

BUSCA E ORDENAÇÃO EM ARRAYS

Prof. André Backes | @progdescomplicada

BUSCA

Definição

- Ato de procurar por um elemento em um conjunto de dados
 - Recuperação de dados armazenados em um repositório ou base de dados
- A operação de busca visa responder se um determinado valor está ou não presente em um conjunto de elementos
 - Por exemplo, em um array

Definição

- Baseada em uma chave
 - A chave de busca é o **campo** do item utilizado para comparação
 - Valor armazenado em um array de inteiros
 - Campo de uma struct
 - etc
 - É por meio dela que sabemos se dado elemento é o que buscamos
 - No caso do item estar presente no conjunto de elementos, seus dados são retornados para o usuário

Definição

- Existem vários tipos de busca
- Sua utilização depende de como são estes dados
 - Os dados estão estruturados ?
 - Array, lista, árvore, etc.?
 - Existe também a busca em dados não estruturados
 - Os dados estão ordenados?
 - Existem valores duplicados?

Definição

- Tipos de busca abordados
 - Dados armazenados em um array
 - Dados ordenados ou não
- Métodos
 - Busca Sequencial ou Linear
 - Busca Sequencial Ordenada
 - Busca Binária

	0	1	2	3	4	5	6
V	23	4	67	-8	54	90	21

Busca Sequencial ou Linear

- Estratégia de busca mais simples que existe
 - Basicamente, esse algoritmo percorre o array que contém os dados desde a sua primeira posição até a última
 - Assume que os dados não estão ordenados, por isso a necessidade de percorrer o array do seu início até o seu fim

Busca Sequencial ou Linear

- Funcionamento
 - Para cada posição do array, o algoritmo compara se a posição atual do array é igual ao valor buscado.
 - Se os valores forem iguais, a busca termina
 - caso contrário, a busca continua com a próxima posição do array

Busca Sequencial ou Linear

- Algoritmo

```
13 |
14 | int buscaLinear(int *V, int N, int elem){
15 |     int i;
16 |     for(i = 0; i<N; i++){
17 |         if(elem == V[i])
18 |             return i;//elemento encontrado
19 |     }
20 |     return -1;//elemento não encontrado
21 | }
```

Busca Sequencial ou Linear

- Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6
V	23	4	67	-8	54	90	21

elem **54** Elemento procurado

	0	1	2	3	4	5	6
i=0	23	4	67	-8	54	90	21

 Valor diferente: continua a busca

i=1	23	4	67	-8	54	90	21
-----	----	---	----	----	----	----	----

 Valor diferente: continua a busca

i=2	23	4	67	-8	54	90	21
-----	----	---	----	----	----	----	----

 Valor diferente: continua a busca

i=3	23	4	67	-8	54	90	21
-----	----	---	----	----	----	----	----

 Valor diferente: continua a busca

i=4	23	4	67	-8	54	90	21
-----	----	---	----	----	----	----	----

 Valor igual: termina a busca

Busca Sequencial ou Linear

- Complexidade
 - Considerando um array com **N** elementos
 - **$O(1)$** , melhor caso: o elemento é o primeiro do array
 - **$O(N)$** , pior caso: o elemento é o último do array ou não existe
 - **$O(N/2)$** , caso médio

Busca Sequencial Ordenada

- Procurar por um determinado valor em um array desordenado é uma tarefa bastante cara
- Como melhorar isso?
 - Organizando o array segundo alguma ordem, isto é, devemos ordenar o array
 - Isso facilita a tarefa de busca

Busca Sequencial Ordenada

- Funcionamento
 - Assume que os dados estão ordenados
 - Se o elemento procurado for **menor** do que o valor em uma determinada posição do array, temos a certeza de que ele não estará no restante do array
 - Isso evita a necessidade de percorrer o array do seu início até o seu fim

Busca Sequencial Ordenada

- Algoritmo

```
14
15 int buscaOrdenada(int *V, int N, int elem){
16     int i;
17     for(i = 0; i<N; i++){
18         if(elem == V[i])
19             return i;//elemento encontrado
20         else
21             if(elem < V[i])
22                 return -1;//para a busca
23     }
24     return -1;//elemento não encontrado
25 }
```

Busca Sequencial Ordenada

- Exemplo

	0	1	2	3	4	5	6
V	-8	4	21	23	54	67	90

elem 34 Elemento procurado

	0	1	2	3	4	5	6
i=0	-8	4	21	23	54	67	90

 Valor diferente: continua a busca

	0	1	2	3	4	5	6
i=1	-8	4	21	23	54	67	90

 Valor diferente: continua a busca

	0	1	2	3	4	5	6
i=2	-8	4	21	23	54	67	90

 Valor diferente: continua a busca

	0	1	2	3	4	5	6
i=3	-8	4	21	23	54	67	90

 Valor diferente: continua a busca

	0	1	2	3	4	5	6
i=4	-8	4	21	23	54	67	90

 Valor é maior: elemento não existe

Busca Sequencial Ordenada

- Desvantagens
 - Ordenar um array também tem um custo
 - Esse custo é superior ao custo da busca sequencial no seu pior caso
 - Se for para fazer a busca de um único elemento, não compensa ordenar o array
 - Porém, se mais de um elemento for recuperado do array, o esforço de ordenar o array pode compensar

Busca Binária

- Fazer a busca em um array ordenado representa um ganho de tempo
 - Podemos terminar a busca mais cedo se o elemento procurado for menor que o valor da posição atual do array

Busca Binária

- A Busca Sequencial Ordenada é uma estratégia de busca extremamente simples
 - Ela percorre todo o array linearmente
 - Não utiliza adequadamente a ordenação dos dados
- Uma estratégia de busca mais sofisticada é a Busca Binária
 - Muito mais eficiente do que a Busca Sequencial Ordenada

Busca Binária

- Funcionamento
 - É uma estratégia baseada na idéia de *dividir para conquistar*
 - A cada passo, esse algoritmo analisa o valor do meio do array
 - Caso esse valor seja igual ao elemento procurado, a busca termina
 - Caso contrário, a busca continua na metade do array que condiz com o valor procurado

Busca Binária

- Algoritmo

```
27 |
28 | int buscaBinaria(int *V, int N, int elem) {
29 |     int i, inicio, meio, final;
30 |     inicio = 0;
31 |     final = N-1;
32 |     while(inicio <= final) {
33 |         meio = (inicio + final)/2;
34 |         if(elem < V[meio])
35 |             final = meio-1; //busca na metade da esquerda
36 |         else
37 |             if(elem > V[meio])
38 |                 inicio = meio+1; //busca na metade da direita
39 |             else
40 |                 return meio;
41 |     }
42 |     return -1; //elemento não encontrado
43 | }
```

- Exemplo

elem **4** Elemento procurado

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
meio=1	-8	-5	1	4	14	21	23	54	67	90	Valor é maior: buscar no final

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
meio=3	-8	-5	1	4	14	21	23	54	67	90	Valor é igual: terminar a busca

Busca Binária

- Complexidade
 - Considerando um array com **N** elementos, o tempo de execução é:
 - **$O(1)$** , melhor caso: o elemento procurado está no meio do array;
 - **$O(\log_2 N)$** , pior caso: o elemento não existe;
 - **$O(\log_2 N)$** , caso médio.

Busca Binária

- Complexidade
 - Para se ter uma idéia da sua vantagem, em um array contendo **$N = 1000$** elementos, no pior caso
 - A Busca Sequencial irá executar **1000 comparações**
 - A Busca Binária irá executar apenas **10 comparações**

Busca em array de struct

- A busca em um array de inteiros é uma tarefa simples
 - Na prática, trabalhamos com dados um pouco mais complexos, como estruturas
 - Mais dados para manipular

```
11 struct aluno{  
12     int matricula;  
13     char nome[30];  
14     float n1,n2,n3;  
15 };
```


Busca em array de struct

- Como fazer a busca quando o que temos é um array de struct?

```
struct aluno V[6];
```

matricula; nome[30]; n1,n2,n3;	matricula; nome[30]; n1,n2,n3;	matricula; nome[30]; n1,n2,n3;	matricula; nome[30]; n1,n2,n3;	matricula; nome[30]; n1,n2,n3;	matricula; nome[30]; n1,n2,n3;
V[0]	v[1]	v[2]	v[3]	v[4]	v[5]

Busca em array de struct

- **Relembrando**
- A busca é baseada em uma chave
 - A chave de busca é o **campo** do item utilizado para comparação
 - Valor armazenado em um array de inteiros
 - **Campo de uma struct**
 - etc
 - É por meio dela que sabemos se dado elemento é o que buscamos
 - No caso do item estar presente no conjunto de elementos, seus dados são retornados para o usuário

Busca em array de struct

- Ou seja, devemos modificar o algoritmo para que a comparação das chaves seja feita utilizando um determinado campo da **struct**
- Exemplo
 - Vamos modificar a **busca linear**
 - Essa modificação vale para os outros tipos de busca

```
13 |
14 | int buscaLinear(int *V, int N, int elem){
15 |     int i;
16 |     for(i = 0; i<N; i++){
17 |         if(elem == V[i])
18 |             return i;//elemento encontrado
19 |     }
20 |     return -1;//elemento não encontrado
21 | }
```

Busca em array de struct

- Duas novas buscas
 - Busca por **matricula**
 - Busca por **nome**

```
28 int buscaLinearMatricula(struct aluno *V, int N, int elem){
29     int i;
30     for(i = 0; i<N; i++){
31         if(elem == V[i].matricula)
32             return i;//elemento encontrado
33     }
34     return -1;//elemento não encontrado
35 }
36
37
38 int buscaLinearNome(struct aluno *V, int N, char* elem){
39     int i;
40     for(i = 0; i<N; i++){
41         if(strcmp(elem,V[i].nome)==0)
42             return i;//elemento encontrado
43     }
44     return -1;//elemento não encontrado
45 }
```

ORDENAÇÃO

Conceitos básicos

- Ordenação
 - Ato de colocar um conjunto de dados em uma determinada ordem predefinida
 - Fora de ordem
 - 5, 2, 1, 3, 4
 - Ordenado
 - 1, 2, 3, 4, 5 **OU** 5, 4, 3, 2, 1
- Algoritmo de ordenação
 - Coloca um conjunto de elementos em uma certa ordem

Conceitos básicos

- A ordenação permite que o acesso aos dados seja feito de forma mais eficiente
 - É parte de muitos métodos computacionais
 - Algoritmos de busca, intercalação/fusão, utilizam ordenação como parte do processo
 - Aplicações em geometria computacional, bancos de dados, entre outras necessitam de listas ordenadas para funcionar

Conceitos básicos

- A ordenação é baseada em uma chave
 - A chave de ordenação é o **campo** do item utilizado para comparação
 - Valor armazenado em um array de inteiros
 - Campo nome de uma struct
 - etc
 - É por meio dela que sabemos se um determinado elemento está a frente ou não de outros no conjunto

Conceitos básicos

- Podemos usar qualquer tipo de chave
 - Deve existir uma regra de ordenação bem-definida
- Alguns tipos de ordenação
 - numérica
 - 1, 2, 3, 4, 5
 - lexicográfica (ordem alfabética)
 - André, Carlos, Eduardo, Ricardo

Conceitos básicos

- Independente do tipo, a ordenação pode ser
 - Crescente
 - 1, 2, 3, 4, 5
 - André, Carlos, Eduardo, Ricardo
 - Decrescente
 - 5, 4, 3, 2, 1
 - Ricardo, Eduardo, Carlos, André

