

# Continuations

Vincent Archambault-B  
IFT 2035 - Université de Montréal

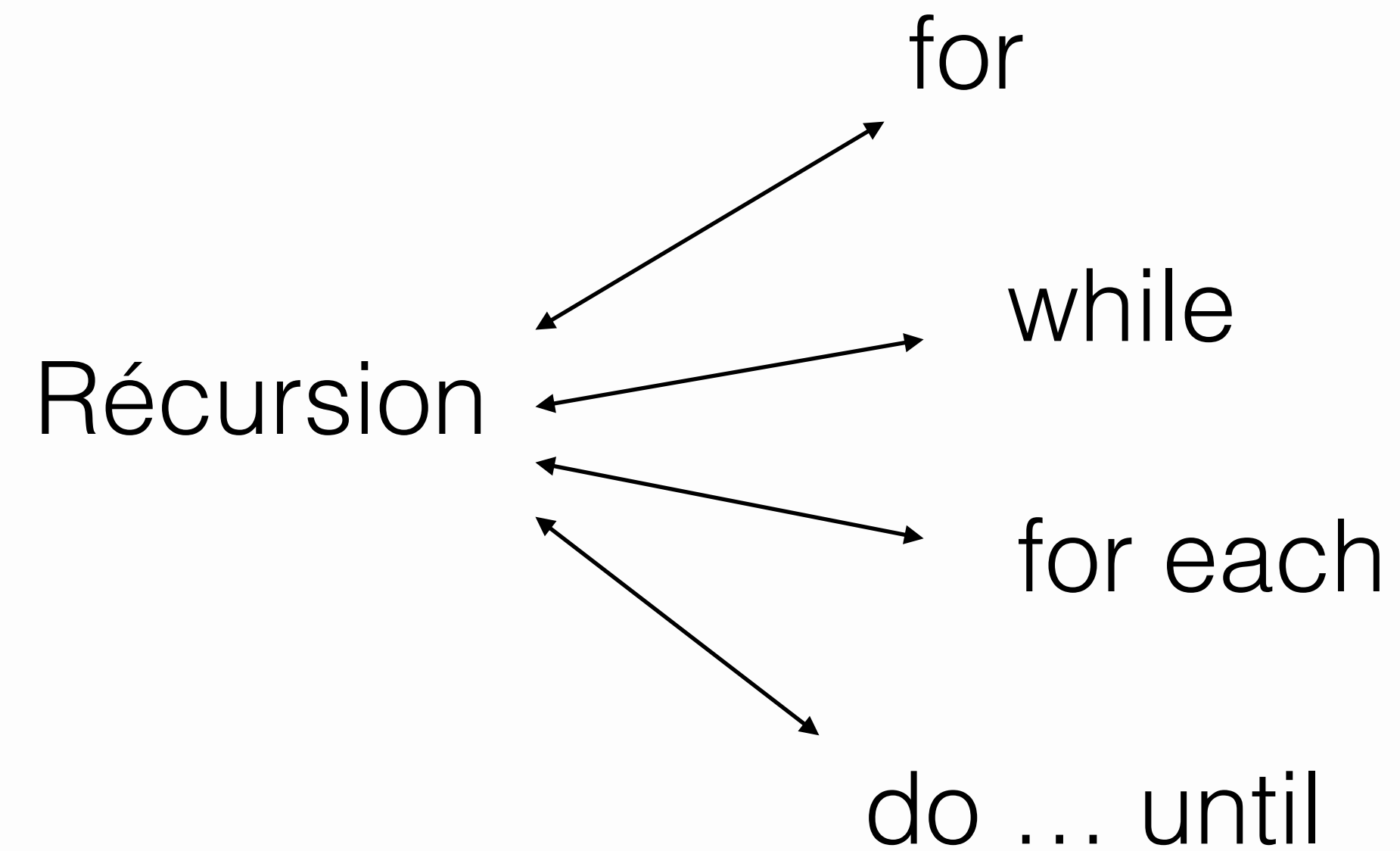


Ce document est dédié au domaine public via [CCO](#)

