

École Polytechnique de l'Université de Tours 64, Avenue Jean Portalis 37200 TOURS, FRANCE Tél. +33 (0)2 47 36 14 14 www.polytech.univ-tours.fr

# Département Informatique 5<sup>e</sup> année 2013 - 2014

Rapport de projet

# Matching élastique et robuste de séquences

**Encadrants**Nicolas RAGOT
nicolas.ragot@univ-tours.fr

Etudiants
Abourahman ADEN HASSAN
abdourahman.adenhassan@etu.univ-tours.fr

# Table des matières

Ra	appo	ort de	projet	7
2	Intro	oductio	n	7
3	Ren	nerciem	ents	8
4	Proj	iet		9
•	,	4.0.1	Objectifs	9
		4.0.2	Planning	10
	4.1	Caract	-	11
5	Séa	uence		12
3	Jeq	5.0.1		12
6	Etuc	de Algo	rithmique	13
		6.0.2	•	13
		6.0.3	·	14
		6.0.4		15
		6.0.5	·	16
		6.0.6	·	17
		6.0.7	·	17
		6.0.8		18
		6.0.9	•	18
				20
			· ·	20
				21
			·	22
			Minimum Variance Matching: description et exemple	
			algorithme	
			Complexité	
		0.0.10	Complexite	20
7	Etuc	de de C	ontraintes	27
		7.0.17	Mots	27
		7.0.18	Signatures	27
		7.0.19	Image de mots	27
		7.0.20	Résultats et remise en cause	28
Ω	Con	contion	et développement	29
U	8.1	-	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	29
	8.2		-	$\frac{29}{31}$
	0.2	8.2.1		31
		8.2.2	· ·	
		0.2.2	Spécificités de développement	31
9	Resi	ultat		35
	9.1	Deploi	ement	35
	9.2	•		35
		9.2.1		35
		9.2.2	·	37
	9.3			37
				- •

Rapport de projet III



10	Problèmes rencontrés et solutions apportées	40
	10.1 Contraintes	
11	Conclusion	42
12	Bibliographie	43

# Table des figures

4.1	Diagramme de cas d'utilisation	9
4.2	Planning prévisionnel	١0
4.3	Planning effectif	.0
7.1	Image de mots	27
8.1	Modèle	29
8.2	Package de calcul	30
8.3	Diagramme de composant	
8.4	Format de fichier d'entrée	
8.5	Tests unitaires	
8.6	Format de l'aide	
8.7	Patron de correspondance	
8.8	GUI	
8.9	Choix d'affichages possibles selon l'algorithme et le type de séquence	
9.1	Fichier 1 sous forme CSV	35
9.2	Fichier 2 sous forme CSV	36
9.3	Résultat levensthein ligne de commande	36
9.4	Résultat LCS ligne de commande	
9.5	Résultat DTW ligne de commande	
9.6	Résultat DTW ligne de commande	
9.7	Résultat séquences DTW/MVM	
9.8	Résultat séquences DTW/MVM	
10.1	Futur package de projet	10

# Liste des tableaux

6.1	tableau de valeurs "tab $Value$ "	8
6.2	tableau de correspondance 1 "tabCorrespondance1"	8
6.3	tableau de correspondance 1 "tabCorrespondance2"	8
6.4	tableau de valeurs "tab $V$ alue"	8
6.5	tableau de correspondance 1 "tabCorrespondance1"	8
6.6	tableau de correspondance 1 "tabCorrespondance?"	Ç

## Introduction

Ce document est le rapport de projet concernant le projet de fin d'études sur le sujet "Matching élastique et robuste de séquence". L'objectif de ce document est de décrire le contexte dans lequel le projet intervient, les choix effectués sur ce projet et la manière avec laquelle nous les avons réalisé.

Dans le cadre d'un projet, nous avons été sollicité pour mettre en place une solution logicielle qui calcule la distance entre des séquences. La nature des séquences est variable : chaîne de caractères, signatures, image de mots en priorité, séquences de protéines, séries boursières.

La solution obtenue est sous la forme d'une toolbox. Cette toolbox prend en entrée différents séquence en entrée et effectue la correspondance.

Comment ce projet a-t-il été conduit, quels étaient les objectifs initiaux et quel est le résultat? Nous vous expliquerons tous ces points dans ce rapport de projet.

Les acteurs mis en jeu au cours du projet sont :

MOE: Abdourahman Aden Hassan

MOA: Nicolas Ragot

## Remerciements

Je tiens à remercier pour mon projet de fin d'étude :

Nicolas Ragot, Maître de Conférences, qui m'a offert la possibilité d'effectuer ce projet passionnant.

Hubert Cardot, pour sa disponibilité concernant les séquences boursières.

Christophe Lenté, qui a pu m'offrir un planning adapté pour le projet.

Ameur Soukhal, pour m'avoir aiguillé sur les points à améliorer lors de la soutenance mi-parcours.

Je remercie également les autres personnes du laboratoire d'informatique pour la bonne ambiance.

# **Projet**

Ce projet est un projet scientifique d'étude et développement. Sur une première partie du projet, nous étudions plusieurs types de données (mots, signatures, images...). Ces données doivent être traduites en séquence. La problématique est de définir un outil suffisamment complet pour pouvoir traiter des flux très différents.

#### 4.0.1 Objectifs

L'objectif de ce projet est de créer une boîte à outils qui calcule la distance entre dex séquences. Une étude des différentes séquences et spécificités a été effectuée. A partir des spécificitiés on étudiera les algorithmes existants. Ces algorithmes devaient être intégrés dans notre boîte à outils voir adaptés pour pouvoir répondre aux différents contextes applicatifs.

Dans un premier temps (l'essentiel) l'objectif a été de concevoir la toolbox

Puis à partir de cette boîte nous devions essayer d'en faire un algorithme général. Cet algorithme unique gèrerait les différents flux et leurs contraintes à la fois. Ainsi dans l'idéal il fera tout ce que fait la toolbox. Si l'on remplace les algorithmes existants cela ne remet pas en cause notre application elle devra fonctionner directement suite à ce remplacement.

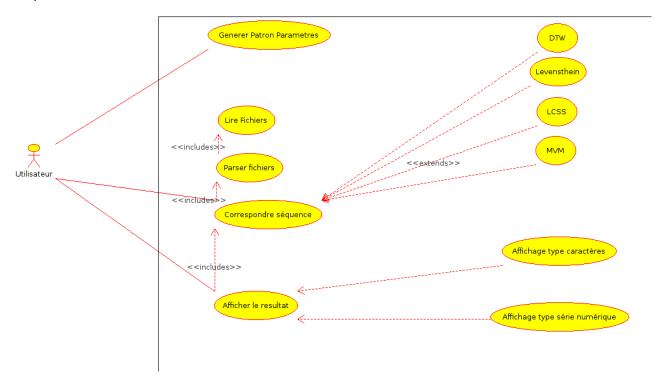


Figure 4.1 – Diagramme de cas d'utilisation

#### 4.0.2 Planning

Nous avons utilisé un cycle en V pour la gestion du projet. Le projet a été divisé en lots, ceux-ci sont découpés en tâches. Chaque tâche aura une estimation de durée. Cette estimation sera ensuite corrigée par les résultats réels. Certains outils nous seront nécessaire pour bien modéliser la structure du logiciel comme l'UML pour la création du diagramme de classe pour les structures de données. Nous avons séparé notre projet en 5 lots.

- Lot 1 : Découverte du sujet et étude documentaire sur les algorithmes
- Lot 2 : Etude des contraintes
- Lot 3 : Etude des algorithmes par rapport aux contraintes
- Lot 4 : Conception de la structure de données, développement et tests
- Lot 5 : Rapport

Voici le planning prévisionnel prévu lors de la spécification. Le projet s'est déroulé légèrement diéremment du planning prévisionnel, ce qui a conduit à un planning eectif, mis à jour jusqu'à la n du projet.

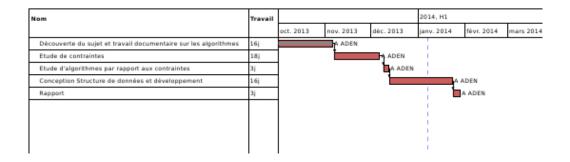


Figure 4.2 – Planning prévisionnel

Voici le planning effectif du projet. Certaines tâches ont été abandonnées (surtout la partie algorithmes par rapport aux contraintes). D'autres ont été crées, la partie graphique est devenue une fonctionnalité importante du projet.