Conceitos básicos

- Os algoritmos de ordenação podem ser classificados como de
- Ordenação interna
 - O conjunto de dados a ser ordenado cabe todo na memória principal (RAM)
 - Qualquer elemento pode ser imediatamente acessado

Conceitos básicos

- Os algoritmos de ordenação podem ser classificados como de
- Ordenação externa
 - O conjunto de dados a ser ordenado não cabe na memória principal
 - Os dados estão armazenados em memória secundário
 - Por exemplo, um arquivo
 - Os elementos são acessados sequencialmente ou em grandes blocos

Conceitos básicos

- Além disso, a ordenação pode ser estável ou não
 - Um algoritmo de ordenação é considerado **estável** se a ordem dos elementos com chaves iguais não muda durante a ordenação
 - O algoritmo preserva a **ordem relativa** original dos valores

Conceitos básicos

- Dados não ordenados
 - 5a, 2, 5b, 3, 4, 1
 - 5a e 5b são o mesmo número
- Dados ordenados
 - 1, 2, 3, 4, 5a, 5b: ordenação **estável**
 - 1, 2, 3, 4, 5b, 5a: ordenação **não-estável**

Métodos de ordenação

- Os métodos de ordenação estudados podem ser divididos em
 - Básicos
 - Fácil implementação
 - Auxiliam o entendimento de algoritmos complexos
 - Sofisticados
 - Em geral, melhor desempenho

Algoritmo Bubble Sort

- Também conhecido como ordenação por bolha
 - É um dos algoritmos de ordenação mais conhecidos que existem
 - Remete a idéia de bolhas flutuando em um tanque de água em direção ao topo até encontrarem o seu próprio nível (ordenação crescente)

Algoritmo Bubble Sort

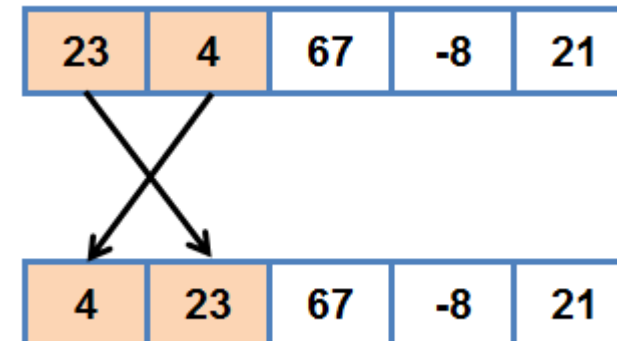
- Funcionamento
 - Compara pares de valores adjacentes e os troca de lugar se estiverem na ordem errada
 - Trabalha de forma a movimentar, uma posição por vez, o maior valor existente na porção não ordenada de um array para a sua respectiva posição no array ordenado
 - Esse processo se repete até que mais nenhuma troca seja necessária
 - Elementos já ordenados

Algoritmo Bubble Sort

- Algoritmo

```
41
42 void bubbleSort(int *V , int N){
43     int i, continua, aux, fim = N;
44     do{
45         continua = 0;
46         for(i = 0; i < fim-1; i++){
47             if (V[i] > V[i+1]){
48                 aux = V[i];
49                 V[i] = V[i+1];
50                 V[i+1] = aux;
51                 continua = i;
52             }
53         }
54         fim--;
55     }while(continua != 0);
56 }
```

Troca dois valores consecutivos no vetor



Algoritmo Bubble Sort | Passo a passo

- 1º iteração do-while: encontra o maior valor e o movimenta até a última posição

Sem Ordenar						
	23	4	67	-8	21	
1º Iteração do-while						
i=0	23	4	67	-8	21	$V[i] > V[i+1]$: Trocar
i=1	4	23	67	-8	21	$V[i] < V[i+1]$: Manter
i=2	4	23	67	-8	21	$V[i] > V[i+1]$: Trocar
i=3	4	23	-8	67	21	$V[i] > V[i+1]$: Trocar
Final	4	23	-8	21	67	

Algoritmo Bubble Sort | Passo a passo

- 2º iteração do-while: encontra o segundo maior valor e o movimenta até a penúltima posição

2º Iteração do-while

i=0

4	23	-8	21	67
---	----	----	----	----

 $V[i] < V[i+1]$: Manter

i=1

4	23	-8	21	67
---	----	----	----	----

 $V[i] > V[i+1]$: Trocar

i=2

4	-8	23	21	67
---	----	----	----	----

 $V[i] > V[i+1]$: Trocar

Final

4	-8	21	23	67
---	----	----	----	----

Algoritmo Bubble Sort | Passo a passo

- Processo continua até todo o array estar ordenado

3º Iteração do-while

i=0

4	-8	21	23	67
---	----	----	----	----

 $V[i] > V[i+1]$: Trocar

i=1

-8	4	21	23	67
----	---	----	----	----

 $V[i] < V[i+1]$: Manter

Final

-8	4	21	23	67
----	---	----	----	----

4º Iteração do-while

i=0

-8	4	21	23	67
----	---	----	----	----

 $V[i] < V[i+1]$: Manter

Não houve mudanças: ordenação concluída

Ordenado

-8	4	21	23	67
----	---	----	----	----

Algoritmo Bubble Sort

- Vantagens
 - Simples e de fácil entendimento e implementação
 - Está entre os métodos de ordenação mais difundidos existentes
- Desvantagens
 - Não é um algoritmo eficiente
 - Sua eficiência diminui drasticamente a medida que o número de elementos no array aumenta
 - É estudado apenas para fins de desenvolvimento de raciocínio

Algoritmo Bubble Sort

- Complexidade
 - Considerando um array com **N** elementos, o tempo de execução é:
 - **$O(N)$** , melhor caso: os elementos já estão ordenados.
 - **$O(N^2)$** , pior caso: os elementos estão ordenados na ordem inversa.
 - **$O(N^2)$** , caso médio.

Algoritmo Selection Sort

- Também conhecido como ordenação por seleção
 - É outro algoritmo de ordenação bastante simples
 - A cada passo ele **seleciona** o melhor elemento para ocupar aquela posição do array
 - Maior ou menor, dependendo do tipo de ordenação
 - Na prática, possui um desempenho quase sempre superior quando comparado com o bubble sort

Algoritmo Selection Sort

- Funcionamento
 - A cada passo, procura o menor valor do array e o coloca na primeira posição do array
 - Divide o array em duas partes: a parte ordenada, a esquerda do elemento analisado, e a parte que ainda não foi ordenada, a direita do elemento.
 - Descarta-se a primeira posição do array e repete-se o processo para a segunda posição
 - Isso é feito para todas as posições do array

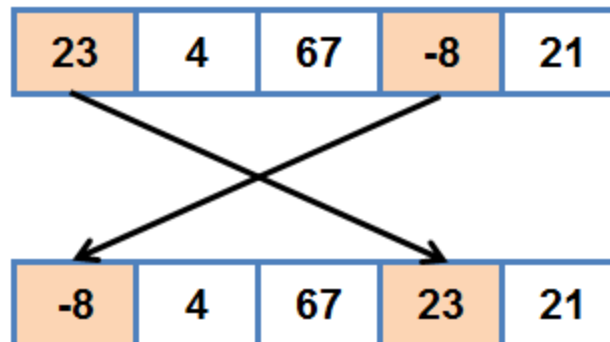
Algoritmo Selection Sort

- Algoritmo

```
74 |
75 | void selectionSort(int *V, int N){
76 |     int i, j, menor, troca;
77 |     for(i = 0; i < N-1; i++){
78 |         menor = i;
79 |         for(j = i+1; j < N; j++){
80 |             if(V[j] < V[menor]){
81 |                 menor = j;
82 |             }
83 |             if(i != menor){
84 |                 troca = V[i];
85 |                 V[i] = V[menor];
86 |                 V[menor] = troca;
87 |             }
88 |         }
89 |     }
```

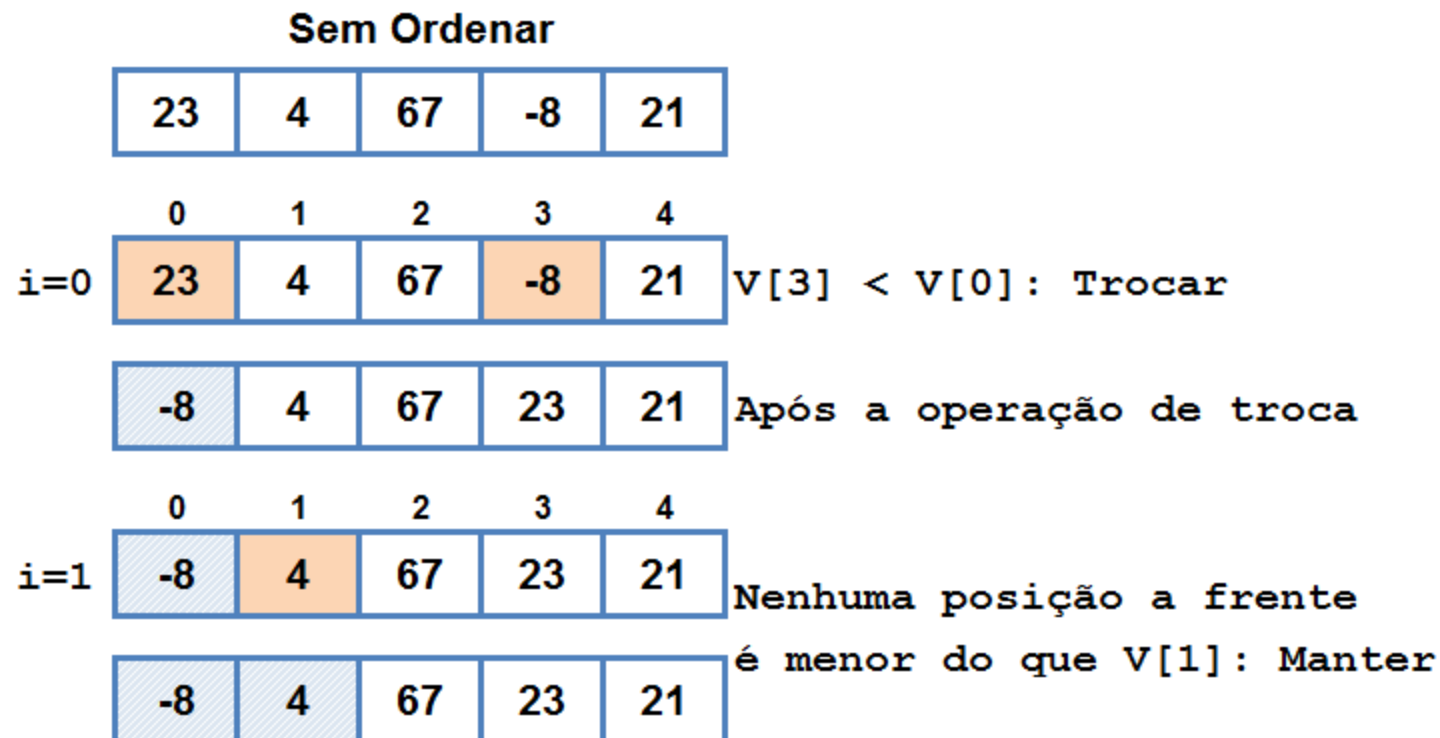
} Procura o menor elemento em relação a “i”

} Troca os valores da posição atual com a “menor”