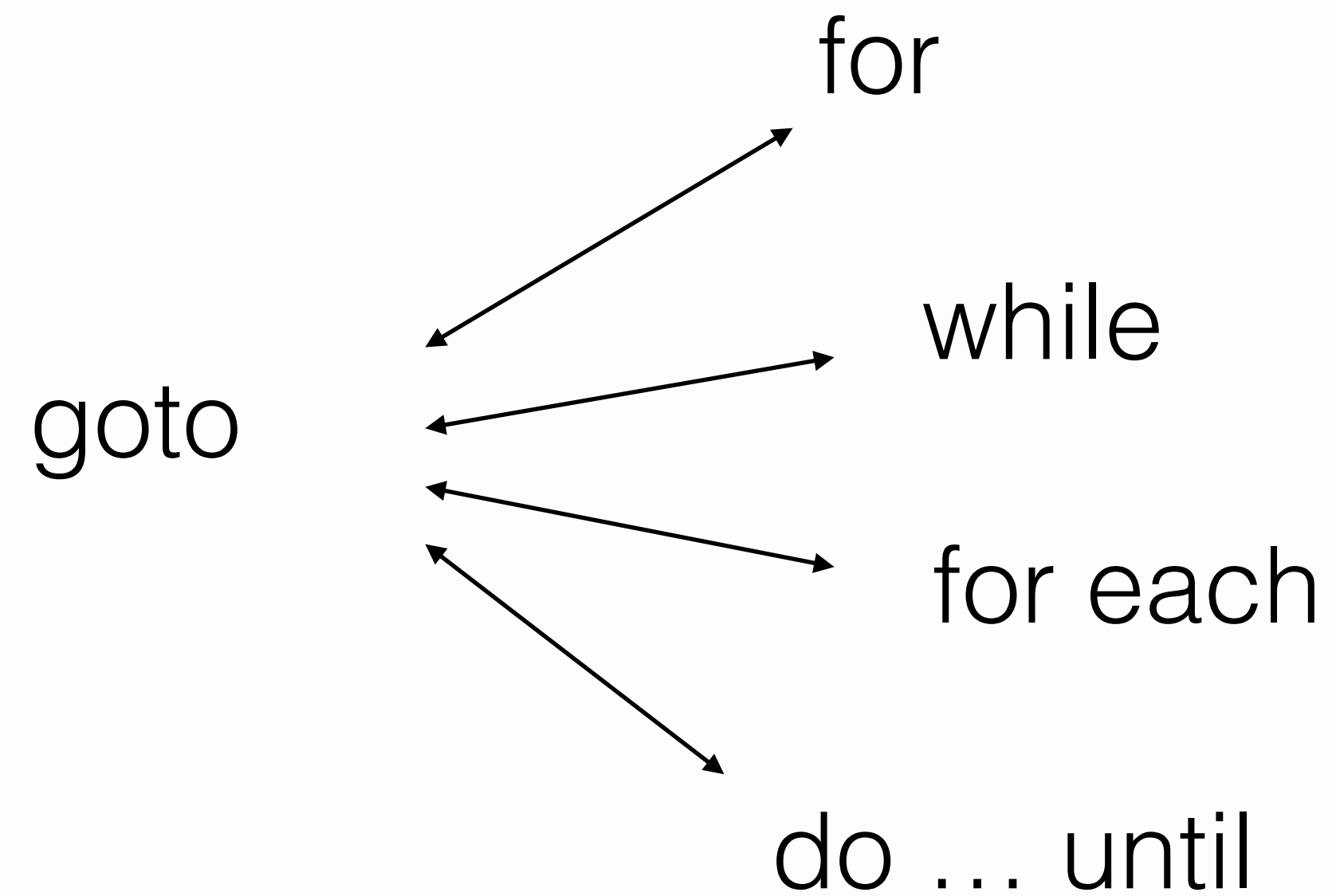
# Pour obtenir le code source de ce document

- ▶ <https://github.com/archambaultv/IFT2035-UdeM>
- ▶ [vincent.archambault-bouffard@umontreal.ca](mailto:vincent.archambault-bouffard@umontreal.ca)

# La récursion peut remplacer les instructions de boucle



# L'instruction goto peut aussi remplacer les instructions de boucle



goto  Récursion

# goto NON Récursion

goto (en assembleur) peut sauter n'importe où dans le programme

goto (en c) peut sauter n'importe où dans la fonction

la récursion revient au début de la fonction

goto ↔ ?

goto ↔ continuation



# Continuation

- ▶ goto indique, à l'aide d'une **adresse mémoire ou d'un label**, où poursuivre le programme
- ▶ Une continuation indique, à l'aide d'une **fonction**, comment poursuivre le programme
- ▶ Cette fonction est souvent passée en paramètre, **continuation passing style (CPS)**