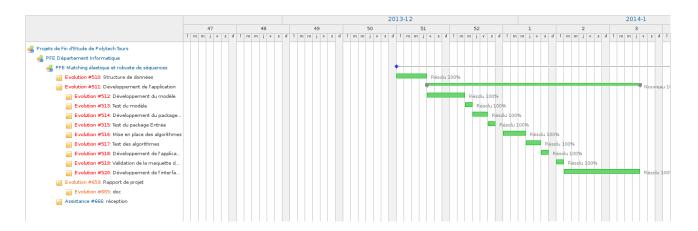


Figure 4.3 – Planning effectif

### 4.1 Caracteristiques du projet

L'autre outil de gestion de projet a été Redmine.

Toutes les tâches y étaient placées, avec leur durée respective. Si besoin certaines prévisions étaient remises en cause. Voici les autres caracteristiques du projet.

- Langage de programmation adopté : le language C++ Standard
- Normes de documentation : Doxygen
- Dépot des documents : SVN
- Cahier de Spécification à rendre avant Fin novembre 2013.
- Projet à réaliser avant le 27/01/2014 : 54 jours
- Documentation de développeur à effectuer
- Partie graphique avec QT
- Campagne de test à effectuer pour juger de l'efficacité de la méthode
- Architecture logicielle permettant l'ajout de nouveaux logiciels

## Séquence

La séquence est une suite de données ordonnée. Ces données peuvent être des caractères, des chiffres ou encore des vecteurs numériques.

On peut comparer des séquences entre elles à condition que les éléments soient de même type. Les vecteurs de caractéristiques sont de même taille por la correspondance.

#### 5.0.1 Exemples de séquences

Exemple de séquence de type caractères : (a,b,c,v,c,d,r,r,e,a,z,e,d,d,s,s)

Exemple de séquence de type numérique : (1,12,2,5,8,7,8,1,54,5,7,7)

Exemple de séquence de type vecteur : 
$$\begin{pmatrix} x & = 1 \\ y & = 2 \\ z & = 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} x & = 8 \\ y & = 7 \\ z & = 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} x & = 0 \\ y & = 4 \\ z & = 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} x & = 1 \\ y & = 2 \\ z & = 8 \end{pmatrix}$$

La dimension de ce vecteur est de 3.

Soit A une séquence de départ et B une séquence d'arrivée.

Nous posons qu'une correspondance f est une fonction injective c'est à dire que pour tout élément de i de B il existe au plus 1 élément j de a lié à i.

Une correspondance  $f:A \to B$  se définira ainsi :  $\forall j \in B$  ,  $\forall i \in A$ ,  $f(i)=j \Rightarrow \not\exists k \in A$  t.q. f(k)=j

La distance de la correspondance est notée  $d_{fij}$  ou  $d_f$ 

Une solution S est un ensemble de correspondances. Soit p la taille de S, la distance de la solution créée s'exprime ainsi :

$$d_S = \sqrt{\sum_{k=1}^p d_{S_k}}$$

Nous pouvons définir des contraintes sur les séquences. Ces contraintes permettent de donner du sens à nos correspondance. Selon le type de flux, certaines contraintes sont importantes pour gérer des caractéristiques propres à ces flux.

Par exemple on peut créer la contrainte  $c_1$  qui veut que l'on compare seulement un élément sur 2.

# **Etude Algorithmique**

Dans cette étape du projet nous avons étudié 4 algorithmes :

- Levensthein
- LCS (Longuest Common Subsequence)
- DTW (Dynamic Time Warping)
- MVM (Minimum Variance Matching)

Cette étude a permis de comprendre les outils algorithmiques qui nous permettront de créer notre toolbox et de manipuler les séquences.

Ce lot a duré 16 jours.

#### 6.0.2 Levensthein: description

Cet algorithme permet d'effectuer un matching entre deux séquences. Il s'appuye sur la programmation dynamique c'est à dire que la solution optimale trouvée pour une taille donnée s'appuye sur des solutions optimales de tailles intermédiaires.

L'algorithme s'appuye sur cette formule de récurrence :

$$\begin{aligned} d_{0,0} &= 0 \\ d_{i,0} &= d_{i-1,0} + \text{deleteCost} \\ d_{0,j} &= d_{0,j-1} + \text{insertCost} \\ d_{i,j} &= \min \begin{cases} d_{i-1,j} + \text{deleteCost} \\ d_{i,j-1} + \text{insertCost} \\ 0 & s_i = t_j \\ d_{i-1,j-1} + \text{substCost} & s_i \neq t_j \end{cases} \end{aligned}$$

Dans l'algorithme nous aurons deux tableau. Un tableau contenant les distances à chaque itération. Un autre tableau contenant les choix effectués à chaque itération.

L'algorithme se fait en deux étapes. D'abord le remplissage des tableaux de distance et de correspondance. Puis la recherche d'une solution par backtrack.

#### 6.0.3 algorithme

#### Remplissage

```
input: s1 \leftarrow Sequence, tailleS1 \leftarrow entier, s2 \leftarrow Sequence, tailleS2 \leftarrow entier, addCost \leftarrow flottant,
           delCost \leftarrow flottant, subCost \leftarrow flottant
output: vecValue \leftarrow vecteur[tailleS1+1][tailleS2+1] de flottants, vecCorrespondance \leftarrow
           vecteur[tail|Ss1+1][tailles2+1] d'entiers
Création des tableaux;
Création des constantes;
\mathsf{HAUT} \leftarrow 1;
\mathsf{GAUCHE} \leftarrow 2;
DIAGONALE \leftarrow 4;
Initialisation des variables;
vecValue[0][0] \leftarrow 0;
vecCorrespondance[0][0] \leftarrow 0;
it \leftarrow 1:
\mathbf{while} \ \mathit{it} < \mathit{tailleS1+1} \ \mathbf{do}
    vecValue[it][0] \leftarrow it*addcost;
    vecCorrespondance[it][0] \leftarrow HAUT;
    it \leftarrow it +1;
end
it \leftarrow 1;
while it < tailleS2+1 do
    vecValue[0][it] \leftarrow it*delcost;
    vecCorrespondance[0][it] \leftarrow GAUCHE;
    it \leftarrow it +1;
end
it 1 \leftarrow 1;
it2 \leftarrow 1:
while it < tailleS1+1 do
    while it < tailleS2+1 do
         vecCorrespondance[it][it2] \leftarrow 0;
         distance ← distanceSequences(s1,it-1,s2,it2-1);
         \mathsf{diag} \leftarrow \mathsf{0};
         if distance! = 0 then
          | diag \leftarrow vecValue[it-1][it2-1] + transCost;
         minValue ← min(vecValue[it][it2-1] + delcost, vecValue[it-1][it2] + addcost, diag);
         vecValue[it][it2] \leftarrow minValue;
         it2 \leftarrow it2 + 1;
         if vecValue[it][it2-1] + delcost = minValue then
             vecCorrespondance[it][it2] \leftarrow vecCorrespondance[it][it2] + HAUT;
         end
         if vecValue/it-1/[it2] + addcost = minValue then
             vecCorrespondance[it][it2] \leftarrow vecCorrespondance[it][it2] + GAUCHE;
         end
         if diag = minValue then
          | vecCorrespondance[it][it2] \leftarrow vecCorrespondance[it][it2] + DIAGONALE;
         end
    \mathbf{end}
    it2 \leftarrow 0:
    \mathsf{it} \leftarrow \mathsf{it} + \mathsf{1};
```

Algorithm 1: Levensthein



#### **Backtrack**

```
\mathbf{input} \; : \; \textbf{vecValue} \leftarrow \mathsf{vecteur}[\mathsf{tailleS1} + 1][\mathsf{tailles2} + 1] \; \mathsf{de} \; \mathsf{flottants}, \; \textbf{vecCorrespondance} \; \leftarrow \; \mathsf{vecValue} \; \mathsf{vecValue} \; \mathsf{vecValue} \; \mathsf{vecCorrespondance} \; \mathsf{vecCorresp
                                                     \mathsf{vecteur}[\mathsf{taillSs1} + 1][\mathsf{tailles2} + 1] \ \mathsf{d'entiers}, \\ \mathsf{tailleS1} \leftarrow \mathsf{entier}, \\ \mathsf{tailleS2} \leftarrow \mathsf{entier}, \\ \mathsf{tailleS2} \leftarrow \mathsf{entier}, \\ \mathsf{tailleS2} \leftarrow \mathsf{entier}, \\ \mathsf{tailleS2} \leftarrow \mathsf{entier}, \\ \mathsf{tailleS3} \leftarrow \mathsf{entier}, \\ \mathsf{tailleS4} \leftarrow \mathsf{entier}, \\ \mathsf{tailleS4
output: listCorrespondance \leftarrow Liste de correspondances
it1 \leftarrow tailleS1;
it2 \leftarrow tailleS2;
\mathsf{HAUT} \leftarrow 1;
\mathsf{GAUCHE} \leftarrow 2;
DIAGONALE \leftarrow 4;
 while !(it1 <> 0 \ it2 <> 0) do
                     valMin \leftarrow +\infty;
                     if it = 0 then
                                            Ajout correspondance de type suppression pour la séquence 2 à l'indice it2;
                        end
                     else if it2 = \theta then
                                            Ajout correspondance de type ajout pour la séquence 1 à l'indice it ;
                                          it \leftarrow it -1;
                     end
                     else
                                            valMin ← min(vecValue[it-1][it2-1],vecValue[it][it2-1],vecValue[it-1][it2]);
                                               Traitement diagonal;
                                            if valMin = vecValue[it-1][it2-1] valCorrespondance[it][it2] \ge DIAGONALE then
                                                                    Ajout correspondance de type substitution séquence 1(it) par séquence 2(it2);
                                                                  it2 \leftarrow it2 -1;
                                                                  it \leftarrow it -1;
                                            end
                                               Traitement gauche;
                                            if valMin = vecValue[it-1][it2] valCorrespondance[it][it2]-DIAGONALE \ge GAUCHE then
                                                                    Ajout correspondance de type ajout séquence 1(it);
                                                                 it \leftarrow it -1:
                                            end
                                               Traitement haut;
                                             \textbf{if} \ \ valMin = vecValue[it][it2\text{-}1] \ \ valCorrespondance[it][it2\text{-}1] - DIAGONALE\text{-}GAUCHE \geq HAUT 
                                                                    Ajout correspondance de type suppression séquence 2(it2);
                                                                 it2 \leftarrow it2 -1;
                                            end
                     end
 \mathbf{end}
```