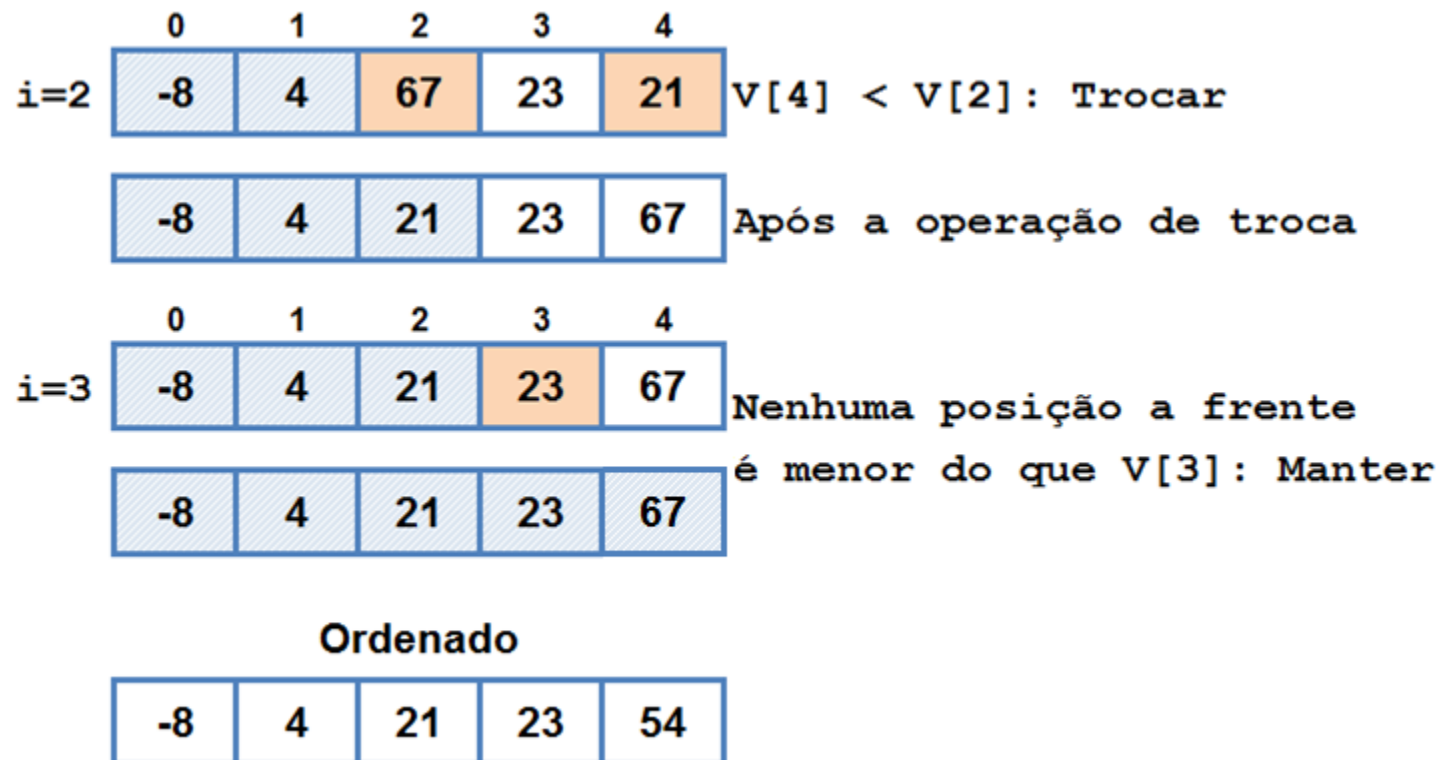
Algoritmo Selection Sort | Passo a passo

- Para cada posição i , procura no restante do array o menor valor para ocupá-la



Algoritmo Selection Sort | Passo a passo

- Para cada posição i , procura no restante do array o menor valor para ocupá-la



Algoritmo Selection Sort

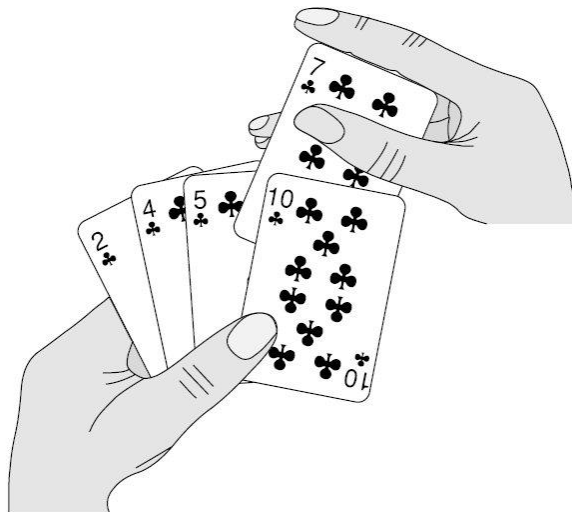
- Vantagem
 - Simples de ser implementado
 - Não requer memória adicional
- Desvantagens
 - Sua eficiência diminui drasticamente a medida que o número de elementos no array aumenta
 - Não é recomendado para aplicações que envolvam grandes quantidade de dados ou que precisem de velocidade

Algoritmo Selection Sort

- Complexidade
 - Considerando um array com **N** elementos, o tempo de execução é sempre de ordem **$O(N^2)$**
 - A eficiência do selection sort não depende da ordem inicial dos elementos
 - Melhor do que o bubble sort
 - Apesar de possuírem a mesma complexidade no caso médio, na prática o selection sort quase sempre supera o desempenho do bubble sort pois envolve um número menor de comparações

Algoritmo Insertion Sort

- Também conhecido como ordenação por inserção
 - Similar a ordenação de cartas de baralho com as mãos
 - Pegue uma carta de cada vez e a insira em seu devido lugar, sempre deixando as cartas da mão em ordem



Algoritmo Insertion Sort

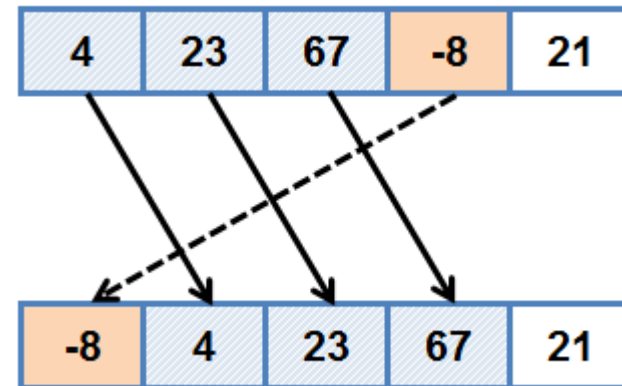
- Funcionamento
 - O algoritmo percorre o array e para cada posição **X** verifica se o seu valor está na posição correta
 - Isso é feito andando para o começo do array a partir da posição **X** e movimentando uma posição para frente os valores que são maiores do que o valor da posição **X**
 - Desse modo, teremos uma posição livre para inserir o valor da posição **X** em seu devido lugar

Algoritmo Insertion Sort

- Algoritmo

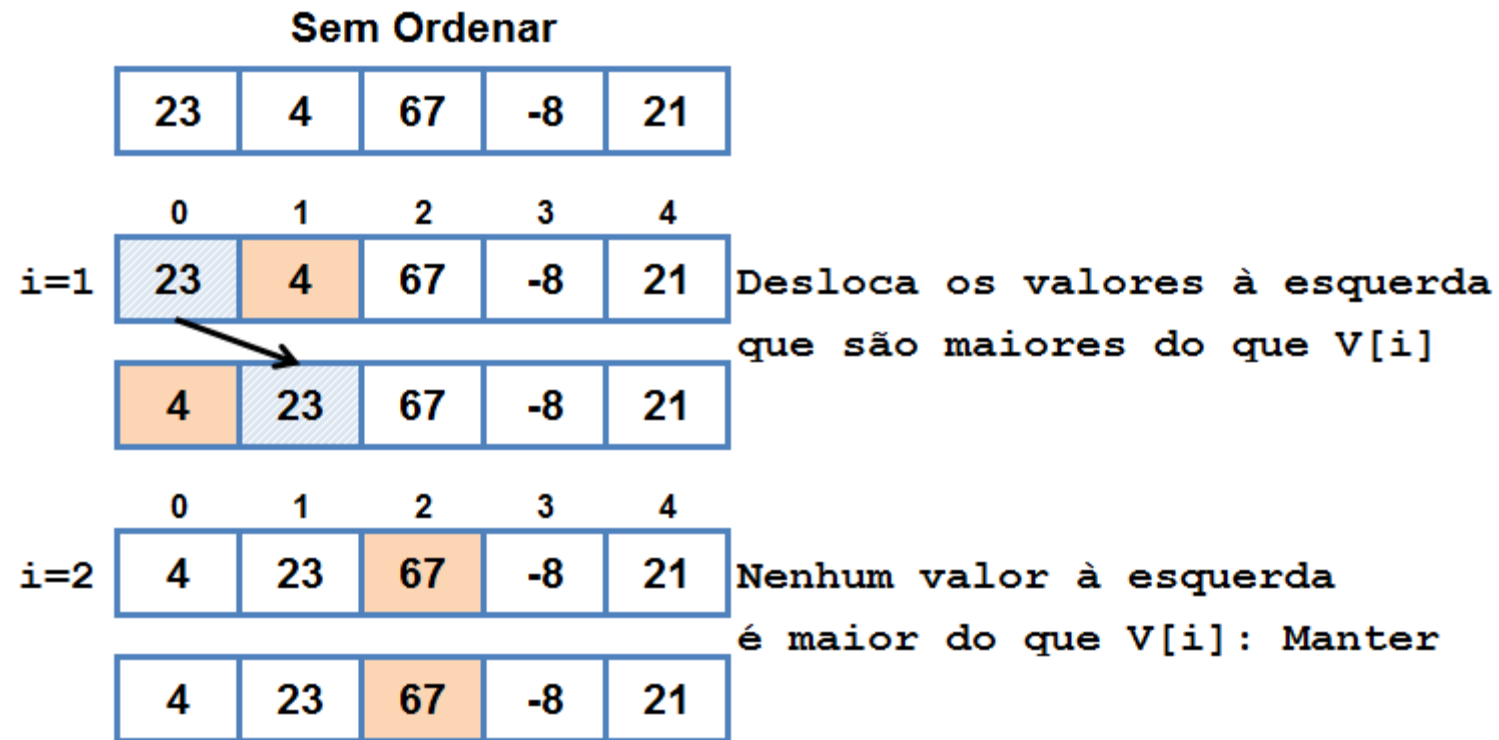
```
61 |
62 | void insertionSort(int *V, int N){
63 |     int i, j, aux;
64 |     for(i = 1; i < N; i++){
65 |         aux = V[i];
66 |         for(j = i; (j > 0) && (aux < V[j - 1]); j--){
67 |             V[j] = V[j - 1];
68 |             V[j] = aux;
69 |         }
70 |     }
```