# Conversion CPS

```
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map _ [] = []
map f (x:xs) = f x : map f xs
```

Sans continuation, map retourne à l'appelant

```
map :: (a -> b) -> [a] -> ([b] -> c) -> c
map _ [] k = k []
map f (x:xs) k =
  map f xs (\r -> k (f x : r))
```

Nécessite une fermeture



Avec continuation, map poursuit avec la fonction k

# Conversion CPS

```
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map _ [] = []
map f (x:xs) = f x : map f xs
```

Sans continuation, map retourne à l'appelant

```
map :: (a -> b) -> [a] -> ([a] -> c) -> c
map _ [] k = k []
map f (x:xs) k =
  map f xs
  (\r -> f x (\rf -> k (rf : r)))
```

Si f est aussi en CPS



Avec continuation, map poursuit avec la fonction k

# Conversion CPS

```
x = map (+ 1) [1, 2, 3]
main = putStrLn x
```

Sans continuation, map retourne à l'appelant

```
main = map (+ 1) [1, 2, 3]
      (\x -> putStrLn x)
```

Avec continuation, map poursuit avec la fonction k

# Try catch

```
import Control.Exception

notZero :: Int -> Int
notZero 0 = error "Pas de zéro"
notZero x = x

program :: Int -> IO Int
program arg =
  catch
    (let a = notZero arg
     in return (a * a))
    (\err ->
      (putStrLn (show (err :: SomeException)))
      >> return 0)
```

Avec try catch

```
notZeroCPS :: Int ->
  (Int -> a) ->
  (String -> a) ->
  a
notZeroCPS 0 _ kErr = kErr "Pas de zéro"
notZeroCPS x k _ = k x

programCPS :: Int -> IO Int
programCPS arg =
  notZeroCPS arg
  (\a -> return (a * a))
  (\err -> putStrLn err >> return 0)
```

Avec continuation

# Un programme en CPS n'a pas besoin de pile

- ▶ Tous les appels sont terminaux
- ▶ Les fermetures remplacent la pile

# Sans continuation, utilisation d'une pile

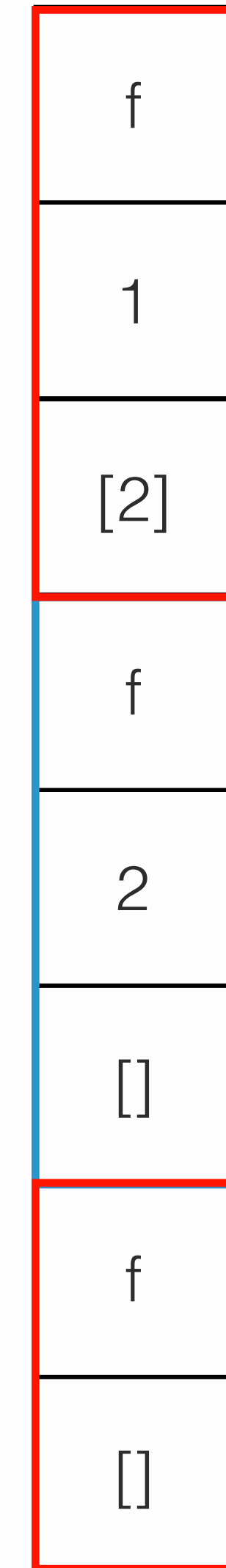
```
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map _ [] = []
map f (x:xs) = f x : map f xs
```

```
map [1, 2]
```

map [1, 2]

map [2]

map []