Algorithm 2: Backtrack Levensthein

#### 6.0.4 Complexité

Soit  $S_1$  la première séquence  $S_2$  la seconde séquence, V la dimension des éléments dans les séquences, la complexité du remplissage est de  $CARD(S_1)*CARD(S_2)*V$  Soit O la complexité du backtrack. On peut noter O avec cette inégalité :  $\sqrt{CARD(S_1)^2 + CARD(S_2)^2} \leq O \leq CARD(S_1) + CARD(S_2)$ 

#### 6.0.5 Exemple

Nous allons appliquer l'algorithme avec les séquences "LEVENSTHEIN" et "MELENSTHEIN"

#### Initialisation

-	-	m	е	i	1	е		S		е	i	n
-	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
1	1	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
е	2	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
٧	3	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
е	4	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
n	5	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
S	6	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
h	7	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
t	8	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
e	9	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
i	10	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
n	11	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-

#### Remplissage et parcours

```
m
                                           i
                        е
                                       е
    0
        1
             2
                 3
                    4
                        5
                            6
                               7
                                   8
                                       9
                                          10
                                               11
I
        1
             2
                 3
                    3
    1
                        4
                            5
                               6
                                   7
                                       8
                                           9
                                               10
                 2
    2
        2
             1
                    3
                        3
                            4
                               5
                                   6
                                       7
                                           8
                                                9
е
   3
        3
             2
                 2
                    3
                        4
                            4
                               5
                                   6
                                      7
                                           8
                                                9
٧
             3
                 3
                    3
                        3
                               5
   4
        4
                            4
                                   6
                                           7
                                                8
е
                                      6
        5
                                                7
   5
             4
                 4
                    4
                        4
                            3
                                   5
n
                                      6
                                           7
             5
s
    6
        6
                 5 5
                        5
                            4
                               3
                                           6
                                                7
   7
        7
             6
                 6
                   6
                        6
                            5
                               4
                                      5
                                           6
                                                7
h
                                                7
        8
             7
                 7
                    7
                        7
                            6
                               5
                                   4
                                      5
    8
                                           6
t
                        7
                            7
                               6
                                       4
   9
        9
             8
                 8
                    8
                                   5
                                           5
                                                6
                                       5
                                           4
   10
       10
             9
                 8
                    9
                        8
                            8
                               7
                                   6
                                                5
   11
       11
            10
                 9
                    9
                        9
                            8
                               8
                                   7
                                       6
```

En gras vous pouvez observer les chemins possibles. Un des chemins donne cette solution :

I e v e n s h t e i n o = + o = = = - = = = m e i I e n s t e i n



#### 6.0.6 LCS: description

Cet algorithme permet de trouver la plus longue sous séquence entre deux séquences. Cette sous séquence n'est pas forcément contigüe. Par exemple nous avons la séquence aba et la séquence tata, la plus longue sous-séquence commune à ces deux séquence est a,a. Il s'appuye sur la programmation dynamique c'est à dire que la solution optimale trouvée pour une taille donnée s'appuye sur des solutions optimales de tailles intermédiaires. L'algorithme s'appuye sur cette formule de récurrence :

$$LCS(X_{i}, Y_{j}) = \begin{cases} \emptyset & \text{if } i = 0 \text{ or } j = 0 \\ LCS(X_{i-1}, Y_{j-1}) + 1 & \text{if } x_{i} = y_{j} \\ \text{longest}(LCS(X_{i}, Y_{j-1}), LCS(X_{i-1}, Y_{j})) & \text{if } x_{i} \neq y_{j} \end{cases}$$

Dans l'algorithme nous aurons un deux tableau. Un tableau contenant la plus longue sous séquence à chaque itération. Un autre tableau contenant une des solutions à chaque itération.

L'algorithme se fait en une seule étape, sans backtrack cette fois : on remplit le tableau. La solution de l'algorithme se trouve à la position (tailleS1,tailleS2) des tableaux.

#### 6.0.7 algorithme

```
input : s1 \leftarrow \mathsf{Sequence}, tailleS1 \leftarrow \mathsf{entier}, s2 \leftarrow \mathsf{Sequence}, tailleS2 \leftarrow \mathsf{entier}
output: vecValue \leftarrow vecteur[tailleS1+1][tailles2+1] de flottants, vecCorrespondance1 \leftarrow
          vecteur[tailleS1+1][tailleS2+1][taillS1] d'entiers, vecCorrespondance2 \leftarrow
          vecteur[tailIS1+1][tailIeS2+1][tailIS2] d'entiers
Création et initialisation des tableaux vecValue, vecCorrespondance1 et vecCorrespondance2 à 0;
it1 \leftarrow 1; it2 \leftarrow 1;
while it < tailleS1+1 do
    while it < tailleS2+1 do
        if distanceSequences(s1,it-1,s2,it2-1) then
            vecValue[it][it2] ← vecValue[it-1][it2-1];
             Copie de tableaux : le contenu du tableau est copié dans l'autre tableau (expression simplifiée ici);
            vecCorrespondance1[it][it2]←vecCorrespondance1[it-1][it2-1];
            vecCorrespondance12[it][it2] \leftarrow vecCorrespondance2[it-1][it2-1];
        end
        else
            if vec Value/it/[it2-1] > vec Value/it-1/[it2] then
                 vecValue[it][it2] \leftarrow vecValue[it][it2-1];
                 Copie de tableaux;
                 vecCorrespondance1[it][it2] \leftarrow vecCorrespondance1[it][it2-1];
                 vecCorrespondance2[it][it2] \leftarrow vecCorrespondance2[it][it2-1];
            end
                 vecValue[it][it2] ← vecValue[it-1][it2];
                 Copie de tableaux;
                 vecCorrespondance1[it][it2] \leftarrow vecCorrespondance1[it-1][it2];
                 vecCorrespondance2[it][it2] \leftarrow vecCorrespondance2[it-1][it2];
            \mathbf{end}
        end
        it2 \leftarrow it2 + 1;
    it2 \leftarrow 1; it \leftarrow it + 1;
```

Algorithm 3: LCS

#### 6.0.8 Complexité

Soit  $S_1$  la première séquence  $S_2$  la seconde séquence, V la dimension des éléments présents dans les séquences, la complexité du remplissage est de :

 $CARD(S_1)*CARD(S_2)*(CARD(S_1)+CARD(S_2))*V$ 

#### 6.0.9 Exemple

Nous allons appliquer l'algorithme avec les séquences "GAC" et "AGCAT"

#### Initialisation

-	-	A	G	$\mathbf{C}$	A	Τ
-	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0
A	0	0	0	0	0	0
$\mathbf{C}$	0	0	0	0	0	0

Table 6.1 – tableau de valeurs "tab Value"

```
G
                                                 \mathbf{C}
      \{0,0,0\}
                   \{0,0,0\}
                                \{0,0,0\}
                                              \{0,0,0\}
                                                           \{0,0,0\}
                                                                         \{0,0,0\}
G
     \{0,0,0\}
                   \{0,0,0\}
                                \{0,0,0\}
                                              \{0,0,0\}
                                                           \{0,0,0\}
                                                                         \{0,0,0\}
                                \{0,0,0\}
      \{0,0,0\}
                   \{0,0,0\}
                                              \{0,0,0\}
                                                           \{0,0,0\}
                                                                         \{0,0,0\}
      \{0,0,0\}
                   \{0,0,0\}
                                \{0,0,0\}
                                              \{0,0,0\}
                                                           \{0,0,0\}
                                                                         \{0,0,0\}
```