Move as cartas maiores
para frente e insere na
posição vaga



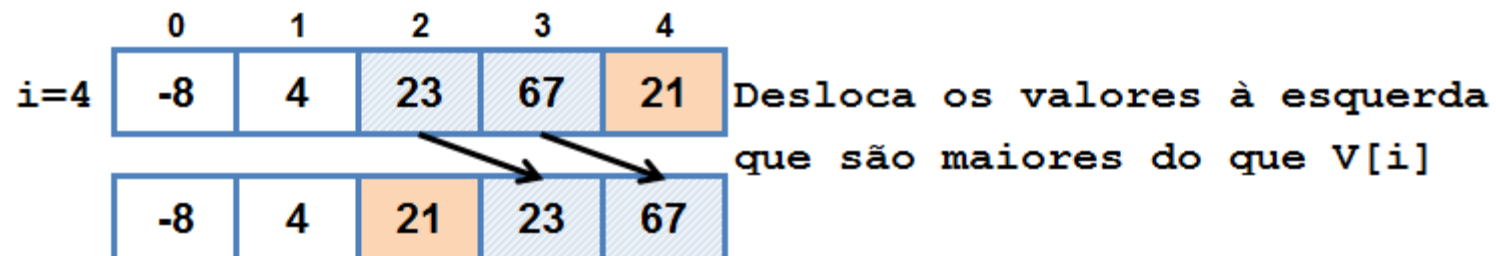
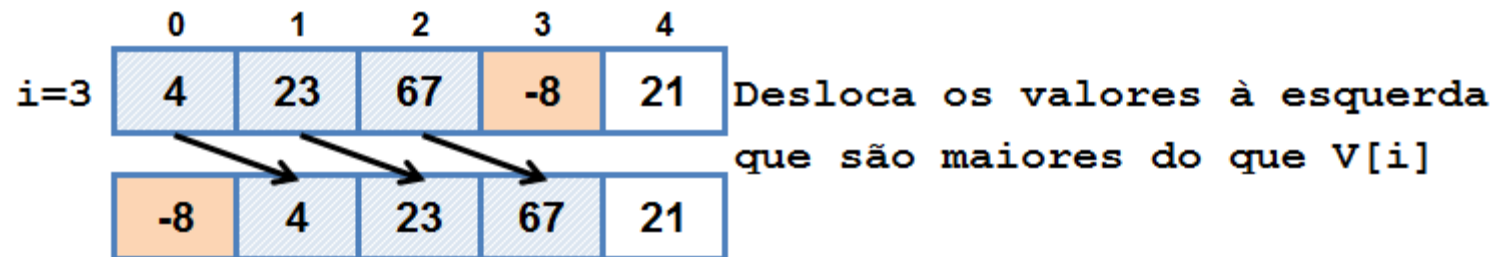
Algoritmo Insertion Sort | Passo a passo

- Para cada posição i , movimenta os valores maiores uma posição para frente no array



Algoritmo Insertion Sort | Passo a passo

- Para cada posição i , movimenta os valores maiores uma posição para frente no array



Ordenado

-8	4	21	23	67
----	---	----	----	----

Algoritmo Insertion Sort

- Vantagens
 - Fácil implementação
 - Na prática, é mais eficiente que a maioria dos algoritmos de ordem quadrática
 - Como o selection sort e o bubble sort.
- Um dos mais rápidos algoritmos de ordenação para conjuntos pequenos de dados
 - Superando inclusive o quick sort

Algoritmo Insertion Sort

- Vantagens
 - Estável: não altera a ordem dos dados iguais
 - Online
 - Pode ordenar elementos a medida que os recebe (tempo real)
 - Não precisa ter todo o conjunto de dados para colocá-los em ordem

Algoritmo Insertion Sort

- Complexidade
 - Considerando um array com **N** elementos, o tempo de execução é:
 - $O(N)$, melhor caso: os elementos já estão ordenados.
 - $O(N^2)$, pior caso: os elementos estão ordenados na ordem inversa.
 - $O(N^2)$, caso médio.

Algoritmo Merge Sort

- Também conhecido como ordenação por intercalação
 - Algoritmo recursivo que usa a idéia de *dividir para conquistar* para ordenar os dados
 - Parte do princípio de que é mais fácil ordenar um conjunto com poucos dados do que um com muitos
 - O algoritmo divide os dados em conjuntos cada vez menores para depois ordená-los e combina-los por meio de intercalação (merge)

Algoritmo Merge Sort

- Funcionamento
 - Divide, recursivamente, o array em duas partes
 - Continua até cada parte ter apenas um elemento
 - Em seguida, combina dois array de forma a obter um array maior e ordenado
 - A combinação é feita intercalando os elementos de acordo com o sentido da ordenação (crescente ou decrescente)
 - Este processo se repete até que exista apenas um array

Algoritmo Merge Sort

- Algoritmo usa 2 funções
 - mergeSort : divide os dados em arrays cada vez menores
 - merge: intercala os dados de forma ordenada em um array maior

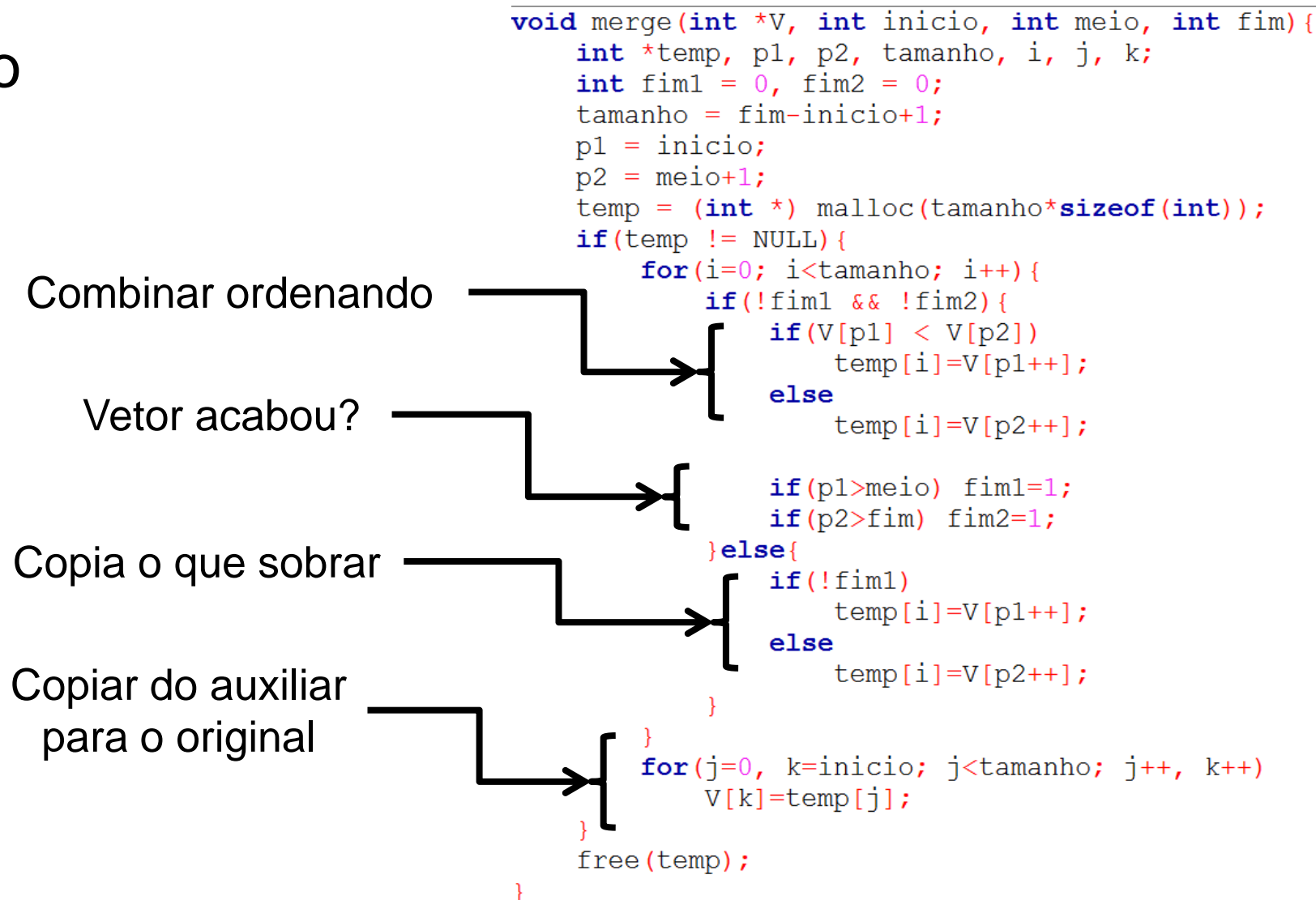
```
23
24 void mergeSort(int *V, int inicio, int fim){
25     int meio;
26     if(inicio < fim){
27         meio = floor((inicio+fim)/2);
28         mergeSort(V, inicio, meio);
29         mergeSort(V, meio+1, fim);
30         merge(V, inicio, meio, fim);
31     }
32 }
```

