PAMUKKALE ÜNİVERSİTESİ MÜHENDİSLİK FAKÜLTESİ BİLGİSAYAR MÜHENDİSLİĞİ BÖLÜMÜ 2021 BAHAR

Biçimsel Diller ve Otomata Teorisi Formal languages and automata theory

ALFABE ve KATAR-1

Bir alfabe sonlu sayıda sembolden oluşur

```
\ddot{O}rnek: Roman alfabesi = {a, b, ..., z} Binary alfabe = {0, 1}
```

 String bir alfabede tanımlanan sonlu sayıda sembolün sıralanışıyla elde edilir

"bilgisayar" Roman alfabesinde tanımlanmıştır.

"0111011" Binary alfabede tanımlanmıştır.

- Bir alfabedeki her sembol bir string'tir
- Sembol içermeyen string empty string olarak adlandırılır

- String olarak genellikle u, v, w, x, y, z harfleri kullanılacaktır. w = abc
- ∑ alfabesi için ∑* ise bu alfabede oluşturulan boş string'te dahil tüm string'lerin kümesini göstermektedir (*: Kleene Star)
- Bir string'in length (uzunluk) degeri |w/ şeklinde gösterilir

$$|101| = 3,$$
 $|e| = 0,$

- $w = \text{bilgisayar}, \qquad w(3) = 1, \qquad w(1) = b$
- **concatenation** iki string'in ardarda eklenmesidir

bilgisayar o mühendisligi = bilgisayarmühendisligi

$$w = x \mathbf{o} y, \quad w = xy$$

 $/w/ = /x/ + /y/$
 $w(j) = x(j), \qquad j = 1, ..., |x| \quad w(/x/ + j) = y(j), \qquad j = 1, ..., |y|$
 $01 \mathbf{o} 001 = 01001$

$$w \cdot 0 \cdot e = e \cdot 0 \cdot w = w$$

Concatenation (o) x oy=xy

- Kaynaştırma ilişkisellik özelliğine (associativity) sahiptir: x(yz)=(xy)z
- Kaynaştırma değişme özelliğine (commutativity) sahip değildir: xy ≠ yx
- Kaynaştırmanın birleşme üzerine dağılma özelliği vardır x(yuz)= xy u xz
- Kaynaştırmanın kesişim üzerine dağılma özelliği yoktur x(ynz) ≠xy n xz

• Bir string v, w string'i içinde substring olarak belirtilir.

```
w = xvy, x ve y, e (empty) string olabilir
```

- Eger bazı x'ler için w = xv ise string v, string w içinde suffix olarak adlandırılır.
- Eger bazı y'ler için w = vy ise string v, string w içinde prefix olarak adlandırılır.
 road roadrunner 'da prefix, abroad 'da suffix ve
 broader 'da substring'tir
- wⁱ bir string'in i kez tekrarını gösterir

```
w^{0} = e (empty string)

w^{i+1} = w^{i} o w, i \ge 0

ab^{2} = abab

ab^{*} = \{a, ab, abb, ...\}

(ab)^{*} = \{e, ab, abab, ababab, ...\}
```

• Bir string w için w^R reversal olarak adlandırılır.

```
w = bilgisayar, w^R = rayasiglib
```

- Bir alfabe \sum üzerinde tanımlı string kümesi, \sum^* kümesinin altkümesidir ve language (dil) olarak adlandırılır.
- \sum , \sum * ve Ø birer dildir.

 $\{aba, czr, d, f\}$ bir sonlu dildir ve $\sum = \{a, b, c, ..., z\}$ alfabesi üzerinde tanımlıdır

 $\{0, 01, 011, 0111, ...\}$ bir sonsuz dildir ve $\sum = \{0, 1\}$ alfabesi üzerinde tanımlıdır

• Bir dil $L = \{w \in \sum^* : w \text{ string'i } P \text{ \"{o}zelligine sahiptir} \}$ şeklinde tanımlanır $L = \{w \in \{0, 1\}^* : w \text{ eşit sayıda 1 ve 0'a sahiptir} \}$ $L = \{w \in \sum^* : w = w^R \}$

Bir alfabe'de tanımlı iki dil arasında kaynaştırma (concatenation)
 tanımlanabilir

$$L = L_1 \circ L_2 \qquad L = L_1 L_2$$

$$L = \{ w \in \sum^* : w = x \circ y \quad ve \ x \in L_1 \quad ve \quad y \in L_2 \} \quad \ddot{O}rnek:$$

$$\sum = \{ 0, 1 \}, \qquad L_1 = \{ w \in \sum^* : w \ cift \ sayıda \ 0 \ 'a \ sahip \}$$

$$L_2 = \{ w \in \sum^* : w \ 0 \ 'la \ başlar \ ve \ 1 \ 'le \ devam \ eder \} \quad L_1 \circ L_2 = \{ w \in \sum^* : w \ tek \ sayıda \ 0 \ 'a \ sahiptir \}$$

• Kleen star işlemi L^* ile gösterilir ve bir dilde 0 veya daha fazla string'in concatenate edilmesiyle elde edilir.

$$L^* = \{w \in \sum^* : w = w_1 \text{ o...o } w_k \mid k \ge 0 \text{ ve } w_1 \text{ o...o } w_k \in L\}$$
 Örnek:
 $L = \{01, 1, 100\}$
 $110001110011 \in L^* \text{ 1o100o01o100o1o1}$

• L^+ işlemi LL^* dilini ifade etmek için kullanılır.

$$L^{+} = \{ w \in \Sigma * : w = w_{1} \text{ o...o } w_{k} \mid k \geq 1 \text{ ve } w_{1} \text{ o...o } w_{k} \in L \}$$

 L^+ dili, L dilinin closure'u olup L dilini ve L dilindeki string'lerin eklenmesiyle elde edilen tüm string'leri içeren bir dildir.

• $L = \{w \in \{0, 1\}^*: w \text{ iki veya } \ddot{u}\varsigma \text{ tane } 1 \text{ tekrarını içerir ve birinci ile ikinci ardarda}$ gelemez $\}$ şeklinde tanımlı bir dil olsun.

Bu dil sadece singleton kümelerle ve U, o, * ile ifade edilebilir.

$$L = \{0\}^* o\{1\} o\{0\}^* o\{0\} o\{1\} o\{0\}^* o((\{1\} o\{0\}^*) \cup 0^*)$$

 $L = 0*10*010*(10* \cup 0*)$ şeklinde $\{,\}$ ve o kaldırılarak kısaca gösterilebilir

Yukarıdaki ifade regular expression (düzenli ifade) olarak adlandırılır. Regular expression'lar bir dili doğrudan ∪, o, * ile tanımlar.