Table 6.2 – tableau de correspondance 1 "tab Correspondance<br/>1"

-	-	A	G	$^{\mathrm{C}}$	A	${ m T}$
-	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$
G	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$
A	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$
$^{\rm C}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$

Table 6.3 – tableau de correspondance 1 "tabCorrespondance2"

#### Remplissage

```
G
                      \mathbf{C}
                                 Т
           Α
                           Α
     0
           0
                0
                      0
                                  0
G
     0
           0
                1
                      1
                            1
                                  1
                            2
                                  2
Α
     0
           1
                1
                      1
\mathbf{C}
           1
                      2
                            2
                                  2
```

Table 6.4 – tableau de valeurs "tabValue"

```
G
                                                     \mathbf{C}
                         Α
                                                                   Α
      \{0,0,0\}
                    \{0,0,0\}
                                   \{0,0,0\}
                                                 \{0,0,0\}
                                                                \{0,0,0\}
                                                                              \{0,0,0\}
\mathbf{G}
      \{0,0,0\}
                    \{0,0,0\}
                                  \{1,0,0\}
                                                 \{1,0,0\}
                                                               \{1,0,0\}
                                                                              \{1,0,0\}
      \{0,0,0\}
                    \{0, 1, 0\}
                                  \{0, 1, 0\}
                                                 \{0, 1, 0\}
                                                               \{1, 1, 0\}
                                                                              \{1, 1, 0\}
      \{0,0,0\}
                    \{0, 1, 0\}
                                  \{0, 1, 0\}
                                                 \{0, 1, 1\}
                                                               \{1, 1, 0\}
                                                                             \{1, 1, 0\}
```

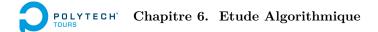
Table 6.5 – tableau de correspondance 1 "tabCorrespondance1"



-	-	A	G	$^{\mathrm{C}}$	A	${ m T}$
-	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$
G	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{0, 1, 0, 0, 0\}$	$\{0, 1, 0, 0, 0\}$	$\{0, 1, 0, 0, 0\}$	$\{0, 1, 0, 0, 0\}$
A	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{1,0,0,0,0\}$	$\{1,0,0,0,0\}$	$\{1,0,0,0,0\}$	$\{0, 1, 0, 1, 0\}$	$\{0, 1, 0, 1, 0\}$
$\mathbf{C}$	$\{0,0,0,0,0\}$	$\{1,0,0,0,0\}$	$\{1,0,0,0,0\}$	$\{1,0,1,0,0\}$	$\{0, 1, 0, 1, 0\}$	$\{0, 1, 0, 1, 0\}$

Table 6.6 – tableau de correspondance 1 "tab Correspondance<br/>2"

Une de solution de l'algorithme est donc s de taille 2  $\{g,a\}$ 



#### 6.0.10 Dynamic Time Warping: description

Cet algorithme permet d'effectuer un matching entre deux séquences. Le plus souvent ce sont des séquences numériques. Il s'appuye sur la programmation dynamique c'est à dire que la solution optimale trouvée pour une taille donnée s'appuye sur des solutions optimales de tailles intermédiaires.

L'algorithme s'appuye sur cette formule de récurrence :

$$DTW(X_i,Y_j) = \begin{cases} 0 & \text{si } i = 0 \cap j = 0 \\ +\infty & \text{si } (i = 0 \cap j > 0) \cup (j = 0 \cap i > 0) \\ d_{X_i,Y_j} & \\ +min(DTW(X_{i-1},Y_{j-1}),DTW(X_i,Y_{j-1}),DTW(X_{i-1},Y_j)) & \text{sinon.} \end{cases}$$

Dans l'algorithme nous aurons un tableau contenant les distances à chaque itération. L'algorithme se fait en deux étapes. D'abord le remplissage des tableaux de distance et de correspondance. Puis la recherche d'une solution par backtrack.

#### 6.0.11 algorithme

#### Remplissage

```
\mathbf{input} \; : \; \mathbf{s1} \leftarrow \mathsf{Sequence} \; , \; \mathbf{tailleS1} \leftarrow \mathsf{entier}, \; \mathbf{s2} \leftarrow \mathsf{Sequence} \; , \; \mathbf{tailleS2} \leftarrow \mathsf{entier}
 output: vecValue \leftarrow vecteur[tailleS1+1][tailleS2+1] de flottants
 Création des tableaux;
 Initialisation des variables;
vecValue[0][0] \leftarrow 0;
it \leftarrow 1;
 while it < tailleS1+1 do
                     vecValue[it][0] \leftarrow +\infty;
                  \mathsf{it} \leftarrow \mathsf{it} + 1;
end
it \leftarrow 1;
while it < tailleS2+1 do
                     vecValue[0][it] \leftarrow +\infty;
                    it \leftarrow it +1;
end
\mathsf{it}1 \leftarrow 1;
it2 \leftarrow 1;
 while it < tailleS1+1 do
                      while it < tailleS2+1 do
                                          vecValue[it][it2] \leftarrow
                                           \mathsf{d}_{X_{it1},Y_{it2}} + min(vecValue[it1-1][it2-1], vecValue[it1][it2-1], vecValue[it1-1][it2]) \ it2 \leftarrow \mathsf{it2} + min(vecValue[it1-1][it2]) \ it2 \leftarrow \mathsf{it
                                          1:
                     end
                     it2 \leftarrow 1:
                    \mathsf{it} \leftarrow \mathsf{it} + 1;
```

Algorithm 4: DTW



#### **Backtrack**

```
\mathbf{input} \; : \; \mathbf{vecValue} \leftarrow \mathsf{vecteur}[\mathsf{tailleS1} + 1][\mathsf{tailles2} + 1] \; \mathsf{de} \; \mathsf{flottants}, \\ \mathbf{tailleS1} \leftarrow \mathsf{entier}, \\ \mathbf{tailleS2} \leftarrow \mathsf{entier}, \\ \mathbf{tailleS3} \leftarrow \mathsf{entier}, \\ \mathbf{tailleS4} \leftarrow \mathsf{entier}, \\ 
\mathbf{output} \colon \textbf{listCorrespondance} \leftarrow \mathsf{Liste} \ \mathsf{de} \ \mathsf{correspondances}
it1 \leftarrow tailleS1;
it2 \leftarrow tailleS2;
 while !(it1 <> 0 \ it2 <> 0) do
                     valMin \leftarrow +\infty;
                     if it = 0 then
                                           Ajout correspondance de type suppression pour la séquence 2 à l'indice it2;
                      end
                      else if it2 = 0 then
                                           Ajout correspondance de type ajout pour la séquence 1 à l'indice it ;
                                          it \leftarrow it -1;
                     end
                     else
                                          valMin ← min(vecValue[it-1][it2-1],vecValue[it][it2-1],vecValue[it-1][it2]);
                                           if valMin = vecValue/it-1/[it2-1] then
                                                              it2 \leftarrow it2 -1;
                                                              it \leftarrow it -1;
                                           end
                                           else if valMin = vecValue[it-1][it2] then
                                             it2 \leftarrow it2 -1;
                                           end
                                           else
                                              it2 \leftarrow it2 -1;
                                           end
                                           Ajout correspondance séquence 1(it-1) avec séquence 2(it2-1);
                     \mathbf{end}
end
```

Algorithm 5: Backtrack DTW

#### 6.0.12 Complexité

Soit  $S_1$  la première séquence  $S_2$  la seconde séquence, V la dimension des éléments de chaque séquencs, la complexité du remplissage est de  $CARD(S_1)*CARD(S_2)*V$ Soit O la complexité du backtrack. On peut noter O avec cette inégalité :  $\sqrt{CARD(S_1)^2 + CARD(S_2)^2} \leq O \leq CARD(S_1) + CARD(S_2)$ 

#### 6.0.13 Exemple

Nous allons appliquer l'algorithme avec les séquences  $S1 = "1\ 1\ 2\ 3\ 2\ 0$ " et  $S2 = "0\ 1\ 1\ 2\ 3\ 2\ 1$ ". La distance entre deux éléments sera la différence au carré.