Chama a função para as 2 metades

Combina as 2 metades de forma ordenada

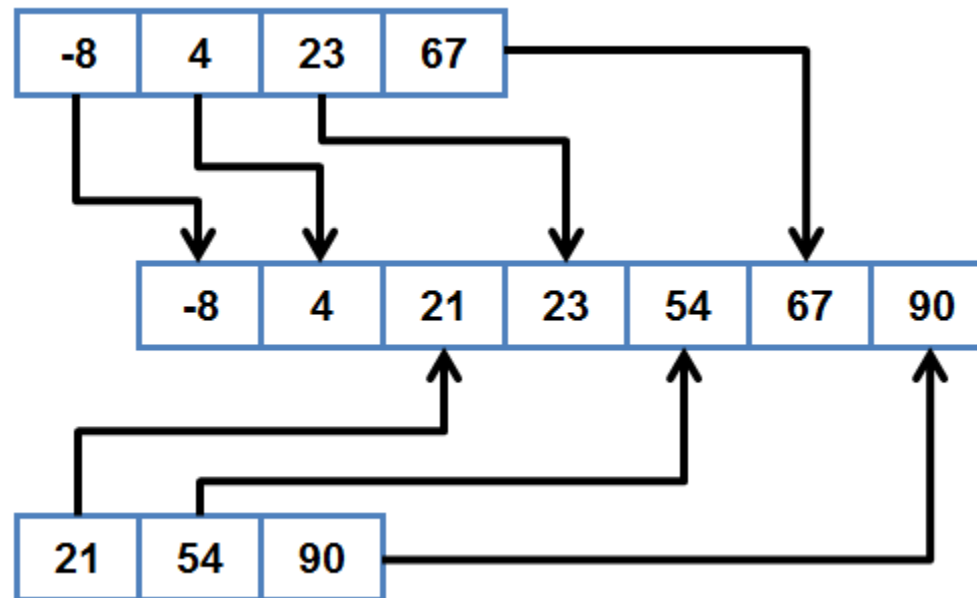
Algoritmo Merge Sort

- Algoritmo



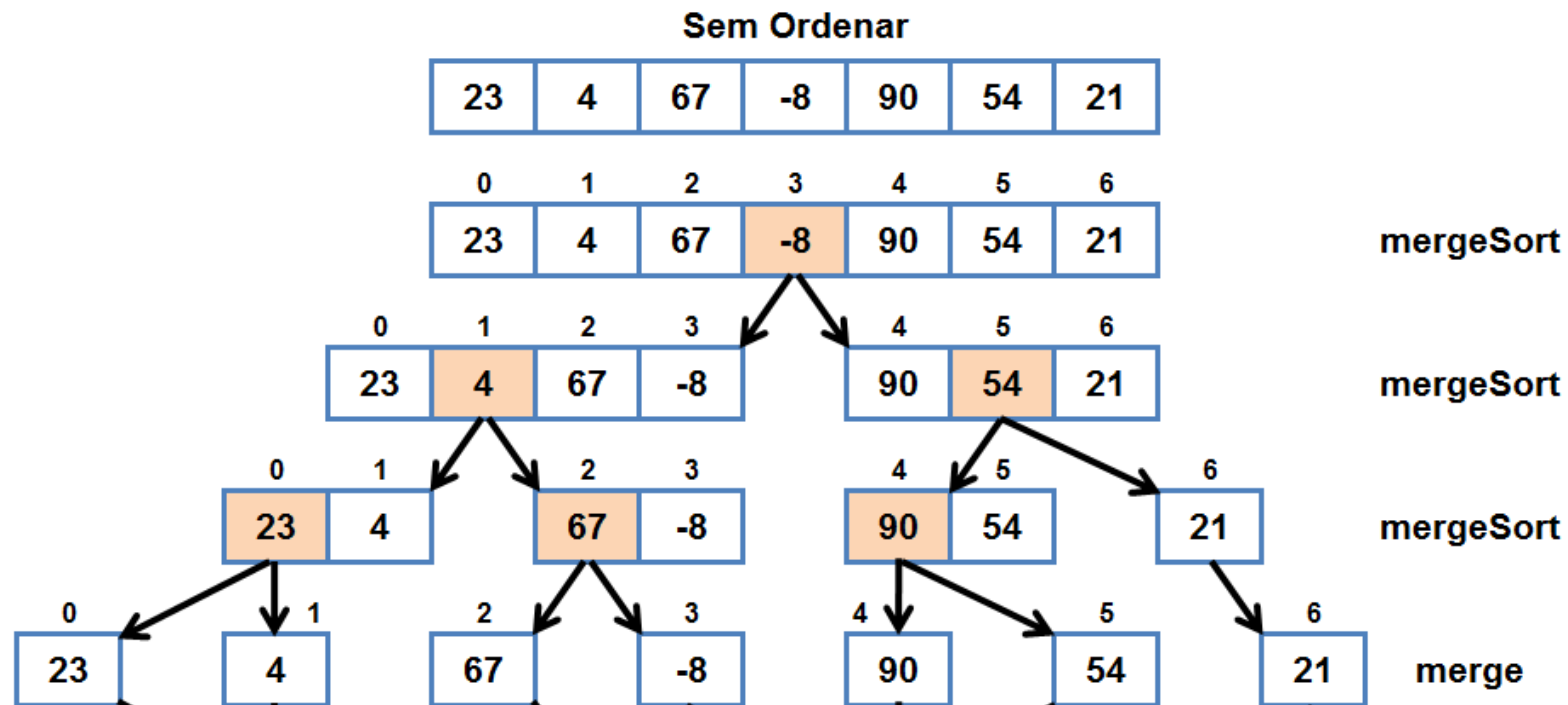
Algoritmo Merge Sort | Passo a passo

- Função merge
 - Intercala os dados de forma ordenada em um array maior
 - Utiliza um array auxiliar



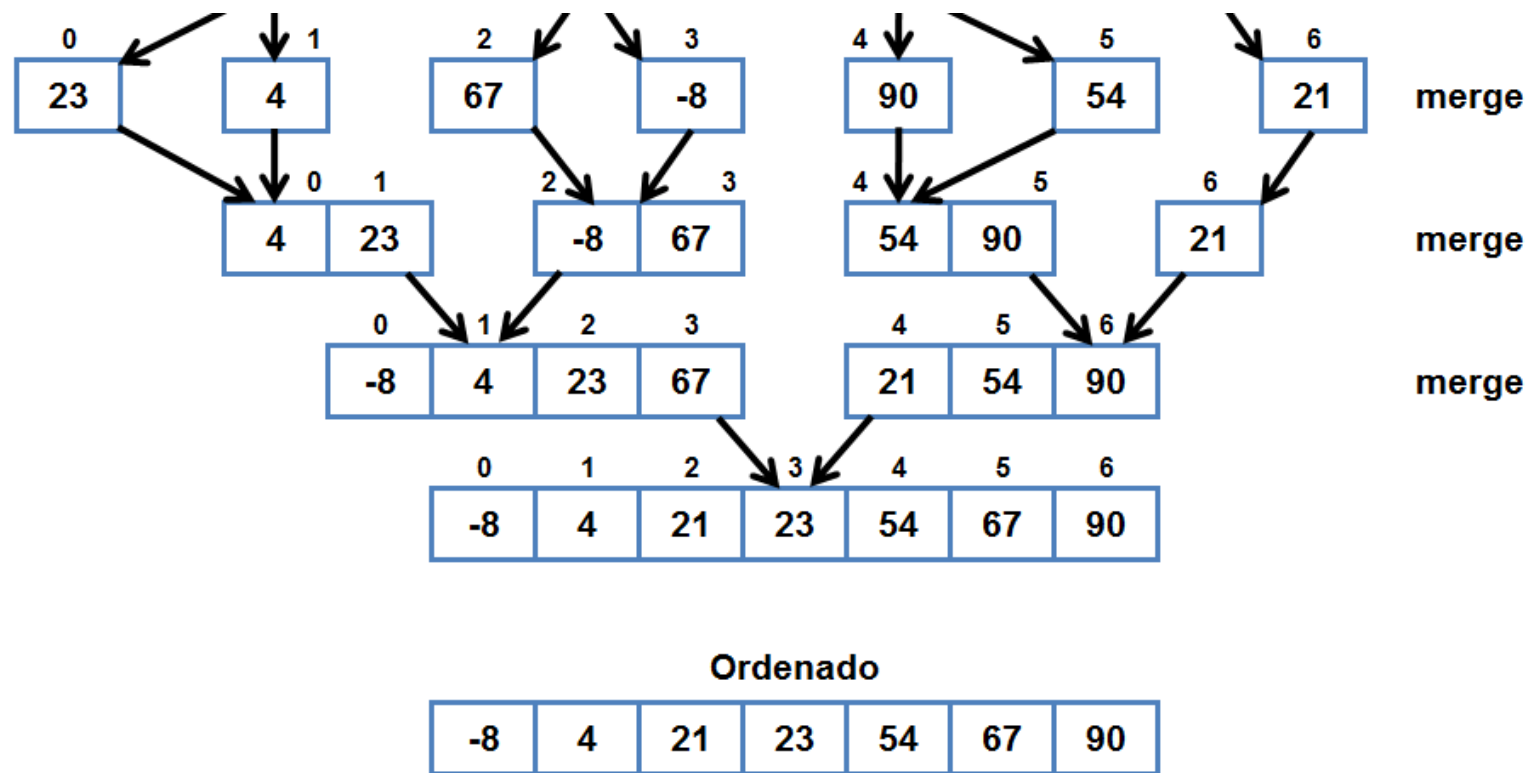
Algoritmo Merge Sort | Passo a passo

- Divide o array até ter **N** arrays de 1 elemento cada



Algoritmo Merge Sort | Passo a passo

- Intercala os arrays até obter um único array de **N** elementos



Algoritmo Merge Sort

- Complexidade
 - Considerando um array com **N** elementos, o tempo de execução é de ordem **$O(N \log N)$** em todos os casos
 - Sua eficiência não depende da ordem inicial dos elementos
 - No pior caso, realiza cerca de 39% menos comparações do que o quick sort no seu caso médio
 - Já no seu melhor caso, o merge sort realiza cerca de metade do número de iterações do seu pior caso

Algoritmo Merge Sort

- Vantagens

- Estável: não altera a ordem dos dados iguais

- Desvantagens

- Possui um gasto extra de espaço de memória em relação aos demais métodos de ordenação
 - Ele cria uma cópia do array para cada chamada recursiva
 - Em outra abordagem, é possível utilizar um único array auxiliar ao longo de toda a sua execução

Algoritmo Quick Sort

- Também conhecido como ordenação por partição
 - É outro algoritmo recursivo que usa a idéia de *dividir para conquistar* para ordenar os dados
 - Se baseia no problema da separação
 - Em inglês, *partition subproblem*

Algoritmo Quick Sort

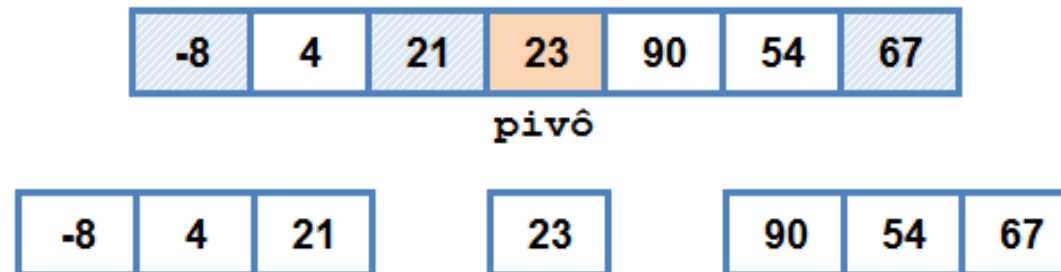
- Problema da separação
 - Em inglês, *partition subproblem*
 - Consiste em reorganizar o array usando um valor como **pivô**
 - Valores menores do que o **pivô** ficam a esquerda
 - Valores maiores do que o **pivô** ficam a direita

0	1	2	3	4	5	6
23	4	67	-8	90	54	21
-8	4	21	23	90	54	67

pivô

Algoritmo Quick Sort

- Funcionamento
 - Um elemento é escolhido como pivô
 - Valores menores do que o pivô são colocados antes dele e os maiores, depois
 - Supondo o pivô na posição **X**, esse processo cria duas partições:
 - **[0,...,X-1]** e **[X+1,...,N-1]**.
 - Aplicar recursivamente a cada partição
 - Até que cada partição contenha um único elemento



Algoritmo Quick Sort

- Algoritmo usa 2 funções
 - quickSort : divide os dados em arrays cada vez menores
 - particiona: calcula o pivô e rearranja os dados

```
void quickSort(int *V, int inicio, int fim) {  
    int pivo;  
    if(fim > inicio){  
        pivo = particiona(V, inicio, fim);  
        quickSort(V, inicio, pivo-1);  
        quickSort(V, pivo+1, fim);  
    }  
}
```

Separa os dados em 2 partições

Chama a função para as 2 metades

Algoritmo Quick Sort

- Algoritmo

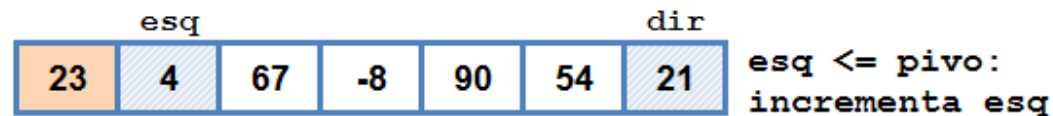
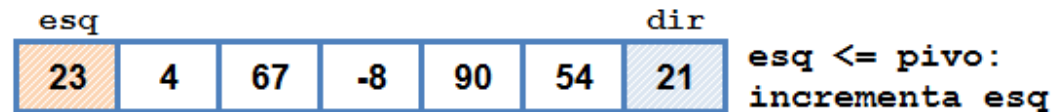
```
19 int particiona(int *V, int inicio, int final ){
20     int esq, dir, pivo, aux;
21     esq = inicio;
22     dir = final;
23     pivo = V[inicio];
24     while(esq < dir){
25         while(esq <= final && V[esq] <= pivo) } Avança posição
26             esq++;                               da esquerda
27
28         while(dir >= 0 && V[dir] > pivo) } Recua posição
29             dir--;                               da direita
30
31         if(esq < dir){
32             aux = V[esq];
33             V[esq] = V[dir];
34             V[dir] = aux;
35         }
36     }
37     V[inicio] = V[dir];
38     V[dir] = pivo;
39     return dir;
40 }
```