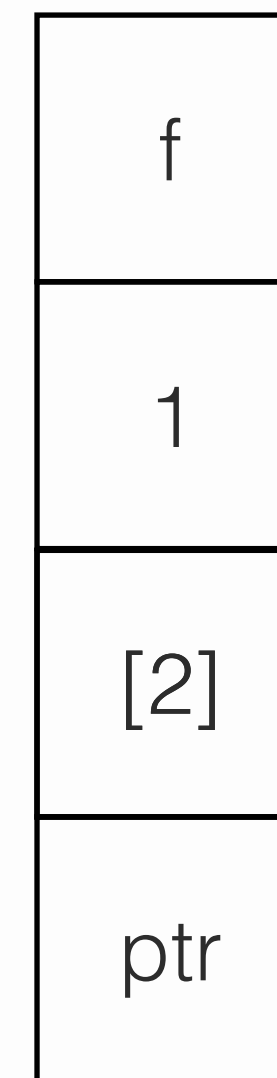


Sans continuation, map retourne à l'appelant

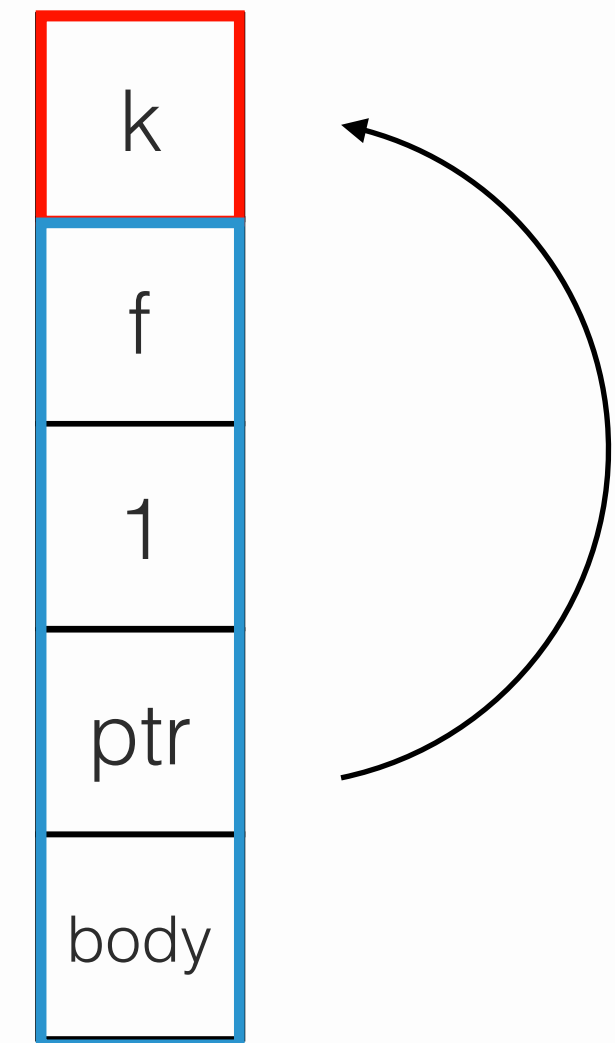
# Avec continuation, utilisation des fermetures

```
map :: (a -> b) -> [a] -> ([a] -> c) -> c
map _ [] k = k []
map f (x:xs) k =
  map f xs (\r -> k (f x : r))
```

map [1, 2]



Pile



Tas

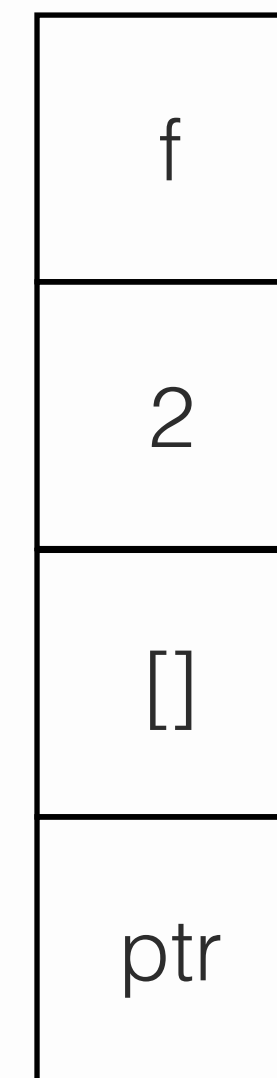
Avec continuation, map poursuit avec la fonction k



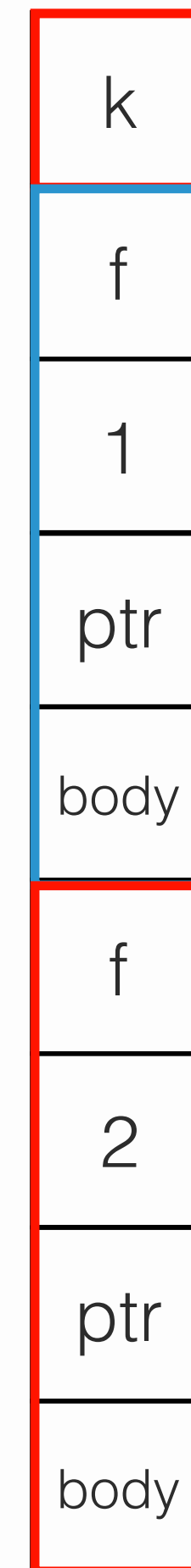
# Avec continuation, utilisation des fermetures

```
map :: (a -> b) -> [a] -> ([a] -> c) -> c
map _ [] k = k []
map f (x:xs) k =
  map f xs (\r -> k (f x : r))
```

map [2]