#### Initialisation

-	-	0	1	1	2	3	2	1
-	0	$+\infty$						
1	$+\infty$	-	-	-	-	-	-	-
1	$+\infty$	-	-	-	-	-	-	-
2	$+\infty$	-	-	-	-	-	-	-
3	$+\infty$	-	-	-	-	-	-	-
2	$+\infty$	-	-	-	-	-	-	-
0	$+\infty$	-	-	-	-	-	-	-

#### Remplissage et parcours

-	-	0	1	1	2	3	2	1
-	0	$+\infty$						
1	$+\infty$	1	0	0	1	4	1	0
1	$+\infty$	1	0	0	1	4	1	0
2	$+\infty$	4	1	1	0	1	0	1
3	$+\infty$	9	4	4	1	0	1	4
2	$+\infty$	4	1	1	0	1	0	1
0	$+\infty$	0	1	1	4	9	4	1

En gras vous pouvez observer le plus court chemin.

La distance est alors  $\sqrt{2}$ 



#### 6.0.14 Minimum Variance Matching: description et exemple

Cet algorithme permet d'effectuer un matching entre deux séquences. Le plus souvent ce sont des séquences numériques. Il s'appuye sur la programmation dynamique c'est à dire que la solution optimale trouvée pour une taille donnée s'appuye sur des solutions optimales de tailles intermédiaires. Contrairement à l'algorithme DTW il permet de sauter des éléments de la séquence cible (on appelle cette notion l'elasticité). La précondition est que la taille de la séquence cible est de taille supérieure ou égale à la taille de la séquence source

Soit une séquence a de taille m et une autre séquence b de taille n, le but de l'algorithme est de trouver la sous séquence b' la plus proche de a.

L'elasticité est le nombre d'éléments que l'on peut ignorer lors de la correspondance, ce nombre est inférieur ou égal à n - m. Nous avons donc une fonction f tel que :

$$\begin{cases} \forall m, n \text{ tel que } m \leq n \\ f: \{1..m\} \rightarrow \{1..n\} \\ f(i) \leq f(i+1) \text{ si } i \in \{1..m\} \\ a_i \text{ Correspond à } b_{f_i} \ \forall i \in \{1..m\} \end{cases}$$

Ainsi  $\forall i \in \{1..m\}$   $f_1$  correspond à la position d'un des éléments de b' dans b. Le coût optimal se traduit alors

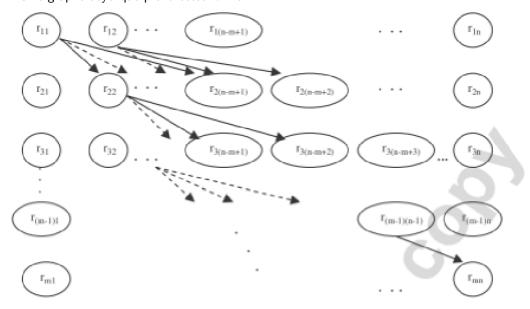
$$d(a,b) = d(a,b,\hat{f}) = \sqrt{\sum_{i=1}^{m} (b_{\hat{f}(i)} - a_i)^2}.$$

par :

Soit a :  $\{1, 2, 8, 6, 8\}$  la séquence source avec m = 5 et b :  $\{1, 2, 9, 3, 3, 5, 9\}$  la séquence cible avec n = 7. Dans l'algorithme nous aurons ensuite une matrice  $r_{ij}$  contenant les différences entre les éléments tel que  $r_{ij} = b_j - a_i$ .

On peut voir la résolution du minimum variance matching comme la résolution du problème du plus court chemin dans r. Cette matrice se comporte alors comme un graphe acyclique tel que  $\forall i \in m, j \in n$  un sommet de ce graphe sera représenté avec le sommet  $r_{ij}$ . Tout successeurs  $r_{kl}$  devra respecter ces contraintes :

- -k=i+1: les successeurs se trouvent sur la ligne juste en dessous
- $-\ l>j$  : les successeurs se trouvent sur une colonne à droit du sommet.
- -n-l>m-k le nombre de colonnes restantes à droite doit être supérieur au nombre de lignes restantes. Ainsi le graphe acyclique prend cette forme :



## POLYTECH Chapitre 6. Etude Algorithmique

D'après les contraintes énoncées plus haut on peut écrire la matrice de coûts sous cette forme :

$$linkcost(r_{ij}, r_{kl}) = \begin{cases} (r_{kl})^2 = (b_k - a_i)^2 & \text{if } k = i + 1\\ \text{and } j + 1 \leqslant l \leqslant j + 1 + (n - m) - (j - i),\\ \infty & \text{otherwise.} \end{cases}$$

L'enjeu est ensuite de prendre le successeur de plus faible coût. Dans l'exemple présenté plus haut, le chemin optimal se trouve de en gras ici  $r_{ij} = b_j - a_i$ .

Le coût optimal est donc  $\sqrt{3}$  L'algorithme se fait en deux étapes. D'abord le remplissage des tableaux de coût. Puis la recherche d'une solution par backtrack.



#### 6.0.15 algorithme

#### Remplissage

```
\mathbf{input} \; : \; \mathbf{s1} \leftarrow \mathsf{Sequence} \; , \; \mathbf{tailleS1} \leftarrow \mathsf{entier}, \; \mathbf{s2} \leftarrow \mathsf{Sequence} \; , \; \mathbf{tailleS2} \leftarrow \mathsf{entier}
output: pathCost ← vecteur[tailleS1][tailleS2] de flottants, path ← vecteur[tailleS1][tailleS2] d'entiers
Précondition : tailleS2>=tailleS1;
Création des tableaux;
Création du tableau de différence tabDiff;
Initialisation des variables;
elasticity \leftarrow \max(\text{tailleS2-tailleS1}, 1+|tailleS1/10|;
i \leftarrow 1;
i \leftarrow 1;
while i < tailleS1+1 do
      while j < tailleS2+1 do
           \mathsf{pathCost}[\mathsf{i}\text{-}1][\mathsf{j}\text{-}1] \leftarrow +\infty;
           \mathsf{path}[\mathsf{i-1}][\mathsf{j-1}] \leftarrow \mathsf{0};
         j \leftarrow j + 1;
      \mathbf{end}
     j \leftarrow 1;
    i \leftarrow i + 1;
end
j \leftarrow 1; \\
while j \le elasticity+1 do
      \mathsf{pathCost}[1\text{-}1][\mathsf{j}\text{-}1] = distance_{tabDiff_{i-1,j-1}};
     j \leftarrow j + 1;
\mathbf{end}
i \leftarrow 2;
while i < tailleS1 do
      stopk \leftarrow min(i-1+elasticity,tailleS2);
      debk \leftarrow max(1,i-1);
      k \leftarrow debk; while k \leq stopk do
           stopj \leftarrow min(k+1+elasticity,tailleS2);
           j \leftarrow k + 1;
           while j \leq stopk \ do
                 \mathbf{if}\ pathCost[i\text{--}1][j\text{--}1] > pathCost[i\text{--}1\text{--}1][k\text{--}1] +\ distance_{tabDiff_{i-1,j-1}}\ \mathbf{then}
                      \mathsf{pathCost[i-1][j-1]} = \mathsf{pathCost[i-1-1][k-1]} + distance_{tabDiff_{i-1,j-1}};
                      path[i-1][j-1] = k;
                 \mathbf{end}
                j \leftarrow j + 1;
           end
           k \leftarrow k + 1;
      \mathbf{end}
      it2 \leftarrow 1:
     i \leftarrow i + 1;
```

Algorithm 6: MVM

#### Backtrack

```
\mathbf{input} \; : \; \mathbf{pathCost} \leftarrow \mathsf{vecteur[tailleS1][tailleS2]} \; \mathsf{de} \; \mathsf{flottants}, \; \mathbf{path} \leftarrow \mathsf{vecteur[tailleS1][tailleS2]}
            \textit{d'entiers}, \textbf{tailleS1} \leftarrow \textit{entier}, \textbf{tailleS2} \leftarrow \textit{entier},
output: listCorrespondance \leftarrow Liste de correspondances
création du tableau s2index[tailleS1] contenant les indices cible sélectionnés pour la correspondance ;
s2index[tailleS1-1] \leftarrow 0;
i \leftarrow 1;
while i < taille S2 do
     \textbf{if} \ \ pathCost[tailleS1\ -\ 1][i] \leq \ pathCost[tailleS1\ -\ 1][s2index[tailleS1\ -\ 1]]\ \textbf{then}
      | s2index[tailleS1 - 1] \leftarrow i;
     \quad \text{end} \quad
     i \leftarrow i+1;
end
i \leftarrow 1:
while i < tailleS1 do
     s2index[tailleS1-i-1] = path[tailleS1-i][s2index[tailleS1-i]]-1;
end
i \leftarrow 1;
while i < tailleS1 do
     Ajout correspondance séquence 1(i-1) avec séquence 2(s2index[i-1]);
     i \leftarrow i+1;
end
```

Algorithm 7: Backtrack

#### 6.0.16 Complexité

Soit  $S_1$  la première séquence  $S_2$  la seconde séquence, V la dimension des séquences la complexité du remplissage est de  $\mathsf{CARD}(S_1)^*\mathsf{CARD}(S_2)^*\mathsf{V}$ 

Soit O la complexité du backtrack. Cette complexité est de  $max(CARD(S_1),CARD(S_2))$ 

### **Etude de Contraintes**

Dans cette étape du projet l'objectif était de dégager des contraintes sur les séquences. Ce lot a duré **18** jours. La première entrée à étudier a été la recherche de contraintes sur les mots. Puis celle sur les signatures et des images de mots.