} Trocar esq e dir

Algoritmo Quick Sort | Passo a passo

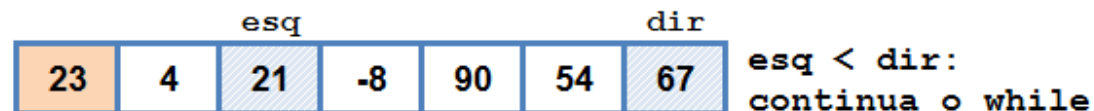
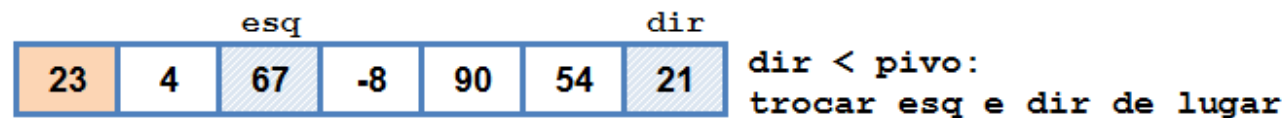
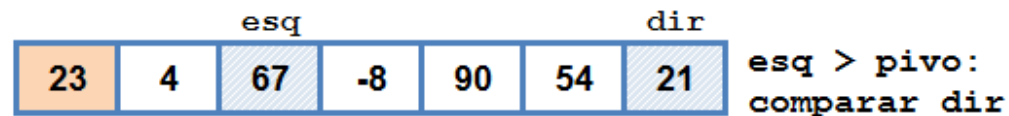
- Função particiona

particiona(V,0,6)



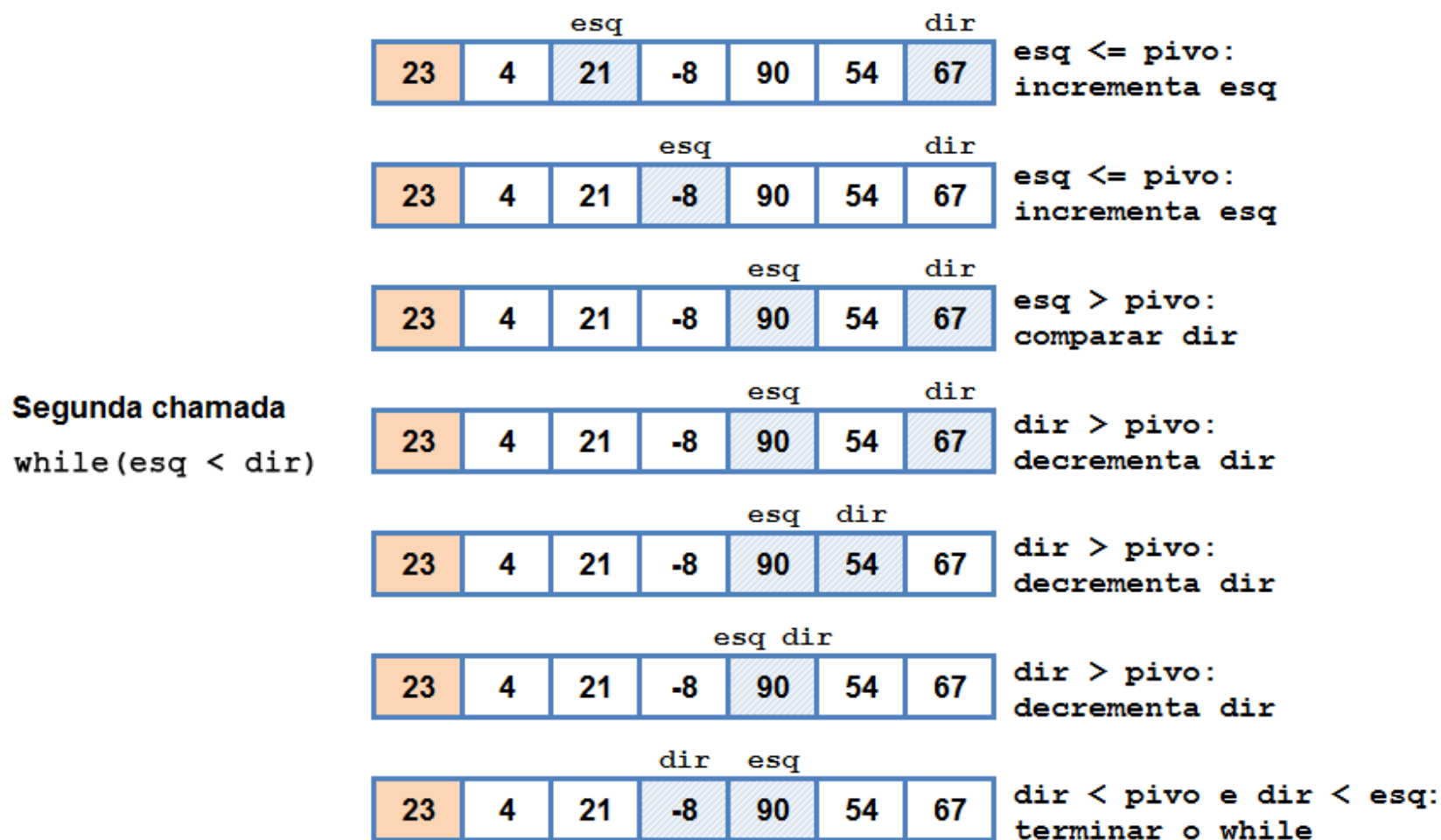
Primeira chamada

while(esq < dir)



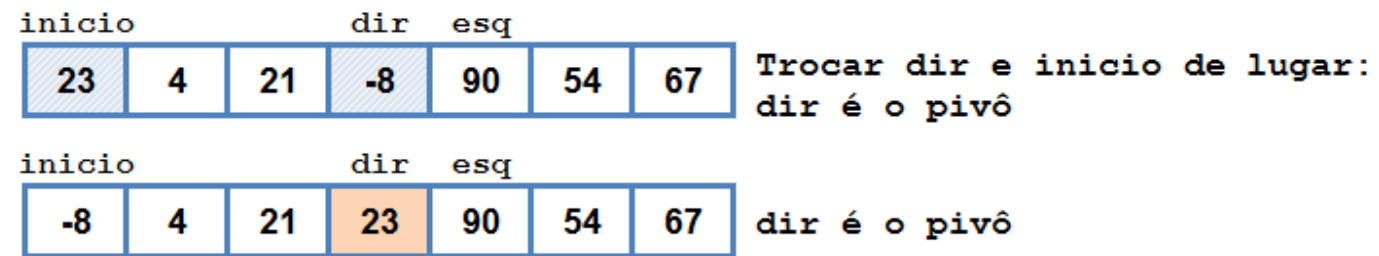
Algoritmo Quick Sort | Passo a passo

- Função particiona



Algoritmo Quick Sort | Passo a passo

- Função particiona



Algoritmo Quick Sort | Passo a passo

Sem Ordenar

23	4	67	-8	90	54	21
----	---	----	----	----	----	----

	0	1	2	3	4	5	6
particiona(V, 0, 6)	23	4	67	-8	90	54	21

-8	4	21	23	90	54	67
----	---	----	----	----	----	----

pivô

particiona(V, 0, 2)

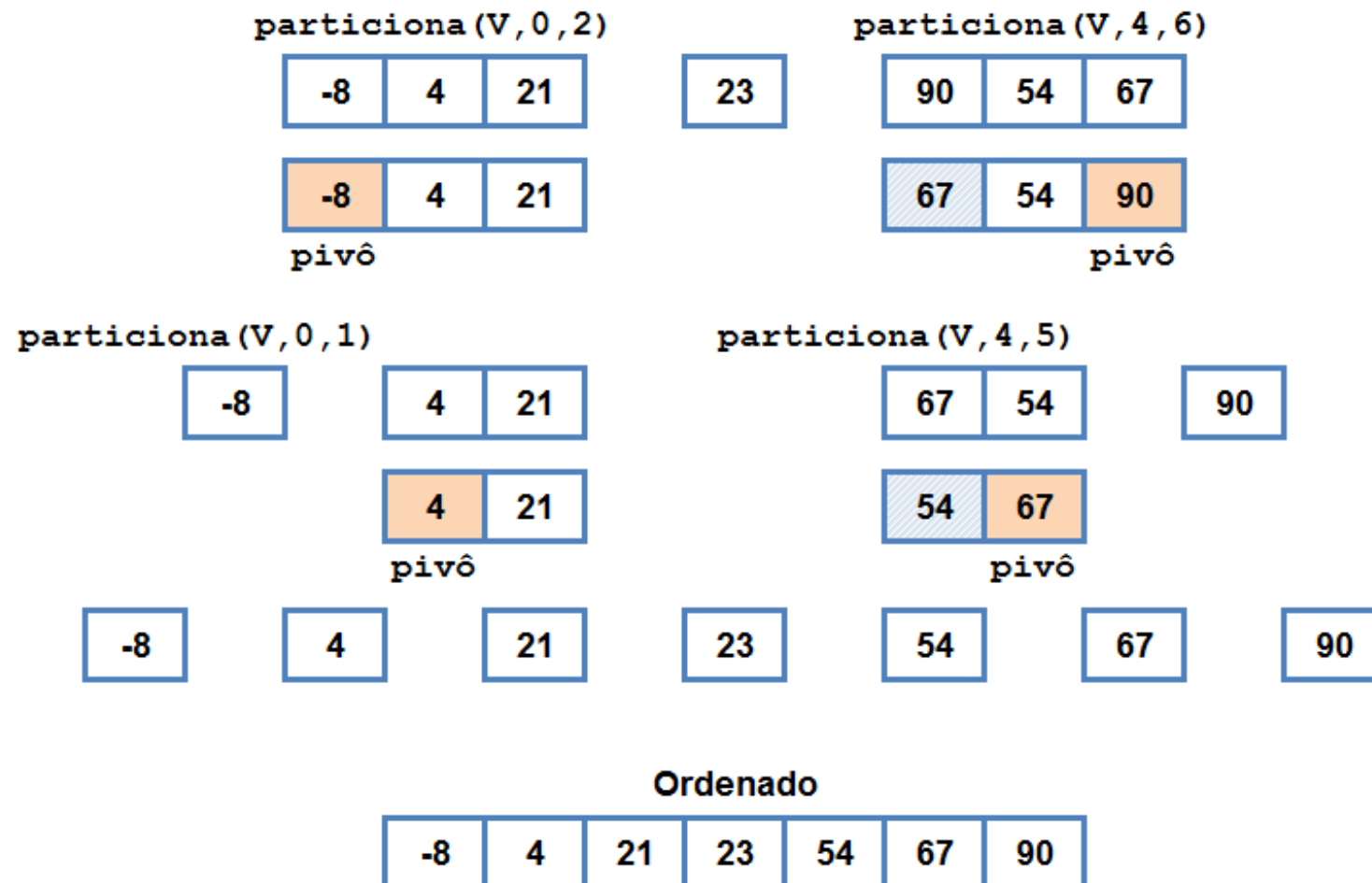
-8	4	21
----	---	----

particiona(V, 4, 6)

