

# Agenda

1) Grafos (Ejercicio)

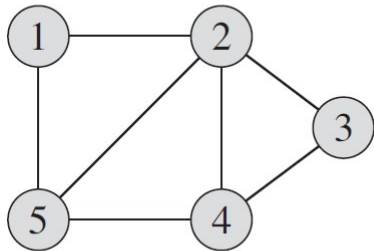
2) Archivos (Ejercicio)

3) Recordatorio:

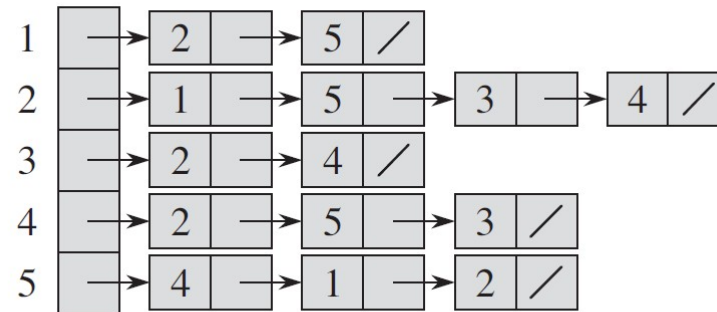
1) Mañana defensa del proyecto

2) La próxima semana Tercer Quiz, exposición tarea extra (miércoles) y Examen final (jueves).

# Representación de los Grafos



(a)



(b)

	1	2	3	4	5
1	0	1	0	0	1
2	1	0	1	1	1
3	0	1	0	1	0
4	0	1	1	0	1
5	1	1	0	1	0

(c)

a) Representación de Imagen: grafo no dirigido de 5 vértices y 7 aristas.

b) Representación en Lista de adyacencia.

c) Representación en Matriz de adyacencia.

# Algoritmos utilizados en Grafos



## 1) Recorrer el grafo:

- 1) BFS – en amplitud (cola)
- 2) DFS – en profundidad (pila)

## 2) Búsqueda del camino más corto:

- 1) Dijkstra
- 2) Bellman-Ford
- 3) Floyd-Warshall
- 4) Algoritmo de Johnson

## 3) Para encontrar un árbol recubridor mínimo (MST - Minimum Spanning Tree):

- 1) Prim
- 2) Kruskal

# Ejercicio



A partir de la representación en Matriz de adyacencia del siguiente grafo no dirigido, realice:

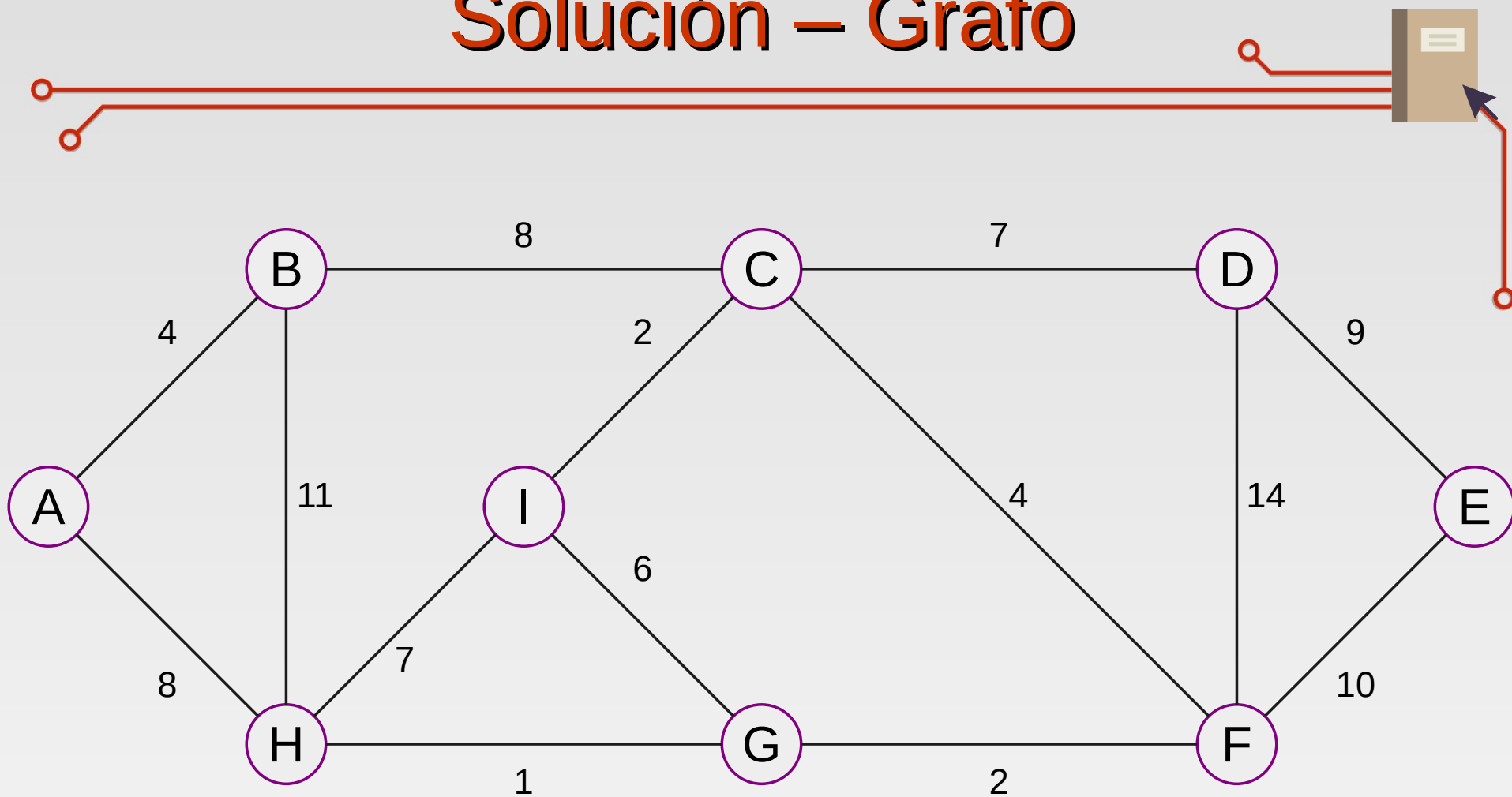
- a) La representación en imagen.
- b) Recorra el grafo en amplitud (BFS) y en profundidad (DFS) (generar los árboles iniciando desde A).
- c) Encuentre el árbol recubridor mínimo (MST) utilizando el algoritmo de Prim y Kruskal.
- d) Calcular los pesos de los árboles según los algoritmos de Prim y Kruskal.
- e) Opcional: Generar en lenguaje C++ una subrutina que encuentre el MST según el algoritmo de Kruskal.

# Ejercicio – Matriz de adyacencia



	A	B	C	D	E	F	G	H	I
A	0	4	0	0	0	0	0	8	0
B	4	0	8	0	0	0	0	11	0
C	0	8	0	7	0	4	0	0	2
D	0	0	7	0	9	14	0	0	0
E	0	0	0	9	0	10	0	0	0
F	0	0	4	14	10	0	2	0	0
G	0	0	0	0	0	2	0	1	6
H	8	11	0	0	0	0	1	0	7
I	0	0	2	0	0	0	6	7	0

# Solución – Grafo



# Pseudocódigo BFS y DFS



```
BFS(G, s):  
  for each vertex v in G:  
    visited[v] = false  
  queue Q  
  Q.add(s)  
  visited[s] = true  
  while Q is not empty:  
    u = Q.pop()  
    for each neighbor v of u:  
      if visited[v] == false:  
        visited[v] = true  
        Q.add(v)
```

```
DFS(G, v):  
  let S be a stack  
  S.push(v)  
  mark v as visited  
  while S is not empty:  
    t = S.pop()  
    for each neighbor w of t:  
      if w is not visited:  
        mark w as visited  
        S.push(w)
```