#### 7.0.17 Mots

Une des contraintes était de se concentrer, en plus du mots sur sa prononciation. C'est là que les soundex peuvent nous aider. Soundex est un algorithme phonétique d'indexation de noms par leur prononciation en anglais britannique. L'objectif basique est que les noms ayant la même prononciation soient codés avec la même chaîne de manière à pouvoir trouver une correspondance entre eux malgré des différences mineures d'écriture. Soundex est le plus largement connu des algorithmes phonétiques et est souvent utilisé incorrectement comme synonyme de « algorithme phonétique ».

Une autre contrainte dégagée a été de privilégier les similarités en début de mots (prefixe) en terme de poids plutôt que les similarités globales.

Soit  $p_i$  la pénalité d'une différence de caractère sur un indice i.

Soit j > i, alors  $p_i > p_i$ .

Ce qui fait qu'une différence sur le préfixe a plus de poids qu'une différence sur le suffixe.

#### 7.0.18 Signatures

Une signature est représentée sous la forme d'une séquences de type vecteur de caracteristique. Dans ce vecteur de caractéristique on y trouve la position en X, en Y, la pression en fonction du temps. Selon le système d'acquisition on peut y trouver d'autres informations comme la vitesse ou l'accéleration. La contrainte dégagée pour les signatures est de donner moins d'importance aux débuts de tracés. En effet l'utilisateur est plus hésitant en début de tracé surtout dans le cas de signatures on-line.

#### 7.0.19 Image de mots

La recherche de mots par image permet d'extraire des mots dans les images. On distingue deux types : la transcription (OCR) très efficace pour les textes récents utilisant des polices type arial et le word spotting (repérage de mots) qu'on utilise sur les textes manuscrits et/ou anciens. Nous nous intéressons au word spotting.



FIGURE 7.1 – Image de mots

Une image de mots sera ensuite représentée sous la forme d'une séquences de type vecteur de caracteristique. Dans un vecteur de caractéristique on y trouve des informations comme la position du caractère, le pourcentage de "noir", l'inclinaison etc. Nous aurons une ligne représentant un mot, avec un découpage déjà établi en séquence. Concernant les images de mots les idées dégagées étaient :

- La gestion de l'italique
- Les accents

- La gestion du bruit

#### 7.0.20 Résultats et remise en cause

Nous avons considéré que bien qu'intéressantes, ces idées sont trop informelles pour nous permettre une exploitation. En effet le lien entre applicatif et algorithmique n'est pas effectué.

Ainsi suite à la soutenance mi-parcours nous avons décidé de supprimer le lot 3 (étude des algorithmes par rapport aux contraintes) et de se concentrer sur la conception et le développement de la toolbox.

# Conception et développement

Dans cette étape du projet et suite à la soutenance mi-parcours l'objectif était de concevoir et de développer une toolbox qui implémente les 4 algorithmes étudiés. Nous avons d'abord conçu une structure de données pour les séquences avant de créer les briques applicatives autour. Ce lot a duré **16** jours.

#### 8.1 Structure de données et diagramme de classe

Cette tâche a necessité 2 jours. Voici la structure de données imaginée pour l'application sous forme d'un diagramme de classe :

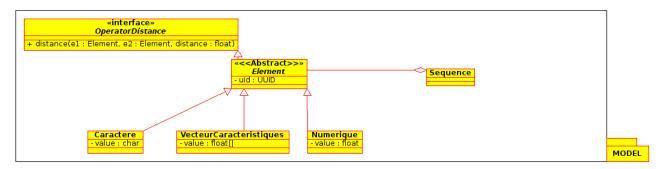


Figure 8.1 – Modèle

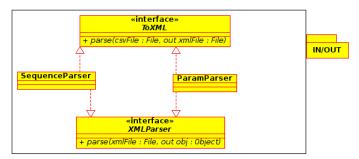
Une séquence est une liste d'éléments. Un élément peut être de type Caractère, Vecteur de caractéristiques ou numérique. Chaque type d'éléments a sa propre implémentation de l'opérateur de distance. Pour les caractères nous avons utilisé un opérateur booléen. Pour le vecteur de caractéristiques et les éléments numériques nous utilisons la distance euclidienne.

Cette structure appartient au package modèle. Plusieurs autres entités y sont greffés :

- le package d'entrée/sortie
- le package de calcul
- l'application en ligne de commande

#### Entrée Sortie

Ce package permet de gerer le chargement et la restitution textuelle de séquences.



Deux choses importantes sont à considérer pour ce package. D'abord les séquences doivent être sous un format XML pou sa portabilité pour d'autres futures application. Puis pour faciliter l'exploitation actuelle on doit pouvoir gérer également des fichiers de type CSV. Ainsi deux transformation seront implémentés : le passage  $CSV \to XML$  et le passage  $XML \to objet$ .

#### Calcul

Ce package permet d'utiliser les 4 algorithme sur les séquences. Puis paramétrer les séquences.

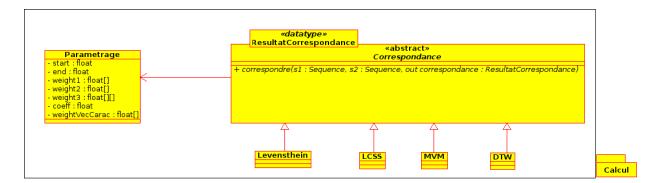


FIGURE 8.2 - Package de calcul

Une correspondance prend en entrée deux séquences et renvoie une structure données de type "ResultatCorrespondance".

Cette structure contient

- la distance
- un tableau contenant les indices concernés par la correspondance dans la séquence 1
- un tableau contenant les indices concernés par la correspondance dans la séquence 2

#### Lien entre les packages

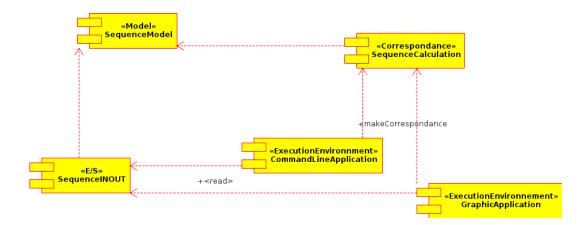


Figure 8.3 – Diagramme de composant

#### 8.2 Développement et test

Pour chaque module, nous avions deux tâches. Une tâche de développement et une tâche de tests unitaires. Cette tâche a necessité environ 11 jours.

#### 8.2.1 Formattage des fichiers d'entrée

Nous avons convenu d'un format pour les fichiers d'entrée de type CSV

- Marque de début de séquence
- Type de séquence : Charactère/Vecteur/Numérique
- Mot clé "NEXT" pour entrer plusieurs séquences dans le même fichier
- Marque de fin de séquence



FIGURE 8.4 – Format de fichier d'entrée

#### 8.2.2 Spécificités de développement

Tests



Avant chaque développement d'une fonction, il faut reflechir si un test unitaire serait utile. Si c'est le cas on l'inscrit dans un fichier excel contenant les tests unitaires pour chaque module.