23

90	54	67
----	----	----

Algoritmo Quick Sort | Passo a passo



Algoritmo Quick Sort

- Complexidade
 - Considerando um array com **N** elementos, o tempo de execução é:
 - **$O(N \log N)$** , melhor caso e caso médio;
 - **$O(N^2)$** , pior caso.
 - Em geral, é algoritmo muito rápido. Porém, é um algoritmo lento em alguns casos especiais
 - Por exemplo, quando o particionamento não é balanceado

Algoritmo Quick Sort

- Desvantagens
 - Não é um algoritmo estável
 - **Como escolher o pivô?**
 - Existem várias abordagens diferentes
 - No pior caso o pivô divide o array de **N** em dois: uma partição com **N-1** elementos e outra com **0** elementos
 - **Particionamento não é balanceado**
 - Quando isso acontece a cada nível da recursão, temos o tempo de execução de **$O(N^2)$**

Algoritmo Quick Sort

- Desvantagens

- No caso de um particionamento não balanceado, o insertion sort acaba sendo mais eficiente que o quick sort
 - O pior caso do quick sort ocorre quando o array já está ordenado, uma situação onde a complexidade é $O(N^2)$ no insertion sort

- Vantagem

- Apesar de seu pior caso ser quadrático, costuma ser a melhor opção prática para ordenação de grandes conjuntos de dados

Algoritmo Counting Sort

- Também conhecido como ordenação por contagem
 - Algoritmo de ordenação para valores inteiros
 - Esses valores devem estar dentro de um determinado intervalo
 - A cada passo ele conta o número de ocorrências de um determinado valor no array

Algoritmo Counting Sort

- Funcionamento
 - Usa um array auxiliar de tamanho igual ao maior valor a ser ordenado, **K**
 - O array auxiliar é usado para contar quantas vezes cada valor ocorre
 - Valor a ser ordenado é tratado como índice.
 - Percorre o array auxiliar verificando quais valores existem e os coloca no array ordenado

Algoritmo Counting Sort

- Algoritmo

```
#define K 100
void countingSort(int *V, int N){
    int i, j, k;
    int baldes [K];
    for(i = 0; i < K; i++)
        baldes[i] = 0;
    for(i = 0; i < N; i++)
        baldes[V[i]]++;

    for(i = 0, j = 0; j < K; j++)
        for(k = baldes[j]; k > 0; k--)
            V[i++] = j;
}
```

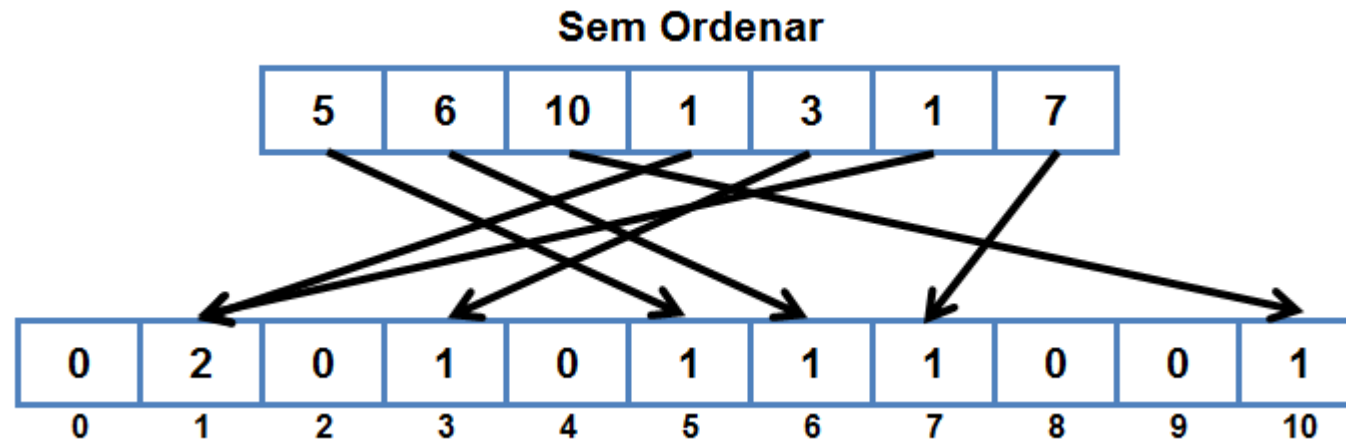
Algoritmo Counting Sort | Passo a passo

Sem Ordenar

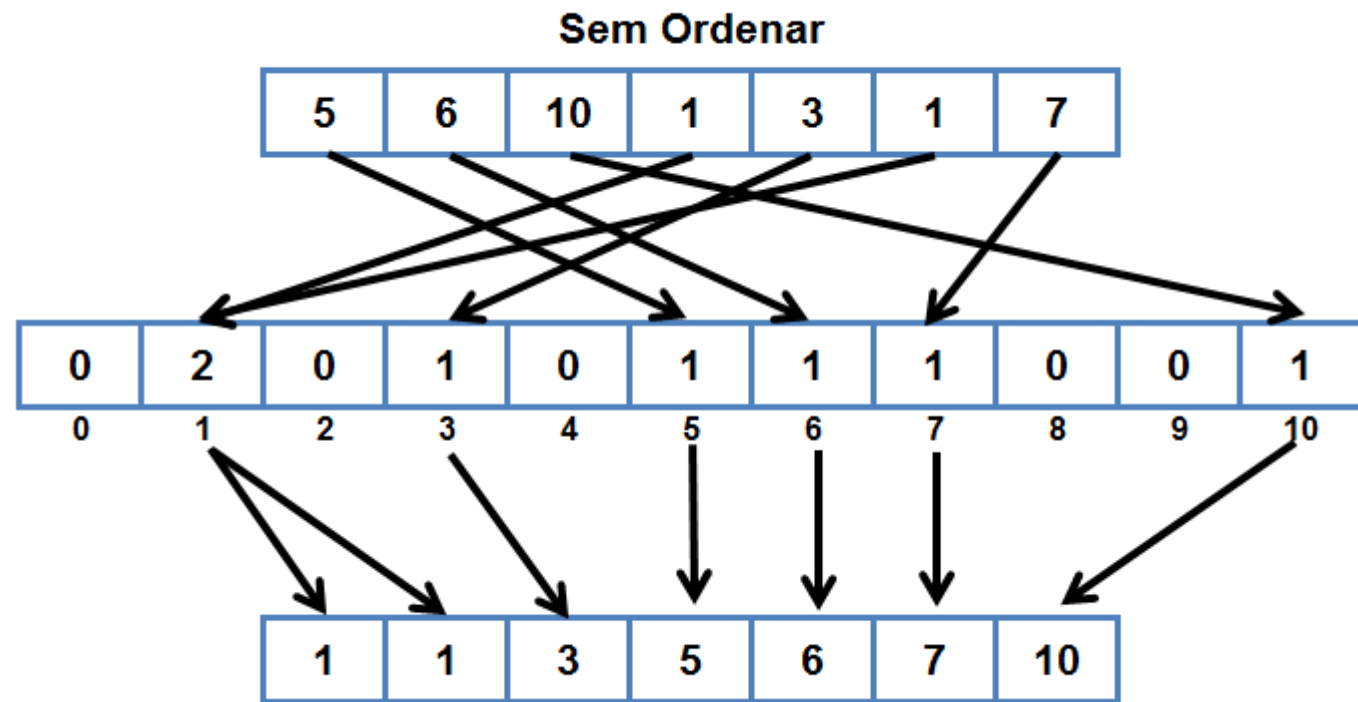
5	6	10	1	3	1	7
---	---	----	---	---	---	---

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10

Algoritmo Counting Sort | Passo a passo



Algoritmo Counting Sort | Passo a passo



Algoritmo Counting Sort

- Complexidade
 - Complexidade linear
 - Considerando um array com **N** elementos e o maior valor sendo **K**, o tempo de execução é sempre de ordem **$O(N+K)$**
 - **K** é o tamanho do array auxiliar

Algoritmo Counting Sort

- Vantagem
 - Estável: não altera a ordem dos dados iguais
 - Processamento simples
- Desvantagens
 - Não recomendado para grandes conjuntos de dados (**K** muito grande)
 - Ordena valores inteiros positivos (pode ser modificado para outros valores)

Algoritmo Bucket Sort

- Também conhecido como ordenação usando baldes
 - Algoritmo de ordenação para valores inteiros
 - Usa um conjunto de **K** baldes para separar os dados
 - A ordenação dos valores é feita por balde

Algoritmo Bucket Sort

- Funcionamento
 - Distribui os valores a serem ordenados em um conjunto de baldes.
 - Cada balde é um array auxiliar
 - Cada balde guarda uma faixa de valores
 - Ordena os valores de cada balde.
 - Isso é feito usando outro algoritmo de ordenação ou ele mesmo
 - Percorre os baldes e coloca os valores de cada balde de volta no array ordenado

Algoritmo Bucket Sort

- Algoritmo

```
#define TAM 5 // tamanho do balde
struct balde{
    int qtd;
    int valores[TAM];
};

void bucketSort(int *V, int N){
    int i, j, maior, menor, nroBaldes, pos;
    struct balde *bd;
    // Acha maior e menor valor
    maior = menor = V[0];
    for(i = 1; i < N; i++) {
        if(V[i] > maior) maior = V[i];
        if(V[i] < menor) menor = V[i];
    }
    // Inicializa baldes
    nroBaldes = (maior - menor) / TAM + 1;
    bd = (struct balde *) malloc(nroBaldes * sizeof(struct balde));
    for(i = 0; i < nroBaldes; i++)
        bd[i].qtd = 0;
```

Algoritmo Bucket Sort

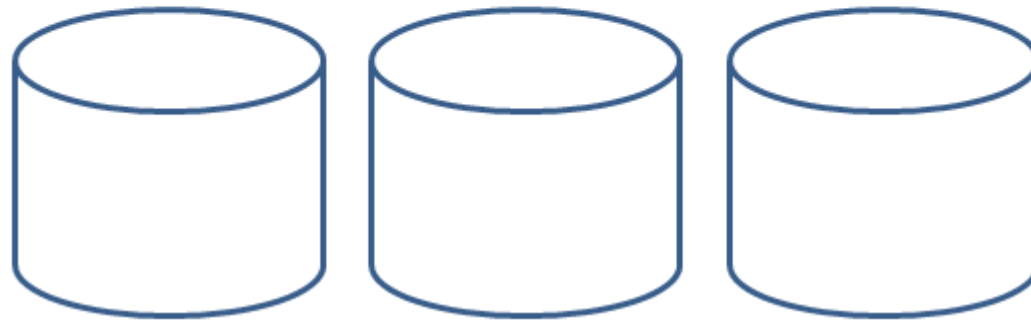
- Algoritmo

```
// Distribui os valores nos baldes
for(i = 0; i < N; i++){
    pos = (V[i] - menor) / TAM;
    bd[pos].valores[bd[pos].qtd] = V[i];
    bd[pos].qtd++;
}
// Ordena baldes e coloca no array
pos = 0;
for(i = 0; i < nroBaldes; i++){
    insertionSort(bd[i].valores, bd[i].qtd);
    for (j = 0; j < bd[i].qtd; j++){
        V[pos] = bd[i].valores[j];
        pos++;
    }
}
free(bd);
}
```