Pile



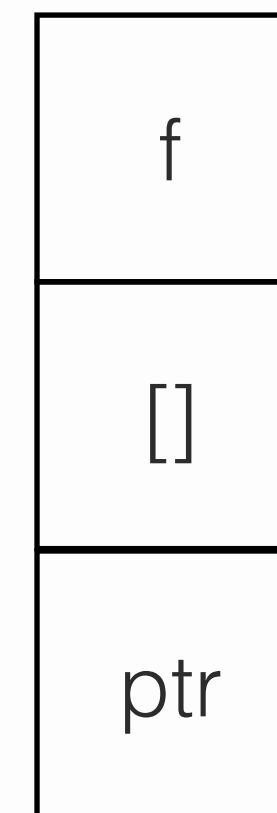
Tas

Avec continuation, map poursuit avec la fonction k

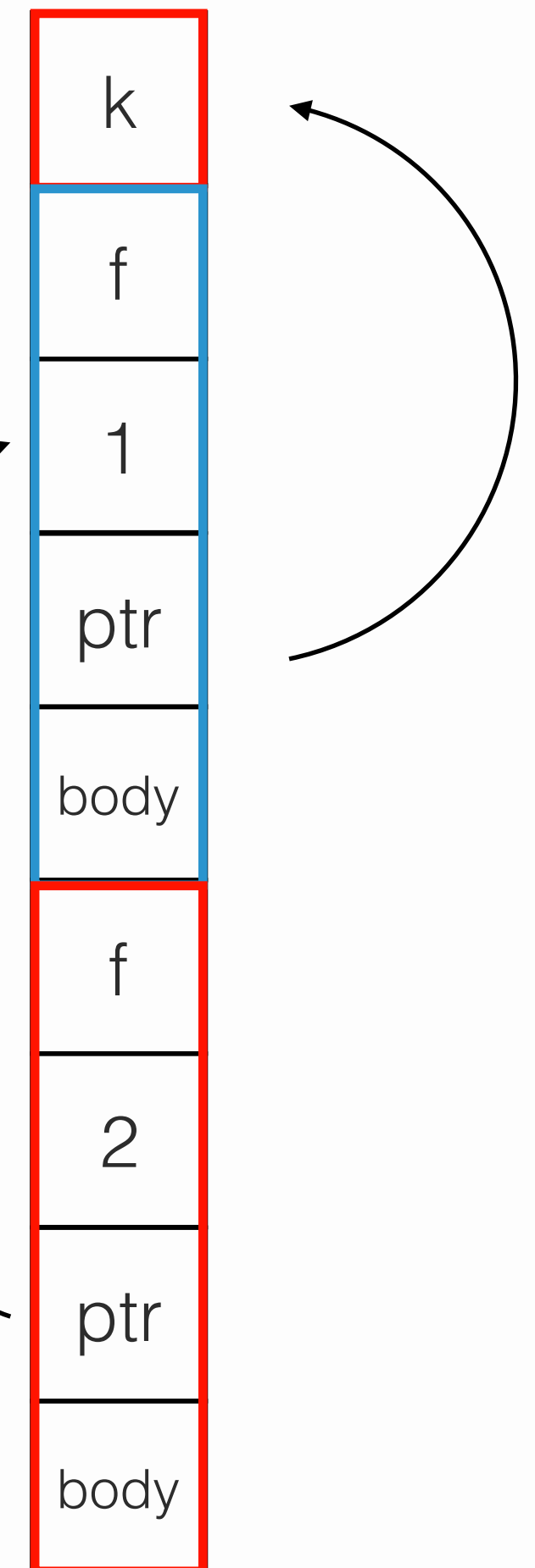
# Avec continuation, utilisation des fermetures

```
map :: (a -> b) -> [a] -> ([a] -> c) -> c
map _ [] k = k []
map f (x:xs) k =
  map f xs (\r -> k (f x : r))
```

map []



Pile



Tas

Avec continuation, map poursuit avec la fonction k