#### POLYTECH Chapitre 8. Conception et développement

A	В	С	D	E
1 Sequence Matching Tests				
2 Test	Package	Class	Method	OK/KO
3 Copy Character	Model	Character	Character(Character const & copy);	ок
4 Copy CharacteristicVector	Model	CharacteristicVector	CharacteristicVector(CharacteristicVector const & copy);	ок
5 Copy Numeric	Model	Numeric	Numeric(Numeric const & copy);	ок
6 Copy Sequence	Model	Sequence	Sequence(Sequence const & copy);	OK
7 Is Character	Model	Character	float distance(Element *eOD1, Element *eOD2);	OK
8 Is CharacteristicVector	Model	CharacteristicVector	float distance(Element *eOD1, Element *eOD2);	OK
9 Is Numeric	Model	Numeric	float distance(Element *eOD1, Element *eOD2);	OK
10 Same Size	Model	CharacteristicVector	float distance(Element *eOD1, Element *eOD2);	ок
11 Remove	Model	CharacteristicVector	void removeValue(int index)	OK
12 Add	Model	Sequence	void addValue(Element elt)	OK
13 Remove	Model	Sequence	void removeValue(int index)	OK
14 invalid Weight (must be btwn 0 and 1)	Calc	Parametrage	void setS1Weight(unsigned int index, float value)	ок
15 invalid Index	Calc	Parametrage	void setS1Weight(unsigned int index, float value)	ок
16 invalid Weight (must be btwn 0 and 1)	Calc	Parametrage	void setS2Weight(unsigned int index, float value)	OK
17 invalid Index	Calc	Parametrage	void setS2Weight(unsigned int index, float value)	OK
18 invalid Weight (must be btwn 0 and 1)	Calc	Parametrage	void setVecCaracWeight(unsigned int index, float value)	OK
19 invalid Index	Calc	Parametrage	void setVecCaracWeight(unsigned int index, float value)	ок
20 No Vec Carac	Calc	Parametrage	void setVecCaracWeight(unsigned int index, float value)	OK
21 invalid Weight (must be btwn 0 and 1)	Calc	Parametrage	void setMatrixWeight(unsigned int index1, unsigned int index2, float value)	OK
22 invalid Index	Calc	Parametrage	void setMatrixWeight(unsigned int index1, unsigned int index2, float value)	OK
23 invalid Weight (must be btwn 0 and 1)	Calc	Parametrage	void setDistanceWeight(float value)	ок
24 invalid Index	Calc	Parametrage	float getS1Weight(unsigned int index)	OK
25 invalid Index	Calc	Parametrage	float getS2Weight(unsigned int index)	OK
26 invalid Index	Calc	Parametrage	float getVecCaracWeight(unsigned int index)	OK
27 No Vec Carac	Calc	Parametrage	float getVecCaracWeight(unsigned int index)	ок
28 invalid Index	Calc	Parametrage	float getMatrixWeight(unsigned int index1, unsigned int index2)	OK

Figure 8.5 – Tests unitaires

Quand le module est terminé les tests sont effectués avec l'outil

#### Portabilité

La portabilité de la toolbox est assurée par un développement le plus souvent indépendant de la machine. On utilise quelques routines propres à linux ou à windows (cas des uid). Dans ce cas, on utilise des directives préprocesseur.

#### Exception

Une classe d'exception personnalisée a été créée avec un numéro d'erreur, un type d'erreur et une description.

#### Xml

La lecture et l'écriture de fichiers XML est assurée grâce à l'outil "RapidXML" portable et simple d'utilisation.

#### Commandes de la toolbox

Nous avons créé un système de commandes à envoyer en ligne de commande. Voici un extrait de l'aide :

```
Gestion des paramètres toolbox :

arguments :

-sequences <fichier1.csv> <fichier2.csv>

Permet d indiquer les séquences d entrée

-method lvn|lcd|dtw|mvmm

Permet d indiquer la méthode à utiliser

-patron <name> <fichier1.csv> <fichier2.csv>

Permet de créer un patron

-sequences <fichier1.csv> <fichier2.csv> -param <fichier.xml>

Permet d utiliser un fichier de paramètres créé auparavant
```

FIGURE 8.6 – Format de l'aide

#### Parametrage

L'utilisateur peut générer des fichiers de paramétrages. Ces fichiers seront ensuite entrés en plus des fichiers de séquences. Les fichiers de paramétrage permettent de donner des coefficients aux éléments des séquences. Si l'on place un coefficient de 25% sur le premier élément de la première séquence le résultat en sera impacté et le poids d'une correspondance avec cet élément sera réduit.

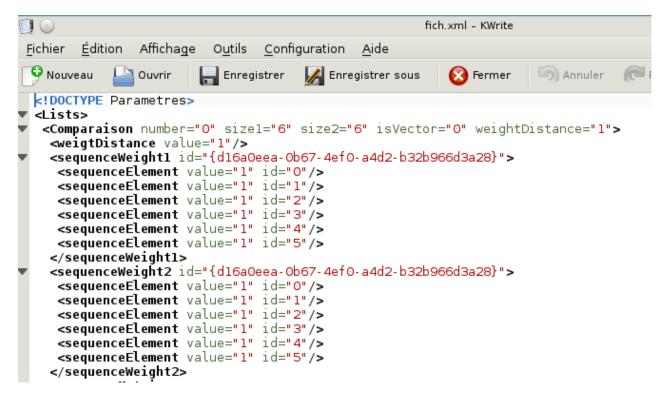


FIGURE 8.7 – Patron de correspondance

#### Partie graphique

Cette partie est conçue avec l'outil QT. Voici le diagramme de classe de l'interface graphique :

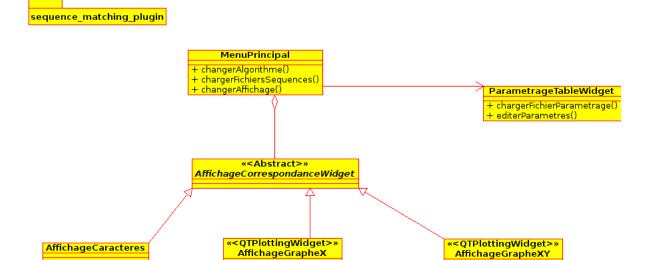


Figure 8.8 - GUI

Nous pouvons choisir nos algorithmes et 3 types d'affichage disponibles selon l'algorithme choisi. Voici les options possibles dans notre  $\mathsf{UI}$ :

Algorithme	Type de séquence	Texte	X	X/Y
Levensthein	Caractères	х	-	-
	Numérique	х	х	-
	Vecteur	х	х	x
LCS	Caractères	x	-	-
	Numérique	х	х	-
	Vecteur	х	x	x
DTW	Caractères	х	-	-
	Numérique	х	x	-
	Vecteur	х	x	x
M∨M	Caractères	x	-	-
	Numérique	х	x	
	Vecteur	х	х	х

FIGURE 8.9 - Choix d'affichages possibles selon l'algorithme et le type de séquence

Le menu principal envoi des signaux aux différents "Panel" d'affichage. Ceux-ci rafraîchissent ensuite leurs données.

L'affichage de courbes est assuré grâce à l'objet QCustomPlot.

## Resultat

#### 9.1 Deploiement

La livraison contient :

- Une version en ligne de commande de l'application sous l'IDE QTCreator
- Une version en ligne de commande de l'application sous l'IDE Visual Studio
- Un livret utilisateur
- Un livret de développeur (avec une partie Doxygen)
- Une version "librairie statique" de l'application sous QTCreator
- Une version Graphique de l'application sous l'IDE QTCreator

Nous allons illustrer des résultats d'exécution de notre toolbox. D'abord en ligne de commande. Puis de manière graphique.

### 9.2 Ligne de commande

Nous allons illustrer les résultats à travers deux exemples.

#### 9.2.1 Exemple 1

Nous allons comparer deux séquences de type chaîne de caractère.

Séquence 1:(p,o,r,t,e)

Séquence 2 : (r, a, p, p, o, r, t, e, r)

D'abord on aimerais savoir quelles sont les opérations nécessaires pour passer d'une chaîne à l'autre ? Créons d'abord nos fichiers :

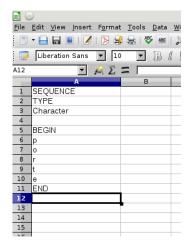


FIGURE 9.1 – Fichier 1 sous forme CSV



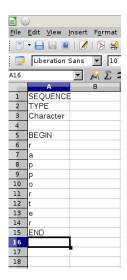


FIGURE 9.2 - Fichier 2 sous forme CSV

Nous devons exécuter levensthein, la commande sera donc de cette forme :

FIGURE 9.3 – Résultat levensthein ligne de commande

Pour passer de rapporter à porte il faut donc retirer r,a,p et r. Le coût pour passer d'une expression à l'autre est donc de 4.

Maintenant on voudrait savoir quelle est la plus longue sous-séquence commune aux deux mots. Utilisons la toolbox avec cette fois l'algorithme LCS :

FIGURE 9.4 – Résultat LCS ligne de commande

La plus longue sous séquence est évidemment "porte".



#### 9.2.2 Exemple 2

Nous allons comparer deux séquences de type numérique.

Séquence 1 : (1, 10, 2, 8, 5, 9)Séquence 2 : (1, 7, 3, 8, 4, 9, 13, 11, 4)

Faisons une correspondance de type DTW d'abord :

FIGURE 9.5 – Résultat DTW ligne de commande

Nous obtenons le chemin optimal en observant les croix. Regardons le résultat avec une correspondance de type MVM

FIGURE 9.6 – Résultat DTW ligne de commande

On peut observer que l'algorithme MVM saute les correspondances jugées trop coûteuses afin d'optimiser la distance.

#### 9.3 GUI

Expérimentons nos résultats obtenus lors de la dernière partie mais dans un repère.