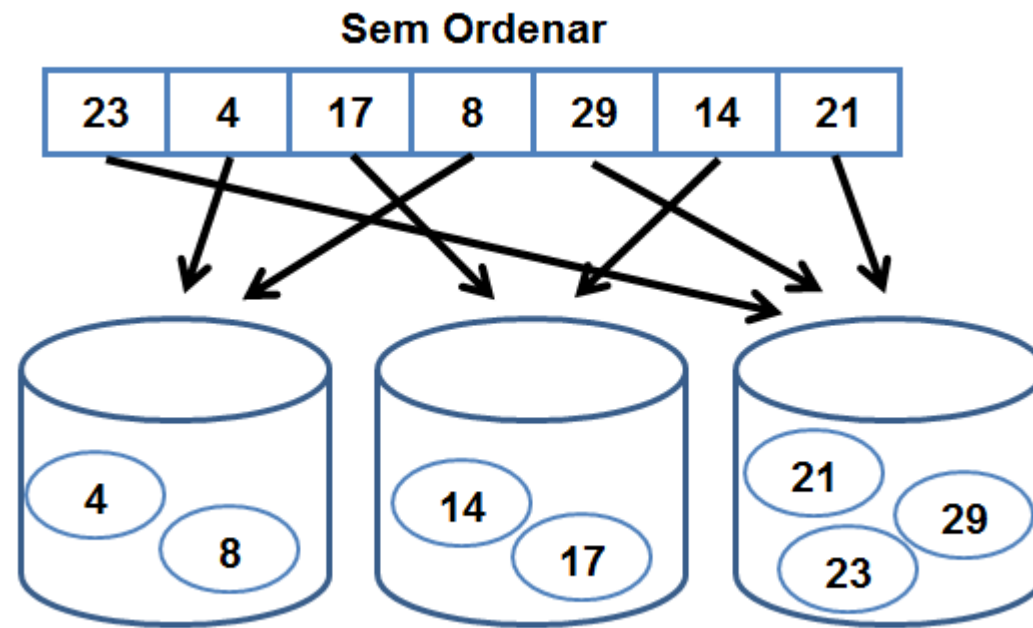

Algoritmo Bucket Sort | Passo a passo

Sem Ordenar

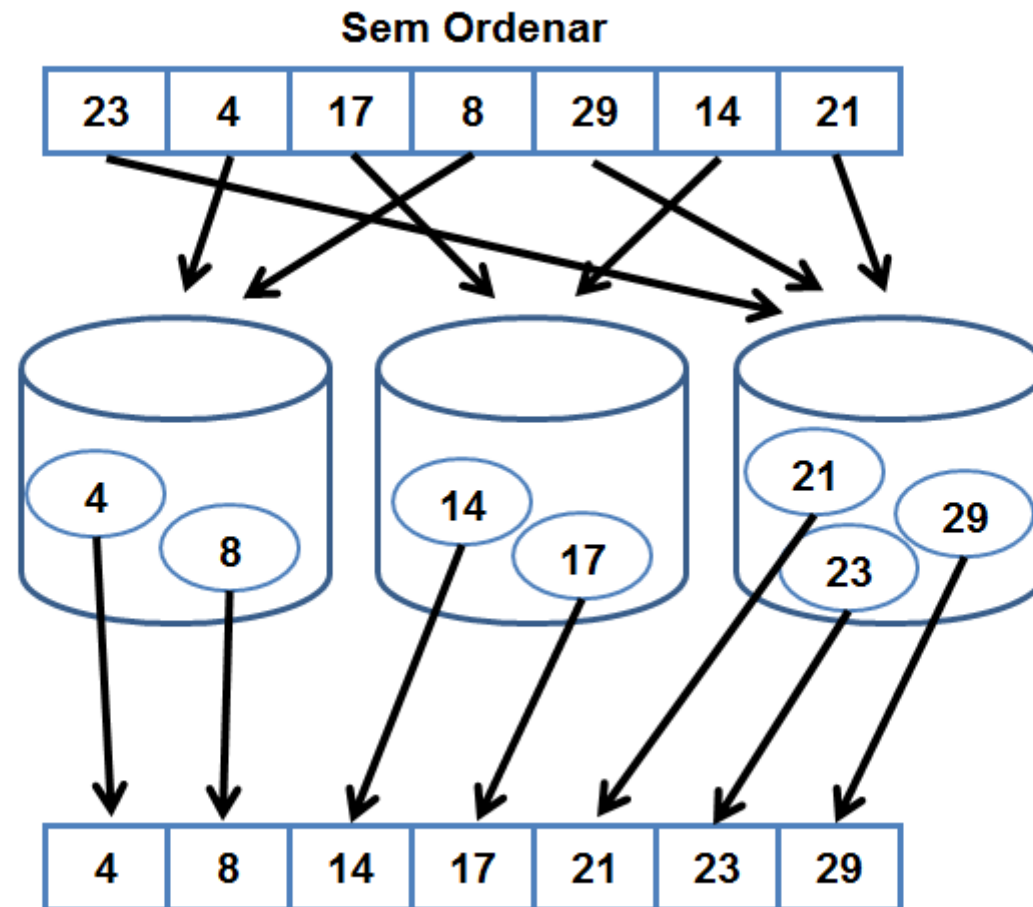
23	4	17	8	29	14	21
----	---	----	---	----	----	----



Algoritmo Bucket Sort | Passo a passo



Algoritmo Bucket Sort | Passo a passo



Algoritmo Bucket Sort

- Vantagem

- Estável: não altera a ordem dos dados iguais
 - Exceto se usar um algoritmo não estável nos baldes
- Processamento simples
- Parecido com o Counting Sort
 - Mas com baldes mais sofisticados

- Desvantagens

- Dados devem estar uniformemente distribuídos
- Não recomendado para grandes conjuntos de dados
- Ordena valores inteiros positivos (pode ser modificado para outros valores)

Algoritmo Bucket Sort

- Complexidade
 - Considerando um array com **N** elementos e **K** baldes, o tempo de execução é
 - **$O(N+K)$** , melhor caso: dados estão uniformemente distribuídos
 - **$O(N^2)$** , pior caso: todos os elementos são colocados no mesmo balde

Ordenação de array de struct

- A ordenação de um array de inteiros é uma tarefa simples
 - Na prática, trabalhamos com dados um pouco mais complexos, como estruturas
 - Mais dados para manipular

```
11 struct aluno{  
12     int matricula;  
13     char nome[30];  
14     float n1,n2,n3;  
15 };
```

Ordenação de array de struct

- Como fazer a ordenação quando o que temos é um array de struct?

```
struct aluno V[6];
```

matricula; nome[30]; n1,n2,n3;	matricula; nome[30]; n1,n2,n3;	matricula; nome[30]; n1,n2,n3;	matricula; nome[30]; n1,n2,n3;	matricula; nome[30]; n1,n2,n3;	matricula; nome[30]; n1,n2,n3;
V[0]	v[1]	v[2]	v[3]	v[4]	v[5]

Ordenação de array de struct

- **Relembrando**
- A ordenação é baseada em uma chave
 - A chave de ordenação é o **campo** do item utilizado para comparação
 - Valor armazenado em um array de inteiros
 - **Campo de uma struct**
 - etc
 - É por meio dela que sabemos se um determinado elemento está a frente ou não de outros no conjunto

Ordenação de array de struct

- Ou seja, devemos modificar o algoritmo para que a comparação das chaves seja feita utilizando um determinado campo da **struct**
- Exemplo
 - Vamos modificar o **insertion sort**
 - Essa modificação vale para os outros métodos

```
62 void insertionSort(int *V, int N){
63     int i, j, aux;
64     for(i = 1; i < N; i++){
65         aux = V[i];
66         for(j = i; (j > 0) && (aux < V[j - 1]); j--){
67             V[j] = V[j - 1];
68             V[j] = aux;
69         }
70     }
```

Ordenação de array de struct

- Duas novas formas de ordenação
 - Por **matricula**

```
void insertionSortMatricula(struct aluno *V, int N) {  
    int i, j;  
    struct aluno aux;  
    for(i = 1; i < N; i++) {  
        aux = V[i];  
        for(j=i; (j>0) && (aux.matricula<V[j-1].matricula); j--)  
            V[j] = V[j - 1];  
        V[j] = aux;  
    }  
}
```

Ordenação de array de struct

- Duas novas formas de ordenação
 - Por **nome**

```
/*saída strcmp(str1,str2)
    == 0: str1 é igual a str2
    > 0: str1 vem depois de str2
    < 0: str1 vem antes de str2
*/
void insertionSortNome(struct aluno *V, int N){
    int i, j;
    struct aluno aux;
    for(i = 1; i < N; i++){
        aux = V[i];
        for(j=i; (j>0) && (strcmp(aux.nome,V[j-1].nome)<0); j--){
            V[j] = V[j-1];
        }
        V[j] = aux;
    }
}
```

Material Complementar | Vídeo Aulas

- Aula 47: Ordenação de Vetores:
 - youtu.be/vPHHV6iAU2E
- Aula 48: Ordenação: BubbleSort:
 - youtu.be/qU8N_bmEbQ4
- Aula 49: Ordenação: InsertionSort:
 - youtu.be/79buQYoWszA
- Aula 50: Ordenação: SelectionSort:
 - youtu.be/zjcGGqskf5s
- Aula 51: Ordenação: MergeSort:
 - youtu.be/RZbg5oT5Fgw
- Aula 52: Ordenação: QuickSort:
 - youtu.be/spywQ2ix_Co

Material Complementar | Vídeo Aulas

- Aula 53: Ordenação: HeapSort:
 - youtu.be/zSYOMJ1E52A
- Aula 54: Ordenação em Vetor de Struct:
 - youtu.be/LFs-slQesVw
- Aula 55: Ordenação – Usando a função qsort():
 - youtu.be/HtvfgqO0IM4
- Aula 123 - Ordenação: CountingSort:
 - youtu.be/En8daEdcpJU
- Aula 124 - Ordenação: BucketSort:
 - youtu.be/4J89y2Pv_qM

Material Complementar | Vídeo Aulas

- Aula 140 - Ordenação: ShellSort:
 - youtu.be/aiafbYZB7S4
- Aula 143 - Ordenação estável: exemplo de uso
 - youtu.be/aEE_hGEV92Q
- Bubble Sort: sorting color lines
 - youtu.be/qNs61uMKBIg
- Selection Sort: sorting color lines
 - youtu.be/e85-oWQQFqk
- Insertion Sort: sorting color lines
 - youtu.be/n5g-knVw2lo

Material Complementar | Vídeo Aulas

- Merge Sort: sorting color lines
 - youtu.be/lzXeeGAdXWc
- Quick Sort: sorting color lines
 - youtu.be/0bwUNoTXVmQ
- Heap Sort: sorting color lines
 - youtu.be/fuUr3y8jcP4
- Sorting colors with 6 algorithms
 - youtu.be/IMZqil4TLU0
- Sorting Mona Lisa with 6 algorithms
 - youtu.be/1oZcfj39F6o

Material Complementar | Vídeo Aulas

- Aula 45: Busca em Vetores:
 - youtu.be/ptvnLzqcJuA
- Aula 46: Busca em Vetor de struct:
 - youtu.be/zxwCSxbntKA

Material Complementar | GitHub

- <https://github.com/arbackes>

Popular repositories

Livro_Python

Public

☆ 118 🍴 12

Estrutura-de-Dados-em-C

Public

Códigos fontes de diversas estrutura de dados implementadas em linguagem C

● C ☆ 49 🍴 4

Estrutura-de-Dados-em-Python

Public

Códigos fontes de diversas estrutura de dados implementadas em linguagem Python

● Python ☆ 9 🍴 2

Codigos-Fontes-Diversos-em-C

Public

Códigos fontes de diferentes projetos implementados em linguagem C

● C ☆ 7 🍴 1