordonnée

▶ Insertion à l'indice $p \Rightarrow N - p$ décalages

Coût min: 1, coût max: N

10/24

Les listes contiguës — Suppression

Non ordonnée

- Recherche séquentielle de l'élément à supprimer (min : 1, max N)
- ▶ Permutation avec le dernier élément

Ordonnée — suppression à l'indice p

Recherche dichotomique de l'élément

► Coût min: 1, coût max: log₂N

ightharpoonup N - p + 1 décalages (min : 1, max N)

▶ Coût min : 1, max : $N + log_2N$

Les listes chaînées

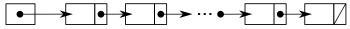
Représentation dispersée

- ▶ Éléments rangés n'importe où en mémoire
 - ... dans des cellules mémoire gérées dynamiquement
 - ... repérées par pointeur

Chaînées

- Chaque cellule repère la cellule suivante
- Pointeur sur la première cellule définit la liste
- Dernière cellule ne repère aucune cellule : pointeur NULL
- ► NULL = valeur de la liste vide

Les listes chaînées Schématiquement



Liste vide 1 = NULL ou Ø

Déclarations

type Ptcellulle = Pointeur de Cellule

type Cellule = structure
 valeur : <T>
 suivant : Ptcellule

<u>fin</u>

type Liste_chaînée = Ptcellule

l : Liste_chaînée

13/24

Les listes chaînées : Notation sur les pointeurs

- p↑: Cellule ⇒ Pointeur de Cellule
- ▶ p↑•valeur
- p↑•suivant
- ► NULL ⇒ pointeur vide

On trouve souvent la notation p->valeur à la place de p\u00e1•valeur

4/24

Les listes chaînées : Gestion dynamique des cellules

- ▶ <u>Fonction</u> allouer () : Ptcellule
 - ► Fonction qui alloue dynamiquement une cellule
 - ▶ Résultat : pointeur sur la cellule allouée
- ► <u>Action</u> libérer(p)
 - Récupère la cellule mémoire pointée par p
 - ▶ Valeur de p ???

Les listes chaînées — Recherche

SD essentiellement séquentielle ⇒ parcours séquentiel

- Par position
 - Parcours du chaînage jusqu'au kième (coût = k)
- Par valeur
 - Séquentielle (coût min : 1, max : N)
 - ► Séquentielle ordonnée (coût min : 1, max : N)
 - Pas de dichotomie

15/24

Les listes chaînées — Parcours séquentiel

```
type Ptcellulle = Pointeur de Cellule

type Cellule = structure

valeur : ⟨T⟩

suivant : Ptcellule

fin

type Liste_chaînée = Ptcellule

Action affich (1)

D : 1 : Liste_chaînée

L : p : PtCellule

p ← 1

TQ p ≠ NULL Faire
ecrire(p↑•valeur)
p ← p↑•suivant

FTQ

Faction
```

Les listes chaînées — Mises à jour

- Ajout / Suppression de cellules
 - Modification locale du chaînage
 - Pas de décalage de cellules
- Coût : constant (quelques affectations de pointeurs)
- Ajout dans une liste non ordonnée
 - N'importe où, e.g en tête
- Ajout dans une liste ordonnée
 - ► Coût ???

18/24

Les listes chaînées — Mise à jour

Ajout dans une liste non-ordonnée

```
Action ajout_tête(1, val)

D: val: ⟨T⟩

D/R: l: Liste_chaînée

L: p: Ptcellule

p ← allouer()

p↑•valeur ← val

p↑•suivant ← L

l ← p

Faction
```

Cas limite: liste vide

Les listes chaînées — Mises à jour

Ajout dans une liste ordonnée

Rechercher prec, pointeur précédent tel que

▶ prec↑•valeur < val ≤ prec↑•suivant↑•valeur</pre>

19/24

17/24

Les listes chaînées — Mise à jour

Ajout dans une liste ordonnée

```
Action ajout_après (prec, val)

D : prec : Ptcellule, val : ⟨T⟩

L : p : Ptcellule

p ← allouer()

p↑•valeur ← val

p↑•suivant ← prec↑•suivant

prec↑•suivant ← p

Faction
```

Cas limites

- ▶ ajout en queue : OK
- ▶ ajout en tête : pas de prec ⇒ algo ajout_tête
- ▶ liste vide : idem

21/24

Les listes chaînées — Mises à jour

Suppression

Rechercher la cellule précédant celle à supprimer, soit prec

22/24

Les listes chaînées — Mise à jour

Suppression

Cas limites

- ▶ en queue : ok
- ▶ en tête : pas de prec ⇒ action sup_tête

Les listes chaînées — Mise à jour

Suppression

```
Action sup_tête (1)

D/R: l: Liste_chaînée

L: p: Ptcellule

p ← l

l ← l↑•suivant
libérer (p)

Faction
```

23/24