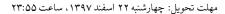


سیگنالها و سیستمها

تمرین کامپیوتری شمارهی ۱





دانشگاه تهران

طراح: هدی برخوردارپور، علی رنجبر

استاد: امیرمسعود ربیعی

۱ مقدمه

در این تمرین کامپیوتری قصد داریم با نرمافزار متلب و متمتیکا آشنا شویم.

۱.۱ متلب

متلب، یک محیط نرمافزاری برای انجام محاسبات عددی و یک زبان برنامهنویسی نسل چهارم است که از ترکیب دو واژهٔ MATrix (ماتریس) و LABoratory (آزمایشگاه) ایجاد شدهاست. این نام حاکی از رویکرد ماتریس محور برنامه است، که در آن حتی اعداد منفرد هم به عنوان ماتریس در نظر گرفته می شوند.

۲.۱ متمتکا

متمتیکا، یک نرمافزار جبری بسیار رایج، که توسط شرکت ولفرم ریسرچ پدید آورده شده است و اکثر توابع نرمافزاری موردنیاز در ریاضی و علوم طبیعی را در اختیار استفادهکنندگان آن قرار میدهد.

۳.۱ مقایسه ی متلب و متمتیکا

- جهتگیری متلب بیشتر برای کار با داده هاست (که در این بسیار خوب عمل میکند) اما با اینکه امکان محاسبات نمادین
 در متلب وجود دارد، این امکان در متمتیکا بسیار آسان تر و کارآمدتر است.
- متلب یک محیط برنامهنویسی در حوزه ی مهندسی است و چون محاسبات آن با استفاده از تقریب و تخمینهای ریاضیست بنابراین در کارهای ریاضی کاربردی که اصل کار همان ساختن تقریب هاست ممکن است زیاد مناسب نباشد. متمتیکا یک نرمافزار ریاضی است که هم در ریاضیات وهم در مهندسی کاربرد دارد. محاسبات نمادین و محض مثل حدگیری و مسایل جبر را به راحتی انجام داده و تمام مراحل حل را به کاربر نشان میدهد.
 - مصورسازی و رسم نمودار در هر دو نرم افزار به خوبی انجام میشود.
 - ۰ ساختن رابط کاربری برای نرمافزار در متمتیکا بسیار آسانتر از متلب است.
- o مهمترین انتقادات از متلب به خاطر متن بازنبودن و گران بودن آن است که امکان اجرای کدهای نوشته شده در متلب را در هر محیطی محدود میکند.

^YMathematica

[\]MATLAB

۴.۱ سیگنالها در متلب

سیگنالهای پیوسته_زمان (به اختصار پیوسته) متناظر با هر نقطهای از محور زمان یک مقداری دارند در حالی که سیگنالهای گسسته_زمان (به اختصار گسسته) فقط در مقادیر صحیح از محور زمانی مقدار دارند. x[n] یک سیگنال گسسته را نشان می دهد که n فقط می تواند مقادیر صحیح اختیار کند.

همان طور که می دانید ذخیره تمام مقادیر یک سیگنال پیوسته در طول یک بازه ی زمانی ناممکن است. پس چگونه سیگنال های پیوسته را با نمونه بردازش کنیم؟ در آینده خواهید آموخت که چگونه یک سیگنال پیوسته را با نمونه بردازی به سیگنال گسسته تبدیل می کنیم. (به کمک دستور syms می توان به شکل پیوسته کار کرد، که به هیچ وجه توصیه نمی شود و در صورت استفاده نمرهای تعلق نخواهد گرفت.)

۲ کانولوشن گسسته_زمان

کانولوشن دو سیگنال گسسته x[n] و h[n] به صورت زیر تعریف می شود:

$$y[n] = \sum_{m=-\infty}^{+\infty} x[m]h[n-m]$$

تصویری از تعریف بالا را میتوان به این صورت شرح داد: ابتدا دنباله h[m] نسبت به محور عمودی منعکس می شود و n نمونه به سمت چپ یا راست (با توجه به علامت n) جابجا می شود. سپس دنباله h[n-m] در دنباله x[m] ضرب می شود و حاصل جمع دنباله حاصل را بدست می آوریم. این تصویر از ویژگی خطی بودن و تغییر ناپذیری زمان سیستم های گسسته زمان بدست می آید. در این قسمت استفاده از تابع conv (در پایتون (convolve.numpy) را یاد می گیرید.

۱.۲ آموزش conv

اگر فرض کنیم سیگنال x[n] فقط در بازهای به طول N_x و سیگنال h[n] فقط در بازهای به طول x[n] مقدار غیر صفر داشته باشند، آنگاه سیگنال y[n] فقط در بازهای بطول x بطول x باشند، آنگاه سیگنال x باشد، داری x بعدی شامل مقادیر سیگنال x و x بعدی شامل مقادیر سیگنال x و x بعدی شامل مقادیر سیگنال x بعدی شامل به بعدی شامل

y = conv(h, x);

به تعداد N_x+N_h-1 نمونه از y[n] را در بردار برمی گرداند.

اگر دقت کرده باشبد، این دستور هیچ اطلاعی در مورد اندیس زمانی نمونههای سیگنال y[n] (که در بردار y ذخیره شده است) برنمیگرداند که مورد انتظار نیز هست. چون هیچ ورودی از اندیس بردارهای x و y نمیگیرد. در این حالت باید خودتان اندیس های مناسبی بسازید. در ادامه با مثالی ساده نحوهی ساخت این اندیس های مناسبی بسازید.

سیگنال زیر با طول محدود را در نظر بگیرید:

$$x[n] = \begin{cases} 1, & 0 \le n \le 5, \\ 0, & \text{otherwise.} \end{cases}$$

ابتدا حاصل عبارت y[n] = x[n] * x[n] را با تحلیل دستی حساب کنید.

به کمک کد زیر میتوانید کانولوشن را حساب کرده و آن را رسم کنید. دقت کنید که باید تابع convIndices را پیاده سازی کنید.