# Algoritmo de Kruskal

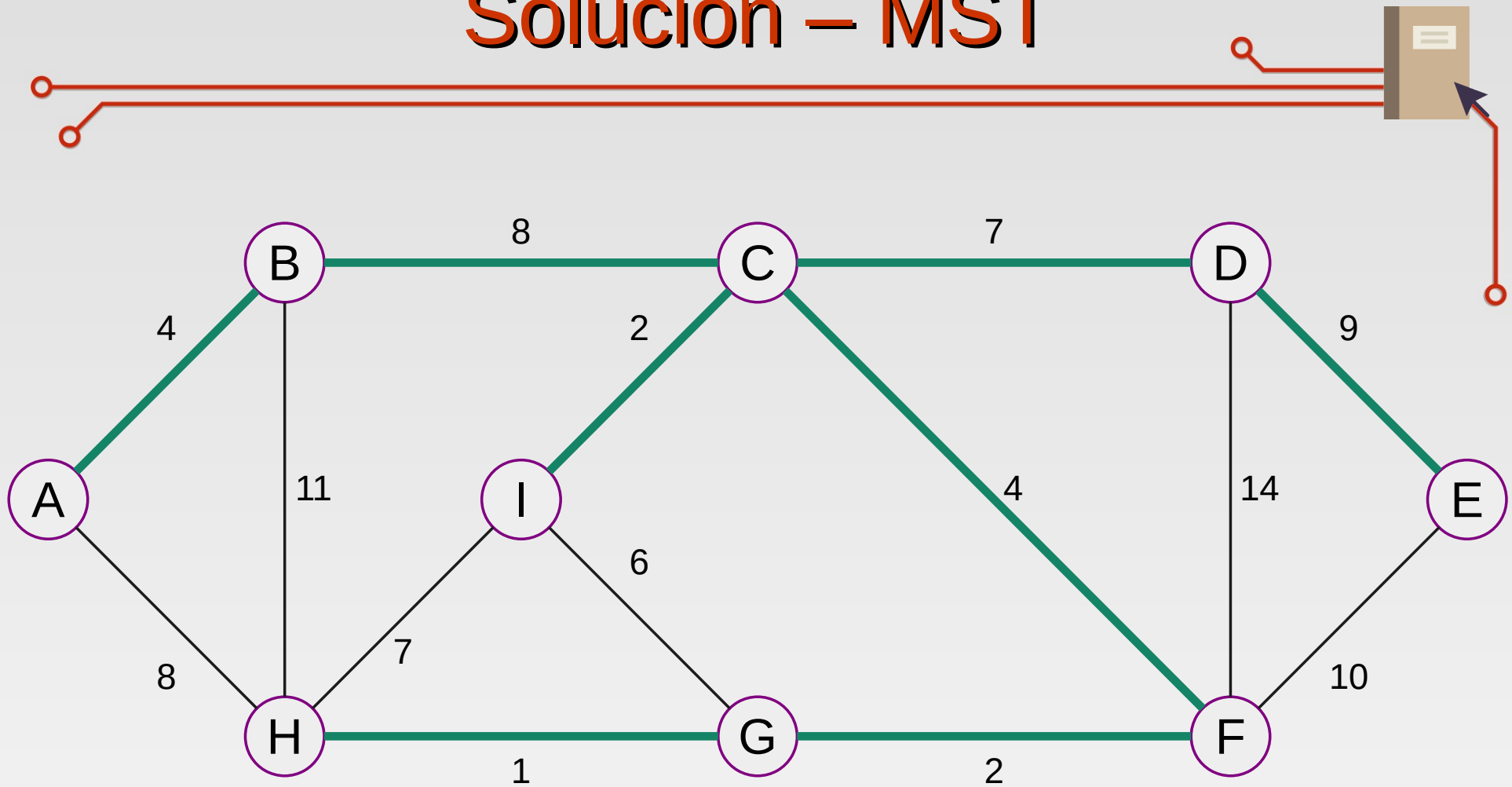


- 1) Sort all the edges in non-decreasing order of their weight.
- 2) Create a new empty set called "tree" that will store the edges of the minimum spanning tree.
- 3) For each edge  $(u, v)$  in the sorted edges list:
  - 1) Find the parent set of both vertices  $u$  and  $v$  using a union-find algorithm.
  - 2) If the parent set of both vertices are different, then add the edge  $(u, v)$  to the tree set and unite the parent sets of both vertices.
- 4) The set tree now contains the minimum spanning tree of the graph.

**Restricción: No pueden existir ciclos**



# Solución – MST



**Peso: 37**

# Ejercicio – Grafos y archivos



El problema consiste en leer un archivo de texto que contiene una lista de ciudades y las distancias en kilómetros entre ellas. Con esta información, se debe crear un grafo ponderado y no dirigido que represente estas ciudades y sus distancias.

Una vez creado el grafo, se debe implementar un algoritmo de búsqueda en profundidad (DFS) para recorrer todas las ciudades y calcular la distancia total recorrida.

El resultado final del programa debe ser un archivo de texto con el recorrido de todas las ciudades y la distancia total recorrida.

Se debe establecer el formato que tendrá el archivo, que le permita al programa interpretar las ciudades como vértices y las distancias en sus aristas.

# Ejercicio – Lista de ciudades



- 1) Nueva York (NYC) a Londres (LON): 5.586 km
- 2) Nueva York (NYC) a Tokio (TYO): 11.986 km
- 3) Nueva York (NYC) a Sídney (SYD): 17.768 km
- 4) Londres (LON) a Tokio (TYO): 9.359 km
- 5) Londres (LON) a Sídney (SYD): 17.208 km

# Bibliografía



- Cormen, T, et al. Introduction to Algorithms. Tercera Edición. The MIT Press Cambridge, Massachusetts.