Pour rappel

Séquence 1:(1,10,2,8,5,9)

Séquence 2 : (1,7,3,8,4,9,13,11,4)

Nous allons projeter les deux séquences sur un repère ayant en X l'indice des séquences et en Y leur valeur avec l'algorithme DTW puis MVM :

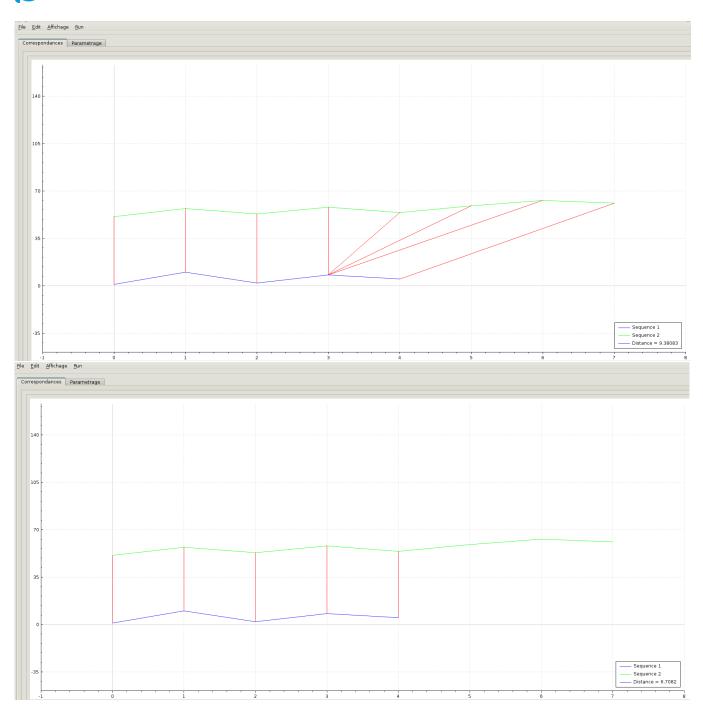


FIGURE 9.7 – Résultat séquences DTW/MVM

Comparons maintenant les lettres 'M' et 'W' sous forme de vecteurs de caracteristiques de dimension 2 avec en X l'abscisse et en Y l'ordonnée.

$$\begin{array}{l} \text{S\'equence 1}: \left(\begin{array}{ccc} x & = & 0 \\ y & = & 15 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 2 \\ y & = & 15 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 4 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 15 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 12 \\ y & = & 15 \end{array}\right) \\ \text{S\'equence 2}: \left(\begin{array}{ccc} x & = & 0 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 2 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 4 \\ y & = & 15 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right), \left(\begin{array}{ccc} x & = & 6 \\ y & = & 0 \end{array}\right)$$



Voici les résultats de correspondance obtenus avec DTW et MVM.

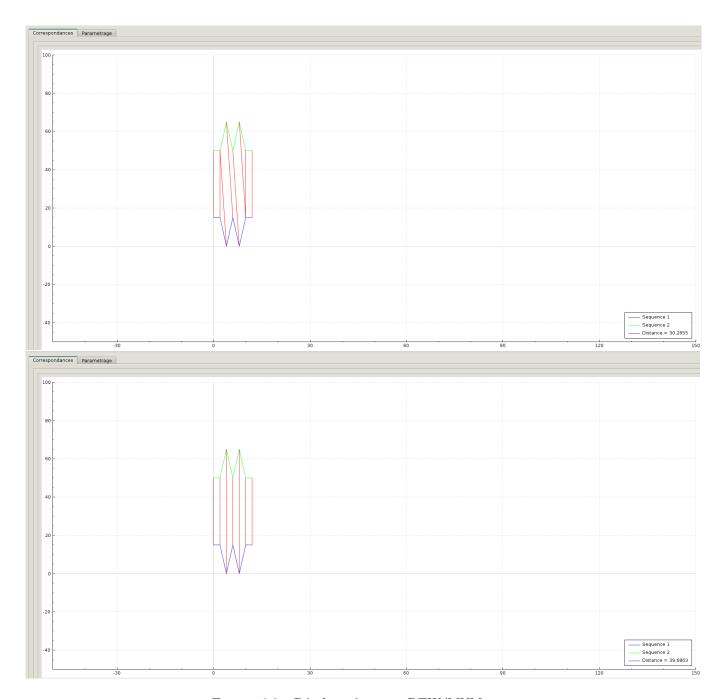


Figure 9.8 – Résultat séquences  $\mathrm{DTW}/\mathrm{MVM}$ 

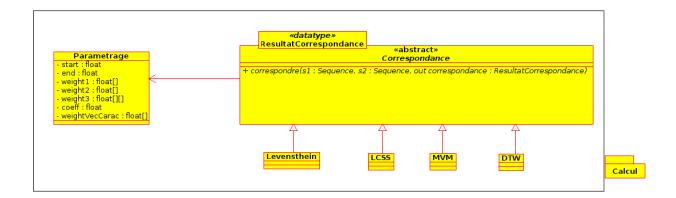
Nous pouvons observer que MVM saute les correspondances trop éloignées.

# Problèmes rencontrés et solutions apportées

#### 10.1 Contraintes

Suite à la soutenance mi-parcours nous avons considéré que bien qu'intéressantes, ces idées sont trop informelles pour nous permettre une exploitation. En effet le lien entre applicatif et algorithmique n'est pas effectué. La partie "contraintes" sera développée lors de futurs développement. C'est pourquoi une reflexion sur la mise en place des contraintes était necessaire. Ainsi une classe "Parametrage est disponible. Cette classe permet de "coefficienter" les correspondances entre les séquences.

Ainsi une contrainte est une classe qui prend en entrée un objet "Parametrage" et le modifie. Voici un exemple de future conception possible :



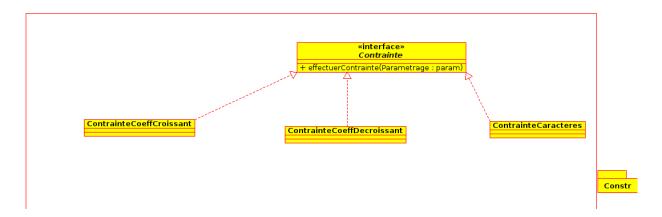


FIGURE 10.1 – Futur package de projet



### 10.2 Portabilité

En début de développement l'accent n'était pas mis sur la portabilité. Ainsi certaines librairies inutiles étaient utilisées. Ces librairies alourdissent le livrable et nuisent à la lisibilité (QTXML, QUid). Des solution alternatives ont été utilisées comme RapidXML.

## **Conclusion**

Ce projet a été une bonne occasion d'explorer les différentes possibilités qu'offrent les algorithmes de matching. L'utilisation des différentes techniques telles que Levensthein ou DTW m'a permis d'en apprendre plus sur la programmation dynamique, la manière de parcourir et remonter les résultats. Cela m'a par ailleurs permis de développer un projet en partant de zéro, en m'occupant de toute la partie gestion de projet et développement, de réaliser des analyses. Le travail d'ailleurs pu être réparti selon un cycle de développement qui correspondait à mes attentes et à mes habitudes. J'ai également pu ré-apprendre à utiliser Qt ainsi que la gestion de librairies, qui a été une étape cruciale lors du développement de l'application. J'ai pu aussi voir mes limites actuelles concernant l'analyse. En effet j'ai éprouvé des difficultés à faire le lien entre algorithmique et applicatif et je compte m'améliorer sur cet aspect. Le fait que les résultats de l'application seront peut-être utilisés pour un projet plus tard m'a motivé à être rigoureux et exhaustif.

# **Bibliographie**

- http://www.cs.cmu.edu/afs/cs/academic/class/15828-s98/lectures/0128/sld015.htm
- http://www.levenshtein.net/
- http://en.wikipedia.org/wiki/Longest\_common\_subsequence\_problem
- rapport Facomprez Maxime Béchu Jean-François algo C
- http://www.phon.ox.ac.uk/jcoleman/old\_SLP/Lecture\_5/DTW\_explanation.html
- An elastic partial shape matching technique
- http://www.highprogrammer.com/alan/numbers/soundex.html
- http://fr.wikipedia.org/wiki/Soundex
- Longin Jan Latecki , Vasileios Megalooikonomou, Qiang Wang, Deguang Yu

# Matching élastique et robuste de séquences

Département Informatique 5<sup>e</sup> année 2013 - 2014

Rapport de projet

Résumé : Ce projet de fin d'études concerne une application. Ce logiciel effectue un matching entre différentes séquences de formes multiples. Chaînes de caractères, signatures, images de mots... Notre application doit pouvoir prendre en compte les contraintes de chacuns de ces domaines

Mots clefs: Séquence, Distance, Dynamic Time Warping, Elastique, Contrainte

**Abstract:** In this project the goal is to make a software which match several sequences. Theses sequences can be caracters, signatures, handwritten words images, protein sequences... Our software must consider the constraints coming from very differents sources

Keywords: Sequence, matching, DTW, Elastic, constraint